

FÍSICA MATEMÁTICA I LISTA DIRETORA - ANÁLISE VETORIAL Manaus, 28/12/2023 a 09/01/2024. Prof. Dr. Sanderson Pereira da Silva



OBSERVAÇÕES

- I. <u>Denominar</u> os termos envolvidos e <u>informar</u> suas correspondentes unidades no SI.
- II. <u>Ilustrar</u> o problema físico quando solicitado textualmente ou por meio da marca "#".
- O não atendimento das exigências acima resultará no zeramento da questão considerada.
- III. As questões com pontuação zero ou com asterisco (*) não serão cobradas na avaliação associada.

FUNDAMENTOS [Total de 0,00]

- 1) Grandezas Físicas segundo suas unidades (SI) Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]
 - a) [0,00] <u>Grandezas físicas</u>: classificação segundo suas unidades (explicar).
 - b) [0,00] <u>Grandezas fundamentais</u>: (i) massa; (ii) comprimento; (iii) tempo; (iV) corrente elétrica; (v) temperatura termodinâmica; (vi) quantidade de matéria; e (vii) intensidade luminosa, segundo a definição operacional de suas correspondentes unidades.
 - c) [0,00] <u>Grandezas derivadas (apenas três delas)</u>: (i) velocidade; (ii) aceleração; e (iii) força.
- 2) Grandezas Físicas segundo suas propriedades Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]
 - a) [0,00] Grandeza escalar: segundo sua quantificação, domínio e "invariância".
 - b) [0,00] <u>Grandeza vetorial</u>: segundo sua quantificação, domínio e "invariância".
- 3) Vetor: Representação Geométrica Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]
 - a) [0,00] Representação geométrica de um vetor. (#)
 - b) [0,00] <u>Propriedades fundamentais</u> (#): (i) igualdade; (ii) <u>adição</u>: para vetores com ângulos (α) \neq 90° e (β) = 90°; (iii) oposto; e (iv) <u>produto por um escalar</u>: para os casos em que o escalar k é (α) um número puro k > 1, (β) um número puro 0 < k < 1 e (γ) uma grandeza física.
- 4) Vetor: Representação Cartesiana Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]
 - a) [0,00] Representação cartesiana de um vetor. (#)
 - b) [0,00] <u>Propriedades fundamentais</u>: (i) igualdade; (ii) adição; (iii) oposto; e (iv) produto por um escalar.
- 5) Mudança de Representação Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]
 - a) [0,00] Mudança 2D: geométrica vs. cartesiana. (#)
 - b) [0,00] Mudança 3D: geométrica vs. cartesiana (cossenos diretores). (#)
- 6) Espaço Vetorial Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]
 - a) [0,00] <u>Espaço vetorial</u>: (i) conforme definido pelas operações fundamentais de adição e multiplicação por um escalar; e (ii) complementadas pelas 8 (oito) propriedades de fechamento associadas a estas operações.
 - b) [0,00] <u>Base de um espaço vetorial</u>: (i) combinação linear; (ii) conjunto completo; (<u>iii)</u> dependência e independência linear; (iv) base de um espaço vetorial: (α) definição, (β) corolário e (γ) teorema.



FÍSICA MATEMÁTICA I LISTA DIRETORA - ANÁLISE VETORIAL Manaus, 28/12/2023 a 09/01/2024. Prof. Dr. Sanderson Pereira da Silva



Obs.: A definição de **espaço vetorial** permite uma generalização do conceito de vetor, apresentado até aqui, para: (i) quantidades complexas, (ii) funções e (iii) um número infinito de componentes. Isto leva a espaços de funções de infinitas dimensões, os **espaços de Hilbert**, que são importantes na moderna teoria quântica.

- 7) Rotação dos Eixos Coordenados Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]
 - a) [0,00] <u>Refinamento e generalização do conceito de vetor</u>: segundo o comportamento de suas componentes sob rotação dos eixos coordenados, para (i#) 2 dimensões; e (ii) N ≥ 3 dimensões.
- 8) Novas Operações Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]
 - a) [0,00] <u>Produto escalar</u> (geométrica): (i#) definição; (ii) suas propriedades; (iii) resultados importantes (ortogonalidade e paralelismo); (iv#) lei dos cossenos; e (v) invariância.
 - b) [0,00] <u>Produto escalar</u> (cartesiana): (i) "definição"; e (ii) invariância.
 - c) [0,00] <u>Produto vetorial</u> (geométrica): (i#) definição; (ii) suas propriedades; (iii) resultados importantes (ortogonalidade e paralelismo).
 - d) [0,00] Produto vetorial (cartesiana): (i) "definição"; e (ii) invariância.
 - e) [0,00] <u>Produto escalar triplo</u>: (i#) "definição" (vincular a um volume!); e (ii) propriedades.
 - f) [0,00] Produto vetorial triplo (Regra BAC-CAB).
- 9) Vetor Posição Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]
 - a) [0,00] <u>Representação cartesiana (3D)</u>: (i) representação; (ii) diferencial exata; (iii) elementos de superfície (vetores); e (iv) elemento de volume.
 - b) [0,00] Representação polar (2D): (i) representação; (ii) diferencial exata; (iii) elemento de superfície.
- 10) Diferenciação de Vetores Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]
 - a) [0,00] <u>Derivada total</u>: seja uma função escalar $\varphi(t)$ e duas funções vetoriais $\mathbf{A}(t)$ e $\mathbf{B}(t)$, onde t é um parâmetro (variável). Pede-se: (i) $\mathbf{A}' \equiv \mathrm{d}\mathbf{A}/\mathrm{d}t$ (algébrica e cartesiana); e (ii) propriedades: (a) $(\mathbf{A} + \mathbf{B})'$; (b) $(\varphi \mathbf{A})'$; (c) $(\mathbf{A} \cdot \mathbf{B})'$; e (d) $(\mathbf{A} \times \mathbf{B})'$.
- 11) Cinemática no plano cartesiano Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]
 - a) [0,00] <u>Parametrização de um movimento qualquer</u> (#): posição
 - b) [0,00] <u>Parametrização do MCU</u> (#): (i) posição; (ii) velocidade; e (iii) aceleração.
 - c) [0,00] <u>Combinação de dois MHS ortogonais (Figuras de Lissajous)</u>: (i) amplitudes iguais e fases iguais; (ii) amplitudes iguais e fases diferentes; (iii) amplitudes diferentes e fases iguais; e (iv) amplitudes diferentes e fases diferentes.
- 12) Cinemática no plano polar Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]
 - a) [0,00] <u>Descrição do movimento</u>: (i) posição; (ii) velocidade; e (iii) aceleração (identificar a aceleração centrípeta e a de Coriolis).
- 13) Campos Escalar e Vetorial Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]
 - a) [0,00] Campo escalar (#): (i) expressão; e (ii) diferencial exata (e propriedade).



