МІНІСТЕРСТВО ФІНАНСІВ УКРАЇНИ ДЕРЖАВНИЙ ПОДАТКОВИЙ УНІВЕРСИТЕТ

ЗАТВЕРЛИСУНО

Толова Принкальної комісії

Деріканного підаткового університету

Дингро СЕРЕБРІНСЬКИЙ

2024 р.

ПРОГРАМА ВСТУПНОГО ІСПИТУ ДЛЯ ІНОЗЕМНИХ ГРОМАДЯН з математики

при вступі на навчання для здобуття першого (бакалаврського) рівня вищої освіти на основі повної загальної середньої освіти, освітньо-кваліфікаційного рівня молодшого спеціаліста, освітньо-професійного ступеня фахового молодшого бакалавра, освітнього ступеня молодшого бакалавра

3MICT

1.	Пояснювальна записка	4
2.	Зміст вступного іспиту з математики в розрізі навчальних тем	5
3.	Критерії оцінювання вступного іспиту з математики	10
4.	Зразок тесту з математики	.12
5.	Перелік рекомендованих джерел	.15

ПОЯСНЮВАЛЬНА ЗАПИСКА

Програма вступного іспиту для іноземних громадян з математики для здобуття освітнього ступеня бакалавра на основі повної загальної середньої освіти розроблена відповідно до вимог Державного стандарту базової і повної середньої освіти, затвердженого постановою Кабінету Міністрів України від 30 вересня 2020 року №898 та з урахуванням програми зовнішнього незалежного оцінювання з математики здобутих на основі повної загальної середньої освіти, затвердженої наказом Міністерства освіти і науки України від 04.12.2019 р. №1513.

Програма включає зміст вступного іспиту з математики в розрізі навчальних тем, критерії оцінювання.

Метою вступного іспиту з математики ϵ оцінка ступеня підготовленості учасників випробувань з математики з метою конкурсного відбору на навчання в Державний податковий університет.

Головним завданням іспиту з математики ϵ оцінка рівня володіння вступників компетентностями, зокрема, оцінити їх здатність:

- будувати математичні моделі реальних об'єктів, процесів і явищ та досліджувати ці моделі засобами математики;
- виконувати математичні розрахунки (виконувати дії з числами, поданими в різних формах, дії з відсотками, складати та розв'язувати задачі на пропорції, наближені обчислення тощо);
- перетворювати числові та буквені вирази (розуміти значення кожного елемента виразу, знаходити допустимі значення змінних, знаходити числові значення виразів при заданих значеннях змінних тощо);
- будувати й аналізувати графіки найпростіших функціональних залежностей, досліджувати їхні властивості;
- застосовувати похідну та інтеграл до розв'язання задач практичного змісту;
- застосовувати загальні методи та прийоми в процесі розв'язування рівняння, нерівності та їх системи (для профільного рівня-і завдання з параметрами), аналізувати отримані розв'язки та їх кількість;
- розв'язувати текстові задачі та задачі практичного змісту з алгебри і початків аналізу, геометрії;
- знаходити на рисунках геометричні фігури та встановлювати їх властивості;
- визначати кількісні характеристики геометричних фігур (довжини, величини кутів, площі, об'єми);
- розв'язувати комбінаторні задачі та обчислювати ймовірності випадкових подій;
- аналізувати інформацію, що подана в графічній, табличній, текстовій та інших формах.

Програма співбесіди з математики складається з пояснювальної записки, змісту вступного екзамену в розрізі тем та критеріїв оцінювання вступного екзамену.

ЗМІСТ ІСПИТУ З МАТЕМАТИКИ В РОЗРІЗІ НАВЧАЛЬНИХ ТЕМ

Розділ 1: ЧИСЛА І ВИРАЗИ

Тема 1. Дійсні числа (натуральні, раціональні та ірраціональні) порівняння чисел та дії з ними.

