# Пирамида ли?

Структуру данных неубывающая пирамида можно реализовать на основе массива.

Для этого должно выполнятся *основное свойство неубывающей пирамиды*, которое заключается в том, что для каждого  $1 \le i \le n$  выполняются условия:

- Если  $2i \le n$ , то  $a[i] \le a[2i]$
- Если  $2i+1 \le n$ , то  $a[i] \le a[2i+1]$

Дан массив целых чисел. Определите, является ли он неубывающей пирамидой.

#### Входные данные

Первая строка входного файла содержит целое число n ( $1 \le n \le 10^5$ ). Вторая строка содержит n целых чисел по модулю не превосходящих  $2 \cdot 10^9$ .

# Выходные данные

Выведите YES, если массив является неубывающей пирамидой, и NO в противном случае

# Пирамидальная сортировка

Дан массив целых чисел. Ваша задача — отсортировать его в порядке неубывания с помощью пирамидальной сортировки (heap sort).

# Входные данные

В первой строке входного файла содержится число n ( $1 \le n \le 10^5$ ) – количество элементов в массиве. Во второй строке находятся n целых чисел, по модулю не превосходящих  $10^9$ 

### Выходные данные

В выходной поток надо вывести этот же массив в порядке неубывания, между любыми двумя числами должен стоять ровно один пробел.

# Приоритетная очередь

Реализуйте приоритетную очередь. Ваша очередь должна поддерживать следующие операции: добавить элемент, извлечь минимальный элемент, уменьшить элемент, добавленный во время одной из операций. Все операции нумеруются по порядку, начиная с единицы. Гарантируется, что размер очереди в процессе выполнения команд не превысит  $10^6$  элементов.

#### Входные данные

Вход содержит описание операций с очередью. Операции могут быть следующими:

- **push** X требуется добавить элемент X в очередь.
- **extract-min** требуется удалить из очереди минимальный элемент и вывести его в ответ. Если очередь пуста, в ответ требуется вывести звездочку \*.
- **decrease-key** x y требуется заменить значение элемента, добавленного в очередь операцией **push** в строке входного потока номер x, на y. Гарантируется, что на строке x действительно находится операция **push**, что этот элемент не был ранее удален операцией **extract-min**, и что у меньше, чем предыдущее значение этого элемента.

В очередь помещаются и извлекаются только целые числа, не превышающие по модулю  $10^9\,$ 

#### Выходные данные

Выведите последовательно результат выполнения всех операций **extract-min**, по одному в каждой строке ответа. Если перед очередной операцией **extract-min** очередь пуста, выведите вместо числа звездочку \*.

# Цифровая сортировка

Дано n строк, выведите их порядок после k фаз цифровой сортировки.

# Входные данные

В первой строке содержится число n - количество строк, m - их длина и k - число фаз цифровой сортировки. В следующих n строках находятся сами строки.

# Выходные данные

Выведите строки в порядке, в котором они будут после k фаз цифровой сортировки.