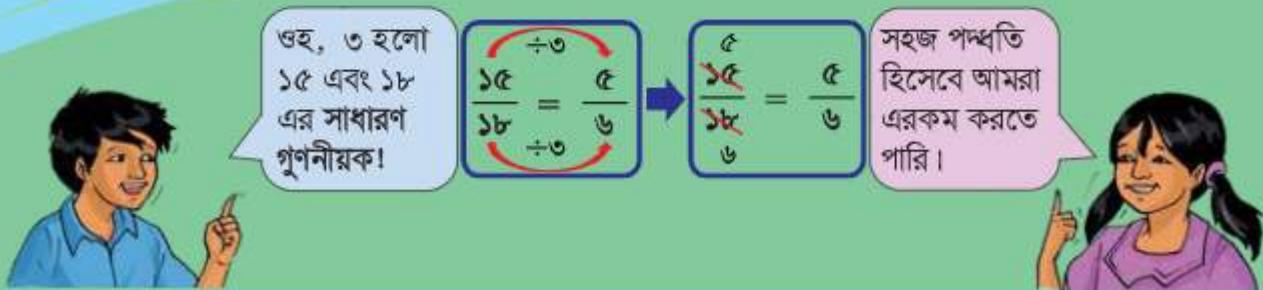
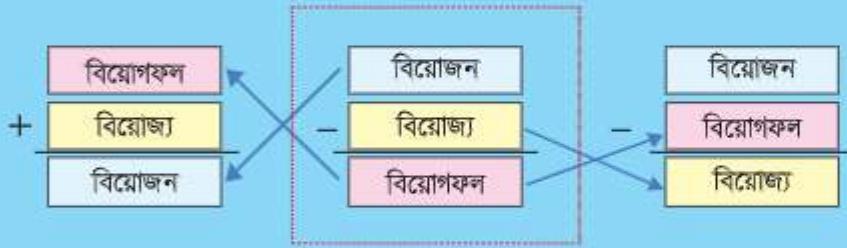
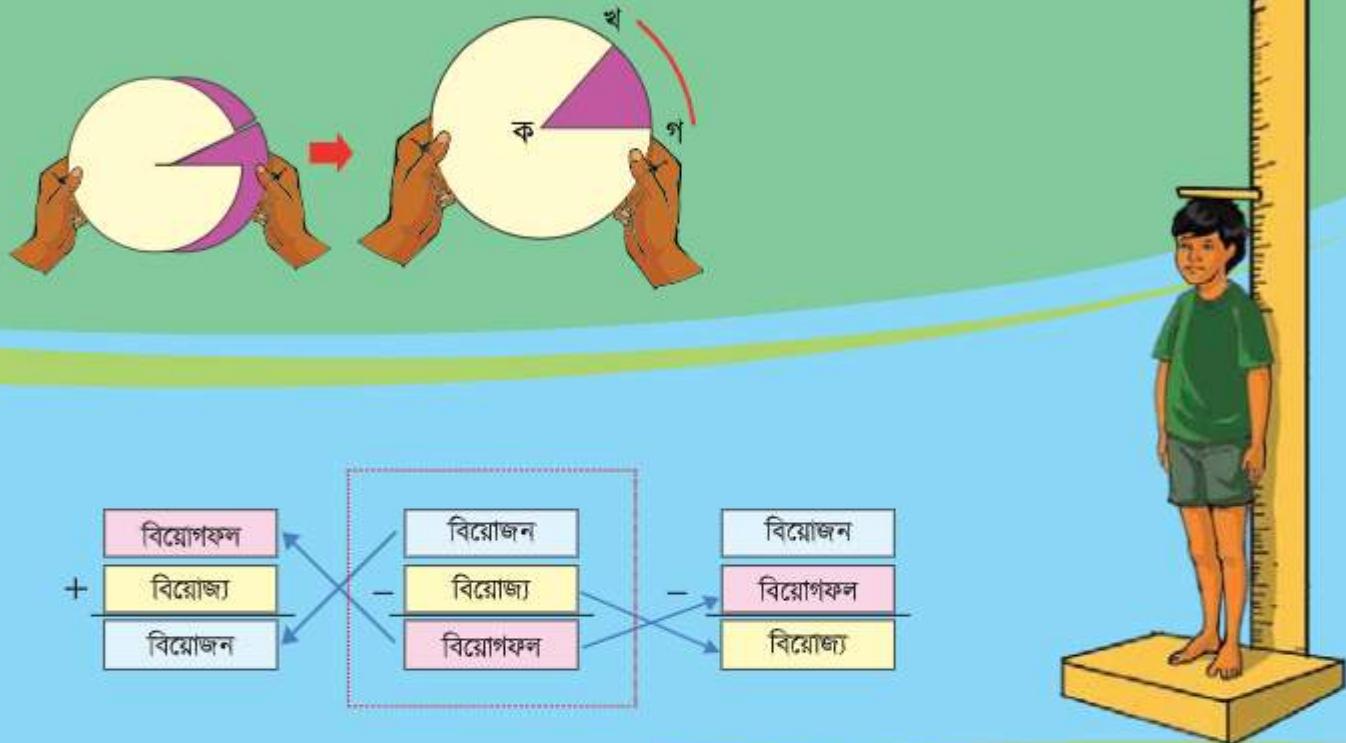


প্রাথমিক গণিত

চতুর্থ শ্রেণি



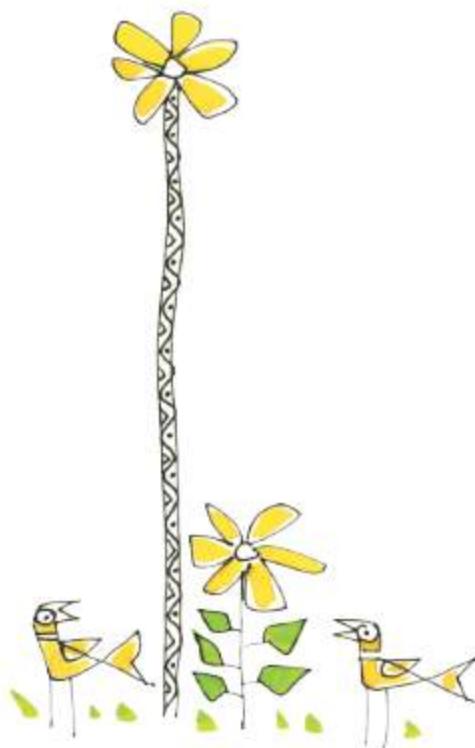
জাতীয় শিক্ষাক্রম ও পাঠ্যপুস্তক বোর্ড, বাংলাদেশ

জাতীয় শিক্ষাক্রম ও পাঠ্যপুস্তক বোর্ড কর্তৃক ২০১৩ শিক্ষাবর্ষ থেকে
চতুর্থ শ্রেণির পাঠ্যপুস্তকগুলো নির্ধারিত

প্রাথমিক গণিত

চতুর্থ শ্রেণি

২০২৫ শিক্ষাবর্ষের জন্য পরিমার্জিত



জাতীয় শিক্ষাক্রম ও পাঠ্যপুস্তক বোর্ড, বাংলাদেশ





জাতীয় শিক্ষাক্রম ও পাঠ্যপুস্তক বোর্ড

৬৯-৭০, মতিবিল বাণিজ্যিক এলাকা, ঢাকা - ১০০০

কর্তৃক প্রকাশিত

[প্রকাশক কর্তৃক সর্ববত্ত্ব সংরক্ষিত]

প্রথম সংস্করণ রচনা ও সম্পাদনা

শামসুল হক মোল্লা

এ. এম. এম. আহ্সান উল্লাহ

ড. অমল হালদার

সুপন কুমার ঢালী

শিল্প সম্পাদনা

হাশেম খান

প্রথম মুদ্রণ : আগস্ট ২০১২
পরিমার্জিত সংস্করণ : অক্টোবর ২০২৪

ডিজাইন

জাতীয় শিক্ষাক্রম ও পাঠ্যপুস্তক বোর্ড, বাংলাদেশ

প্রাথমিক ও গণশিক্ষা মন্ত্রণালয়ের অধীন চতুর্থ প্রাথমিক শিক্ষা উন্নয়ন কর্মসূচির আওতায়
গণপ্রজাতন্ত্রী বাংলাদেশ সরকার কর্তৃক বিনামূল্যে বিতরণের জন্য

মুদ্রণে:



প্রসঙ্গকথা

প্রাথমিক স্তর শিক্ষার ভিত্তিভূমি। প্রাথমিক শিক্ষা সুনির্দিষ্ট লক্ষ্যমূল্যী ও পরিকল্পিত না হলে গোটা শিক্ষা ব্যবহার দুর্বল হয়ে পড়ে। এই বিষয়টি বিবেচনায় নিয়ে ২০১০ সালের শিক্ষানীতিতে প্রাথমিক স্তরকে বিশেষ গুরুত্ব দেওয়া হয়েছে। বিশেষ উন্নত দেশসমূহের সাথে সংগতি রেখে প্রাথমিক স্তরের পরিসর বৃদ্ধি এবং অভিজ্ঞানমূলক করার ওপর জোর দেওয়া হয়েছে। সামাজিক ও অর্থনৈতিক স্তর এবং ধর্ম-বর্গ কিংবা লৈঙিক পরিচয় কোনো শিশুর শিক্ষাপ্রস্তরের পথে যেন বাধা না হয়ে দাঁড়ায় এ বিষয়েও বিশেষ দৃষ্টি রাখা হয়েছে।

প্রাথমিক শিক্ষাকে বুগোপযোগী করার লক্ষ্যে জাতীয় শিক্ষাক্রম ও পাঠ্যপুস্তক বোর্ড (এনসিটিবি) একটি সময়সত্ত্ব শিক্ষাক্রম গ্রহণ করেছে। এই শিক্ষাক্রমে একদিকে শিক্ষাবিজ্ঞান ও উন্নতবিশ্বের শিক্ষাক্রম অনুসরণ করা হয়েছে, অন্যদিকে বাংলাদেশের চিরায়ত শিখন-শেখানো মূল্যবোধকেও গ্রহণ করা হয়েছে। এর মাধ্যমে শিক্ষাকে অধিকতর জীবনমূল্যী ও ফলপ্রসূ করার প্রয়াস বাস্তব ভিত্তি পেয়েছে। বিশ্বায়নের বাস্তবতায় শিশুদের মনোজাগিতিক অবস্থাকেও শিক্ষাক্রমে বিশেষভাবে বিবেচনায় রাখা হয়েছে।

শিক্ষাক্রম বাস্তবায়নের সবচেয়ে গুরুত্বপূর্ণ উপাদান-উপকরণ হলো পাঠ্যপুস্তক। এই ক্ষমাটি মাধ্যমে রেখে এনসিটিবি প্রাথমিক স্তরসহ প্রতিটি স্তরে পাঠ্যপুস্তক প্রণয়নে সবসময় সচেষ্ট রয়েছে। প্রতিটি পুস্তক রচনা ও সম্পাদনার ক্ষেত্রে শিক্ষাক্রমের লক্ষ্য ও উদ্দেশ্যকে প্রাথমিক দেওয়া হয়েছে। শিশুদের বিচিত্র কৌতুহল এবং ধারণাক্ষমতা সম্পর্কে রাখা হয়েছে সজাগ দৃষ্টি। শিখন-শেখানো কার্যক্রম যেন একমুখী ও ক্লান্তিকর না হয়ে আনন্দের অনুষঙ্গ হয়ে ওঠে সেদিকটি শিক্ষাক্রম এবং পাঠ্যপুস্তক প্রণয়নে বিশেষ গুরুত্ব দেওয়া হয়েছে। আশা করা যায়, প্রতিটি বই শিশুদের সুখম মনোদৈহিক বিকাশের সহায়ক হবে। একই সাথে তাদের কানিকলা দক্ষতা, অভিযোজন সক্ষমতা, দেশপ্রেম ও নৈতিক মূল্যবোধ অর্জনের পথকেও সুগম করবে।

আবশ্যিকীয় বিষয় হিসেবে প্রাথমিক স্তরে 'প্রাথমিক গণিত' পাঠ্যপুস্তকটি প্রণয়ন করা হয়েছে। গণিতের বিষয়বস্তুগুলো সহজ ও আকর্ষণীয়ভাবে উপস্থাপন করার জন্য প্রয়োজনীয় ব্যাখ্যা, ছবি ও উদাহরণ দেওয়া হয়েছে। গণিতের পাঠ্যক্রমগুলো জানা থেকে আজানা এবং সহজ থেকে কঠিন অনুক্রমে সাজানো হয়েছে, ফলে শিখন-শেখানো কার্যক্রম অধিকতর কার্যকর হয়েছে। শিক্ষার্থীদের অধিক অনুশীলনের সুবিধার্থে গণিত পাঠ্যপুস্তকে নিজে করি অনুশীলন যুক্ত করা হয়েছে। সার্বিকভাবে শিক্ষার্থীরা গণিতের ধারণাগুলো নিকট পরিবেশ ও বাস্তব ঘটনাবলির আলোকে অনুধাবন করে অনুশীলনের মাধ্যমে আত্ম করতে পারবে বলে আশা করা যায়।

বইটি রচনা, সম্পাদনা ও পরিমার্জনে যেসব বিশেষজ্ঞ ও শিক্ষক নিরিডুভাবে কাজ করেছেন তাঁদের বিশেষভাবে কৃতজ্ঞতা জানাই। কৃতজ্ঞতা জানাই তাঁদের প্রতিও যাঁরা অলংকরণের মাধ্যমে বইটিকে শিশুদের জন্যে চিন্তাকর্ষক করে তুলেছেন। ২০২৪ সালের পরিবর্তিত পরিস্থিতিতে প্রয়োজনের নিরিখে পাঠ্যপুস্তকসমূহ পরিমার্জন করা হয়েছে। এক্ষেত্রে ২০১২ সালের শিক্ষাক্রম অনুযায়ী গুণীত পাঠ্যপুস্তকটিকে ভিত্তি হিসেবে গ্রহণ করা হয়েছে। সময় স্বল্পতার কারণে কিছু ভুলগুটি থেকে যেতে পারে। সুধিজনের কাছ থেকে যৌক্তিক পরামর্শ ও নির্দেশনা পেলে সেগুলো গুরুত্বের সাথে বিবেচনায় নেওয়া হবে।

পরিশেষে বইটি যাদের জন্যে সেই কোমলমতি শিক্ষার্থীদের সার্বিক কল্যাণ কামনা করছি।

অক্টোবর ২০২৪

প্রফেসর ড. এ কে এম রিয়াজুল হাসান

চেয়ারম্যান

জাতীয় শিক্ষাক্রম ও পাঠ্যপুস্তক বোর্ড, বাংলাদেশ



চরিত্র ও প্রতীকের ব্যাখ্যা

- ১) চরিত্র : পাঠ্যপুস্তকে রেজা ও মিনা নামের দুইজন শিক্ষার্থীর কথোপকথন দেখানো হয়েছে। তাদের আলোচনা ও মতামতের মাধ্যমে শিক্ষার্থীদের গণিতের ধারণা স্পষ্ট হবে।



রেজা



মিনা

- ২) পাঠে কিছু প্রতীক ব্যবহার করে ধাপগুলো নির্দেশ করা হয়েছে।



মূল প্রশ্ন : এই প্রশ্নের মাধ্যমে অধ্যায়ের মূলভাব প্রকাশ করা হয়েছে।



কাজ : কোনো একটি সমস্যা সমাধানে শিক্ষকের সহযোগিতায় শিক্ষার্থীরা আলোচনা করবে ও যৌক্তিকভাবে চিন্তা করবে।



অনুশীলন : শিক্ষার্থীরা সমাধান করবে। শিখন অগ্রগতি যাচাই করা যাবে।





সূচিপত্র

অধ্যায়

বিষয়বস্তু

পৃষ্ঠা

১	বড় সংখ্যা ও স্থানীয় মান	২
২	যোগ ও বিয়োগ	১৯
৩	গুণ	৩৪
৪	ভাগ	৪৪
৫	যোগ, বিয়োগ, গুণ ও ভাগসমূহের সমস্যা	৫৮
৬	গণিতিক প্রতীক	৬৬
৭	গুণিতক ও গুণনীয়ক	৭৩
৮	সাধারণ ভগ্নাংশ	৮৭
৯	দশমিক ভগ্নাংশ	১০৩
১০	পরিমাপ	১২১
১১	সময়	১৩৪
১২	উপাত্ত সংগ্রহ এবং বিন্যস্তকরণ	১৩৮
১৩	রেখা ও কোণ	১৪৩
১৪	ত্রিভুজ	১৫৫



অধ্যায় ১

বড় সংখ্যা ও স্থানীয় মান



কীভাবে আমরা বড় সংখ্যা গণনা করতে, পড়তে ও লিখতে পারি?



এসো ভেবে দেখি কীভাবে বড় সংখ্যা গণনা করা যায়।



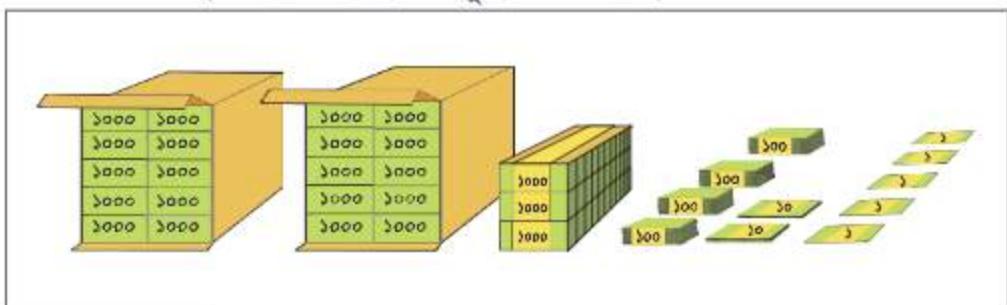
আমরা কেন ২য় ও ৩য় শ্রেণির ন্যায় দশ, শত ও হাজার এর দল তৈরি করছি না?

১.১ পাঁচ অঙ্কের সংখ্যা



নিচের ছবিতে দেওয়া টিকিটগুলো ক্রিকেট ম্যাচের জন্য বিক্রি হবে।

১. বাঁকের ভেতরে কতগুলো প্যাকেট আছে?
২. সেখানে সর্বমোট কতগুলো টিকিট আছে?



1000	1000
1000	1000
1000	1000
1000	1000
1000	1000

= 10000
দশ হাজার

প্রথম বাঁকে 1000-এর 10টি প্যাকেট আছে। এর অর্থ বাঁকে ‘1000 গুণ 10’ টি টিকিট আছে। অর্ধাত, টিকিটের পরিমাণ দশ হাজার এবং একে লেখা হয় 10000। ছবিতে এরকম ২টি দশ হাজার এর বাঁক রয়েছে। এই ২টি বাঁকে টিকিটের মোট পরিমাণ বিশ হাজার।



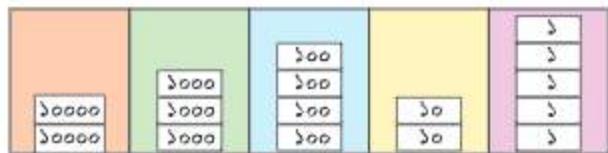
ছবিতে আরও ৩৪২৫ টি টিকিট রয়েছে তাই, সর্বমোট টিকিট সংখ্যা হল ...



মোট টিরিট সংখ্যা: ২৩৪২৫



নতুন এই স্থানকে
বলা হয় অযুত।



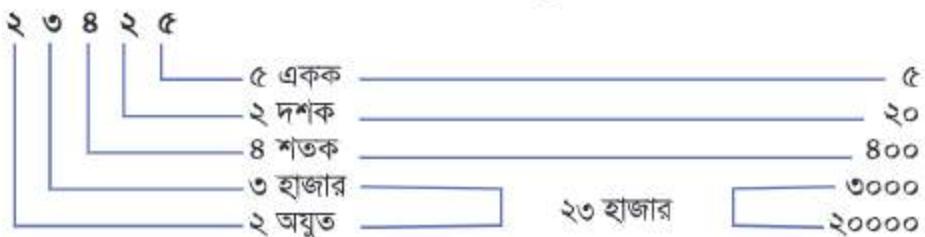
স্থানের
নাম

অযুত	হাজার	শতক	দশক	একক
২	৩	৪	২	৫
তেইশ হাজার			চারশত	পাঁচশ

আমরা ২৩৪২৫ সংখ্যাটি পড়ি:

‘তেইশ হাজার চারশত পাঁচশ’

এক অযুত অর্থ হলো ১০ হাজার।

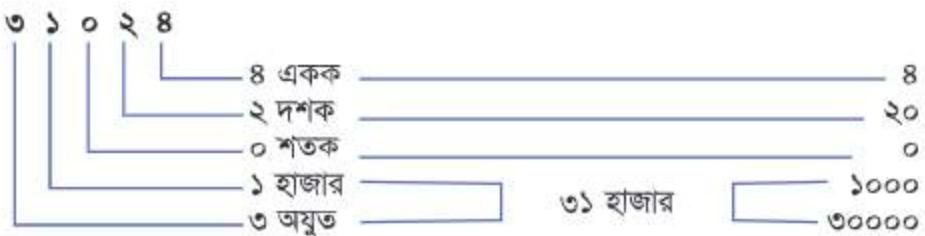


১. নিচের সংখ্যাগুলো উচ্চস্বরে পড়, কথায় লেখ এবং উপরে দেখানো নিয়ম অনুযায়ী স্থানীয় মান নির্ণয় কর:

- (১) ২৩৫১৭ (২) ৫০৩২৬ (৩) ৯৩০০৫

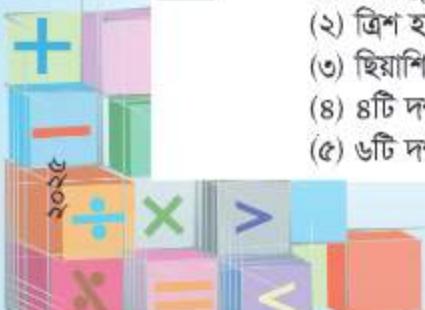
তোমাদের জন্য একটি উদাহরণ দেওয়া হলো।

উদাহরণ : ৩১০২৪ ‘একত্রিশ হাজার চবিশ’



অঙ্কে লিখ:

- (১) সাতান্ন হাজার তিনশত তেষাটি
- (২) ত্রিশ হাজার ছয়শত পাঁচ
- (৩) ছিয়াশি হাজার দুই
- (৪) ৪টি দশ হাজার ও ৯টি এক হাজার দ্বারা গঠিত সংখ্যা
- (৫) ৬টি দশ হাজার, ৭টি এক হাজার ও ৫টি দশ দ্বারা গঠিত সংখ্যা



১.২ ছয়, সাত ও আট অঙ্কের সংখ্যা



১৩৭১০৯

এটি ২০১৩ সালের নতুন একটি মোটরগাড়ির নম্বর।
আমরা নম্বরটি কীভাবে পড়ব?



এটি একটি সহজ কাজ। চল, পূর্বের ন্যায় দশ, শত, হাজার
ও অযুত এর দল গঠন করি।



অপেক্ষা কর! আমার কাছে কাজটি খুব সহজ মনে হচ্ছে না, কারণ এখানে বামদিকের ১ এর
স্থানীয় মানের স্থানটি নেই।

	অযুত	হাজার	শতক	দশক	একক
>	৩	৭	১	০	৯

আমাদের নতুন স্থানটির মান হবে 'লক্ষ'।

১ লক্ষ অর্থ হলো ১০ অযুত এবং একে সেখা হয় ১০০০০০।

স্থানের নাম	লক্ষ	অযুত	হাজার	শতক	দশক	একক
	১	৩	৭	১	০	৯
এক লক্ষ	সাইট্রিশ হাজার		একশত		নয়	

১৩৭১০৯ সংখ্যাটি পড়া হয় :

'এক লক্ষ সাইট্রিশ হাজার একশত নয়'



১

সংখ্যাগুলো উচ্চস্বরে পড়, কথায় লেখ ও স্থানীয় মান নির্ণয় কর:

- (১) ৮৯৪৩১২ (২) ৩৬০৫১৮ (৩) ৭৩০০৮৪ (৪) ২৪৬৩৭৫১

চ্যালেঞ্জ!



রেজা, তুমি কি অনুমান করতে পার ১ এর ৪ নং অনুশীলনের ২৪৬৩৭৫১ কে কীভাবে পড়তে হয়?



আরেকটি স্থান প্রয়োজন। আমার মনে হয় এই স্থানে যে সংখ্যা
আসবে তার নাম দশ লক্ষ।

রেজার অনুমান অনুযায়ী এই স্থানের জন্য দশ লক্ষ আসবে।

১টি দশ লক্ষ লেখা হয় ১০০০০০০০।



এই নতুন স্থানকে বলা হয় নিযুত।

এক নিযুত অর্থে হলো ১০ লক্ষ।

স্থানের নাম	নিযুত	লক্ষ	অব্যুত	হাজার	শতক	দশক	একক
	২	৪	৬	৩	৭	৫	১
চবিশ লক্ষ	তেব্যটি হাজার	সাতশত	একান্ন				

আমরা ২৪৬৩৭৫১ সংখ্যাটিকে পড়ি:

‘চবিশ লক্ষ তেব্যটি হাজার সাতশত একান্ন’



১ নিযুতকে (দশ লক্ষ) ‘এক মিলিয়ন’ ও বলা যায়।

২ উচ্চস্বরে পড়, কথায় লেখ ও উপরের নিয়ম অনুযায়ী সংখ্যাগুলোর স্থানীয় মান নির্ণয় কর:

- (১) ৪১২৩৪৭৬ (২) ৬৮৭১০৩৫ (৩) ৫৬০৯৩২০ (৪) ১১১১১১১

৩ সংখ্যায় লেখ:

- (১) পাঁচ লক্ষ তিয়াক্তি হাজার ছয়শত চৌক্তি
(২) একত্রিশ লক্ষ পঁয়তাত্ত্বিশ হাজার নয়শত ছত্রিশ
(৩) নিরানবই লক্ষ নিরানবই হাজার নয়শত নিরানবই
(৪) ষষ্ঠি লক্ষ ও তৃতী দশ হাজার দ্বারা গঠিত সংখ্যা
(৫) ৮টি দশ লক্ষ, ৮টি হাজার ও ৩টি শত দ্বারা গঠিত সংখ্যা





১৯৫৮৪৯৭২ জন শিক্ষার্থী ২০১৩ সালে
বাংলাদেশের প্রাথমিক বিদ্যালয়গুলোতে পড়েছে।
তুমি সংখ্যাটি কীভাবে পড়বে?



ভানেক শিক্ষার্থী! আমিও তাদের একজন!



এবার মনে হচ্ছে আমাদের আরও একটি স্থান প্রয়োজন।

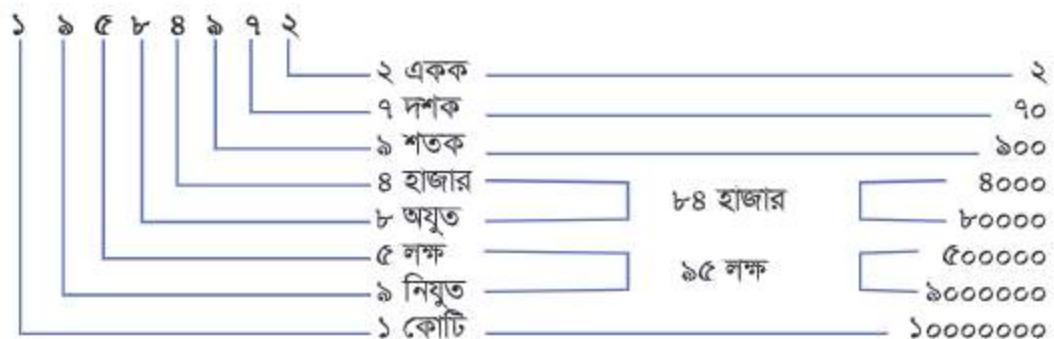
আমরা এই নতুন স্থানের জন্য কোটি ব্যবহার করি।

୧ କୋଟି ହଲେ ୧୦ ନିୟୁତ ଏବଂ ଲେଖା ହୟ ୧୦୦୦୦୦୦୦ ।

স্থানের নাম	কোটি	নিযুত	লক্ষ	অযুত	হাজার	শতক	দশক	একক
	১	৯	৫	৮	৪	৯	৭	২
এক কোটি	পঞ্চাশকই লক্ষ	চূর্ণশি হাজার	নয়শত	বাহাউর				

আমরা ১৯৫৮৪৯৭২ সংখ্যাটিকে পড়ি :

‘এক কোটি পঁচানবই লক্ষ চুরাশি হাজাৰ নয়শত বাহাকু’



১. উচ্চস্বরে পড়, কথায় লেখ ও উপরের নিয়ম অনুযায়ী সংখ্যাগুলোর স্থানীয় মান নির্ণয় কর:

- (1) ۱۹۷۸۸۹۹۲ (2) ۲۵۰۰۹۰۲۸

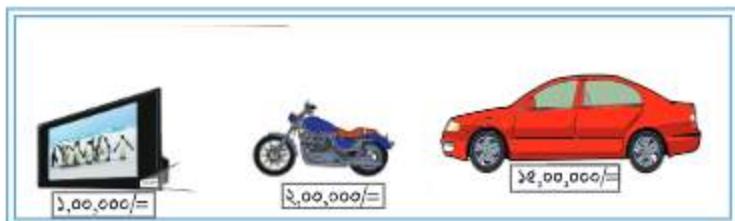
৮. অঙ্কে লেখ:

- (১) এক কোটি বারো লক্ষ তেরো হাজার ছয়শত আঠারো
(২) দুই কোটি দুই লক্ষ দুই হাজার দুই



‘কমা’ – এর ব্যবহার :

তোমরা হয়তো ইতোমধ্যে জেনে গিয়েছ, বড় সংখ্যা গণনায় আমরা প্রায়ই সমস্যার সম্মুখীন হই। তাই আমরা সংখ্যাটি সহজে পড়ার জন্য ‘কমা’ ব্যবহার করি।



কীভাবে কমা ব্যবহার করতে হবে

[উদাহরণ]

৭, ৫ ৩, ৬ ৫, ৭ ৮ ০
 ২ অঙ্ক ২ অঙ্ক ৩ অঙ্ক



কোটি	নিযুত	লক্ষ	অযুত	হাজার	শতক	দশক	একক
৭	৫	৩	৬	৫	৭	৮	০
সাত কোটি	তিপ্পান্ন লক্ষ	পঞ্চাশি হাজার	সাতশত	আশি			

হাজার, লক্ষ ও কোটির প্রতি স্থানের পর একটি কমা দিতে হয়।

প্রত্যেকটি কমা সংখ্যার স্থান বোঝাতে সাহায্য করে।



সংখ্যার মাঝে সঠিক জায়গায় কমা বসাও এবং উচ্চেষ্টবে পড়ো:

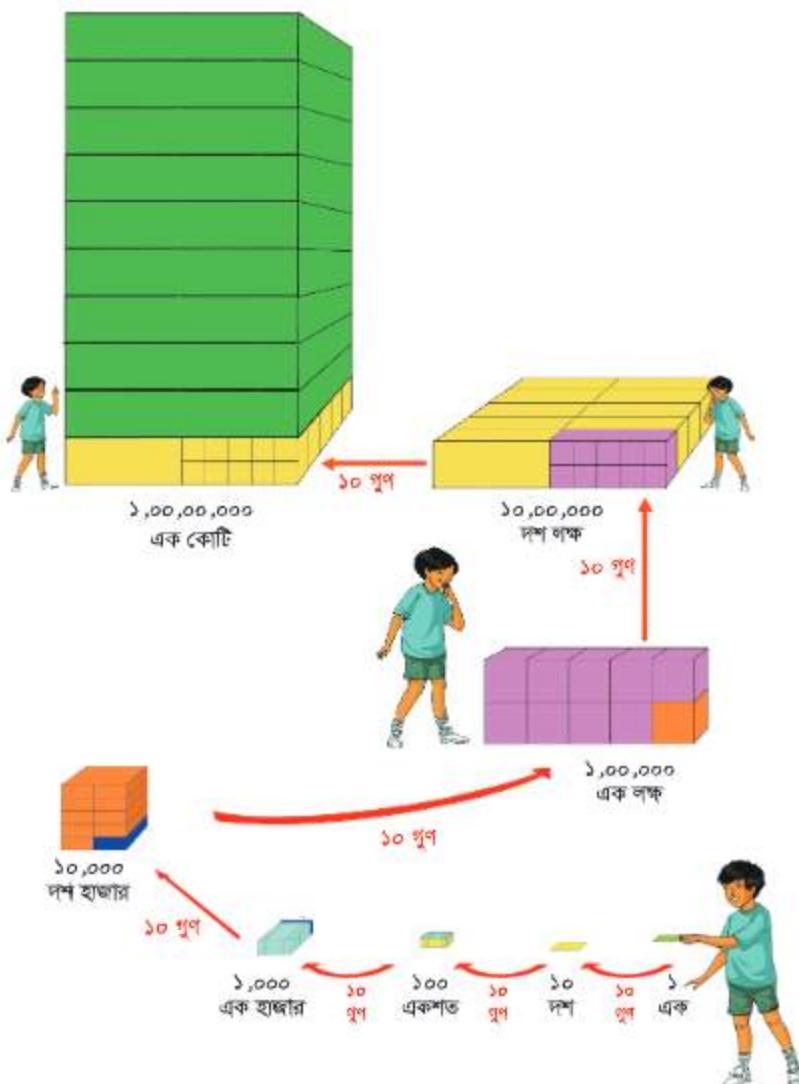
- | | | |
|--------------|-------------|--------------|
| (১) ১৮৭৮৪৬৮৯ | (২) ৬৮২৫৭১২ | (৩) ১৩০৪০৫ |
| (৪) ৭০০০৮ | (৫) ২১৭১ | (৬) ৮৮৮৮৮৮৮৮ |





বড় সংখ্যার জন্য সংখ্যা গণনা পদ্ধতি সংক্ষিপ্ত করা যাক।

চিত্রটি ব্যাখ্যা করি:



- (১) এক হাজার থেকে দশ হাজার কত গুণ বড়?
- (২) দশ হাজার থেকে এক লক্ষ কত গুণ বড়?
- (৩) দশ লক্ষ থেকে এক কোটি কত গুণ বড়?



১.৩ সংখ্যারেখা



সংখ্যারেখায় ‘ক’ ও ‘খ’ দ্বারা কোন সংখ্যা দুইটি নির্দেশ করা হয়েছে ?



সংখ্যাক্রম ও সংখ্যার মধ্যকার ছোট বড় তুলনা বোঝানোর জন্য সংখ্যারেখা খুব দরকার।

সংখ্যারেখার ডান দিকে গেলে সংখ্যার মান বাঢ়ে। আমাদের প্রতিটি দাগের দূরত্ব সম্পর্কে সচেতন থাকতে হবে।

এই ফেরে ক্ষেপের প্রতিটি দাগের দূরত্ব ১০০০ !



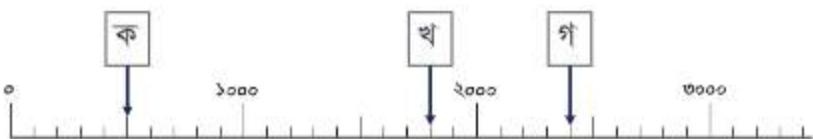
$$\text{‘ক’ } 10000 \text{ থেকে ৩ দাগ দূরে } 10000 + 3000 = \boxed{}$$

$$\text{‘খ’ } 20000 \text{ থেকে ৬ দাগ দূরে } 20000 + 6000 = \boxed{}$$

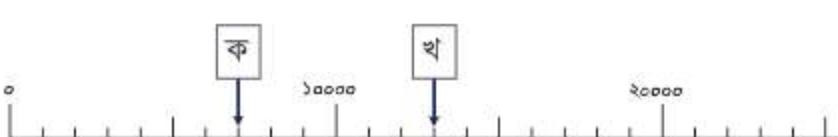


‘ক’, ‘খ’ ও ‘গ’ স্থানে নির্দেশিত সংখ্যাগুলো লেখ:

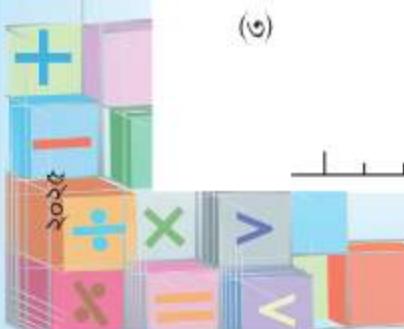
(১)



(২)



(৩)



২

সংখ্যারেখায় সংখ্যাগুলো চিহ্নিত কর:

- (১) ৮০০০, ১৬০০০, ২৯০০০



- (২) ৩০০০০, ৩০০০০০



- (৩) ৭২০০০, ৮০০০০, ৮৯০০০



১.৪ অনুশীলনী (১)

১. উচ্চস্বরে পড়, কথায় লেখ ও স্থানীয় মান নির্ণয় কর:

- (১) ৮৭২৯৩১ (২) ৫১৭৮৫৭২ (৩) ১৩৫৭২৪৬৮ (৪) ১০১০১০১

২. সংখ্যাগুলো অঙ্কে ও কথায় লেখ:

- (১) ৪৫ হাজার দিয়ে তৈরি সংখ্যা
- (২) ১০০ লক্ষ দিয়ে তৈরি সংখ্যা
- (৩) ১০০০ হাজার দিয়ে তৈরি সংখ্যা
- (৪) ১২৭ হাজার দিয়ে তৈরি সংখ্যা
- (৫) ১০ লক্ষ, ১০ হাজার, ১০ শত ও ১০ দিয়ে তৈরি সংখ্যা

সমস্যাগুলো দেখে খুব জটিল মনে হচ্ছে!



তোমার খাতায় স্থানীয় মানের ছকটি তৈরি কর এবং ছকটি ব্যবহার করে সংখ্যা বানাও।

কোটি	নিয়ুত	লক্ষ	অব্যুত	হাজার	শতক	দশক	একক



বড় সংখ্যা ও ছানীয় মান

৩. সংখ্যাগুলো উচ্চস্বরের পড় ও নিচের উদাহরণটি অনুসরণ করে সঠিক স্থানে সংখ্যা বসাও:

উদাহরণ: ৪৮৬৩৯

নিযুত	
লক্ষ	
অযুত	৪
হাজার	৮
শতক	৬
দশক	৩
একক	৯

(১) ৪০২৫৩৭

নিযুত	
লক্ষ	
অযুত	
হাজার	
শতক	
দশক	
একক	

(২) ৭০৮০৩৯৯

নিযুত	
লক্ষ	
অযুত	
হাজার	
শতক	
দশক	
একক	

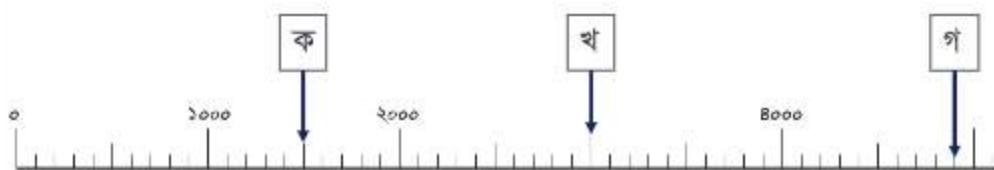
৪. সঠিক স্থানে কমা বসাও:

(১) ১৩৫২৪৬৮৯

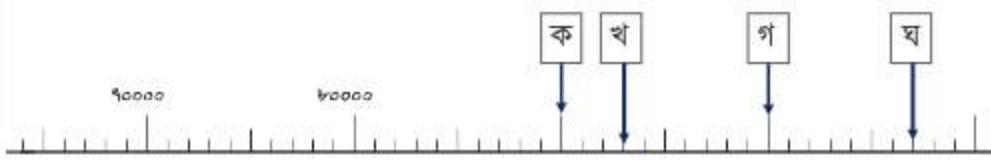
(২) ৯৭৫৭৮৩৮

(৩) ৫৫৫৫৫৫৫৫৫

৫. (১) ‘ক’ থেকে ‘গ’ স্থানে সংখ্যা বসাও:



(২) ‘ক’ থেকে ‘ঘ’ স্থানে সংখ্যা বসাও:



১.৫ সংখ্যার তুলনা



কোন সংখ্যাটি বড় ?



৩৮০০০ ও ৩৬০০০ এর মধ্যে কোনটি বড় ?

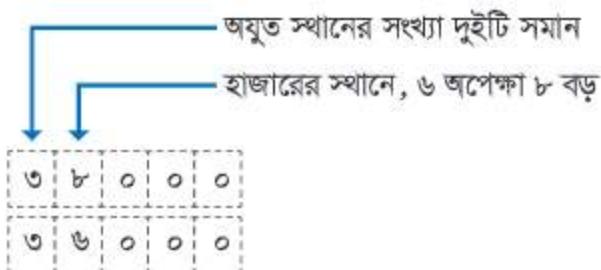


আমরা তয় শ্রেণিতে চার অঙ্কের সংখ্যার তুলনা শিখেছি বলে আমার মনে পড়ছে।

আমরা কোনটি তুলনা করব, বড় স্থান না ছোট স্থান ?



আমরা এক এক করে বড় স্থান থেকে ছোট স্থান তুলনা করব।

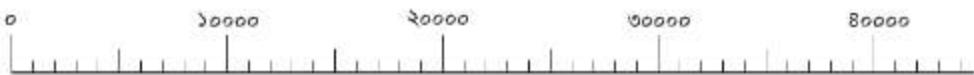


তাই বলা যায় যে, ৩৬০০০ থেকে ৩৮০০০ বড়।

$$৩৮০০০ > ৩৬০০০$$



সংখ্যারেখায় ৩৮০০০ ও ৩৬০০০ এর অবস্থান যাচাই করি।



নিচের সংখ্যাগুলো তুলনা কর এবং ‘<’ বা ‘>’ চিহ্ন দ্বারা খালি ঘর পূরণ কর:

(ক) ৯৫৩০ ৯৬২৮ (খ) ২৪৮০০ ২৩৯০০

(গ) ৭৫০০০ ৮০০০০ (ঘ) ৪৬৫৩১১ ৪৬৫২১১





৩৯০০০ ও ৩৭১০২০ এর মধ্যে কোনটি বড় ?



বৃহত্তম স্থানের সংখ্যাটির সাথে ক্ষুদ্রতম স্থানের সংখ্যাটির তুলনা করি !
আমার মনে হয় ৩৯০০০ সংখ্যাটি ৩৭১০২০ থেকে বড় ।



অপেক্ষা কর ! আমরা মাঝে মাঝে বড় সংখ্যা ভুল পড়ি । চল সংখ্যাগুলো
সঠিক স্থানে বসাই অথবা কমা দিই ।

৩ ৯ ০ ০ ০	৩৯,০০০ ৩,৭১,০২০
৩ ৭ ১ ০ ২ ০	

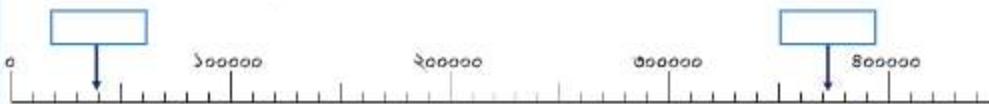


বাহ ! আজক সংখ্যা ভিন্ন !

স্ফটই বোবা যাচ্ছে ৩৭১০২০ সংখ্যাটি ৩৯০০০ থেকে বড় !

$$৩৯০০০ < ৩৭১০২০$$

চল, সংখ্যারেখায় সংখ্যাগুলো চিহ্নিত করি এবং সংখ্যার আকারের মাধ্যমে তুলনা করি ।



সংখ্যা তুলনার পদ্ধতি

১. অঙ্ক সংখ্যার তুলনা
যে সংখ্যায় অঙ্কের সংখ্যা বেশি সেটি বৃহত্তর ।
২. যখন সংখ্যায় অঙ্কের সংখ্যা সমান :

- (১) বৃহত্তম স্থানের অঙ্কের তুলনা ।
যে সংখ্যায় বৃহত্তম স্থানের অঙ্কের মান বড় সেটি বড় সংখ্যা ।
- (২) যদি বৃহত্তম স্থানের অঙ্কের মান সমান হয়, তবে দ্বিতীয় বড় স্থানের অঙ্ক
দুইটি তুলনা করতে হবে এবং এভাবে যতক্ষণ পর্যন্ত না সংখ্যা দুইটির মধ্যে
একটি ছোট অঙ্ক পাওয়া যায় ততক্ষণ পর্যন্ত তুলনা চালিয়ে যেতে হবে ।
- (৩) যদি সংখ্যা দুইটির সবগুলো অঙ্ক সমান হয়, তবে সংখ্যা দুইটি সমান ।

২

নিচের সংখ্যাগুলোর মধ্যে তুলনা কর এবং খালি ঘরে '<' বা '>' চিহ্ন বসাও :

- | | | | | | |
|-------------|--|--------|-------------|--|---------|
| (১) ৮৭৫২৬ | | ১৪১৬৩২ | (২) ৯৯৯৯ | | 88888 |
| (৩) ৮৮৬৭৩২২ | | ৮৬৪৪৯৯ | (৪) ১০০০৮৫৬ | | ১০০০৮৬৫ |





সাকিব একটি সাইকেল কিনতে চায়, তাই সে বিভিন্ন দোকানে সাইকেলের দাম যাচাই করল। বিভিন্ন দোকানে সাইকেলের দাম ৫২৩৮ টাকা, ৭৩২৯ টাকা, ৮৩২৪ টাকা, ৬১৩৭ টাকা ও ৭৩২৫ টাকা।

কোন দামের সাইকেলটি সবচেয়ে সস্তা এবং কোনটি সবচেয়ে দামি?

সংখ্যাগুলোকে ছোট থেকে বড় ক্রমানুসারে সাজাই এবং চিহ্ন দ্বারা প্রকাশ করি।

৫২৩৮

৭৩২৯

৮৩২৪

৬১৩৭

৭৩২৫



বেশ, সবগুলো সংখ্যাই চার অঙ্কের। সবচেয়ে বড় স্থানের অঙ্কগুলো
নিয়ে তুলনা করা যাক।

স্থানগুলো স্ফট করার জন্য কমা
বসালে কেমন হয়?

সংখ্যার আকার তুলনা করার জন্য
তাদেরকে উপরে নিচে সাজাই।



৫,২৩৮

৭,৩২৯

৬,১৩৭

৮,৩২৪

৭,৩২৫

৫	২	৩	৮
৭	৩	২	৯
৮	৩	২	৪
৬	১	৩	৭
৭	৩	২	৫

সবচেয়ে ক্ষুদ্রতম সংখ্যা কোনটি?

দ্বিতীয় ক্ষুদ্রতম সংখ্যা কোনটি?

সংখ্যাগুলোর স্থানীয় মান পর্যবেক্ষণ করে আমরা পাই :

৫২৩৮ < ৬১৩৭ < ৭৩২৫ < ৭৩২৯ < ৮৩২৪

ক্ষুদ্রতম

বৃহত্তম

আমরা সংখ্যাগুলোকে বৃহত্তম থেকে ক্ষুদ্রতম ক্রমেও সাজাতে পারি।

৮৩২৪ > ৭৩২৯ > ৭৩২৫ > ৬১৩৭ > ৫২৩৮



সাকিবের কোন দামটি বেছে নেওয়া উচিত?



৩

নিচের সংখ্যাগুলোকে বৃহত্তর থেকে ক্ষুদ্রতর এবং ক্ষুদ্রতর থেকে বৃহত্তর ক্রমে সাজিয়ে টিক্ক দ্বারা প্রকাশ কর:

১৮৪২৭, ৫৬৭৮৯, ৬০৩২৪৫, ৭৯১৩৪৫, ৬৭৫০২৮৩, ৯৭৬৫৩, ৮৯১৪৯৮

প্রথমে সংখ্যাগুলো উপরে নিচে সাজিয়ে তুলনা করলে ভালো হয়।



কোনটি বেশি সুবিধাজনক,
কমা ব্যবহার করা, না
উপরে নিচে সাজানো?

ক্ষুদ্রতর থেকে বৃহত্তর:

< < < < < <

বৃহত্তর থেকে ক্ষুদ্রতর:

> > > > > >

নিচের ছবির ন্যায় চারটি নম্বর কার্ড তৈরি করি এবং সেগুলো দিয়ে যত বেশি সম্ভব সংখ্যা তৈরি করি। তৈরি করা সংখ্যাগুলো আমাদের খাতায় লিখি।

কার্ডগুলো বিভিন্নভাবে সাজিয়ে
সংখ্যা তৈরি করা যাক।



৭	৮	৯	১
৯	৭	১	৮
১	৯	৮	৭

৭ ৮ ৯ ১

এই চারটি কার্ড দিয়ে বৃহত্তম কোন সংখ্যাটি তুমি তৈরি করতে পার?

এই চারটি কার্ড দিয়ে ক্ষুদ্রতম কোন সংখ্যাটি তুমি তৈরি করতে পার?

বৃহত্তম সংখ্যাটি হলো: ১৭৪১

ক্ষুদ্রতম সংখ্যাটি হলো: ১৪৭৯

বৃহত্তম সংখ্যা বা ক্ষুদ্রতম সংখ্যা তৈরির কি কোনো নিয়ম আছে?



