LKM 11.1 - Algoritma Kruskal

M.K. Desain dan Analisis Algoritma [KOMS120403] Materi untuk Tugas 5 (8 Desember 2023)

Dewi Sintiari

Program Studi S1 Ilmu Komputer Universitas Pendidikan Ganesha T.A. 2022/2023

Bagian 2.

Algoritma pencarian

Minimum Spanning Tree (MST)

- Algoritma Kruskal
- Algoritma Prim

Sejarah algoritma Kruskal

Bertujuan untuk menemukan minimum spanning tree dari graf tidak berarah dengan sisi yang diboboti.



Figure: Joseph Kruskal, penemu Algoritma Kruskal (dipublikasikan di Proceedings of the AMS, 1956)

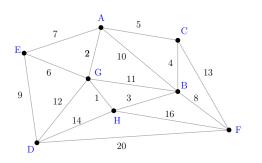
Algoritma Kruskal

Input: graf berbobot *G*

Output: himpunan sisi yang membentuk MST di G

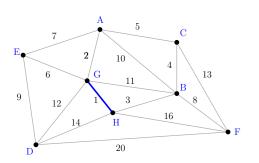
Algoritma:

- Urutkan sisi dalam urutan bobot yang menaik (ascending);
- Inisiasi T dengan himpunan kosong (∅);
- Tambahkan sisi berikutnya ke pohon T kecuali hal itu akan membentuk sebuah sirkuit.



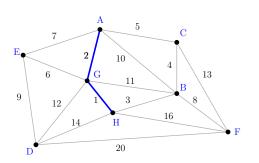
\mathbf{Edge}	Weight:
GH	1
AG	2
BH	3
BC	4
AC	5
EG	6
AE	7
$_{\mathrm{BF}}$	8
DE	9
AB	10
$_{\mathrm{BG}}$	11
$\overline{\mathrm{DG}}$	12
CF	13
DH	14
FH	16
DF	20

Figure: Sisi-sisi diurutkan berdasarkan bobotnya



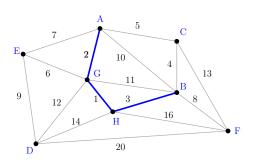
\mathbf{Edge}	Weight:
$\mathbf{G}\mathbf{H}$	1
AG	2
BH	3
BC	4
AC	5
EG	6
AE	7
$_{\mathrm{BF}}$	8
DE	9
AB	10
$_{\mathrm{BG}}$	11
$\overline{\mathrm{DG}}$	12
CF	13
DH	14
FH	16
DF	20

Figure: Sisi GH termasuk dalam MST



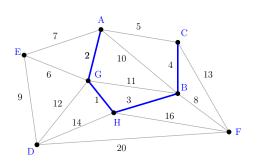
Edge	Weight:
$\mathbf{G}\mathbf{H}$	1
\mathbf{AG}	2
BH	3
BC	4
AC	5
EG	6
AE	7
$_{\mathrm{BF}}$	8
DE	9
AB	10
$_{\mathrm{BG}}$	11
$\overline{\mathrm{DG}}$	12
CF	13
DH	14
FH	16
DF	20

Figure: Sisi AG termasuk dalam MST



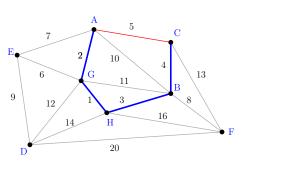
\mathbf{Edge}	Weight:
$\mathbf{G}\mathbf{H}$	1
\mathbf{AG}	2
BH	3
$_{\mathrm{BC}}$	4
AC	5
EG	6
AE	7
$_{\mathrm{BF}}$	8
DE	9
AB	10
$_{\mathrm{BG}}$	11
$\overline{\mathrm{DG}}$	12
CF	13
DH	14
FH	16
DF	20

