# Sharing Privacy: From 0 to PSI (Private Set Intersection)

Dr. Alfonso Muñoz (@mindcrypt) José Ignacio Escribano RootedCon Valencia 2019

#### \$whoami

Dr. Alfonso Muñoz alfonso@criptored.com alfonso.munoz2.next@bbva.com @mindcrypt

Telegram: t.me/Criptored

Linkedin: https://www.linkedin.com/in/alfonsomuñoz/



 Global Technical Cybersecurity Lead & Head of Cybersecurity – BBVA Next Technologies

#### Vidas paralelas

- Red Temática Criptored
- Expert security member Europol
- Criptocert <a href="https://www.criptocert.com">https://www.criptocert.com</a>
- Libros, certificaciones, conferencias, tools, instructor...

#### Áreas

- Offensive security (sw/hw)
- Cryptography & Covert channels/Stego
- Cutting-edge research (defensive & Offensive)

#### \$whoami

José Ignacio Escribano joseignacio.escribano.pablos.next@bbva.com



- Security & Machine Learning Researcher BBVA
   Next Technologies
- Vidas paralelas
  - Graduado en Matemáticas e Ingeniería del
     Software & Máster en Ingeniería de la Decisión.
  - Actualmente, realizando tesis sobre criptografía post-cuántica.
  - Ponente en Cybercamp y Hack In The Box
- Áreas
  - Inteligencia Artificial
  - Criptografía
  - Cutting-edge research (Offensive & defensive)

#### Agenda para la charla

- Objetivo de la charla. Introducción
- Criptografía (full) homomórfica
  - Definiciones. Librerías y seguridad REAL
  - · Demo con librería SEAL
- Secure Multiparty Computation (SMC)
  - Private Set Intersection (2PC & MPC)
    - Demo: Intercambio anónimo de agendas de contacto app de mensajería (privacidad)
  - Private Intersection-Sum (Google)
- Conclusiones

## El mejor ataque... una buena defensa

Seguridad Perimetral







Insiders

#### El atacante está dentro... ¿Ahora qué?

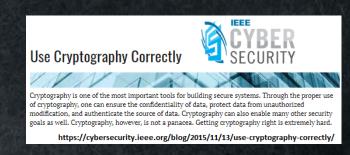
- Tecnología Zero-Trust
  - "Los CIO deben avanzar hacia un enfoque Zero Trust para la seguridad centrada en los datos y la identidad, siendo desde nuestro punto de vista el único enfoque de seguridad que funciona..."
- Deception technology "Alimentemos a la bicha"
- Criptografía Protección de datos y ¿gestión del ciclo de vida de las claves?

If you think technology can solve your security problems, then you don't understand the problems and you don't understand the technology.

**Bruce Schneier** 

#### Defectos de la criptografía (I/II)

- Criptografía mal implementada (precauciones)
  - Crear tu propio algoritmo o implementar uno existente.
  - Mal uso de librerías o algoritmos.
    - https://security.googleblog.com/2018/08/introducing-tink-cryptographic-software.html
    - https://github.com/google/wycheproof
  - Incorrecta protección de claves criptográficas.
  - Aleatoriedad que no es aleatoria.
  - Criptografía no aislada
    - Ataques de canal lateral. Programación en tiempo constante
    - Ataques de compresión (BREACH, TIME, HEIST, FIESTA...)
    - Ataques basados en downgrade y flujos del protocolo (Logjam, Freak, 3SHAKE)
    - Ataques basados en relleno/padding (Lucky13, Drown, Robot, New Bleichenbacher side channels, Poodle, Zombie Poodle, Golden Poodle)



### Defectos de la criptografía (II/II)

- Ciclo de vida de la gestión de claves: las claves se roban típicamente malware o ataques de canal lateral (Meltdown, Spectre, ...)
  - https://i.blackhat.com/us-18/Wed-August-8/us-18-Guri-AirGap.pdf
- La información/clave en algún momento está en claro...
- ¿ALTERNATIVA? Trabajar en el dominio cifrado
  - Criptografía homomórfica (HE)
  - Computación multiparte segura (MPC)
  - Searchable Encryption (SE) / Whitebox Cryptography
  - IA en criptografía



Criptografía, Deep Learning y Google. Desmontando un sueño. Alfonso Muñoz — Navaja Negra 2018 - https://www.youtube.com/watch?v=VizSx4dwJMw

### Dominio cifrado (for dummies) 😊

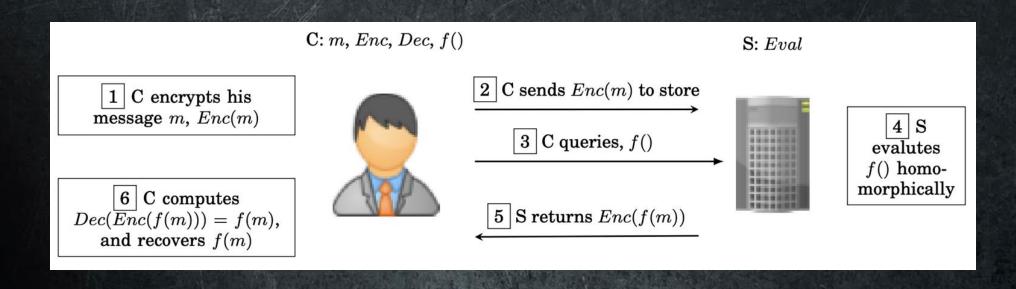
- Trabajar sobre "textos" cifrados en vez de "texto" plano.
- Distintas alternativas:
  - Criptografía homomórfica (HE): permite hacer cálculos sobre textos cifrados (sin necesidad de descifrar).
  - Searchable encryption (SE): típicamente permite realizar búsquedas sobre bases de datos cifradas.
  - Computación multiparte segura (SMC): permite calcular una función de forma conjunta entre todas las partes sin relevar los datos de cada parte.
    - Distintas funciones: Problema de los millonarios (socialistas), Private Set Intersection (PSI), Private Intersection-Sum (PIS), ...

## Cifrado homomórfico



#### Cifrado homomórfico

- Permite hacer cálculos sobre textos cifrados (sin necesidad de descifrar).
- Tres claves: pública, privada y de evaluación (ops. homomórficas).



Aplicación: delegar cómputos en la nube.

### Cifrado homomórfico (RSA)

p = 5; q = 11; n=p\*q = 55 Φ(n) = (p-1)\*(q-1) = 40 e = 7; d = 23

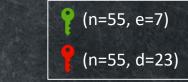
m1, m2

8, 3

cifrar

E(8), E(3) 2, 42

E(m1), E(m2)



calcular

- RSA es un cifrado homomórfico (parcial). E(m) = me (mod n)
- Se cumple que para cualquier mensaje m1, m2,

 $E(m1)*E(m2) = (m1^e \pmod{n})*(m2^e \pmod{n}) = (m1*m2)^e \pmod{n}$ = E(m1\*m2).  $E(m) = m^e \mod n = c$  $D(c) = c^d \mod n$ 

m1 \* m2

8 \* 3

cifrar

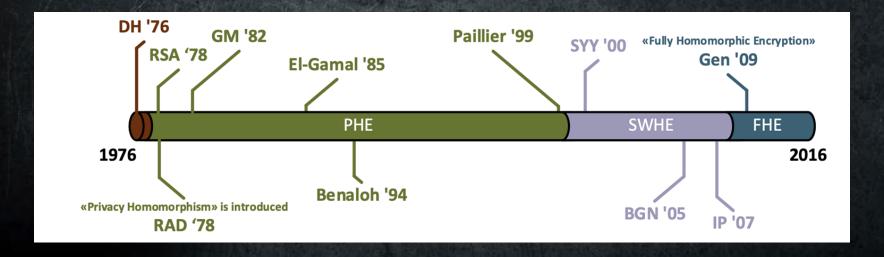
E(8)\*E(3) = E(8\*3)  $E(24) = 2*42 = 29 \mod 55$ E(8)\*E(3) = E(8\*3) = 29

E(m1)\*E(m2) = E(m1\*m2)

calcular

#### Cifrado homomórfico (tipos)

- Partially Homomorphic Encryption (PHE): sólo permite una operación homomórfica (típicamente suma o producto) un número ilimitado de veces.
  - Ejemplos: RSA, Paillier, El-Gamal, Goldwasser & Micali, "el cifrado César" ...
- Somewhat Homomorphic Encryption (SWHE): permite realizar algunas operaciones un número limitado de veces.
- Fully Homomorphic Encryption (FHE): permite realizar un número ilimitado de operaciones ilimitadas veces ("truco").



## Cifrado homomórfico (limitaciones)

- Explicación "muy simple" (FHE): se añade ruido para al operar no poder conocer la información en claro ni las claves involucradas. El ruido hay que eliminarlo.
  - Craig Gentry, Fully homomorphic encryption using ideal lattices, Symposium on the Theory of Computing (STOC), 2009, pp. 169-178. https://crypto.stanford.edu/craig/craig-thesis.pdf
- Eliminar ruido: Bootstrapping <a href="https://crypto.stackexchange.com/Questions/42666/what-exactly-is-bootstrapping-in-fhe">https://crypto.stackexchange.com/Questions/42666/what-exactly-is-bootstrapping-in-fhe</a>
- Control del ruido
  - Las distintas operaciones introducen ruido, llegando a un punto en el que no es posible descifrar el texto cifrado.
  - Cada esquema maneja el ruido de una manera distinta.
  - Suma (operación ligera), multiplicación (operación costosa).

## Cifrado homomórfico (aplicaciones)

- Salud: mantener la privacidad de los pacientes es crítico, pero sin embargo, compartir y hacer cálculos sobre esa información es importante para distintos casos de uso como cuidado del paciente coordinado entre distintas entidades, fraude en las facturas, reembolso, etc.
- Genómica: los datos privados de la secuenciación del genoma humano pueden ser una herramienta muy potente en desarrollar una cura/tratamiento para una enfermedad. Existen problemas al compartir estos datos, ya que las secuencias del ADN individuales son únicas y permiten decir si un individuo es susceptible de tener una cierta enfermedad.
- Servicios financieros: en este ámbito se trabaja con información confidencial, por lo que datos, modelos y funciones calculadas sobre ellos son considerados confidenciales y propietarios. La criptografía homomórfica puede ayudar a ejecutar estas funciones de forma privada en la nube, reduciendo costes y tiempo.
- Reto: casos de uso ...