আলোচনা করে নিয়মগুলো খুঁজে বের করি।

মনে করি, তোমার কাছে নিচের পাঁচটি নম্বর কার্ড আছে এবং আমি কার্ডগুলো নিয়ে পাঁচ অঙ্কের সংখ্যা তৈরি করি।

৮ ৫ ০ ২ ৭

(১) সবগুলো কার্ড ব্যবহার করে পাঁচ অঙ্কের বৃহত্তম সংখ্যা তৈরি কর।

(২) সবগুলো কার্ড ব্যবহার করে পাঁচ অঙ্কের ক্ষুদ্রতম সংখ্যা তৈরি কর।

‘০’ – এর ব্যবহার সম্পর্কে আমাদের সচেতন থাকতে হবে।



ইঠা, ঠিক বলেছ। ‘০’ সকল স্থানে বসতে পারবে না।



বৃহত্তম সংখ্যাটি হলো: ৮৭৫২০

ক্ষুদ্রতম সংখ্যাটি হলো: ২০৫৭৮

এ ব্যপারে আমরা পরস্পরের সাথে মত বিনিময় করি এবং নিয়মটি খুঁজে বের করি।

চল অন্য শিক্ষার্থীদের মতামত শুনি।



বৃহত্তম সংখ্যা তৈরির জন্য, আমাদের বড় অঙ্কটি সবার প্রথমে এবং দ্বিতীয় বড় অঙ্কটি দ্বিতীয় স্থানে বসাতে হবে।

রিতা



ইঠা, অবশ্যই। এভাবে, অঙ্কগুলো বড় থেকে ছোট ক্রমে সাজানো হয়েছে। যেমন – $\textcolor{red}{1741} \rightarrow \textcolor{red}{87520}$

সোহেল





সীনা

অপরদিকে, ক্ষুদ্রতম সংখ্যা তৈরির জন্য, আমাদের সবচেয়ে ছোট অঙ্কটি সর্বপ্রথম বসাতে হবে এবং দ্বিতীয় ক্ষুদ্রতম অঙ্কটি দ্বিতীয় স্থানে বসাতে হবে। এভাবে অঙ্কগুলো ছোট থেকে বড় ক্রমে সাজানো হয়েছে। যেমন- ১৪৭৯

কিন্তু আমাদের ‘০’ সংখ্যাটি সম্পর্কে সচেতন থাকতে হবে। যদিও ‘০’ হচ্ছে সবচেয়ে ক্ষুদ্রতম অঙ্ক, তবুও শূন্যকে সবার প্রথমে দেওয়া যাবে না, কারণ কোনো সংখ্যাই ‘০’ দিয়ে শুরু হয় না। তাই ‘০’ সংখ্যাটি বাঁ দিকে প্রথমে না বসিয়ে দ্বিতীয় স্থানে বসাতে হবে।

যেমন- ✗ ০২৫৭৮ ✓ ২০৫৭৮



সুমিত

শিক্ষার্থীরা সংখ্যা গঠনের কিছু গুরুত্বপূর্ণ নিয়ম খুঁজে পেয়েছে।

৪

তোমার কাছে নিচের ছয়টি সংখ্যা কার্ড আছে। কার্ডগুলো দিয়ে ছয় অঙ্কের সংখ্যা তৈরি কর।

ওহ, জোড় ও বিজোড়
সংখ্যা কী ছিল?



চ্যালেঞ্জ!

০ ১ ৩ ৪ ৭ ৯

- (১) বৃহত্তম সংখ্যা তৈরি কর।
- (২) ক্ষুদ্রতম সংখ্যা তৈরি কর।
- (৩) বৃহত্তম বিজোড় সংখ্যা তৈরি কর।
- (৪) ক্ষুদ্রতম জোড় সংখ্যা তৈরি কর।

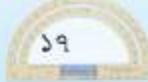


ছয় অঙ্কবিশিষ্ট সংখ্যা পর্যন্ত বৃহত্তম ও ক্ষুদ্রতম সংখ্যা তৈরি কর এবং তুমি যা খুঁজে পেয়েছো তা নিয়ে বশ্বন্দের সাথে আলোচনা কর।

	বৃহত্তম	ক্ষুদ্রতম
এক অঙ্কের সংখ্যা		১
দুই অঙ্কের সংখ্যা		
তিন অঙ্কের সংখ্যা		
চার অঙ্কের সংখ্যা		
পাঁচ অঙ্কের সংখ্যা		
ছয় অঙ্কের সংখ্যা		

এক্ষেত্রে, ‘০’
—কে এক অঙ্কের
সংখ্যা হিসেবে
বিবেচনা করব না,
কারণ গাণিতিকভাবে
‘০’ একটি বিশেষ
সংখ্যা।

- (১) ৯৯৯ এর পরবর্তী সংখ্যাটি কত?
- (২) ১০০০০ এর পূর্বের সংখ্যাটি কত?



১.৬ অনুশীলনী (২)

১. নিচের সংখ্যাগুলো তুলনা কর এবং ' $<$ ', ' $>$ ' অথবা ' $=$ ' চিহ্ন বসাও:

(১) ৮৪৯৯

৮৫১১

(২) ১১১০০

১১০০১

(৩) ২৮৯৯৯৯

২৯০০০১

(৪) ২২২২২২১

২২২২২২৩

(৫) ১০১১০০১

১০১১০০১

(৬) ৫৫৫৫৫৫৫

৫৫৫৫৫৫

২. নিচের ছয়টি নম্বর কার্ড ব্যবহার করে ছয় অঙ্কের সংখ্যা তৈরি কর:



- (১) বৃহত্তম সংখ্যাটি তৈরি কর।
- (২) ক্ষুদ্রতম সংখ্যাটি তৈরি কর।
- (৩) বৃহত্তম বিজোড় সংখ্যাটি তৈরি কর।
- (৪) ক্ষুদ্রতম বিজোড় সংখ্যাটি তৈরি কর।

৩. কয়েকটি শহরের জনসংখ্যার তালিকা নিচে দেওয়া হলো। সংখ্যাগুলোকে ছোট থেকে বড় ক্রমানুসারে সাজাও। কোন শহরের জনসংখ্যা সর্বোচ্চ ও কোন শহরের জনসংখ্যা সর্বনিম্ন তা নির্ণয় কর।

শহরের নাম	জনসংখ্যা
ক	৩৭১৯৯৩
খ	২৪৫৬৮৯১
গ	৩৭০৪২৩১
ঘ	৪৫৮৯৪৭৬
ঙ	৮৮৬৩৯৭



অধ্যায় ২

যোগ ও বিয়োগ



২.১ চার অঙ্ক পর্যন্ত সংখ্যার যোগ



যোগ করি।

$$(1) \quad 232 + 338$$

$$(3) \quad \begin{array}{r} 233 \\ + 526 \\ \hline \end{array}$$

$$(8) \quad \begin{array}{r} 1538 \\ + 3821 \\ \hline \end{array}$$

$$(2) \quad 1325 + 3522$$

$$(5) \quad \begin{array}{r} 1231 \\ 103 \\ + 6258 \\ \hline \end{array}$$

$$(6) \quad \begin{array}{r} 1802 \\ 3056 \\ 210 \\ + 3120 \\ \hline \end{array}$$

$$(7) \quad 116 + 228$$

$$(9) \quad \begin{array}{r} 368 \\ + 872 \\ \hline \end{array}$$

$$(8) \quad 2816 + 1375$$

$$(11) \quad \begin{array}{r} 8391 \\ 1588 \\ + 3625 \\ \hline \end{array}$$

$$(12) \quad \begin{array}{r} 188 \\ 1275 \\ 2151 \\ + 1362 \\ \hline \end{array}$$



প্রথমে একক ঘরের অঙ্ক এরপর দশক, শতক ও হাজার ঘরের অঙ্কগুলো যোগ করি।



হ্যা, স্মরণ করি কীভাবে সংখ্যা হাতে রাখা যায়।

$$\begin{array}{r} 121 \\ 1373 \\ 8588 \\ + 3655 \\ \hline 9612 \end{array}$$

এককের স্থান $3 + 8 + 5 = 12$

দশকের স্থান $7 + 8 + 5 + 1 = 21$

শতকের স্থান $1 + 3 + 6 + 2 = 16$

হাজারের স্থান $1 + 8 + 3 + 1 = 9$



২.২ পাঁচ অঙ্ক পর্যন্ত সংখ্যার যোগ



বড় সংখ্যার যোগ করার চেষ্টা করা যাক।



একটি শহরে ৮৫৭৩৬ জন নারী ও ৪৮৭৯৭ জন পুরুষ বাস করেন। ওই শহরে সর্বমোট কত জন লোক বাস করেন?



এখানে আমাদের সর্বমোট পরিমাণ বের করতে হবে। সুতরাং প্রক্রিয়াটি হবে ।

গণিতিক বাক্য: $85736 + 48797 = \boxed{\hspace{1cm}}$

সংখ্যাগুলোকে উপর-নিচে বিসিয়ে যোগ করা যাক।

$$\begin{array}{r}
 & 1 & 1 & 1 & 1 \\
 & 8 & 5 & 7 & 3 & 6 \\
 + & 8 & 8 & 7 & 9 & 7 \\
 \hline
 & 9 & 8 & 5 & 3 & 3
 \end{array}$$

এককের স্থান $6 + 7 = \boxed{3}$

দশকের স্থান $3 + 9 + 1 = \boxed{1}3$

শতকের স্থান $7 + 7 + 1 = \boxed{1}5$

হাজারের স্থান $5 + 8 + 1 = \boxed{8}$

অযুতের স্থান $8 + 8 + 1 = \boxed{9}$

যদিও সংখ্যাগুলো বড়, তবে যোগের প্রক্রিয়া আমরা তয় শ্রেণিতে যেমন শিখেছি ঠিক তেমনই।

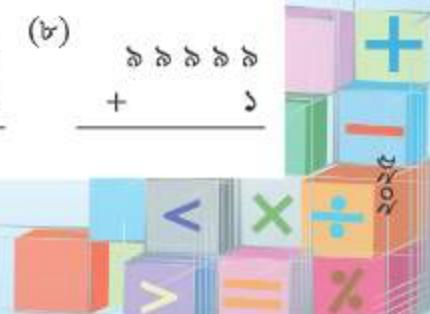


মোট জনসংখ্যা ১৪৫৩৩



যোগ কর:

(১)	13567	(২)	22683	(৩)	23518	(৪)	13137
	$+ 83121$		$+ 1725$		$+ 15627$		$+ 18672$
<hr/>				<hr/>			
(৫)	22679	(৬)	23836	(৭)	83756	(৮)	99999
	$+ 57122$		$+ 81889$		$+ 37275$		$+ 1$
<hr/>				<hr/>			





পাশের ছকটি একটি চকলেটের দোকানের বিক্রয় তালিকা। জানুয়ারি থেকে মে মাস পর্যন্ত সর্বমোট কত টাকার চকলেট বিক্রি হয়েছে?

জানুয়ারি	৩৪২৯৫ টাকা
ফেব্রুয়ারি	১৩৭২০ টাকা
মার্চ	১৪৮৫৩ টাকা
এপ্রিল	২০৫৮২ টাকা
মে	১২৩৭৬ টাকা



যেহেতু আমরা মোট টাকার পরিমাণ জানতে চাচ্ছি, সূতরাং হিসাবের প্রক্রিয়াটি হবে

গণিতিক বাক্যটি হচ্ছে: $34295 + 13720 + 14853 + 20582 + 12376$

$$\begin{array}{r}
 34295 \\
 13720 \\
 14853 \\
 20582 \\
 +12376 \\
 \hline
 95826
 \end{array}$$

এককের স্থান $5+0+3+2+6 = 16$

দশকের স্থান $9+2+5+8+7 + 1 = 32$

শতকের স্থান $2+7+8+5+3 + 3 = 28$

হাজারের স্থান $8+3+8+0+2 + 2 = 15$

অঘুতের স্থান $3+1+1+2+1 + 1 = 9$

সর্বমোট ৯৫৮২৬ টাকা

যোগের প্রক্রিয়াটি মূলত একই, তবে এখানে হাতে রাখা সংখ্যাটি বড় হচ্ছে।



যোগ কর:

(১) (২)

$$\begin{array}{r}
 3123 \\
 1838 \\
 +8272 \\
 \hline
 \end{array}$$

(৩) (৪)

$$\begin{array}{r}
 5368 \\
 2103 \\
 1138 \\
 +3225 \\
 \hline
 \end{array}$$

(৫) (৬)

$$\begin{array}{r}
 1082 \\
 183 \\
 1827 \\
 +6218 \\
 \hline
 \end{array}$$

(৭) (৮)

$$\begin{array}{r}
 13921 \\
 12503 \\
 33555 \\
 +20516 \\
 \hline
 \end{array}$$



আমরা এখন বড় সংখ্যার উপরে নিচে যোগ করতে পারি।



୩

ଯୋଗ କର:

(୧) ୧୧୧୨ + ୨୨୨୧ + ୩୨୩୨ + ୨୨୨୨ (୨) ୫୦୦୦୦ + ୮୦୦୦ + ୩୦୦ + ୨୦ + ୧

(୩) ୧୨୩ + ୩୨୧ + ୮୦୦୦ + ୨୨୨୨ + ୩୭୩୩

(୪) ୧୨୩୧୧ + ୨୧୦୨୨ + ୧୧୧୧୧ + ୨୨୨୨୨ + ୨୧୨୧୨

(୫)

୨୫୧୩

୧୨୮୨

+ ୫୨୩୮

(୬)

୧୪୩୨

୨୧୦୮

+ ୨୬୨୧

(୭)

୧୨୩୨

୧୦୩

+ ୬୨୯୮

(୮)

୧୪୦୨

୩୦୫୦

୮୬୩୭+ ୩୧୨୬

(୯)

୩୨୯

+ ୫୮୬୭୨

(୧୦)

୫୪୮୨୭

+ ୨୬୯୮

(୧୧)

୮୩୮୯୮

+ ୩୭୬୮୭

(୧୨)

୯୯୯୯୯

+ ୧

(୧୩)

୮୦୩୦୫

୧୬୨୪୬

+ ୩୦୮୩୭

(୧୪)

୨୫୩୦୨

୩୫୧୪

+ ୩୮୦୦୫

(୧୫)

୨୪୧୭୩

୬୨୩୦୮

+ ୩୮୨୮

(୧୬)

୩୨୭୨୮

୯୦୬୩

୧୨୬୨୬+ ୧୩୩୧୨

(୧୭)

୩୨୭୩୨

୮୩୨୨

+ ୨୨୩୯

(୧୮)

୧୩୭୮୭

୨୭୨୯୩

+ ୧୬୩୯୩

(୧୯)

୨୧୯୬୮

୧୮୬୦୯

+ ୧୨୯୧୭

(୨୦)

୯୯୯୯

୧୮୭୭୭

୧୭୭୭୭+ ୧୭୭୭୭

পাশাপাশি যোগের ক্ষেত্রে, আমরা একটি একটি করে একক স্থান থেকে পরবর্তী স্থানের সংখ্যাগুলো যোগ করতে পারি। এরপর হিসাব করা সংখ্যাগুলোর উপর ‘’ চিহ্ন বসালে সুবিধা হবে।



চল উদাহরণটি সমাধান করি।

$$13821 + 2538 + 80832 + 22020 + 12181$$



(১) এককের স্থান

$$1 + 8 + 2 + 0 + 1 = 8$$

$$13821 + 2538 + 80832 + 22020 + 12181 = \boxed{8}$$

(২) দশকের স্থান

হাতে থাকার ক্ষেত্রে, পরবর্তী ঘরে যোগ করতে হবে।

$$13821 + 2538 + 80832 + 22020 + 12181 = \boxed{8}8$$

(৩) শতকের স্থান

$$13821 + 2538 + 80832 + 22020 + 12181 = \boxed{5}88$$



বাকি অংশটুকু হিসাব করার চেষ্টা করি।

(৪) হাজারের স্থান

$$13821 + 2538 + 80832 + 22020 + 12181 = \boxed{5}88$$

(৫) অযুতের স্থান

$$13821 + 2538 + 80832 + 22020 + 12181 = \boxed{5}88$$

8

পাশাপাশি যোগের হিসাব:

$$(1) 3282 + 1305 + 132 + 1310$$

$$(2) 2150 + 3518 + 1310 + 1318 + 1101$$

$$(3) 28163 + 10825 + 18203 + 2380 + 16025$$

$$(4) 21803 + 18130 + 10137 + 19025 + 21025$$

চ্যালেঞ্জ!

৫

ইচ্ছামতো পাঁচ অঙ্কের কিছু সংখ্যা নিয়ে যোগ করি যাদের যোগফল ১০০০০০।

[১ম ধাপ] দুই সংখ্যা নিয়ে

$$\begin{array}{r}
 + \\
 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \\
 \hline
 \end{array}$$



আমি কাজটি কীভাবে করব? কাজটি কঠিন মনে হচ্ছে।

প্রথমে একক স্থানের সংখ্যা থেকে শুরু করি। হাতে রাখা সংখ্যাটিসহ প্রতি ঘরে যোগফল ১০ করি।



[উদাহরণ]

$$\begin{array}{r}
 2 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \\
 + 8 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \\
 \hline
 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 3 \ 3 \ 3 \ 0 \\
 + 8 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \\
 \hline
 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 3 \ 3 \ 3 \ 2 \\
 + 8 \ 0 \ 9 \ 8 \ 8 \\
 \hline
 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0
 \end{array}$$

[২য় ধাপ] তিন সংখ্যা নিয়ে

$$\begin{array}{r}
 + \\
 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 3 \ 3 \ 3 \ 3 \\
 5 \ 5 \ 5 \ 5 \ 8 \\
 5 \ 5 \ 5 \ 5 \ 5 \\
 + 5 \ 5 \ 5 \ 5 \ 5 \\
 \hline
 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0
 \end{array}$$

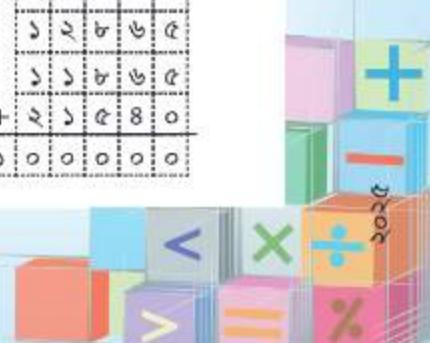
$$\begin{array}{r}
 2 \ 3 \ 3 \ 3 \\
 1 \ 2 \ 3 \ 8 \ 6 \\
 5 \ 9 \ 8 \ 1 \ 2 \\
 + 2 \ 8 \ 2 \ 8 \ 6 \\
 \hline
 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0
 \end{array}$$

[৩য় ধাপ] অধিক সংখ্যা নিয়ে

$$\begin{array}{r}
 + \\
 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 3 \ 2 \ 2 \ 2 \ 1 \\
 2 \ 5 \ 5 \ 5 \ 9 \ 1 \\
 5 \ 2 \ 5 \ 8 \ 2 \\
 1 \ 9 \ 5 \ 2 \ 3 \\
 + 7 \ 1 \ 5 \ 0 \ 8 \\
 \hline
 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 3 \ 1 \ 8 \ 7 \ 2 \\
 5 \ 1 \ 8 \ 6 \ 5 \\
 2 \ 1 \ 7 \ 6 \ 5 \\
 1 \ 2 \ 8 \ 6 \ 5 \\
 1 \ 1 \ 8 \ 6 \ 5 \\
 + 2 \ 1 \ 8 \ 8 \ 0 \\
 \hline
 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0
 \end{array}$$



২.৩ চার অঙ্ক পর্যন্ত সংখ্যার বিয়োগ



বিয়োগ করি:



$$(1) \quad 230 - 110 \qquad (2) \quad 730 - 210 \qquad (3) \quad 6760 - 4650$$

$$(4) \quad \begin{array}{r} 597 \\ - 397 \\ \hline \end{array} \qquad (5) \quad \begin{array}{r} 987 \\ - 850 \\ \hline \end{array} \qquad (6) \quad \begin{array}{r} 2568 \\ - 105 \\ \hline \end{array} \qquad (7) \quad \begin{array}{r} 7586 \\ - 3215 \\ \hline \end{array}$$

$$(8) \quad 150 - 90 \qquad (9) \quad 530 - 90 \qquad (10) \quad 855 - 265$$

$$(11) \quad \begin{array}{r} 580 \\ - 280 \\ \hline \end{array} \qquad (12) \quad \begin{array}{r} 853 \\ - 76 \\ \hline \end{array} \qquad (13) \quad \begin{array}{r} 3600 \\ - 521 \\ \hline \end{array} \qquad (14) \quad \begin{array}{r} 8302 \\ - 8797 \\ \hline \end{array}$$



চল, কীভাবে ৩ অঙ্ক বিশিষ্ট সংখ্যা বিয়োগ করা যায় তা
পুনরালোচনা করি। প্রথমে একক স্থানের হিসাব করি
এবং ত্রুট্য পরের স্থানগুলোর বিয়োগ সম্পন্ন করি



ইঠা, কিন্তু সংখ্যা সরানোর সময় সতর্ক থাকতে হবে।

$$\begin{array}{r} 010 \\ 682 \\ - 368 \\ \hline 8 \end{array}$$

[এককের স্থান] $12 - 8 = 4$

আমরা ২ থেকে ৮ কে বিয়োগ করতে পারি না। তাই, ১ টি দশ (= 10টি
এক) দশকের ঘর থেকে এককের ঘরে নিয়ে আসি এবং ১২ থেকে ৮
বিয়োগ করি।

$$\begin{array}{r} 10 \\ 682 \\ - 368 \\ \hline 78 \end{array}$$

[দশকের স্থান] $13 - 6 = 7$

আমরা ৩ থেকে 6 বিয়োগ করতে পারি না, তাই 1 শতক (= 10টি
দশ) শতকের ঘর থেকে দশকের ঘরে নিয়ে আসি এবং 13 থেকে 6
বিয়োগ করি।

$$\begin{array}{r} 10 \\ 682 \\ - 368 \\ \hline 274 \end{array}$$

[শতকের স্থান] $5 - 3 = 2$



২.৪ পাঁচ অঙ্ক বিশিষ্ট সংখ্যার বিয়োগ



গতকাল ফুটবল খেলার দর্শক ছিল ৮৭৫৪৩ জন এবং আজকের খেলায় দর্শকের সংখ্যা ৫০২৩৮। এই দুই দিনের দর্শক সংখ্যার পার্থক্য কত?

যেহেতু আমদেরকে পার্থক্য বের করতে হবে, সুতরাং হিসাবের প্রক্রিয়াটি হবে



আমরা বড় সংখ্যা থেকে ছোট সংখ্যাটি বিয়োগ করি।



গাণিতিক বাক্যটি হচ্ছে : ৫০২৩৮ – ৮৭৫৪৩

$$\begin{array}{r} 50238 \\ - 87543 \\ \hline 5 \end{array}$$

[এককের স্থান] $8 - 3 = 5$

$$\begin{array}{r} 110 \\ 50238 \\ - 87543 \\ \hline 95 \end{array}$$

[দশকের স্থান] $13 - 8 = 9$

আমরা ৩ থেকে ৪ বিয়োগ করতে পারি না, তাই ১ শতক (= 10টি দশ) শতকের ঘর থেকে দশকের ঘরে নিয়ে আসি ও বিয়োগ করি।

$$\begin{array}{r} 10 \\ 50238 \\ - 87543 \\ \hline 695 \end{array}$$

[শতকের স্থান] $11 - 5 = 6$

আমরা ১ থেকে ৫ বিয়োগ করতে পারি না। তাই হাজারের ঘর থেকে ১ হাজার (= 10 শত) শতকের ঘরে নিয়ে আসি, কিন্তু হাজারের ঘরে শুধু '০' রয়েছে। তাই আমদের ১টি অযুত (= 10 হাজার) হাজারের ঘরে সরাতে হবে। তারপর হাজারের ঘর থেকে ১ হাজার সরাতে হবে

$$\begin{array}{r} 89 \\ 50238 \\ - 87543 \\ \hline 2695 \end{array}$$

[হাজারের স্থান] $9 - 7 = 2$

আমরা ১টি অযুত (= 10 হাজার) হাজারের ঘরে সরিয়েছি এবং ১ হাজার শতকের ঘরে সরিয়েছি। তাই আমদের হাজারের ঘরে ৯ হাজার রয়েছে।

$$\begin{array}{r} 8 \\ 50238 \\ - 87543 \\ \hline 2695 \end{array}$$

[অযুতের স্থান] $8 - 8 = 0$

সর্বোচ্চ স্থানীয় মানটি '০' হলে আমদের ফলাফলের সামনে শূন্য বসানোর প্রয়োজন নেই।

দর্শক সংখ্যার পার্থক্য: ২৬৯৫ জন লোক

(গতকালের তুলনায় আজ দর্শকের সংখ্যা বেশি।)





‘একজন লেখক ১০০০০টি বই ছাপালেন, যার মধ্যে ৫৪ টি বইতে ভুল পাওয়ার কারণে বিক্রি করা যাবে না। তিনি কতগুলো বই বিক্রি করতে পারবেন?’

এই সমস্যাটি হলো অবশিষ্ট বইয়ের সংখ্যা নির্ণয় করা, সুতরাং প্রক্রিয়াটি হবে

গণিতিক বাক্য : $100000 - 58 =$



[এককের স্থান]

আমরা ০ থেকে ৪ বিয়োগ করতে পারি না, তাই আমরা ১টি দশক (= ১০টি এক) এককের স্থানে আনি। কিন্তু দশকের ঘরের সংখ্যা ‘০’। সুতরাং আমাদেরকে শতকের ঘর থেকে ১০টি দশ দশকের ঘরে সরিয়ে আনতে হবে। কিন্তু শতকের ঘরের সংখ্যা ‘০’ এবং হাজারের ঘরের সংখ্যাও ‘০’।



ওহ, না ! আমরা সমাস্যাটি কীভাবে সমাধান করব ?





বাহ! আমরা প্রতি
স্থান থেকেই
সংখ্যা সরিয়ে
নিচ্ছি।

$$\begin{array}{r} 9 \ 9 \ 9 \ 10 \\ 1 \ 9 \ 9 \ 9 0 \\ - \quad 5 \ 8 \\ \hline 6 \end{array}$$

এখন আমরা
একক স্থানের
বিয়োগটি করতে
পারি।



$$\begin{array}{r} 9 \ 9 \ 9 \ 10 \\ 1 \ 9 \ 9 \ 9 0 \\ - \quad 5 \ 8 \\ \hline 6 \end{array}$$

[এককের স্থান] $10 - 8 = 6$

$$\begin{array}{r} 9 \ 9 \ 9 \\ 1 \ 9 \ 9 \ 9 0 \\ - \quad 5 \ 8 \\ \hline 8 \ 6 \end{array}$$

[দশকের স্থান] $9 - 5 = 4$

$$\begin{array}{r} 9 \ 9 \\ 1 \ 9 \ 0 \ 0 0 \\ - \quad 5 \ 8 \\ \hline 9 \ 8 \ 6 \end{array}$$

[শতকের স্থান]
কোনো বিয়োগ হবে না
(অথবা $9 - 0 = 9$)

$$\begin{array}{r} 9 \ 9 \\ 1 \ 9 \ 0 \ 0 0 \\ - \quad 5 \ 8 \\ \hline 9 \ 9 \ 8 \ 6 \end{array}$$

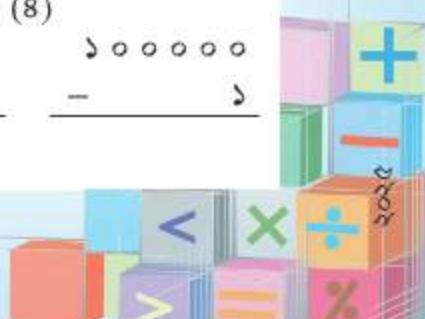
[হাজারের স্থান]
কোনো বিয়োগ হবে না
(অথবা $9 - 0 = 9$)

লেখক ১৯৪৬টি বই বিক্রি করতে পারবেন।



বিয়োগ কর:

(1)	(2)	(3)	(8)
$\begin{array}{r} 10000 \\ - \quad 1 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 10000 \\ - 2868 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 10000 \\ - 9999 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 100000 \\ - \quad 1 \\ \hline \end{array}$





২

বিয়োগ কর:

$$(1) \quad 8900 - 3700$$

$$(2) \quad 10000 - 8000$$

$$(3) \quad 32000 - 12000$$

$$(8) \quad 86000 - 85200$$

$$(5) \quad \begin{array}{r} 5396 \\ - 458 \\ \hline \end{array}$$

$$(6) \quad \begin{array}{r} 2387 \\ - 1168 \\ \hline \end{array}$$

$$(9) \quad \begin{array}{r} 9129 \\ - 3383 \\ \hline \end{array}$$

$$(7) \quad \begin{array}{r} 8315 \\ - 9338 \\ \hline \end{array}$$

$$(9)$$

$$\begin{array}{r} 76237 \\ - 1591 \\ \hline \end{array}$$

$$(10)$$

$$\begin{array}{r} 16887 \\ - 1299 \\ \hline \end{array}$$

$$(11)$$

$$\begin{array}{r} 96813 \\ - 2986 \\ \hline \end{array}$$

$$(12)$$

$$\begin{array}{r} 10000 \\ - 5900 \\ \hline \end{array}$$

$$(13)$$

$$\begin{array}{r} 100000 \\ - 9810 \\ \hline \end{array}$$

$$(18)$$

$$\begin{array}{r} 10000 \\ - 3 \\ \hline \end{array}$$

$$(15)$$

$$\begin{array}{r} 19003 \\ - 18096 \\ \hline \end{array}$$

$$(16)$$

$$\begin{array}{r} 56008 \\ - 51828 \\ \hline \end{array}$$

$$(17)$$

$$\begin{array}{r} 95018 \\ - 76317 \\ \hline \end{array}$$

$$(18)$$

$$\begin{array}{r} 35220 \\ - 26281 \\ \hline \end{array}$$

$$(19)$$

$$\begin{array}{r} 37152 \\ - 19356 \\ \hline \end{array}$$

$$(20)$$

$$\begin{array}{r} 100000 \\ - 8 \\ \hline \end{array}$$

৩

পাশাপাশি বিয়োগ কর:



যোগের মতো, আমরা এককের স্থান থেকে শুরু করে বড় স্থানের অঙ্ক বিয়োগ করতে পারি, হিসাব করা অঙ্কের উপর ‘’ চিহ্ন বসাই এবং হাতে রাখার ক্ষেত্রে সতর্ক হই।

[উদাহরণ]

$$6\ 3\ 8\ 5\ 3 - 2\ 7\ 2\ 8\ 6 = 3\ 6\ 2\ 0\ 9$$

$$(1) \quad 87560 - 35550$$

$$(2) \quad 58300 - 31800$$

$$(3) \quad 98888 - 36363$$

$$(8) \quad 100000 - 11111$$

২.৫ যোগ ও বিয়োগের সম্পর্ক



কোনো বিদ্যালয়ে মোট ৫৪২৪ জন শিক্ষার্থী আছে। বিদ্যালয়ে ছাত্রীর সংখ্যা ২৬৩১। ওই বিদ্যালয়ে ছাত্রের সংখ্যা কত?



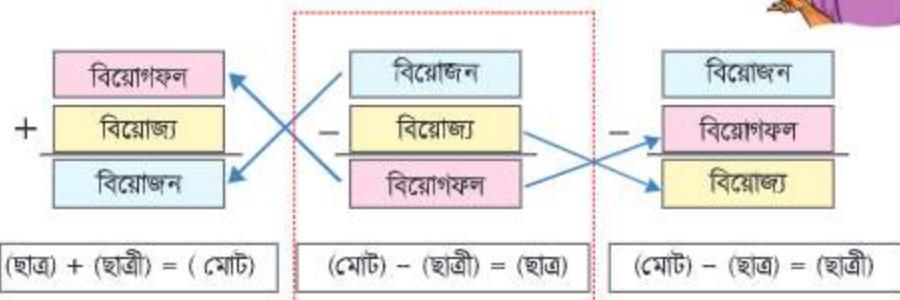
আমাদেরকে সর্বমোট শিক্ষার্থীর একটি অংশ নির্ণয় করতে হবে সুতরাং
প্রক্রিয়াটি হবে

গাণিতিক বাক্যটি হচ্ছে : $5424 - 2631 = \boxed{}$

বিয়োজন	8 ১৭ ৩০
বিয়োজ্য	৫ ৪ ২ ৪
বিয়োগফল	$\begin{array}{r} - 2 6 3 1 \\ \hline 2 7 9 3 \end{array}$

২৭৯৩ জন ছাত্র

আমরা তয় শ্রেণিতে পড়েছি বিয়োজন, বিয়োজ্য ও বিয়োগফলের
মধ্যে একটি নির্দিষ্ট সম্পর্ক রয়েছে।



আমরা যোগ বিয়োগের এই সম্পর্কটি ব্যবহার করে তিনটির মধ্যে যেকোনো দুইটি জানা থাকলে তৃতীয়টি নির্ণয় করতে পারি।

১

পূর্বের সমস্যার মতো নিচের সমস্যা দুইটি পড় ও উত্তর দাও।

কোনো বিদ্যালয়ে ২৭৯৩ জন বালক ও ২৬৩১ জন বালিকা রয়েছে। ওই বিদ্যালয়ে সর্বমোট কতজন শিক্ষার্থী রয়েছে?

কোনো বিদ্যালয়ে ৫৩২৪ জন শিক্ষার্থী রয়েছে যার মধ্যে ২৭৯৩ জন বালক। ওই বিদ্যালয়ে কতজন বালিকা রয়েছে?



২.৬ যোগ ও বিয়োগ সম্পর্কিত সমস্যা



একটি ট্রেনে ২৪৫০ জন যাত্রী আছেন। একটি স্টেশনে ৮৪২ জন যাত্রী নেমে গেলেন ও ৭৯৮ জন নতুন যাত্রী উঠলেন। এখন ট্রেনটিতে মোট কতজন যাত্রী আছেন?



‘যাত্রী নেমে যাওয়ায়’ বিয়োগ করতে হবে এবং ‘যাত্রী উঠায়’ যোগ করতে হবে। আমি কীভাবে হিসাবটি করতে পারি?

গণিতিক বাক্য: $2450 - 842 + 798 = \boxed{\hspace{1cm}}$

চল হিসাব করি:

$$\begin{array}{r}
 2450 \\
 - 842 \\
 \hline
 \boxed{\hspace{1cm}}
 \end{array}
 \quad \rightarrow \quad
 \begin{array}{r}
 \boxed{\hspace{1cm}} \\
 + 798 \\
 \hline
 \end{array}$$

এখন ট্রেনটিতে মোট জন যাত্রী আছেন।



১. রাজীবের মাঘের কাছে ৫৫৮০ টাকা ছিল। বাজারে যাওয়ার পূর্বে তিনি রাজীবের বাবার কাছ থেকে আরও ৩৪২০ টাকা নিলেন। কেনাকাটায় তিনি ৭৮৩০ টাকা ব্যয় করলেন। তাঁর কাছে এখন কত টাকা অবশিষ্ট আছে?



মা ও মেয়ের বর্তমান বয়সের সমষ্টি ১১২ বছর। ১০ বছর পূর্বে মেয়ের বয়স ছিল ২৭ বছর। এখন থেকে ৮ বছর পর মাঘের বয়স কত হবে?



১. ১০ বছর পূর্বে মেয়ের বয়স ছিল ২৭ বছর। মেয়ের বর্তমান বয়স কত?
২. মাঘের বর্তমান বয়স কত?
৩. চল, ৮ বছর পর মাঘের বয়স কত হবে তা নির্ণয় করি।



আহ....আমরা প্রশ্নগুলো একের পর এক সমাধান করতে পারি।

উন্নর খুঁজে পাওয়ার অন্য উপায় খুঁজে বের করা বেশ মজার।



୨.୬ ଅନୁଶୀଳନୀ

୧. ଉପରେ ନିଚେ ହିସାବ କର:

$$(1) \begin{array}{r} 89258 \\ + 21631 \\ \hline \end{array}$$

$$(2) \begin{array}{r} 23856 \\ + 56938 \\ \hline \end{array}$$

$$(3) \begin{array}{r} 69382 \\ + 6599 \\ \hline \end{array}$$

$$(8) \begin{array}{r} 58298 \\ + 31926 \\ \hline \end{array}$$

$$(5) \begin{array}{r} 13282 \\ 38215 \\ + 22532 \\ \hline \end{array}$$

$$(6) \begin{array}{r} 89889 \\ 12182 \\ + 18831 \\ \hline \end{array}$$

$$(9) \begin{array}{r} 18539 \\ 32521 \\ 12512 \\ + 23528 \\ \hline \end{array}$$

$$(7) \begin{array}{r} 19988 \\ 19986 \\ 19123 \\ 19669 \\ + 19886 \\ \hline \end{array}$$

$$(9) \begin{array}{r} 8992 \\ - 982 \\ \hline \end{array}$$

$$(10) \begin{array}{r} 38526 \\ - 8 \\ \hline \end{array}$$

$$(11) \begin{array}{r} 66882 \\ - 5933 \\ \hline \end{array}$$

$$(12) \begin{array}{r} 91296 \\ - 89669 \\ \hline \end{array}$$

$$(13) \begin{array}{r} 89003 \\ - 6699 \\ \hline \end{array}$$

$$(14) \begin{array}{r} 80068 \\ - 38198 \\ \hline \end{array}$$

$$(15) \begin{array}{r} 81111 \\ - 58889 \\ \hline \end{array}$$

$$(16) \begin{array}{r} 100000 \\ - \\ \hline \end{array}$$

୨. ପାଶାପାଶୀ ହିସାବ କର:

$$(1) 13925 + 16131 + 12182 + 13103$$

$$(2) 20000 - 18960$$

୩. ଖାଲିଘର ପୂରଣ କର:

$$(1) \boxed{\quad} - 6883 = 3517$$

$$(2) 6878 + \boxed{\quad} = 9300$$

$$(3) 82900 + 28800 + \boxed{\quad} = 100000$$





৪. একটি গুদামে ৮৩৭৫ বস্তা চিনি, ১১৮৬০ বস্তা গম ও ১২৭২০ বস্তা চাল আছে। ওই গুদামে মোট কত বস্তা জিনিস আছে?
৫. এমন একটি সংখ্যা নির্ণয় কর যা ১৫৪৩ থেকে ৫০০ বড়।
৬. ৬, ৪, ৮ ও ০ অঙ্কগুলো মাত্র একবার ব্যবহার করে গঠিত বৃহত্তম ও ক্ষুদ্রতম সংখ্যার পার্থক্য কত?
৭. ৫৬৮০৬ এর সাথে কোন সংখ্যা যোগ করলে যোগফল ৬৪৯৩২ হবে?
৮. তিনটি সংখ্যার যোগফল ৮৪০২৫। তাদের মধ্যে দুইটি সংখ্যা ১২৪৫০ ও ৩৭৮৬৫ হলে তৃতীয় সংখ্যাটি কত?
৯. গীতা অপেক্ষা শিহাবের ৩৯০ টাকা বেশি আছে। শিমুল অপেক্ষা গীতার ৪৭০ টাকা কম আছে। শিমুলের কাছে ৮৯০ টাকা আছে। গীতা ও শিহাবের কাছে কত টাকা আছে?

১০. পাশের ছকে একটি বিদ্যালয়ের শিক্ষার্থী সংখ্যা দেখানো হয়েছে। বিদ্যালয়টিতে মোট ৩৮৩৭ জন বালিকা রয়েছে। ওই বিদ্যালয়ে বালকের সংখ্যা কত?

শ্রেণি	ছাত্র-ছাত্রীর সংখ্যা (বালক ও বালিকা)
১	১৬৩২
২	১৫৮১
৩	১৫৪৩
৪	১৪৯৯
৫	১৫৭৭

১১. সোহাগ ৭০০০০ টাকা দিয়ে একটি মোটর সাইকেল খুঁয় করলেন। মোটর সাইকেলটির রেজিস্ট্রেশন বাবদ ১৫০০ টাকা ও মেরামত বাবদ ৮০০ টাকা খরচ হলো। এখন সে যদি মোটর সাইকেলটি ৯০০০০ টাকায় বিক্রি করে তাহলে তার কত টাকা লাভ হবে?



অধ্যায় ৩

গুণ

৩.১ দুই ও তিন অঙ্কের সংখ্যার গুণ



গুণ করি।

$$(1) \begin{array}{r} 23 \\ \times 3 \\ \hline \end{array}$$

$$(2) \begin{array}{r} 19 \\ \times 8 \\ \hline \end{array}$$

$$(3) \begin{array}{r} 221 \\ \times 3 \\ \hline \end{array}$$

$$(8) \begin{array}{r} 310 \\ \times 8 \\ \hline \end{array}$$

$$(5) \begin{array}{r} 286 \\ \times 6 \\ \hline \end{array}$$

$$(6) \begin{array}{r} 663 \\ \times 8 \\ \hline \end{array}$$

$$(7) \begin{array}{r} 567 \\ \times 3 \\ \hline \end{array}$$

$$(8) \begin{array}{r} 306 \\ \times 8 \\ \hline \end{array}$$

$$(9) \begin{array}{r} 21 \\ \times 88 \\ \hline \end{array}$$

$$(10) \begin{array}{r} 288 \\ \times 32 \\ \hline \end{array}$$



286×8 কে
কীভাবে গুণ করতে হয় চল
আমরা তার পুনরাগোচনা করি।

$$\begin{array}{r} 286 \\ \times 8 \\ \hline 28 & 6 \times 8 \\ 320 & \leftarrow 80 \times 8 \\ 800 & \leftarrow 200 \times 8 \\ \hline 1188 \end{array}$$

হিসাবের পদ্ধতি

$$\begin{array}{r} 286 \\ \times 18 \\ \hline 572 \end{array}$$

এককের স্থান
 6×8

$$\begin{array}{r} 286 \\ \times 18 \\ \hline 188 \end{array}$$

দশকের স্থান
 80×8

$$\begin{array}{r} 286 \\ \times 18 \\ \hline 1188 \end{array}$$

শতকের স্থান
 200×8

$$6 \times 8 = 28$$

8 কে এককের স্থানে বসাই
এবং দশকের স্থানের জন্য
2 কে হাতে রাখি।

$$8 \times 8 = 32$$

হাতে রাখা 2 কে যোগ করি।
($32 + 2 = 34$)। এই 34
হলো 3টি দশ।

$$2 \times 8 = 16$$

হাতে রাখা 3কে যোগ করি।
($8 + 3 = 11$)। 11টি
শতকের জন্য এই 11
বসল।



288×32 কে কীভাবে হিসাব করতে পারি চল আমরা তার পুনরালোচনা করি।



হিসাব প্রক্রিয়া

মৌলিক ধারণা	288
	$\times 32$
$288 \times 2 \rightarrow$	896
$288 \times 30 \rightarrow$	9880
	7936

$$\begin{array}{r} 288 \\ \times 32 \\ \hline 896 \\ 9880 \\ \hline 7936 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 288 \\ \times 32 \\ \hline 896 \\ 9880 \\ \hline 7936 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 288 \\ \times 32 \\ \hline 896 \\ 9880 \\ \hline 7936 \end{array}$$

$$288 \times 2 = 896$$

$$288 \times 30$$

আমরা
 288×30 কে
 $288 \times 3 \times 10$
 বলতে পারি।

$$896 + 9880$$

দশকের হিসাব
 দেখানোর জন্য
 '০' বসাই।

সংখ্যাকে 10 এবং 100 দ্বারা গুণ

হাজার	শতক	দশক	একক
1000 1000	100 100 100	0	0
2	3	0	0
		10 10 10	0
	2	3	0
		10 10	2
		1 1 1	3

10 বার
100 বার
10 বার

কোনো সংখ্যাকে 10 দিয়ে
 গুণ করতে হলে, সবগুলো
 অঙ্ককে এক স্থান বামপাশে
 সরিয়ে ডানপাশে একটি 0
 বসাতে হবে।

কোনো সংখ্যাকে 100 দিয়ে
 গুণ করতে হলে, সবগুলো
 অঙ্ককে দুই স্থান বামপাশে
 সরিয়ে ডানপাশে দুইটি 0
 বসাতে হবে।

১ গুণ কর:

- | | | | |
|--------------------|---------------------|----------------------|----------------------|
| (১) 5×10 | (২) 13×10 | (৩) 631×10 | (৪) 100×10 |
| (৫) 8×100 | (৬) 98×100 | (৭) 987×100 | (৮) 100×100 |

৩.২ তিন এবং চার অঙ্কের সংখ্যার গুণ



চল, আরও বড় সংখ্যা দিয়ে গুণ করার চেষ্টা করি।



কিছু ইলিশ মাছ আছে যার প্রত্যেকটির মূল্য ৩০৫ টাকা। যদি তুমি ৫৩টি ইলিশ মাছ কিনতে চাও তবে তোমার কত টাকা খরচ হবে?



যেহেতু আমরা একটি জিনিসের দাম জানি, সেহেতু ওই একই রকম কতকগুলো জিনিসের দামও আমরা এর মাধ্যমে বের করতে পারি।

গণিতিক বাক্য: $305 \times 53 = \boxed{\quad}$

হিসাব প্রক্রিয়া

$$\begin{array}{r} 305 \\ \times 53 \\ \hline 1525 \\ 1525 \\ \hline 16165 \end{array}$$

305×5 -----

305×50 -----

$$\begin{array}{r} 305 \\ \times 53 \\ \hline 1525 \\ 1525 \\ \hline 16165 \end{array}$$

মোট দাম: টাকা ১৬১৬৫

আমরা 305×50 কে $305 \times 5 \times 10$ এভাবে পিখতে পারি।



গুণ কর:

$$(1) \quad \begin{array}{r} 126 \\ \times 67 \\ \hline \end{array}$$

$$(2) \quad \begin{array}{r} 325 \\ \times 28 \\ \hline \end{array}$$

$$(3) \quad \begin{array}{r} 567 \\ \times 98 \\ \hline \end{array}$$

$$(8) \quad \begin{array}{r} 280 \\ \times 63 \\ \hline \end{array}$$

$$(5) \quad \begin{array}{r} 881 \\ \times 60 \\ \hline \end{array}$$

$$(6) \quad \begin{array}{r} 891 \\ \times 90 \\ \hline \end{array}$$

$$(7) \quad \begin{array}{r} 800 \\ \times 99 \\ \hline \end{array}$$

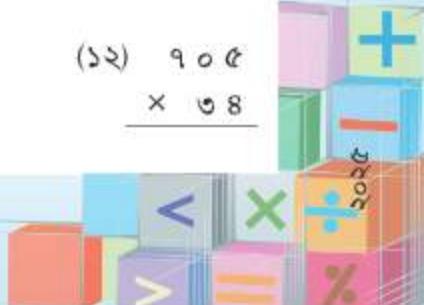
$$(8) \quad \begin{array}{r} 600 \\ \times 89 \\ \hline \end{array}$$

$$(9) \quad \begin{array}{r} 500 \\ \times 93 \\ \hline \end{array}$$

$$(10) \quad \begin{array}{r} 205 \\ \times 48 \\ \hline \end{array}$$

$$(11) \quad \begin{array}{r} 803 \\ \times 35 \\ \hline \end{array}$$

$$(12) \quad \begin{array}{r} 905 \\ \times 38 \\ \hline \end{array}$$





চল, ব্যাখ্যা করি কীভাবে ৩ অঙ্কের সংখ্যা \times ৩ অঙ্কের সংখ্যা এর হিসাব করতে হয়।

$$823 \times 238$$

হিসাব প্রক্রিয়া

$$\begin{array}{r} \boxed{} \\ \boxed{} \\ \boxed{} \end{array} \times \begin{array}{r} \boxed{} \\ \boxed{} \\ \boxed{} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 823 \\ \times 238 \\ \hline 1692 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 823 \\ \times 238 \\ \hline 1692 \\ 12690 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 823 \\ \times 238 \\ \hline 1692 \\ 12690 \\ 84600 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 823 \\ \times 238 \\ \hline 1692 \\ 12690 \\ 84600 \\ 198982 \end{array}$$

আমরা 823×30 কে

$$\boxed{} \times \boxed{} \times \boxed{}$$

এভাবে বিবেচনা করি।

আমরা 823×200 কে

$$\boxed{} \times \boxed{} \times \boxed{}$$

এভাবে বিবেচনা করি।

২

গুণ কর:

$$(1) \quad \begin{array}{r} 152 \\ \times 191 \\ \hline \end{array}$$

$$(2) \quad \begin{array}{r} 888 \\ \times 181 \\ \hline \end{array}$$

$$(3) \quad \begin{array}{r} 398 \\ \times 122 \\ \hline \end{array}$$

$$(8) \quad \begin{array}{r} 282 \\ \times 208 \\ \hline \end{array}$$

$$(5) \quad \begin{array}{r} 149 \\ \times 617 \\ \hline \end{array}$$

$$(6) \quad \begin{array}{r} 123 \\ \times 989 \\ \hline \end{array}$$

$$(7) \quad \begin{array}{r} 556 \\ \times 169 \\ \hline \end{array}$$

$$(8) \quad \begin{array}{r} 122 \\ \times 125 \\ \hline \end{array}$$

$$(9) \quad \begin{array}{r} 501 \\ \times 180 \\ \hline \end{array}$$

$$(10) \quad \begin{array}{r} 180 \\ \times 188 \\ \hline \end{array}$$

$$(11) \quad \begin{array}{r} 282 \\ \times 288 \\ \hline \end{array}$$

$$(12) \quad \begin{array}{r} 698 \\ \times 132 \\ \hline \end{array}$$

চ্যালেঞ্জ!

$$(13) \quad \begin{array}{r} 1238 \\ \times 56 \\ \hline \end{array}$$

$$(14) \quad \begin{array}{r} 3287 \\ \times 29 \\ \hline \end{array}$$

$$(15) \quad \begin{array}{r} 2015 \\ \times 322 \\ \hline \end{array}$$

$$(16) \quad \begin{array}{r} 6250 \\ \times 16 \\ \hline \end{array}$$

‘କ’ ଓ ‘ଖ’ ପଦ୍ଧତିର ମଧ୍ୟେ କୋନାଟି ସହଜ? କେନ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କର?

