

### CIÊNCIAS DA COMPUTAÇÃO

Aspectos Teóricos da Computação



#### ROTEIRO

- Hierarquia de Chomsky
- Máquina de Estado Finito
- Conceitos da Teoria de Autômatos
- Máquina de Turing



#### Conceitos da Teoria de Autômatos

- Estrela de Kleene de uma linguagem L: L\*
  - L\* é o conjunto de todas as strings obtidas pela concatenação de zero ou mais strings de L.
  - $L^* = \{ w \in \Sigma^* : w = w_1 \circ w_2 \circ ... \circ w_k, k \ge 0 \text{ e algum } w_1, ..., w_k \in L \}$
- Exemplo:  $L=\{01, 1, 100\}$ . A palavra  $w=110001110011 \in L^*$ ?
  - 110001110011 = 1 · 100 · 01 · 1 · 100 · 1 · 1

Exemplo:  $L=\{01, 1, 100\}$ . A palavra  $w=01011101001 \in L^*$ ?



- Expressão Regular
  - é uma notação formal usada para descrever um conjunto de cadeias (strings) em uma linguagem regular.
  - é uma sequência de caracteres que define um padrão que pode ser usado para identificar strings que fazem parte de uma linguagem.



- Linguagens Regulares e Expressões Regulares
  - as expressões regulares são uma maneira de descrever linguagens regulares.
  - linguagens regulares são um tipo de linguagem formal que pode ser reconhecida por um autômato finito (determinístico ou não-determinístico).
  - as expressões regulares e os autômatos finitos são formalmente equivalentes, ou seja, para cada expressão regular, existe um autômato finito que a reconhece, e vice-versa.



#### Conceitos da Teoria de Autômatos

- Autômato Finito
  - é um modelo matemático usado para representar e reconhecer linguagens regulares.
  - é composto por:
    - um número finito de estados,
    - transições entre esses estados, e
    - uma função de transição que especifica como o autômato se move de um estado para outro com base em um símbolo de entrada.

#### Objetivo:

 processar uma sequência de símbolos (ou string) e determinar se essa sequência pertence ou não à linguagem que ele reconhece.



- Autômato Finito Determinístico (DFA Deterministic Finite Automaton)
  - é um tipo de autômato finito
  - para cada estado e cada símbolo de entrada, há apenas uma transição possível
  - o autômato sabe exatamente qual estado visitar para cada símbolo, sem ambiguidades
- Autômato Finito Não Determinístico (NFA Nondeterministic Finite Automaton)
  - é um tipo de autômato finito
  - para cada estado e símbolo de entrada, pode haver mais de uma transição possível ou até mesmo nenhuma transição
  - pode ter transições espontâneas (chamadas de transições ε), onde o autômato pode mudar de estado sem consumir nenhum símbolo de entrada.



- Componentes Básicos de Expressões Regulares:
  - Símbolos
    - Qualquer símbolo de um alfabeto (por exemplo, a, b, 1, 0, etc.).
  - Concatenação
    - de duas expressões regulares A e B é escrita como AB, representando todas as strings formadas pela concatenação de uma string de A seguida de uma string de B.

$$A.B = AB = A \circ B = \{ xy \mid x \in A \in y \in B \}$$

- União (alternância)
  - \* Representada pelo operador | ou  $\cup$ , significa "ou". Se A e B são expressões regulares, A|B corresponde a qualquer string que pertence a A ou B.

$$A \cup B = \{ w \mid w \in A \text{ ou } w \in B \}$$



- Componentes Básicos de Expressões Regulares:
  - String vazia
    - \* representada por  $\epsilon$ , a string vazia é a string de comprimento zero.
  - Fecho de Kleene (representado pelo operador \*)
    - indica que o símbolo ou a expressão regular anterior pode ocorrer zero ou mais vezes.
    - \* se A é uma expressão regular, A\* representa a concatenação de zero ou mais cadeias que pertencem a A.
  - Fecho positivo (representado por +)
    - é similar ao fecho de Kleene, mas indica que o símbolo ou a expressão regular anterior deve ocorrer uma ou mais vezes.
      - Obs.:
        - Fecho de Kleene ( $A^*$ ): Permite zero ou mais repetições de A, incluindo a string vazia  $\epsilon$ .
        - Fecho Positivo ( $A^+$ ): Permite uma ou mais repetições de A, não inclui a string vazia  $\epsilon$ .