## Cifrado homomórfico (librerías)

Nombre	Url	Tipo
HElib	https://github.com/HomEnc/HElib	FHE
SEAL	http://sealcrypto.org/	FHE
HEAAN	https://github.com/kimandrik/HEAAN	FHE
TFHE	https://github.com/tfhe/tfhe	FHE
libshe	https://github.com/bogdan-kulynych/libshe	SWHE
cuHE	https://github.com/vernamlab/cuHE	FHE
python-paillier	https://github.com/n1analytics/python-paillier	PHE
pycryptodome	https://pycryptodome.readthedocs.io	PHE

Ver <a href="https://homomorphicencryption.org/introduction/">https://github.com/jonaschn/awesome-he#libraries</a> para más librerías.

## Cifrado homomórfico (librerías) - Desmitificando

Funcionalidad	SEAL	HElib	TFHE	Paillier	ElGamal	RSA
Cifrado asimétrico	<b>*</b>	<	<	♦	♦	♦
Soporte para números negativos	VI	/ <b>x</b> /	×	×	×	×
Tamaño textos cifrados <1MB (1 entrada)	X	×	$\langle \! \! \! \! \! \! \! \! \! \! \! \! \! \! \! \! \! \! \!$	≪	<	$ \checkmark $
Puede ejecutarse en menos de 2GB RAM	×	<b>√</b> ✓ <b> </b>	$\triangleleft$	$\checkmark$	<	<
Lenguajes disponibles	.NET	<b>C</b>	C			

## Cifrado homomórfico (librerías)

Operación	SEAL	HElib	TFHE	Paillier	ElGamal	RSA
Suma, resta	< <	< < < < < < < < < < < < < < < < < < <	✓	$ \checkmark $	<	×
Multiplicación	∜ .	<	❖	×	<	∜
Comparación, división	X	/ <b>x</b> /-/	×	×	×	X
Operaciones booleanas	X	×	arphi	×	×	×
Ops. bit a bit, matriciales	<b>/</b>	✓	×	×	×	×
Exponenciación	<b>/</b>	♦	×	×	×	×
Elevar al cuadrado	$\checkmark$	$\lor$	×	×	$\lor$	×
Ops. texto cifrado con texto plano	<	×	×	×	×	×

#### ¿Qué librería usar?

- La elección de la mejor librería dependerá de:
  - El caso de uso a implementar.
  - Nivel de seguridad requerido.
  - Tipo de seguridad (IND-CPA, IND-CCA).
  - Número de operaciones requeridas.
  - Velocidad.
  - Escalabilidad.
  - Tipo de modelo de computación a emplear.

#### Cifrado homomórfico (SEAL)

- SEAL (<a href="https://github.com/microsoft/SEAL">https://github.com/microsoft/SEAL</a>) es una librería de criptografía homomórfica desarrollada por Microsoft. Escrita en C++.
- Implementa los esquemas BFV y CKKS. Ambos esquemas IND-CPA (ver [Peng2019]).
- Cálculo de los parámetros de forma automática en función del nivel de seguridad fijado.
- API sencilla y fácil de entender.
- Amplia documentación y ejemplos disponibles:
  - https://github.com/microsoft/SEAL/tree/master/native/examples
  - https://github.com/microsoft/SEAL-Demo

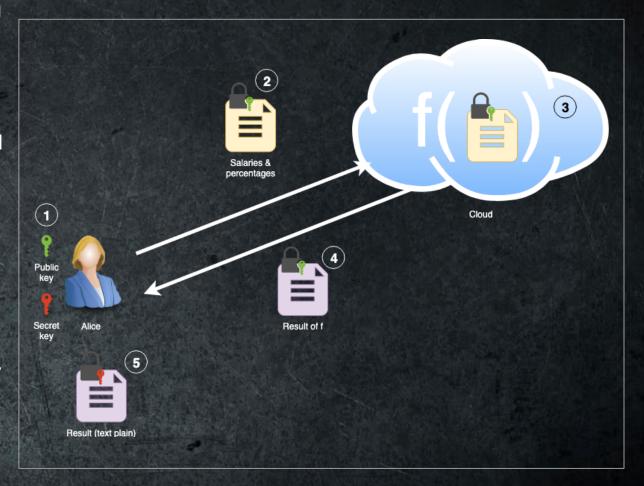
- Aplicación de subida de salario de los empleados de una empresa.
- Desarrollada con SEAL (versión 3.2.0) en C++, usando el esquema CKKS [Cheon2017].
- Computa, de forma homomórfica, la función

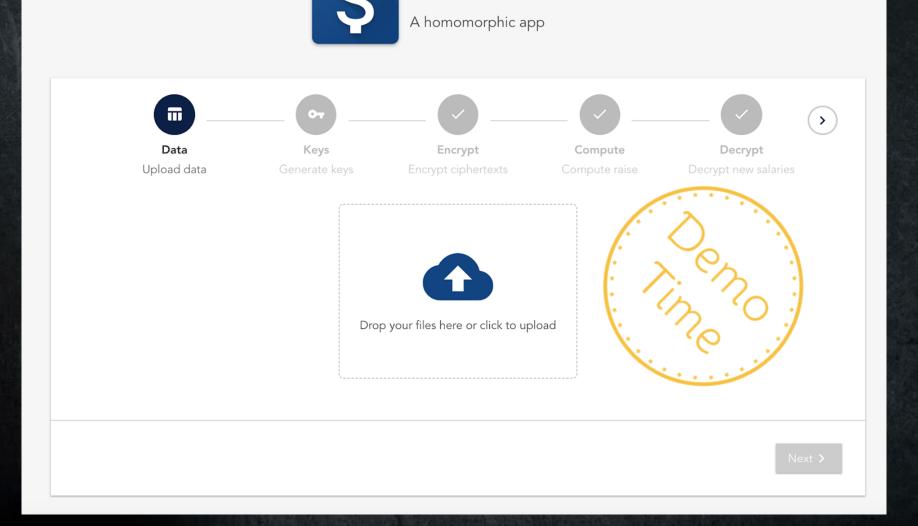
$$s' = (1 + 1/100*p)*s$$
  
=  $(1 + 0.01*p)*s$ 

donde s' es el nuevo salario, s es el salario actual y p es el porcentaje de subida (en tanto por cien).

Necesarias sólo sumas y multiplicaciones.

- 1. Alice genera un par de claves (pública y privada).
- 2.Alice cifra los salarios y los porcentajes de cada empleado con su clave pública y los envía a la nube.
- 3.La nube computa la función de forma homomórfica f(p,s) = (1+0.01\*p)\*s, que devuelve resultado cifrado de f.
- 4.La nube devuelve el resultado a Alice.
- 5.Alice descifra el texto cifrado con su clave privada y obtiene el resultado en claro de evaluar la función f.





**Salaries** 

```
Evaluator evaluator(context);
CKKSEncoder encoder(context);
Plaintext plain_001, plain_1;
encoder.encode(0.01, scale, plain_001);
// Computes (0.01*percentage)
evaluator.multiply_plain_inplace(encrypted_percentage, plain_001);
evaluator.relinearize_inplace(encrypted_percentage, relin_keys);
// Computes (1 + 0.01*percentage)
encoder.encode(1, encrypted_percentage.scale(), plain_1);
evaluator.add_plain_inplace(encrypted_percentage, plain_1);
evaluator.relinearize_inplace(encrypted_percentage, relin_keys);
// Computes (1 + 0.01*percentage)*salary
evaluator.rescale_to_inplace(encrypted_percentage, encrypted_salary.parms_id());
evaluator.multiply_inplace(encrypted_salary, encrypted_percentage);
```

#### Cifrado homomórfico (ataques)

- El estándar de criptografía homomórfica [Albrecht2018] recoge los ataques más comunes basados en LWE/RLWE.
  - uSVP
  - Bounded Distance Decoding (BDD)
  - Dual attack
  - BKZ
- Además, proporciona tablas de seguridad para fijar los parámetros en función del nivel de seguridad requerida.
- El código para reproducir las tablas se seguridad se puede encontrar en <a href="https://bitbucket.org/malb/lwe-estimator/src/master/">https://bitbucket.org/malb/lwe-estimator/src/master/</a> (Ver [Albrecht2015]).