(କ)	(ଖ)
୩୨୬	୩୨୬
$\times 203$	$\times 203$
୯୭୮	୯୭୮
୦୦୦୦	୬୫୨୦୦
୬୫୨୦୦	୬୬୧୭୮
<hr/>	<hr/>
୬୬୧୭୮	

(କ)	(ଖ)
୧୩୮	୧୩୮
$\times ୭୦$	$\times ୭୦$
୦୦୦	୯୬୬୦
୯୬୬୦	୯୬୬୦
<hr/>	<hr/>
୯୬୬୦	



ହୁମମ... (ଖ) ପଦ୍ଧତିଟି ସଂକଷିତ ବଲେ ମନେ ହଜେ। ପାର୍ଦ୍ଦକ୍ୟଟି କି?

‘୦’ ଏଇ ଗୁଣ ବାଦ ଦେଓଯା ହରେଇଛେ। ଏହି ଏକଟି ଭାଲୋ ବୁଝି। ତବେ ଅଜଗୁଲୋର ଶାନ୍ତର ବ୍ୟାପାରେ ଆମାଦେର ସତର୍କ ଥାକତେ ହବେ।



୩ ଗୁଣ କରନ୍ତି:

$$(1) \quad \begin{array}{r} 162 \\ \times 202 \\ \hline \end{array}$$

$$(2) \quad \begin{array}{r} 248 \\ \times 305 \\ \hline \end{array}$$

$$(3) \quad \begin{array}{r} 872 \\ \times 109 \\ \hline \end{array}$$

$$(8) \quad \begin{array}{r} 205 \\ \times 809 \\ \hline \end{array}$$

$$(5) \quad \begin{array}{r} 38 \\ \times 90 \\ \hline \end{array}$$

$$(6) \quad \begin{array}{r} 203 \\ \times 90 \\ \hline \end{array}$$

$$(7) \quad \begin{array}{r} 123 \\ \times 300 \\ \hline \end{array}$$

$$(8) \quad \begin{array}{r} 862 \\ \times 200 \\ \hline \end{array}$$



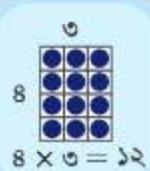
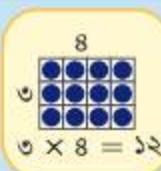


উপরে নিচে 19×267 হিসাবটি করি। নিচের পদ্ধতি দুইটি তুলনা করি এবং কোন পদ্ধতিটি সহজ তা চিন্তা করি।

<p>(ক)</p> $ \begin{array}{r} 19 \\ \times 267 \\ \hline 133 \\ 118 \\ 38 \\ \hline 5073 \end{array} $	<p>(খ)</p> $ \begin{array}{r} 267 \\ \times 19 \\ \hline 2403 \\ 267 \\ \hline 5073 \end{array} $
---	---



আমার মনে আছে, গুণ্য আর গুণকের শান বিনিময় করলে একই গুণফল পাওয়া যায়।



অতএব, আমরা 19×267 কে পরিবর্তন করে 267×19 লিখতে পারি।

উপরের হিসাবটি এটাই নির্দেশ করে যে, উপরে নিচে গুণের ক্ষেত্রে ছোট অঙ্কটিকে গুণক হিসেবে ধরলে হিসাবটি সহজে করা যায়।



নিচের গুণগুলো তুলনা করে পার্থক্য বল:

(ক) 27
 $\times 369$

(খ) 369
 $\times 27$

(গ) 88
 $\times 1273$

(ঘ) 1273
 $\times 88$



সহজ পদ্ধতিতে উপরে নিচে গুণ কর:

- | | | |
|---------------------|---------------------|---------------------|
| (১) 21×859 | (২) 88×273 | (৩) 58×268 |
| (৪) 30×167 | (৫) 80×178 | (৬) 2×5878 |

৩.৩ একটি সহজ পদ্ধতি



চল, সমাধানের সবচেয়ে সহজ পদ্ধতিটি খুঁজে বের করি।



2500×900 এর উভয়টি বের করতে ' $25 \times 9 = 175$ ' ব্যবহার করি।



$$\begin{array}{rcl}
 25 & \times & 9 \\
 \downarrow \times 100 & & \\
 2500 & \times & 9 \\
 \downarrow \times 100 & = & 175 \\
 2500 & \times & 900 \\
 & & \downarrow \times 100 \\
 & & 1750000
 \end{array}$$



$$\begin{aligned}
 & 2500 \quad \times \quad 900 \\
 & = \cancel{25} \times \cancel{100} \times \cancel{9} \times \cancel{100} \\
 & = \cancel{25} \times \cancel{9} \times \cancel{100} \times \cancel{100} \\
 & = 175 \quad \times \quad 10000 \\
 & = 1750000
 \end{aligned}$$



উভয় ফলই এক! ওরা সহজেই হিসাবটি করেছে।



' $27 \times 32 = 864$ ' ব্যবহার করে নিচের হিসাবগুলো কর:

- (১) 270×320 (২) 2700×32 (৩) 270×3200

আমরা কি উপরে নিচে গুণের ক্ষেত্রে এই পদ্ধতি প্রয়োগ করতে পারি না? তোমার কী মনে হয়?





চল, $38 \times 26 = 888$ ব্যবহার করে 3800×260 হিসাবটি উপরে নিচে সহজে সমাধান করার চেষ্টা করি।

$$\begin{array}{r}
 3800 \\
 \times 260 \\
 \hline
 208 \\
 680 \\
 \hline
 8800
 \end{array}$$

100 বার 38
 10 বার $\times 26$
208
68
 1000 বার 88

আমরা এভাবেও করতে পারি:

$$\begin{aligned}
 & 3800 \quad \times \quad 260 \\
 & = \underbrace{38}_{\text{100}} \times \underbrace{100} \times \underbrace{26}_{\text{10}} \times \underbrace{100}_{\text{10}} \\
 & = \underbrace{38}_{\text{10}} \times \underbrace{26}_{\text{10}} \times \underbrace{100}_{\text{100}} \times \underbrace{100}_{\text{1000}} \\
 & = 88 \times 1000
 \end{aligned}$$

অন্যভাবে, আমরা প্রথমে সংখ্যাগুলোকে শেষের 0 গুলো ব্যতীত গুণ করি। এরপর, গুণ্য এবং গুণকের শেষে মোট যে কয়টি 0 রয়েছে, ততটি 0 গুণফলের শেষে বসাই।



চল, আগের পদ্ধতির সাথে নিচের গুণটি তুলনা করি।

$$\begin{array}{r}
 3800 \\
 \times 260 \\
 \hline
 208000 \\
 680000 \\
 \hline
 888000
 \end{array}$$

এখানে অনেকগুলো '0' আছে এবং পদ্ধতিতে একটু জটিল

২

সহজ পদ্ধতিতে উপরে নিচে গুণ কর:

- | | | | |
|----------------------|----------------------|-----------------------|-----------------------|
| (১) 36×20 | (২) 180×18 | (৩) 23×1900 | (৪) 130×60 |
| (৫) 2630×30 | (৬) 153×200 | (৭) 1230×800 | (৮) 16700×20 |



৩.৪ অনুশীলনী

১. গুণ কর:

- | | | | |
|---|---|---|---|
| (১) 752×10 | (২) 100×10 | (৩) 853×100 | (৪) 100×100 |
| (৫) $\begin{array}{r} 185 \\ \times 26 \\ \hline \end{array}$ | (৬) $\begin{array}{r} 919 \\ \times 88 \\ \hline \end{array}$ | (৭) $\begin{array}{r} 560 \\ \times 63 \\ \hline \end{array}$ | (৮) $\begin{array}{r} 928 \\ \times 90 \\ \hline \end{array}$ |
| (৯) $\begin{array}{r} 806 \\ \times 98 \\ \hline \end{array}$ | (১০) $\begin{array}{r} 208 \\ \times 30 \\ \hline \end{array}$ | (১১) $\begin{array}{r} 137 \\ \times 232 \\ \hline \end{array}$ | (১২) $\begin{array}{r} 132 \\ \times 986 \\ \hline \end{array}$ |
| (১৩) $\begin{array}{r} 318 \\ \times 209 \\ \hline \end{array}$ | (১৪) $\begin{array}{r} 889 \\ \times 219 \\ \hline \end{array}$ | (১৫) $\begin{array}{r} 207 \\ \times 829 \\ \hline \end{array}$ | (১৬) $\begin{array}{r} 307 \\ \times 203 \\ \hline \end{array}$ |
| (১৭) $\begin{array}{r} 1265 \\ \times 38 \\ \hline \end{array}$ | (১৮) $\begin{array}{r} 3597 \\ \times 28 \\ \hline \end{array}$ | (১৯) $\begin{array}{r} 2088 \\ \times 81 \\ \hline \end{array}$ | (২০) $\begin{array}{r} 8189 \\ \times 21 \\ \hline \end{array}$ |

২. সহজ পদ্ধতিতে উপরে নিচে হিসাব কর:

- | | | |
|----------------------|----------------------|-----------------------|
| (১) 61×256 | (২) 38×567 | (৩) 80×856 |
| (৪) 1650×30 | (৫) 789×200 | (৬) 1230×200 |

৩. ' $88 \times 19 = 912$ ' ব্যবহার করে নিচের হিসাবগুলো কর:

- | | | |
|----------------------|----------------------|-----------------------|
| (১) 880×190 | (২) 8800×19 | (৩) 880×1900 |
|----------------------|----------------------|-----------------------|

৪. নিচের হিসাব দুইটির মধ্যে কোথায় ভুল রয়েছে তা ব্যাখ্যা কর এবং পরবর্তীতে শুল্কভাবে হিসাবগুলো কর।

$$\begin{array}{r}
 (\text{ক}) \quad 183 \\
 \times 62 \\
 \hline
 286 \\
 858 \\
 \hline
 1188
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 (\text{খ}) \quad 901 \\
 \times 83 \\
 \hline
 273 \\
 728 \\
 \hline
 7553
 \end{array}$$



৫. খালি বক্সে সঠিক অঙ্কটি বসাও:

(১)

$$\begin{array}{r}
 2 \ 3 \\
 \times 3 \ \square \\
 \hline
 6 \ \square \\
 \\
 6 \ 9 \ 0 \\
 \hline
 9 \ \square \ 9
 \end{array}$$

(২)

$$\begin{array}{r}
 \square \ \square \ 3 \\
 \times \ \ \ \square \\
 \hline
 2 \ 3 \ 9 \ 2
 \end{array}$$

(৩)

$$\begin{array}{r}
 \square \ \ \ 9 \\
 \times \ \ \ \square \\
 \hline
 \square \ \ \ 9 \\
 \\
 \square \ \ 1 \ \ \ 0 \\
 \hline
 \square \ \ \ 8 \ 3
 \end{array}$$

চ্যালেঞ্জ!



৬. তোমার কাছে ১০০টি ১০০ টাকার নোট রয়েছে। তোমার কাছে মোট কত টাকা রয়েছে?

৭. ৩৭টি বক্সের প্রতিটিতে ৫০০টি করে ক্লিকেট ম্যাচের টিকেট রয়েছে। বাঙ্গলোতে মোট কতটি টিকেট রয়েছে?

৮. রহিমা সেলাই করে প্রতিদিন ১২৫ টাকা উপার্জন করেন। তিনি ২৫ দিনে কত টাকা উপার্জন করেন?

৯. তোমার কাছে প্রতিটি ২৩০ মিটার লম্বা ১৫টি রশি রয়েছে। যদি তুমি ১৫টি রশি এক লাইনে রাখতে পুরো রশিটি লম্বায় কত মিটার হবে?

১০. যদি তুমি একটি মাটির ব্যাংকে প্রতিমাসে ১৬৫ টাকা জমাও তবে এক বছরে তুমি কত টাকা জমাতে পারবে?

১১. সেলিম তার মুরগির খামার থেকে ১৮৫টি মুরগি বিক্রয় করলেন।

তিনি প্রতিটি মুরগির জন্য ২৭৫ টাকা করে পেলেন। সেলিম মুরগি বিক্রয় করে মোট কত টাকা পেলেন?



১২. একটি খাতা প্রস্তুত করতে ৭৮ পাতা কাগজের প্রয়োজন। এরূপ ৯৫৫টি খাতা প্রস্তুত করতে তোমার কত পাতা কাগজের প্রয়োজন হবে?



অধ্যায় ৪

ভাগ

৪.১ এক অঙ্কের ভাজক দ্বারা ভাগ



ভাগ করি।

$$(১) 82 \div 9 \quad (২) 57 \div 8 \quad (৩) 280 \div 3 \quad (৪) 820 \div 5$$

(৫)

(৬)

(৭)

(৮)

$$8) 80($$

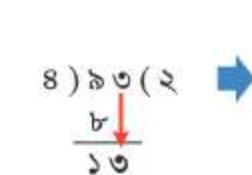
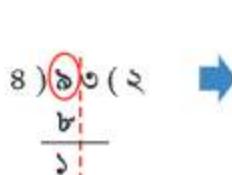
$$9) 73($$

$$6) 88($$

$$5) 61($$



চল, $93 \div 8$ কে কীভাবে ভাগ করা যায় তা পুনরালোচনা করি।



ভাজ্যের দশকের স্থানে
থাকা অঙ্কটি দেখি।
ডানপাশে ভাগফল
২ লিখি। ৮ কে ২ দ্বারা গুণ
করে ৮ লিখি। ৯ থেকে ৮
কে বিয়োগ করি যার ফলে
ভাগশেষ হিসেবে ১
অবশিষ্ট থাকে। দশক
স্থানের জন্য
 $9 \div 8 = 2$ ভাগশেষ ১।

৩ কে নিচে নামিয়ে
নিয়ে আসি।

ভাগফলে ডান দিকে এককের
স্থানে ৩ লিখি। ৮ কে ৩ দ্বারা
গুণ করে ১২ লিখি। ১৩ থেকে
১২ কে বিয়োগ করি যার ফলে
ভাগশেষ হিসেবে ১ অবশিষ্ট
থাকে। একক স্থানের জন্য
 $13 \div 8 = 3$ ভাগশেষ ১

ভাগফল ২ ও ভাগশেষ ১

আমরা একে গ্রাহি ভাগফল ২ ও ভাগশেষ ১।

আমরা সাধারণত এ পদ্ধতিতে ভাগ করে থাকি। তবে ভাগ করার আরও পদ্ধতি রয়েছে।





পূর্বের ভাগ পদ্ধতির সাথে নিচের পদ্ধতির তুলনা করি।

8	9	3



2		
8	9	3
8		
1		



2		
8	9	3
8		
1	3	

ভাগফল

2	3	
8	9	3
8		
1	3	
1	2	
	1	



বেশ
মজার।

ভাগফলটি ভাজের ঠিক উপরে
বসেছে, এর ডান দিকে নয়। তবে
ভাগের ফলাফলে কোন পার্থক্য নেই।



ভাগের পদ্ধতি একই রকম তবে ভাগফলের অবস্থানটি ভিন্ন। যেহেতু ভাগফলের অবস্থান ভাজের অবস্থানের সাথে সমষ্টি, তাই ভাগফলের স্থান নিয়ে আমাদের দৃষ্টিক্ষণ কিছু নেই।



চতুর্থ শ্রেণির পর থেকে এই পদ্ধতিটিই ভাগের পদ্ধতি হিসেবে ব্যবহৃত হবে।
 $390 \div 7$ সমাধান করি।

7)	3	9	0

5			
7)	3	9	0

5			
7)	3	9	0

5			
7)	3	9	0

5	5		
7)	3	9	0

আমরা $3 \div 7$
করতে পারি
না। তাই দশক
স্থানটি খেয়াল
করি।

এখন আমরা
 $39 \div 7$ করতে
পারি।
৫ কে ভাগফল
হিসেবে দশক
স্থানে লিখি।

৭ কে ৫ দিয়ে
গুণ করে ৩৫
পাই।
৩৯ থেকে ৩৫
বিয়োগ করে
আমরা ৪ পাই।

এবার একক
স্থানের ০ কে
নিচে নামিয়ে
আনি।

এখন আমরা
একইভাবে
 $80 \div 7$
করতে পারি।

ভাগফল ৫৫ ভাগশেষ ৫

১

আন্তর্জাতিক পদ্ধতিতে ভাগ কর:

(1) $8 \overline{) 80}$

(2) $9 \overline{) 73}$

(3) $6 \overline{) 88}$

(4) $5 \overline{) 63}$

(5) $6 \overline{) 268}$

(6) $8 \overline{) 182}$

(7) $7 \overline{) 819}$

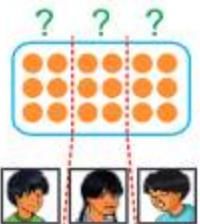
(8) $3 \overline{) 638}$



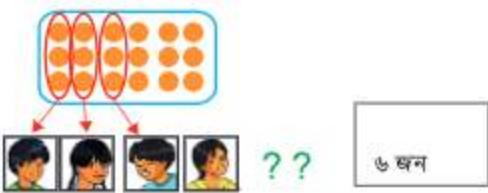


একটি গাণিতিক বাক্য লিখি এবং নিচের কোনটির জন্য ভাগ পদ্ধতি ব্যবহার করব তা নিয়ে চিন্তা করি।

(১) যদি ১৮টি চকলেট ত জনের মাঝে সমানভাবে ভাগ করে দেওয়া হয়, তবে প্রত্যেকে কতটি করে চকলেট পাবে?



(২) যদি ১৮টি চকলেট এমনভাবে ভাগ করে দেওয়া হয় যে, প্রত্যেকে ৩টি করে পাবে, তবে কতজন লোক চকলেট পাবে?

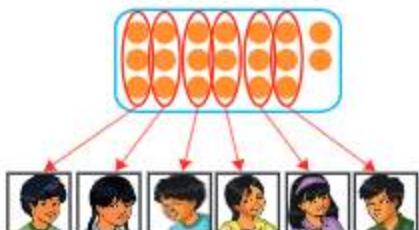


(১) এবং (২) উভয়েরই গাণিতিক বাক্য $18 \div 3 = 6$ । উভয় ক্ষেত্রেই ‘সমবিভাজন’ এবং ‘সমবন্টন’ ভাগ পদ্ধতি ব্যবহৃত হয়েছে।

কীভাবে উভয় যাচাই করবে

গুণ এবং ভাগের সম্পর্ক

যদি ২০টি চকলেট এমনভাবে ভাগ করে দেওয়া হয় যে, প্রত্যেকে ৩টি করে পাবে, তবে কতজন লোক চকলেট পাবে এবং কতটি চকলেট অবশিষ্ট থাকবে?



গাণিতিক বাক্য: $20 \div 3 = 6$, ভাগশেষ ২

৬ জন লোক চকলেট পাবে এবং ২টি চকলেট অবশিষ্ট থাকবে।

3×6 এর গুণফলের সাথে অবশিষ্ট ২টি চকলেট যোগ করলে মোট ২০টি চকলেট হয় কিনা তা নিশ্চিত করি।

$$\begin{array}{r}
 20 \div 3 = 6 \text{ ভাগশেষ } 2 \\
 \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\
 3 \times 6 + 2 = 20
 \end{array}$$

মিল

ভাজক \times ভাগফল + ভাগশেষ = ভাজ

ভাগের উভয় যাচাই করার জন্য এই সম্পর্কটি ব্যবহার করা যায়।

৪.২ তিন অঞ্জের সংখ্যাকে দুই অঞ্জের সংখ্যা দ্বারা ভাগ



চল, বড় সংখ্যা দিয়ে ভাগের চেষ্টা করি।



তোমার কাছে ৮০টি চকলেট আছে এবং ১০টি করে চকলেট ছোট ছোট ব্যাগের মধ্যে রাখা আছে (১) যদি তুমি তোমার বন্ধুদের প্রত্যেককে ২০টি করে চকলেট দাও, কতজন বন্ধু চকলেট পাবে?

$$\text{গণিতিক বাক্য: } 80 \div 20$$

এখন চল, আমরা ছোট ব্যাগের হিসাবে সমস্যাটি চিন্তা করি।



১০ এর দল হিসেবে বিবেচনা করি: $8 \div 2$

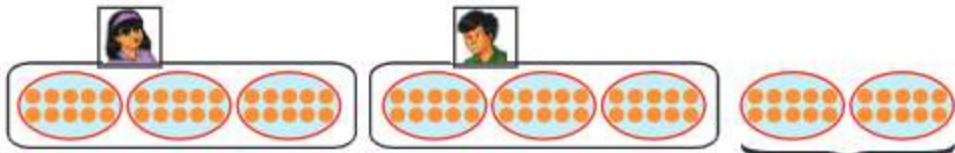
ওহ, আমরা $80 \div 20$ কে 10 এর মাধ্যমে $8 \div 2$ হিসেবে বিবেচনা করতে পারি।

$$80 \div 20 = 8$$

উত্তর: ৪ জন বন্ধু পাবে।

(২) যদি তুমি তোমার বন্ধুদের প্রত্যেককে ৩০টি করে চকলেট দাও, কতজন বন্ধু চকলেট পাবে?

$$\text{গণিতিক বাক্য: } 80 \div 30$$



১০ এর দলের মাধ্যমে বিবেচনা করি: $8 \div 3$

$$80 \div 30 = 2 \text{ ভাগশেষ } 20$$

২ জন বন্ধু চকলেট পাবে এবং ২০টি চকলেট অবশিষ্ট থাকবে।





নিচের সূত্রটি ব্যবহার করে আগের পৃষ্ঠার উভরগুলো যাচাই করি:

$$\text{ভাজক} \times \text{ভাগফল} + \text{ভাগশেষ} = \text{ভাজ}$$

(১) $80 \div 20 = 8$

সঠিক
মিল

$$20 \times 8 = 80$$

(২) $80 \div 30 = 2$ ভাগশেষ ২০

সঠিক
মিল

$$30 \times 2 + 20 = 80$$



১ ভাগ কর এবং তার উভর যাচাই করি:

- | | | | |
|-------------------|--------------------|--------------------|--------------------|
| (১) $90 \div 30$ | (২) $80 \div 80$ | (৩) $120 \div 80$ | (৪) $280 \div 60$ |
| (৫) $820 \div 70$ | (৬) $800 \div 50$ | (৭) $50 \div 20$ | (৮) $80 \div 30$ |
| (৯) $120 \div 30$ | (১০) $210 \div 50$ | (১১) $390 \div 60$ | (১২) $500 \div 90$ |



নিচের সমস্যাটির ভূল খুজে বের কর এবং তার সঠিক উভরটি নির্ণয় কর:

$$190 \div 80 = 8 \text{ ভাগশেষ } 3$$



তোমার কাছে ৮৫টি চকলেট রয়েছে। যদি তুমি বন্ধুদেরকে ২১টি করে চকলেট দাও তবে কতজন চকলেট পাবে?

সমস্যাটি আগের সমস্যাটির অনুরূপ।



গাণিতিক বাক্য:

প্রথমে ভাগফলটি কী হবে তা অনুমান করি।



৮৫ কে ৮০ এবং ২১ কে ২০ বলে মনে করি।

$$85 \div 21 \rightarrow 80 \div 20 \rightarrow 8 \div 2$$

অনুমিত ভাগফলটি : $8 \div 2 = 8$



চল এখন, $85 \div 21$ এর জন্য কীভাবে লম্বা ভাগ করা যায় তা চিন্তা করি।



$$21) \overline{)85}$$

$$21) \overline{)85} \quad 8$$

$$21) \overline{)85} \quad 8 \\ 8 \quad 8$$

$$21) \overline{)85} \quad 8 \\ 8 \quad 8 \\ 1$$

১. প্রথমে ভাজ্যের দশকের স্থানটি খেয়াল করি। কিন্তু আমরা $8 \div 21$ করতে পারি না। তাই ভাজ্যের একক স্থানটিতে যাই।

২. এখন আমরা $85 \div 21$ করতে পারি। আমরা একক স্থানে অনুমিত ভাগফল ৪ লিখি।

৩. 21 কে ৪ দিয়ে গুণ করি যার উন্নত হবে ৮৪।

৪. ৮৫ থেকে ৮৪ বিয়োগ করি, যার ভাগশেষ হলো ১।

$$85 \div 21 = 4 \text{ ভাগশেষ } 1$$

৪টি চকলেট পাবে এবং অবশিষ্ট থাকবে ১টি চকলেট



চল, আমরা উপরে নিচে $62 \div 31$ এর হিসাব করি।



আমরা 62 কে 60 এবং 31 কে 30 বলে মনে করি।

$$62 \div 31 \rightarrow 60 \div 30 \rightarrow 6 \div 3$$

অনুমিত ভাগফল: $6 \div 3 = 2$

$$31) \overline{)62}$$

$$31) \overline{)62} \quad 2$$

$$31) \overline{)62} \quad 2 \\ 62 \\ \underline{62}$$

$$31) \overline{)62} \quad 2 \\ 62 \\ \underline{0}$$

$$\underline{62 \div 31 = 2}$$



উপরে নিচে ভাগ কর:

$$21) \overline{)63} \quad \boxed{} \\ \boxed{} \quad \boxed{} \\ \underline{\boxed{} \quad \boxed{}}$$

$$11) \overline{)66} \quad \boxed{} \\ \boxed{} \quad \boxed{} \\ \underline{\boxed{} \quad \boxed{}}$$

$$28) \overline{)51} \quad \boxed{} \\ \boxed{} \quad \boxed{} \\ \underline{\boxed{} \quad \boxed{}}$$

$$35) \overline{)72} \quad \boxed{} \\ \boxed{} \quad \boxed{} \\ \underline{\boxed{} \quad \boxed{}}$$



উপরে নিচে ভাগ কর:

$$(1) \quad 36 \div 12$$

$$(2) \quad 96 \div 32$$

$$(3) \quad 76 \div 38$$

$$(4) \quad 98 \div 87$$

$$(5) \quad 25 \div 12$$

$$(6) \quad 78 \div 11$$

$$(7) \quad 84 \div 81$$

$$(8) \quad 98 \div 85$$



আঙুলের ব্যবহার:

ভাগ করার সময় সংখ্যার স্থান যাচাইয়ের জন্য নিম্নরূপে আঙুল ব্যবহার করা সুবিধাজনক

$$85) \overline{) 9}$$

‘আমরা $9 \div 85$ করতে পারি না।’

$$85) \overline{) 8}$$

‘এখন আমরা $84 \div 85$ করতে পারি।’



একটি বক্সে ১৬৫টি পেনসিল রয়েছে। যদি আমরা ৫৫ জনের মাঝে সমান সংখ্যক পেনসিল বিতরণ করি, তবে প্রত্যেকে কতটি করে পেনসিল পাবে?



সমান সংখ্যায় ভাগ করার জন্য আমরা কে বেছে নিই।

গাণিতিক বাক্য:

অনুমান করি: $165 \div 55 \rightarrow 160 \div 50 \rightarrow 16 \div 5 \rightarrow$ প্রায় ৩

$$\begin{array}{r} 55) \overline{) 165} \\ \downarrow \qquad \downarrow \qquad \downarrow \qquad \downarrow \\ 55) \overline{) 165} \qquad \qquad 3 \\ \underline{165} \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad 0 \\ \end{array}$$

১. শতক স্থানীয় মানটিতে, আমরা $1 \div 55$ করতে পারি না। এবার তাহলে, ভাজ্যের দশক স্থানীয় সংখ্যাটি সাথে নিই।

২. দশক স্থানেও আমরা $16 \div 55$ করতে পারি না। তাই এবার একক স্থানের অংকটিও সাথে নিই।

৩. এখন আমরা $165 \div 55$ করতে পারি। আমরা অনুমিত ৩ কে ভাগফল হিসেবে একক স্থানে লিখি। ৫৫ কে ৩ দ্বারা গুণ করে ১৬৫ পাই।

৪. ১৬৫ থেকে ১৬৫ বিয়োগ করি এবং ভাগশেষ হিসেবে ০ পাই।

$$165 \div 55 = 3$$

প্রত্যেকে ৩টি করে পেনসিল পাবে।



উপরে নিচে ভাগ কর:

$$(1) 129 \div 43 \quad (2) 128 \div 32 \quad (3) 815 \div 83 \quad (4) 359 \div 51$$

$$(5) 382 \div 62 \quad (6) 318 \div 83 \quad (7) 662 \div 98 \quad (8) 239 \div 87$$



অনুমান সবসময় সঠিক না হয়ে কম বা বেশি হতে পারে। অনুমিত মানটি সঠিক হয়েছে কি না তা যাচাই করার জন্য আমাদের বার বার পরীক্ষা করতে হবে।



ভাগ করি।

$$(1) 95 \div 30$$

$$90 \div 30$$

$$9 \div 3$$

$$3$$

$$\begin{array}{r} 3 \\ 34 \overline{) 95} \\ 102 \\ \hline 2 \end{array}$$

ছোট সংখ্যা থেকে বড় সংখ্যা
বিবোগ করা যায় না।

যদি তোমার অনুমিত
ভাগফলটি বেশি বড় হয়ে
যায়, তবে ঠিক এর
আগের ছোট সংখ্যাটি
নাও।



$$(2) 189 \div 27$$

$$189 \div 27$$

$$180 \div 20$$

$$\text{প্রায় } 9$$

$$\begin{array}{r} 9 \\ 27 \overline{) 189} \\ 243 \\ \hline 216 \\ \hline 216 \\ \hline 0 \end{array}$$

ছোট সংখ্যা থেকে বড় সংখ্যা
বিবোগ করা যায় না।

এখনও অনেক বড়।

$$(3) 97 \div 18$$

$$97 \div 18$$

$$90 \div 20$$

$$\text{প্রায় } 3$$

২০ এর মধ্যে আরও
একটি 18 রয়েছে।

$$\begin{array}{r} 3 \\ 18 \overline{) 97} \\ 54 \\ \hline 43 \\ \hline 36 \\ \hline 7 \end{array}$$

যদি ভাগশেষটি
ভাজকের চেয়ে বড়
হয়ে যায়, তবে এর
ঠিক পরের বড়
সংখ্যাটি বসাও।



ভাগ কর:

$$(1) 86 \div 28$$

$$(2) 97 \div 19$$

$$(3) 91 \div 13$$

$$(4) 75 \div 15$$



৪৩২টি কাগজের টুকরা রয়েছে। যদি তুমি ১৮ জনের মাঝে সমান সংখ্যক টুকরা বিতরণ কর, তাহলে প্রত্যেকে কতটি করে পাবে?



সমান সংখ্যায় ভাগ করার ফলে আমরা
ব্যবহার করি।

গাণিতিক বাক্য:

$$\text{অনুমান: } \rightarrow 430 \div 20 \rightarrow 43 \div 2 \rightarrow \text{প্রায় } 20$$

$$\begin{array}{r} 18) 432 \\ \downarrow \qquad \downarrow \qquad \downarrow \qquad \downarrow \\ 18) 432 \\ \underline{-36} \qquad \qquad \underline{-36} \qquad \qquad \underline{-72} \\ \qquad \qquad \qquad 92 \\ \qquad \qquad \qquad \underline{-72} \\ \qquad \qquad \qquad 0 \end{array}$$

১. শতক স্থানে
আমরা $4 \div 18$
করতে পারি না।
কিন্তু দশক স্থানে
সরলে আমরা
 $43 \div 18$ করতে
পারি।

২. দশক স্থানে আমরা
ভাগফল হিসেবে ২
গিয়ি এবং 18 কে ২
দ্বারা গুণ করে ৩৬
পাই।
 43 থেকে ৩৬ বিয়োগ
করে ৭ পাই।

৩. একক
স্থানে যাই এবং
২ কে নিচে
নামাই। এখন
আমাদের কাছে
৭২ আছে।

৪. এখন আমরা $72 \div 18$
করে একক স্থানে ভাগফল
হিসেবে ৪ পাই এবং কোনো
ভাগশেষ নিই।

আমাদের উচিত অনুমিত ভাগফলের সাথে তুলনা করে আসল
ভাগফলের সত্যতা যাচাই করা। এই ফলে ২৪ ভাগফলটি ২০
এর কাছাকাছি।

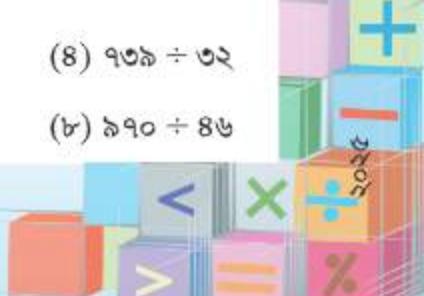


$$432 \div 18 = 24$$

প্রত্যেকে ২৪ টি করে কাগজ পাবে।

১. উপরে নিচে ভাগ কর:

- | | | | |
|-------------------|-------------------|-------------------|-------------------|
| (১) $682 \div 22$ | (২) $985 \div 85$ | (৩) $672 \div 32$ | (৪) $739 \div 32$ |
| (৫) $572 \div 12$ | (৬) $610 \div 19$ | (৭) $690 \div 16$ | (৮) $970 \div 46$ |





নিচের ভাগটি করি।

$$981 \div 23$$

$$\begin{array}{r} 8 \\ 23 \) 981 \\ 92 \\ \hline 21 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 80 \\ 23 \) 981 \\ 92 \\ \hline 21 \\ 21 \\ \hline 0 \end{array}$$

$21 \div 23$ সম্ভব নয়, তাই '0' দিয়ে
23 কে গুণ করতে হবে।

৮

উপরে নিচে ভাগ কর:

- (1) $911 \div 23$ (2) $931 \div 18$ (3) $963 \div 25$ (4) $810 \div 27$

৪.৩ চার অঙ্কের সংখ্যাকে দুই অঙ্কের সংখ্যা দ্বারা ভাগ



উপরে নিচে ভাগ করি।

$$(1) 3266 \div 23 \rightarrow 3000 \div 20 \rightarrow 300 \div 2 \rightarrow \text{আয় } 150$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ 23 \) 3266 \\ 23 \\ \hline 9 \end{array} \rightarrow \begin{array}{r} 18 \\ 23 \) 3266 \\ 23 \\ \hline 96 \end{array} \rightarrow \begin{array}{r} 182 \\ 23 \) 3266 \\ 23 \\ \hline 92 \\ 92 \\ \hline 86 \\ 86 \\ \hline 0 \end{array}$$

$3266 \div 23 = 182$



(2) $1576 \div 17$

$1600 \div 20$

$160 \div 2$

পাই ৮০

$$\begin{array}{r}
 17 \overline{)1576} \\
 153 \\
 \hline
 8
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 17 \overline{)1576} \\
 153 \\
 \hline
 86
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 17 \overline{)1576} \\
 153 \\
 \hline
 86 \\
 38 \\
 \hline
 12
 \end{array}$$

$1576 \div 17 = 92$ ভাগশেষ ১২



(1) এবং (2) দুইটি ভাগই ‘৪ অঙ্কের সংখ্যা \div ২ অঙ্কের সংখ্যা’। একটি ভাগফল ৩ অঙ্কের এবং অপরটি ২ অঙ্কের। এটি রহস্যজনক।

তুমি কি পার্থক্যটি
বলতে পার?



১

উপরে নিচে ভাগ কর:

- (1) $3038 \div 18$ (2) $7824 \div 88$ (3) $5876 \div 32$ (4) $8213 \div 27$
 (5) $8032 \div 63$ (6) $8920 \div 58$ (7) $6100 \div 72$ (8) $1512 \div 126$

৪.৪ সহজ পদ্ধতি

চ্যালেঞ্জ!



চল, সমাধান খুঁজে পাওয়ার সহজ পথ খুঁজে বের করি।

 $6 \div 2$, $60 \div 20$ এবং $600 \div 200$ এর তুলনা করি।

$6 \div 2$

৬টি চকলেট বণ্টন করা হলো যেন প্রত্যেকে
২টি করে পাই...

$60 \div 20$

৬০টি চকলেট বণ্টন করা হলো যেন প্রত্যেকে
২০টি করে পাই...

$600 \div 200$

৬০০টি চকলেট বণ্টন করা হলো যেন প্রত্যেকে
২০০টি করে পাই...



বাহ! থতিটি ফেত্রেই তিন জন করে চকলেট পেয়েছে। ভাগফল একই।

$$\begin{array}{r} 6 \quad \div \quad 2 \quad = \quad 3 \\ | \quad \downarrow \times 10 \quad | \quad \downarrow \times 10 \quad | \\ 60 \quad \div \quad 20 \quad = \quad 3 \\ | \quad \downarrow \times 100 \quad | \quad \downarrow \times 100 \quad | \\ 600 \quad \div \quad 200 \quad = \quad 3 \end{array}$$

সমান

$$\begin{array}{r} 6 \quad \div \quad 2 \quad = \quad 3 \\ | \quad \uparrow \quad | \quad \uparrow \quad | \\ 60 \quad \div \quad 20 \quad = \quad 3 \\ | \quad \uparrow \quad | \quad \uparrow \quad | \\ 600 \quad \div \quad 200 \quad = \quad 3 \end{array}$$

সমান

যদি কোনো ভাগের ভাজক এবং ভাজ্যকে একই সংখ্যা দ্বারা গুণ বা ভাগ করা হয়, তবে ভাগফল একই থাকে।

আমরা ভাগের এই বৈশিষ্ট্যকে ভাগ সংক্রান্ত সমস্যা সমাধানে ব্যবহার করতে পারি।



ভাগের বৈশিষ্ট্য ব্যবহার করে নিচের সমস্যাগুলো সমাধান করার চেষ্টা করি।

- | | | |
|--------------------|---------------------|-----------------------|
| (১) $800 \div 200$ | (২) $1800 \div 200$ | (৩) $3500 \div 700$ |
| (৪) $5800 \div 60$ | (৫) $1000 \div 100$ | (৬) $10000 \div 1000$ |



ভাজ্য ও ভাজক থেকে সমান সংখ্যক ০ বাদ দেওয়া এটি একটি ধারণা।

[উদাহরণ] $8\text{৯}\text{৯} \div 2\text{৯}\text{৯} = 8 \div 2$, $580\text{৬} \div 6\text{৬} = 580 \div 6$



রিপা, সুমন এবং সোহাগ $3500 \div 250$ কে সহজ পদ্ধতিতে সমাধান করেছে।
চল, আমরা উদ্দের সমাধানের পদ্ধতিগুলো ব্যাখ্যা করি।

(১) রিপা



$$\begin{array}{r} 3500 \quad \div \quad 250 \\ | \quad \downarrow \div 10 \quad | \quad \downarrow \div 10 \\ 350 \quad \div \quad 25 \quad = \quad 18 \end{array}$$

(২) সুমন



$$\begin{array}{r} 3500 \quad \div \quad 250 \\ | \quad \downarrow \quad | \quad \downarrow \quad | \\ 350 \quad \div \quad 25 \quad = \quad 18 \\ | \quad \downarrow \quad | \quad \downarrow \quad | \\ 70 \quad \div \quad 5 \quad = \quad 18 \end{array}$$

(৩) সোহাগ



$$\begin{array}{r} 3500 \quad \div \quad 250 \\ | \quad \downarrow \quad | \quad \downarrow \quad | \\ 350 \quad \div \quad 25 \quad = \quad 18 \\ | \quad \downarrow \quad | \quad \downarrow \quad | \\ 1800 \quad \div \quad 100 \quad = \quad 18 \end{array}$$



১

ভাগের বৈশিষ্ট্যসমূহ ব্যবহার করে নিচের সমস্যাগুলো সমাধান কর এবং সমাধানের পদ্ধতি সহপাঠীদের সাথে আলোচনা কর।

- (১) $250 \div 50$ (২) $8100 \div 900$
 (৩) $150 \div 25$ (৪) $700 \div 25$

৮

নিচের পদ্ধতিটি ভুল অথবা সঠিক তা যাচাই করার জন্য হিসাবটি করি।

যদি আমরা কোনো সংখ্যাকে ১০ বা ১০০ দ্বারা সহজ পদ্ধতিতে ভাগ করি, তবে ভাজকের ডানপাশে ঠিক যতগুলো শূন্য রয়েছে, ভাজের ডানপাশ থেকে ঠিক ততগুলো অঙ্কের আগে কমা বসাই। এর ফলে, কমার বামপাশের সংখ্যাটি হবে ভাগফল এবং ডানপাশের সংখ্যাটি হবে ভাগশেষ।

$$\begin{array}{c|c} 738 \div 10 & 987 \div 100 \\ \downarrow \text{ভাগফল} & \downarrow \text{ভাগফল} \\ 73\cancel{8} & 9\cancel{8}\cancel{7} \\ & \downarrow \text{ভাগশেষ} \\ & 100 \end{array}$$

২

চল, এবার উপরের পদ্ধতির সাহায্যে নিচের সমস্যাগুলো সমাধান করি।

- (১) $876 \div 10$ (২) $1238 \div 10$ (৩) $965 \div 100$ (৪) $9765 \div 100$

৪.৫ অনুশীলনী

১. ভাগ কর:

- | | | | |
|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|
| (১) $60 \div 30$ | (২) $90 \div 80$ | (৩) $280 \div 30$ | (৪) $310 \div 80$ |
| (৫) $85 \div 15$ | (৬) $92 \div 86$ | (৭) $83 \div 81$ | (৮) $99 \div 28$ |
| (৯) $168 \div 82$ | (১০) $855 \div 93$ | (১১) $228 \div 28$ | (১২) $181 \div 27$ |
| (১৩) $837 \div 27$ | (১৪) $691 \div 16$ | (১৫) $928 \div 83$ | (১৬) $968 \div 25$ |
| (১৭) $2795 \div 15$ | (১৮) $3030 \div 18$ | (১৯) $1678 \div 18$ | (২০) $9316 \div 32$ |

২. সহজ পদ্ধতিতে ভাগ কর:

- | | |
|------------------------|---------------------|
| (১) $7600 \div 200$ | (২) $9200 \div 900$ |
| (৩) $100000 \div 1000$ | (৪) $350 \div 25$ |



৩. খালিঘর পূরণ কর:

(১)

$$\begin{array}{r} 2 \\ 3 \square) 6 9 \\ \underline{- 2 8} \\ 1 \end{array}$$

(২)

$$\begin{array}{r} 2 \square \\ 1 \square) 2 9 \square \\ \underline{- 2 8} \\ 1 \square \\ \underline{- 1 8} \\ 3 \end{array}$$

(৩)

$$\begin{array}{r} \square \square \\ \square 3) 8 \square \square \\ \underline{- 8 6} \\ \square 0 \\ \underline{- 0} \\ 1 0 \end{array}$$

চ্যালেঞ্জ!

৪. কোন সংখ্যাকে ৩৪ দিয়ে ভাগ করলে এর ভাগফল ৩ এবং ভাগশেষ ১০ পাওয়া যায়।
সংখ্যাটি কত?

৫. তুমি ১৯ জন খেলোয়াড় থেকে ১১ সদস্য বিশিষ্ট কতটি ফুটবল দল গঠন করতে পারবে?

৬. ২৬ জন লোকের মাঝে ১৮২টি পোস্টকার্ড বিতরণ করলে প্রত্যেকে কতটি করে পোস্টকার্ড পাবে?

৭. ৫০০টি পেনসিল থেকে প্রতি বঙ্গে ১২টি করে পেনসিল রাখলে কতটি বঙ্গের প্রয়োজন পড়বে এবং
কতটি পেনসিল অবশিষ্ট থাকবে?

৮. ১৭১৬ মিটার লম্বা একটি তারকে ৭৮টি সমানভাগে ভাগ করা হলে প্রতিভাগের দৈর্ঘ্য কত মিটার
হবে?

৯. ৮৫ কেজি চালের দাম ২২৯৫ টাকা হলে ১ কেজি চালের দাম কত?

১০. তোমার কাছে ২৭৮৪টি পুঁতি আছে। একটি মালা তৈরি করতে ৯৮টি
পুঁতি লাগে। সবগুলো পুঁতি ব্যবহার করে তুমি এরূপ কতটি মালা
তৈরি করতে পারবে?



যোগ, বিয়োগ, গুণ ও ভাগ সংক্রান্ত সমস্যা

৫.১ গাণিতিক বাক্য এবং হিসাবের ধারাবাহিকতা



চল, আমরা গাণিতিক বাক্যের সাথে পরিচিত হই এবং ধারাবাহিকভাবে হিসাব করতে শিখি!



সোহেল ২৩০ টাকা দিয়ে একটি মুরগি কিনল। এরপরই সে ৬০ টাকা দিয়ে ডাল এবং ৪০ টাকা দিয়ে সবজি কিনল। সোহেল মোট কুতু টাকা খরচ করল তা গাণিতিক বাক্যে প্রকাশ করি এবং সমস্যাটি সমাধান করি।

চল, আমরা একটি সাধারণ গাণিতিক বাক্যে সমস্যাটিকে প্রকাশ করার চেষ্টা করি।



গাণিতিক বাক্য:



চল, নিচের ধারণাগুলো দেখি, গাণিতিক বাক্যগুলো তুলনা করি এবং সমস্যা সমাধানে হাসান ও শিলার চিন্তাধারা ব্যাখ্যা করি।



হাসান

$$230 + 60 + 40 \\ = 330$$

৩৩০ টাকা



শিলা

$$230 + (60 + 40) \\ = 230 + 100$$

৩৩০ টাকা

কী মজা! গাণিতিক সমস্যা সমাধানে একজন কীভাবে চিন্তা করছে তা আমরা তার গাণিতিক বাক্য দেখেই বুঝতে পারি।



সংখ্যাগুলো একটি একটি করে বা প্রথমে বিভিন্ন দলে ভাগ করে যেভাবেই যোগ করি না কেনো, উভয় একই হবে। দলগতভাবে হিসাব করার ক্ষেত্রে আমরা প্রথম বন্ধনী ‘()’ ব্যবহার করতে পারি। সাধারণত আমরা বাম থেকে ডান দিকে হিসাব করে থাকি। কিন্তু যখন বন্ধনী থাকে, তখন বন্ধনীর ভেতরের হিসাব আগে করতে হয়।

$$\begin{array}{c} 230 + 60 + 40 \\ \textcircled{1} \quad \textcircled{2} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{c} 230 + (60 + 40) \\ \textcircled{1} \quad \textcircled{2} \\ \hline \end{array}$$



মিসেস রিতার কাছে ৮২০ টাকা ছিল। তিনি তাঁর মেয়েকে ২৬০ টাকা এবং ছেলেকে ২৪০ টাকা দিলেন। মিসেস রিতার কাছে এখন কত টাকা আছে তার হিসাব গাণিতিক বাকের সাহায্যে প্রকাশ করি এবং সমস্যাটি সমাধান করি।



গাণিতিক বাক্য:

চল, মিতু এবং সবুজের ধারণাগুলো তুলনা করি এবং তাদের চিন্তাধারা ব্যাখ্যা করি।



মিতুর ধারণা

$$\begin{aligned} 820 - 260 - 240 \\ = 560 - 240 \\ = 320 \end{aligned}$$

৩২০ টাকা



সবুজের ধারণা

$$\begin{aligned} 820 - (260 + 240) \\ = 820 - 500 \\ = 320 \end{aligned}$$

৩২০ টাকা

সংখ্যাগুলো একে একে বিয়োগ করলে বা প্রথমে দলগতভাবে বৃক্ষনীর ভেতরের সংখ্যাগুলোকে যোগ করে পরে বিয়োগ করলে, যেভাবেই বিয়োগ করি না কেন, উভয় একই হবে। বিয়োগের ক্ষেত্রে বৃক্ষনীর ভেতরের হিসাবের ব্যাপারে সতর্ক থাকতে হবে। কেননা, বৃক্ষনীর ভেতরের হিসাবটি যোগ।



২টি ট্রের প্রতিটিতে ৪টি করে প্রেট রয়েছে। আমি প্রতিটি প্রেটে ৩টি করে পেঁয়াজু রেখেছি। ২টি ট্রেতে মোট কতটি পেঁয়াজু আছে তা গাণিতিক বাকের সাহায্যে থেকাশ করি এবং সমস্যাটি সমাধান করি।



গাণিতিক বাক্য:



কাজলের ধারণা

$$\begin{aligned} 3 \times 8 \times 2 \\ = 12 \times 2 \\ = 24 \end{aligned}$$

২৪টি পেঁয়াজু



আমিনুলের ধারণা

$$\begin{aligned} 3 \times (8 \times 2) \\ = 3 \times 8 \\ = 24 \end{aligned}$$

২৪টি পেঁয়াজু



কাজল প্রথমে ১টি ট্রেতে কতটি পেঁয়াজু রয়েছে তা খুঁজে বের করেছে (3×8), তাই না ?

আর আমিনুল প্রথমে মোট প্রেটের সংখ্যা (8×2) খুঁজে বের করেছে।





কখনো কখনো এই নিয়মগুলো আমাদের সহজভাবে হিসাব করতে সহায়তা করে।
চল, আমরা পরবর্তী অনুশীলনী সমাধান করার চেষ্টা করি।



১

সমাধান কর এবং উভয়গুলো তুলনা কর:

(১)	$\begin{cases} 128 + 92 + 8 \\ 128 + (92 + 8) \end{cases}$	(২)	$\begin{cases} 376 + 181 + 19 \\ 376 + (181 + 19) \end{cases}$
(৩)	$\begin{cases} 657 - 68 - 36 \\ 657 - (68 + 36) \end{cases}$	(৪)	$\begin{cases} 928 - 375 - 125 \\ 928 - (375 + 125) \end{cases}$
(৫)	$\begin{cases} 37 \times 20 \times 50 \\ 37 \times (20 \times 50) \end{cases}$	(৬)	$\begin{cases} 78 \times 25 \times 8 \\ 78 \times (25 \times 8) \end{cases}$

২

নিচের সমস্যা ২টিকে গাণিতিক বাক্যে প্রকাশ করে সমাধান কর।

(ক) একটি পেনসিল বক্সের দাম ১৫০ টাকা। ৭৫০ টাকা দিয়ে তুমি এরকম কয়টি পেনসিল বক্স কিনতে পারবে ?