Figure: Sisi BH termasuk dalam MST



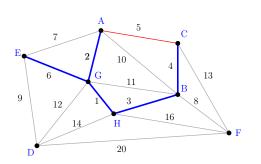
\mathbf{Edge}	Weight:
$\mathbf{G}\mathbf{H}$	1
\mathbf{AG}	2
BH	3
\mathbf{BC}	4
AC	5
EG	6
AE	7
$_{\mathrm{BF}}$	8
DE	9
AB	10
$_{\mathrm{BG}}$	11
$\overline{\mathrm{DG}}$	12
CF	13
DH	14
FH	16
DF	20

Figure: Sisi BC termasuk dalam MSTT



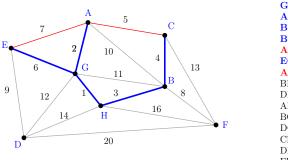
Edge	Weight:
GH	1
\mathbf{AG}	2
BH	3
\mathbf{BC}	4
\mathbf{AC}	5
EG	6
AE	7
$_{\mathrm{BF}}$	8
DE	9
AB	10
$_{\mathrm{BG}}$	11
\overline{DG}	12
CF	13
DH	14
FH	16
DF	20

Figure: Sisi AC tidak termasuk dalam MST, karena akan membentuk sirkuit



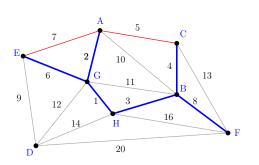
Edge	Weight:
$\mathbf{G}\mathbf{H}$	1
\mathbf{AG}	2
\mathbf{BH}	3
\mathbf{BC}	4
\mathbf{AC}	5
\mathbf{EG}	6
AE	7
$_{\mathrm{BF}}$	8
DE	9
AB	10
$_{\mathrm{BG}}$	11
DG	12
CF	13
DH	14
FH	16
DF	20

Figure: Sisi EG termasuk dalam MST



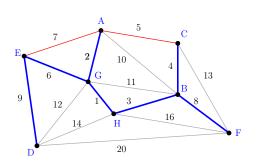
Edge	Weight:
\overline{GH}	1
\mathbf{AG}	2
BH	3
\mathbf{BC}	4
\mathbf{AC}	5
\mathbf{EG}	6
\mathbf{AE}	7
$_{\mathrm{BF}}$	8
DE	9
AB	10
$_{\mathrm{BG}}$	11
\overline{DG}	12
CF	13
DH	14
FH	16
DF	20

Figure: Sisi AE tidak termasuk dalam MST, karena akan membentuk sirkuit



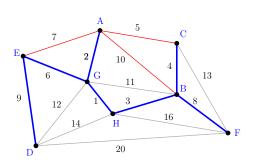
Edge	Weight:
$\mathbf{G}\mathbf{H}$	1
\mathbf{AG}	2
\mathbf{BH}	3
\mathbf{BC}	4
\mathbf{AC}	5
\mathbf{EG}	6
\mathbf{AE}	7
\mathbf{BF}	8
DE	9
AB	10
$_{\mathrm{BG}}$	11
$\overline{\mathrm{DG}}$	12
CF	13
DH	14
FH	16
DF	20

Figure: Sisi BF termasuk dalam MST



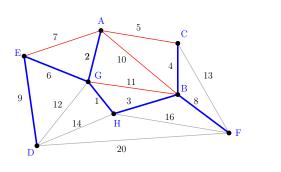
Edge	Weight:
$\mathbf{G}\mathbf{H}$	1
\mathbf{AG}	2
BH	3
\mathbf{BC}	4
\mathbf{AC}	5
\mathbf{EG}	6
AE	7
\mathbf{BF}	8
\mathbf{DE}	9
AB	10
$_{\mathrm{BG}}$	11
DG	12
CF	13
DH	14
FH	16
DF	20