## Anexo: Tablas de seguridad

distribution	n	security level	log(q)	uSVP	dec	dual
uniform	1024	128	31	130.6	133.8	147.5
		192	22	203.6	211.2	231.8
		256	18	269.9	280.5	303.6
	2048	128	59	129.5	129.7	139.2
		192	42	194.0	197.6	212.4
		256	33	263.8	270.7	289.9
	4096	128	113	131.9	129.4	136.8
		192	80	192.7	193.2	203.2
		256	63	260.7	263.6	277.6
	8192	128	222	132.9	128.9	134.9
		192	157	195.4	192.8	200.6
		256	124	257.0	256.8	266.7
	16384	128	440	133.9	129.0	133.0
		192	310	196.4	192.4	198.7
		256	243	259.5	256.6	264.1
	32768	128	880	134.3	129.1	131.6
		192	612	198.8	193.9	198.2
		256	480	261.6	257.6	263.6

distribution	n	security level	log(q)	uSVP	dec	dual
(-1,1)	1024	128	29	139.6	145.9	128.9
		192	20	226.9	241.2	196.8
		256	15	344.3	366.1	273.9
	2048	128	56	136.2	137.9	128.3
		192	39	210.3	217.5	194.6
		256	30	294.5	307.5	268.8
	4096	128	110	135.1	133.5	128.5
		192	77	203.1	205.5	192.4
		256	60	274.7	280.4	259.0
	8192	128	219	134.6	130.9	128.6
		192	153	200.3	199.0	193.1
		256	119	268.7	270.0	257.9
	16384	128	441	133.3	128.7	128.1
		192	306	199.0	195.3	192.4

#### MultiParty Computation + Private Set Intersection



#### Secure Multiparty Computation (SMC)

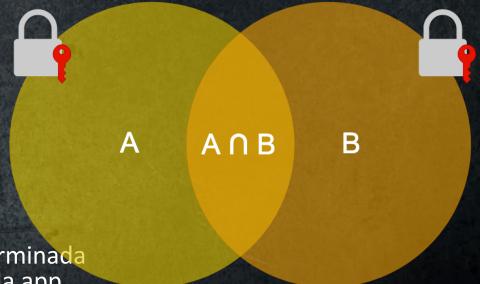
- Permite calcular una función de forma conjunta entre todas las partes sin relevar los datos de cada parte.
- Diferentes funciones:
  - Problema de los millonarios: decidir qué millonario tiene mayor cantidad de dinero sin revelar sus fortunas. Es decir, calcular si a ≥ b.
  - Problema de los millonarios socialistas: decidir si los millonarios tienen la misma cantidad de dinero, es decir, si a = b.
  - Operaciones sobre conjuntos [Kissner2005].
    - Subconjunto: A ⊆B.
    - Cardinalidad: |A| = |B|.
    - Intersección (PSI): A ∩ B.
  - Otros:
    - Private Intersection-Sum [Ion2019] (PIS): PSI + PHE (suma).
- Protocolos: ver [Evans2018].

#### Secure Multiparty Computation (SMC)

- Adversarios:
  - Honesto pero curioso, semihonesto o pasivo: el adversario sigue el protocolo especificado, pero trata de aprender lo máximo posible con los mensajes recibidos.
  - Malicioso o activo: el adversario puede desviarse arbitrariamente de la ejecución del protocolo para obtener una ventaja sobre alguna de las otras partes participantes del protocolo.
- Durante la presentación sólo consideraremos adversarios semihonestos.

#### Private Set Intersection (PSI)

- Calcular los elementos comunes entre distintos conjuntos de datos sin revelar ninguna otra información entre las partes.
- Existen protocolos para sólo 2 partes o multiparte.
- Casos de uso:
  - Una empresa gubernamental quiere estar segura de que los empleados que subcontrata no tienen antecedentes penales y ninguna de las empresas quiere ceder los datos: lista de ciudadanos con antecedentes ni lista de empleados, pero quieren conocer la intersección.
  - Hacienda quiere conocer a evasores de impuestos con cuentas en algún banco extranjero. El banco no quiere compartir su lista de clientes y Hacienda no revela su lista de sospechosos.
  - Un usuario tiene una lista de contactos en su móvil y quiere conocer qué contactos están usando una determinada aplicación de chat sin enviarle su lista de contactos a la app.



- Basado en que la hipótesis DDH (Decisional Diffie-Hellman) es difícil computacionalmente. - https://en.wikipedia.org/wiki/Decisional Diffie%E2%80%93Hellman assumption
- Funciona aunque la cardinalidad de los conjuntos sean distintas.
- Seguro contra adversarios semihonestos.
- Requiere del cifrado de exponenciación de Pohlig-Hellman [Holden2008, Pohlig1978]. Es un cifrado conmutativo.
  - Generación de clave:  $k \leftarrow Z_p$  (clave cifrado);  $d = k^{-1} \mod p 1$  (clave descifrado)
  - Cifrado:  $E(m) = m^k \mod p = c$
  - Descifrado: D(c) = c<sup>d</sup> mod p

Alice



+34633946745

+34759421743

**v** – | +34623434477

+34602305532

Bob



Alice



+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532

Información común: función hash H y p

Bob



+34687399815 ,\_\_ +34671374657

+34759421743

Alice



+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532

Información común: función hash H y p

H = SHA512





+34687399815 \_ +34671374657

+34759421743

Alice



+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532

Información común: función hash H y p

H = SHA512

p = 4595177610...3244871619 (3072 bits)

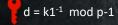
Bob



+34687399815

+34759421743









+34633946745

+34623434477 +34602305532 Información común: función hash H y p

H = SHA512

p = 4595177610...3244871619 (3072 bits)



+34687399815 V = +34671374657 +34759421743

k1 y k2 claves de cifrado de Pohlig-Hellman. d es la clave de descifrado de Pohlig-Hellman.



Alice





+34633946745

+34759421743

V =

+34623434477

+34602305532

Información común: función hash H y p

H = SHA512

p = 4595177610...3244871619 (3072 bits)







+34687399815

+34671374657



Alice

d = 3029783844...1310138125



+34633946745 +34759421743 V = +34623434477 +34602305532

 $A = H(V)^{k1} \mod p =$ 

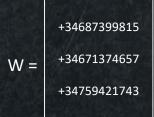
Información común: función hash H y p

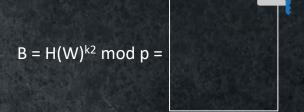
H = SHA512

p = 4595177610...3244871619 (3072 bits)



k2 = 2177727835...2099723501







Alice

d = 3029783844...1310138125



$$A = H(V)^{k1} \mod p = \begin{cases} 39764...9837 \\ 36324...56865 \\ 44736...57169 \\ 41475...46061 \end{cases}$$

Información común: función hash H y p

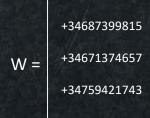
H = SHA512

p = 4595177610...3244871619 (3072 bits)



Bob

k2 = 2177727835...2099723501





Alice

d = 3029783844...1310138125



+34633946745 +34759421743 V = +34623434477

+34602305532

39764...9837 36324...56865

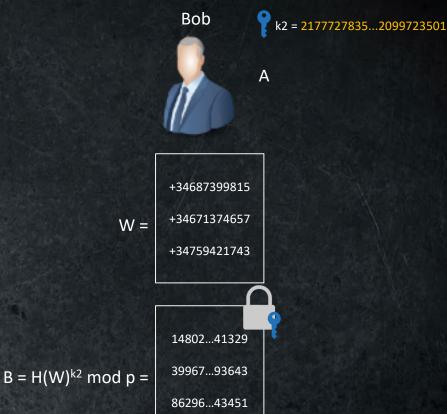
A = H(V)<sup>k1</sup> mod p =  $\begin{vmatrix} 44736...57169 \\ 41475...46061 \end{vmatrix}$ 

Información común: función hash H y p

H = SHA512

p = 4595177610...3244871619 (3072 bits)

Α





Alice

d = 3029783844...1310138125



+34633946745

44736...57169

41475...46061

Información común: función hash H y p

H = SHA512

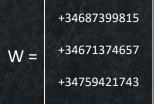
p = 4595177610...3244871619 (3072 bits)

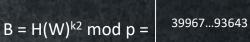
Α



k2 = 2177727835...2099723501

Α

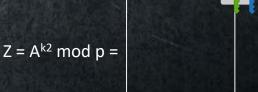


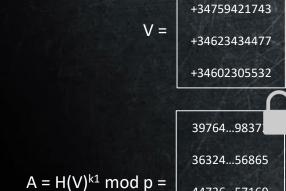


86296...43451

14802...41329

 $Z = A^{k2} \mod p =$ 







Alice

d = 3029783844...1310138125

 $A = H(V)^{k1} \mod p =$ 



+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532

39764...9837

36324...56865

44736...57169

41475...46061

Información común: función hash H y p

H = SHA512

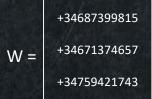
p = 4595177610...3244871619 (3072 bits)

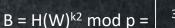
Α



k2 = 2177727835...2099723501

Α





14802...41329

39967...93643

86296...43451

14637...99730

 $Z = A^{k2} \mod p =$ 

20385...72621

20303...72021

11913...72722

45301...59046





Alice

d = 3029783844...1310138125



Z, B



**/** = | +34623434477

+34602305532

39764...9837

Información común: función hash H y p

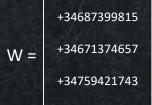
H = SHA512

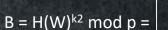
p = 4595177610...3244871619 (3072 bits)



k2 = 2177727835...2099723501

A





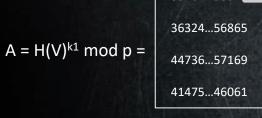
14802...41329

39967...93643

Z, B

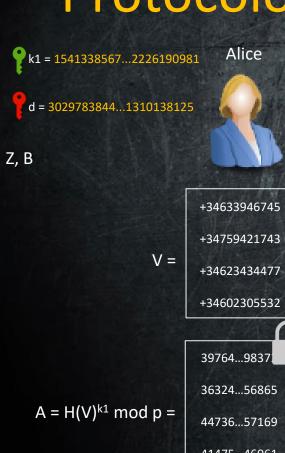
Α

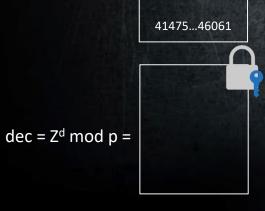




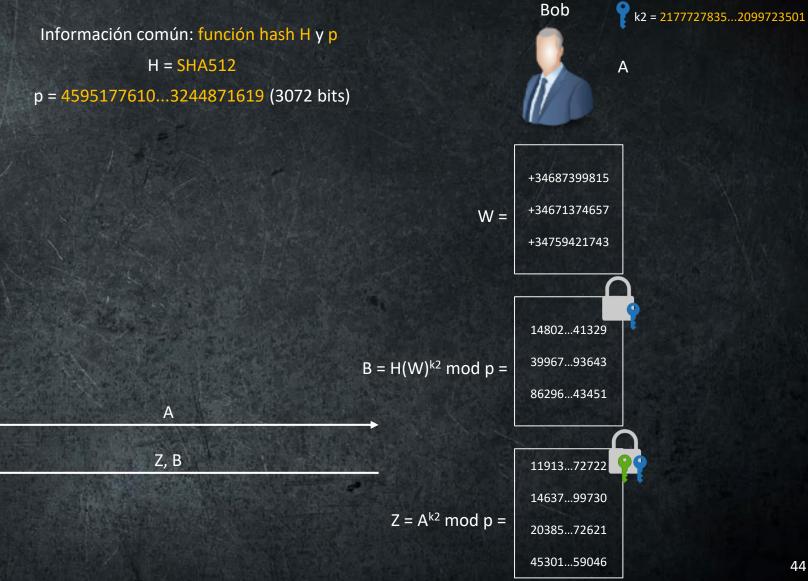
Bob

# Protocolo PSI (2 partes)











Alice

d = 3029783844...1310138125

 $A = H(V)^{k1} \mod p =$ 

Z, B



+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532

39764...9837

36324...56865

44736...57169

41475...46061

37784...4843 86296...43451  $dec = Z^d \mod p =$ 

11955...12118 36505...25112

Α

Z, B

Información común: función hash H y p

H = SHA512

p = 4595177610...3244871619 (3072 bits)