- 1. Властивості дій з дійсними числами.
- 2. Правила порівняння дійсних чисел.
- 3. Ознаки подільності чисел на 2,3,5,9,10.
- 4. Правило знаходження найбільшого спільного дільника та найменшого спільного кратного.
 - 5. Правила округлення цілих чисел і десяткових дробів.
- 6. Означення кореня n-го степеня та арифметичного кореня n-го степеня.
 - 7. Властивості коренів.
- 8. Означення степеня з натуральним, цілим та раціональним показником, їх властивості.
 - 9. Числові проміжки.
 - 10. Модуль дійсного числа та його властивості.

Тема 2. Відношення та пропорції. Відсотки. Основні задачі на відсотки. Текстові задачі

- 1. Відношення, пропорції.
- 2. Основна властивість пропорції.
- 3. Означення відсотка, правила виконання відсоткових розрахунків.

Тема 3. Раціональні, ірраціональні, степеневі, показникові, логарифмічні, тригонометричні вирази та їх перетворення

- 1. Означення тотожно рівних виразів, тотожного перетворення виразу, тотожності.
 - 2. Означення одночлени та многочлена.
- 3.Правила додавання. віднімання і множення одночленів та многочленів.
 - 4. Формули скороченого множення.
 - 5. Розклад многочлена на множники.
 - 6. Означення дробового раціонального виразу.
 - 7. Правила виконання дій з дробовими раціональними виразам.
 - 8. Означення та властивості логарифма.
 - 9. Основна логарифмічна тотожність.
- 10.Означення синуса, косинуса, тангенса та котангенса числового аргументу.
- 11.Основні співвідношення між тригонометричними функціями одного аргументу.
 - 12. Формули зведення.
 - 13. Формули додавання та наслідки з них.

Розділ 2: РІВНЯННЯ, НЕРІВНОСТІ, ТА ЇХ СИСТЕМИ

Тема 4. Лінійні, квадратні, раціональні, ірраціональні, показникові, логарифмічні, тригонометричні рівняння і нерівності. Системи лінійних рівнянь і нерівностей. Системи рівнянь, з яких хоча б одне рівняння другого степеня

- 1. Рівняння з однією змінною, означення кореня (розв'язку) рівняння з однією змінною.
- 2. Нерівність з однією змінною, означення розв'язку нерівності з однією змінною.
- 3. Означення розв'язку системи рівнянь, основні методи розв'язування систем.
- 4. Методи розв'язування найпростіших раціональних, ірраціональних, показникових, логарифмічних, тригонометричних рівнянь та нескладних рівнянь, які зводяться до найпростіших.
- 5. Методи розв'язування найпростіших лінійних, квадратних, раціональних, показникових, логарифмічних нерівностей та нескладних нерівностей, які зводяться до найпростіших.

Розділ 3: ФУНКШЇ

Тема 5. Числові послідовності

- 1. Означення арифметичної та геометричної прогресії.
- 2. Формули n го члена арифметичної та геометричної прогресії.
- 3. Формула суми n перших членів арифметичної та геометричної прогресії.

Тема 6. Функціональна залежність. Лінійні, квадратні, степеневі, показникові, логарифмічні та тригонометричні функції, їх основні властивості

- 1. Означення функції, області визначення, області значень функції, графік функції.
- 2. Способи задання функцій, основні властивості та графіки лінійних, квадратичних, степеневих, показникових, логарифмічних та тригонометричих функцій.

Тема 7. Похідна функції, її геометричний та фізичний зміст. Таблиця похідних та правила диференціювання

- 1. Означення похідної функції в точці.
- 2. Фізичний та геометричний зміст похідної.
- 3. Таблиця похідних функцій.
- 4. Правила знаходження похідної суми, добутку, частки двох функцій.
- 5. Правило знаходження складеної функції.
- 6. Рівняння дотичної до графіка функції в точці.

Тема 8. Дослідження функцій за допомогою похідної. Побудова графіків функцій

- 1. Достатня умова зростання (спадання) функції на проміжку.
- 2. Екстремуми функцій.
- 3. Означення найбільшого та найменшого значень функції.

Тема 9. Первісна та визначений інтеграл. Застосування визначеного інтеграла для обчислення площ плоских фігур

- 1. Означення первісної функції, визначеного інтеграла, криволінійної трапеції.
- 2. Таблиця первісних функцій.
- 3. Правила знаходження первісних.
- 4. Формула Ньютона-Лейбніца.

