Aprendizaje por Diferencias Temporales con n pasos

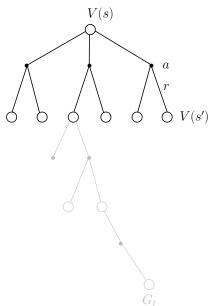
Fernando Lozano

Universidad de los Andes

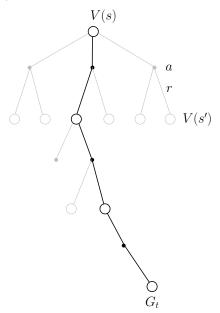
14 de marzo de 2023



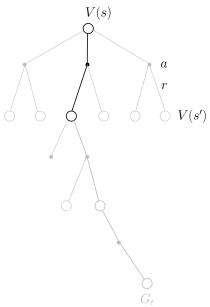
• Programación Dinámica.



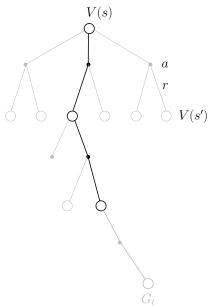
• Monte Carlo.



• Diferencias temporales 1 paso

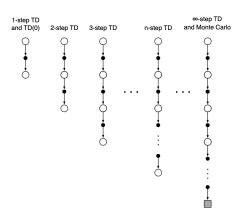


 \bullet Diferencias temporales n pasos.



Predicción TD de n pasos

Predicción TD de n pasos



$$G_t \doteq R_{t+1} + \gamma R_{t+2} + \gamma^2 R_{t+3} + \dots + \gamma^{T-t-1} R_T$$

$$G_t \doteq R_{t+1} + \gamma R_{t+2} + \gamma^2 R_{t+3} + \dots + \gamma^{T-t-1} R_T$$

• Target en TD de un paso:

$$G_{t:t+1} \doteq R_{t+1} + \gamma V_t(S_{t+1})$$

$$G_t \doteq R_{t+1} + \gamma R_{t+2} + \gamma^2 R_{t+3} + \dots + \gamma^{T-t-1} R_T$$

• Target en TD de un paso:

$$G_{t:t+1} \doteq R_{t+1} + \gamma V_t(S_{t+1})$$

• Target en TD de dos pasos:

$$G_{t:t+2} \doteq R_{t+1} + \gamma R_{t+2} + \gamma^2 V_{t+1}(S_{t+2})$$

$$G_t \doteq R_{t+1} + \gamma R_{t+2} + \gamma^2 R_{t+3} + \dots + \gamma^{T-t-1} R_T$$

• Target en TD de un paso:

$$G_{t:t+1} \doteq R_{t+1} + \gamma V_t(S_{t+1})$$

• Target en TD de dos pasos:

$$G_{t:t+2} \doteq R_{t+1} + \gamma R_{t+2} + \gamma^2 V_{t+1}(S_{t+2})$$

 \bullet En general, retorno de n pasos:

$$G_{t:t+n} \doteq R_{t+1} + \gamma R_{t+2} + \dots + \gamma^{n-1} R_{t+n} + \gamma^n V_{t+n-1}(S_{t+n})$$

• Actualización después de observar R_{t+n} :

$$V_{t+n}(S_t) \doteq V_{t+n-1}(S_t) + \alpha \left[G_{t:t+n} - V_{t+n-1}(S_t) \right], \ 0 < T$$

• Actualización después de observar R_{t+n} :

$$V_{t+n}(S_t) \doteq V_{t+n-1}(S_t) + \alpha \left[G_{t:t+n} - V_{t+n-1}(S_t) \right], \ 0 < T$$

ullet En los primeros n-1 pasos del episodio no hay actualización.

• Actualización después de observar R_{t+n} :

$$V_{t+n}(S_t) \doteq V_{t+n-1}(S_t) + \alpha \left[G_{t:t+n} - V_{t+n-1}(S_t) \right], \ 0 < T$$

- \bullet En los primeros n-1 pasos del episodio no hay actualización.
- Al final del episodio se actualizan valores de los últimos n-1 estados.