Bob

k2 = 2177727835...2099723501

Α



+34687399815 +34671374657 +34759421743

14802...41329

 $B = H(W)^{k2} \mod p =$ 

 $Z = A^{k2} \mod p =$ 

39967...93643

86296...43451

20385...72621

45301...59046

11913...72722 14637...99730

k2 = 2177727835...2099723501

Bob

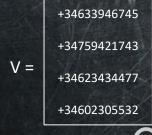
# Protocolo PSI (2 partes)



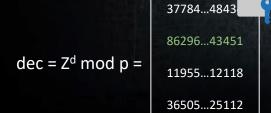
d = 3029783844...1310138125

Z, B

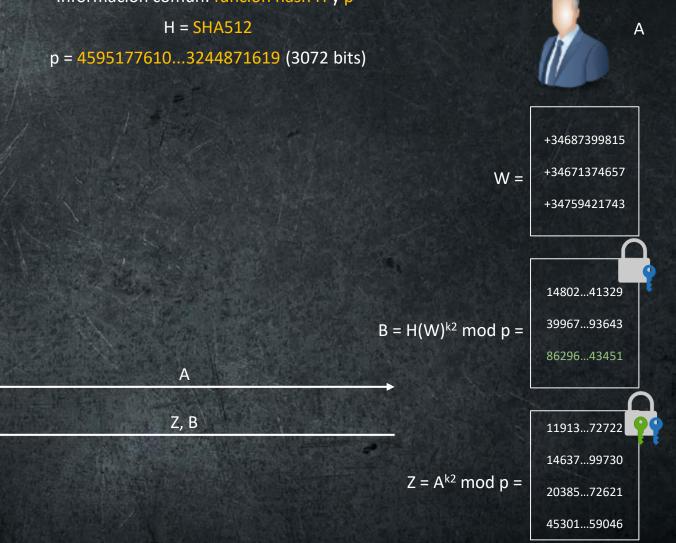




39764...9837 36324...56865  $A = H(V)^{k1} \mod p =$ 44736...57169 41475...46061

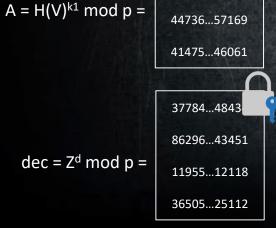


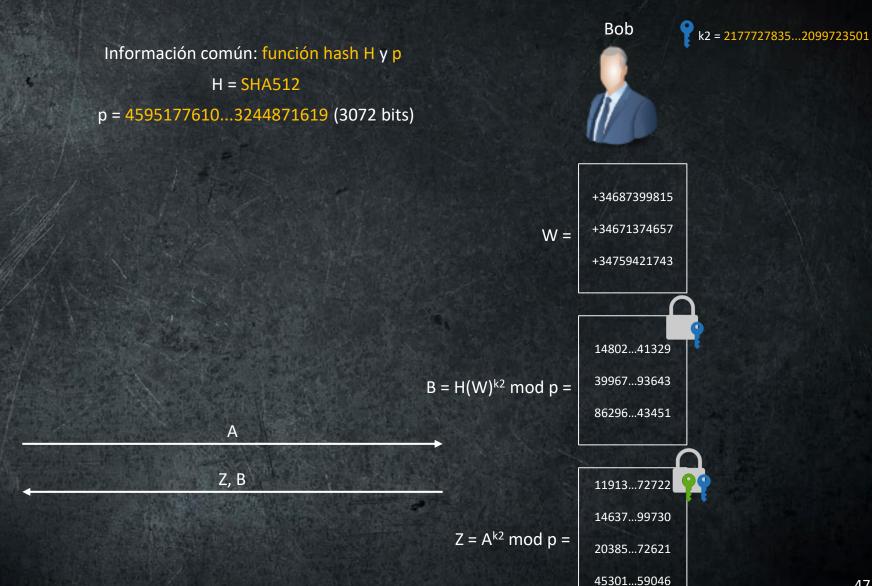
Información común: función hash H y p H = SHA512





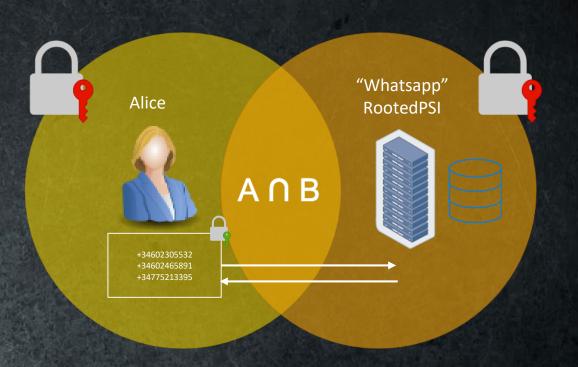




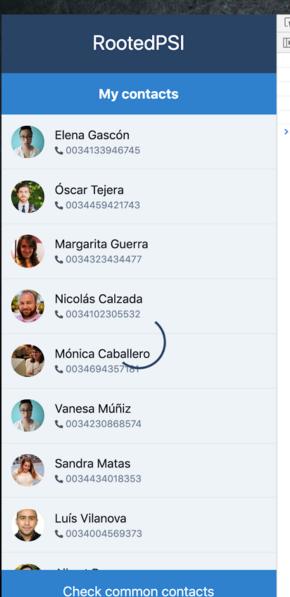


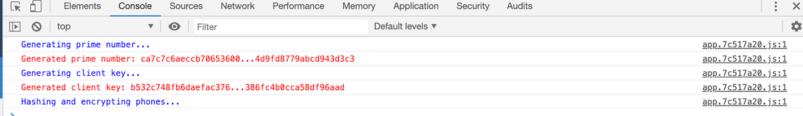
### Protocolo PSI (demo)

- Aplicación que implementa el protocolo PSI entre un cliente y un servidor.
- Obtiene los contactos de la agenda del cliente que están ya en la aplicación de mensajería.
- Ver [Kales2019] para un ejemplo de protocolo escalable.



# Protocolo PSI (demo)



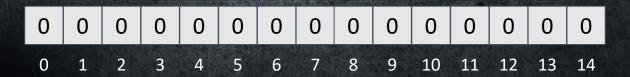






- Permite el cómputo de los elementos comunes entre n partes.
- Requiere una parte adicional denominada "Dealer" (D) => p.e un servidor
- Basado en que la hipótesis DDH es difícil computacionalmente.
- Seguro contra adversarios semihonestos.
- Requiere de filtros de Bloom [Bloom1970] y cifrado ElGamal exponencial distribuido (o su variante con curvas elípticas).

- Permite comprobar si un elemento pertenece a un conjunto.
- Vector de bits que representa un conjunto.
- Usa un número fijado de funciones hash (no necesariamente criptográficas).
- Permite falsos positivos, pero no los falsos negativos (si no está en el conjunto con toda seguridad no está).
- Elementos pueden ser añadidos, pero no eliminarlos del filtro.



- Permite comprobar si un elemento pertenece a un conjunto.
- Vector de bits que representa un conjunto.
- Usa un número fijado de funciones hash (no necesariamente criptográficas).
- Permite falsos positivos, pero no los falsos negativos (si no está en el conjunto con toda seguridad no está).
- Elementos pueden ser añadidos, pero no eliminarlos del filtro.

Rooted	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14

	Rooted
fnv	6
murmur	3

- Permite comprobar si un elemento pertenece a un conjunto.
- Vector de bits que representa un conjunto.
- Usa un número fijado de funciones hash (no necesariamente criptográficas).
- Permite falsos positivos, pero no los falsos negativos (si no está en el conjunto con toda seguridad no está).
- Elementos pueden ser añadidos, pero no eliminarlos del filtro.



	Rooted
fnv	6
murmur	3

- Permite comprobar si un elemento pertenece a un conjunto.
- Vector de bits que representa un conjunto.
- Usa un número fijado de funciones hash (no necesariamente criptográficas).
- Permite falsos positivos, pero no los falsos negativos (si no está en el conjunto con toda seguridad no está).
- Elementos pueden ser añadidos, pero no eliminarlos del filtro.

Valencia	0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14

	Valencia
fnv	7
murmur	2

- Permite comprobar si un elemento pertenece a un conjunto.
- Vector de bits que representa un conjunto.
- Usa un número fijado de funciones hash (no necesariamente criptográficas).
- Permite falsos positivos, pero no los falsos negativos (si no está en el conjunto con toda seguridad no está).
- Elementos pueden ser añadidos, pero no eliminarlos del filtro.

Valencia	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14

	Valencia
fnv	7
murmur	2

2019

### Explicación - Filtros de Bloom

- Permite comprobar si un elemento pertenece a un conjunto.
- Vector de bits que representa un conjunto.
- Usa un número fijado de funciones hash (no necesariamente criptográficas).
- Permite falsos positivos, pero no los falsos negativos (si no está en el conjunto con toda seguridad no está).
- Elementos pueden ser añadidos, pero no eliminarlos del filtro.