Розділ 4: ЕЛЕМЕНТИ КОМБІНАТОРИКИ, ПОЧАТКИ ТЕОРІЇ ЙМОВІРНОСТЕЙ ТА ЕЛЕМЕНТИ МАТЕМАТИЧНОЇ СТАТИСТИКИ

Тема 10. Перестановки, комбінації, розміщення. Комбінаторні правила суми та добутку. Імовірність випадкової події. Вибіркові характеристики

- 1.Означення перестановки, комбінації, розміщення.
- 2. Комбінаторні правила суми та добутку.
- 3. Класичне означення ймовірності події.
- 4. Означення вибіркових характеристик рядів даних(розмах вибірки, мода, медіана, середнє значення).
- 5. Графічна, таблична, текстова та інші форми подання статистичних даних.

Розділ 5: ПЛАНІМЕТРІЯ

Тема 11. Елементарні геометричні фігури на площині та їх властивості

- 1. Поняття точки та прямої, променя, відрізка, ламаної, кута.
- 2. Аксіоми планіметрії.
- 3. Суміжні та вертикальні кути, бісектриса кута.
- 4. Властивості суміжних та вертикальних кутів.
- 5. Паралельні та перпендикулярні прямі.
- 6. Відстань між паралельними прямими.
- 7. Перпендикуляр і похила, серединний перпендикуляр, відстань від точки до прямої.
- 8. Ознаки паралельності прямих.
- 9. Теорема Фалеса, узагальнена теорема Фалеса.

Тема 12. Коло та круг

- 1. Коло, круг та їх елементи.
- 2. Центральні, вписані кути та їх властивості.
- 3. Дотична до кола та її властивості.
- 4. Властивості двох хорд, що перетинаються.

Тема 13. Трикутники

- 1. Види трикутників та їх основні властивості.
- 2. Ознаки рівності трикутників.
- 3. Медіана, висота, бісектриса трикутника та їх властивості.
- 4. Теорема про суму кутів трикутника.
- 5. Нерівність трикутника.

- 6. Середня лінія трикутника та її властивості.
- 7. Коло описане навколо трикутника та коло, вписане у трикутник.
- 8. Теорема Піфагора.
- 9. Співвідношення між сторонами і кутами прямокутного трикутника.
- 10. Теорема синусів.
- 11. Теорема косинусів.
- 12. Подібні трикутники, ознаки подібності трикутників.
- 13. Пропорційні відрізки.
- 14. Відношення площ подібних фігур.

Тема 13. Чотирикутники

- 1. Чотирикутник та його елементи.
- 2. Паралелограм, його властивості та ознаки.
- 3. Прямокутник, ромб, квадрат, їх властивості.
- 4. Трапеція, середня лінія трапеції та її властивості.
- 5. Вписані в коло та описані навколо кола чотирикутники.
- 6. Сума кутів чотирикутника.

Тема 14. Многокутники

- 1. Многокутник та його елементи.
- 2. Периметр многокутника.
- 3. Правильний многокутник та його властивості
- 4. Вписані в коло та описані навколо кола многокутники.
- 5. Опуклий многокутник.
- 6. Сума кутів опуклого многокутника.

Тема 15. Геометричні величини та вимірювання їх

- 1. Довжина відрізка, кола та його дуги.
- 2. Величина кута, вимірювання кутів.
- 3. Формула для обчислення площ трикутника, паралелограма, ромба, квадрата, трапеції, правильного многокутника, круга, сектора.
 - 4. Площа сегмента.

Тема 16. Координати та вектори на площині

- 1. Прямокутна система координат на площині, координати точки.
- 2. Формули для обчислення відстані між двома точками та формула для обчислення координат середини відрізка.
 - 3. Рівняння прямої та кола.
 - 4. Поняття вектора, нульового вектора, модуля вектора.
 - 5. Колінеарні вектори, протилежні вектори, рівні вектори.
 - 6. Координати вектора.
 - 7. Додавання, віднімання векторів, множення вектора на число.
 - 8. Кут між векторами.
 - 9. Скалярний добуток векторів.
 - 10. Розклад вектора за двома неколінеарними векторами.
 - 11. Властивості скалярного добутку векторів.
- 12. Формула для знаходження кута між векторами, що задані координатами.

