

1 INTRODUÇÃO 1 - 7

1 Introdução

Na implementação do código image8bit.c, foram criadas diversas funções para manipular imagens de diferentes formas. Para além de implementar, é necessário analisá-las para garantir um código mais eficiente. Para esse propósito, foram analisados os algoritmos das funções ImageLocateSubImage() e ImageBlur().

O ficheiro image8bit.c contêm múltiplas funções para manipular imagens PGM(Portable Gray Map):

- ImageValidPos Analisa se uma da posição corresponde a um píxel da imagem referida encontra-se fora da mesma
- ImageValidRect Analisa se as dimensões correspondentes a um retângulo se encontram dentro da imagem ou não
- ImageGetPixel e ImageSetPixel Responsáveis por obter o indíce do array de pixeis na respetiva posição e alterar esse valor por um outro.
- ImageNegative Inverte os valores de cada pixel (maxval pixelValue)
- ImageThreshold Converte os valores de cada píxel para 0 ou para maxval se o mesmo for inferior ou superior ou igual respetivamente
- ImageBrighten Converte os valores de cada píxel multiplicando por um fator
- ImageRotate Cria uma imagem nova com os valores dos pixeis da original trocada de modo a obter uma imagem rodada 90° no sentido contrário dos ponteiros do relógio
- ImageMirror Devolve uma imagem espelhada horizontalmente
- ImageCrop Recorta uma parte da imagem e devolve-a noutra imagem
- ImagePaste Insere uma imagem por cima de outra, certeficando que a imagem a inserir seja inferior à imagem onde será inserida
- ImageBlend Junta 2 imagens, certifcando que a que se vai juntar seja inferior à outra e é aplicado um valor *alpha* entre 0.0 a 1.0
- \bullet ImageMatchSubImage Compara se a partir de uma dada posição (x,y) da imagem1 a imagem2 é igual
- ImagemLocateSubImage Chama a função ImageMatchSubImage em cada píxel da imagem1 para comparar e define 2 ponteiros(px e py) para esse mesmo píxel
- ImageBlur Aplica um filtro na imagem para criar uma desfocada



2 IMAGELOCATE 2 - 7

2 ImageLocate

A função ImageLocateSubImage() é usada para determinar se a imagem2 é uma parte da imagem1. Para esta função funcionar corretamente, esta chama a função ImageMatchSubImage() para comparar os pixeis de modo a garantir que a imagem2 é, de facto, igual a uma parte da imagem1.

2.1 Eficiência computacional da ImageLocateSubImage()

Para analisar a sua eficiência computacional, foi registado numa Tabela 1 o número de comparações envolvendo uma sequência de testes com diferentes imagens.

Img1	Img2	Iterações	Iterações	Observações
		da Lo-	da Match	
		cate		
original.pgm	crop.pgm	3010	10000	
(300x300)	(100x100)			
original.pgm	rotate.pgm	90000	90000	img2 doesn't fit if it starts at
(300x300)	(300x300)			another pixel other than $(0,0)$
				in img1
ireland.pgm	airfield	1920000	1920000	img2 doesn't fit in img1, if it
(1600x1200)	(1600x1200)			starts in a different ixel than
				(0,0)
airfield	ireland $(640x480)$	1920000	1	first pixel of img2 is different
(1600x1200)				than img1, so the loop is only
				executed one time
airfield	airfieldCrop	1	10000	
(1600x1200)	(100x100)			
airfield	airfieldCrop	1	100	
(1600x1200)	(10x10)			
airfield	airfieldCrop	1903950	1898830	
(1600x1200)	(10x10) (no ponto			
	1549,1189)			

Tabela 1: Tabela com dados resultantes das iterações da função ImageLocateSubImage() e Image-MatchSubImage()



2 IMAGELOCATE 3 - 7

Com base na Tabela 1, podemos afirmar sobre a sua comeplexidade:

- Best Case: Imagens com pouca resolução e a imagem
2 está localizada no pixel (0,0) O(1)
- Average case: Imagem tem pouca resolução e a imagem2 não se encontra localizada nela
- Worst case: Imagens com grande resolução e a imagem 2 não se encontra localizada O(width*height)

2.2 Funcionamento da ImageLocateSubImage()

Este algoritmo segue uma lógica básica por detrás. São enviadas duas imagens, img1 e img2, e é feita a comparação entre os pixeis da img1 e da img2, sendo o ínicio no pixel (0,0) até ao pixel (width, height), tal como consta na Figura 1.