FÍSICA MATEMÁTICA I LISTA DIRETORA - ANÁLISE VETORIAL Manaus, 28/12/2023 a 09/01/2024. Prof. Dr. Sanderson Pereira da Silva



b) [0,00] <u>Campo vetorial</u> (#): (i) expressão; (ii) diferencial exata (e propriedade); e (iii) diferencial do vetor posição: elementos de (α) superfície e de (β) volume.

14) Integração: Vetores e Campos Vetoriais - Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]

- a) [0,00] <u>Integrais simples MUV</u>: (i) velocidade a partir da aceleração constante; e (ii) posição a partir da velocidade.
- b) [0,00] <u>Integrais de linha¹ eletromagnetismo</u> (#): (i) lei de Ampère-Maxwell; (ii) lei da indução de Faraday (num condutor); (iii) lei da indução de Faraday (no espaço); (iv) fem induzida² (num condutor); (v) fem (num condutor) ou diferença de potencial coulombiano³.
- c) [0,00] <u>Integrais de superfície fluxo</u> (#): (i) lei de Gauss da eletricidade; e (ii) lei de Gauss do magnetismo.

15) Campo Escalar → Campo Vetorial - Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]

- a) [0,00] <u>Derivada direcional</u>: (i) expressão; e (ii#) significado geométrico/físico.
- b) [0,00] <u>Gradiente</u>: (i) expressão; e (ii#) significado geométrico/físico.
- c) [0,00] Operador diferencial vetorial: Nabla (ou Del).
- d) [0,00] Exemplos: (i) fem coulombiana ().

16) Campo Vetorial → Campo Escalar - Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]

- a) [0,00] <u>Divergente</u>: (i) expressão; e (ii#) significado geométrico/físico.
- b) [0,00] Teorema da Divergência (#): expressão.
- c) [0,00] <u>Equação da continuidade</u>: (i) fluidos; (ii) carga elétrica; e (iii) energia eletromagnética.
- d) [0,00] <u>Eletromagnetismo</u>: (i) lei de Gauss da eletricidade; e (ii) lei de Gauss do magnetismo.

17) Campo Vetorial → Campo Vetorial - Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]

- a) [0,00] Rotacional: (i) expressão; e (ii#) significado geométrico/físico.
- b) [0,00] Teorema de Stokes (#): expressão.
- c) [0,00] <u>Eletromagnetismo</u>: (i) lei da indução de Faraday (no espaço); e (ii) lei de Ampère-Maxwell.

18) Aplicações sucessivas do Nabla - Defina e/ou expresse o que se pede: [0,00]

- a) [0,00] <u>Laplaciano</u>: divergente do gradiente de um campo escalar.
- b) [0,00] <u>Campo irrotacional</u>: rotacional do gradiente de um campo vetorial.
- c) [0,00] Campo solenoidal: divergente do rotacional de um campo vetorial.

¹ Integrais de linha, caminho, contorno ou trajetória.

² Relacionado a um campo não-coulombiano ou não-conservativo.

³ Relacionado a um campo elétrico coulombiano ou conservativo.



FÍSICA MATEMÁTICA I LISTA DIRETORA - ANÁLISE VETORIAL Manaus, 28/12/2023 a 09/01/2024. Prof. Dr. Sanderson Pereira da Silva



DEMONSTRAÇÕES (Apenas uma das demonstrações abaixo será cobrada) [Total de 0,00]

- 19) Combinação do MCU com o MHS. (#) [0,00]
- 20) Cinemática 3D no sistema de coordenadas polar esférica. (#) [0,00]
- 21) Usar os teoremas da divergência e de Stokes para reescrever as equações de Maxwell (no espaço) da notação integral para a diferencial. [0,00]

APLICAÇÕES [Total de 0,00]

Os problemas de aplicação do tipo **Aplicação Direta de Fórmula (ADF)** e de **Interpretação** seguirão os exemplos abordados em sala de aula. [0,00]

Bom estudo, mas lembre-se: escreva para imitar, escreva para repetir, escreva para refletir... então compreenda, memorize, aperfeiçoe, crie... Escreva à mão... sempre!