Require: Política $\pi,$ tamaño de paso $\alpha \in (0,1], \, n$

Require: Política π , tamaño de paso $\alpha \in (0, 1], n$ Incialice $V(s) \ \forall s \in \mathcal{S}$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n Incialice V(s) \ \forall s \in \mathcal{S} repeat
```

▷ para cada episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
Incialice V(s) \ \forall s \in \mathcal{S}
repeat
Inicialice S_0 no terminal
T \leftarrow \infty
```

 \triangleright para cada episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n Incialice V(s) \ \forall s \in S repeat
Inicialice S_0 no terminal
T \leftarrow \infty
for t = 0, 1, 2, \ldots do
```

- ▷ para cada episodio
- ▷ Duración del episodio

```
 \begin{aligned} & \textbf{Require:} \  \, \text{Política} \  \, \pi, \, \text{tamaño de paso} \  \, \alpha \in (0,1], \, n \\ & \text{Incialice} \  \, V(s) \  \, \forall s \in \mathcal{S} \\ & \textbf{repeat} \\ & \text{Inicialice} \  \, S_0 \  \, \text{no terminal} \\ & T \leftarrow \infty \\ & \textbf{for} \  \, t = 0, 1, 2, \dots \  \, \textbf{do} \\ & \textbf{if} \  \, t < T \  \, \textbf{then} \\ & \text{Tome acción de acuerdo a} \  \, \pi(. \mid S_t) \end{aligned}
```

- ⊳ para cada episodio
- $\,\triangleright\,$ Duración del episodio

```
 \begin{aligned} & \textbf{Require:} \  \, \text{Política} \  \, \pi, \, \text{tamaño de paso} \  \, \alpha \in (0,1], \, n \\ & \text{Incialice} \  \, V(s) \  \, \forall s \in \mathcal{S} \\ & \textbf{repeat} \\ & \text{Inicialice} \  \, S_0 \  \, \text{no terminal} \\ & T \leftarrow \infty \\ & \textbf{for} \  \, t = 0, 1, 2, \dots \  \, \textbf{do} \\ & \text{if} \  \, t < T \  \, \textbf{then} \\ & \text{Tome acción de acuerdo a} \  \, \pi(. \mid S_t) \\ & \text{Observe y almacene} \  \, R_{t+1}, S_{t+1} \end{aligned}
```

- ⊳ para cada episodio
- ▷ Duración del episodio

```
 \begin{aligned} & \textbf{Require:} \ \operatorname{Política} \ \pi, \ \operatorname{tama\~no} \ \operatorname{de} \ \operatorname{paso} \ \alpha \in (0,1], \ n \\ & \operatorname{Incialice} \ V(s) \ \forall s \in S \\ & \mathbf{repeat} \\ & \operatorname{Inicialice} \ S_0 \ \operatorname{no} \ \operatorname{terminal} \\ & T \leftarrow \infty \\ & \mathbf{for} \ t = 0, 1, 2, \dots \ \operatorname{do} \\ & \text{if} \ t < T \ \operatorname{then} \\ & \operatorname{Tome} \ \operatorname{acci\'on} \ \operatorname{de} \ \operatorname{acuerdo} \ \operatorname{a} \ \pi(. \mid S_t) \\ & \operatorname{Observe} \ y \ \operatorname{almacene} \ R_{t+1}, S_{t+1} \\ & \text{if} \ S_{t+1} \ \operatorname{es} \ \operatorname{terminal} \ \operatorname{then} \ T \leftarrow t+1 \end{aligned}
```

- ⊳ para cada episodio
- ▷ Duración del episodio

```
 \begin{aligned} & \textbf{Require:} \ \ \text{Política} \ \pi, \ \text{tamaño de paso} \ \alpha \in (0,1], \ n \\ & \text{Incialice} \ V(s) \ \forall s \in \mathcal{S} \\ & \textbf{repeat} \\ & \text{Inicialice} \ S_0 \ \text{no terminal} \\ & T \leftarrow \infty \\ & \textbf{for} \ t = 0, 1, 2, \dots \ \textbf{do} \\ & \textbf{if} \ t < T \ \textbf{then} \\ & \text{Tome acción de acuerdo a} \ \pi(. \mid S_t) \\ & \text{Observe y almacene} \ R_{t+1}, S_{t+1} \\ & \textbf{if} \ S_{t+1} \ \text{est terminal then} \ T \leftarrow t+1 \\ & \textbf{end if} \end{aligned}
```

- ▶ para cada episodio
- ▷ Duración del episodio