গাণিতিক বাক্য: _____

উত্তর: _____

(খ) একটি বাক্সে ১০০ টাকা দামের একটি ব্যাট এবং ৫০ টাকা দামের একটি বল রয়েছে। ৭৫০ টাকা দিয়ে তুমি এরূপ কয়টি বাক্স কিনতে পারবে ?

গাণিতিক বাক্য: _____

উত্তর: _____

৩

নিচের গাণিতিক বাক্যগুলোর জন্য নিজের মতো করে গল্প তৈরি কর এবং সমস্যাগুলো সমাধান কর।

আমার গল্পটি এমন:

আমাদের বাগানে ২০০টি গোলাপ গাছ
রয়েছে। আমার মা ১৫০টি এবং বাবা
আরও ৭০টি গোলাপ গাছ লাগালেন।
এখন আমাদের বাগানে মোট কতটি
গোলাপ গাছ রয়েছে?

(১) $200 + (150 + 70)$

(২) $100 - (10 + 60)$





প্রতিটি সমস্যার ক্ষেত্রে বস্থনী ‘()’ ব্যবহার করে সাধারণ গাণিতিক বাক্য তৈরি করি।

- (ক) প্রতিটি সিজারার দাম ৬ টাকা এবং আমার কাছে ১০০ টাকার একটি নোট রয়েছে। আমি ১০টি সিজারা কিনে কত টাকা ফেরত পাব?

$$\boxed{} - (\boxed{} \times \boxed{})$$

- (খ) একটি ইলিশ মাছের দাম ৩০০ টাকা এবং এক জোড়া কবুতরের দাম ২০০ টাকা। একটি ইলিশ মাছ এবং একটি কবুতর কিনলে আমার মোট কত খরচ হবে?

$$\boxed{} + (\boxed{} \div \boxed{})$$

- (গ) একটি বাঁধাকপির দাম ২৫ টাকা এবং একটি কুমড়ার দাম ৬০ টাকা হলে ২টি বাঁধাকপি এবং ৩টি কুমড়ার দাম কত হবে?

$$(\boxed{} \times \boxed{}) + (\boxed{} \times \boxed{})$$

একই গাণিতিক বাক্যে যোগ অথবা বিয়োগ এবং গুণ অথবা ভাগ সম্পর্কিত সমস্যা থাকলে প্রথমে গুণ অথবা ভাগ এর সমাধান করতে হয়। (কিন্তু গুণ এবং ভাগের ক্ষেত্রে বাম থেকে ডানে হিসাব করতে হয়।)

গাণিতিক বাক্য লেখার সময় উক্ত নিয়মের সাথে ‘()’ ব্যবহার করার প্রয়োজন নেই। আমরা উপরের গাণিতিক বাক্যগুলোকে নিচের উপায়ে লিখতে পারি:

$$(ক) 100 - (10 \times 6) \quad \rightarrow \quad 100 - 10 \times 6$$

$$(খ) 300 + (200 \div 2) \quad \rightarrow \quad 300 + 200 \div 2$$

$$(গ) (25 \times 2) + (60 \times 3) \quad \rightarrow \quad 25 \times 2 + 60 \times 3$$

8

হিসাব কর:

হিসাবের ক্রমটি খেয়াল রাখতে হবে।



$$(1) 6 + 12 \times 5$$

$$(2) 300 - 150 \div 50$$

$$(3) 200 - 25 \times 8$$

$$(4) 60 + 30 \div 6$$



ক্রম অনুসরণ করে নিচের সমস্যাগুলো সমাধান করি।

(ক) $9 \times 8 + 8 \times 2$

(খ) $9 - 8 \div 8 \times 2$

(গ) $9 - (8 - 8 \times 2)$

ওহ, বেশ জটিল!



(ক) $9 \times 8 + 8 \times 2 = 72 + 8 \times 2$

$$\begin{array}{rcl} \textcircled{1} & \boxed{\textcircled{2}} & \\ \textcircled{3} & \textcircled{4} & \\ \hline & = 72 + 8 & \\ & = 80 & \end{array}$$

(খ) $9 - 8 \div 8 \times 2 = 9 - 2 \times 2$

$$\begin{array}{rcl} \textcircled{1} & \boxed{\textcircled{2}} & \\ \textcircled{3} & \textcircled{4} & \\ \hline & = 9 - 8 & \\ & = 1 & \end{array}$$



চল, আমরা হিসাবের ক্রমের
নিয়মটি পুনরাপ্লেচনা করি।

(গ) $9 - (8 - 8 \times 2) = 9 - (8 - 8)$

$$\begin{array}{rcl} \textcircled{1} & \boxed{\textcircled{2}} & \\ \textcircled{3} & \textcircled{4} & \\ \hline & = 9 - 0 & \\ & = 9 & \end{array}$$

- সাধারণভাবে, বাম থেকে ডান দিকে হিসাব করতে হয়।

- যদি কোনো গাণিতিক বাক্যে + বা - এবং \times বা \div উভয়ই থাকে, তবে প্রথমে \times বা

\div এর মধ্যে যেটি বামদিকে থাকে তার হিসাব করতে হয়।

বন্ধনী ‘()’ থাকলে, আগে বন্ধনীর ভেতরের হিসাব করতে হয়।



হিসাব কর:

(১) $16 - 8 + 2$

(২) $16 - (8 + 2)$

(৩) $16 \div 8 \div 2$

(৪) $16 \div (8 \div 2)$

(৫) $16 + 8 \div 2$

(৬) $(16 + 8) \div 2$



৫.২ হিসাবের নিয়ম এবং ধারণা



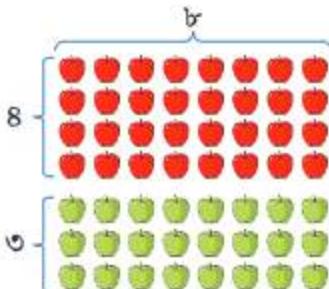
চল, আমরা হিসাবের নতুন নিয়ম এবং ধারণা সম্পর্কে জানি।



এখানে কিছু লাল আর কিছু সবুজ আপেল রয়েছে।
মোট আপেল এর সংখ্যা কত?



আমরা অনেক উপায়ে সমস্যাটি
সমাধান করতে পারি।



দীপিকার ধারণা

$$(8 + 3) \times 8 = 56$$

৫৬টি আপেল



শ্যামলের ধারণা

$$8 \times 8 + 3 \times 8 = 56$$

৫৬টি আপেল

দুইটি গাণিতিক বাক্যের উভয় একই। গাণিতিক বাক্যগুলো ভিন্ন হলেও যখন উভয় পাশের যোগফল
সমান হয় তখন গাণিতিক বাক্য দুইটিকে সমান চিহ্ন দিয়ে সংযুক্ত করা যায়।

$$(8 + 3) \times 8 = 8 \times 8 + 3 \times 8$$

বন্ধনীযুক্ত () গাণিতিক বাক্যসমূহের জন্য কিছু নিয়ম নিচে দেওয়া হলো:

$$(\square + \triangle) \times \bullet = \square \times \bullet + \triangle \times \bullet$$

$$(\square - \triangle) \times \bullet = \square \times \bullet - \triangle \times \bullet$$

\square , \triangle এবং \bullet এর স্থানে বিভিন্ন সংখ্যা বসিয়ে নিয়মগুলোর শুধুতা পরীক্ষা করা যায়।

১

উল্লিখিত নিয়ম অনুসরণে নিম্নের গাণিতিক বাক্য দুইটির উভয় একই কি না তা যাচাই কর:

(ক) $(135 - 35) \times 7$

(ক') $135 \times 7 - 35 \times 7$





হিসাবের নিয়ম ব্যবহার করে সমাধান করি।

(১) 25×32

সরণ করি: $25 \times 8 = 100$

যদি আমি ৪ খুঁজে পাই, তবে খুব সহজ হবে।



$$25 \times 32 = 25 \times (8 \times 4)$$

$$= (\boxed{\quad} \times \boxed{\quad}) \times 8$$

$$= (\boxed{\quad\quad\quad}) \times 8$$

$$= \boxed{\quad\quad\quad}$$

(২) 99×9

আমরা জানি, ' $99 = 100 - 1$ '

চল, এই সম্পর্কটি ব্যবহার করি!



$$99 \times 9 = (100 - 1) \times 9$$

$$= \boxed{\quad\quad} \times 9 - \boxed{\quad\quad} \times 9$$

$$= \boxed{\quad\quad} - \boxed{\quad\quad}$$

$$= \boxed{\quad\quad}$$

২

নিচের সমস্যাগুলো সমাধানে একটি সহজ বিকল্প পদ্ধতি খুঁজে বের কর এবং খাতায় ধারণাটি ব্যাখ্যা কর:

(১) 25×16

(২) 28×25

(৩) 50×18

(৪) 98×5

(৫) 102×11

(৬) 999×9

৩

হিসাবের নিয়ম ব্যবহার করে সমাধান কর:

(১) প্রতিটি তরমুজ ৯৮ টাকা দরে বিধান শ্রিপুরা ৫টি তরমুজ কিনলেন। তাঁর মোট কত খরচ হলো?

(২) মায়ার কাছে ৩৬টি ছোট ব্যাগ রয়েছে। প্রতিটি ব্যাগে ২৫টি করে জলপাই রয়েছে। মায়ার কাছে মোট কতটি জলপাই রয়েছে?





৫.৩ অনুশীলনী

১. হিসাবের ক্রমের নিয়মটি ব্যবহার করে সমাধান কর:

- | | |
|-------------------------------|-------------------------------|
| (১) $9 \times 8 - 6 \div 2$ | (২) $9 \times (8 - 6 \div 2)$ |
| (৩) $(9 \times 8 - 6) \div 2$ | (৪) $9 \times (8 - 6) \div 2$ |

২. হিসাবের নিয়মটি ব্যবহার করে নিচের সমস্যাগুলো সমাধান কর:

- | | |
|--------------------------------|-----------------------------|
| (১) $728 + 87 + 13$ | (২) $628 - 76 - 28$ |
| (৩) $20 \times (66 \times 50)$ | (৪) $8 \times 92 \times 25$ |
| (৫) 32×25 | (৬) 97×8 |

৩. নিচের সমস্যাগুলোকে সাধারণ গাণিতিক বাক্যে প্রকাশ করে সমাধান কর:

- (১) ৫টি পেনসিলের দাম ৬০ টাকা হলে ৯টি পেনসিলের দাম কত?
- (২) ভাজক ভাগশেষ এর ৩ গুণ এবং ভাগফল ভাজকের ৪ গুণ। ভাগশেষ যদি ২ হয় তাহলে ভাজ্য কত?
- (৩) জনাব শম্পার মাসিক বেতন ৭৫০০ টাকা। প্রতি মাসে তাঁর খরচ হয় ৭২৫০ টাকা। তিনি এক বছরে কত টাকা জমাতে পারবেন?

৪. রূপা ও মনির কাছে একসাথে ৮৭৫ টাকা রয়েছে। মনির কাছে রূপার চেয়ে ১২৫ টাকা বেশি রয়েছে। মনি আর রূপা প্রত্যেকের কাছে কত টাকা আছে?

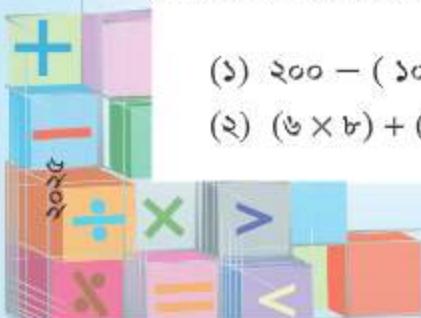
৫. পিতা-পুত্রের বয়সের সমষ্টি ৫৫ বছর। পিতার বয়স পুত্রের বয়সের ৪ গুণ। পৃথকভাবে পিতা ও পুত্রের বয়স কত?

৬. ৪টি মূরগি এবং ৩টি ইঁসের দাম একত্রে ৬৩৯ টাকা।
১টি ইঁসের দাম ৮৫ টাকা হলে ১টি মূরগির দাম কত?



৭. নিচের গাণিতিক বাক্য দুইটির জন্য নিজের মতো করে গঞ্জ তৈরি করে সমাধান কর:

- (১) $200 - (10 \times 8)$
- (২) $(6 \times 8) + (12 \times 2)$



গাণিতিক প্রতীক

৬.১ গাণিতিক প্রতীক



চল, গাণিতিক প্রতীক শিখি।



নিচের গাণিতিক বাক্যগুলো লক্ষ করি। এগুলো বিভিন্ন গাণিতিক প্রতীক দ্বারা গঠিত।
এগুলোকে বিভিন্ন শ্রেণিতে বিন্যস্ত করার চেষ্টা করি।

$2 + 3$

$30 \div 5 + 8$

$9 - 6 = 1$

$8 \times 6 < 26$

$35 \div 5 \neq 2 \times 3$

$8 \times 7 \neq 55$

$35 > 55$

$9 \times 6 > 85$

গাণিতিক প্রতীকগুলোকে নিম্নোক্ত শ্রেণিতে ভাগ করা যায়।

যে প্রতীকগুলো সংখ্যা সেখার জন্য ব্যবহার করা হয় সেগুলোকে বলা হয়:

সংখ্যা প্রতীক

$0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8$ এবং 9

যে প্রতীকগুলো চারটি প্রক্রিয়ার জন্য ব্যবহার করা হয় সেগুলোকে বলা হয়:

প্রক্রিয়া প্রতীক

$+, -, \times$ এবং \div

যে প্রতীকগুলো সংখ্যার মধ্যকার পারস্পরিক সম্পর্ক বোঝাতে ব্যবহার করা হয় সেগুলোকে বলা হয়:

সম্পর্ক প্রতীক

$=, >, <, \neq, \geq$ এবং \leq



সম্পর্ক প্রতীকগুলোর নামের ব্যাপারে সতর্ক থাকতে হবে।

$=$ সমান

$>$ বৃহত্তর

$<$ ক্ষুদ্রতর

\neq সমান নয়

\geq বৃহত্তর নয়

\leq ক্ষুদ্রতর নয়



গাণিতিক প্রতীক

১

গাণিতিক প্রতীক ব্যবহার করে নিচের বাক্যগুলোকে প্রকাশ কর:

- (১) সাতচাহিংশ, ছিয়ানবই থেকে বড় নয়।
- (২) নয়শত নয়, নয় হাজার নয় এর সমান নয়।
- (৩) পঁচিশ, চৰিশ থেকে হেট নয়।

২

খালিঘরে ‘=’ ও ‘≠’ টিক বসাও:

$$(1) 3 \times 5 \boxed{\quad} 15 \quad (2) 28 \div 12 \boxed{\quad} 3$$

৩

খালিঘরে ‘<’ ও ‘>’ টিক বসাও:

$$(1) 73 \boxed{\quad} 37 \quad (2) 20 + 9 \boxed{\quad} 30$$



খালিঘরে যথাযথ সম্পর্ক প্রতীক বসাও:

$$(1) 6 + 2 \times 8 \boxed{\quad} (6 + 2) \times 8$$

$$(2) 52 - 15 + 13 \boxed{\quad} 52 - (15 - 13)$$

চল, গাণিতিক প্রতীকের ডানপক্ষ ও বামপক্ষ আলাদাভাবে হিসাব করি ও তুলনা করি।

(১)

[বামপক্ষ]

$$\begin{aligned} & 6 + 2 \times 8 \\ & = 6 + 8 \\ & = 14 \end{aligned}$$

[ডানপক্ষ]

$$\begin{aligned} & (6 + 2) \times 8 \\ & = 8 \times 8 \\ & = 64 \end{aligned}$$

$$14 < 64$$

$$\therefore 6 + 2 \times 8 \boxed{<} (6 + 2) \times 8$$



∴ একটি প্রতীক, যার অর্থ হলো ‘অতএব’।

(২)

[বামপক্ষ]

$$\begin{aligned} & 52 - 15 + 13 \\ & = 37 + 13 \\ & = 50 \end{aligned}$$

[ডানপক্ষ]

$$\begin{aligned} & 52 - (15 - 13) \\ & = 52 - 2 \\ & = 50 \end{aligned}$$

$$50 = 50$$

$$\therefore 52 - 15 + 13 \boxed{=} 52 - (15 - 13)$$

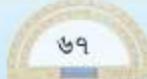
এই উদাহরণগুলোর সাথে সম্পর্কিত অন্য কোনো প্রতীক কি আমরা ব্যবহার করতে পারি?

৮

খালিঘরে যথাযথ সম্পর্ক প্রতীক বসাও:

$$(1) 142 - 65 \boxed{\quad} 57 + 12$$

$$(2) 63 \div 7 \times 5 \boxed{\quad} 63 \times 5 \div 7$$



৬.২ গাণিতিক বাক্য ‘সঠিক’ বা ‘ভুল’



চল, গাণিতিক বাক্য ‘সঠিক’ অথবা ‘ভুল’ কি না তা নির্ণয় করি।



নিচের গাণিতিক বাক্যগুলোর মধ্যে কোনটি সঠিক ও কোনটি ভুল?

- (ক) $15 + 7 = 22$
- (খ) $12 \div 5 = 5$
- (গ) $6 \times 3 = 2 \times 9$
- (ঘ) $3 \times 12 < 30 + 2$



গাণিতিক প্রতীকের বামপক্ষ ও ডানপক্ষ সতর্কতার সাথে তুলনা করি।
বাক্যটিকে পাশাপাশি রাখি।

(ক)

[বামপক্ষ]

$$\boxed{15 + 7} \\ = 22$$

[ডানপক্ষ]

$$22$$

\therefore সঠিক বাক্য

কারণ ২২ সমান ২২।

(খ)

[বামপক্ষ]

$$\boxed{12 \div 5} \\ = 2 \text{ ভাগশেষ } 2$$

[ডানপক্ষ]

$$5$$

\therefore ভুল বাক্য

কারণ ভাগফল ২ ভাগশেষ ২ যা ৫ এর সমান নয়।

(গ)

[বামপক্ষ]

$$\boxed{6 \times 3} \\ = 18$$

[ডানপক্ষ]

$$\boxed{2 \times 9} \\ = 18$$

\therefore সঠিক বাক্য

কারণ গুণফল ১৮ সমান ১৮।

(ঘ)

[বামপক্ষ]

$$\boxed{3 \times 12} \\ = 36$$

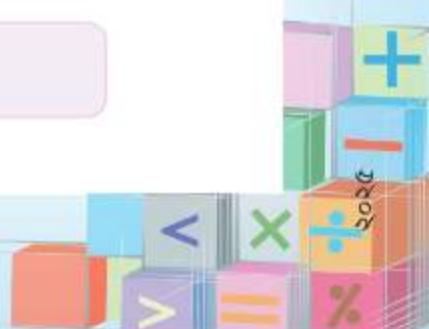
[ডানপক্ষ]

$$\boxed{30 + 2} \\ = 32$$

\therefore ভুল বাক্য

কারণ ৩৬, ৩২ এর চেয়ে বড়।

গাণিতিক বাক্য সঠিক বা ভুল হতে পারে।



১

নিচের গাণিতিক বাক্যগুলোর মধ্যে কোনটি সঠিক ও কোনটি ভুল ?

(ক) $86 - 7 = 80$

(খ) $18 \div 9 > 2$

(গ) $12 \times 5 \neq 120 \div 2$



নিচের গাণিতিক বাক্যটি কি 'সঠিক' ?

$\square + 9 = 15$

সমস্যাটি কিছুটা জটিল। তাই না ?



[বামপক্ষ]

$$\boxed{\square} + 9 = \boxed{15}$$

???

[ডানপক্ষ]

সঠিক বাক্য ?

ভুল বাক্য ?

উপরের গাণিতিক বাক্যটিকে আমরা তাৎক্ষণিকভাবে সঠিক বা ভুল বলতে পারি না। এটি সঠিক হতে পারে আবার ভুলও হতে পারে। এটি খোলা বাক্য।

খোলা বাক্যটি 'সঠিক না ভুল', তা নির্ভর করে বাক্যটিতে কোন মান ব্যবহার করা হয় তার উপর।



এ ক্ষেত্রে, যদি খালি ঘরে ৬ বসানো হয় তবে গাণিতিক বাক্যটি সঠিক হবে। আর যদি অন্য সংখ্যা বসানো হয় তবে গাণিতিক বাক্যটি মিথ্যা হবে।

$\boxed{6} + 9 = 15$ সঠিক বাক্য

$\boxed{5} + 9 = 15$ ভুল বাক্য

\square এ যে কোনো মান ব্যবহার করা যায়। বাক্যটি সঠিক না কি ভুল তা নির্ভর করবে \square এ কী বসানো হলো তার উপর।



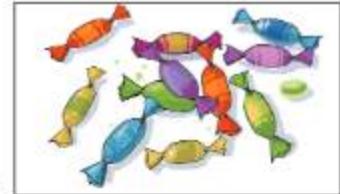
৬.৩ খালি ঘর সংবলিত গাণিতিক বাক্য



চল, খালি ঘর যুক্ত গাণিতিক বাক্য তৈরি ও সমাধান করি।



মুক্তার কাছে কিছু এবং অপূর কাছে ৬টি লজেন্স আছে।
দুইজনের কাছে মোট ১৮টি লজেন্স আছে।



- (1) মোট কতটি লজেন্স আছে তার জন্য একটি গাণিতিক বাক্য তৈরি করি। মনে করি, মুক্তার লজেন্সের সংখ্যা ।
- (2) খালি ঘর পূরণের জন্য অজানা সংখ্যাটি নির্ণয় করি।

(1) গাণিতিক বাক্যটি হবে: $\square + 6 = 18$

(2) খালি ঘরে অজানা সংখ্যাটি হবে:

আমরা খালি ঘরে বিভিন্ন সংখ্যা বসিয়ে এটি নির্ণয় করতে পারি।

$10 + 6 = 18$ ✗

$11 + 6 = 18$ ✗

$12 + 6 = 18$ ✓

$13 + 6 = 18$ ✗

আমরা যোগ ও বিয়োগের মধ্যকার সম্পর্ক ব্যবহার করেও সমস্যাটির সমাধান করতে পারি।

$$\begin{aligned}\square &= 18 - 6 \\ &= 12\end{aligned}$$

= 12



তোমার কাছে ২১টি বরই ছিল যা থেকে কিছু বরই বন্ধুরা থেয়ে ফেলায় আর ১৪টি অবশিষ্ট আছে।

- (1) থেয়ে ফেলা বরই এর সংখ্যা ধরে, একটি গাণিতিক বাক্য লেখ।

- (2) অজানা সংখ্যাটি নির্ণয় কর।





৩২টি বুটি কয়েকজন লোকের মাঝে সমানভাবে ভাগ করে দেওয়া হলো যাতে প্রত্যেকে ৮টি করে বুটি পায়।

- (১) লোকের সংখ্যা \square ধরে গাণিতিক বাক্যটি লিখি।
- (২) অজানা সংখ্যাটি নির্ণয় করি।

(১) গাণিতিক বাক্যটি হবে : $32 \div \square = 8$

(২) খালি ঘর \square এর জন্য অজানা সংখ্যাটি হবে:

আমরা খালি ঘরে বিভিন্ন সংখ্যা বসিয়ে এটি নির্ণয় করতে পারি।

$$32 \div 2 = 8 \quad \text{X}$$

$$32 \div 3 = 8 \quad \text{X}$$

$$32 \div 8 = 8 \quad \checkmark$$

$$32 \div 5 = 8 \quad \text{X}$$

তাগের উভর যাচাইয়ের পদ্ধতিতে আমরা সমস্যাটি সমাধান করতে পারি:

$$8 \times \square = 32$$

সমস্যা সমাধানে আমরা যা করতে পারি:

$$\begin{aligned} \square &= 32 \div 8 \\ &= 8 \end{aligned}$$



$$\square = 8$$



২

\square কে অজানা সংখ্যা হিসেবে ব্যবহার করে নিচের বিবরণের গাণিতিক বাক্য লেখ এবং \square এর মান নির্ণয় কর।

- (১) একটি সংখ্যার সাথে ১২ যোগ করলে যোগফল ১৮০ হয়।
- (২) একটি সংখ্যার সাথে ১৫ গুণ করলে গুণফল ২৭০ হয়।



৬.৪ অনুশীলনী

১. খালি ঘরে সম্পর্ক প্রতীক বসাও যাতে গাণিতিক বাক্যটি সঠিক হয়:

$$(1) ৮৭ + ১৩ \boxed{\quad} ১০৮ - ১৯$$

$$(2) ২৬৭ - ২৫ - ২৭ \boxed{\quad} ২৬৭ - (২৫ + ২৭)$$

$$(3) ৩৪৩ \div ৭ \div ৭ \boxed{\quad} ৩৪৩ \div (৭ \times ৭)$$

২. কোন গাণিতিক বাক্যটি সঠিক ও কোনটি ভুল তা যাচাই কর:

$$(1) ৭৬ - ৩৪ + ৩০ = ৭৬ - (৩৪ - ৩০)$$

$$(2) ২০০ - ২৫ \times ৮ \neq (২০০ - ২৫) \times ৮$$

$$(3) ৩২ \div ৪ \div ২ \neq ৩২ \div (৪ \div ২)$$

$$(4) ৩ \times ৬ + ৪ \times ২ = ৩ \times (৬ + ৪) \times ২$$

৩. খালি ঘরে সঠিক গাণিতিক প্রতীক বসাও যাতে গাণিতিক বাক্যটি সঠিক হয়:

$$(1) ৬৯ \boxed{\quad} ১৩ = ৭ \boxed{\quad} ৮$$

$$(2) ৫৮ \boxed{\quad} ২৯ = ৯৬ \boxed{\quad} ৯$$

$$(3) ৮ \boxed{\quad} ৫ = ১২০০ \boxed{\quad} ৩০$$

$$(4) ৮৭ \boxed{\quad} ৩৮ = ৭ \boxed{\quad} ৭$$

৪. খোলা বাকেয়ের খালি ঘরে সংখ্যা বসাও যাতে গাণিতিক বাক্যটি সঠিক হয়:

$$(1) \boxed{\quad} + ৯ = ৪৯ - ১৫$$

$$(2) ৯ \times \boxed{\quad} = ৩৬ \times ২$$

$$(3) ৮১ \div \boxed{\quad} = ২৭ \div ৩$$

$$(4) ৩ + ৮ \times \boxed{\quad} = ৩৫$$

৫. $\boxed{\quad}$ ব্যবহার করে নিচের সমস্যাগুলোকে প্রকাশ কর এবং অজানা সংখ্যাটি নির্ণয় কর।

(১) একটি সংখ্যাকে ৭ দ্বারা ভাগ করলে ভাগফল ৫ ও ভাগশেষ ৪ হয়।

(২) ৩ ও অপর একটি সংখ্যার যোগফলকে ৭ দিয়ে গুণ করলে গুণফল ৫৬ হয়।

গুণিতক ও গুণনীয়ক

৭.১ গুণিতক এবং সাধারণ গুণিতক



চল, গুণিতক শিখি।



দোকানে বিস্কুট ও চকলেটের বাল্কগুলো
আলাদাভাবে স্থৃপ করে রাখা আছে।



যে বাল্কগুলোর ভেতরে বিস্কুট রাখা আছে তার প্রতিটির উচ্চতা
৩ সেন্টিমিটার। বাল্কের সংখ্যা ও স্থৃপ করে রাখার ফলে তাদের উচ্চতার মধ্যকার সমষ্টি নির্ণয় করা
যাক।

বক্সের সংখ্যা	১	২	৩	৪	৫	৬	৭
উচ্চতা (সেমি)	৩	৬	৯	১২			

৩ কে কোনো সংখ্যা দ্বারা গুণ করার মাধ্যমে ৩, ৬, ৯ ও ১২ সংখ্যাগুলো গঠিত হয়েছে। গঠিত
সংখ্যাগুলোকে ৩ এর গুণিতক বলে। ৩ এর গুণিতক ৩ দ্বারা নিঃশেষে বিভাজ্য।



৩ এর গুণিতকগুলো হলো:

$3 \times 1 = 3$, $3 \times 2 = 6$, $3 \times 3 = 9$
এবং আরও অনেক সংখ্যা।

৩ এর গুণিতক

৩	৬	৯	১২
১৫	১৮	২১	২৪
২৪	২৭	৩০	
৩৩	৩৬...		

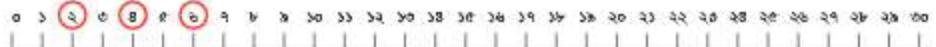
যখন আমরা গুণিতক নিয়ে আলোচনা করি, তখন ০ এর গুণিতক বা
০ দ্বারা গুণ্য সংখ্যাগুলোকে অন্তর্ভুক্ত করি না।



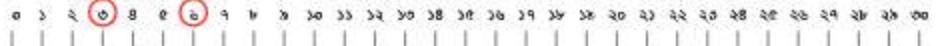
১

নিচের সংখ্যারেখা থেকে ২ এর গুণিতকগুলোকে বৃত্তের মাধ্যমে চিহ্নিত কর। সংখ্যারেখা থেকে ৩, ৪ ও ৬ এর গুণিতকগুলোকেও চিহ্নিত কর। (কয়েকটি করে দেখানো হলো।)

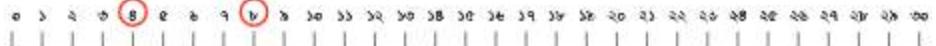
২ এর গুণিতক



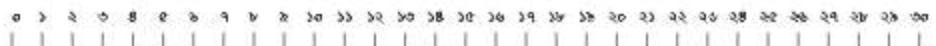
৩ এর গুণিতক



৪ এর গুণিতক



৫ এর গুণিতক



২

নিচের বাজ্জের কোন সংখ্যাগুলো ৭ এর গুণিতক ?

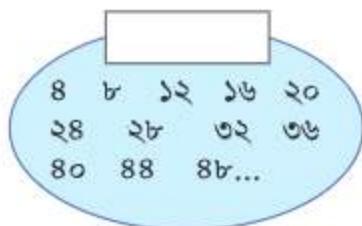
৭ ১৬ ২১ ৩২ ৬৫ ৮৪

মনে রাখি, ৭ এর গুণিতক ৭ দ্বারা
নিঃশেষে বিভাজ্য।

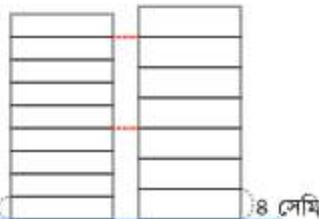


৩

যে বাক্সগুলোর মধ্যে চকলেট আছে তার উচ্চতা ৪
সেমি। বাক্সগুলোকে ভূপ করে রাখা হলে বাজ্জের সংখ্যা
অনুযায়ী উচ্চতার পরিমাণগুলোকে যে সংখ্যাগুলো দিয়ে
প্রকাশ করা যায়, তাকে কী বলে?



যদি ৩ সেমি উচ্চতার বিস্কুটের বাক্সগুলো ও ৪ সেমি
উচ্চতার চকলেটের বাক্সগুলোকে আলাদাভাবে ভূপ করতে
থাকি, তবে কখন ভূপগুলোর উচ্চতা সমান হবে?



৩ এর গুণিতক

৩ ৬ ৯ ১২
১৮ ২১ ২৭ ৩০
৩৩ ৩৯...

৪ এর গুণিতক

৪ ৮ ১২ ১৬ ২০
২৪ ২৮ ৩২ ৪০
৪৪...

৩ সেমি

৪ সেমি



বেশ! আমরা ৩ ও ৪ উভয়ের গুণিতক ব্যবহার করে উভরটি বের করতে পারি।

উচ্চতা সমান হবে, যখন ভূপ দুইটির উচ্চতা হবে ১২, ২৪, ৩৬.....



যে সংখ্যাগুলো ৩ ও ৪ উভয়েরই গুণিতক, সে সংখ্যাগুলোকে ৩ ও ৪ এর সাধারণ গুণিতক বলে।
৩ ও ৪ এর সাধারণ গুণিতকগুলো হচ্ছে ১২, ২৪, ৩৬ এবং আরও অনেক সংখ্যা।



৬ ও ৮ এর সাধারণ গুণিতক বের করি।



চল, নিচের ধারণা দুইটি তুলনা করি।



মৌমু

৬ এর গুণিতক : ৬, ১২, ১৮, ২৪, ৩০, ৩৬, ৪২, ৪৮...

৮ এর গুণিতক : ৮, ১৬, ২৪, ৩২, ৪০, ৪৮, ৫৬, ৬৪, ৭২...

প্রথমে ৬ ও ৮ এর গুণিতকগুলো তালিকা আকারে সাজিয়ে গোথি এবং একই সংখ্যাগুলো খুজে বের করি।



তমিম

৮ এর গুণিতক : ৮, ১৬, ২৪, ৩২, ৪০, ৪৮, ৫৬, ৬৪, ৭২...

৬ এর গুণিতক : ✗ ✗ ✓ ✗ ✗ ✓ ✗ ✗ ✓

আমি ৮ এর গুণিতকের তালিকা থেকে ৬ এর গুণিতক খুজে বের করেছি।

৬ ও ৮ এর সাধারণ গুণিতকগুলো হলো ২৪, ৪৮, ৭২ ও আরও অনেক সংখ্যা।

সবচেয়ে ছোট সাধারণ গুণিতকটিকে বলা হয় লঘিষ্ঠ সাধারণ গুণিতক (লসাগু)। ৬ ও ৮ এর লঘিষ্ঠ সাধারণ গুণিতক হচ্ছে ২৪।

৪

নিচের সংখ্যার জোড়াগুলোর জন্য ৩টি সাধারণ গুণিতকের তালিকা তৈরি করে ছোট থেকে বড় ক্রমে সাজাও এবং লঘিষ্ঠ সাধারণ গুণিতকটি (লসাগু) লেখ।

- (১) ২, ৩ (২) ৪, ৫ (৩) ১০, ৫ (৪) ৩, ৭



প্রসঙ্গক্রমে, আমরা কি ৩টি সংখ্যার গুণিতক সেটের জন্য সাধারণ গুণিতক নির্ণয় করতে পারি ?

হ্যা, একই পদ্ধতিতে করা সম্ভব। চল, পরবর্তী পৃষ্ঠায় চেষ্টা করি।



৭.২ গুণনীয়ক ও সাধারণ গুণনীয়ক



চল, গুণনীয়ক শিখি।



আমি ১২টি চকলেট কিছু প্রেটে সমানভাবে ভাগ করে রাখতে চাই। কোনো চকলেট হাতে না রাখলে কতটি প্রেট লাগবে?



চল, আমরা অথবে ১টি প্রেটে চকলেট রাখার মাধ্যমে সমাধানটি বের করার চেষ্টা করি এবং একে একে ২টি থেকে ১২টি পর্যন্ত প্রেট নিয়ে সমাধানটি বের করি।

প্রেটের সংখ্যা	১	২	৩	৪	৫	৬	৭	৮	৯	১০	১১	১২
হাতে না রেখে :	✓	✓	✓									
হাতে রেখে :	✗	✓	✓	✓		✗						

যদি আমরা ১টি প্রেট নিই, তাহলে আমরা সেটিতে ১২টি চকলেট রাখতে পারি।

যদি আমরা ২টি প্রেট নিই, তাহলে আমরা প্রতিটিতে ৬টি করে চকলেট রাখতে পারি।

যদি আমরা ৫টি প্রেট নিই, তাহলে আমরা প্রতিটিতে ২টি করে চকলেট রাখার পরও ২টি চকলেট অবশিষ্ট থাকে।

আমরা ১, ২, ৩, ৪, ৬, ১২টি প্রেটে অবশিষ্ট না রেখে চকলেটগুলো রাখতে পারি।

যে সংখ্যাগুলো ১২ কে নিঃশেষে ভাগ করতে পারে সেগুলোকে বলা হয় ১২ এর গুণনীয়ক।

১২ এর ৬টি গুণনীয়ক রয়েছে: ১, ২, ৩, ৪, ৬, ও ১২।

১ এবং সংখ্যাটি নিজেই গুণনীয়কগুলোর অন্তর্ভুক্ত।



আমি গুণিতক ও গুণনীয়কের মাঝে সম্পর্ক খুঁজে পেয়েছি

উদাহরণস্বরূপ:

৩ ও ৪ সংখ্যা দুইটি ১২ এর গুণনীয়ক,
এবং ১২ সংখ্যাটি ৩ ও ৪ এর গুণিতক।

$$12 = 8 \times 3$$

গুণনীয়ক
গুণিতক





আমি প্রতিটি গুণনীয়কের মাঝে সম্পর্ক খুঁজে পাই।



প্রতিটি গুণনীয়কের একটি জোড়া আছে যাদের গুণফল ১২।



ଗୁଣନୀୟକଙ୍ଗୁଲେ ଖୁଜେ ବେର କରି ଓ ସାଚାଇ କରି । ଆମି କି ଖୁଜେ ପେଯେଛି ତା ନିଯେ ସହପାଠୀଦେର ସାଥେ ମତବିନିମୟ କରି ।

৪ এর গুণনীয়ক	✓✓✓
৫ এর গুণনীয়ক	১ ২ ৩ ৪ ৫
৬ এর গুণনীয়ক	১ ২ ৩ ৪ ৫ ৬
৮ এর গুণনীয়ক	১ ২ ৩ ৪ ৫ ৬ ৭ ৮
১০ এর গুণনীয়ক	১ ২ ৩ ৪ ৫ ৬ ৭ ৮ ৯ ১০ ১১ ১২ ১৩
১৬ এর গুণনীয়ক	১ ২ ৩ ৪ ৫ ৬ ৭ ৮ ৯ ১০ ১১ ১২ ১৩ ১৪ ১৫ ১৬
১৮ এর গুণনীয়ক	১ ২ ৩ ৪ ৫ ৬ ৭ ৮ ৯ ১০ ১১ ১২ ১৩ ১৪ ১৫ ১৬ ১৭ ১৮

মূলত, ১ থেকে শুরু করতে হবে, পরবর্তীতে ২ এ যেতে হবে এবং
এভাবে এগোতে হবে। গুণনীয়কের জোড়া খোজার মাধ্যমে আমরা
সব গুণনীয়ক খুঁজে বের করতে পারি।



গণনীয়ক নির্ণয় কর:

- (۱) ۹ (۲) ۸ (۳) ۲۰ (۴) ۲۸ (۵) ۳۶



আমাকে ১২টি লজেস ও ১৮টি চকলেট সমানভাবে ভাগ করে একই প্রেটে সাজাতে হবে।

কোনো লজেস বা চকলেট অবশিষ্ট না রেখে লজেসগুলো রাখতে কতটি প্রেট লাগবে?

যদি আমাদের কাছে ১টি প্রেট থাকে, তাহলে আমরা তাতে ১২টি লজেস ও ১৮টি চকলেট রাখতে পারি....

যদি আমাদের কাছে ২টি প্রেট থাকে, তাহলে আমরা প্রতিটিতে ৬টি লজেস ও ৯টি চকলেট রাখতে পারি....



ওহ, এটি গুণনীয়ক সম্পর্কিত একটি সমস্যা! চল, আমরা ১২ ও ১৮ এর গুণনীয়কগুলো নির্ণয় করি।

১২ এর গুণনীয়ক	<input checked="" type="checkbox"/>
	১ ২ ৩ ৪ ৫ ৬ ৭ ৮ ৯ ১০ ১১ ১২
১৮ এর গুণনীয়ক	<input checked="" type="checkbox"/>
	১ ২ ৩ ৪ ৫ ৬ ৭ ৮ ৯ ১০ ১১ ১২ ১৩ ১৪ ১৫ ১৬ ১৭ ১৮

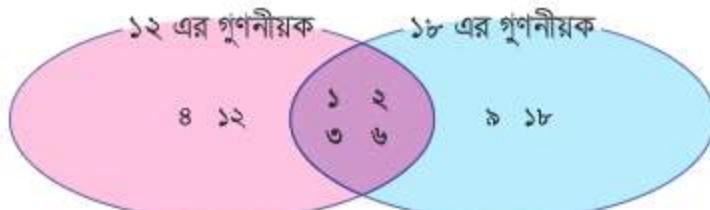
যদি আমাদের ৩টি প্রেট থাকে,
তাহলে আমরা প্রতিটিতে ৪টি
করে লজেস ও ৬টি করে
চকলেট রাখতে পারি।

যদি আমাদের ৪টি প্রেট থাকে তবে আমরা
প্রতিটিতে ৩টি করে লজেস ও ৪টি করে
চকলেট রাখতে পারি। কিন্তু কিছু সংখ্যক
চকলেট অবশিষ্ট থেকে যাবে।

কোনো লজেস ও চকলেট অবশিষ্ট না রেখে আমরা সেগুলোকে ১, ২, ৩ ও ৬টি প্রেটে সাজাতে
পারি।

যে সংখ্যাগুলো ১২ ও ১৮ উভয়েরই গুণনীয়ক, তাদের ১২ ও ১৮ এর সাধারণ গুণনীয়ক
বলে।

১২ ও ১৮ এর সাধারণ গুণনীয়কগুলো হচ্ছে : ১, ২, ৩, ও ৬।





২৪ ও ৩৬ এর সাধারণ গুণনীয়ক নির্ণয় করি।

নিচের ধারণা দুইটির মধ্যে তুলনা করি এবং কীভাবে এটা করতে হবে তা ব্যাখ্যা করি।



মুখ্য



২৪ এর গুণনীয়ক : ১, ২, ৩, ৪, ৬, ৮, ১২, ২৪

৩৬ এর গুণনীয়ক : ১, ২, ৩, ৪, ৬, ৯, ১২, ১৮, ৩৬

তেজিত



২৪ এর গুণনীয়ক : ১, ২, ৩, ৪, ৬, ৮, ১২, ২৪

৩৬ এর গুণনীয়ক : ✓✓✓✓✓✓ ✗✓✗

উত্তর: ২৪ ও ৩৬ এর সাধারণ গুণনীয়কগুলো হলো ১, ২, ৩, ৪, ৬ ও ১২।

দুইটি সংখ্যার সবচেয়ে বড় সাধারণ গুণনীয়কটিকে বলা হয় গরিষ্ঠ সাধারণ গুণনীয়ক (গসাগু)।

২৪ ও ৩৬ এর গরিষ্ঠ সাধারণ গুণনীয়কটি হচ্ছে ১২।



সাধারণ গুণনীয়ক ও গরিষ্ঠ সাধারণ গুণনীয়ক (গসাগু) নির্ণয় করি।

(১) ৪, ১৫

৪ এর গুণনীয়ক : ১, ২, ৪

১৫ এর গুণনীয়ক : ১, ৩, ৫, ১৫

৪ এর গুণনীয়ক : ১, ২, ৪

১৫ এর গুণনীয়ক : ✓ ✗ ✗

সংখ্যা দুইটির একমাত্র সাধারণ গুণনীয়কটি হলো ১।



(২) ৯, ২৭

৯ এর গুণনীয়ক : ১, ৩, ৯

২৭ এর গুণনীয়ক : ১, ৩, ৯, ২৭

৯ এর গুণনীয়ক : ১, ৩, ৯

২৭ এর গুণনীয়ক : ✓✓✓



এফ্ফেক্টে, ৯ নিজেই ৯ ও ২৭ এর গরিষ্ঠ সাধারণ গুণনীয়ক (গসাগু)।



সাধারণ গুণনীয়কগুলোর তালিকা তৈরি কর এবং গরিষ্ঠ সাধারণ গুণনীয়কটি (গসাগু) নির্ণয় কর।

(১) ১২, ২০

(২) ৫, ৮

(৩) ২৪, ৪২

(৪) ৮, ১৬, ২০

(৫) ১৫, ১৮, ৩০

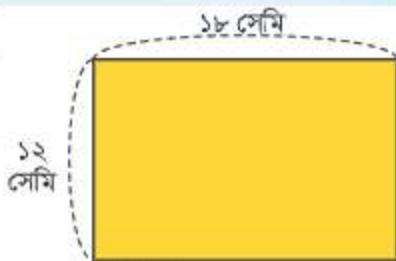
(৬) ১২, ৩৬, ৬০





আমার কাছে ১৮ সেমি লঘা ও ১২ সেমি চওড়া
একটি কাগজ আছে। আমি হোট হোট একই আকৃতির
বর্গ দ্বারা ওই কাগজটির পৃষ্ঠাটল ঢাকতে চাই।

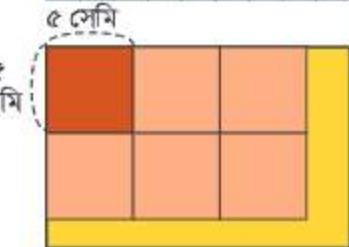
(১) ২ সেমি দৈর্ঘ্যের বর্গ দ্বারা কি কাগজটি সম্পূর্ণভাবে ঢাকা
সম্ভব?



(২) ৫ সেমি দৈর্ঘ্যের বর্গ দ্বারা কি কাগজটি সম্পূর্ণভাবে ঢাকা
সম্ভব?



(৩) ১২, ১৮ ও বর্গের বাহুর দৈর্ঘ্যের মধ্যকার সম্পর্ক কী?



১২ সংখ্যাটি বর্গটির বাহুর দৈর্ঘ্য দ্বারা নিঃশেষে বিভাজ্য।



এবং ১৮ সংখ্যাটিও একই দৈর্ঘ্য দ্বারা নিঃশেষে বিভাজ্য।

(৪) বর্গটির বাহুর সম্ভাব্য দৈর্ঘ্যের তালিকা তৈরি করি।



আমরা ১২ ও ১৮ এর সাধারণ গুণনীয়ক তৈরি করছি, ঠিক?

১২ এর গুণনীয়ক: ১, ২, ৩, ৪, ৬, ১২

১৮ এর গুণনীয়ক: ১, ২, ৩, ৬, ৯, ১৮

১২ এর গুণনীয়ক: ১, ২, ৩, ৪, ৬, ১২

১৮ এর গুণনীয়ক: ✓✓✓ ✗ ✓ ✗

(৫) সবচেয়ে বড় বর্গটির বাহুর সম্ভাব্য দৈর্ঘ্য কত?



এই প্রশ্নে গরিষ্ঠ সাধারণ গুণনীয়ক (গসাগ) খুব গুরুত্বপূর্ণ।



৭.৩ মৌলিক সংখ্যা



চল, মৌলিক সংখ্যা শিখি।

পাশের ছকে দেখানো ২, ৩, ৫, ৭ সংখ্যাগুলোর ১ ও ওই সংখ্যা ব্যতীত আর কোনো গুণনীয়ক নেই। এই সংখ্যাগুলোকে বলা হয় মৌলিক সংখ্যা। যে সংখ্যাগুলো ১ অথবা মৌলিক সংখ্যা নয় তাদেরকে যৌগিক সংখ্যা বলে।



চল, ১০০ পর্যন্ত মৌলিক সংখ্যা নির্ণয় করি।

২ এর গুণনীয়ক	✓	✓	
৩ এর গুণনীয়ক	✓	২	৩
৫ এর গুণনীয়ক	✓	১	২
৭ এর গুণনীয়ক	✓	১	২

১. ১ কে বাদ দিই।

২. ২ এর উপর বৃত্ত দিই। ২ এর চেয়ে বড় ২ এর গুণিতকগুলো বাদ দিই।

৩. ৩ এর উপর বৃত্ত দিই। অবশিষ্ট সংখ্যাগুলো থেকে ৩ এর চেয়ে বড় ৩ এর গুণিতকগুলো বাদ দিই।

৪. একইভাবে অন্য সংখ্যাগুলোর গুণিতকগুলো বাদ দিতে থাকি।

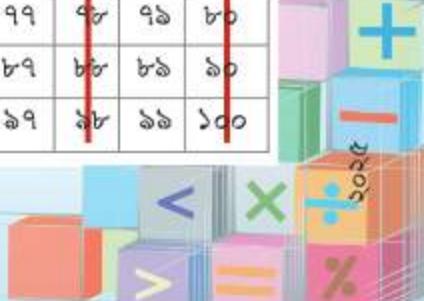


চল, একটি পুনরাবৃত্তি ধারা নির্ণয় করি।

আমাদের ৪ এর গুণিতকগুলোকে বাদ দিতে হবে না, কারণ ৪ এর গুণিতকগুলো ২ এরও গুণিতক।



১	২	৩	৪	৫	৬	৭	৮	৯	১০
১১	১২	১৩	১৪	১৫	১৬	১৭	১৮	১৯	২০
২১	২২	২৩	২৪	২৫	২৬	২৭	২৮	২৯	৩০
৩১	৩২	৩৩	৩৪	৩৫	৩৬	৩৭	৩৮	৩৯	৪০
৪১	৪২	৪৩	৪৪	৪৫	৪৬	৪৭	৪৮	৪৯	৫০
৫১	৫২	৫৩	৫৪	৫৫	৫৬	৫৭	৫৮	৫৯	৬০
৬১	৬২	৬৩	৬৪	৬৫	৬৬	৬৭	৬৮	৬৯	৭০
৭১	৭২	৭৩	৭৪	৭৫	৭৬	৭৭	৭৮	৭৯	৮০
৮১	৮২	৮৩	৮৪	৮৫	৮৬	৮৭	৮৮	৮৯	৯০
৯১	৯২	৯৩	৯৪	৯৫	৯৬	৯৭	৯৮	৯৯	১০০



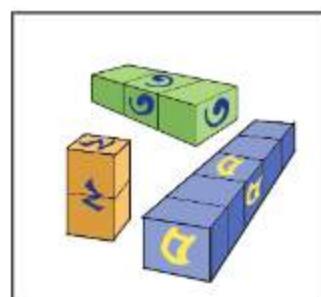
১০০ পর্যন্ত মৌলিক সংখ্যাগুলো নিম্নরূপ:

২, ৩, ৫, ৭, ১১, ১৩, ১৭, ১৯, ২৩, ২৯, ৩১, ৩৭, ৪১, ৪৩, ৪৭,
৫৩, ৫৯, ৬১, ৬৭, ৭১, ৭৩, ৭৯, ৮৩, ৮৯, ৯৭

আমরা কেন মৌলিক সংখ্যা ও যৌগিক সংখ্যা শিখব?

