寻找发帖"水王"

 \star

Tango 是微软亚洲研究院的一个试验项目。研究院的员工和实习生们都很喜欢在 Tango 上面交流灌水。传说,Tango 有一大"水王",他不但喜欢发贴,还会回复其他 ID 发的每个帖子。坊间风闻该"水王"发帖数目超过了帖子总数的一半。如果你有一个当前论坛上所有帖子(包括回帖)的列表,其中帖子作者的 ID 也在表中,你能快速找出这个传说中的 Tango 水王吗?

分析与解法

首先想到的是一个最直接的方法,我们可以对所有 ID 进行排序。然后再扫描一遍排好序的 ID 列表,统计各个 ID 出现的次数。如果某个 ID 出现的次数超过总数的一半,那么就输出这个 ID。这个算法的时间复杂度为 $O(N*\log_2 N + N)$ 。

如果 ID 列表已经是有序的,还需要扫描一遍整个列表来统计各个 ID 出现的次数吗?

如果一个 ID 出现的次数超过总数 N 的一半。那么,无论水王的 ID 是什么,这个有序的 ID 列表中的第 N/2 项(从 0 开始编号)一定会是这个 ID(读者可以试着证明一下)。省 去重新扫描一遍列表,可以节省一点算法耗费的时间。如果能够迅速定位到列表的某一项(比 如使用数组来存储列表),除去排序的时间复杂度,后处理需要的时间为 O(1)。

但上面两种方法都需要先对 ID 列表进行排序,时间复杂度方面没有本质的改进。能否避免排序呢?

如果每次删除两个不同的 ID (不管是否包含"水王"的 ID),那么,在剩下的 ID 列表中,"水王"ID 出现的次数仍然超过总数的一半。看到这一点之后,就可以通过不断重复这个过程,把 ID 列表中的 ID 总数降低(转化为更小的问题),从而得到问题的答案。新的思路,避免了排序这个耗时的步骤,总的时间复杂度只有 O(N),且只需要常数的额外内存。伪代码如下:

代码清单 2-8

在这个题目中,有一个计算机科学中很普遍的思想,就是如何把一个问题转化为规模较小的若干个问题。分治、递推和贪心等都是基于这样的思路。在转化过程中,小的问题跟原问题本质上一致。这样,我们可以通过同样的方式将小问题转化为更小的问题。因此,转化过程是很重要的。像上面这个题目,我们保证了问题的解在小问题中仍然具有与原问题相同

的性质:水王的 ID 在 ID 列表中的次数超过一半。转化本身计算的效率越高,转化之后问题规模缩小得越快,则整体算法的时间复杂度越低。

扩展问题

随着 Tango 的发展,管理员发现,"超级水王"没有了。统计结果表明,有 3 个发帖很多的 ID,他们的发帖数目都超过了帖子总数目 N 的 1/4。你能从发帖 ID 列表中快速找出他们的 ID 吗?