13. Умови колінеарності та перпендикулярності векторів, що задані координатами.

Тема 17. Геометричні переміщення

- 1. Основні види та зміст геометричних переміщень на площині (рух, симетрія відносно точки та відносно прямої, поворот, паралельне перенесення).
 - 2. Рівність фігур.

Розділ 6: СТЕРЕОМЕТРІЯ

Тема 18. Прямі та площини у просторі

- 1. Аксіоми та теореми стереометрії.
- 2. Взаємне розміщення прямих у просторі, прямої та лощини в просторі, площин у просторі.
- 3. Паралельність прямих, прямої та площини, двох площин.
- 4. Паралельне проектування.
- 5. Перпендикулярність прямих, прямої та площини, двох площин.
- 6. Теорема про три перпендикуляри.
- 7. Відстань від точки до площини, від прямої до паралельної їй площини, між паралельними площинами.
- 8. Кут між прямими, прямою та площиною, площинами.
- 9. Двогранний кут, лінійний кут двогранного кута.

Тема 19. Многогранники, тіла обертання

- 1. Многогранники та їх елементи, основні види многогранників: призма, паралелепіпед, піраміда, зрізана піраміда, розгортка призми й піраміди.
- 2. Тіла обертання, основні види тіл і поверхонь обертання: циліндр, конус, зрізаний конус, куля, сфера.
 - 3. Перерізи многогранників.
- 4. Перерізи циліндра й конуса, осьові перерізи, перерізи площинами, паралельними їх основам.
 - 5. Переріз кулі площиною.
- 6. Формули для обчислення площ поверхонь та об'ємів циліндра, конуса, кулі.
 - 7. Формула для обчислення площі сфери.

Тема 20. Координати та вектори у просторі

- 1. Прямокутна система координат у просторі.
- 2. Формули для обчислення відстані між двома точками та формула для обчислення координат середини відрізка.
- 3. Поняття вектора, модуль вектора, колінеарні вектори, рівні вектори, координати вектора, умови колінеарності та перпендикулярності векторів, що задані координатами.
- 4. Додавання, віднімання векторів, множення вектора на число, скалярний добуток векторів та його властивості.
- 5. Кут між векторами, формула кута між векторами, що задані координатами.
 - 6. Симетрія відносно початку координат та координатних площин

КРИТЕРІЇ ОЦІНЮВАННЯ ІСПИТУ З МАТЕМАТИКИ

Вступний іспит з математики проводиться у строки та згідно з Правилами прийому до Державного податкового університету в 2023 році.

Форма проведення – тестова.

Кількість тестових завдань в екзаменаційному білеті – 22.

Кожне завдання передбачає один правильний варіант відповіді.

Тривалість тестування 1 астрономічна година.

Максимальна кількість балів яку може набрати вступник за результатами іспиту становить 200 балів.

Тест із математики складається із завдань трьох форм:

- 1. Завдання з вибором однієї правильної відповіді (1-15). До кожного завдання подано 5 варіантів відповіді, з яких лише 1 правильний. Завдання вважається виконаним, якщо вступник вибрав і позначив правильну відповідь у бланку відповідей.
- 2. Завдання на встановлення відповідності (16-18). До кожного завдання подано інформацію, позначену цифрами ліворуч і буквами праворуч. Щоб виконати завдання необхідно встановити відповідність інформації, позначеної цифрами і буквами. Завдання вважається виконаним, якщо вступник правильно зробив позначення на листку відповідей.
- 3. Завдання відкритої форми з короткою відповіддю (19-22). Під час виконання цих завдань потрібно записати отриманий числовий результат тієї розмірності, яка вказана в умові задачі.

Схема оцінювання завдань тесту з математики:

1. Завдання з вибором однієї правильної відповіді. Такі завдання складаються з основи (умови завдання) та чотирьох або п'яти варіантів відповіді, з яких лише один правильний. Завдання вважається виконаним, якщо учасник мультитесту вибрав і позначив відповідь.

1 бал буде зарахований, якщо вказано правильну відповідь; 0 балів, якщо вказано неправильну відповідь, або вказано більше однієї відповіді, або відповіді на завдання не надано.

