ਅਧਿਆਇ – 4 ਦੋ ਘਾਤੀ ਸਮੀਕਰਨਾਂ

ਪਿਛਲੇ ਅਧਿਆਇ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਦੋ ਚਲਾਂ ਵਾਲੇ ਰੇਖੀ ਸਮੀਕਰਨਾਂ ਬਾਰੇ ਵਿਸਥਾਰਪਰਵਕ ਅਧਿਐਨ ਕੀਤਾ ਹੈ। ਇਸ ਅਧਿਆਇ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਚਲ ਵਾਲੇ ਦੋ ਘਾਤੀ ਸਮੀਕਰਨ ਦਾ ਅਧਿਐਨ ਕਰਾਂਗੇ। ਭਾਵ ੳਹ ਇੱਕ ਚਲ ਦੀ ਸਮੀਕਰਨ ਜਿਸਦੀ ਵੱਡੀ ਤੋਂ ਵੱਡੀ ਘਾਤ 2 ਹੋਵੇ। ਇੱਕ ਚਲ ਵਿੱਚ ਦੋ ਘਾਤੀ ਸਮੀਕਰਨ $ax^2 + bx + c = 0$; $a \neq 0$ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਹੁੰਦੀ ਹੈ।

ਜਿੱਥੇ a,b ਅਤੇ c ਵਾਸਤਵਿਕ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਹਨ ਅਤੇ $a \neq 0$ ਜਿਵੇਂ $2x^2 + x - 3 = 0, 4x^2 - 2x = 0$, $3x^2 - 1 = 0$ ਆਦਿ।

1. ਜਾਂਚ ਕਰੋ ਕਿ ਹੇਠਾਂ ਦਿੱਤੀਆਂ ਸਮੀਕਰਨਾਂ ਦੋ ਘਾਤੀ ਸਮੀਕਰਨਾਂ ਹਨ ਜਾਂ ਨਹੀਂ।

i)
$$4x^2 - 2x + 3 = 0$$

ii)
$$4x^2 + 6 = 0$$

iii)
$$3x^2 - \sqrt{2x} + 1 = 0$$

iv)
$$2x - \frac{5}{x^2} + 3 = 0$$

i)
$$4x^2 - 2x + 3 = 0$$

ii) $4x^2 + 6 = 0$
iii) $3x^2 - \sqrt{2x}$
iv) $2x - \frac{5}{x^2} + 3 = 0$
v) $x^2 + 4x - 3\sqrt{x} + 4 = 0$
vi) $x + \frac{1}{x} = 4$
vii) $x(x+3) = x^2 - 4x + 3$
viii) $(x-2)^2 + 1 = 2x - 3$

vi)
$$x + \frac{1}{x} = 4$$

$$vii) x(x+3) = x^2 - 4x + 3$$

viii)
$$(x-2)^2 + 1 = 2x - 3$$

ix)
$$(x-2)(x+1) = (x-1)(x+3)$$
 come-become-educated

ਹੱਲ: i)
$$4x^2 - 2x + 3 = 0$$

ਸਮੀਕਰਨ $ax^2 + bx + c = 0$ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਹੈ।

∴ ਇਹ ਦੋ ਘਾਤੀ <mark>ਸਮੀਕਰਨ ਹੈ</mark>।

ii)
$$4x^2 + 6 = 0$$

 $4x^2 + 6 = 0$ ਸਮੀਕਰਨ $ax^2 + bx + c = 0$ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਹੈ,ਇੱਥੇ b = 0

∴ ਦੋ ਘਾਤੀ ਸਮੀਕਰਨ ਹੈ।

iii)
$$3x^2 - \sqrt{2x} + 3 = 0$$

ਇੱਥੇ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ x ਦੀ ਘਾਤ $\frac{1}{2}$ ਹੈ।

∴ ਇਹ ਦੋ ਘਾਤੀ ਸਮੀਕਰਨ ਨਹੀਂ ਹੈ।

iv)
$$2x - \frac{5}{x^2} + 3 = 0$$
 $\Rightarrow \frac{2x^3 - 5 + 3x^2}{x^2} = 0$
 $\Rightarrow 2x^3 + 3x^2 - 5 = 0$

ਇੱਥੇ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ x ਦੀ ਘਾਤ 3 ਹੈ।

∴ ਇਹ ਦੋ ਘਾਤੀ ਸਮੀਕਰਨ ਨਹੀਂ ਹੈ।

$$\mathbf{v}$$
) $x^2 + 4x - 3\sqrt{x} + 4 = 0$

ਇੱਥੇ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ x ਦੀ ਘਾਤ $\frac{1}{2}$ ਹੈ।

∴ ਇਹ ਦੋ ਘਾਤੀ ਸਮੀਕਰਨ ਨਹੀਂ ਹੈ।

$$\mathbf{vi}) \ x + \frac{1}{x} = 4 \qquad \Rightarrow \frac{x^2 + 1}{x} = 4$$
$$\Rightarrow x^2 + 1 = 4x \qquad \Rightarrow x^2 - 4x + 1 = 0$$

ਇੱਥੇ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ χ ਦੀ ਘਾਤ 2 ਹੈ। \therefore ਇਹ ਦੋ ਘਾਤੀ ਸਮੀਕਰਨ ਹੈ।

vii)
$$x(x+3) = x^2 - 4x + 3$$

$$\Rightarrow x^2 + 3x = x^2 - 4x + 3 \Rightarrow x^2 + 3x - x^2 + 4x - 3 = 0$$

7x - 3 = 0ਇੱਥੇ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ x ਦੀ ਘਾਤ 1 ਹੈ। \therefore ਇਹ ਦੋ ਘਾਤੀ ਸਮੀਕਰਨ ਨਹੀਂ ਹੈ।

viii)
$$(x-2)^2 + 1 = 2x - 3$$

$$\Rightarrow x^2 + 4 - 4x = 2x - 3$$

$$\Rightarrow x^2 + 4 - 4x = 2x - 3 \Rightarrow x^2 - 4x + 4 - 2x + 3 = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - 6x + 7 = 0$$

ਇੱਥੇ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ x ਦੀ ਘਾਤ 2 ਹੈ। \therefore ਇਹ ਦੋ ਘਾਤੀ ਸਮੀਕਰਨ ਹੈ।

ix)
$$(x-2)(x+1) = (x-1)(x+3)$$

$$\Rightarrow$$
 $x^2 - 2x + x - 2 = x^2 + 3x - x - 3$

$$\Rightarrow x^2 - x - 2 - x^2 - 2x + 3 = 0 \Rightarrow -3x + 1 = 0$$

ਇੱਥੇ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ x ਦੀ ਘਾਤ 1 ਹੈ। \therefore ਇਹ ਦੋ ਘਾਤੀ ਸਮੀਕਰਨ ਨਹੀਂ ਹੈ।

ਅਭਿਆਸ

1. ਅਭਿ 4.1, ਪ੍ਰਸ਼ਨ 1