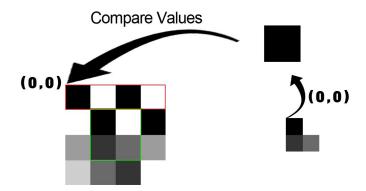


Figura 1: Figura representativa do funcionamento da ImageLocateSubImage()

Após detetar um valor igual ao primeiro píxel da img2 na img1, é ainda comparado os restantes píxeis para garantir que são iguais, podendo afirmar que img2 é, de facto, uma subimagem da img1. Para fazer essa comparação é usado o seguinte excerto de código, onde i e j são, respetivamente, as coordenadas x e y da img2, e são comparados os pixeis equivalentes. Para isso é adicionado ao i e j as coordenadas da img1, caso estejamos a localizar a img2 no ponto (x,y) que não seja (0,0) da img1.

```
for(int j =0; j < img2->height; j++) {
    for(int i = 0; i < img2->width; i++) {
        if (ImageGetPixel(img1, x + i , y + j) != ImageGetPixel(img2, i, j)) {
            return 0}
        }
    }
}
```



3 IMAGE BLUR 4 - 7

3 Image Blur

A seguinte função visa a implementar um filtro de imagem de blur, em que é aplicado um filtro da média de pixeis num dado retângulo de dimensão $(2dx + 1) \times (2dy + 1)$. Para tal, foram considerados dois algoritmos, detalhados nas subsecções seguintes.

3.1 Algoritmo Melhorado

Este algoritmo utiliza uma Summed-area table, definido por um array bidimensional, com tamanho $width \times height$. Este pode ser dividido em duas partes: cálculo da soma das áreas em cada pixel e cálculo do blur numa determinada área.

3.1.1 Summed-area table

O seguinte método implementa uma forma de, em um dado ponto (x,y), obter a soma de todos os valores dos pixeis desde (0,0) a esse mesmo ponto. Da forma em que foi implementado, apenas é feita a média dos valores na atribuição na própria imagem, que resulta em o array ser do tipo inteiro.

A forma geral para a implementação deste algoritmo é:

```
integral[x][y] = ImageGetPixel(img, x, y) +
integral[x - 1][y] +
integral[x][y - 1] -
integral[x - 1][y - 1];
```

Com o seguinte bloco de código, está a ser atribuído às coordenadas (x, y) do array criado anteriormente a soma total dos valores dos pixeis.

Esta fórmula é visualmente representada na figura abaixo.

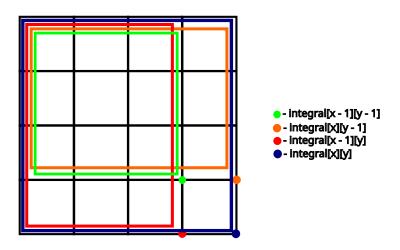


Figura 2: Figura ilustrativa do algoritmo Summed-area table



3 IMAGE BLUR 5 - 7

Ainda considerando o algoritmo anterior, Verifica-se um problema de assertion, causado quando x ou y são 0. Para evitar esse problema, é atribuído inicialmente ao (0,0) (já que a soma total nesse ponto é ele próprio) o seu próprio valor.

De seguida, são preenchidas as linhas x = 0 e y = 0. Após isso, é possível preencher o resto do array com a fórmula geral anteriormente apresentada.

3.1.2 Média dos pixeis

O seguinte algoritmo é responsável por calcular a média dos pixeis numa determinada área, definida por um retângulo de dimensão $(2dx + 1) \times (2dy + 1)$. São usados os valores de soma obtidos na parte anterior.

Inicialmente, são definidos o canto superior esquerdo e canto inferior direito, e verificar se o retângulo está dentro da imagem. Caso não esteja, é lhe atribuído o valor representante do extremo que está a ultrapassar.