2. Завдання на встановлення відповідності (логічні пари). Ці завдання складаються з основи та двох стовпчиків інформації, позначених цифрами (ліворуч) і буквами (праворуч). Виконання завдання передбачає встановлення відповідності (утворення «логічних пар») між інформацією, позначеною цифрами та буквами.

Завдання вважається виконаним, якщо учасник співбесіди зробив позначки на перетинах рядків (цифри від 1 до 3) і колонок.

Учасник співбесіди отримує 1 бал за кожну правильно встановлену відповідність («логічну пару»), тобто може набрати максимум 3 або 4 бали за таке завдання залежно від предметного блоку. 0 балів буде зараховано за будь-яку «логічну пару», якщо відповідь є неправильною, зроблено більше однієї позначки в рядку та / або колонці чи відповіді на завдання не надано.

Завдання з інформацією, позначеною цифрами від 1 до 3.

3. Завдання відкритої форми з короткою відповіддю. Завдання відкритої форми складаються тільки з основи і передбачають розв'язування задачі. Завдання вважається виконаним, якщо учасник співбесіди, здійснивши відповідні числові розрахунки, надав кінцеву відповідь, дотримуючись вимог і правил. За правильне виконання такого завдання учасник отримує 2 бали, в іншому випадку — 0 балів.

Загальна кількість набраних тестових балів 32.

Розв'язання завдань на чернетці не перевіряються і до уваги не беруться.

Критерії оцінювання результатів вступного екзамену для вступників на основі повної загальної середньої освіти

No	Правильні відповіді (бали)	Оцінка (шкала
3/П		3HO)
1.	0-99	не здав
2.	100-200	Здав

Таблиця відповідності тестових балів

4	5	(5	7	8	9		10	11	12	13		14	15	16
100	107	1	14	121	126	131		134	137	140	143	3 1	45	147	148
17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32
149	150	151	152	153	155	157	159	163	167	171	175	181	187	193	200

Перевірка робіт екзаменаторами здійснюється **чорнилом червоного** кольору з обов'язковим зазначенням: правильної відповіді «+», не правильної «-».

ЗРАЗОК ТЕСТУ З МАТЕМАТИКИ

Державний податковий університет

ВСТУПНИЙ ТЕСТ 3 МАТЕМАТИКИ 2024

На виконання завдань тесту Вам дається 1 астрономічна година.

Тест із математики складається із завдань трьох форм:

- 1. Завдання з вибором однієї правильної відповіді (1-15). До кожного завдання подано 5 варіантів відповіді, з яких лише 1 правильний. Завдання вважається виконаним, якщо вступник вибрав і позначив правильну відповідь у бланку відповідей.
- 2. Завдання на встановлення відповідності (16-18). До кожного завдання подано інформацію, позначену цифрами ліворуч і буквами праворуч. Щоб виконати завдання необхідно встановити відповідність інформації, позначеної цифрами і буквами. Завдання вважається виконаним, якщо вступник правильно зробив позначки у бланку відповідей.
- 3. Завдання відкритої форми з короткою відповіддю (19-22). Під час виконання цих завдань потрібно записати отриманий числовий результат тієї розмірності, яка вказана в умові задачі.

Усі відповіді Ви заносите у бланк відповідей.

Ніяких виправлень у бланку відповідей не допускається.

Завдання з 1 по 15 оцінюються по 1 балу.

Завдання з 16 по 18 оцінюється по 3 балами.

Завдання з 19 по 22 оцінюється по 2 балами.

Максимальна кількість балів, яку можна набрати – 32.

Хай Вам щастить!

Варіант № 100

Завдання 1. Обчислити значення виразу $\sqrt{\sqrt{40}-2} \cdot \sqrt{\sqrt{40}+2}$.

Б

				7 1			
36	6	$\sqrt{44}$	-6	3			
Завдання 2. Знайти корені рівняння $(5-x)(2x+3)=0$.							
A	Б	В	Γ	Д			
$\frac{3}{2}$;5	$-\frac{3}{2}$;-5	3;5	$-\frac{3}{2}$;5	-3;-5			
Завдання 3. Знайти найменший цілий розв'язок нерівності $2x+1 > -6$.							
A	Б	В	Γ	Д			
3	-4	-3	2	-2			
Завдання 4. Розв	'язати нерівність	$25-x^2 \ge 0$.					