Figure: Sisi DE termasuk dalam MST



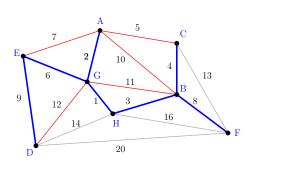
Edge	Weight:
$\mathbf{G}\mathbf{H}$	1
\mathbf{AG}	2
BH	3
\mathbf{BC}	4
\mathbf{AC}	5
\mathbf{EG}	6
\mathbf{AE}	7
\mathbf{BF}	8
\mathbf{DE}	9
\mathbf{AB}	10
$_{\mathrm{BG}}$	11
DG	12
CF	13
DH	14
FH	16
DF	20

Figure: Sisi AB tidak termasuk dalam MST, karena akan membentuk sirkuit



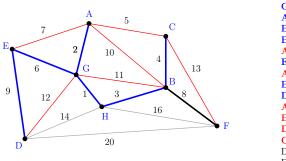
Edge	Weight:
\overline{GH}	1
\mathbf{AG}	2
BH	3
\mathbf{BC}	4
\mathbf{AC}	5
\mathbf{EG}	6
\mathbf{AE}	7
\mathbf{BF}	8
\mathbf{DE}	9
AB	10
\mathbf{BG}	11
DG	12
CF	13
DH	14
FH	16
DF	20

Figure: Sisi BG tidak termasuk dalam MST, karena akan membentuk sirkuit



Edge	Weight:
\overline{GH}	1
\mathbf{AG}	2
BH	3
\mathbf{BC}	4
\mathbf{AC}	5
\mathbf{EG}	6
\mathbf{AE}	7
\mathbf{BF}	8
\mathbf{DE}	9
AB	10
\mathbf{BG}	11
\mathbf{DG}	12
CF	13
DH	14
FH	16
DF	20

Figure: Sisi DG tidak termasuk dalam MST, karena akan membentuk sirkuit



Edge	Weight:
$\mathbf{G}\mathbf{H}$	1
\mathbf{AG}	2
BH	3
\mathbf{BC}	4
\mathbf{AC}	5
\mathbf{EG}	6
\mathbf{AE}	7
\mathbf{BF}	8
\mathbf{DE}	9
\mathbf{AB}	10
\mathbf{BG}	11
\mathbf{DG}	12
\mathbf{CF}	13
DH	14
FH	16
DF	20

Figure: Sisi CF tidak termasuk dalam MST, karena akan membentuk sirkuit

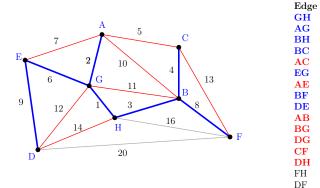


Figure: Sisi DH tidak termasuk dalam MST, karena akan membentuk sirkuit

Weight:

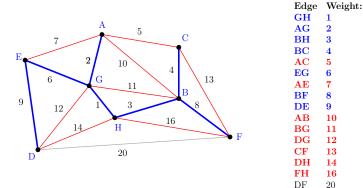


Figure: Sisi FH tidak termasuk dalam MST, karena akan membentuk sirkuit

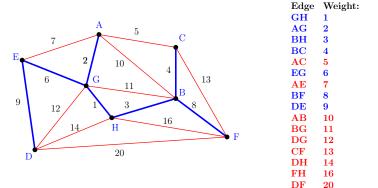
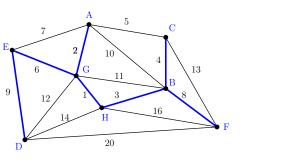


Figure: Sisi DF tidak termasuk dalam MST, karena akan membentuk sirkuit



\mathbf{Edge}	Weight:
$\mathbf{G}\mathbf{H}$	1
\mathbf{AG}	2
BH	3
\mathbf{BC}	4
\mathbf{AC}	5
\mathbf{EG}	6
\mathbf{AE}	7
\mathbf{BF}	8
\mathbf{DE}	9
AB	10
\mathbf{BG}	11
\mathbf{DG}	12
CF	13
DH	14
\mathbf{FH}	16
\mathbf{DF}	20

Figure: MST ditandai dengan sisi-sisi berwarna biru

end of slide...