কারণ আমরা যৌগিক সংখ্যাকে মৌলিক সংখ্যার গুণনীয়কে (মৌলিক গুণনীয়ক) ‘বিভক্ত’ করতে পারি। অন্যভাবে বলা যায় যে, মৌলিক সংখ্যার গুণ দ্বারা যৌগিক সংখ্যা গঠন করা যায়।

মৌলিক সংখ্যা হচ্ছে সকল সংখ্যা গঠনের মূল ভিত্তি।



উদাহরণ:



২, ৩, ৫, ৭, ও ১১ হচ্ছে মৌলিক সংখ্যা।

$$8 = 2 \times 2 \quad 12 = 2 \times 2 \times 3 \quad 20 = 2 \times 2 \times 5 \quad 42 = 2 \times 3 \times 7$$

$$81 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 \quad 210 = 2 \times 3 \times 5 \times 7 \quad 385 = 5 \times 7 \times 11$$

এই যৌগিক সংখ্যাগুলো মৌলিক সংখ্যার গুণের মাধ্যমে তৈরি।

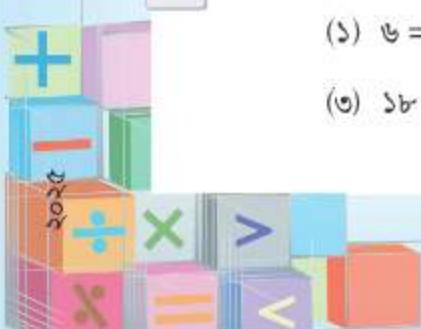


১

যৌগিক সংখ্যা তৈরির জন্য খালি ঘরে ২, ৩ ও ৫ বসাও:

$$(1) 6 = \square \times \square \quad (2) 8 = \square \times \square \times \square$$

$$(3) 18 = \square \times \square \times \square \quad (4) 30 = \square \times \square \times \square$$



চল চেষ্টা করি: ২, ৩ ও ৫ এর বিভাজ্যতা



চল, সংখ্যাগুলোর বিভাজ্যতা অনুমান করার চেষ্টা করি।



২ দ্বারা বিভাজ্য সংখ্যা নির্ণয় করি। প্রথমে অনুমান করি, তারপর ভাগ করে যাচাই করি।
ক) ২২৪ খ) ১১৪৬ গ) ২২৮৩ ঘ) ১৩৫৭৯৮

আমরা একক স্থানের সংখ্যাটি দেখে বিভাজ্যতা নির্ণয় করতে পারি।



যদি একক স্থানে ০, ২, ৪, ৬, ও ৮ থাকে তবে সংখ্যাটি ২ এর গুণিতক। সূতরাং সংখ্যাটি ২ দ্বারা বিভাজ্য।



৫ দ্বারা বিভাজ্য সংখ্যা নির্ণয় করি।

ক) ৫৫৫ খ) ৩৫৪ গ) ২২৩০ ঘ) ২৪৬৮৫



এক্ষেত্রে কীভাবে আমরা নিয়মটি খুঁজে বের করতে পারি?

যে সংখ্যাগুলোর একক স্থানে ০ বা ৫ থাকে, সে সংখ্যাগুলো ৫ এর গুণিতক। সূতরাং সংখ্যাটি ৫ দ্বারা বিভাজ্য।



৩ দ্বারা বিভাজ্য সংখ্যা নির্ণয় কর।

ক) ২৬১

$$\begin{array}{r} 8\overline{)261} \\ 24 \\ \hline 21 \\ 21 \\ \hline 0 \end{array}$$

খ) ২৬২

$$\begin{array}{r} 8\overline{)262} \\ 24 \\ \hline 22 \\ 21 \\ \hline 1 \end{array}$$

গ) ২৬৩

$$\begin{array}{r} 8\overline{)263} \\ 24 \\ \hline 23 \\ 21 \\ \hline 2 \end{array}$$

হুমকি...চল
ভাগ করি।



এখানে
ব্যতিক্রমধর্মী
একটি নিয়ম
রয়েছে।

$$\begin{aligned} 2+6+1 &= 9 \\ 9 \div 3 &= 3 \\ \text{এটি } 3 &\text{ এর গুণিতক।} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2+6+2 &= 10 \\ 10 \div 3 &= 3 \\ \text{ভাগশেষ } 1 & \\ \text{এটি } 3 &\text{ এর গুণিতক নয়।} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2+6+3 &= 11 \\ 11 \div 3 &= 3 \\ \text{ভাগশেষ } 2 & \\ \text{এটি } 3 &\text{ এর গুণিতক নয়।} \end{aligned}$$

যদি সংখ্যাটির প্রতিটি স্থানের অঙ্কগুলোর যোগফল ৩ এর গুণিতক হয়, তাহলে সংখ্যাটি ৩ এর গুণিতক। তাই সংখ্যাটি ৩ দ্বারা বিভাজ্য।





৭.৪ অনুশীলনী

১. নিচের সংখ্যাগুলোর তিটি গুণিতক লিখে ছোট থেকে বড় ক্রমে সাজাও:

- (১) ৮ (২) ৭ (৩) ১১ (৪) ১৪

২. নিচের সংখ্যার জোড়াগুলোর জন্য তিটি সাধারণ গুণিতক লেখে ছোট থেকে বড় ক্রমে সাজাও। লিখিষ্ঠ
সাধারণ গুণিতকটি (লসাগু) লেখ:

- (১) ৩, ৮ (২) ৪, ৯ (৩) ৩, ৯ (৪) ৫, ৮

৩. নিচের সংখ্যাগুলোর সকল গুণনীয়ক লেখ:

- (১) ৯ (২) ১২ (৩) ২৪ (৪) ৩০

৪. নিচের সংখ্যাগুলোর সকল সাধারণ গুণনীয়ক নির্ণয় কর এবং প্রতিটি সংখ্যাগুলোর গরিষ্ঠ সাধারণ
গুণনীয়কটি (গসাগু) লেখ:

- (১) ৯, ১৫ (২) ১৪, ২১ (৩) ২৪, ৪০ (৪) ৫, ৯

৫. লিখিষ্ঠ সাধারণ গুণিতক (লসাগু) ও গরিষ্ঠ সাধারণ গুণনীয়ক (গসাগু) নির্ণয় কর:

- (১) ৮, ১২, ২৪ (২) ৯, ১২, ১৮

৬. যেকোনো যৌগিক সংখ্যা তৈরির জন্য খালি ঘরে ২, ৩, ও ৫ সংখ্যা বসাও:

$$(১) \boxed{\quad} \times \boxed{\quad} \times \boxed{\quad} = \boxed{\quad} \qquad (২) \boxed{\quad} \times \boxed{\quad} \times \boxed{\quad} \times \boxed{\quad} = \boxed{\quad}$$

$$(৩) \boxed{\quad} \times \boxed{\quad} \times \boxed{\quad} \times \boxed{\quad} = \boxed{\quad}$$

৭. বক্রের সংখ্যাগুলোর মধ্য থেকে ২, ৩ ও ৫ এর গুণিতক নির্ণয় কর:

২৪৮, ৩৩৯, ১২১, ৫১৫,

(১) ২ এর গুণিতক []

৪৬০, ৯১২, ৭৫১, ৫৫৫,

(২) ৩ এর গুণিতক []

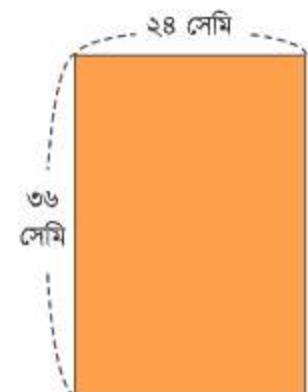
৮১০, ৯৫১, ১৩১, ৭২৫

(৩) ৫ এর গুণিতক []

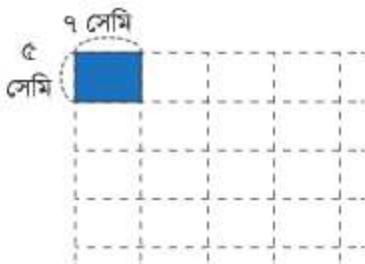


৮. দুইটি ঘণ্টার মধ্যে ক ঘণ্টাটি প্রতি ৮ মিনিট অন্তর এবং খ ঘণ্টাটি প্রতি ৬ মিনিট অন্তর বাজে। ঘণ্টা দুইটি দুপুর ১২টায় একত্রে বাজে। পরবর্তী কোন সময়ে ঘণ্টা দুইটি একত্রে বাজবে ?

৯. আমার কাছে ৩৬ সেমি লম্বা ও ২৪ সেমি চওড়া একটি কাগজ আছে। আমি বর্গ আকৃতির কাগজ দিয়ে কাগজের পৃষ্ঠাটি ঢাকতে চাই। সম্ভাব্য সবচেয়ে বড় কাগজের বর্গটির বাহুর দৈর্ঘ্য কত ?



১০. ৭ সেমি লম্বা ও ৫ সেমি চওড়া আয়তাকার টালিকে সাজিয়ে পাশে দেখানো ছবির মতো একটি ক্ষুদ্রতম বাহু বিশিষ্ট বর্গ তৈরি করতে চাইলে কত সেন্টিমিটার বাহুবিশিষ্ট ক্ষুদ্রতম বর্গ তৈরি করা যাবে ?



১১. রাসেলের কাছে ৪৫টি আপেল ও ১৮টি কমলা আছে। রাসেল কোনো আপেল বা কমলা অবশিষ্ট না রেখে যত বেশি সম্ভব শিশুর মধ্যে এমনভাবে ভাগ করে দিতে চায় যাতে প্রত্যেকে সমান সংখ্যক আপেল ও কমলা পায়। রাসেল কত জন শিশুর মাঝে এগুলো ভাগ করে দিতে পারবে এবং প্রত্যেক শিশু কতটি করে আপেল ও কমলা পাবে ?

সাধারণ ভগ্নাংশ

৮.১ সমহরবিশিষ্ট সাধারণ ভগ্নাংশ



চল, পর্যালোচনা করি।

১. নিচের ভগ্নাংশগুলো রং করি:

ভগ্নাংশের বিভিন্ন অংশের নাম
মনে করি।



$$\frac{1}{5} \quad \boxed{} \quad \boxed{} \quad \boxed{} \quad \boxed{} \quad \boxed{}$$

$$\frac{5}{6} \quad \boxed{} \quad \boxed{} \quad \boxed{} \quad \boxed{} \quad \boxed{}$$

$$\frac{3}{8} \quad \boxed{} \quad \boxed{} \quad \boxed{} \quad \boxed{} \quad \boxed{} \quad \boxed{}$$

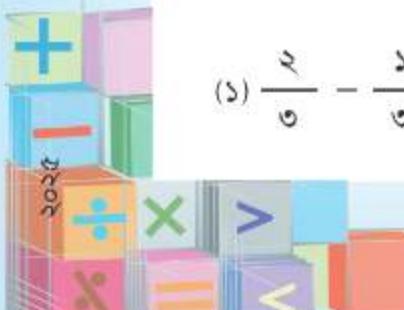
২. ' $<$ ' অথবা ' $>$ ' প্রতীক বসাই:

$$(1) \frac{1}{8} \square \frac{3}{8} \quad (2) \frac{2}{5} \square \frac{1}{5} \quad (3) \frac{5}{9} \square \frac{8}{9} \quad (8) \frac{8}{9} \square 1$$

৩. হিসাব করি:

$$(1) \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \quad (2) \frac{2}{9} + \frac{8}{9} \quad (3) \frac{5}{6} + \frac{1}{6} \quad (8) \frac{3}{10} + \frac{9}{10}$$

$$(1) \frac{2}{3} - \frac{1}{3} \quad (2) \frac{7}{9} - \frac{5}{9} \quad (3) 1 - \frac{2}{3} \quad (8) 1 - \frac{9}{10}$$



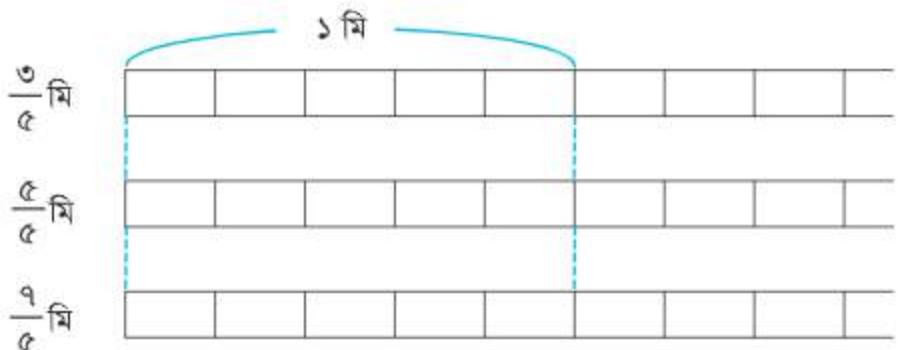
৮.২ ১ এর চেয়ে ছোট, ১ এর সমান এবং ১ এর চেয়ে বড় ভগ্নাংশ



চল, ভগ্নাংশের শ্রেণিবিন্যাস করি।



নিচের ভগ্নাংশগুলো রং করি।



ভগ্নাংশগুলোকে নিম্নোপে শ্রেণিবিন্যাস করা যায়:

১ এর চেয়ে ছোট ভগ্নাংশ (লব < হর)	১ এর সমান ভগ্নাংশ (লব = হর)	১ এর চেয়ে বড় ভগ্নাংশ (লব > হর)
কুন্দতর বৃহত্তর $\xrightarrow{\text{---}}$ $\frac{3}{3}$ $\xrightarrow{\text{---}}$ $\frac{4}{4}$	সমান $\xleftarrow{\text{---}}$ $\frac{4}{4}$ $\xrightarrow{\text{---}}$ $\frac{4}{4}$	বৃহত্তর কুন্দতর $\xrightarrow{\text{---}}$ $\frac{5}{4}$ $\xrightarrow{\text{---}}$ $\frac{5}{4}$
$\frac{3}{4}, \frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{6}{7}$ ইত্যাদি	$\frac{4}{4}, \frac{2}{2}, \frac{3}{3}, \frac{7}{7}$ ইত্যাদি	$\frac{5}{4}, \frac{3}{2}, \frac{7}{3}, \frac{10}{7}$ ইত্যাদি
প্রকৃত ভগ্নাংশ		অপ্রকৃত ভগ্নাংশ

১ এর চেয়ে ছোট ভগ্নাংশকে প্রকৃত ভগ্নাংশ এবং ১ এর সমান বা ১ এর চেয়ে বড় ভগ্নাংশকে অপ্রকৃত ভগ্নাংশ বলে।

৪ৰ্থ শ্ৰেণিতে আমৰা মূলত প্রকৃত ভগ্নাংশ এবং ১ এর সমান ভগ্নাংশ পড়্ব।

১ এর চেয়ে বড় ভগ্নাংশ আমৰা ৫ম শ্ৰেণিতে পড়্ব।



৮.৩ ভগ্নাংশের তুলনা



চল, বড় এবং ছোট ভগ্নাংশ খুঁজে বের করি।



বড় এবং ছোট নির্ণয় করি। ' $<$ ' অথবা ' $>$ ' প্রতীক বসাই।

(১)

$$\frac{2}{5} \square \frac{3}{5}$$

$\frac{2}{5}$				
$\frac{3}{5}$				

রং করি এবং
তুলনা করি।

(২)

$$\frac{3}{8} \square \frac{5}{8}$$

$\frac{3}{8}$				
$\frac{5}{8}$				



প্রতি জোড়া ভগ্নাংশের হরগুলো সমান।

(৩)

$$\frac{1}{2} \square \frac{1}{3}$$

$\frac{1}{2}$		
$\frac{1}{3}$		



(৪)

$$\frac{3}{5} \square \frac{3}{10}$$

$\frac{3}{5}$				
$\frac{3}{10}$				



প্রতি জোড়া ভগ্নাংশের লবগুলো সমান। তুমি কী মনে কর? ?

যদি ভগ্নাংশের হরগুলো একই থাকে, তবে যে ভগ্নাংশের লব বড়, সে ভগ্নাংশটির মান বড়।
(আমরা শুয়ে শ্রেণিতে পড়েছি।)

যদি ভগ্নাংশের লবগুলো একই থাকে, তবে যে ভগ্নাংশের হর ছোট, সে ভগ্নাংশটি বড়।

১

নিচের ভগ্নাংশগুলোকে ছোট থেকে বড় ঝুমানুসারে সাজাও এবং গাণিতিক চিহ্ন ব্যবহার করে দেখাও:

(১) $\frac{2}{3}, \frac{2}{9}, \frac{2}{8}, \frac{2}{5}$

(২) $\frac{3}{7}, \frac{3}{10}, \frac{3}{3}, \frac{3}{5}$

(৩) $\frac{5}{10}, \frac{5}{6}, \frac{5}{15}, \frac{5}{9}$



৮.৪ সমতুল ভগ্নাংশ



চল, সমতুল ভগ্নাংশ খুঁজে বের করি এবং এর সম্পর্কে ধারণা লাভ করি।



রং করি এবং তুলনা করি।

$\frac{1}{2}$

--	--

$\frac{2}{8}$

--	--	--	--

$\frac{3}{6}$

--	--	--	--	--	--

$\frac{8}{8}$

--	--	--	--	--	--	--

$\frac{5}{10}$

--	--	--	--	--	--	--

আমরা কি কিছু
খুঁজে পাচ্ছি?



$\frac{1}{2}, \frac{2}{8}, \frac{3}{6}, \frac{8}{8}$ এবং $\frac{5}{10}$ -এগুলো সব সমতুল ভগ্নাংশ।

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{8} = \frac{3}{6} = \frac{8}{8} = \frac{5}{10}$$



১ পরের পৃষ্ঠার সংখ্যারেখা ব্যবহার করে সমতুল ভগ্নাংশ খুঁজে বের কর এবং '=' চিহ্ন দ্বারা চিহ্নিত কর:

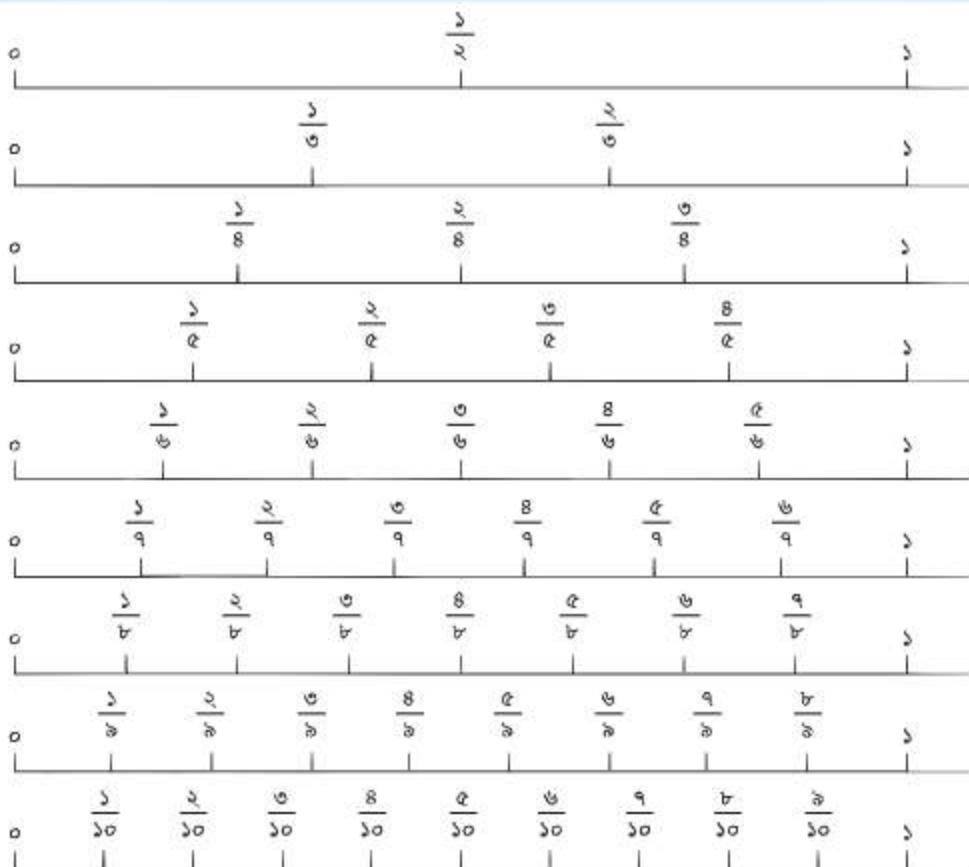
(১) $\frac{1}{3}$ এর সমতুল ভগ্নাংশ বের কর।

যে কোনো ভগ্নাংশের
অনেকগুলো সমতুল
ভগ্নাংশ রয়েছে।

(২) $\frac{2}{5}$ এর সমতুল ভগ্নাংশ বের কর।



(৩) সমতুল ভগ্নাংশের অন্যান্য উদাহরণগুলো খুঁজে বের কর।



২

সংখ্যারেখা ব্যবহার করে খালি ঘরগুলোতে সঠিক সংখ্যা বসাই:

$$(1) \frac{1}{8} = \frac{2}{\square}$$

$$(2) \frac{8}{10} = \frac{\square}{5}$$

$$(3) \frac{6}{9} = \frac{\square}{3}$$

$$(8) \frac{6}{8} = \frac{3}{\square}$$

সমতুল ভগ্নাংশ তৈরি করার ফোনো
পদ্ধতি রয়েছে কি?



চল আমরা প্রবত্তি পাঠে এ
বিষয়ে শিখি।





$\frac{1}{2}$ এর সমতুল ভগ্নাংশ কীভাবে তৈরি করা যায় তা নিয়ে চিন্তা করি।

$$\frac{1}{2} = \frac{1 \times 2}{2 \times 2} = \frac{2}{4} = \frac{2 \times 2}{4 \times 2} = \frac{4}{8}$$

কোনো ভগ্নাংশের হর এবং লবকে একই সংখ্যা দ্বারা গুণ করলে ওই ভগ্নাংশের সমতুল ভগ্নাংশ পাওয়া যায়।

$$\text{?} = \frac{\text{?} \times \text{?}}{\text{?} \times \text{?}}$$

৩

খালি ঘরের সংখ্যাগুলো নির্ণয় কর:

$$(1) \frac{1}{2} = \frac{\text{?}}{12} \quad (2) \frac{5}{6} = \frac{10}{\text{?}} \quad (3) \frac{3}{8} = \frac{12}{\text{?}} \quad (4) \frac{7}{8} = \frac{\text{?}}{28}$$

৪

$\frac{2}{5}$ এর ৫টি সমতুল ভগ্নাংশ স্বাধীনভাবে নির্ণয় কর।



$\frac{6}{12}$ এর সমতুল $\frac{3}{6}, \frac{2}{4}$ এবং $\frac{1}{2}$ এর মতো আরও কিছু সমতুল ভগ্নাংশ কীভাবে তৈরি করা যায় তা নিয়ে চিন্তা করি।

$$\frac{6}{12} = \frac{6 \div 2}{12 \div 2} = \frac{3}{6} = \frac{3 \div 3}{6 \div 3} = \frac{1}{2} = \frac{1 \div 1}{2 \div 1}$$

কোন ভগ্নাংশের হর এবং লবকে একই সংখ্যা দ্বারা ভাগ করলেও ঐ ভগ্নাংশের সমতুল ভগ্নাংশ পাওয়া যায়।

$$\text{?} = \frac{\text{?} \div \text{?}}{\text{?} \div \text{?}}$$

৫

খালি ঘরের সংখ্যাগুলো নির্ণয় কর:

$$(1) \frac{3}{9} = \frac{\text{?}}{3} \quad (2) \frac{6}{8} = \frac{3}{\text{?}} \quad (3) \frac{8}{12} = \frac{1}{\text{?}} \quad (4) \frac{8}{20} = \frac{\text{?}}{5}$$



লব ও হরকে একই সংখ্যা দ্বারা ভাগ করে $\frac{12}{18}$ এর ৩টি সমতুল ভগ্নাংশ নির্ণয় কর।





ভগ্নাংশগুলো সমতুল হলে, সরল ভগ্নাংশই সহজ ...

কোনো ভগ্নাংশকে লিখিষ্ট ভগ্নাংশে রূপান্তরিত করার অর্থ হলো ওই ভগ্নাংশের লব এবং হরকে একই সংখ্যা দ্বারা ভাগ করে ভগ্নাংশের হরকে ছোট সংখ্যায় পরিণত করা।



কোনো ভগ্নাংশকে লিখিষ্ট ভগ্নাংশে রূপান্তরিত করতে ওই ভগ্নাংশের লব এবং হরকে সাধারণ গুণনীয়ক দ্বারা ভাগ করা হয়।



ও, তা হলো
১৫ এবং ১৮
এর সাধারণ
গুণনীয়ক!

$$\frac{15}{18} = \frac{5}{6}$$

÷ 3 ÷ 3

$$\frac{5}{6} = \frac{5}{6}$$



সহজ পদ্ধতি
হিসেবে আমরা
এরকম করতে
পারি।



$\frac{16}{20}$ কে লিখিষ্ট ভগ্নাংশে প্রকাশ করি।

$$\frac{16}{20} = \frac{8}{10} = \frac{4}{5}$$

÷ 2 ÷ 2 ÷ 2

$$\frac{8}{5} = \frac{8}{5}$$



পর পর ২ বার ২ দিয়ে ভাগ করা
এবং একবারে ৪ দিয়ে ভাগ করা
একই কথা।

$$\frac{8}{20} = \frac{8}{5}$$

১৬ এবং ২০ এর গসাগু হলো ৪।

ভগ্নাংশকে ছোট করার সময় আমরা সাধারণত হরকে যতটা সম্ভব ছোট করার চেষ্টা করি এবং ভগ্নাংশের লিখিষ্ট আকারটি পাই। হর এবং লবকে গসাগু দ্বারা ভাগ করে খুব সহজেই ভগ্নাংশের লিখিষ্ট আকার পেতে পারি।

১

নিচের ভগ্নাংশগুলোকে লিখিষ্ট আকারে পরিণত কর:

- (১) $\frac{8}{10}$ (২) $\frac{12}{15}$ (৩) $\frac{9}{27}$ (৪) $\frac{24}{36}$ (৫) $\frac{28}{42}$ (৬) $\frac{80}{60}$



৮.৫ অনুশীলনী (১)

১. বক্ষ থেকে প্রকৃত ভগ্নাংশ এবং যে ভগ্নাংশগুলোর মান ১ এর সমান তা খুঁজে বের কর:

(১) প্রকৃত ভগ্নাংশগুলো হলো:

()

$$\frac{2}{3}, \frac{8}{8}, \frac{5}{8}, \frac{8}{5}, \frac{3}{9}, \frac{13}{12}$$

(২) ১ এর সমান ভগ্নাংশগুলো হলো:

()

$$\frac{27}{26}, \frac{1}{1}, \frac{76}{76}, \frac{82}{88}, \frac{2}{25}, \frac{3}{3}$$

২. গাণিতিক প্রতীক ব্যবহার করে নিচের ভগ্নাংশগুলোকে ছোট থেকে বড় ক্রমে সাজাও:

$$(১) \frac{6}{9}, \frac{3}{7}, \frac{7}{9}, \frac{2}{7} \quad (২) \frac{8}{9}, \frac{8}{5}, \frac{8}{11}, \frac{8}{9} \quad (৩) \frac{11}{23}, \frac{11}{13}, \frac{11}{17}, \frac{11}{91}$$

৩. খালিঘরের সংখ্যাগুলো নির্ণয় কর:

$$(১) \frac{1}{3} = \frac{\square}{6} \quad (২) \frac{3}{7} = \frac{\square}{28} \quad (৩) \frac{3}{8} = \frac{\square}{36} \quad (৪) \frac{8}{5} = \frac{12}{\square}$$

$$(৫) \frac{2}{9} = \frac{16}{\square} \quad (৬) \frac{5}{8} = \frac{30}{\square} \quad (৭) \frac{3}{6} = \frac{\square}{2} \quad (৮) \frac{12}{20} = \frac{\square}{5}$$

$$(৯) \frac{28}{36} = \frac{\square}{9} \quad (১০) \frac{33}{66} = \frac{1}{\square} \quad (১১) \frac{5}{65} = \frac{1}{\square} \quad (১২) \frac{12}{58} = \frac{2}{\square}$$

৪. নিচের ভগ্নাংশগুলোকে সমিট ভগ্নাংশে রূপান্তর কর:

$$(১) \frac{6}{12} \quad (২) \frac{3}{21} \quad (৩) \frac{9}{36} \quad (৪) \frac{16}{88} \quad (৫) \frac{8}{12} \quad (৬) \frac{9}{12}$$

$$(৭) \frac{20}{25} \quad (৮) \frac{32}{36} \quad (৯) \frac{18}{30} \quad (১০) \frac{16}{28} \quad (১১) \frac{28}{89} \quad (১২) \frac{28}{80}$$



আমরা সমতুল ভগ্নাংশ তৈরি করা আয়ত্ত করেছি।

হ্যাঁ! আমরা এ ধারণাকে কাজে লাগিয়ে অনেক কিছু করতে পারি। চল, পরবর্তী অংশে নতুন কিছু শিখি।



৮.৬ সাধারণ হর খুঁজে বের করা



চল, আমরা ডিন্দি হরবিশিষ্ট ভগ্নাংশ শিখি।



তোমার কাছে $\frac{2}{3}$ মি লম্বা লাল ফিতা এবং $\frac{3}{8}$ মি লম্বা নীল ফিতা রয়েছে।



(১) কোনটি বড় ?

আমরা কেন এই ভগ্নাংশগুলোকে সাধারণ হরবিশিষ্ট ভগ্নাংশে রূপান্তরিত করি না?

ও হাঁ, যখন হরগুলো একই হয়, তখন যে ভগ্নাংশের লব বড় সেই ভগ্নাংশটি বড় হয়।



$$\left. \begin{array}{l} \frac{2}{3} = \frac{8}{6} = \frac{6}{9} = \frac{8}{12} \\ \frac{3}{8} = \frac{6}{8} = \frac{9}{12} \end{array} \right\} \quad \begin{array}{l} \frac{8}{12} < \frac{9}{12} \\ \therefore \frac{2}{3} < \frac{3}{8} \end{array}$$



নীল ফিতাটি বড়।

(২) দৈর্ঘ্যের পার্থক্য কত?



পার্থক্য খৌজার সময় আমরা নিম্নরূপ বিয়োগ করি:
‘বড় সংখ্যা – ছোট সংখ্যা’

কিন্তু আমরা $\frac{3}{8} - \frac{2}{3}$ করতে পারি না। এখন তাহলে আমরা কী করব?

অপেক্ষা করি! আমরা $\frac{3}{8} - \frac{2}{3}$ করতে না পারলেও $\frac{9}{12} - \frac{8}{12}$ করতে পারি।

$$\frac{3}{8} - \frac{2}{3} = \frac{9}{12} - \frac{8}{12} = \frac{1}{12}$$

পার্থক্য হলো $\frac{1}{12}$ মি।





বাহ! ভগ্নাংশকে সাধারণ হরবিশিষ্ট ভগ্নাংশে রূপান্তর করলে শুধু বড়-ছোট ভগ্নাংশ বের করা যায় তাই নয়, ভগ্নাংশের বিয়োগও করা যায়, যোগও করা যায়!

চল, প্রথমে আমরা সাধারণ হর কীভাবে বের করতে হয় তা শিখি! তারপর ভগ্নাংশগুলোকে সাধারণ হরবিশিষ্ট ভগ্নাংশে রূপান্তর করি।



$\frac{3}{5}$ এবং $\frac{2}{3}$ ভগ্নাংশকে সমহরবিশিষ্ট ভগ্নাংশে রূপান্তর করি।

$$\begin{array}{c} \frac{3}{5} = \frac{6}{10} = \frac{9}{15} = \frac{12}{20} \\ \downarrow \qquad \downarrow \qquad \downarrow \\ \frac{2}{3} = \frac{8}{12} = \frac{6}{9} = \frac{4}{6} = \frac{10}{15} \end{array}$$

► ৫, ১০, ১৫, ২০...

► ৩, ৬, ৯, ১২, ১৫...

তোমার কি মনে আছে এই
সংখ্যাটিকে কী বলে?



হ্যায়! ১৫ হলো ৩ ও ৫ এর গুণিতক। আবার ৩ ও ৫ এর লবিষ্ঠ
সাধারণ গুণিতক (লসাগু) হলো ১৫!



ভগ্নাংশসমূহের সাধারণ হর একসাথে নির্ণয় করার ক্ষেত্রে:

১. হরগুলোর সাধারণ গুণনীয়ক নির্ণয় করতে হবে।
২. ভগ্নাংশগুলো রূপান্তর করতে হবে যেনে তাদের একই হর থাকে।

আমরা সাধারণত ভগ্নাংশের হরগুলোর লবিষ্ঠ সাধারণ গুণিতক (লসাগু) ব্যবহার করে থাকি।

$$\left[\frac{3}{5}, \frac{2}{3} \right] \longrightarrow \left[\frac{9}{15}, \frac{10}{15} \right]$$





১

নিচের ভগ্নাংশগুলোকে সমহর বিশিষ্ট ভগ্নাংশে রূপান্তর কর:

(১) $\left[\frac{1}{3}, \frac{1}{8} \right] \rightarrow \left[\quad \quad \quad \right]$

(২) $\left[\frac{2}{3}, \frac{1}{2} \right] \rightarrow \left[\quad \quad \quad \right]$

(৩) $\left[\frac{1}{2}, \frac{2}{5} \right] \rightarrow \left[\quad \quad \quad \right]$

(৪) $\left[\frac{1}{3}, \frac{2}{5} \right] \rightarrow \left[\quad \quad \quad \right]$

(৫) $\left[\frac{1}{2}, \frac{1}{8} \right] \rightarrow \left[\quad \quad \quad \right]$

(৬) $\left[\frac{3}{8}, \frac{5}{6} \right] \rightarrow \left[\quad \quad \quad \right]$

(৭) $\left[\frac{7}{9}, \frac{5}{12} \right] \rightarrow \left[\quad \quad \quad \right]$

(৮) $\left[\frac{1}{3}, \frac{1}{8}, \frac{1}{2} \right] \rightarrow \left[\quad \quad \quad \right]$

(৯) $\left[\frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{1}{5} \right] \rightarrow \left[\quad \quad \quad \right]$

(১০) $\left[\frac{3}{5}, \frac{3}{8}, \frac{7}{10} \right] \rightarrow \left[\quad \quad \quad \right]$

২

নিচের ভগ্নাংশগুলোকে সমহর বিশিষ্ট ভগ্নাংশে রূপান্তর কর এবং ' $<$ ', ' $>$ ' বা ' $=$ ' ব্যবহার করে তুলনা কর:

(১) $\frac{7}{9} \square \frac{5}{12}$ (২) $\frac{3}{8} \square \frac{5}{9}$ (৩) $\frac{2}{3} \square \frac{6}{9}$ (৪) $\frac{11}{16} \square \frac{17}{28}$

ভগ্নাংশকে কীভাবে সমহরবিশিষ্ট ভগ্নাংশে রূপান্তর করা যায় তা আমরা শিখলাম।



চল, এবার আমরা যা শিখেছি তা ভিন্ন হরবিশিষ্ট ভগ্নাংশের যোগ-বিয়োগের ক্ষেত্রে প্রয়োগ করি।



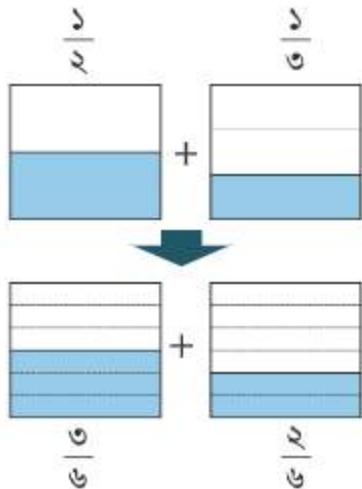
৮.৭ ভগুৎশের যোগ এবং বিয়োগ



ক বোতলে $\frac{1}{2}$ লিটার এবং খ বোতলে $\frac{1}{3}$ লিটার পানি রয়েছে। বোতল দুইটিতে মোট কত লিটার পানি রয়েছে?



এখানে আমরা সর্বমোট পরিমাণ নির্ণয় করছি।
তাই এখানে করতে হবে।



গণিতিক বাক্য: $\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$

হিসাবটি নিম্নরূপ:

$$\begin{aligned}\frac{1}{2} + \frac{1}{3} &= \frac{3}{6} + \frac{2}{6} \\ &= \boxed{} \\ &= \frac{5}{6} \text{ লিটার।}\end{aligned}$$

ভিন্ন হরবিশিষ্ট ভগুৎশসমূহকে যোগ করার ক্ষেত্রে প্রথমে ভগুৎশগুলোকে সমহরবিশিষ্ট ভগুৎশে রূপান্তর করে তারপর যোগ করতে হবে।



১ সমহরবিশিষ্ট করে যোগ কর:

$$(1) \frac{1}{8} + \frac{1}{3} = \boxed{} + \boxed{} = \boxed{}$$

$$(2) \frac{1}{8} + \frac{2}{5} = \boxed{} + \boxed{} = \boxed{}$$

$$(3) \frac{1}{6} + \frac{2}{9} = \boxed{} + \boxed{} = \boxed{}$$

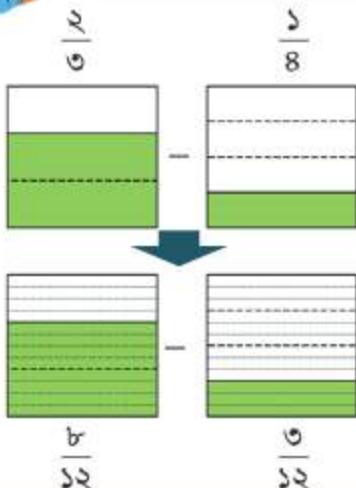
$$(8) \frac{1}{8} + \frac{5}{6}$$



তোমার কাছে $\frac{2}{3}$ লিটার দুধ রয়েছে যা থেকে তুমি $\frac{1}{8}$ লিটার দুধ পান করেছ। আর কত লিটার দুধ অবশিষ্ট রয়েছে?



এই সমস্যাটি অবশিষ্ট ধারা সহজ। আর তাই এখানে প্রক্রিয়াটি হলো



$$\text{গাণিতিক বাক্য : } \frac{2}{3} - \frac{1}{8}$$

হিসাবটি নিম্নরূপ:

$$\frac{2}{3} - \frac{1}{8} = \frac{8}{12} - \frac{3}{12} \\ = \boxed{}$$

অবশিষ্ট $\frac{5}{12}$ লিটার।

ভিন্ন হরবিশিষ্ট ভগ্নাংশসমূহকে বিয়োগ করার ক্ষেত্রে প্রথমে ভগ্নাংশগুলোকে সমহরবিশিষ্ট ভগ্নাংশে রূপান্বয় করে তারপর হিসাব করতে হবে।



১ সমহর করে বিয়োগ কর:

$$(1) \frac{1}{2} - \frac{1}{3} = \frac{\square}{\square} - \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square}$$

$$(2) \frac{1}{8} - \frac{1}{5} = \frac{\square}{\square} - \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square}$$

$$(3) \frac{2}{3} - \frac{2}{5} = \frac{\square}{\square} - \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square}$$

$$(4) \frac{3}{8} - \frac{1}{8} = \frac{\square}{\square} - \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square}$$

$$(5) \frac{5}{6} - \frac{3}{8}$$

$$(6) \frac{9}{10} - \frac{8}{15}$$





হিসাব করি।

(1) $\frac{1}{3} + \frac{1}{6}$

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{6} = \frac{2}{6} + \frac{1}{6} = \frac{\cancel{2}^1}{\cancel{6}^3} = \frac{1}{3}$$

(2) $\frac{1}{2} - \frac{1}{6}$

$$\frac{1}{2} - \frac{1}{6} = \frac{3}{6} - \frac{1}{6} = \frac{\cancel{3}^2}{\cancel{6}^3} = \frac{1}{3}$$

যদি সম্ভব হয় তবে ভগ্নাংশকে এর লম্বিষ্ঠ আকারে প্রকাশ করতে হবে।



যোগ এবং বিয়োগ কর:



ভগ্নাংশকে লম্বিষ্ঠ আকারে রূপান্তর করার কথা মনে রাখতে হবে।

- (1) $\frac{1}{8} + \frac{3}{20}$ (2) $\frac{1}{8} + \frac{7}{12}$ (3) $\frac{3}{8} + \frac{1}{28}$ (8) $\frac{8}{15} + \frac{1}{12}$ (5) $\frac{8}{15} + \frac{3}{10}$
 (6) $\frac{11}{18} - \frac{2}{9}$ (7) $\frac{1}{2} - \frac{1}{6}$ (8) $\frac{5}{6} - \frac{7}{18}$ (9) $\frac{11}{12} - \frac{8}{15}$ (10) $\frac{13}{15} - \frac{9}{20}$



তিনটি ভগ্নাংশ নিয়ে হিসাব করি।

(1) $\frac{1}{6} + \frac{1}{3} + \frac{1}{8}$

$$\frac{1}{6} + \frac{1}{3} + \frac{1}{8} = \frac{2}{12} + \frac{8}{12} + \frac{3}{12} = \frac{\cancel{2}^1 + \cancel{8}^1 + \cancel{3}^1}{\cancel{12}^3} = \frac{13}{12}$$

(2) $1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{8}$

$$1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{8} = \frac{8}{8} - \frac{4}{8} - \frac{1}{8} = \frac{3}{8}$$





৮.৮ অনুশীলনী (২)

১. সমহর বিশিষ্ট ভগ্নাংশে রূপান্তর কর এবং ' $<$ ', ' $>$ ' বা '=' প্রতীক ব্যবহার করে ভগ্নাংশগুলো তুলনা কর:

$$(1) \frac{1}{3} \square \frac{1}{5} \quad (2) \frac{3}{8} \square \frac{5}{6} \quad (3) \frac{5}{9} \square \frac{6}{9} \quad (4) \frac{3}{8} \square \frac{12}{16} \quad (5) \frac{3}{28} \square \frac{7}{92}$$

২. যোগ কর:

$$(1) \frac{1}{8} + \frac{1}{2} \quad (2) \frac{2}{5} + \frac{3}{9} \quad (3) \frac{1}{6} + \frac{3}{8} \quad (4) \frac{3}{9} + \frac{1}{3} \quad (5) \frac{2}{9} + \frac{5}{12}$$

সতর্কতার সাথে কর।

$$(6) \frac{5}{6} + \frac{1}{10} \quad (7) \frac{2}{3} + \frac{2}{15} \quad (8) \frac{1}{6} + \frac{2}{15} \quad (9) \frac{8}{15} + \frac{2}{5} \quad (10) \frac{1}{6} + \frac{9}{12}$$



প্রতিবার হিসাব শেষে আমাদের যাচাই করতে হবে যে ভগ্নাংশগুলোকে লঘিষ্ঠ ভগ্নাংশে রূপান্তর করার প্রয়োজন রয়েছে কি না।

৩. বিয়োগ কর:

$$(1) \frac{1}{3} - \frac{1}{8} \quad (2) \frac{5}{6} - \frac{2}{5} \quad (3) \frac{1}{3} - \frac{1}{6} \quad (4) \frac{8}{9} - \frac{1}{6} \quad (5) \frac{11}{12} - \frac{7}{9}$$

সতর্কতার সাথে কর।

$$(6) \frac{9}{10} - \frac{2}{5} \quad (7) \frac{7}{12} - \frac{1}{8} \quad (8) \frac{8}{15} - \frac{1}{6} \quad (9) \frac{2}{3} - \frac{7}{15} \quad (10) \frac{9}{10} - \frac{5}{6}$$

৪. হিসাব কর:

$$(1) \frac{1}{3} + \frac{1}{8} + \frac{1}{12} \quad (2) \frac{1}{6} + \frac{1}{3} + \frac{2}{9} \quad (3) \frac{1}{2} - \frac{1}{3} - \frac{1}{9} \quad (4) \frac{3}{8} - \frac{3}{5} + \frac{1}{2}$$





৫. খালি ঘর পূরণ কর:

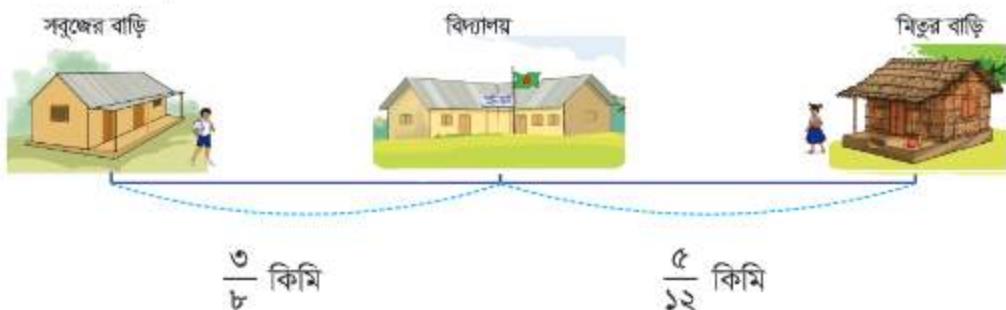
$$(1) \frac{\square}{3} + \frac{1}{5} = \frac{13}{15}$$

$$(2) \frac{5}{9} + \frac{\square}{5} = \frac{32}{35}$$

$$(3) \frac{5}{6} - \frac{\square}{9} = \frac{23}{42}$$

৬. সবুজের বাড়ি বিদ্যালয় থেকে $\frac{3}{8}$ কিলোমিটার পশ্চিমে অবস্থিত। মিঠুর বাড়ি বিদ্যালয় থেকে $\frac{5}{12}$

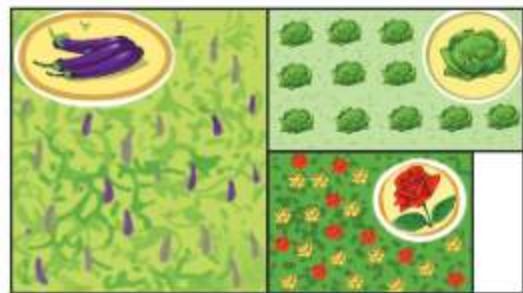
কিলোমিটার পূর্বে অবস্থিত।



(১) সবুজের বাড়ি থেকে মিঠুর বাড়ির দূরত্ব কত কিমি?

(২) বিদ্যালয় থেকে কার বাড়ি নিকটবর্তী? সবুজ ও মিঠুর বাড়ি থেকে বিদ্যালয়ের দূরত্বের পার্থক্য কত?

৭. একজন কৃষক তার সবজি খেতের $\frac{1}{2}$ অংশে বেগুন, $\frac{1}{8}$ অংশে বাঁধাকপি এবং $\frac{1}{5}$ অংশে ঝুল চাষ করেন।



(১) কৃষক তার খেতের মোট কত অংশে চাষ করেছেন?

(২) কৃষকের সবজি খেতের কত অংশ খালি রয়েছে?

দশমিক ভগ্নাংশ

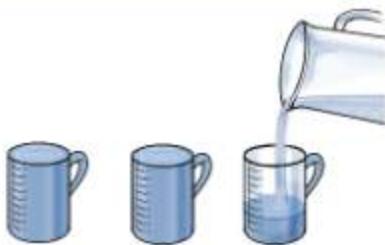
৯.১ দশমিক ভগ্নাংশ



চল, আমরা ভগ্নাংশের পরিমাণকে প্রকাশ করার আরও একটি পদ্ধতি শিখি।



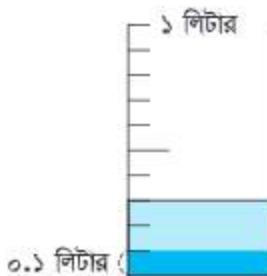
একটি জগে কিছু পানি রয়েছে। এক লিটার ধারণক্ষমতা বিশিষ্ট তিনটি মগের প্রতিটিতে পানি ঢালা হলো। ছবি অনুযায়ী, তয় মগটি পানিতে পরিপূর্ণ হয়নি। তয় মগটিতে পানির পরিমাণ কত?