- Exemplos de Expressões Regulares:
  - Exemplo 1: Expressão regular: a\*
    - Descrição
      - descreve a linguagem que contém zero ou mais repetições do símbolo a
      - ✓ strings válidas
        - ε, a, aa, aaa, ...
    - Linguagem descrita
      - $\checkmark$  L={ $\varepsilon$ , a, aa, aaa, ...}



- Exemplos de Expressões Regulares:
  - Exemplo 2: Expressão regular: (a | b)\*
    - Descrição
      - descreve todas as strings que consistem de zero ou mais ocorrências de a ou b.
      - ✓ Strings válidas:
        - ε, a, b, ab, ba, aa, bb, aba, ...
    - Linguagem descrita
      - $\checkmark$  L={ $\epsilon$ , a, b, ab, ba, aa, bb, aba,...}



- Exemplos de Expressões Regulares:
  - Exemplo 3: Expressão regular: a(b | c)\*
    - Descrição
      - ✓ corresponde a todas as strings que começam com a, seguidas de zero ou mais ocorrências de b ou c.
      - ✓ strings válidas incluem a, ab, ac, abb, acc, abcc, ...
    - Linguagem descrita
      - $\checkmark$  L={ $\epsilon$ , a, ab, ac, abb, acc, abcc, ...}



- Exemplos de Expressões Regulares:
  - Exemplo 4: Expressão regular: (0 | 1)+
    - Descrição
      - corresponde a todas as strings formadas por uma ou mais ocorrências de 0 ou 1.
      - ✓ strings válidas
        - > 0, 1, 01, 10, 110, 001, ...
      - ✓ Linguagem descrita
        - L={0, 1, 01, 10, 110, 001, ...} ou seja, todas as strings binárias não vazias.



- Aplicações de Expressões Regulares:
  - Reconhecimento de Padrões em Texto:
    - são amplamente utilizadas em ferramentas de busca e editores de texto para encontrar e substituir padrões específicos em strings.
    - \* Exemplo: A expressão regular \d{3}-\d{2}-\d{4} pode ser usada para reconhecer o formato de números de matrícula de um funcionário em uma empresa como 123-45-6789.
  - Validação de Entrada de Usuário:
    - \* São usadas em sistemas de software para validar entradas de usuários, como números de telefone, e-mails ou endereços IP.
    - \* Exemplo: A expressão regular ^\d{3}-\d{3}-\d{4}\$ pode ser usada para validar números de telefone no formato 123-456-7890.



- Aplicações de Expressões Regulares:
  - Compiladores e Interpretadores:
    - Expressões regulares são usadas em analisadores léxicos de compiladores para dividir o código-fonte em tokens, que serão analisados posteriormente.
    - Exemplo: A expressão regular [a-zA-Z\_][a-zA-Z0-9\_]\* pode ser usada para reconhecer identificadores em linguagens de programação, como nomes de variáveis.



- Problemas:
  - Na teoria de autômatos, um *problema* é a questão de decidir se uma determinada palavra *w* é elemento de alguma linguagem *L*, ou seja:
    - Dada uma palavra w em  $\Sigma^*$ , afirmar que L aceita  $w = w_1w_2...w_n$ , onde cada  $w_i \in \Sigma$  está ou não em L, deve-se demonstrar que existe uma sequência de estados  $r_0, r_1, r_2, ..., r_n \in Q$  onde:
      - $r_0 = q_0$
      - $-r_i = \delta(r_{i-1}, w_i)$  para  $1 \le i \le n$
      - $-r_n \in L$



- Problemas:
  - Na teoria de autômatos, um problema é a questão de decidir se uma determinada palavra é elemento de alguma linguagem L, ou seja:
    - $L(M) = \{ w \mid M \text{ aceita } w \}$
    - L(M) é a linguagem de M
    - *M* reconhece *L(M)*



- Problemas:
  - São exemplos de problemas:
    - 1)  $\{w \mid w \text{ consiste em um número igual de 0's e 1's}\}.$
    - 2)  $\{w \mid w \text{ é um número inteiro binário primo}\}$ .
    - 3)  $\{w \mid w \text{ \'e um programa em } C \text{ sintaticamente correto}\}.$
    - 4)  $\{0^n1^n \mid n \ge 1\}$ .
    - 5)  $\{0^{i}1^{j} \mid 0 \le i \le j\}$ .
  - É uma linguagem ou um problema? Na realidade linguagem e problemas são a mesma coisa.