A	Б	В	Γ	Д				
[-5;5]	[0;5]	[5;0]	(-∞;5]	[5;+∞)				

Завдання 5. Спростити вираз $\sin(\pi + \alpha)$.

A	Б	В	Γ	Д
$\cos \alpha$	$-\cos \alpha$	$\sin \alpha$	$-\sin\alpha$	$tg\alpha$

Завдання 6. Розв'язати рівняння $4^{2x-1} = 4$.

A	Б	В	Γ	Д
-2	1	1	1	2
		$-\frac{1}{2}$	$\frac{\overline{2}}{2}$	

Завдання 7. Обчислити $4^0 \cdot 125^{\frac{1}{3}}$.

A	Б	В	Γ	Д
15	4	5	0	1

Завдання 8. Розв'язати рівняння $\log_5 x - 2 = 0$.

A	Б	В	Γ	Д
25	10	32	20	26

Завдання 9. Знайти знаменник геометричної прогресії, якщо $b_1 = 12, b_3 = 6\frac{3}{4}$.

A	Б	В	Γ	Д
$\pm \frac{3}{4}$	3	4	$\frac{3}{4}$	$\pm \frac{3}{2}$

Завдання 10. Знайти похідну функції $y = 15\sin x + 3\cos x$

A	Б	В	Γ	Д
$5\cos x - 3\sin x$	$5\cos x + 3\sin x$	$-15\cos x + 3\sin x$	$15\cos x - 3\sin x$	$5\cos x - 3\cos x$

Завдання 11. Спростити вираз $\sqrt{9+\sqrt{x}}\cdot\sqrt{\sqrt{x}+9}$.

A	Б	В	Γ	Д
$\sqrt{x} + 9$	$\sqrt{x} + 3$	\sqrt{x}	x+3	x+81

Завдання 12. Вказати розв'язки рівняння $(x+3)\sqrt{4-x^2}=0$.

A	Б	В	Γ	Д
-2;-3	2;3	±2;-3	2;-3	±2

Завдання 13. Знайти суму коренів рівняння |x-3| = |x|.

A	Б	В	Γ	Д
1,5	2,5	-1,5	1	-2,5

Завдання 14. Розв'язати нерівність $\sqrt{2x+8} > x$.

A	Б	В	Γ	Д
$(4;+\infty)$	$(-\infty;-2)$	[-4;4)	$(-\infty;-2)\cup(4;+\infty)$	(-2;4)

Завдання 15. Розв'язати рівняння $(0,4)^{3x+2} = \left(\frac{5}{2}\right)^{4-x}$.

A	Б	В	Γ	Д
-2	-1	-3	2	-4

Завдання 16. Розв'язати рівняння $2\log_3 x = \log_3(3-2x)$.

A	Б	В	Γ	Д
-3	2	-3;1	1	3

Завдання 17. Розв'язати нерівність $\left(\frac{1}{3}\right)^{3x^2-4} < \left(\frac{1}{81}\right)^{x^2}$.

A	Б	В	Γ	Д
(-2;2)	(2;+∞)	$(-\infty;-2)$	Ø	$(-\infty;+\infty)$

Завдання 18. Обчислити вираз $2\sin 22,5^{\circ}\cos 22,5^{\circ}$.

A	Б	В	Γ	Д
$\sqrt{2}$	<u>1</u>	1	$\sqrt{3}$	0
2	2		2	

Завдання 16. До кожного виразу підберіть тотожно рівний

		1
1. $\frac{2a^5}{a^6}$	A	$2a^{-1}$
$2. (2a)^5 \cdot a^6$	Б	$32a^{30}$
$3. (2a^6)^5$	В	$32a^{11}$
	Д	16a

Завдання 17. Визначити пари еквівалентних нерівностей

$ x-3 \le 2$	A	$x^4 < 9^x$
2. $x^2 < 3^x$	Б	$x^2 - 6x + 5 \le 0$
3. $ x-5 \le 7$	В	$-2 \le x \le 12$
	Γ	x < 3

Завдання 18. Установіть відповідність між твердженням (1-4) та функцією (А-Д), для якої це твердження є правильним.