2019

fnv

murmur

2019

### Explicación - Filtros de Bloom

- Permite comprobar si un elemento pertenece a un conjunto.
- Vector de bits que representa un conjunto.
- Usa un número fijado de funciones hash (no necesariamente criptográficas).
- Permite falsos positivos, pero no los falsos negativos (si no está en el conjunto con toda seguridad no está).
- Elementos pueden ser añadidos, pero no eliminarlos del filtro.



2019

fnv

murmur

# Explicación - ElGamal exponencial distribuido

#### Generación de clave:

- F<sub>p</sub> es un cuerpo y g un generador del cuerpo de orden q.
   Cada parte elige un x<sub>i</sub> al azar de Z<sub>q</sub> como clave privada y calcula la clave pública como y<sub>i</sub> = g<sup>{x\_i}</sup> mod p.
- La clave pública del grupo es  $y = \Pi y_i$

#### • Cifrado:

•  $E(m, y; r) = (g^r \mod p, g^m * y^r \mod p) = (u, v)$ 

#### Descifrado:

- Cada parte calcula  $z_i = u^{\{x_i\}} \mod p$  y  $z = \prod z_i$  conjuntamente.
- Se descifra como  $v/z \mod p = g^m$ .

#### Se cumple que

- Es un cifrado homomórfico aditivo: E(m1)\*E(m2) = E(m1+m2).
- Es un cifrado homomórfico por un escalar: E(m)<sup>k</sup> = E(k\*m).

Alice



+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532







+34759421743

+34678373889

+34700636373

+34678543123



+34687399815

+34671374657

Alice



+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532

Información común: g, p







+34759421743

+34678373889

+34700636373

+34678543123



+34687399815

+34671374657

Alice



+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532

Información común: g, p

g = 3





+34759421743

+34678373889

+34700636373

+34678543123



+34687399815

+34671374657

Alice



+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532

Información común: g, p

 $g = \frac{3}{3}$ 

p = 0xc7611ad4d3...c94f0a88fb (3072 bits)