কোন কিছুর পরিমাণকে ভগ্নাংশে প্রকাশ করার জন্য আমরা প্রায়ই ওই পরিমাণের $\frac{1}{10}$ ব্যবহার করে থাকি।

১ লিটারের $\frac{1}{10}$ অংশ আয়তনকে ‘০.১ লিটার’ বলে এবং একে কথায় ‘শূন্য দশমিক এক লিটার’ পড়া এবং লেখা হয়।

$$0.1 \text{ লিটার} = \frac{1}{10} \text{ লিটার}$$



তয় মগটিতে পানির পরিমাণ $\frac{3}{10}$ লিটার।

‘ $\frac{3}{10}$ লিটার’ হলো ‘০.১ লিটার এর ৩ গুণ’। অতএব, এটি ‘০.৩ লিটার’।

জগে ‘২ লিটার এবং ০.৩ লিটার’ পানি ছিল যা আমরা ‘২.৩’ দ্বারা প্রকাশ করতে পারি এবং কথায় ‘দুই দশমিক তিন লিটার’ বলতে পারি।

০.১, ০.৩, ২.৩ ইত্যাদিকে আমরা দশমিক সংখ্যা এবং ‘.’ কে আমরা দশমিক বিন্দু বলি।

স্থানের নাম	একক	দশমাংশ
পড়ার নিয়ম	২	৩
	দুই	দশমিক তিন

দশমিক বিন্দুর ডানপাশের সংখ্যার স্থানকে

এক দশমাংশ ($\frac{1}{10}$) বলে।

অপরদিকে, ভগ্নাংশ ছাড়া ০, ১, ২ ইত্যাদি যা আমরা আগেই পড়েছি সেগুলোকে পূর্ণসংখ্যা বলে।



১

নিচে উল্লেখিত আয়তনগুলোকে দশমিকে প্রকাশ করে কথায় লেখ:

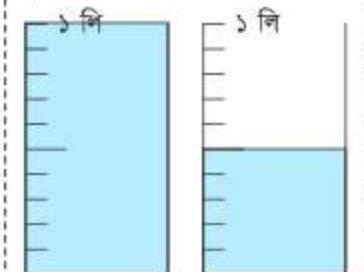
(১)



(২)



(৩)



(৪)



মনে রাখি, ‘টি’
হলো ‘লিটার’
এর সংক্ষিপ্ত রূপ।



২

নিচের সংখ্যাগুলোকে দশমিক এবং পূর্ণ সংখ্যা ভেদে শ্রেণিবিন্যাস কর:

০.৬ ১.৭ ২

৪ ১১.৩ ৩৬.৮

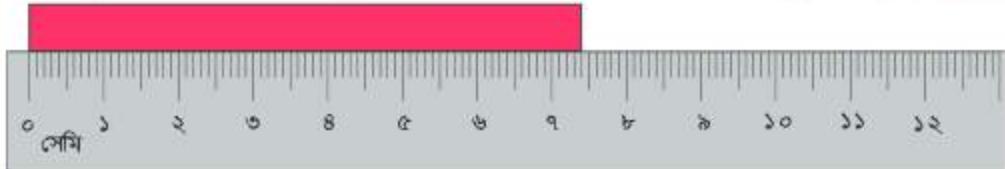
দশমিক	
পূর্ণসংখ্যা	





লাল ফিতাটি লম্বায় কত সেন্টিমিটার ?

মনে রাখি, ‘সেমি’ হলো ‘সেন্টিমিটার’ এবং ‘মিমি’ হলো ‘মিলিমিটার’ এর সংক্ষিপ্ত রূপ।



(১) ফিতাটির দৈর্ঘ্য কত ?

সেমি মিমি

(২) ১ মিমি এ কত সেমি ?

সেমি

১ মিমি $\frac{1}{10}$ সেমি তাই...

(৩) ৮ মিমি কে সেমি এ কীভাবে লেখা যায় ?

সেমি

(৪) ৭ সেমি এবং ৪ মিমি কে সেমি এ কীভাবে লেখা যায় ?

সেমি



ছবিতে দেওয়া কমলাগুলোর ওজন ১ কেজি ৫০০ গ্রাম। কমলাগুলোর ওজন কত কেজি ?



‘কেজি’ হলো ‘কিলোগ্রাম’ এবং তদুপ ‘গ্রা’ হলো ‘গ্রাম’ এর সংক্ষিপ্ত রূপ।



(১) ১০০ গ্রামকে কেজিতে কীভাবে লেখা যায় ?

কেজি

সুরণ করি, ১০০০ গ্রাম ১ কেজি এর সমান।



(২) ৫০০ গ্রামকে কেজিতে কীভাবে লেখা যায় ?

কেজি

(৩) ১ কেজি ৫০০ গ্রামকে কেজিতে কীভাবে লেখা যায় ?

কেজি

দৈনন্দিন জীবনের অনেক ফেত্রে আমরা দশমিক ব্যবহার করে থাকি। চল, দশমিক সম্পর্কে আরও শিখি।



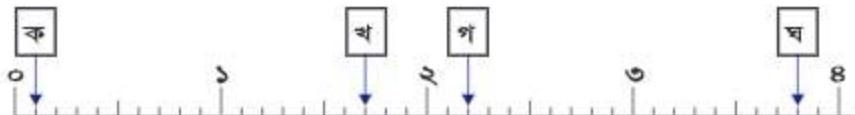
১.২ দশমিক ভগ্নাংশের আকার



চল, আমরা দশমিকের আকার তুলনা করি।



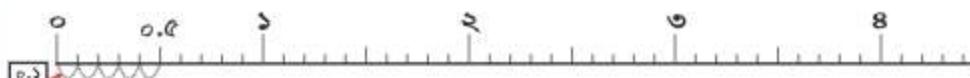
১. সংখ্যারেখায় ক, খ, গ এবং ঘ এর জন্য কোন সংখ্যা নির্দেশ করছে?



২. নিচের সংখ্যাগুলোকে উপরের সংখ্যারেখায় প্রকাশ করি।

০.৯, ০.৫, ২.৬, এবং ৩.২

৩. ০.৫, ১.৮ এবং ৩.৩ কতটি ০.১ নিয়ে গঠিত?



৪. নিচের প্রশ্নগুলোর উত্তর দিই।

ক) ২৫টি ০.১ দ্বারা গঠিত সংখ্যাটি লেখি।

খ) ২০টি ০.১ দ্বারা গঠিত সংখ্যাটি লেখি।

গ) কতটি ০.১ মিলে ৩.২ হয়?

ঘ) কতটি ১ এবং ০.১ মিলে ৩.২ হয়?

‘২.০’ কে ‘২’ রূপে
প্রকাশ করা যায়।



৫. ২.১ বা ১.৩, কোনটি বড়?



বীতা

সংখ্যাগুলোর আকার তুলনা
করার জন্য আমি এদেরকে
সংখ্যারেখায় বসাই। যে সংখ্যাটি
ডানপাশে রয়েছে, সেটি বড়।



২.১ সংখ্যাটি ২১টি ০.১ নিয়ে গঠিত।

১.৩ সংখ্যাটি ১৩টি ০.১ নিয়ে গঠিত। সুতরাং, $2.1 > 1.3$



বোগেন



কোনটি বড়? ‘<’ বা ‘>’ দ্বারা প্রকাশ কর:

- (১) $2.8 \square 1.8$ (২) $3 \square 0.8$ (৩) $7.1 \square 6.8$ (৪) $0 \square 0.1$





$\frac{2}{10}$ বা ০.৩ কোনটি বড়?

ওহ... আমরা কীভাবে ভগ্নাংশ এবং দশমিক এর তুলনা করতে পারি?



আমি ০.১ দ্বারা গঠিত
সংখ্যা সম্পর্কে চিন্তা
করছি:



আমি $\frac{1}{10}$ দ্বারা গঠিত সংখ্যা
সম্পর্কে চিন্তা করছি:

$\frac{2}{10}$ সংখ্যাটি ২টি ০.১ দ্বারা গঠিত।

০.৩ সংখ্যাটি ৩টি ০.১ দ্বারা গঠিত।

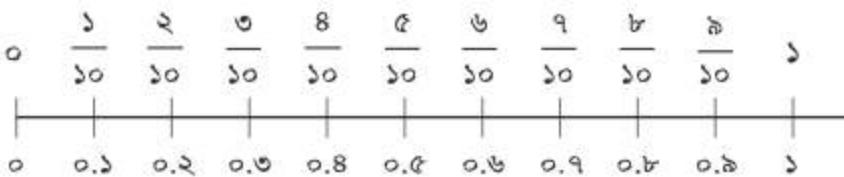
$$\therefore \frac{2}{10} < 0.3$$

$\frac{2}{10}$ সংখ্যাটি ২টি $\frac{1}{10}$ দ্বারা গঠিত।

০.৩ সংখ্যাটি ৩টি $\frac{1}{10}$ দ্বারা গঠিত।

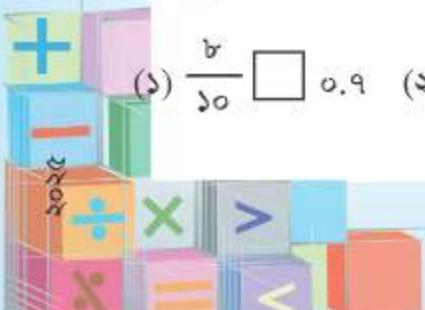
$$\therefore \frac{2}{10} < 0.3$$

চল, আমরা সংখ্যারেখার মাধ্যমে সাধারণ ভগ্নাংশ এবং দশমিক
ভগ্নাংশের সম্পর্ক পরিষ্কার করে জানি।



কোনটি বড়? সম্পর্ক প্রতীক ($<$, $>$ বা $=$) দ্বারা প্রকাশ কর:

- (১) $\frac{8}{10} \square 0.7$ (২) $0.3 \square \frac{3}{10}$ (৩) $0.1 \square \frac{3}{10}$ (৪) $\frac{10}{10} \square 0.9$



৯.৩ দশমিক ভগ্নাংশের যোগ এবং বিয়োগ (১)



চল, আমরা দশমিকের যোগ এবং বিয়োগ করার চেষ্টা করি।

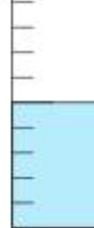


ক পাত্রে ০.৫ লিটার এবং খ পাত্রে ০.৩ লিটার পানি রয়েছে।



মোট পরিমাণ খুঁজে পাওয়ার জন্য আমরা
কে বেছে নিই।

১ লি



১ লি



গণিতিক বাক্যটি হলো: _____

ক

খ

হিসাবটি হলো:

চল, সংখ্যাদ্বয়ে কতগুলো ০.১ রয়েছে তা নিয়ে ভাবি।



০.৫ সংখ্যাটি ৫টি ০.১ এবং ০.৩ সংখ্যাটি ৩টি ০.১ নিয়ে গঠিত।

সর্বমোট ০.১ রয়েছে (৫ + ৩)টি। ∴ মোট: ০.৮ লিটার

(২) ক পাত্রে খ পাত্রের চেয়ে কতটুকু পানি বেশি রয়েছে?

পানির পরিমাণের পার্থক্য খুঁজে পাওয়ার জন্য আমরা
কে বেছে নিই।



গণিতিক বাক্যটি হলো: _____

হিসাবটি হলো:

$(৫টি ০.১) - (৩টি ০.১)$ । অতএব, পার্থক্যটি হলো $(৫ - ৩)$ টি ০.১

∴ পার্থক্যটি হলো: ০.২ লিটার



যোগ এবং বিয়োগ কর:

- | | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| (১) $0.3 + 0.8$ | (২) $0.7 + 0.2$ | (৩) $0.5 + 0.5$ | (৪) $0.9 + 0.3$ |
| (৫) $0.8 - 0.6$ | (৬) $0.7 - 0.2$ | (৭) $1 - 0.3$ | (৮) $1.6 - 0.8$ |

এখন যা দেখলাম, সংখ্যাগুলোতে কয়টি করে ০.১ রয়েছে তা নিয়ে চিন্তা করে আমরা পূর্ণসংখ্যার মতো হিসাব করতে পারি।



তাহলে তো আমরা উপরে নিচেও হিসাব করতে পারি!

$$\begin{array}{r} 1.9 \\ + 2.3 \\ \hline 4.2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2.8 \\ - 0.6 \\ \hline 1.8 \end{array}$$

হ্যাঁ, আর এক্ষেত্রে সংখ্যাগুলোর স্থান
উপরে নিচে ঠিক রাখা খুবই জরুরি।



উপরে নিচে হিসাব করার নিয়ম:

১. সংখ্যাগুলোকে উপরে নিচে রাখি।
২. পূর্ণসংখ্যার যোগ এবং বিয়োগের অনুরূপ পদ্ধতিতে হিসাব করি।
৩. দশমিক সংখ্যার দশমিক কিন্তু বরাবর উভয়ে দশমিক কিন্তুটি বসাই।

আমাদের আরও কিছু বিষয় সম্পর্কে সাবধান থাকতে হবে।



যোগ এবং বিয়োগ করি।



(১) $1.3 + 2.7$

\checkmark	1.3
$+$	2.7
\hline	8.0

$1.3 + 2.7 = 8.0$

কিন্তু আমরা একে 8 লিখি।

$\checkmark 1.3 + 2.7 = 8$

(২) $7 + 5.5$

\times	7
$+$	5.5
\hline	6.2

\checkmark	7.0
$+$	5.5
\hline	12.5

৭ কে 7.0 রূপে
চিন্তা করি।

(৩) $5 - 0.3$

\times	5
$-$	0.3
\hline	0.2

\checkmark	5.0
$-$	0.3
\hline	4.7

৫ কে 5.0 রূপে
চিন্তা করি।

(৪) $3.6 - 2.8$

3.6	3.6
$-$	2.8
\times	8

\checkmark	0.8
--------------	-----

‘.’ এবং এককের
ঘরে ‘0’ বসানোর
কথা আমাদের মনে
রাখতে হবে।



৯.৪ অনুশীলনী (১)

১. কোনটি বড়? সম্পর্ক সূচক ($<$, $>$ বা $=$) প্রতীকের সাহায্যে প্রকাশ কর:

$(1) 0.8 \square 0.9 \quad (2) 5.6 \square 6.5 \quad (3) 0.1 \square 0 \quad (4) 11 \square 1.1$

$(5) \frac{5}{10} \square 0.5 \quad (6) 0.9 \square \frac{3}{10} \quad (7) 0.1 \square \frac{1}{10} \quad (8) \frac{10}{10} \square 1$

২. যোগ এবং বিয়োগ কর:

$(1) 0.6 + 0.8 \quad (2) 0.8 + 0.5 \quad (3) 0.6 + 0.7 \quad (4) 1.8 + 0.2$

$(5) 0.9 - 0.8 \quad (6) 1 - 0.2 \quad (7) 1.2 - 0.3 \quad (8) 2 - 0.8$

৩. উপরে নিচে হিসাব কর:

$(1) \begin{array}{r} 1.2 \\ + 3.6 \\ \hline \end{array} \quad (2) \begin{array}{r} 2.8 \\ + 1.5 \\ \hline \end{array} \quad (3) \begin{array}{r} 8.9 \\ + 3.9 \\ \hline \end{array} \quad (4) \begin{array}{r} 3 \\ + 6.8 \\ \hline \end{array} \quad (5) \begin{array}{r} 8.1 \\ + 3.9 \\ \hline \end{array}$

$(6) \begin{array}{r} 3.8 \\ - 1.3 \\ \hline \end{array} \quad (7) \begin{array}{r} 5 \\ - 2.8 \\ \hline \end{array} \quad (8) \begin{array}{r} 9.6 \\ - 1.6 \\ \hline \end{array} \quad (9) \begin{array}{r} 6.3 \\ - 5.5 \\ \hline \end{array} \quad (10) \begin{array}{r} 9.1 \\ - 8.9 \\ \hline \end{array}$

৪. গৌতমের বাড়ি বিদ্যালয় থেকে ৮.২ কিলোমিটার (কিমি) পশ্চিমে অবস্থিত। সীমার বাড়ি বিদ্যালয় থেকে ৯ কিলোমিটার (কিমি) পূর্বে অবস্থিত।



(১) গৌতমের বাড়ি থেকে সীমার বাড়ির দূরত্ব কত কিমি?

(২) বিদ্যালয় থেকে সীমার বাড়ির দূরত্ব গৌতমের বাড়ির দূরত্ব অপেক্ষা কত কিলোমিটার বেশি?



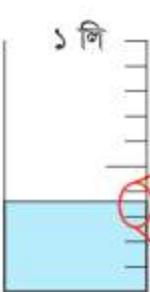
৯.৫ শতাংশ এবং সহস্রাংশের স্থান



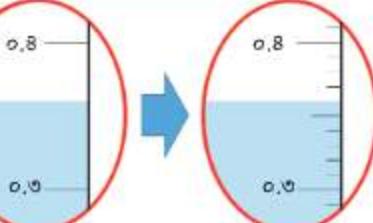
চল, আমরা দ্রুতর দশমিককে কীভাবে প্রকাশ করা যায় তা শিখি।



আমরা নিচের চিত্রের পানির পরিমাণকে কীভাবে প্রকাশ করতে পারি?



০.৩ ঘনেক্ষণ নয়, এরপরেও কিছু অবশিষ্ট থাকছে!



$$1 \text{ লিটারের } \frac{1}{10} = 0.1 \text{ লিটার}$$

০.১ কে আরও ১০টি সমানভাবে ভাগ করতে হবে।



$$0.1 \text{ লিটারের } \frac{1}{10} = 0.01 \text{ লিটার } (\text{শূন্য দশমিক শূন্য এক লিটার})$$

এবং ০.০১ লিটার হলো ১ লিটার এর $\frac{1}{100}$ লিটার।



মোট পরিমাণ:

একটি 1 লিটার ————— 1 লিটার



তিনটি 0.1 লিটার ————— 0.3 লিটার

ছয়টি 0.01 লিটার ————— 0.06 লিটার

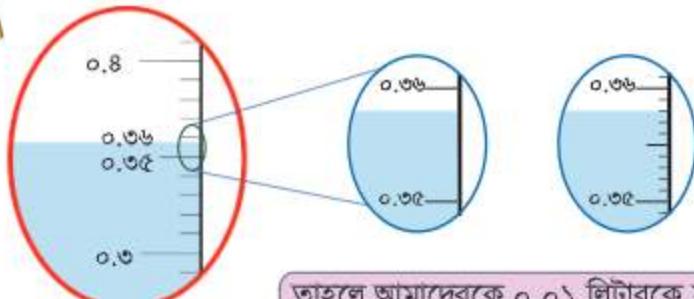
1.36 লিটার

(এক দশমিক তিন ছয় লিটার)





তাহলে আরও সুন্দর পরিমাণের ফেরে কী হবে?
উদাহরণস্বরূপ...



তাহলে আমাদেরকে 0.01 লিটারকে সমান
১০ ভাগে বিভক্ত করতে হবে।



$$0.01 \text{ লিটারের } \frac{1}{10} = 0.001 \text{ লিটার (শূন্য দশমিক শূন্য শূন্য এক লিটার)}$$



এবং 0.001 লিটার হলো 1
লিটারের $\frac{1}{1000}$ লিটার।

এফেরে,
এখানে ৮টি 0.001 লিটার রয়েছে।
সূতরাং,
মোট পরিমাণ: 1.000 লিটার।

স্থানের নাম	একক	দশমাংশ $(\frac{1}{10})$	শতাংশ $(\frac{1}{100})$	সহস্রাংশ $(\frac{1}{1000})$
পড়ার নিয়ম	১	৩	৫	৮
	এক	দশমিক	তিন	পাঁচ

দশমাংশের ডানপাশের স্থানটিকে

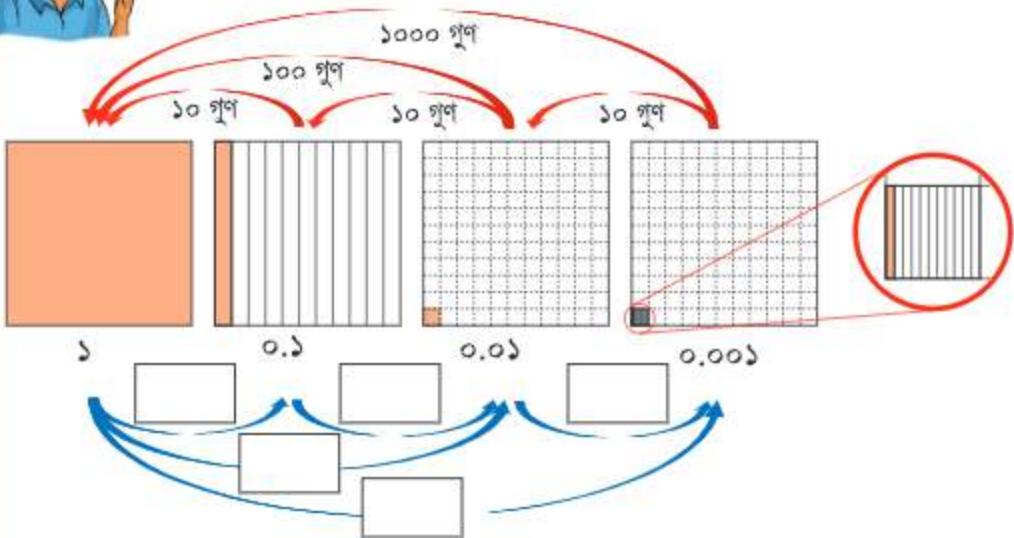
শতাংশ $(\frac{1}{100} \text{ স্থান})$ বলে।

শতাংশের ডানপাশের স্থানটিকে

সহস্রাংশ $(\frac{1}{1000} \text{ স্থান})$ বলে।



চল, ১, ০.১, ০.০১, এবং ০.০০১ এর মাঝে কী সম্পর্ক রয়েছে তা দেখি।



দশমিক ভগ্নাংশে প্রতিটি সংখ্যার নির্দিষ্ট স্থান রয়েছে এবং এই স্থানটি

তার ডান পাশের সংখ্যার $\frac{1}{10}$ গুণ বা বাম পাশের সংখ্যার $\frac{1}{10}$ ।



নিচের সংখ্যাগুলো কতগুলো ১, ০.১, ০.০১ এবং ০.০০১ নিয়ে গঠিত?

- (১) ১.৪৬৯ (২) ৩.৮২৫ (৩) ০.০১৭

১.৪৬৯ এ

একটি

চারটি

৩.৮২৫ এ

১

০.১

০.০১

০.০০১

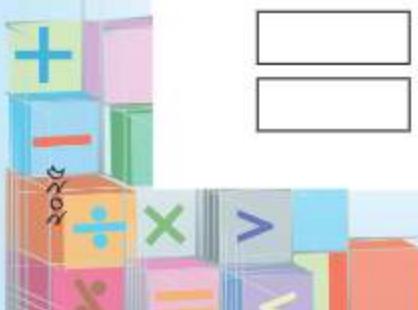
০.০১৭ এ

১

০.১

০.০১

০.০০১





১. নিচের সংখ্যাগুলো কতগুলো 0.01 নিয়ে গঠিত?

- (১) 0.23 (২) 8.23 (৩) 8.07 (৪) 11.86 (৫) 11.8

চল, আমরা নিচের সংখ্যাগুলোতে কতগুলো 0.01 রয়েছে তা নিয়ে চিন্তা করি।



তিনটি 0.01 হলো 0.03 ...
তেইশটি 0.01 হলো 0.23 ...
চারশত তেইশটি 0.01 হলো 8.23 ...



২. নিচের সংখ্যাগুলো কতগুলো 0.001 নিয়ে গঠিত?

- (১) 0.015 (২) 0.878 (৩) 2.075 (৪) 8.23

সতর্ক হও



১. প্রশ্নগুলোর উত্তর দাও:

ক) একশত পঞ্চাশটি 0.01 নিয়ে গঠিত সংখ্যাটি লেখ।

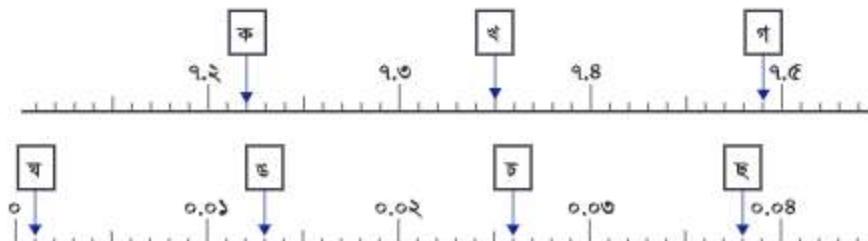
খ) একশত পঞ্চাশটি 0.001 নিয়ে গঠিত সংখ্যাটি লেখ।

গ) কতটি 0.01 নিয়ে 6.82 গঠিত?

ঘ) কতটি 0.001 নিয়ে 6.82 গঠিত?



২. সংখ্যারেখার কথেকে ছ পর্যন্ত স্থানগুলো কোন কোন সংখ্যাকে প্রকাশ করে?



২. নিচের সংখ্যাগুলোকে সংখ্যারেখায় উপস্থাপন কর।

- $0.001, 0.015, 0.027, 0.038$





০.৫৬ কে ১০ এবং ১০০ দ্বারা গুণ এবং ১০ দ্বারা ভাগ করি।

০.৫৬ সংখ্যাটি ৫৬টি ০.০১ দ্বারা গঠিত।



০.৫৬ এর ১০ গুণ হলো

৫৬ টি ০.০১ এর ১০ গুণের সমান

→ ৫৬টি ০.১

→ ৫.৬

০.৫৬ এর ১০০ গুণ হলো

৫৬ টি ০.০১ এর ১০০ গুণের সমান

→ ৫৬টি ১

→ ৫৬

০.৫৬ এর ১০ ভাগ হলো

৫৬ টি ০.০১ এর ১০ ভাগের সমান

→ ৫৬টি ০.০০১

→ ০.০৫৬

দশক	একক	দশমাংশ ($\frac{1}{10}$)	শতাংশ ($\frac{1}{100}$)	সহস্রাংশ ($\frac{1}{1000}$)
৫	৬			
৫	৬			
০	৫	৬		
০	০	৫	৬	
	.			
				১০ গুণ
				১০০
				১০ গুণ
				গুণ
				$\frac{1}{10}$

১০ দিয়ে গুণ করলে দশমিক সংখ্যার স্থান এক স্থান করে বাড়তে থাকে এবং
১০ দিয়ে ভাগ করলে এক স্থান করে কমতে থাকে।

৩

নিচের সংখ্যাগুলোকে ১০ দিয়ে গুণ কর এবং ভাগ কর:

(১) ০.৬

(২) ০.৪৯

(৩) ১.১১

(৪) ৭.৩২

১০.৬ দশমিক ভগ্নাংশের যোগ এবং বিয়োগ (২)



চল শতাংশ এবং সহস্রাংশ স্থানের হিসাব করার চেষ্টা করি।



স্যামসন ৫.৫২ কিলোমিটার পথ বাসে এবং ২.৬৫
কিলোমিটার পথ নৌকায় ভ্রমণ করল। সে মোট
কত কিলোমিটার পথ ভ্রমণ করল?



মোট পরিমাণ নির্ণয় করার প্রক্রিয়াটি
হলো



গাণিতিক বাক্য : _____

হিসাব:

$$\begin{array}{r} 5.52 \\ + 2.65 \\ \hline 8.17 \end{array}$$

৮.১৭ কিলোমিটার।

চল, সংখ্যাগুলোতে কতটি ০.০১
রয়েছে তা নিয়ে চিন্তা করি।
পূর্ণসংখ্যার হিসাবের মতো করেই
আমরা দশমিকের হিসাব করতে
পারি।



হাসানের ব্যাগের ওজন ৪.৮ কিলোগ্রাম এবং রিপার
ব্যাগের ওজন ৩.৫৯ কিলোগ্রাম। তাদের ব্যাগের
ওজনের পার্থক্য কত কিলোগ্রাম?



যখন আমরা কোনো কিছুর পার্থক্য নির্ণয়
করি, তখন ব্যবহার করি।



গাণিতিক বাক্য : _____

হিসাব:

$$\begin{array}{r} 4.80 \\ - 3.59 \\ \hline 1.21 \end{array}$$

সংখ্যাগুলোকে পরপর
সাজাই এবং ৪.৮ কে
৪.৮০ রূপে লিখি।



উত্তর: ব্যাগ দুইটির ওজনের পার্থক্য ১.২১ কিলোগ্রাম।



সতর্কতার সাথে যোগ এবং বিয়োগ করি।



(1) $8.06 + 2.98$

$$\begin{array}{r} \checkmark 8.06 \\ + 2.98 \\ \hline 11.04 \end{array}$$

$$8.06 + 2.98 = 11.00
কিন্তু আমরা শুধু ১ লিখি।
8.06 + 2.98 = 11$$

(2) $6 + 8.85$

$$\begin{array}{r} \times 6 \\ + 8.85 \\ \hline 8.91 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \checkmark 6.00 \\ + 8.85 \\ \hline 14.85 \end{array}$$

৬ কে ৬.00 রূপে
লিখি।

(3) $8 - 2.31$

$$\begin{array}{r} \times 8 \\ - 2.31 \\ \hline 2.31 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \checkmark 8.00 \\ - 2.31 \\ \hline 1.69 \end{array}$$

৮ কে ৮.00 রূপে
লিখি।

(4) $3.75 - 0.5$

$$\begin{array}{r} 3.75 \\ - 0.5 \\ \hline \times 3.70 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3.75 \\ - 0.50 \\ \hline \checkmark 3.25 \end{array}$$

০.৫ কে ০.৫০
রূপে লিখি।

(5) $7.58 - 6.89$

$$\begin{array}{r} 7.58 \\ - 6.89 \\ \hline \times 7.1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 7.58 \\ - 6.89 \\ \hline \checkmark 0.69 \end{array}$$

দশমিক বিন্দু ‘.’
এবং এককের
স্থানে ‘০’
বসানোর কথা যেন
ভুলে না যাই।

১

উপরে নিচে হিসাব করি:

(1) 3.27
 $+ 2.51$

(2) 0.28
 $+ 6.92$

(3) 8.09
 $+ 3.6$

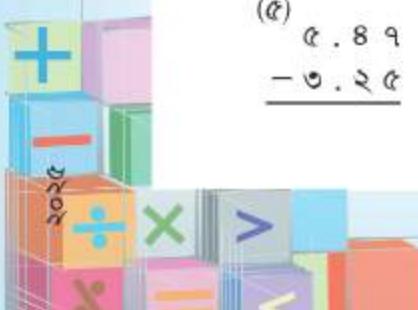
(4) 3.181
 $+ 5.399$

(5) 5.87
 $- 3.25$

(6) 8.26
 $- 3.8$

(7) $8.$
 $- 2.25$

(8) 9.652
 $- 6.688$



১.৭ দশমিক ভগ্নাংশ এবং সাধারণ ভগ্নাংশ



চল, আমরা দশমিক এবং ভগ্নাংশকে পরস্পর রূপান্বয় করার চেষ্টা করি।



০.৩, ০.১৫, এবং ০.০০৮ কে ভগ্নাংশে
প্রকাশ করি।

$$0.3 = \frac{\boxed{}}{10}$$

$$0.15 = \frac{\boxed{}}{100}$$

$$0.008 = \frac{\boxed{}}{1000}$$

আমরা জানি,

$$0.1 = \frac{1}{10}$$

$$0.01 = \frac{1}{100}$$

$$0.001 = \frac{1}{1000}$$



হরে ১০, ১০০, ১০০০ ইত্যাদি বসানোর মাধ্যমে আমরা দশমিককে সাধারণ ভগ্নাংশে প্রকাশ করতে পারি।

এরপর সম্ভব হলে, ভগ্নাংশকে তার লম্বিষ্ঠ আকারে প্রকাশ করি।

$$0.15 = \frac{\frac{3}{100}}{20} = \frac{3}{200} \quad 0.008 = \frac{\frac{1}{1000}}{125} = \frac{1}{1250}$$



নিচের দশমিক সংখ্যাগুলোকে ভগ্নাংশে রূপান্বয় কর এবং সম্ভব হলে ভগ্নাংশকে তার লম্বিষ্ঠ আকারে প্রকাশ কর:

- (১) ০.৫৫ (২) ০.০৮ (৩) ০.৭৫ (৪) ০.২৫



আমার মনে হয়, হরে ১০, ১০০, ১০০০ ইত্যাদি ব্যবহার করে আমরা ভগ্নাংশকেও দশমিকে প্রকাশ করতে পারি।



১. $\frac{3}{10}$, $\frac{27}{100}$, $\frac{381}{1000}$ কে দশমিকে প্রকাশ করি।

$$\frac{3}{10} = 0.3$$

$$\frac{27}{100} = 0.27$$

$$\frac{381}{1000} = 0.381$$

২. $\frac{3}{20}$, $\frac{7}{25}$, $\frac{17}{50}$ কে দশমিকে প্রকাশ করি।

হরে ১০, ১০০, ১০০০ ব্যবহার করে সমতুল ভগ্নাংশ তৈরি করলে কেমন হয়?

$$\frac{3}{20} = \frac{15}{100}$$

$\times 5$
 $\times 5$



$$\frac{3}{20} = \frac{3 \times 5}{20 \times 5} = \frac{15}{100} = 0.15$$

$$\frac{7}{25} = \frac{7 \times 4}{25 \times 4} = \frac{28}{100} = 0.28$$

$$\frac{17}{50} = \frac{17 \times 2}{50 \times 2} = \frac{34}{100} = 0.34$$



আমরা কি $\frac{1}{3}$ কে দশমিকে
প্রকাশ করতে পারি?

আমার কাছে এটি বেশ জটিল বলে
মনে হচ্ছে। হয়ত আমরা এটি
মাধ্যমিক পর্যায়ে সমাধান করতে
পারব।



আমরা হরকে ১০, ১০০, ১০০০ ইত্যাদিতে রূপান্তর করে সমতুল ভগ্নাংশ তৈরির মাধ্যমে ভগ্নাংশকে
দশমিকে প্রকাশ করতে পারি কিন্তু এই পদ্ধতিতে সকল ভগ্নাংশকে দশমিকে প্রকাশ করা যায় না।

২

নিচের ভগ্নাংশগুলোকে দশমিক ভগ্নাংশে প্রকাশ কর:

- (১) $\frac{7}{20}$ (২) $\frac{11}{25}$ (৩) $\frac{37}{50}$ (৪) $\frac{1}{8}$



৯.৮ অনুশীলনী (২)

১. নিচের সংখ্যাগুলোকে সংখ্যারেখায় প্রকাশ কর:

০.৮৮১, ০.৮৮৯, ০.৮৯৫, ০.৮৯৯, ০.৯০১,



২. নিচের সংখ্যাগুলো কতটি ০.০০১ দ্বারা গঠিত?

- (১) ০.০৩১ (২) ০.২৯৬ (৩) ১.০৮৭ (৪) ১.০৩

৩. নিচের সংখ্যাগুলোকে ১০ দ্বারা গুণ এবং ভাগ কর:

- (১) ০.৬ (২) ০.৪৯ (৩) ১.১১ (৪) ৭.৩২

৪. উপরে নিচে হিসাব কর:

(১)	(২)	(৩)	(৪)	(৫)
$\begin{array}{r} 3.57 \\ + 1.28 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 8.38 \\ + 3.7 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 6.25 \\ + 1.55 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 0.82 \\ + 2.39 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 3.079 \\ + 0.921 \\ \hline \end{array}$
(৬)	(৭)	(৮)	(৯)	(১০)
$\begin{array}{r} 5.38 \\ - 2.19 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 8.65 \\ - 0.7 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 7.2 \\ - 5.37 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 9 \\ - 0.82 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 1.867 \\ - 0.397 \\ \hline \end{array}$

৫. নিচের ভগ্নাংশগুলোকে দশমিকে এবং দশমিক সংখ্যাগুলোকে ভগ্নাংশে প্রকাশ কর। সম্ভব হলে ভগ্নাংশকে তার লঘিষ্ঠ আকারে প্রকাশ কর:

- (১) $\frac{3}{25}$ (২) $\frac{17}{50}$ (৩) $\frac{3}{8}$ (৪) ০.৬ (৫) ০.২৫ (৬) ০.০৭৫

৬. গতকালের সর্বোচ্চ তাপমাত্রা ছিল ৩২.৫৫ ডিগ্রি সেলসিয়াস এবং
আজকের সর্বোচ্চ তাপমাত্রা ২৮.৮৭ ডিগ্রি সেলসিয়াস। এই দুই দিনের
তাপমাত্রার পার্থক্য কত?

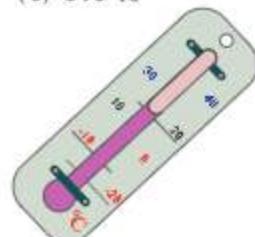
৭. তোমার কাছে নিচের ৪টি কার্ড রয়েছে। এগুলোকে ডান পাশের
নির্দেশনা অনুযায়ী দশমিক সংখ্যা তৈরি কর।

1 3 5 0

_____.

- (১) সর্বোচ্চ কোন সংখ্যাটি তৈরি করতে পার?

- (২) সর্বনিম্ন কোন সংখ্যাটি তৈরি করতে পার?



পরিমাপ

১০.১ দৈর্ঘ্য এবং পরিসীমা



চল আমরা দৈর্ঘ্যের এককসমূহ রূপান্তর করি: কিমি, মি, সেমি এবং মিমি।

চল, দৈর্ঘ্যের এককসমূহের মধ্যকার সম্পর্ক পুনরায় আলোচনা করি।



কিমি (কিলোমিটার)	মি (মিটার)	সেমি (সেন্টিমিটার)	মিমি (মিলিমিটার)
১ কিমি	\equiv ১০০০ মি		
	১ মি	\equiv ১০০ সেমি	
		১ সেমি	\equiv ১০ মিমি
			১ মিমি



মনিদ্বা ত্রিপুরার উচ্চতা ১ মি. ৪২ সেমি।

(১) ‘সেমি’ এ প্রকাশ করি।

$$1 \text{ মি} = 100 \text{ সেমি} \quad \therefore 1 \text{ মি } 42 \text{ সেমি} = 142 \text{ সেমি}$$

(২) ‘মি’ এ প্রকাশ করি।

$$10 \text{ সেমি} = 0.1 \text{ মি} \quad 80 \text{ সেমি} = 0.8 \text{ মি}$$

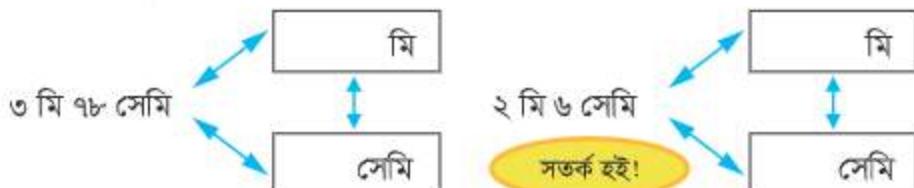
$$1 \text{ সেমি} = 0.01 \text{ মি} \quad 2 \text{ সেমি} = 0.02 \text{ মি}$$

$$\therefore 1 \text{ মি } 42 \text{ সেমি} = 1.42 \text{ মি}$$



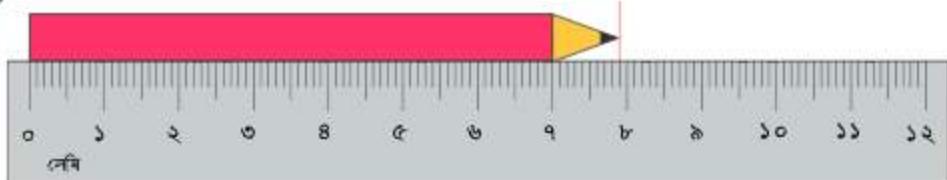
১

নিচের দৈর্ঘ্যগুলোকে ‘মি’ এবং ‘সেমি’ এ প্রকাশ করি:

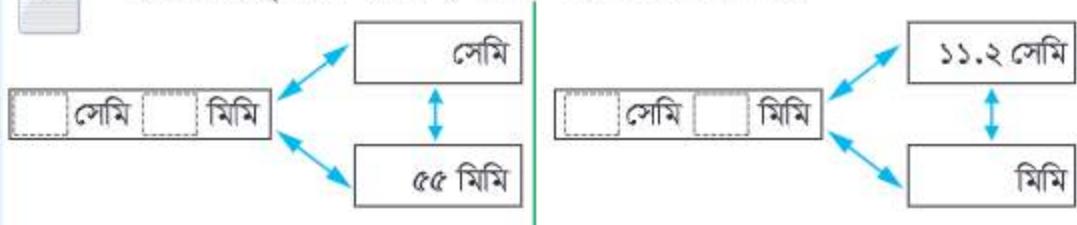




নিচের পেনসিলটির দৈর্ঘ্যটিকে 'সেমি' এবং 'মিমি' এ প্রকাশ করি।



নিচের দৈর্ঘ্যগুলোকে 'সেমি', 'মিমি' এবং উভয়ে প্রকাশ কর:



আমাদের চারপাশের বিভিন্ন বস্তু (যেমন- বই, লাঠি, টেবিল, ইট ইত্যাদি) পরিমাপ কর এবং 'মি', 'সেমি' এবং 'মিমি' এ প্রকাশ কর।



৩৭৯৬ মিটারকে 'কিমি' এ প্রকাশ করি।

$$3000 \text{ মি} = \boxed{\quad} \text{ কিমি}$$

$$700 \text{ মি} = 0.7 \text{ কিমি}$$

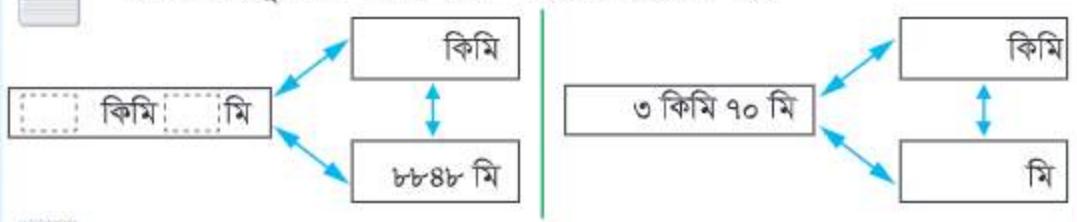
$$90 \text{ মি} = \boxed{\quad} \text{ কিমি}$$

$$6 \text{ মি} = 0.006 \text{ কিমি}$$

$$\therefore 3796 \text{ মি} = 3.796 \text{ কিমি}$$



নিচের দৈর্ঘ্যগুলোকে 'কিমি', 'মি' এবং উভয়ে প্রকাশ কর:

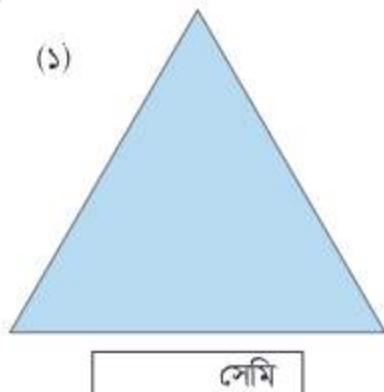


ম্যারাথনে একজন দৌড়বিদ ৪২.১৯৫ কিমি দৌড়ান। ৪২.১৯৫ কিমি কে 'মি' এ প্রকাশ কর।



সেমি ক্ষেত্র ব্যবহার করে নিচের প্রতিটি আকৃতির বাহুগুলোর মোট দৈর্ঘ্য নির্ণয় করি।

(১)

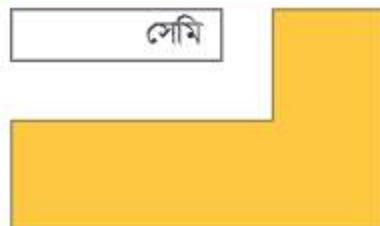


(২)



সেমি

(৩)



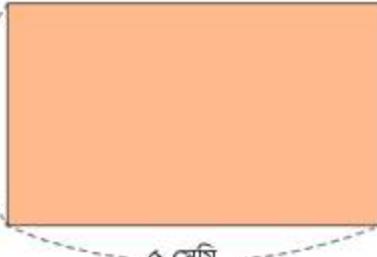
সেমি

কোনো আকৃতির বাহুগুলোর মোট দৈর্ঘ্যই হলো গুই আকৃতির পরিসীমা।



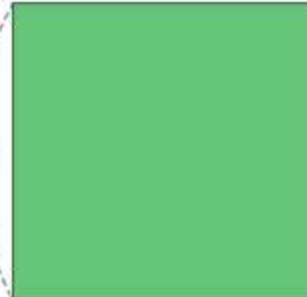
নিচের আয়ত এবং বর্গের পরিসীমা নির্ণয় করি।

৩ সেমি



(২)

৮ সেমি



আমার মনে আছে, আয়তের
বিপরীত বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য সমান।

বর্গের চার বাহুই
একই দৈর্ঘ্যের।



$$(৩ + ৫) \times ২ = \boxed{\quad}$$

সেমি

$$8 \times ৮ = \boxed{\quad}$$

সেমি

৬

আমাদের চারপাশের বিভিন্ন আকৃতির পরিসীমা পরিমাপ এবং হিসাব কর।



১০.২ ওজন



চল, আমরা ওজনের এককসমূহ রূপান্তর করি: কেজি এবং গ্রাম।

কেজি (কিলোগ্রাম)	গ্রা (গ্রাম)
১ কেজি	= 1000 গ্রাম



কাঠবাগটির ওজন ৮২৪৫ গ্রা। একে ‘কেজি’-তে প্রকাশ করি।

$$8000 \text{ গ্রা} = 8 \text{ কেজি}$$

$$200 \text{ গ্রা} = \boxed{} \text{ কেজি}$$

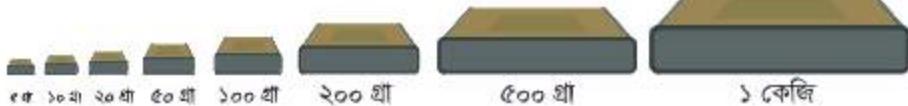
$$80 \text{ গ্রা} = 0.08 \text{ কেজি}$$

$$5 \text{ গ্রা} = \boxed{} \text{ কেজি}$$

$$\therefore 8245 \text{ গ্রা} = 8.245 \text{ কেজি}$$



আমরা ওজন পরিমাপের সময় এক সেট আদর্শ বাটখারার সাহায্য নেই।



এগুলো কত ভারী? ‘কেজি’ এবং ‘গ্রা’ এ প্রকাশ করি।

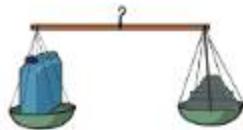
(1)



৫০০ গ্রা, ২০০ গ্রা,
৫০ গ্রা, ১০ গ্রা

কেজি
গ্রা

(2)

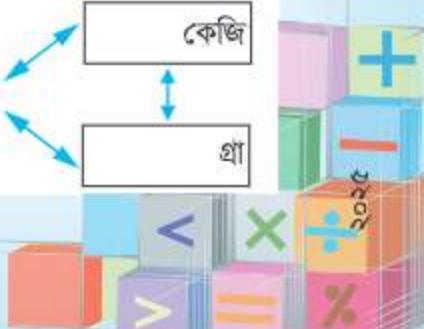


১ কেজি, ৫০০ গ্রা,
২০০ গ্রা, ১০০ গ্রা,
২০ গ্রা, ১০ গ্রা, ৫ গ্রা

কেজি
গ্রা



নিচের ওজনগুলোকে ‘কেজি’, ‘গ্রা’ এবং উভয়ে প্রকাশ কর:



১০.৩ তরল পদার্থের আয়তন



চল, আমরা তরল পদার্থের আয়তন পরিমাপের নতুন একক শিখি এবং তা ব্যবহার করি।



তরল পদার্থের ক্ষুদ্রতর পরিমাণ পরিমাপের জন্য আমরা ‘ডেসিলিটার (ডেলি)’ এবং ‘মিলিলিটার (মিলি)’ ব্যবহার করি।



লি (লিটার)	ডেলি (ডেসিলিটার)	মিলি (মিলিলিটার)
১ লি	$= 10$ ডেলি	$= 1000$ মিলি
	1 ডেলি	$= 100$ মিলি

আমরা প্রায় সময়ই ‘ঘন সেন্টিমিটার’ কে তরল পদার্থের আয়তনের একক হিসেবে ব্যবহার করে থাকি।

১ঘন সেন্টিমিটার = ১ মিলি



কাজল ১লি দুধ কিনে তা থেকে ২৫০ মিলি পান করল। কাজলের কাছে আর কতটুকু দুধ অবশিষ্ট রয়েছে?