це тверджения с правильним:		
1. Графік функції не перетинає жодну з	Α	y = -x + 2
осей координат		
2. Областю значень функції ϵ проміжок $(0;+\infty)$	Б	$y=3^x$
3. Функція спадає на всій області визначення	В	$y = \frac{-1}{x}$
	Γ	$y = \cos x$

Завдання 19. У зростаючій геометричній прогресії сума другого і останнього її членів дорівнює 25, а добуток третього і передостаннього дорівнює 100. Знайти величину останнього члена прогресії.

Завдання 20. Дві сторони гострокутного трикутника дорівнюють 40 см і 46,4 сам. Радіус описаного навколо трикутника кола дорівнює 29 см. Знайти радіус кола, вписаного в цей трикутник.

Завдання 21. Відстань між населеними пунктами A і В дорівнює 24 км. Турист рухається із пункту A в пункт B. Восьму частину шляху турист пройшов пішки зі швидкістю V км/год, а решту проїхав на велосипед зі швидкістю (98-7V) км/год. При якому значенні швидкості V час знаходження туриста в дорозі буде мінімальним?

Завдання 22. Розв'язати рівняння $\sin 7x - \cos 2x \cdot \cos 6x = 1/2 \cos 6x + \sin 5x$. У відповіді вказати (в градусах) найменший корінь з інтервалу $x \in (0^{\circ}; 40^{\circ})$.

	••	•• •• •	•••	11110
I опова пре	елметної екзаі	менаппинот комто	211	М.М.Семко

ПЕРЕЛІК РЕКОМЕНДОВАНИХ ДЖЕРЕЛ

- 1. Бевз Г. П. Математика: 11 к л.: підруч. для загальноосвіт. навч. закл.: рівень стандарту / Г. П. Бевз, В. Г. Бевз. К.: Генеза, 2011. 320 с.
- 2. Бурда М.І., Колесник Т.В. та ін. Математика: підручник для 10 класу загальноосвіт.навч. закл. Рівень стандарту. К.: «Освіта», 2011. 286с.
- 3. Гальперіна А.Р. Математика. Типові тестові завдання / А.Р. Гальперіна. 2-ге вид. К.: Літера ЛТД, 2013. 120 с.
- 4. Капіносов А.М., Математика. Збірник тестових завдань, 2018/ Інтернетресурс: Режим доступу: http://ua.moyashkola.com/zno/11klass/matematika/988/
- 5. Нелін Є.П. Математика. Експрес-підготовка. ЗНО-2014 / Є.П. Нелін. 3-е вид., перероб. і доп. К.: «Літера ЛТД», 2014. 208 с.
- 6. Нелін Є.П. Математика. Експрес-підготовка / Є. П. Нелін. 8-ме вид., перероб. і доп. К.: Літера ЛТД, 2015. 320 с. (Серія «Зовнішнє незалежне оцінювання»).
- 7. Математика. Комплексна підготовка до ЗНО і ДПА/Уклад.: А.М.Капіносов [та ін.] Тернопіль: Підручники і посібники, 2019 512с.
- 8. Математика. Комплексне видання: [Довідник з математики, 5-11 класи. Завдання для формування та тренування обчислювальних навичок. Тести] / [А.Р. Гальперіна, М.Я. Забєлишинська, Ю.О.Захарійченко, В.В. Карпік, О.В. Школьний]. 12-те вид., випр.. Київ: Літера ЛТД, 2020. 448с.
- 9. Мерзляк А.Г., Номіровський Д.А., Полонський В.Б., Якір М.С. Алгебра і початки аналізу: підруч. для 10 кл. загально-освіт. навч. закладів: проф. рівень X.: Гімназія, 2010. 416 с.
- 10. Тестові завдання з математики НМТ, 2023/ Інтернет-ресурс: Режим доступу: https://zno.osvita.ua/mathematics/247/

Голова предметної екзаменаційної комісії	М.М.Семко