+34759421743

+34678373889

+34700636373

+34678543123



+34687399815

+34671374657

Alice



+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532







+34759421743

+34678373889

+34700636373

+34678543123



+34687399815

+34671374657

 $xA <- Z_q$   $yA = g^{xA} \mod p$ 



+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532



xB <- Z

 $yB = g^{xB} \mod p$ 



+34687399815

+34671374657

+34759421743

Carol



xC <- Z<sub>q</sub>

+34759421743

+34678373889

+34700636373

Alice



yA = 0x7a132...f4029



+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532



xB = 0x1ae7f...43cb6

yB = 0x41826...7300d



+34687399815

+34671374657

+34759421743

Carol



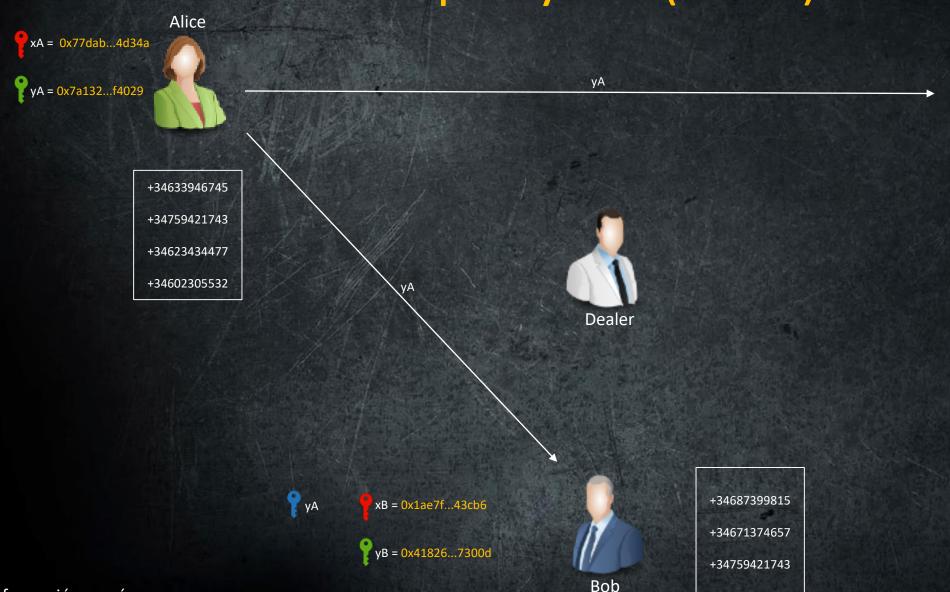
xC = 0x44bd0...4544b

yC = 0x467de...ee8e7

+34759421743

+34678373889

+34700636373



Carol

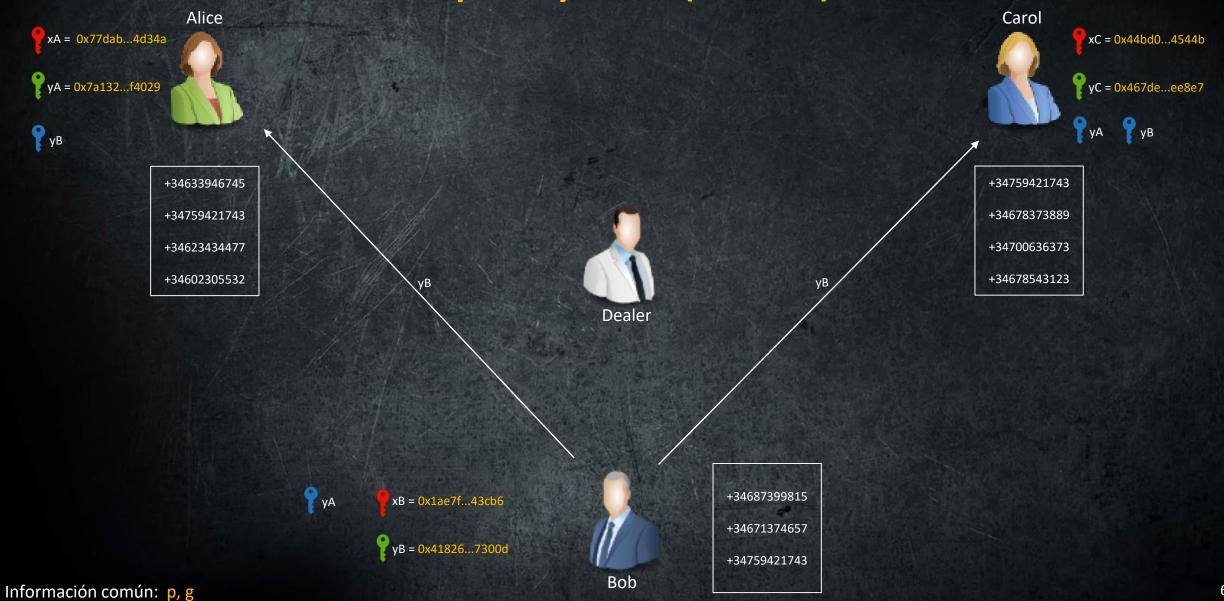
xC = 0x44bd0...4544b

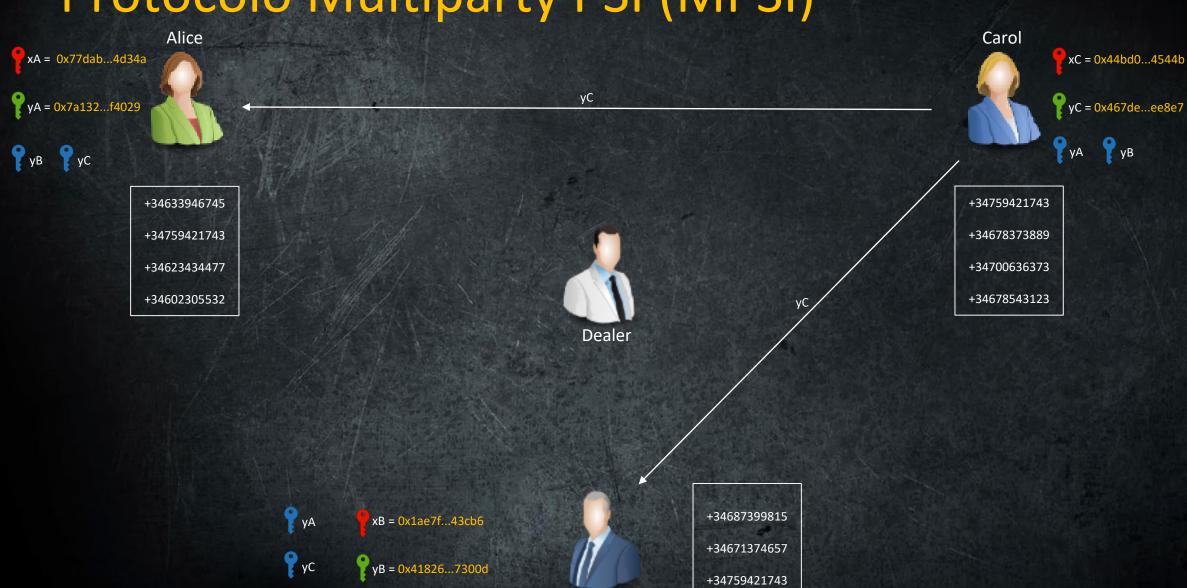
yC = 0x467de...ee8e7

+34759421743

+34678373889

+34700636373





Bob

Alice

 $\mathbf{x}$ A = 0x77dab...4d34a





+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532



xB = 0x1ae7f...43cb6

yB = 0x41826...7300d





+34687399815

+34671374657

+34759421743

Carol

xC = 0x44bd0...4544b

yC = 0x467de...ee8e7

y = П y<sub>i</sub> mo<u>d p</u>

+34759421743

+34678373889

+34700636373

/Rootad°CON

#### [Miyaji2015]

### Protocolo Multiparty PSI (MPSI)

Alice

xA = 0x77dab...4d34a





+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532



xB = 0x1ae7f...43cb6

yB = 0x41826...7300d





+34687399815

+34671374657

+34759421743

Carol





y = 0x5fd5e...150cc

+34759421743

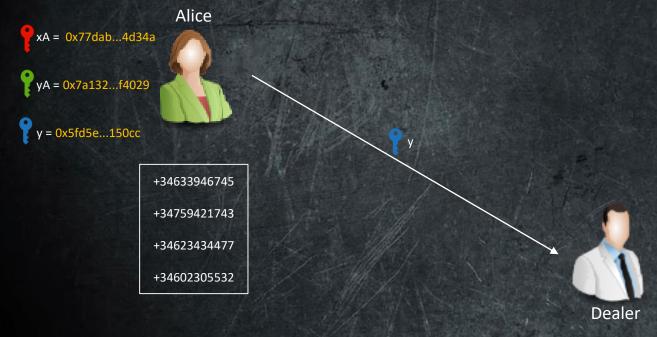
+34678373889

+34700636373

/Rootad°CON

#### [Miyaji2015]

### Protocolo Multiparty PSI (MPSI)



Carol

xC = 0x44bd0...4544b

yC = 0x467de...ee8e7

y = 0x5fd5e...150cc

+34759421743

+34678373889

+34700636373

+34678543123

xB = 0x1ae7f...43cb6

yB = 0x41826...7300d

y = 0x5fd5e...150cc



+34687399815

+34671374657

/Rootad°CON

#### [Miyaji2015]

#### Protocolo Multiparty PSI (MPSI)

Alice

xA = 0x77dab...4d34a





+34633946745

+34759421743

+34623434477

+34602305532



xB = 0x1ae7f...43cb6

yB = 0x41826...7300d





+34687399815

+34671374657

+34759421743

Carol





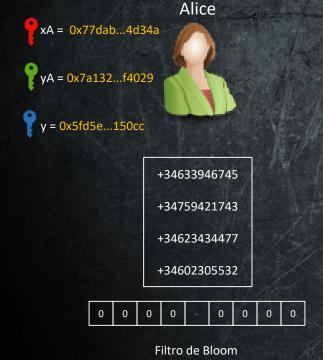
y = 0x5fd5e...150cc

+34759421743

+34678373889

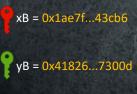
+34700636373

+34678543123









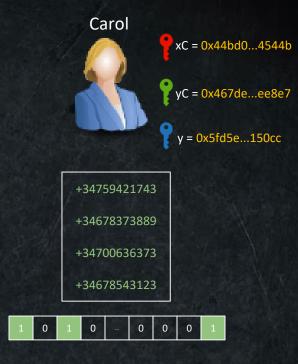


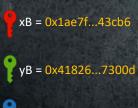




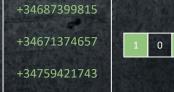












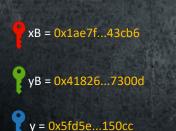




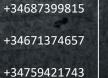












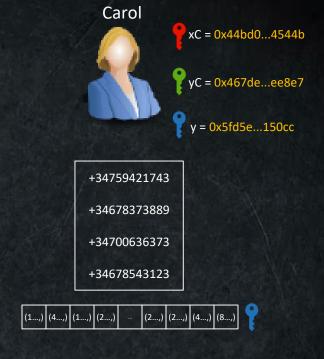


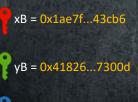
+34623434477

+34602305532





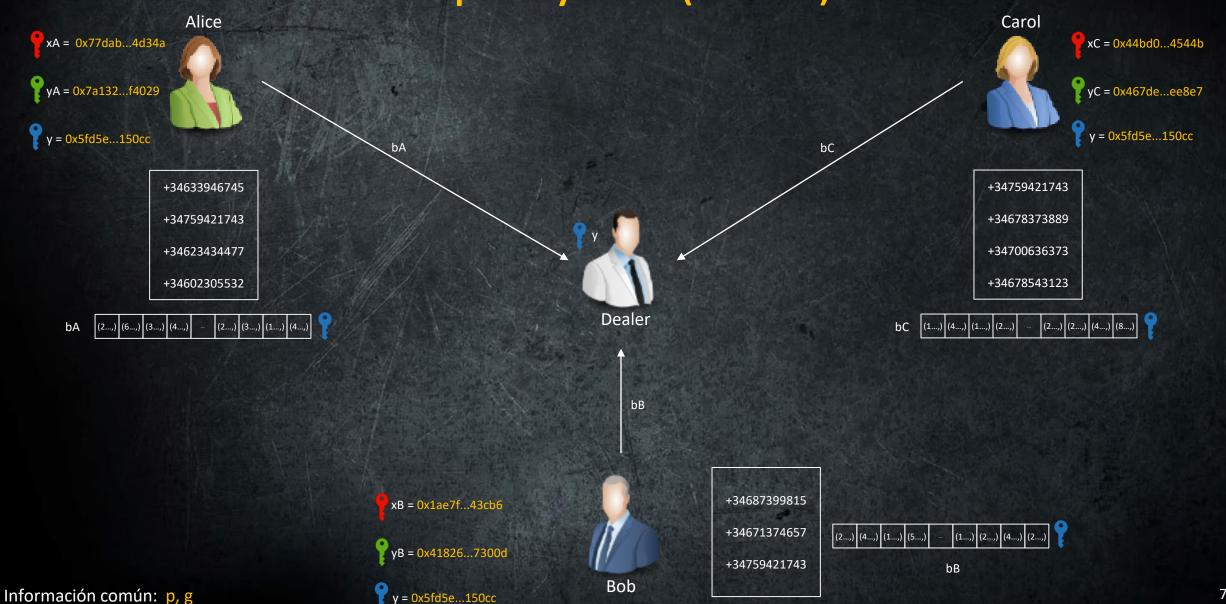


















/Rootad°CON

[Miyaji2015]

### Protocolo Multiparty PSI (MPSI)

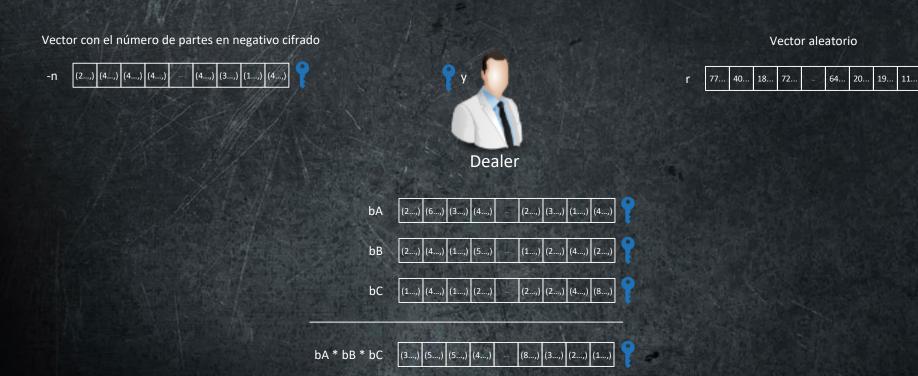






/Rootad®CON

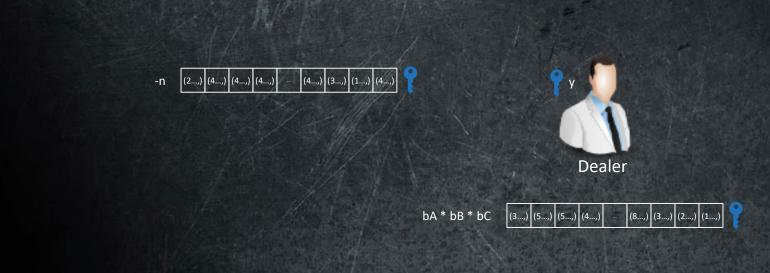
#### Protocolo Multiparty PSI (MPSI)



/Rootad°CON

[Miyaji2015]

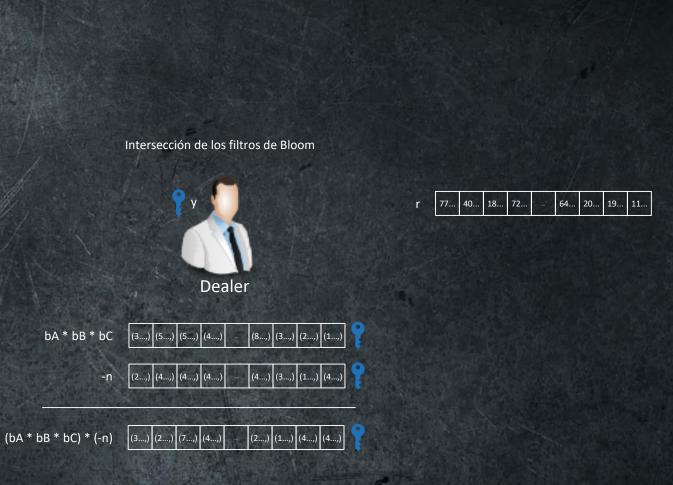
### Protocolo Multiparty PSI (MPSI)