১লি = ১০০০ মিলি
অতএব,
 $1000 - 250 = 750$
অবশিষ্ট: ৭৫০ মিলি

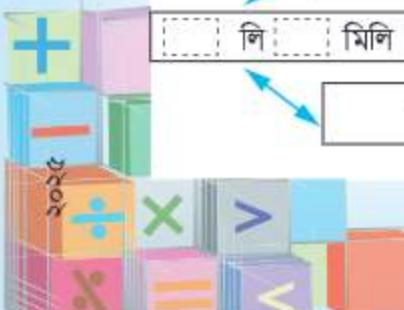
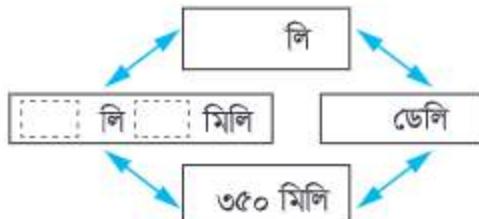
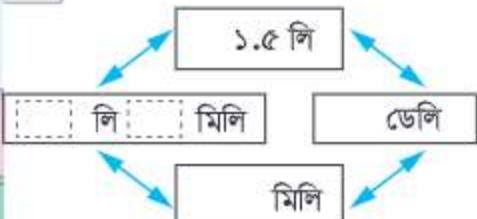


২৫০ মিলি = ০.২৫ লি
অতএব,
 $1 - 0.25 = 0.75$
অবশিষ্ট: ০.৭৫ লি

দুইটি পদ্ধতিই সঠিক। দীপিকা মিলিলিটারে এবং অরুণ লিটারে প্রকাশ করেছে।



নিচের আয়তনসমূহকে ‘লি’, ‘মিলি’, উভয়ে এবং ‘ডেলি’ এ প্রকাশ কর:



১০.৪ অনুশীলনী (১)

১. খালি ঘরগুলো পূরণ কর:

$$(1) 8 \text{ মিমি} = \boxed{} \text{ সেমি}$$

$$(4) 3 \text{ মি } 7 \text{ সেমি} = \boxed{} \text{ সেমি}$$

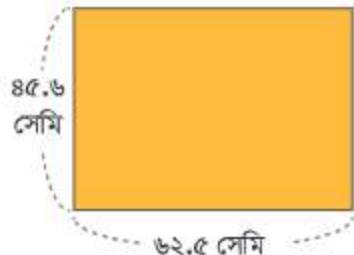
$$(2) 8.2 \text{ কিমি} = \boxed{} \text{ মি}$$

$$(5) 600 \text{ গ্রা} = \boxed{} \text{ কেজি}$$

$$(3) 5.85 \text{ লি} = \boxed{} \text{ মিলি} = \boxed{} \text{ ডেসি}$$

২. অপূর টেবিলের দৈর্ঘ্য এবং প্রস্থ যথাক্রমে ৬২.৫ সেমি এবং ৪৫.৬ সেমি হলে টেবিলটির পরিসীমা কত? ‘সেমি’ এবং ‘মি’ এ প্রকাশ কর:

সেমি	মি
------	----



৩. হাসান তার পরিবারের জন্য ১.৫ কেজি মাংস কিনল। তা থেকে কিছু পরিমাণ মাংস খাওয়ার পর ৮৯৫ গ্রা অবশিষ্ট রইল। তারা কতটুকু মাংস খেয়েছিল? ‘কেজি’ এবং ‘গ্রা’ এ প্রকাশ কর।

কেজি	গ্রা
------	------



৪. শশ্পা সকালের নাস্তায় ৩৪০ মিলি, দুপুরের খাবারের সাথে ৩৮০ মিলি এবং রাতের খাবারের সাথে ৩০০ মিলি পানি পান করেছে। সে মোট কতটুকু পানি পান করেছে? ‘মিলি’, ‘ডেলি’ এবং ‘লি’ এ প্রকাশ কর।

মিলি	ডেলি	লি
------	------	----

৫. অরুণের বাসা থেকে তার চাচার বাসার দূরত্ব ৯.৮ কিমি। সে বাস স্টপ পর্যন্ত ৯৫০ মি পায়ে হেঁটে এবং ৬.৫ কিমি বাসে অতিক্রম করে। চাচার বাসায় যেতে আর কতখানি পথ বাকি রয়েছে তা ‘কিমি’ এবং ‘মি’ এ প্রকাশ কর।

কিমি	মি
------	----

১০.৫ ক্ষেত্রফল



চল, কোনো তলের আকার কীভাবে বর্ণনা করতে হয় তা নিয়ে আমরা চিন্তা করি।



কোনটি বৃহত্তর, 'ক' না 'খ'? তুমি কীভাবে তুলনা কর?

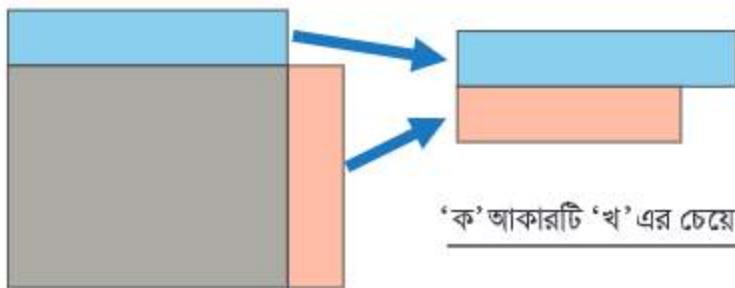
ক



খ



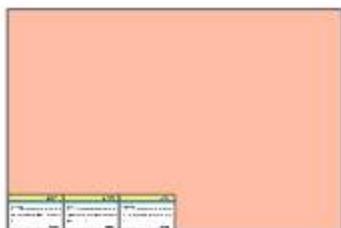
হুমগ... মৌলিক উপায়টি হলো এগুলোকে কাটা অথবা পাতলা কাগজের
উপর একে নেওয়া এবং একটির উপর আরেকটি রেখে তুলনা করে দেখা।



'ক' আকারটি 'খ' এর চেয়ে বড়।



যদি আমরা কাটতে কিংবা আঁকতে না পারি তবে আকারগুলোর উপর কোন বস্তু স্থাপন
করে ওই বস্তু কৃত্তুকু দখল করে তার উপর ভিত্তি করে তুলনা করতে পারি।



হ্যা, কিন্তু আমার মনে হয় না এসব কিছু যথেষ্ট। আমাদের আন্তর্জাতিক
মানের একটি সুনির্দিষ্ট একক প্রয়োজন।



একটি সমতল পৃষ্ঠের নির্দিষ্ট সীমানার মাঝের জায়গাটির পরিমাণকে এর ‘ফ্রেক্ষন’ বলা হয়। ফ্রেক্ষনকে ১ সেমি বিশিষ্ট বর্গের সংখ্যা দ্বারা প্রকাশ করা হয়।

১ সেমি বালু বিশিষ্ট বর্গের ফ্রেক্ষন ১ বর্গ সেমিমিটার এবং একে
১ বর্গ সেমি রূপে লেখা হয়।

১ সেমি

১ বর্গ সেমি

১ সেমি

১ বর্গ সেমি

বর্গ সেমি ফ্রেক্ষন পরিমাপের একটি একক।



ফ্রেক্ষন নির্ণয় করার জন্য আমরা ওই সমতলের উপর ১ বর্গ সেমি ফ্রেক্ষন বিশিষ্ট বর্গ ছড়িয়ে দিতে পারি এবং ফ্রেক্ষন নির্ণয় করার জন্য তাদের সংখ্যা গুণি।

হ্যাঁ। তবে আমরা ছক কাগজের ১ সেমি \times ১ সেমি বিশিষ্ট ঘরগুলোও
বিবেচনা করতে পারি।



কোনটি বৃহত্তর, ক নাকি খ? এদের ফ্রেক্ষনের পার্থক্য কত বর্গ সেমি?

১ সেমি

ক					খ					১ সেমি
১	৬									
২					১	৫				
৩					২	৬				
৪					৩					
৫					৪					

ক এর ফ্রেক্ষন টি ১ বর্গ সেমি অতএব, এটির ফ্রেক্ষন বর্গ সেমি।

খ এর ফ্রেক্ষন টি ১ বর্গ সেমি অতএব, এটির ফ্রেক্ষন বর্গ সেমি।

উভয়: অপেক্ষা বৃহত্তর এবং এদের ফ্রেক্ষনের পার্থক্য বর্গ সেমি।





নিচের আকৃতিগুলোর প্রত্যেকটির ক্ষেত্রফল কত বর্গ সেমি?



ক

খ

গ

ঘ

ঙ

জ

অ

চ

শ

১ সেমি



৮ বর্গ সেমি ক্ষেত্রফল বিশিষ্ট বিভিন্ন আকৃতি আঁকি।

১ লেখি

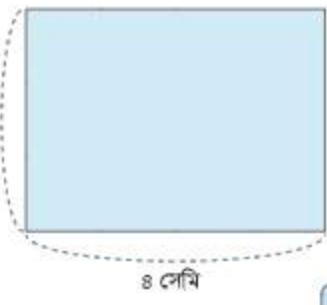


ক্ষেত্রফল নির্ণয় করার জন্য আমরা ১ বর্গ সেমি বিশিষ্ট বর্গের সংখ্যা গণনা করি।
তাই আমি মনে করি, কিছু হিসাব করে ক্ষেত্রফল নির্ণয় করা যায়।



হিসাব করে নিচের আয়তটির ক্ষেত্রফল কীভাবে নির্ণয় করা যায় তা নিয়ে চিন্তা করি।

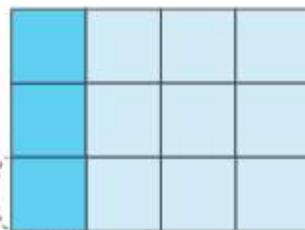
৩ সেমি



৪ সেমি

১ সেমি

১ সেমি



৩টি বর্গ খাড়াভাবে রাখা, এমন
৪টি স্তূপ রয়েছে।

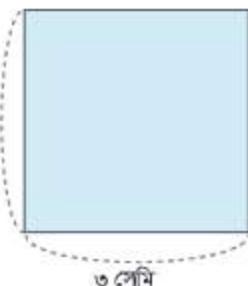


গণিতিক বাক্য: $3 \times \boxed{\quad} = \boxed{\quad}$ আয়তটির ক্ষেত্রফল: $\boxed{\quad}$ বর্গ সেমি



হিসাব করে নিচের বর্গটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় করি।

৩ সেমি



৩ সেমি

গণিতিক বাক্য: _____

বর্গটির ক্ষেত্রফল: _____ বর্গ সেমি

আয়তের এবং বর্গের ক্ষেত্রফল নির্ণয় করার সূত্র নিম্নরূপ:

$$\text{আয়তের ক্ষেত্রফল} = \text{দৈর্ঘ্য} \times \text{প্রস্থ}$$

$$\text{বর্গের ক্ষেত্রফল} = 1 \text{ বাহুর দৈর্ঘ্য} \times 1 \text{ বাহুর দৈর্ঘ্য}$$

১

সূত্র ব্যবহার করে ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর:

- (১) ২১ সেমি দৈর্ঘ্য এবং ১৫ সেমি প্রস্থ বিশিষ্ট আয়ত।
- (২) ১০ সেমি বাহু বিশিষ্ট একটি বর্গ।

২

ডানপাশের আয়তটির প্রস্থ কত?

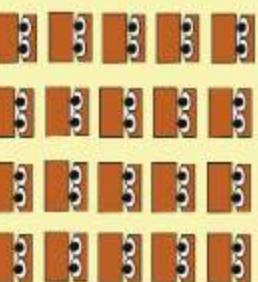
৫৬ বর্গ সেমি

৮ সেমি



এটি রিপার শ্রেণিকক্ষের আকার। এর মেঝের ক্ষেত্রফল নির্ণয় করি।

৬ মি



৭ মি

চল, আমরা সূত্র ব্যবহার করি। তবে, হিসাব করার পূর্বে একক রূপান্তর করতে হবে।

$$6 \text{ মি} = 600 \text{ সেমি}$$

$$7 \text{ মি} = 700 \text{ সেমি}$$

$$\text{ক্ষেত্রফল: } 600 \times 700 = 820000$$

ক্ষেত্রফল: ৮২০০০০ বর্গ সেমি

কিন্তু সংখ্যাটি অনেক বড়...



বাহু, অসাধারণ! রেজা, তুমি সঠিক এবং খুব ভালো বলেছ এগুলোতে আমরা অন্য এককও ব্যবহার করতে পারি।



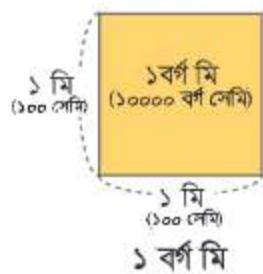
আমরা এক বাহু ১ মি বিশিষ্ট বর্গ ব্যবহার করতে পারি।

এটি ১ বর্গ মিটার এবং একে ১ বর্গ মিটার লেখা হয়।

বর্গ মিটার ক্ষেত্রফলের মৌলিক একক।

গাণিতিক বাক্য: $6 \times 7 = 42$

ক্ষেত্রফল ৪২ বর্গ মি



১ মি

(১০০ সেমি)

১ মি

(১০০ সেমি)

১ বর্গ মি



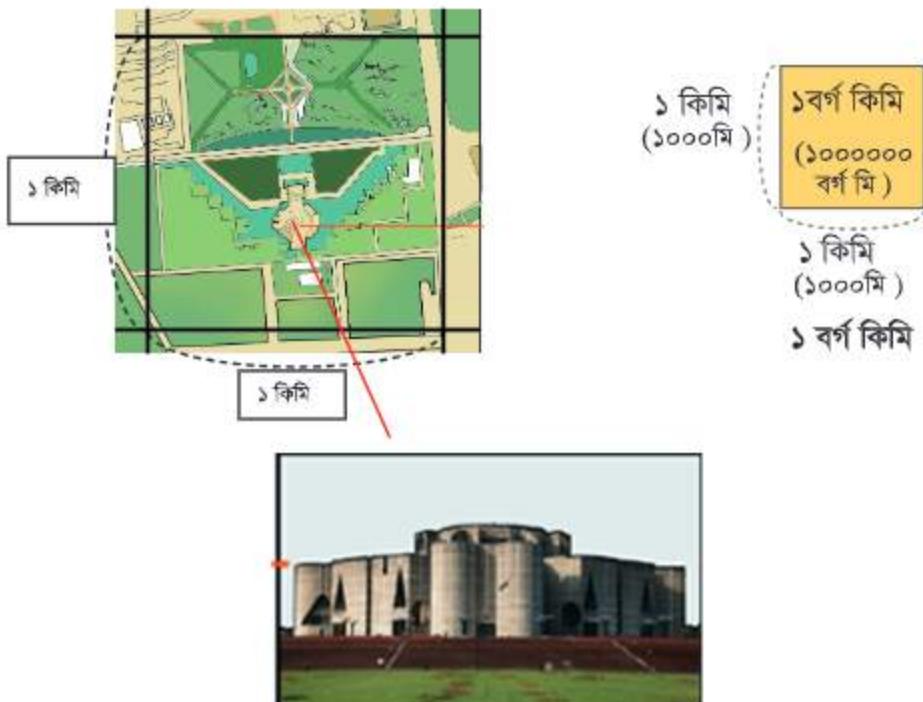
রেজার হিসাব অনুযায়ী, $42 \text{ বর্গ মি} = 420000 \text{ বর্গ সেমি}$

কারণ, $1 \text{ বর্গ মি} = 10000 \text{ বর্গ সেমি}$ ($100 \text{ সেমি} \times 100 \text{ সেমি}$)





ঢাকার জাতীয় সংসদ ভবনের নিকটবর্তী এলাকার মানচিত্র এটি। বর্গটির এক বাহুর দৈর্ঘ্য ১ কিমি। আমরা এর ক্ষেত্রফল কীভাবে প্রকাশ করতে পারি?



শহর বা জেলার মতো বড় এলাকাগুলোর ক্ষেত্রফল পরিমাপের ফেত্রে এক বাহু ১ কিমি বিশিষ্ট বর্গ ব্যবহৃত হয়।
এটি ১ বর্গ কিলোমিটার এবং একে ১ বর্গ কিমি লেখা হয়।



৩ একটি আয়তাকার ফুটবল মাঠের দৈর্ঘ্য ১০০ মি এবং প্রস্থ ৭০ মি। মাঠের ক্ষেত্রফল কত?



৪ ২ কিমি পূর্ব-পশ্চিম এবং ৩ কিমি উত্তর-দক্ষিণ বরাবর প্রশস্ত আয়তাকার জমির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।



৫ একটি বর্গাকার জমির একটি বাহু ১০ কিমি। জমিটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।



১০.৬ অনুশীলনী (২)

১. ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর:

(১)

২ সেমি



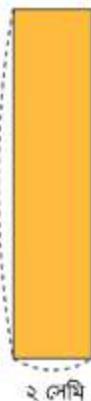
(২)

৫ সেমি

(৩)

৯ সেমি

৫ সেমি



২. নিচের ফুল বাগানটির দৈর্ঘ্য কত?

৪ মি.

১১২ বর্গ মি

৩. ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর:

(১) ৫ মি লম্বা এবং ৮০ সেমি চওড়া একটি ব্ল্যাকবোর্ড

(২) ২ মি দৈর্ঘ্য এবং ১৫০ সেমি প্রস্থ বিশিষ্ট একটি আয়তাকার টেবিলের পৃষ্ঠ

(৩) ২ কিমি পূর্ব-পশ্চিম এবং ৫০০ মি উত্তর-দক্ষিণ বরাবর প্রশস্ত আয়তাকার জমি

৪. মিল কর:

- | | | |
|--|---|------------------|
| (ক) আয়তাকার টেবিলের পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল | ◎ | ◎ ২০০ বর্গ কিমি |
| (খ) ফুল বাগানের ক্ষেত্রফল | ◎ | ◎ ২২৫০ বর্গ সেমি |
| (গ) শহরের ক্ষেত্রফল | ◎ | ◎ ৩২০ বর্গ মি |



অধ্যায় ১১

সময়

১১.১ সময়



চল, আমরা সময়ের একক রূপান্তর করি এবং সময় ঘোগ ও বিয়োগ করি।



চল, আমরা সময়ের এককসমূহের মধ্যকার সমর্ক পুনরালোচনা করি।

বছর	মাস	সপ্তাহ	দিন	ঘণ্টা	মিনিট	সেকেন্ড
১ বছর \leftrightarrow	১২ মাস					
	১ মাস \leftrightarrow	৪ সপ্তাহ (অথবা, ৪ সপ্তাহ এবং ২ অথবা ৩ দিন)				
		১ সপ্তাহ \leftrightarrow ৭ দিন				
			১ দিন \leftrightarrow ২৪ ঘণ্টা			
				১ ঘণ্টা \leftrightarrow ৬০ মিনিট		
					১ মিনিট \leftrightarrow ৬০ সেকেন্ড	



চল, আমরা ১ ঘণ্টা, ১ দিন এবং ১ সপ্তাহকে সেকেন্ডে প্রকাশ করি।



১ মিনিট হলো ৬০ সেকেন্ডের সমান, তাই....

$$(1) 1 \text{ ঘণ্টা} = 60 \text{ মিনিট} = 60 \times 60 \text{ সেকেন্ড} = 3600 \text{ সেকেন্ড}$$

$$(2) 1 \text{ দিন} = 24 \text{ ঘণ্টা} = 24 \times 3600 \text{ সেকেন্ড} = 86400 \text{ সেকেন্ড}$$

$$(3) 1 \text{ সপ্তাহ} = 7 \text{ দিন} = 7 \times 86400 \text{ সেকেন্ড} = 604800 \text{ সেকেন্ড}$$



১ দিন এবং সপ্তাহকে মিনিটে রূপান্তর কর:

১ ঘণ্টা হলো ৬০
মিনিটের সমান, তাই...



$$(1) 1 \text{ দিন} = 24 \text{ ঘণ্টা} = \boxed{\hspace{2cm}} \text{ মিনিট}$$

$$(2) 1 \text{ সপ্তাহ} = \boxed{\hspace{1.5cm}} = \boxed{\hspace{1.5cm}} = \boxed{\hspace{1.5cm}} \text{ মিনিট}$$



নিচের সময়গুলোকে ঘণ্টায় প্রকাশ করি।

- (১) ৩ দিন
- (২) ১ সপ্তাহ
- (৩) ৯ সপ্তাহ এবং ৬ দিন

১ দিনে ২৪ ঘণ্টা এবং ১ সপ্তাহে
৭ দিন, তাই.....



$$(1) \text{ ৩ দিন} = ৩ \times ২৪ \text{ ঘণ্টা} = ৭২ \text{ ঘণ্টা}$$

৭২ ঘণ্টা

$$(2) \text{ ১ সপ্তাহ} = ৭ \text{ দিন} = ৭ \times ২৪ \text{ ঘণ্টা} = ১৬৮ \text{ ঘণ্টা}$$

১৬৮ ঘণ্টা

$$\begin{aligned}(3) \text{ ৯ সপ্তাহ এবং ৬ দিন} &= ৯ \times ৭ \text{ দিন} + ৬ \text{ দিন} \\ &= ৬৩ \text{ দিন} + ৬ \text{ দিন} \\ &= ৬৯ \text{ দিন} \\ &= ৬৯ \times ২৪ \text{ ঘণ্টা} \\ &= ১৬৫৬ \text{ ঘণ্টা}\end{aligned}$$

১৬৫৬ ঘণ্টা



সাজাদ এবং সোহাগ দুই ভাই। সাজাদের বয়স ১৪ বছর ৫ মাস এবং সোহাগের বয়স ৯
বছর ৯ মাস। তাদের বয়সের পার্থক্য কত?



যেহেতু এখানে আমরা পার্থক্য খুঁজছি, তাই গাণিতিক প্রক্রিয়াটি হলো

আমরা কেন আগে প্রতিটি একক বিয়োগ করি না? প্রথমে ক্ষুদ্রতর
এককের এবং ক্রমান্বয়ে পূর্ণ সংখ্যার হিসাবের নাম বিয়োগ করি।



বছর	মাস
১৪ ১৩	৫ (+১)
- ৯	৯
	৮

[মাস]

৫ – ৯, কিন্তু আমরা তা করতে পারি না।
তাই, আমরা ১ বছরকে (=১২ মাস) নিয়ে
আসি এবং ১৭ থেকে ৯ কে বিয়োগ করি।
 $17 - 9 = 8$

বছর	মাস
১৪ ১৩	৫
- ৯	৯
	৮

[বছর] $13 - 9 = 8$

বয়সের পার্থক্যটি হলো: ৪ বছর ৮ মাস।





সেপ্টেম্বর ২০১৪ সালের পুরুষ এবং মহিলা ম্যারাথন দৌড় - এর বিশ্ব রেকর্ড নিম্নরূপ:

পুরুষ ম্যারাথন	২:০২:৫৭ (২ ঘণ্টা ২ মিনিট ৫৭ সেকেন্ড)
মহিলা ম্যারাথন	২:১৫:২৫ (২ ঘণ্টা ১৫ মিনিট ২৫ সেকেন্ড)

(১) এই দুইটি বিশ্ব রেকর্ডের মধ্যে পার্থক্য কত?



আমরা প্রতিটি এককই বিয়োগ করতে পারি, ফুল্লুতের
একক প্রথমে এবং তুলু অনুযায়ী।



ঘণ্টা	মিনিট	সেকেন্ড
২	১৫ ১৮	২৫ +৬০
২	২	৫৭
—	১২	২৮

[সেকেন্ড]

২৫ - ৫৭, কিন্তু আমরা তা করতে পারি না,
তাই ১ মিনিটকে (= ৬০ সেকেন্ড) নিয়ে আসি
এবং ৮৫ থেকে ৫৭ বিয়োগ করি।

$$[\text{মিনিট}] \quad 18 - 2 = 12$$

$$[\text{ঘণ্টা}] \quad 2 - 2 = 0$$

পার্থক্যটি হলো: ১২ মিনিট ২৮ সেকেন্ড

(২) এই দুইটি সময়কে যোগ করার ফলে আমরা কীভাবে হিসাব করব?

ঘণ্টা	মিনিট	সেকেন্ড
২	১৫ +১	৫৭
২	১৫	২৫
+	—	—
৪	১৮	২২

[সেকেন্ড]

৫৭ + ২৫ = ৮২,
এবং ৮২ = ৬০ + ২২
সুতরাং ১ মিনিট হাতে রয়েছে।

$$[\text{মিনিট}] \quad 2 + 15 + 1 = 18$$

$$[\text{ঘণ্টা}] \quad 2 + 2 = 4$$

মোট সময় : ৪ ঘণ্টা ১৮ মিনিট ২২ সেকেন্ড



১১.২ অনুশীলনী

১. সেকেন্ডে প্রকাশ কর:

$$2 \text{ মিনিট} = 120 \text{ সেকেন্ড}$$

$$10 \text{ মিনিট} = \text{সেকেন্ড}$$

$$8 \text{ মিনিট} = \text{সেকেন্ড}$$

$$5 \text{ মিনিট} = \text{সেকেন্ড}$$

$$12 \text{ মিনিট} = \text{সেকেন্ড}$$

$$20 \text{ মিনিট} = \text{সেকেন্ড}$$

২. দিনে প্রকাশ কর:

$$48 \text{ ঘণ্টা} = 2 \text{ দিন}$$

$$2 \text{ সপ্তাহ} = \text{দিন}$$

$$72 \text{ ঘণ্টা} = \text{দিন}$$

$$3 \text{ সপ্তাহ} = \text{দিন}$$

$$120 \text{ ঘণ্টা} = \text{দিন}$$

$$4 \text{ সপ্তাহ} = \text{দিন}$$

৩. একত্রে যোগ কর এবং এদেরকে ঘণ্টা ও মিনিটে রূপান্তর কর:

	মিনিট	ঘণ্টা এবং মিনিট
৫০ মিনিট + ৩০ মিনিট	৮০ মিনিট	১ ঘণ্টা ২০ মিনিট
৩৫ মিনিট + ৩৫ মিনিট		
৬০ মিনিট + ৮০ মিনিট		
৯০ মিনিট + ৪৫ মিনিট		
১২০ মিনিট + ৬০ মিনিট		

৪. সালমার বয়স ১০ বছর ৯ মাস এবং মিতার বয়স ১২ বছর ০ মাস। সালমা এবং মিতার বয়সের পার্থক্য কত?

৫. মাসুদা বেগমের ৩ মাস ৩ সপ্তাহ ৬ দিনের ছুটি পাওনা রয়েছে। তিনি ২ মাস ৩ সপ্তাহ ৩ দিনের ছুটি নিলেন। মাসুদা বেগম আরও কত দিন ছুটি নিতে পারবেন? (১ মাস = ৩০ দিন)



উপাত্ত সংগ্রহ এবং বিন্যস্তকরণ

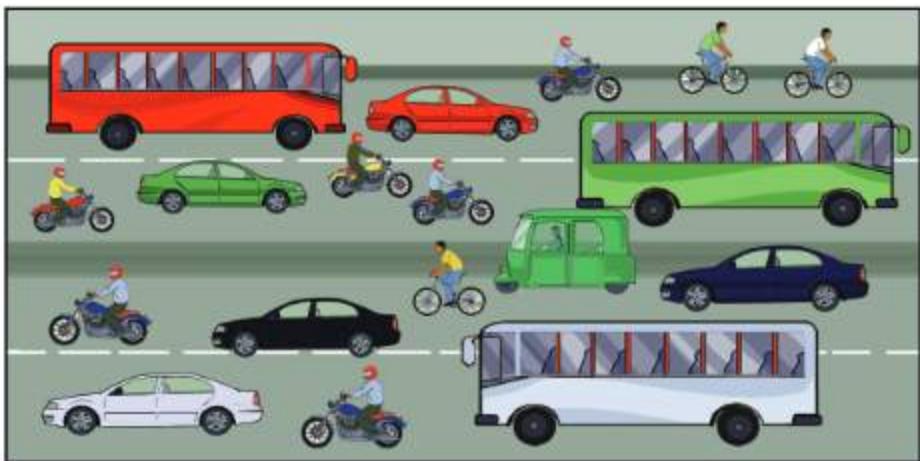
১২.১ সারণি তৈরি করা



চল, সারণিতে উপাত্ত বিন্যস্ত করার চেষ্টা করি।



চল, আমাদের সামনে দিয়ে কতগুলো যানবাহন অতিক্রম করছে তা গণনা করার উপায় চিন্তা করি।



আমাদেরকে তালিকা তৈরি করতে হবে।
অন্যথায় আমরা সংখ্যাগুলো ভুলে যাব।

তাহলে চল আমরা ট্যালি
চিহ্ন ব্যবহার করি।



৫টি করে সংখ্যার দলের হিসাব রাখার জন্য
ট্যালি চিহ্ন একটি দ্রুত পদ্ধতি। প্রথম ৪টির
প্রতিটির জন্য একটি করে খাড়া রেখা টানা
হয়, কিন্তু ৫ম টির জন্য আগের ৪টি রেখার
আড়াআড়ি দাগ টানা হয়। এরপর একটু
ফাঁক দিয়ে আবারও ট্যালি চিহ্ন দেওয়া হয়।
এভাবে অতি সহজে ট্যালি চিহ্ন ব্যবহার
করে হিসাব করা সম্ভব।

I	II	III	IV
1	2	3	4

JH	JHJ
5	6





আমরা ট্যালি চিহ্নের সাহায্যে যানবাহনের সংখ্যাকে প্রকাশ করতে চাই। চল ডান পাশের সারণিটি পূরণ করি।

যানবাহনের নাম	ট্যালি চিহ্ন
বাই সাইকেল	
কার	
মোটর সাইকেল	
বাস	
সিএনজি	



চল, এখন ট্যালি চিহ্নকে সংখ্যায় প্রকাশ করে সারণিটি পুনরায় পূরণ করি এবং মোট সংখ্যার জন্য যোগ করি।

(১) কোন ধরনের যানবাহন বেশি ব্যবহৃত হয়?

(২) কোন ধরনের যানবাহন কম ব্যবহৃত হয়?

যানবাহনের নাম	সংখ্যা
বাই সাইকেল	৩
কার	
মোটর সাইকেল	
বাস	
সিএনজি	
মোট	



শিফক শ্রেণিকক্ষে এলোমেলোভাবে বিভিন্ন ফলের নাম বলছেন। মনোযোগ দিয়ে শুনে ট্যালি চিহ্নের সাহায্যে ফলগুলোর সংখ্যা লিপিবদ্ধ কর এবং পরবর্তীতে ট্যালি চিহ্নে সংখ্যায় প্রকাশ করে নিচের সারণিটি পূরণ কর।

ফলের নাম	ট্যালি চিহ্ন	সংখ্যা
কমলা		
কলা		
আপেল		
পেয়ারা		
মোট	/	



১২.২ ভৱ্যলেখের সাহায্যে প্রদর্শন করা

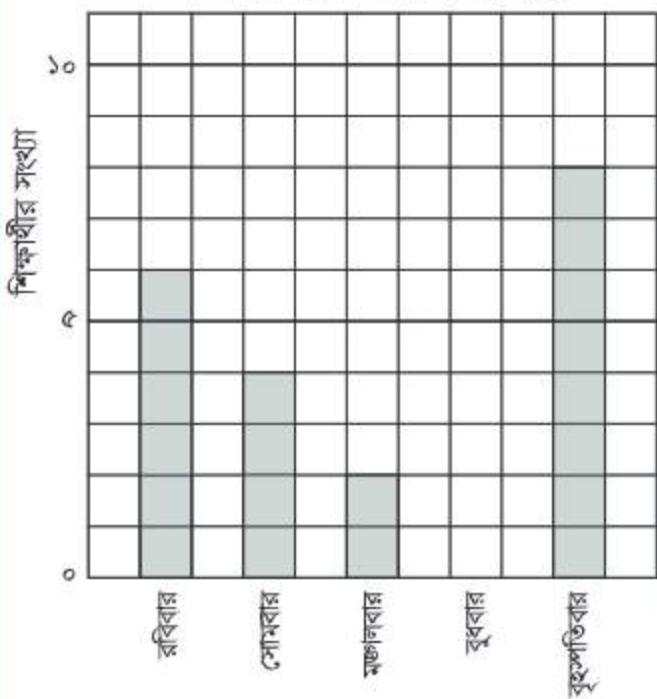


চল, উপাস্তকে ভৱ্যলেখের সাহায্যে প্রকাশ করি।



তানের সারণিতে এবং নিচের ভৱ্যলেখে
সপ্তাহের বিভিন্ন দিনে ক শাখায় অনুপস্থিত
শিক্ষার্থীর সংখ্যা দেওয়া আছে। চল, আমরা
এগুলো পড়ার উপায় খুঁজে বের করি।

ক শাখায় অনুপস্থিত শিক্ষার্থীর সংখ্যা



এটি ভৱ্যলেখ।



বাহ, ভৱ্যলেখ আমাদের খু
সহজেই সংখ্যার পরিমাণ
ত্রুট্য করতে সাহায্য করে।



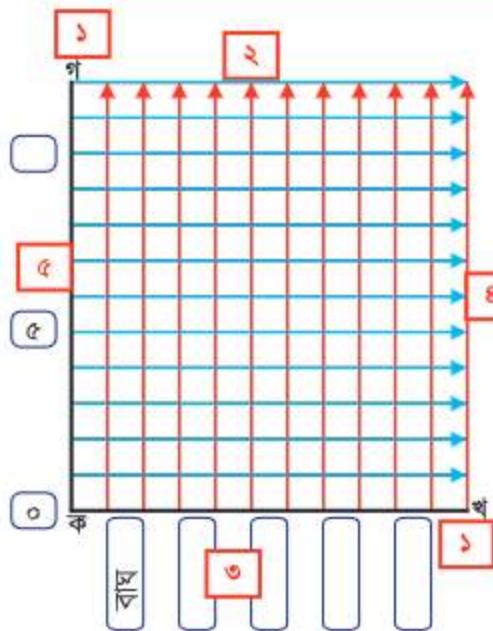
- (১) ভৱ্যলেখটির শিরোনাম কী?
- (২) খাড়া স্কেলের ১ দাগ কতজন শিক্ষার্থী প্রকাশ করে?
- (৩) কোন দিন সবচেয়ে বেশি শিক্ষার্থী অনুপস্থিত ছিল?
- (৪) কোন দিন সকল শিক্ষার্থীই উপস্থিত ছিল?





ডানের সারণিতে মিতার শ্রেণির শিক্ষার্থীরা কত জন কোন প্রাণী গহন্দ করে তার বিবরণ দেওয়া আছে।
সম্মলেখটি অঁকি।

କୀତାବେ ଏକଟି ଶୁଭ୍ରଚିତ୍ର ଆକତେ ହୁଯା



ধাপ ৬: কোন প্রাণী কর্তজন শিক্ষার্থী গহন্দ করে এই সংখ্যার উপর ভিত্তি করে কথ রেখার উপর অতিটি প্রাণীর জন্য একটি করে তত্ত্ব আকি।

ধাপ ৭: আনুভূমিক অক্ষের নিচে লিখি 'প্রাণীর নাম' এবং উন্নত অক্ষের পাশে লিখি 'শিক্ষার্থী সন্ধা'।

ধাপ ৮: এবার তক্ষিক্রিয়ার নাম দেই ‘শিক্ষার্থীদের প্রিয় প্রাণী’।

চল, তুম্ভচিত্রটি সম্পন্ন করি।

প্রাণীর নাম	শিক্ষাধীন সংখ্যা
বাঘ	৯
হাতি	১১
জলহস্তী	৪
সিংহ	৭
চিতাবাঘ	৩
মোট	৩৪

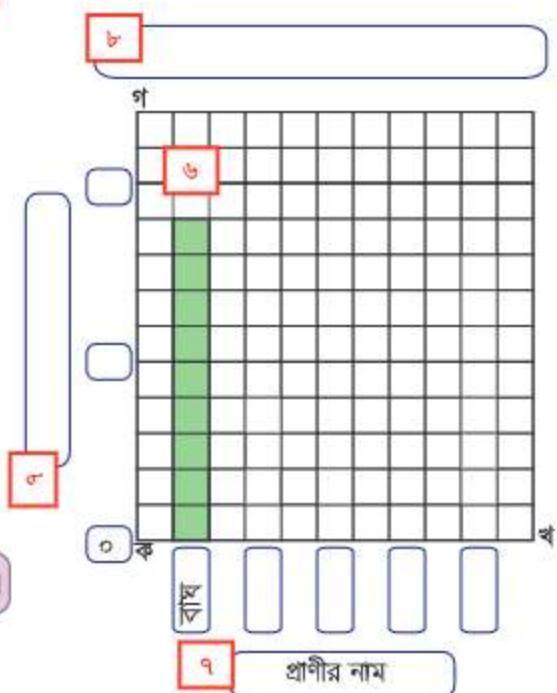
ধাপ ১: একটি আনন্দমিক রেখা কথ এবং একটি উন্নত রেখা কথ অঁকি।

ধাপ ২: কথ এর উপর পরম্পরার সমদূরবর্তী কিছু উল্লেখ রেখা আঁকি। রেখার সংখ্যা বেন প্রাণীর সংখ্যা থেকে বেশি থাকে।

ধাপ ৩: চিত্র অনুযায়ী দুইটি উপর্যুক্ত রেখার মাধ্য করাবল নিচে
প্রাণীগুলোর নাম লিখি।

ধাপ ৪: কগ এর উপর গৱাম্পুর সমদূরবর্তী কিছু আনুভূমিক
রেখা আঁকি। রেখার সংখ্যা যেন শিক্ষার্থীর সংখ্যা থেকে বেশী
থাকে।

ধাপ ৫: কগ রেখার উপর শিক্ষার্থীদের জন্য মাপকাঠি নির্ধারণ করি। (বেমন: ০,৫ এবং ১০ জন শিক্ষার্থী)





১২.৩ অনুশীলনী

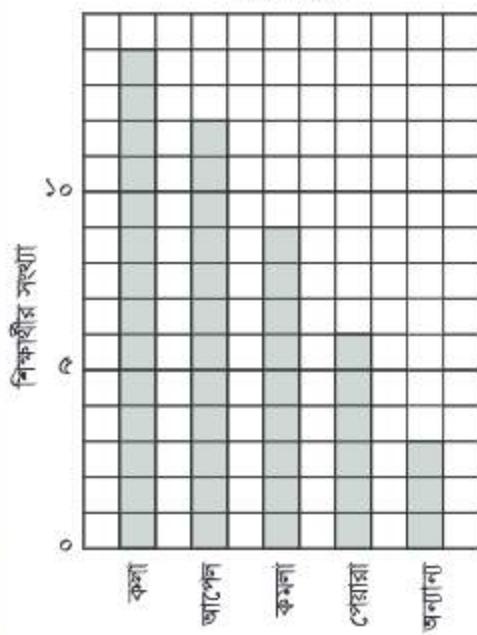
১. নিচের সারণিটি একটি দোকানের বিভিন্ন সবজি বিক্রয়ের একটি মেমো। প্রতিটি সবজির মোট পরিমাণকে সংখ্যায় প্রকাশ কর।



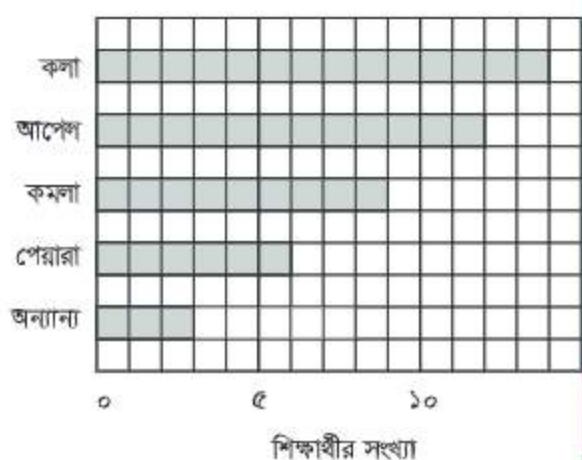
সবজি	ট্যাগি চিহ্ন	সংখ্যা
লেবু		
বাঁধাকপি		
ফুলকপি		
কুমড়া		
মোট		

২. ১৩৯ নং পৃষ্ঠার উপাস্ত ব্যবহার করে একটি স্তুতিলেখ আঁক যার শিরোনাম হবে ‘যানবাহনের সংখ্যা’।
৩. নিচের চিত্র দুইটি তুলনা কর। দুইটি চিত্রকেই কি স্তুতিলেখ বলতে পার? সহগাঠনের সাথে আলোচনা কর এবং নিজের মতামত দাও।

পছন্দের ফল



পছন্দের ফল



রেখা এবং কোণ



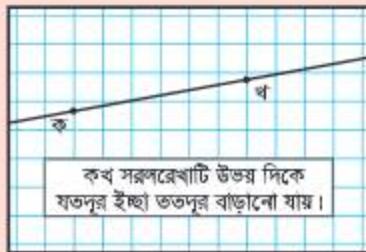
১৩.১ রেখা



চল, আমরা বিভিন্ন ধরনের রেখা শিখি এবং এদের মধ্যকার সম্পর্ক জানি।

একটি সরলরেখা হলো:

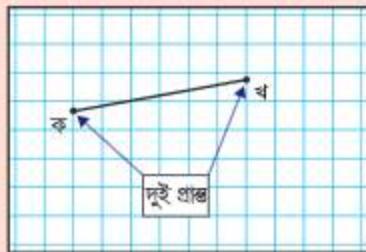
- সরল (দিক পরিবর্তন ছাড়া)
- অসীম (দুই দিকে যতদূর ইচ্ছা ততদূর বাড়ানো যায়)
- কোনো পুরুত্ব নেই।



অসীম প্রকাশ করার জন্য আমরা নিম্নরূপ সরলরেখা আঁকতে পারি:



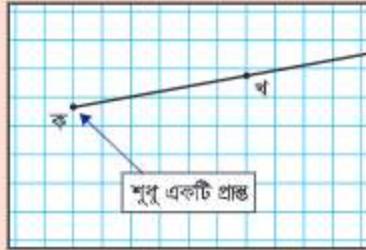
যদি কোনো রেখার দুই প্রান্ত থাকে তবে
এটি: একটি রেখাংশ



যদি কোনো রেখার একটি প্রান্ত থাকে
তবে এটি একটি রশ্মি।



ঠিক যেন....একটি রশ্মি।



একটি প্রান্তকে অসীম দেখানোর জন্য আমরা নিম্নরূপে রশ্মি
আঁকতে পারি:

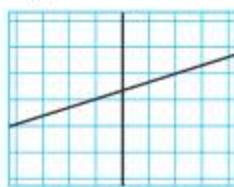




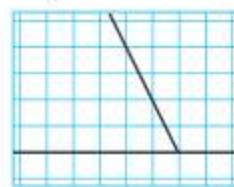
চল, আমরা রেখাসমূহ কীভাবে একে অপরকে ছেদ করে অথবা মিলিত হয় তা শিখি।



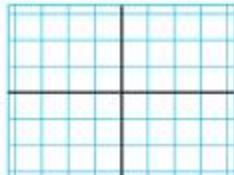
ক



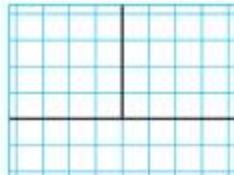
ঘ



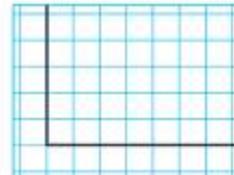
গ



ঘ



ঙ



চ

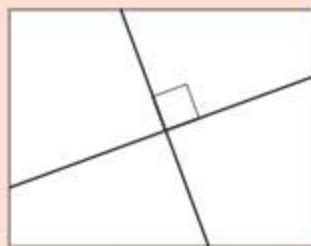


চিত্র ঘ, ঙ এবং চ তে রেখাসমূহ
সমকোণে একে অপরকে ছেদ
করে বা মিলিত হয়।

আমরা ওয় শ্রেণিতে
সমকোণ শিখেছি।



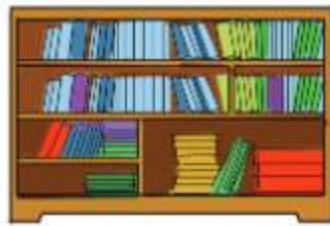
একটি রেখা অপর একটি রেখার উপর লম্ব হবে
যখন এরা একে অপরকে সমকোণে ছেদ করে বা
মিলিত হয়।



চিত্র ঘ, ঙ এবং চ এর রেখাসমূহ লম্বরেখা।

১

আমাদের চারপাশের লম্ব রেখাসমূহ খুঁজে বের কর।



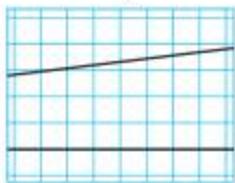
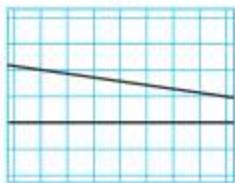


ନିଚେର ଛବିଗୁଲୋତେ ପରମ୍ପରକେ ଛେଦ କରବେ ନା ବା ମିଳିତ ହବେ ନା ଏମନ କୋଣ ରେଖା ରଯେଛେ କି ?

କ

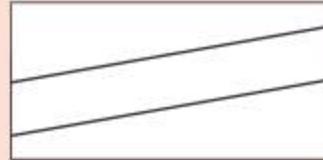
ଖ

ଗ

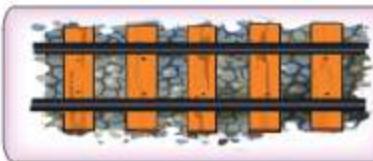


କ ଏବଂ ଖ ଚିତ୍ରେ ରେଖା ଦୁଇଟି ଏକେ ଅପରେର କାହାକାହି ଚଲେ ଏସେହେ ଏବଂ ତାରା
ଏକେ ଅପରକେ ଛେଦ କରବେ....

