

$$\begin{aligned}
 [3; 2] + (-4; 7) &= [-1; 9] \\
 [0; -4] + (1,5; -2,5) &= [1,5; -6,5] \\
 (1; 3) + (4; -2) &= (5; 1) \\
 (-4; -2) + (-5; 0) &= (-9; -2) \\
 (2; 3) + (1; -1,5) &= (3; 1,5)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 [\] + [\] &= [\] \\
 [\] - [\] &= [\] \\
 [\] + (\) &= [\] \\
 (\) + (\) &= (\) \\
 (\) - (\) &= (\)
 \end{aligned}$$

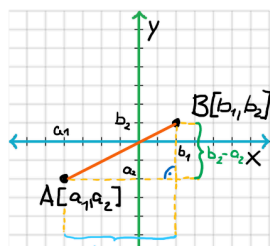
$$a) \vec{u} = (-3; 1,5); \vec{v} = (2; -1)$$

$$\begin{aligned}
 \vec{u} + \vec{v} &= (-1; 0,5) \\
 \vec{u} - \vec{v} &= (-5; 1,5-(-1)) = (-5; 2,5) \\
 \vec{v} - \vec{u} &= (5; -2,5)
 \end{aligned}$$

$$b) \vec{x} = (7; 4; 0); \vec{y} = (-3; 1; -2)$$

$$\begin{aligned}
 \vec{x} + \vec{y} &= (4; 5; -2) \\
 \vec{x} - \vec{y} &= (10; 3; 2) \\
 \vec{y} - \vec{x} &= (-10; -3; -2)
 \end{aligned}$$

DĚLKA ÚSEČKY = vzdálenost dvou bodů



► ve 2D: $A[a_1; a_2]; B[b_1; b_2]$

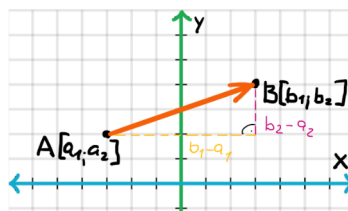
$$|AB| = \sqrt{(b_1 - a_1)^2 + (b_2 - a_2)^2}$$

► ve 3D: $A[a_1; a_2; a_3]; B[b_1; b_2; b_3]$

$$|AB| = \sqrt{(b_1 - a_1)^2 + (b_2 - a_2)^2 + (b_3 - a_3)^2}$$

VELIKOST VEKTORU

► stejná úloha jako určit délku úsečky



► ve 2D:

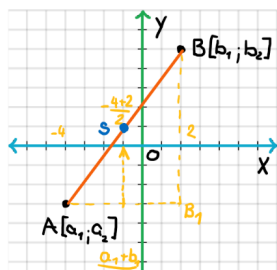
$$\vec{u} = B - A = (b_1 - a_1; b_2 - a_2) = (u_1; u_2)$$

$$|\vec{u}| = \sqrt{u_1^2 + u_2^2}$$

► ve 3D:

$$|\vec{u}| = \sqrt{u_1^2 + u_2^2 + u_3^2}$$

STŘED ÚSEČKY



► ve 2D: $A[a_1; a_2]; B[b_1; b_2]$

$$S\left[\frac{a_1 + b_1}{2}; \frac{a_2 + b_2}{2}\right]$$

► ve 3D: $A[a_1; a_2; a_3]; B[b_1; b_2; b_3]$

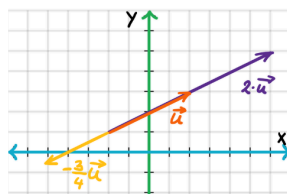
$$S\left[\frac{a_1 + b_1}{2}; \frac{a_2 + b_2}{2}; \frac{a_3 + b_3}{2}\right]$$

NÁSOBENÍ VEKTORU KONSTANTOU

► ve fyzice násobení vektoru skalárem

► výsledkem je vektor, při násobení **kladným** číslem má **stejný směr** jako původní vektor, při násobení **záporným** číslem má směr **opačný**

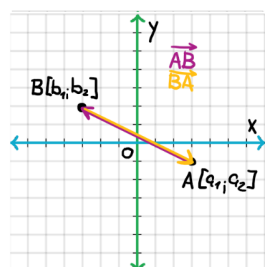
► násobíme - li vektor reálným číslem **k**, velikost výsledného vektoru se změní na **|k|** násobek



► ve 2D: $k \cdot \vec{u} = (k \cdot u_1; k \cdot u_2)$

► ve 3D: $k \cdot \vec{u} = (k \cdot u_1; k \cdot u_2; k \cdot u_3)$

ZAVEDENÍ VEKTORU JAKO ROZDÍLU DVOU BODŮ



► ve 2D: $A[a_1; a_2]; B[b_1; b_2]$

$$\vec{AB} = B - A = (b_1 - a_1; b_2 - a_2)$$

► ve 3D: $A[a_1; a_2; a_3]; B[b_1; b_2; b_3]$

$$\vec{AB} = B - A = (b_1 - a_1; b_2 - a_2; b_3 - a_3)$$

SKALÁRNÍ SOUČIN

► násobení dvou vektorů, výsledkem je **číslo** (skalár)

► vynásobíme mezi sebou x-ové, y-ové (a z-ové) složky a výsledky součinů sečteme

► ve 2D: $\vec{u} = (u_1; u_2)$

$$\vec{v} = (v_1; v_2)$$

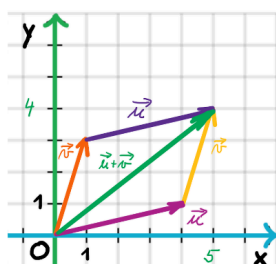
$$\vec{u} \cdot \vec{v} = u_1 \cdot v_1 + u_2 \cdot v_2$$

► ve 3D: $\vec{u} = (u_1; u_2; u_3)$

$$\vec{v} = (v_1; v_2; v_3)$$

$$\vec{u} \cdot \vec{v} = u_1 \cdot v_1 + u_2 \cdot v_2 + u_3 \cdot v_3$$

SOUČET DVOU VEKTORŮ



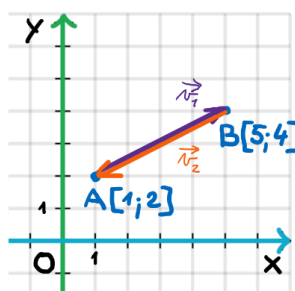
PŘ 1

Sečtěte znázorněné vektory: $\vec{u} = (4; 1)$

$$\vec{v} = (1; 3)$$

$$\vec{u} + \vec{v} = (5; 4)$$

OPAČNÝ VEKTOR



PŘ 2

Zapište vektory určené body A a B:

$$\vec{u}_1 = B - A = (4; 2)$$

$$\vec{u}_2 = A - B = (-4; -2)$$