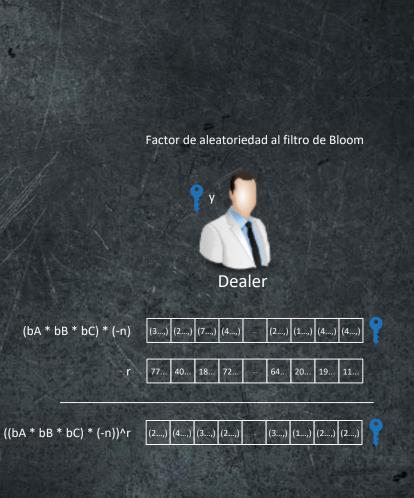




Información común: p, g

35

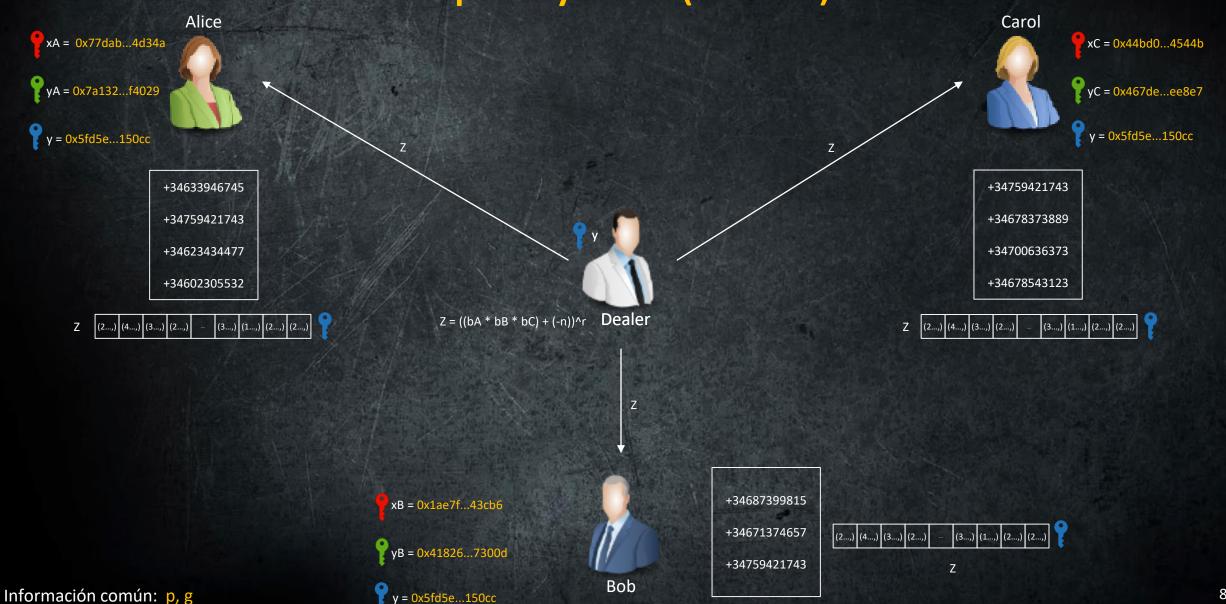




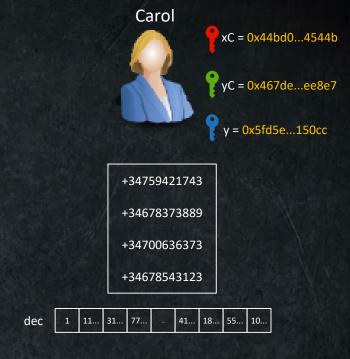


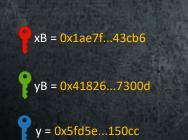
 $Z = ((bA * bB * bC) + (-n))^r$ 









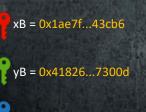




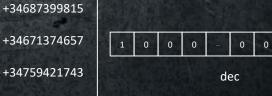






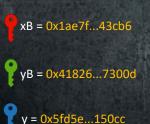








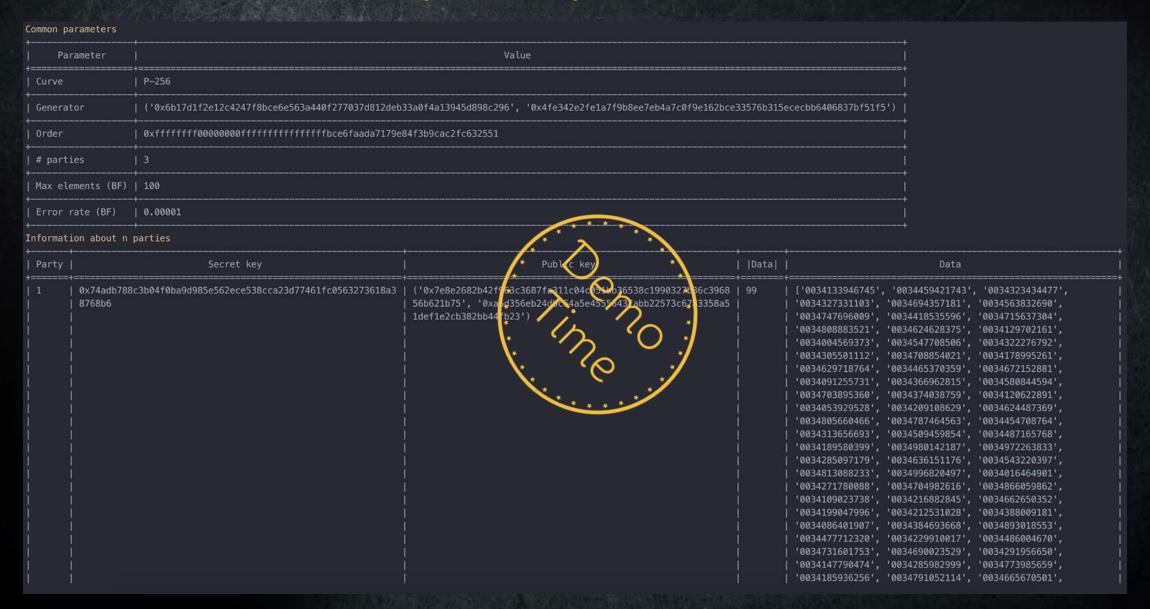








#### Protocolo MPSI (demo)



#### Reflexión: Intercambio de agendas

#### • Whatsapp, Telegram, Signal, Threema, Riot, ...

	Allo	iMessage	Messenger	Riot	Signal	Skype	Telegram	Threema	Viber	WhatsApp	Wickr	Wire
¿Cifrado por defecto?	No	Sí	No	No	Sí	Sí	No	No	No	No	No	No
Primitivas criptográficas	N/A	RSA-1280 (cifrado) ECDSA-256 (firma) AES-128, SHA-1	Curve25519 AES256 HMAC- SHA256	Curve25519 AES256 HMAC- SHA256	Curve25519 AES256 HMAC- SHA256	RSA-1536 ó 2048 XSalsa20 256 Poly1305 AES 128	RSA-2048 AES-256 SHA-256	Curve25519 256 / XSalsa20 256 / Poly1305- AES128	Curve25519 256 / XSalsa20 128 / HMAC- SHA256	Curve25519 256 AES-256 / HMAC- SHA256	ECDH512 / AES-256 HMAC-SHA- 256	Curve25519 ChaCha20 / HMAC- SHA256
¿Completamente OpenSource?	No	No	No	Sí	Sí	No	No. Sólo cliente y API	No	No	No	No	Sí
¿Inicios de sesión anónimos?	No	No	No	Sí	No	No	No	Sí	No	No	Sí	No
Añadir contactos sin servidor	No	No	No	No	No	No	No	Sí	No	No	Sí	No
¿Se puede verificar fingerprint contacto?	No	No	Sí	Sí	Sí	No	No, sólo la sesión. No proporciona fingerprint	Sí	Sí	Sí	Sí	Sí
¿Servicio de directorio se pueder modificado para MITM?	Sí	Sí	Sí	Sí	Sí	Sí	Sí	Sí	Sí	Sí	Sí	Sí

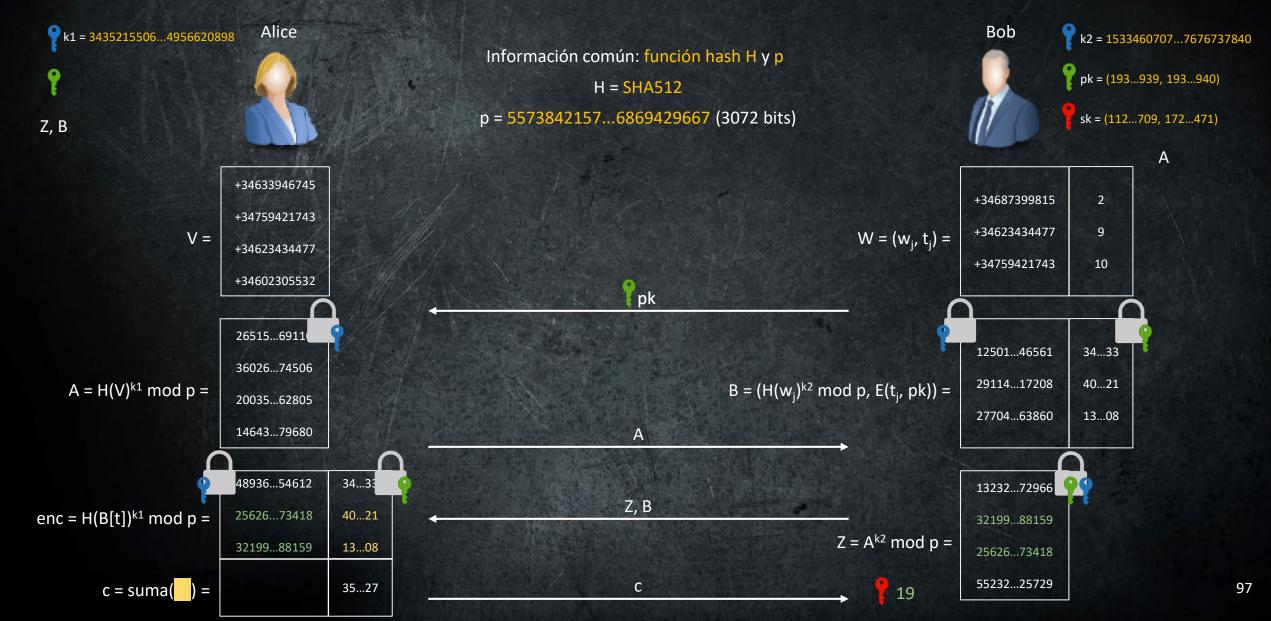
## "Apostando fuerte" – Uniendo partes...