ଦୁଇଟି ରେଖା ସମାନରାଳ ହୁଏ ଯଦି ତାରା ସବସମୟରେ
ଏକେ ଅପର ଥେକେ ସମାନ ଦୂରତ୍ବେ ଥାକେ ଏବଂ
କଥନୋଇ ଏକେ ଅପରେର ସାଥେ ମିଳେ ନା ।



ଗ ଚିତ୍ରେ, ରେଖାଦୟ ପରମ୍ପରା ସମାନରାଳ । ସମାନରାଳ ରେଖାଦୟରୁ ଏକିହି ରେଖାର ଉପର ଲୟ ଏବଂ ଏଦେରକେ ଯେ
କୋଣେ ଦୂରତ୍ବ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ବାଡ଼ାନୋ ହୋକ ନା କେନ, ଏରା କଥନୋଇ ଏକେ ଅପରେର ସାଥେ ମିଳେ ନା ।

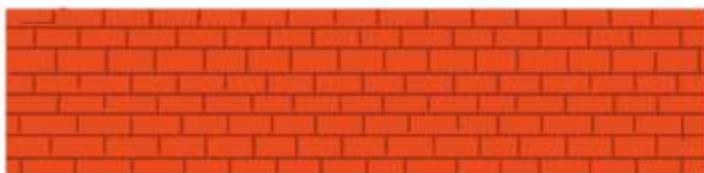


ସମାନରାଳ ରେଖାର ଆଦର୍ଶ ହିସେବେ
ଆମରା ଦୁଇଟି ସରଳ ରେଲଲାଇନକେ
କଞ୍ଜନା କରେ ନିତେ ପାରି ।



୧

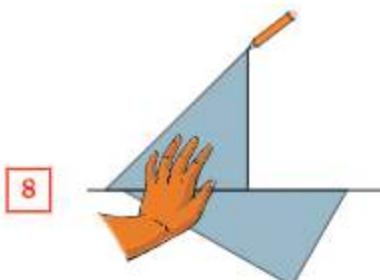
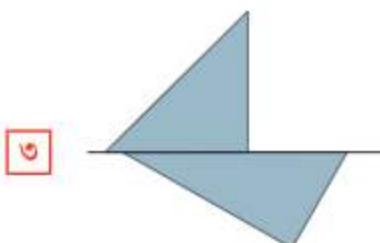
ଆମାଦେର ଚାରପାଶେର ସମାନରାଳ ରେଖାଦୟରୁ ଝୁଜେ ବେର କର ।



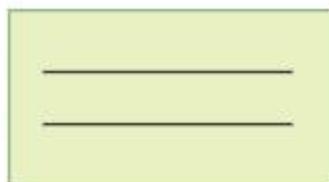
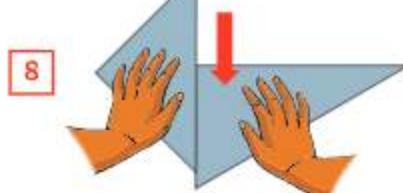
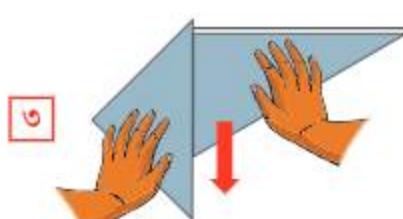


চল, আমরা ত্রিকোণী সেটের সাহায্যে লম্ব রেখা এবং সমান্তরাল রেখা আঁকি।

লম্ব রেখা



সমান্তরাল রেখা



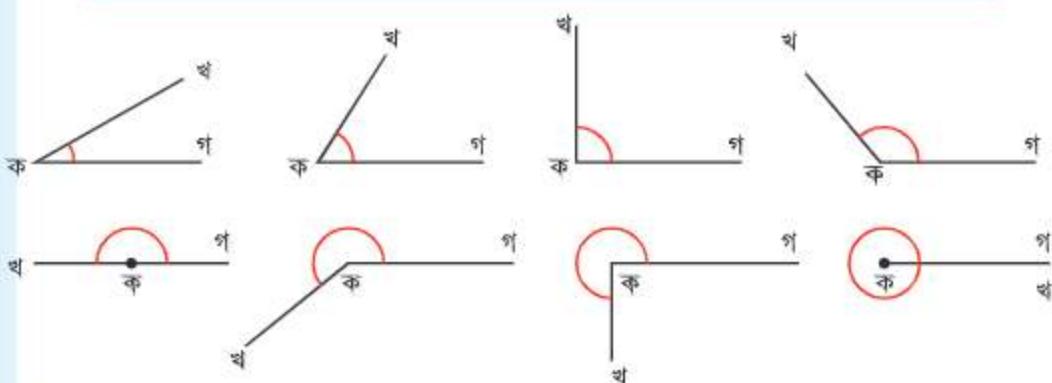
১৩.২ কোণ



চল, আমরা কোণ এবং রেখার আকার নির্ণয় করি এবং এগুলো আঁকি।



চল, আমরা নিচে দেওয়া ছবির মতো করে পুরু কাগজের দুইটি বৃত্ত নিই এবং এদেরকে একে অপরের উপর ঘূরিয়ে বিভিন্ন কোণ তৈরি করি।



কোনো কোণের আকৃতি ওই কোণ উৎপন্নকারী রেখা দুইটির দৈর্ঘ্যের সাথে সম্পর্কিত নয় বরং রেখাদ্বয় কতখানি খোলা তার উপর নির্ভরশীল।

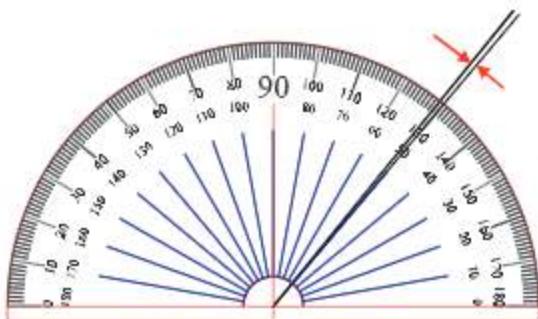


যদি আমরা কোণের আকৃতিকে দৈর্ঘ্য, ফ্রেক্ষন, আয়তন এবং ওজনের মতো করে সংখ্যায় প্রকাশ করতে পারতাম তবে তা সহজ হতো।

কোণের আকৃতি পরিমাপের একক হলো ডিগ্রি এবং একে ${}^{\circ}$ দ্বারা প্রকাশ করা হয়। কোণের আকৃতিই কোণের পরিমাপ নির্দেশ করে।



কোণের আকৃতি নির্ণয়ের জন্য আমরা চাঁদা ব্যবহার করি।



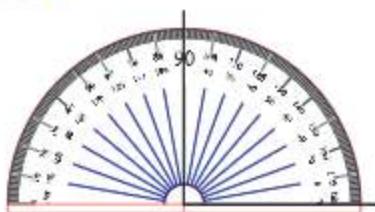
1° (1 ডিগ্রি)

$$1^{\circ} \times 90 = \text{সমকোণ}।$$

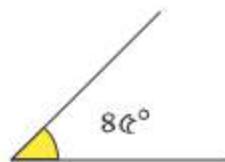
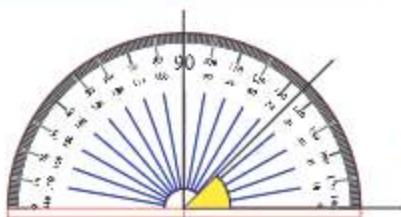
$$\text{সমকোণ} = 90^{\circ}$$



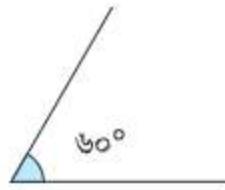
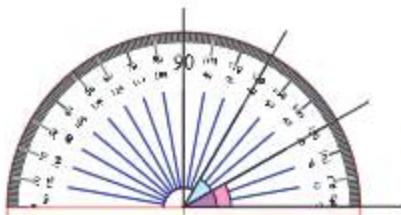
চল, আমরা 90° কে ভাগ করে বৈশিষ্ট্যসূচক কিছু কোণ সমর্কে ধারণা নিই।



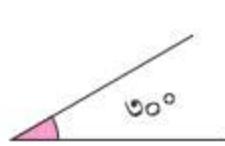
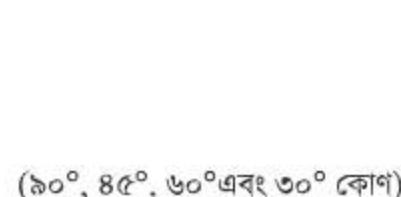
90° (সমকোণ)



30°

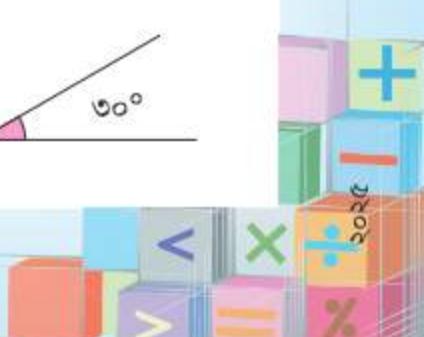


45°



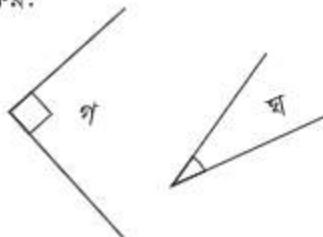
60°

(90° , 45° , 60° এবং 30° কোণ)

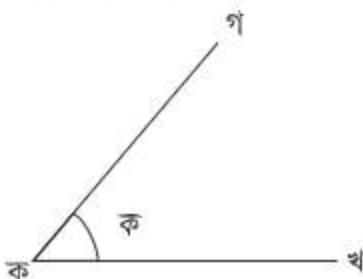


୧

30° , 45° , 60° ଏবং 90° କୋଣ ସ୍ଥିତ କର:

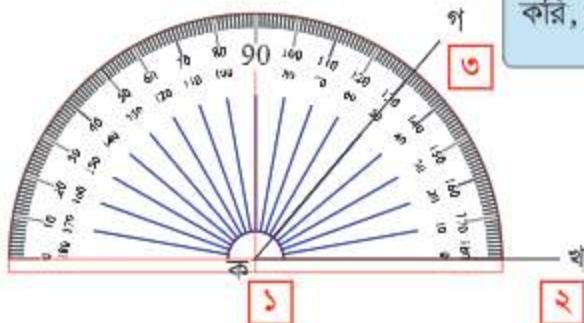


ଟାନ୍‌ଦାର ସାହାଯ୍ୟେ କୋଣ କରିପାରିବାକୁ ଜୀବନରେ ଆବଶ୍ୟକ କମାଳ ହେଉଛି।



କିମ୍ବା ଗନ୍ଧିକାଙ୍କ କୋଣକୁ କୋଣକରିବାକୁ ଜୀବନରେ ଆବଶ୍ୟକ କମାଳ ହେଉଛି।

- ୧ ଟାନ୍‌ଦାର କେନ୍ଦ୍ରବିନ୍ଦୁକେ କରିବାକୁ ଜୀବନରେ ଆବଶ୍ୟକ କମାଳ ହେଉଛି।
- ୨ କଥ ବାହୁକେ ଟାନ୍‌ଦାର 0° ଏବଂ 180° କୋଣର ମଧ୍ୟରେ ମିଳାଇ।
- ୩ କଥ ବାହୁକେ ଟାନ୍‌ଦାର ସାଥେ ମିଳିବାକୁ ଜୀବନରେ ଆବଶ୍ୟକ କମାଳ ହେଉଛି।



ଆମରା କୋଣ ପରିମାପଟି ବ୍ୟବହାର କରି, 50° ନାକି 130° ?



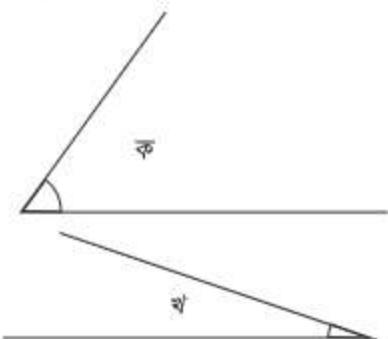
କୋଣ କରିବାକୁ ଜୀବନରେ ଆବଶ୍ୟକ କମାଳ ହେଉଛି।

২

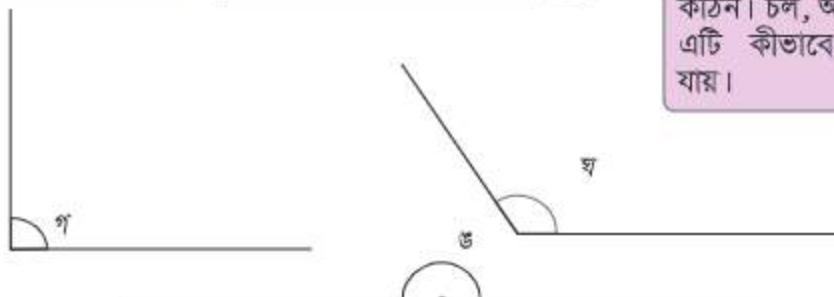
কোণগুলোর আকৃতি পরিমাপ কর:



আমরা কীভাবে
কোণ খ পরিমাপ
করব?



যদি কোনো কোণের বাহু
পরিমাপ করার জন্য ছোট হয়,
তবে তা বাড়িয়ে হিসাব করা
যাবে।



আমার মনে হয় না এটি অনেক
কঠিন। চল, আমরা ভেবে দেখি
এটি কীভাবে পরিমাপ করা
যায়।

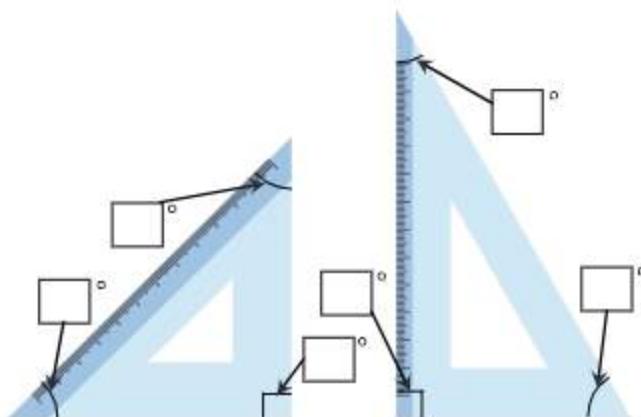


আমরা চাঁদার ডিগ্রি বাম দিক থেকে ডান দিকেও পড়তে পারি।

$\angle \text{গ}$ হলো 180° । একে সরল কোণ বলে।



নিচের ত্রিকোণী সেটের কোণগুলো পরিমাপ করি।





୫୦° ପରିମାପେର ଏକଟି କୋଣ ଆଂକି ।

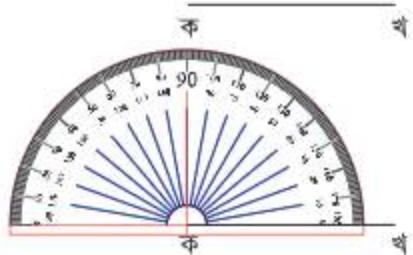


ଆମରା କି କୋଣ ଆଂକାର କ୍ଷେତ୍ରେ ଚାନ୍ଦାର ସବହାର କରତେ ପାରି ?

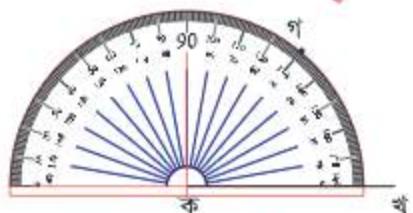


୧ କ ଖ ସରଳ ରେଖା ଆଂକି ।

୨ କ ବିନ୍ଦୁତେ ଚାନ୍ଦାର କେନ୍ଦ୍ରବିନ୍ଦୁ ଯୋଗନ କରି ଏବଂ କ ଖ ରେଖାକେ 0° ବରାବର ମିଳାଇ ।

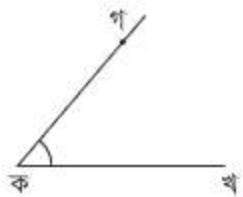


୩ 50° ପରିମାପେ ଏକଟି ବିନ୍ଦୁ ଗ ନିଇ ।



୪ ଚାନ୍ଦା ସରିଯେ ଫେଲି ଏବଂ କ ଥେକେ ଗ ବିନ୍ଦୁ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ସେଳେର ସାହାଯ୍ୟେ ଏକଟି ରେଖା ଟାନି ।

୫ \angle ଖକଗ 50°



୬ ନିଚେର ନିର୍ଦେଶିତ ପରିମାପେର କୋଣଗୁଲୋ ଆଂକି:

(କ) 30°

(ଖ) 75°

(ଗ) 90°

(ଘ) 135°

(ଡ) 180°



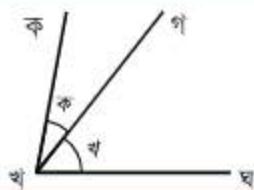
ଆମରା ଏଥିନ କୋଣ ପରିମାପ କରତେ ଏବଂ ଆଂକତେ ପାରି । ଚଲ, କୋଣ ନିଯି ଆରା ଓ କିଛି ଶିଖି ।

কোণসমূহকে নিম্নরূপে শ্রেণিবিভক্ত করা যায়।

কোণ	পরিমাপ	নাম
	৯০° এর ছেট	সূক্ষ্মকোণ
	৯০°	সমকোণ
	৯০° এর বড় এবং ১৮০° এর ছেট	অসূচিকোণ
	১৮০°	সরলকোণ

কোণগুলোর সম্পর্ক নিম্নরূপে প্রকাশ করা যায়।

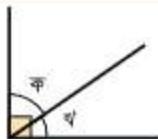
যখন দুইটি কোণের একটি সাধারণ বাহু ও একটি সাধারণ শীর্ষবিন্দু থাকে এবং তারা পরস্পরে সম্পাদিত না হয়, তখন কোণদ্বয়কে সন্নিহিত কোণ বলে।



∠ক এবং ∠খ পরস্পর সন্নিহিত কোণ।

কারণ: কোণদ্বয়ের সাধারণ বাহু খ এবং কোণদ্বয়ের সাধারণ বিন্দু খ

যখন দুইটি কোণের যোগফল 90° (সমকোণ) হয়, তখন কোণদ্বয়কে একে অপরের পূরক কোণ বলে।



∠ক এবং ∠খ একে অপরের পূরক কোণ।

কারণ কোণদ্বয়ের যোগফল 90° ।

যখন দুইটি কোণের যোগফল 180° (সরল কোণ) হয়, তখন কোণদ্বয়কে একে অপরের সম্পূরক কোণ বলে।



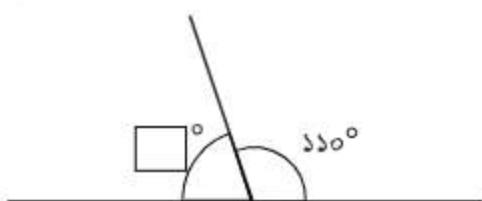
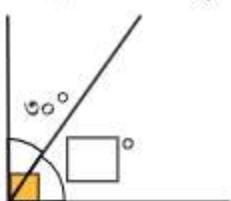
∠ক এবং ∠খ একটি অপরাটির সম্পূরক কোণ।

কারণ কোণদ্বয়ের যোগফল 180° ।



8

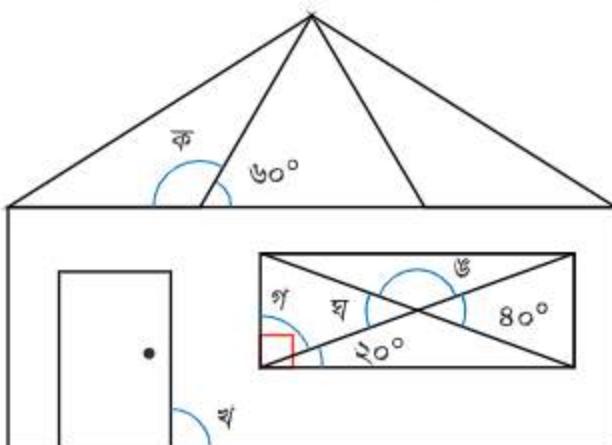
ଲୁକାନୋ କୋଣଗୁଲୋ ଖୁଜେ ବେର କର:



ଦୁଇଟି ରେଖା ପରମ୍ପର ଛେଦ କରାର ଫଳେ ଏକେ ଅପରେର ବିପରୀତେ ସେ କୋଣମୂହଁ ଉପରେ ହୁଏ ତାରାଇ ବିପ୍ରତୀପ କୋଣ ।

5

ପରିମାପ ନା କରେ $\angle \text{କ}$, $\angle \text{ଥ}$, $\angle \text{ଗ}$, $\angle \text{ଘ}$ ଏବଂ $\angle \text{ଙ}$ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର:



6

ଘଡ଼ିର ଘନ୍ଟା ଏବଂ ମିନିଟେର କାଁଟା ଦ୍ୱାରା ସୃଷ୍ଟି କୋଣଗୁଲୋ ବଲ ।

(1)



(2)



(3)

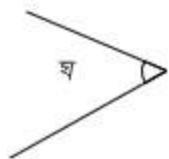


(8)



১৩.৩ অনুশীলনী

১. নিচের কোণগুলোর নামকরণ কর:



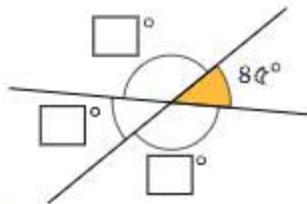
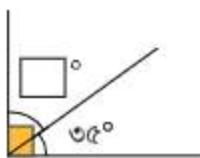
২. একটি টাঁদা দিয়ে নিচের কোণগুলো পরিমাপ কর:



৩. নিচের উল্লেখিত কোণগুলো একটি টাঁদার সাহায্যে আঁক:

- (ক) 25° (খ) 175° (গ) 90° (ঘ) 180°

৪. সূক্ষ্মায়িত কোণগুলো নির্ণয় কর:



৫. নিচের কোণগুলোর পরিমাপ নির্ণয় কর:

চ্যালেঞ্জ!



৬. সম্ভব এবং সমান্তরাল কী তা কথায় প্রকাশ কর।

ত্রিভুজ



১৪.১ ত্রিভুজ



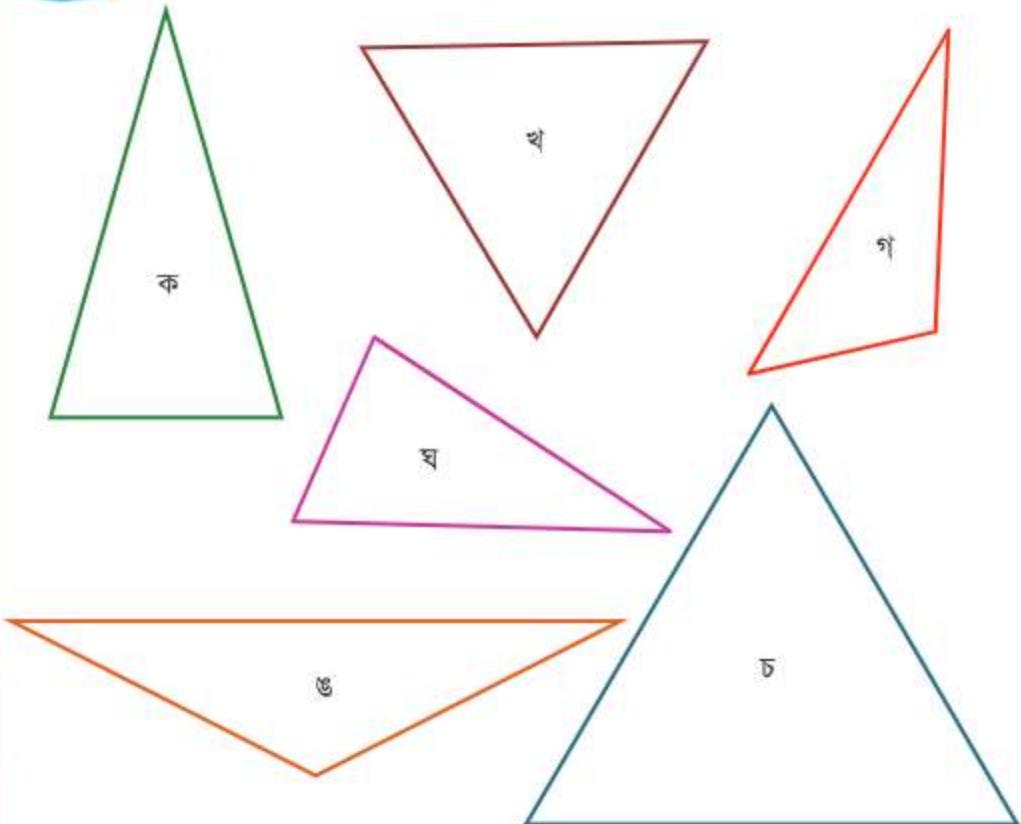
চল, আমরা ত্রিভুজের বৈশিষ্ট্য শিখি।



চল, আমরা ত্রিভুজের বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য অনুযায়ী এদেরকে বাছাই করি।



স্কেলের সাহায্যে ত্রিভুজের বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য পরিমাপ করে ত্রিভুজের বৈশিষ্ট্য নির্ণয় করি:





বাহুভেদে ত্রিভুজ

ত্রিভুজের কতটি বাহু সমান তার উপর ভিত্তি করে ত্রিভুজকে তিনটি নাম দেওয়া হয়েছে:

তিনটি সমান বাহু		সমবাহু ত্রিভুজ
দুইটি সমান বাহু		সমাদিবাহু ত্রিভুজ
তিনটিই অসমান বাহু		বিষমবাহু ত্রিভুজ



চল, চাঁদা ব্যবহার করে আগের পৃষ্ঠার ত্রিভুজগুলোর কোণ পরিমাপ করি।



সমবাহু ত্রিভুজের তিনটি কোণই সমান এবং এরা প্রত্যেকেই 60° ।

সমাদিবাহু ত্রিভুজ এর দুইটি সমান কোণ রয়েছে।

বিষমবাহু ত্রিভুজ এর কোনো কোণই সমান নয়।



শুধু বাহুই নয়, কোণও ত্রিভুজের বৈশিষ্ট্য প্রকাশ করে।

চল, আমরা এখন ত্রিভুজ আঁকার চেষ্টা করি।



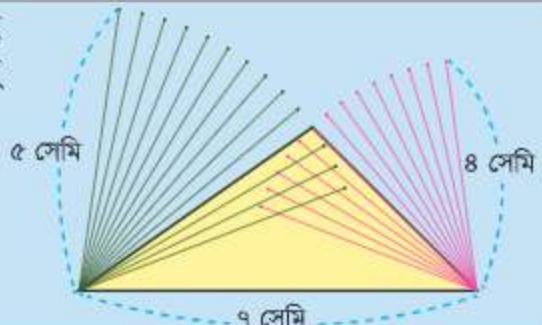


୭ ସେମି, ୫ ସେମି ଏବଂ ୪ ସେମି ବାହୁ ସମ୍ମନ୍ଦ୍ର ବିସମବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ ଆଁକି ।

ଚଲ, ୭ ସେମି ବାହୁ ଆଁକାର ମଧ୍ୟ ଦିଯେ ଶୁରୁ କରି ।



କିନ୍ତୁ ଆମରା କୀତାବେ ଦ୍ୱିତୀୟ ଏବଂ ତୃତୀୟ ବାହୁ ଆଁକତେ ପାରି ? ଏହି ବାହୁ ଦୁଇଟିର ମିଳିତ ବିନ୍ଦୁ ବେର କରାର କୋନୋ ଭାଲୋ ଉପାୟ କି ରଖେଛେ ?

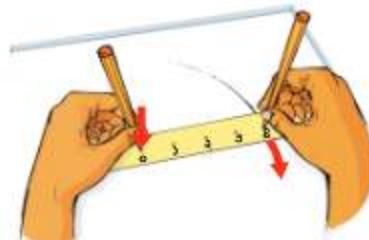
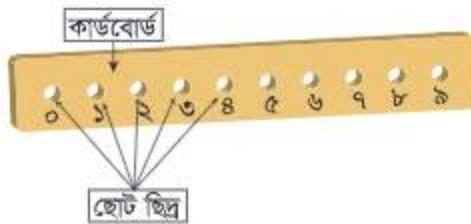


ଉପରେର ଚିତ୍ରେ ବାହୁଦ୍ୱୟର ବିନ୍ଦୁଗୁଲୋର ଅବସ୍ଥାନ ଠିକ ବୃତ୍ତେର ଅଂଶେର ଅନୁରୂପ । ଅର୍ଥାତ୍, ‘ଯେ ବିନ୍ଦୁଗୁଲୋ ବୃତ୍ତେର କେନ୍ଦ୍ର ଥେକେ ଏକଇ ଦୂରତ୍ବେ ଅବସ୍ଥିତ ।’



ତୃଯୀ ଶ୍ରେଣିତେ ଏ ବିସ୍ୟେ ପଡ଼େଛି ବଲେ ଆମାର ମନେ ଆଛେ ।

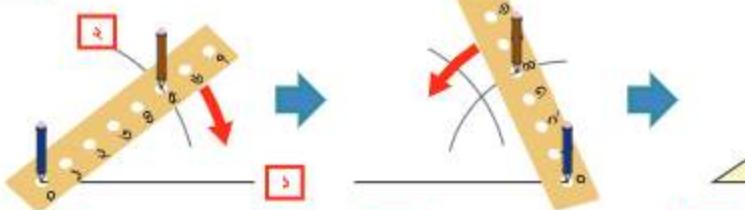
ବୃତ୍ତେର କୋନୋ ଏକଟି ଅଂଶ ଆଁକାର ଜନ୍ୟ ଆମରା ଉପରେର ଚିତ୍ରେ ବୋର୍ଡ ପିନ ଏବଂ ସୁତା ବାବହାର ନା କରେ ନିଚେର ଚିତ୍ରେ ମତୋ ଛୋଟ ଛୋଟ ଛିଦ୍ରୁକ୍ତ ଆଯତାକାର କାର୍ଡବୋର୍ଡେର ଟୁକରା ବ୍ୟବହାର କରତେ ପାରି ।



ଚଲ, ଏଥିନ ଆମରା ତ୍ରିଭୁଜ ଆଁକି ।



১ এক বাহু আঁকি। (ত্রিভুজের ভূমি : ৭ সেমি)



২ ভূমির বাম
পাস্ত থেকে ৫ সেমি
দৈর্ঘ্য আঁকি।

৩ ভূমির ডান পাস্ত
থেকে ৪ সেমি দৈর্ঘ্য
আঁকি।

৪ প্রাঙ্গ বিন্দুটি
ব্যবহার করে ত্রিভুজের
বাকি দুই বাহু আঁকি।

১

উপরের পদ্ধতি ব্যবহার করে নিচের ত্রিভুজগুলো আঁক:

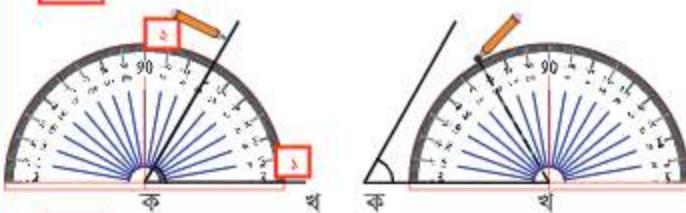
১. ৬ সেমি বাহুবিশিষ্ট একটি সমবাহু ত্রিভুজ।
২. ৫ সেমি এবং ২টি ৭ সেমি বাহুবিশিষ্ট একটি সমদ্বিবাহু ত্রিভুজ।

সমবাহু ত্রিভুজের ঠটি 60° কোণ রয়েছে এবং সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের দুইটি সমান
কোণ রয়েছে। আমরা কি এই কোণগুলো ব্যবহার করে ত্রিভুজ আঁকতে পারি?



৫ সেমি বাহুবিশিষ্ট একটি সমবাহু ত্রিভুজ আঁক।

১ এক বাহু আঁকি। (ক খ: ৫ সেমি)



২ ১৫১ পৃষ্ঠার নির্দেশনা
অনুসারী ক বিন্দুতে 60°
পরিমাপের একটি কোণ
আঁকি।

৩ খ বিন্দু
থেকে 60° কোণ
খুঁজে বের করি।

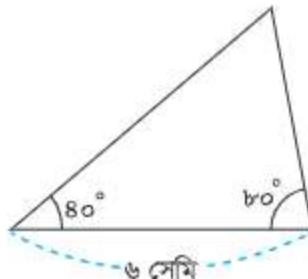


৪ একটি রেখা
আঁকি এবং বাহুগুলো
মিলাই।

୫ ସେମି ବାହୁବିଶିଷ୍ଟ ସମବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜଟି ଆଁକା ଶେମେ ସବଗୁଲୋ ବାହୁ ସମାନ ଏବଂ ପ୍ରତିଟି କୋଣ 60° ହେଁଥେ
କି ନା ତା ଯାଚାଇ କରି ।

୨

ଡାନଦିକେର ତ୍ରିଭୁଜଟି ଆଁକ :



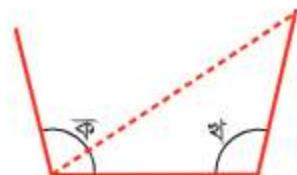
କୋଣଭେଦେ ତ୍ରିଭୁଜ

ତ୍ରିଭୁଜେର କୋଣେର ଭିନ୍ନତା ଅନୁୟାୟୀ ତ୍ରିଭୁଜ ଆରାଓ କରେକ ଧରନେର ହୁଏ ।

ସବଗୁଲୋ କୋଣଇ 90° ଏର ଛୋଟ । (କ, ଖ ଏବଂ ଗ $< 90^\circ$)		ସୂର୍କ୍ଷକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜ
ଏକଟି କୋଣ 90° (ଘ = 90°)		ସମକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜ
ତିନଟି କୋଣେର ଏକଟି 90° ଏର ବଡ଼ । (ଓ > 90°)		ସୂଳକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜ

୩

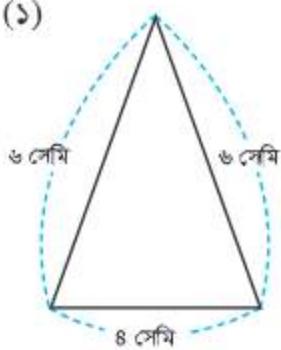
ଆମରା କି ଦୁଇଟି ସୂଳକୋଣବିଶିଷ୍ଟ ଏକଟି
ତ୍ରିଭୁଜ ଆଁକତେ ପାରି ? କାରଣ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରି ।



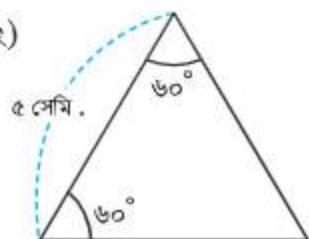
১৪.২ অনুশীলনী

১. নিচের ত্রিভুজগুলো আঁক:

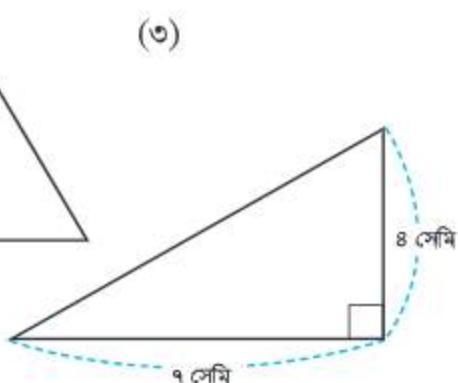
(১)



(২)



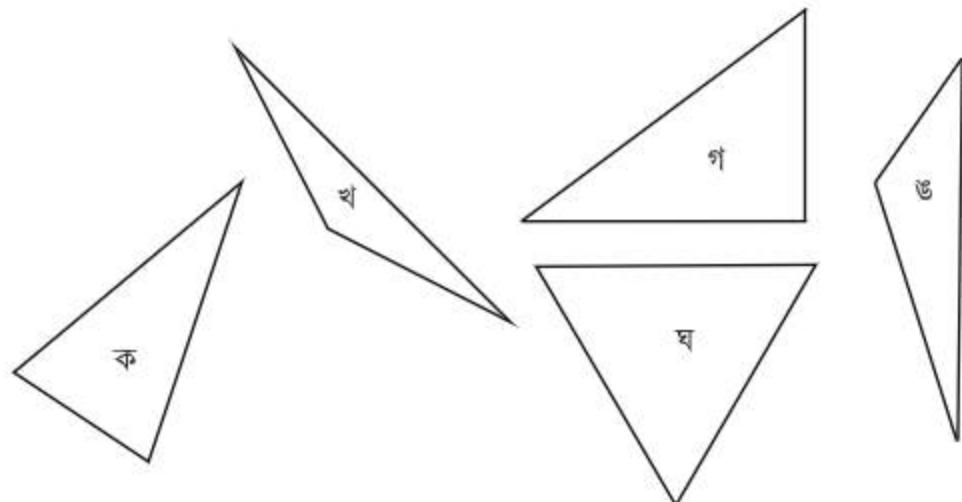
(৩)



২. উপরের ত্রিভুজগুলোকে নিচের দুই ধরনের ত্রিভুজের তালিকায় উল্লেখ কর:

ত্রিভুজের ধরন	ত্রিভুজ (১)	ত্রিভুজ (২)	ত্রিভুজ (৩)
বাহু ভিত্তিতে			
কোণ ভিত্তিতে			

৩. নিচের ত্রিভুজগুলোকে সমদলভূক্ত কর এবং ত্রিভুজগুলো দলভূক্তকরণের কারণ নিয়ে শ্রেণিতে আলোচনা কর।



উত্তরমালা



অধ্যায় ১:

অনুশীলনী,(১) পৃষ্ঠা-১০

১. নিজে কর। ২. (১) ৪৫,০০০; পীয়তালিশ হাজার (২) ১,০০,০০,০০০; এক কোটি
(৩) ১০,০০,০০০; দশ লক্ষ (৪) ১,২৭,০০০; এক লক্ষ সাতাশ হাজার (৫) ১০,১১,০১০; দশ
 - লক্ষ এগার হাজার দশ৩. নিজে কর। ৪. (১) ১,৩৫,২৪,৬৮৯ (২) ৯৭,৫৭,৮৩৪
(৩) ৫,৫৫,৫৫,৫৫৫ ৫. (১) ক. ১৫০০ খ. ৩০০০ গ. ৪৯০০ (২) ক. ৯০,০০০ খ. ৯৩,০০০
গ. ১,০০,০০০ ঘ. ১,০৭,০০০

অনুশীলনী,(২) পৃষ্ঠা-১৮

১. (১) < (২) > (৩) < (৪) < (৫) = (৬) > ২. (১) ৯,৮৬,৮২০ (২) ২,০৮,৬৮৯
(৩) ৮,৬৪,২০৯ (৪) ২,০৮,৬৮৯ ৩. ৩৭১৯৯৩-৮৮৬৩৯৭-২৪৫৬৮৯১-৩৭০৮২৩১-৮৫৮৯৪৭৬,
সর্বোচ্চ জনসংখ্যা ঘ, সর্বনিম্ন জনসংখ্যা ক

অধ্যায় ২:

অনুশীলনী, পৃষ্ঠা-৩২

১. (১) ৬৮,৮৮৯ (২) ৮০,১৯৮ (৩) ৭৩,৯২১ (৪) ৯০,০০০ (৫) ৬৯,৯৮৯ (৬) ৮০,৮২০
(৭) ৮৩,০৯৮ (৮) ৯৬,০০৬ (৯) ৩,৮১০ (১০) ৩৪,৫১৮ (১১) ৬০,৯০৯ (১২) ১,৬০৭
(১৩) ৮০,৩০৬ (১৪) ৫,৮৯৮ (১৫) ২২,২২২ (১৬) ৯৯,৯৯১ ২. (১) ৫৫,১০১ (২) ১,২৪০
৩. (১) ১০,০০০ (২) ২,৪২৬ (৩) ২৮,৫০০ ৪. ৩২,৯৫৫ বাত্তা ৫. ২,০৪৩ ৬. ৮,৫৭২
৭. ৮,১২৬ ৮. ৩৩,৭১০ ৯. গীতা ৪২০ টাকা, শিহাৰ ৮১০ টাকা ১০. বালক ৩,৯৯৫ জন।
১১. ১৭,৭০০ টাকা ১২. ২,০২৯ বছর।

অধ্যায় ৩:

অনুশীলনী, পৃষ্ঠা-৪২

১. (১) ৭,৫২০ (২) ১,০০০ (৩) ৪৫,৩০০ (৪) ১০,০০০ (৫) ৩,৭৭০ (৬) ৬৩,২৭২ (৭)
৩৫,২৮০ (৮) ৬৪,৯৬০ (৯) ৩১,৬৬৮ (১০) ৬,২৪০ (১১) ৩১,৭৮৪ (১২) ৯৮,৮৭২ (১৩)
৬৫,৬২৬ (১৪) ৯৮,৩০১ (১৫) ৮৮,৮০৩ (১৬) ৬২,৩২১ (১৭) ৪৩,০১০ (১৮) ৮৬,৩২৮ (১৯)
৮৩,৮০৮ (২০) ৮৭,৯৬৯ ২. (১) ১৫,৬১৬ (২) ১৯,২৭৮ (৩) ১৮,২৪০ (৪) ৪৯,৫০০ (৫)
১,৫৭,৮০০ (৬) ২,৪৬,০০০ ৩. (১) ৯১,২০০ (২) ৯১,২০০ (৩) ৯,১২,০০০
৪. ক. ভুল-১৪৩ × ৬; শুল্দ ১৪৩ × ৬০ খ. গুণের ০ কে গুণ করা হয়নি। ৫. নিজে কর। ৬.
১০,০০০ টাকা। ৭. ১৮,৫০০টি ৮. ৩,১২৫ টাকা ৯. ৩,৪৫০ মিটার। ১০. ১,৯৮০ টাকা।
১১. ৫০,৮৭৫ টাকা। ১২. ৭৪,৪৯০টি

অধ্যায় ৪

অনুশীলনী, পৃষ্ঠা-৫৬

১. (১) ২ (২) ২ ভাগশেষ ১০ (৩) ৮ (৪) ৭ ভাগশেষ ৩০ (৫) ৩ (৬) ২ (৭) ২ ভাগশেষ ১

- (৮) ৩ ভাগশেষ ১৫ (৯) ৪ (১০) ৬ ভাগশেষ ১৭ (১১) ৮ (১২) ৫ ভাগশেষ ৬ (১৩) ৩১
 (১৪) ৪৩ ভাগশেষ ৩ (১৫) ২১ ভাগশেষ ২৫ (১৬) ৩০ ভাগশেষ ১৪ (১৭) ২১৫ (১৮) ২১৬
 ভাগশেষ ৬ (১৯) ৯৩ (২০) ২৯১ ভাগশেষ ৪ ২. (১) ৩৮ (২) ৮ (৩) ১০০ (৪) ১৪
 ৩. নিজে কর। ৪. ১১২ ৫. ৯টি ৬. ৭টি ৭. ৪১টি বজ্জ, ৮টি ৮. ২২ মি ৯. ২৭ টাকা
 ১০. ২৮টি।

অধ্যায় ৫

অনুশীলনী, পৃষ্ঠা-৬৫

১. (১) ৫৩ (২) ৩৫ (৩) ২৫ (৪) ৭ ২. (১) ৮২৪ (২) ৫২৪ (৩) ৬৬,০০০ (৪) ৯,২০০
 (৫) ৮০০ (৬) ৭৭৬ ৩. (১) ১০৮ টাকা (২) ১৪৬ (৩) ৩,০০০ টাকা ৪. মণি ৫০০ টাকা, রূপা
 ৩৭৫ টাকা ৫. পিতা ৪৪ বছর, পুত্র ১১ বছর ৬. ৯৬ টাকা ৭. নিজে কর।

অধ্যায় ৬

অনুশীলনী, পৃষ্ঠা-৭২

১. (১) $>$ (২) $=$ (৩) = ২. (১) সঠিক (২) সঠিক (৩) ভুল (৪) ভুল ৩. (১) $-$, \times (২) $+$, $-$
 (৩) \times , \div (৪) $-$, \times ৪. (১) ২৫ (২) ৮ (৩) ৯ (৪) ৮ ৫. (১) $\square \div 7 = ৫$ ভাগশেষ ৪,
 $\square = ৩৯$ (২) $7 \times (\square + 3) = ৫৬$, $\square = ৫$

অধ্যায় ৭:

অনুশীলনী, পৃষ্ঠা-৮৫

১. (১) ৪, ৮, ১২ (২) ৭, ১৪, ২১ (৩) ১১, ২২, ৩৩ (৪) ১৪, ২৪, ৪২ ২. (১) ১২, ২৪, ৩৬;
 লসাগু: ১২ (২) ৩৬, ৭২, ১০৮; লসাগু: ৩৬ (৩) ৯, ১৮, ২৭; লসাগু: ৯ (৪) ৮০, ৮০, ১২০; লসাগু:
 ৮০ ৩. (১) ১, ৩, ৯ (২) ১, ২, ৩, ৪, ৬, ১২ (৩) ১, ২, ৩, ৪, ৬, ৮, ১২, ২৪
 (৪) ১, ২, ৩, ৫, ৬, ১০, ১৫, ৩০ ৪. (১) ১, ৩ গসাগু: ৩ (২) ১, ৭ গসাগু: ৭
 (৩) ১, ২, ৪, ৮, গসাগু: ৮ (৪) ১ গসাগু: ১ ৫. (১) লসাগু: ২৪, গসাগু: ৪ (২) লসাগু: ৩৬, গসাগু: ৩
 ৬. নিজে কর। ৭. (১) ২৪৮, ৪৬০, ৯১২, ৮১০ (২) ৩৩৯, ৯১২, ৫৫৫, ৮১০, ৯৩১ (৩)
 ৫১৫, ৪৬০, ৫৫৫, ৮১০, ৭২৫ ৮. ১২ টা ২৪ মিনিট ৯. ১২ সেমি ১০. ৩৫ সেমি
 ১১. ৯জন; ৫টি আপেল, ২ টি কমলা।

অধ্যায় ৮:

অনুশীলনী, (১) পৃষ্ঠা-৯৪

১. (১) $\frac{2}{3}$, $\frac{5}{8}$, $\frac{3}{9}$, $\frac{82}{88}$, $\frac{2}{25}$ (২) $\frac{8}{8}$, $\frac{1}{1}$, $\frac{76}{76}$, $\frac{3}{3}$
 ২. (১) $\frac{2}{9} < \frac{3}{9} < \frac{6}{9} < \frac{7}{9}$ (২) $\frac{8}{11} < \frac{8}{9} < \frac{8}{7} < \frac{8}{5}$ (৩) $\frac{11}{91} < \frac{11}{23} < \frac{11}{17} < \frac{11}{13}$

৩. (১) ২ (২) ১২ (৩) ২৭ (৪) ১৫ (৫) ৭২ (৬) ৪৮ (৭) ১ (৮) ৩

(৯) ৯ (১০) ২ (১১) ১৩ (১২) ৯

৪. (১) $\frac{1}{2}$ (২) $\frac{1}{9}$ (৩) $\frac{1}{8}$ (৪) $\frac{1}{3}$ (৫) $\frac{2}{3}$ (৬) $\frac{3}{8}$ (৭) $\frac{8}{5}$ (৮) $\frac{8}{9}$ (৯) $\frac{3}{5}$

(১০) $\frac{8}{9}$ (১১) $\frac{8}{9}$ (১২) $\frac{3}{5}$

অনুশীলনী, (২) পৃষ্ঠা-১০১

১. (১) $>$ (২) $<$ (৩) $>$ (৪) $=$ ২. (১) $\frac{3}{8}$ (২) $\frac{29}{35}$ (৩) $\frac{13}{28}$ (৪) $\frac{16}{21}$ (৫) $\frac{23}{36}$

(৬) $\frac{18}{15}$ (৭) $\frac{8}{5}$ (৮) $\frac{3}{10}$ (৯) $\frac{2}{3}$ (১০) $\frac{3}{8}$ ৩. (১) $\frac{1}{12}$ (২) $\frac{13}{30}$ (৩) $\frac{1}{6}$ (৪) $\frac{5}{18}$

(৫) $\frac{5}{36}$ (৬) $\frac{1}{2}$ (৭) $\frac{1}{3}$ (৮) $\frac{1}{10}$ (৯) $\frac{1}{5}$ (১০) $\frac{1}{15}$ ৪. (১) $\frac{2}{3}$ (২) $\frac{13}{18}$ (৩) $\frac{1}{18}$

(৪) $\frac{13}{20}$ ৫. (১) ২ (২) ১ (৩) ২ ৬. (১) $\frac{19}{28}$ কিমি (২) সবুজের; $\frac{1}{28}$ কিমি

৭. (১) $\frac{19}{20}$ অংশ (২) $\frac{1}{20}$ অংশ

অধ্যায় ৯:

অনুশীলনী, (১) পৃষ্ঠা-১১০

১. (১) $<$ (২) $<$ (৩) $>$ (৪) $>$ (৫) $=$ (৬) $>$ (৭) $=$ (৮) $=$ ২. (১) ১ (২) ১.৩

(৩) ১.৩ (৪) ২ (৫) ০.৩ (৬) ০.৮ (৭) ০.৯ (৮) ১.৬ ৩. (১) ৪.৮ (২) ৪.৩ (৩) ৪.৬

(৪) ৯.৮ (৫) ৮ (৬) ২.১ (৭) ২.২ (৮) ৬ (৯) ০.৮ (১০) ০.২ ৪. (১) ১৭.২ কিমি

(২) ০.৮ কিমি

অনুশীলনী, (২) পৃষ্ঠা-১২০

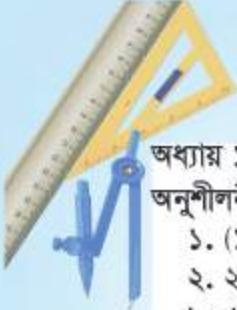
১. নিজে কর। ২. (১) ৩১ (২) ২৯৬ (৩) ১,০৮৭ (৪) ১,০৩০ ৩. (১) ৬, ০.০৬

(২) ৮.৯, ০.০৮৯ (৩) ১১.১, ০.১১১ (৪) ৭৩.২, ০.৭৩২ ৪. (১) ৮.৮১ (২) ৮.০৮

(৩) ৭.৮ (৪) ৩.২১ (৫) ৮ (৬) ৩.১৯ (৭) ৭.৯৫ (৮) ১.৮৩ (৯) ৮.৫৮ (১০) ১.০৭

৫. (১) ০.১২ (২) ০.৩৮ (৩) ০.৭৫ (৪) $\frac{3}{5}$ (৫) $\frac{1}{8}$ (৬) $\frac{3}{80}$ ৬. ৩.৬৮ ডিগ্রি সেলসিয়াস

৭. (১) ৫.৩০১ (২) ০.১৩৫



অধ্যায় ১০:

অনুশীলনী, (১) পৃষ্ঠা-১২৬

১. (১) ০.৮ সেমি (২) ৪,২০০ মি (৩) ৫,৪৫০ মিলি, ৫৪.৫ ডেলি (৪) ৩০৭ সেমি (৫) ০.৬ কেজি
২. ২১৬.২ সেমি, ২.১৬২ মি ৩. ০.৬০৫ কেজি, ৬০৫ থা ৪. ১,০২০ মিলি, ১০.২ ডেলি এবং ১.০২ লি ৫. ২.৩৫ কিমি এবং ২৩৫০ মি

অনুশীলনী, (২) পৃষ্ঠা-১৩৩

১. (১) ৮ বর্গ সেমি (২) ২৫ বর্গ সেমি (৩) ১৮ বর্গ সেমি ২. ২৮ মি ৩. (১) ৮০,০০০ বর্গ সেমি (২) ৩০,০০০ বর্গ সেমি (৩) ১০,০০,০০০ বর্গ মি (=১বর্গ কিমি) ৪. (ক) ২২৫০ বর্গ সেমি (খ) ৩২০ বর্গ মি (গ) ২০০ বর্গ কিমি

অধ্যায় ১১:

অনুশীলনী, পৃষ্ঠা-১৩৭

১. ৪ মিনিট = ২৪০ (সেকেন্ড) ১২ মিনিট = ৭২০ (সেকেন্ড) ১০ মিনিট = ৬০০ (সেকেন্ড)
- ৫ মিনিট = ৩০০ (সেকেন্ড) ২০ মিনিট = ১২০০ (সেকেন্ড) ২. ৭২ ঘণ্টা = ৩ (দিন)
- ১২০ ঘণ্টা = ৫ (দিন) ২ সপ্তাহ = ১৪ (দিন) ৩ সপ্তাহ = ২১ (দিন) ৪ সপ্তাহ = ২৮ (দিন)
৩. ৭০ মিনিট/১ ঘণ্টা এবং ১০ মিনিট, ১৪০ মিনিট/২ ঘণ্টা এবং ২০ মিনিট, ১৩৫ মিনিট/২ ঘণ্টা এবং ১৫ মিনিট, ১৮০ মিনিট/৩ ঘণ্টা ৪. ১বছর ৩ মাস ৫. ১ মাস ৩ দিন

অধ্যায় ১২:

অনুশীলনী, পৃষ্ঠা-১৪২

১. ৪৮, ২৭, ৩৫, ১৪ ২-৩. নিজে কর।

অধ্যায় ১৩:

অনুশীলনী, পৃষ্ঠা-১৫৪

১. ক. হূলকোণ খ. সমকোণ গ. সরলকোণ ঘ. সূক্ষ্মকোণ ২. ক=১৫ খ=১০৭
৩. নিজে কর। ৪. ৫৫° , $১৩৫^{\circ}/৮৫^{\circ}/১৩৫^{\circ}$ ৫. ক. ২১০° খ. ৩৬০° গ. ২৭০°
৬. নিজে কর।

অধ্যায় ১৪:

অনুশীলনী, পৃষ্ঠা-১৬০

১. নিজে কর। ২. ত্রিভুজ (১) সমদিবাহু, সূক্ষ্মকোণী; ত্রিভুজ (২) সমবাহু, সূক্ষ্মকোণী; ত্রিভুজ (৩) বিষমবাহু, সমকোণী ৩. নিজে কর।



২০২৫ শিক্ষাবর্ষের জন্য, চতুর্থ শ্রেণি-গণিত

মিতব্যয়ী কখনও দরিদ্র হয় না।

তথ্য, সেবা ও সামাজিক সমস্যা প্রতিকারের জন্য ‘৩৩৩’ কলসেন্টারে ফোন করুন।

নারী ও শিশু নির্যাতনের ঘটনা ঘটলে প্রতিকার ও প্রতিরোধের জন্য ন্যাশনাল হেল্পলাইন সেন্টারের
১০৯ নম্বর-এ (টেল ফ্রি, ২৪ ঘণ্টা সার্ভিস) ফোন করুন।



জাতীয় শিক্ষাক্রম ও পাঠ্যপুস্তক বোর্ড, বাংলাদেশ

গণপ্রজাতন্ত্রী বাংলাদেশ সরকার কর্তৃক বিনামূল্যে বিতরণের জন্য