Finalmente, é calculada a média dos pixeis, com o seguinte bloco de código:

```
(double)((integral[x2 - 1][y2 - 1] -
integral[x1][y2 - 1] -
integral[x2 - 1][y1] +
integral[x1][y1])) /
npixels + 0.5;
```

O valor de 0.5 é adicionado para que o valor seja arredondado corretamente, já que o valor é do tipo inteiro. Também é subtraído o valor de 1 a x2 e y2, de forma a que o valor seja o correto, já que o array começa em (0,0).

3.1.3 Análise da Complexidade

Na seguite tabela, é possível observar a complexidade de cada função, em termos de iterações de ciclos e de operações aritméticas das duas partes do algoritmo.

Imagem	Fator de $blur$	Iterações de	Iterações de	Complexidade
		3.1.1.	3.1.2	
original.pgm (300x300)	7,7	90000	90000	$O((width \times height) \times 2)$
original.pgm (300x300)	40, 40	90000	90000	$O((width \times height) \times 2)$
original.pgm (300x300)	200, 200	90000	90000	$O((width \times height) \times 2)$
airfield.pgm (1600x1200)	40, 40	1920000	1920000	$O((width \times height) \times 2)$
airfield.pgm (1600x1200)	200, 200	1920000	1920000	$O((width \times height) \times 2)$
ireland.pgm (640x480)	40,40	307200	307200	$O((width \times height) \times 2)$

Tabela 2: Tabela com a complexidade das funções



3 IMAGE BLUR 6 - 7

Como é possível observar na tabela acima, a complexidade das funções é $O((width \times height) \times 2)$, já que o número de iterações é igual ao número de pixeis da imagem. A complexidade das operações aritméticas é linear, já que o número de operações é igual ao número de pixeis da imagem. Isto resulta em:

- Best case A imagem ser pequena;
- Average case Não existe um caso médio, já que a complexidade é sempre a mesma;
- Worst case A imagem ser grande.

3.2 Algoritmo Básico

Como o nome indica, este algoritmo é mais básico, que acaba por ser menos eficiente que o anterior. Este algoritmo baseia-se em ir de pixel a pixel da imagem, e de pixel a pixel da área definida pelo retângulo de dimensão $(2dx + 1) \times (2dy + 1)$, verificar se esse pixel se encontra dentro da imagem e calcular a média dos pixeis nessa área dependendo do resultado.

3.2.1 Análise da complexidade

Abaixo é apresentado uma tabela com a complexidade geral do algoritmo, em termos de iterações de ciclos.

Imagem	Fator de blur	Iterações de	Complexidade
		3.2.1.	
original.pgm	7,7	20250000	$O((2dx+1)\times(2dy+$
(300x300)			$1) \times w \times h$
original.pgm	40,40	590490000	$O((2dx+1)\times(2dy+1))$
(300x300)			$1) \times w \times h$
original.pgm	200, 200	14472090000	$O((2dx+1)\times(2dy+$
(300x300)			$1) \times w \times h$
airfield.pgm	40,40	12597120000	$O((2dx+1)\times(2dy+$
(1600x1200)			$1) \times w \times h$
airfield.pgm	200, 200	308737920000	$O((2dx+1)\times(2dy+$
(1600x1200)			$1) \times w \times h$
ireland.pgm	40,40	2015539200	$O((2dx+1)\times(2dy+$
(640x480)			$1) \times w \times h)$

Tabela 3: Tabela com a complexidade das funções

Como é possível observar na tabela acima, a complexidade das funções é $O((2dx+1) \times (2dy+1) \times w \times h)$, já que o número de iterações está dependente desta vez não só pelo tamanho da imagem, mas também pelo tamanho do fator do blur. Isto resulta em obter como:

- Best case A imagem ser pequena e o fator de blur ser pequeno;
- Average case Um balance entre o tamanho da imagem e o fator de blur;
- Worst case A imagem ser grande e o fator de blur ser grande.



4 CONCLUSÃO 7 - 7

4 Conclusão

Concluindo, neste projeto foi possível implementar várias funções de manipulação de imagem, de grau de dificuldade variável, e a análise de complexidade de duas delas.

Foi possível observar que, após a análise de vários algoritmos, a mesma função com o mesmo objetivo pode ter mudanças bastante significantes em termos de tempo de execução em vários cenários.

Este trabalho foi realizado por:

- \bullet João Bastos (113470)
-50%
- Rúben Gomes (113435)- 50%

25 de novembro de 2023