#### Private Intersection-Sum (PIS)

- Permite calcular la intersección de 2 conjuntos y sumar valores enteros asociados a los conjuntos, sin revelar información sobre sus datos.
- Basado en que la hipótesis DDH es computacionalmente difícil.
- Utiliza un protocolo PSI y PHE (ElGamal con curvas elípticas).
- Seguro contra adversarios semihonestos.
- Requiere del cifrado de exponenciación de Pohlig-Hellman [Holden2008, Pohlig1978].
- Desarrollado por Google y código disponible en GitHub: https://github.com/google/private-join-and-compute

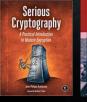
#### Private Intersection-Sum (PIS)

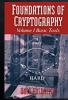


#### Conclusiones - Homework:)

- Receta para el buen (crypto) analista/arquitecto/investigador...
  - Recomendación algoritmos/librerías: Cryptographic Best Practices (Aaron Toponce)
     <a href="https://gist.github.com/atoponce/07d8d4c833873be2f68c34f9afc5a78a">https://gist.github.com/atoponce/07d8d4c833873be2f68c34f9afc5a78a</a>
     <a href="https://safecurves.cr.vp.to/">https://safecurves.cr.vp.to/</a>
  - Asesórate bien (¿StackOverflow?)
  - Cursos:
    - https://es.coursera.org/learn/crypto
    - http://www.criptored.upm.es/crypt4you/portada.html
  - Certificación:
    - https://www.criptocert.com
  - Libros:











#### Stack Overflow Considered Helpful! Deep Learning Security Nudges Towards Stronger Cryptography

ttps://www.usenix.org/system/files/sec19-fischer.pdf

Felix Fischer, Huang Xiao<sup>†</sup>, Ching-Yu Kao<sup>\*</sup>, Yannick Stachelscheid, Benjamin Johnson, Danial Razar Paul Fawkesley<sup>o</sup>, Nat Buckley<sup>o</sup>, Konstantin Böttinger<sup>\*</sup>, Paul Muntean, Jens Grossklags Technical University of Munich, <sup>†</sup>Bosch Center for Artificial Intelligence \*Fraunhofer AISEC. <sup>o</sup>Projects by IF

{flx,fischer, yannick\_stachelscheid, benjamin.johnson, danial.razar, paul.muntean, jens.grossklags}@tum.de {huang\_xiao}@de.bosch.com, {nat, paul}@projectsbyif.com, {ching-yu.kao, konstantin.boettinger}@aisec.fraunhofer.de

#### Abstrac

Stack Overflow is the most popular discussion platform for software developers. However, recent research identified a large amount of insecure encryption code in production systems that has been inspired by examples given on Stack Overflow. By copying and pasting functional code, developers introduced exploitable software vulnerabilities into security-sensitive high-profile applications installed by millions of users every day.

Proposed mitigations of this problem suffer from usability flaws and push developers to continue shopping for code examples on Stack Overflow once again. This motivates us to fight the proliferation of insecure code directly at the root before it even reaches the clipboard. By viewing Stack Overflow as a market, implementation of cryptography becomes a decision-making problem. In this context, our goal is to simplify the selection of helpful and secure examples. More specifically, we focus on supporting software developers in making better decisions on Stack Overflow by applying nudges, a concept borrowed from behavioral economics and psychology. This approach is motivated by one of our key findings: For 99.37% of insecure code examples on Stack Overflow, similar alternatives are available that serve the same use case and provide strong cryptography.

Our system design that modifies Stack Overflow is based on several nudges that are controlled by a deep neural network. It learns a representation for cryptographic API usage patterns and classification of their security, achieving average AUC-ROC of 0.992. With a user study, we demonstrate that nudge-based security advice significantly helps tackling the most popular and error-prone cryptographic use cases in Android.

The fact that 78% of software developers primarily seek help on Stack Overflow on a daily basis¹ underlines the usability and perceived value of community and example-driven documentation [2].

Reuse of code examples is the most frequently observed user pattern on Stack Overflow [17]. It reduces the effort for implementing a functional solution to its minimum and the functionality of the solution can immediately be tested and verified. However, when implementing encryption, its security, being a non-functional property, is difficult to verify as it necessitates profound knowledge of the underlying cryptographic concepts. Moreover, most developers are unaware of pitfalls when applying cryptography and that misuse can actually harm application security. Instead, it is often assumed that mere application of any encryption is already enough to protect private data [13, 14]. Stack Overflow users also cannot rely on the community to correctly verify the security of available code examples [9]. Security advice given by community members and moderators is mostly missing and oftentimes overlooked. This is due to only a few security experts being available as community moderators and a feedback system which is not sufficient to communicate security advice effectively. Consequently, highly insecure code examples are frequently reused in production code [17]. Exploiting these insecure samples, high-profile applications were successfully attacked, leading to theft of user credentials, credit card numbers and other private data [13].

While mainly focused on the negative impact of Stack Overflow on code security, recent research has also reported that there is a full range of code snippets providing strong security for symmetric, asymmetric and password-based encryption, as well as TLS, message digests, random number generation, and authentication [17]. However, it was previ-

#### Conclusiones "Homomórficas"

- Tanto la criptografía homomórfica como la computación multiparte ofrecen un sinfín de aplicaciones, trabajando sobre el dominio cifrado "garantizando" privacidad y seguridad.
- Estas áreas son de gran relevancia en investigación, proponiendo cada vez protocolos más rápidos y eficientes, e incluso, dando lugar a librerías fáciles de usar y con las que implementar nuestras propias aplicaciones.
- Hay que ser consciente de las ventajas y desventajas que ofrecen estas tecnologías para implementar un caso, atendiendo al tipo de adversario que nos enfrentamos, requisitos de seguridad y velocidad, pero que pueden ofrecer una ventaja competitiva encontrado el caso de uso.

#### Referencias (I)

[Acar2018] Acar, A., Aksu, H., Uluagac, A. S., & Conti, M. (2018). A Survey on Homomorphic Encryption Schemes. ACM Computing Surveys, 51(4), 1–35. https://doi.org/10.1145/3214303

[Albrecht2015] Albrecht, M. R., Player, R., & Scott S. (2015). On the concrete hardness of Learning with Errors. <a href="https://eprint.iacr.org/2015/046.pdf">https://eprint.iacr.org/2015/046.pdf</a>

[Albrecht2018] Albrecht, M., Chase, M., Chen, H., Ding, J., Goldwasser, S., Gorbunov, S., Vaikuntanathan, V. (2018) Homomorphic Encryption Standard. <a href="https://eprint.iacr.org/2019/939.pdf">https://eprint.iacr.org/2019/939.pdf</a>

[Archer2017] Archer, D., Chen, L., Cheon, J. H., Gilad-Bachrach, R., Hallman, R. A., Huang, Z., Wang, S. Applications of homomorphic encryption.

http://homomorphicencryption.org/white papers/applications homomorphic encryption white paper.pdf

[Bloom1970] Bloom, B. H., & H., B. (1970). Space/time trade-offs in hash coding with allowable errors. Communications of the ACM, 13(7), 422–426. <a href="https://doi.org/10.1145/362686.362692">https://doi.org/10.1145/362686.362692</a>

[Cheon2017] Cheon, J. H., Kim, A., Kim, M., & Song, Y. Homomorphic Encryption for Arithmetic of Approximate Numbers. <a href="https://eprint.iacr.org/2016/421.pdf">https://eprint.iacr.org/2016/421.pdf</a>

#### Referencias (II)

[DeCristofaro2010] De Cristofaro, E., & Tsudik, G. (2010). *Practical Private Set Intersection Protocols with Linear Complexity*. <a href="https://doi.org/10.1007/978-3-642-14577-3">https://doi.org/10.1007/978-3-642-14577-3</a> 13

[Evans 2018] Evans D., Kolesnikov V. & Rosulek M., A Pragmatic Introduction to Secure Multi-Party Computation. NOW Publishers, 2018. <a href="https://securecomputation.org/docs/pragmaticmpc.pdf">https://securecomputation.org/docs/pragmaticmpc.pdf</a>

[Holden2008] Holden, J. The Pohlig-Hellman exponentiation cipher as a bridge between classical and modern cryptography. <a href="https://www.rose-hulman.edu/~holden/Preprints/pohlig-hellman.pdf">https://www.rose-hulman.edu/~holden/Preprints/pohlig-hellman.pdf</a>

[Ion2019] Ion, M., Kreuter, B., Nergiz, A. E., Patel, S., Raykova, M., Saxena, S., Yung, M. On Deploying Secure Computing Commercially: Private Intersection-Sum Protocols and their Business Applications. https://eprint.iacr.org/2019/723.pdf

[Kales2019] Kales, D., Rechberger C., & Schneider, T. (2019). Mobile Private Contact Discovery at Scale. <a href="https://eprint.iacr.org/2019/517.pdf">https://eprint.iacr.org/2019/517.pdf</a>

[Kissner2005] Kissner, L., & Song, D. (2005). Privacy-Preserving Set Operations. https://www.cs.cmu.edu/~leak/papers/set-tech-full.pdf

#### Referencias (III)

[Miyaji2015] Miyaji, A., & Nishida, S. (2015). A Scalable Multiparty Private Set Intersection. <a href="https://doi.org/10.1007/978-3-319-25645-0">https://doi.org/10.1007/978-3-319-25645-0</a> 26

[Peng2019] Peng, Z. (2019). Danger of using fully homomorphic encryption: A look at Microsoft SEAL. <a href="https://arxiv.org/pdf/1906.07127.pdf">https://arxiv.org/pdf/1906.07127.pdf</a>

[Pohlig1978] Pohlig, S., & Hellman, M. (1978). An improved algorithm for computing logarithms over GF(p) and its cryptographic significance. IEEE Transactions on Information Theory, 24(1), 106–110.

https://doi.org/10.1109/TIT.1978.1055817

[Sri2018] Sri, S., Vepakomma, P., Raskar, R., Ramachandra, R., Bhattacharya, S., Ai, S. (2018). A Review of Homomorphic Encryption Libraries for Secure Computation. <a href="https://arxiv.org/pdf/1812.02428.pdf">https://arxiv.org/pdf/1812.02428.pdf</a>

# Sharing Privacy: From 0 to PSI (Private Set Intersection)

Dr. Alfonso Muñoz (@mindcrypt) - alfonso.munoz2.next@bbva.com José Ignacio Escribano - joseignacio.escribano.pablos.next@bbva.com

RootedCon Valencia 2019

¡Muchas gracias por vuestra atención!