```
 \begin{split} \mathbf{Require:} & \text{ Política } \pi, \text{ tamaño de paso } \alpha \in (0,1], \ n \\ & \text{ Incialice } V(s) \ \forall s \in \mathcal{S} \\ & \mathbf{repeat} \\ & \text{ Inicialice } S_0 \text{ no terminal } \\ & T \leftarrow \infty \\ & \mathbf{for } t = 0, 1, 2, \dots \text{ do} \\ & \text{ if } t < T \text{ then } \\ & \text{ Tome acción de acuerdo a } \pi(. \mid S_t) \\ & \text{ Observe y almacene } R_{t+1}, S_{t+1} \\ & \text{ if } S_{t+1} \text{ es terminal then } T \leftarrow t+1 \\ & \text{ end if } \\ & \mathbf{end if} \end{split}
```

- ⊳ para cada episodio
- ▷ Duración del episodio

```
 \begin{aligned} & \textbf{Require:} \ \operatorname{Política} \ \pi, \ \operatorname{tama\~no} \ \operatorname{de} \ \operatorname{paso} \ \alpha \in (0,1], \ n \\ & \operatorname{Incialice} \ V(s) \ \forall s \in S \\ & \mathbf{repeat} \\ & \operatorname{Inicialice} \ S_0 \ \operatorname{no} \ \operatorname{terminal} \\ & T \leftarrow \infty \\ & \mathbf{for} \ t = 0, 1, 2, \dots \ \operatorname{do} \\ & \text{if} \ t < T \ \operatorname{then} \\ & \operatorname{Tome} \ \operatorname{acci\'on} \ \operatorname{de} \ \operatorname{acuerdo} \ \operatorname{a} \ \pi(. \mid S_t) \\ & \operatorname{Observe} \ y \ \operatorname{almacene} \ R_{t+1}, S_{t+1} \\ & \text{if} \ S_{t+1} \ \operatorname{es} \ \operatorname{terminal} \ \operatorname{then} \ T \leftarrow t + 1 \\ & \text{end if} \\ & \mathbf{end} \ \operatorname{if} \\ & \tau \leftarrow t - n + 1 \end{aligned}
```

⊳ para cada episodio

▷ Duración del episodio

⊳ para cada episodio

▷ Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0,1], n Incialice V(s) \ \forall s \in \mathcal{S} repeat Inicialice S_0 no terminal T \leftarrow \infty for t = 0, 1, 2, \ldots do if t < T then Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t) Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1} if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1 end if end if \tau \leftarrow t-n+1 if \tau \geq 0 then G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
```

▷ para cada episodio

▷ Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                    G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
```

▷ para cada episodio

▷ Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
```

▷ para cada episodio

▷ Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
```

- ▷ para cada episodio
- ▷ Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
```

▷ para cada episodio

▷ Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
```

▷ para cada episodio

▷ Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
           if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

▷ para cada episodio

▷ Duración del episodio

Ejemplo: n = 3, Episodio de duración 10

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

▶ para cada episodio

▷ Duración del episodio

Ejemplo: n = 3, Episodio de duración 10

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

⊳ para cada episodio

▷ Duración del episodio

Ejemplo: n = 3, Episodio de duración 10

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

⊳ para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

 \triangleright para cada episodio

▷ Duración del episodio

$$S_0 \mid S_1 \mid R_1$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

▶ para cada episodio

Duración del episodio

$$\begin{array}{c|c} S_0 & \\ S_1 & R_1 \end{array} \quad \tau = -2$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialice S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
           if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

▷ para cada episodio

▷ Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialice S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
           if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

▷ para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialice S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
           if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

▷ para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialice S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau \geq 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

▷ para cada episodio

▷ Duración del episodio

$$egin{array}{c|c} S_0 & R_1 \ S_1 & R_2 \ R_2 & R_2 \end{array}$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialice S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

▷ para cada episodio

▷ Duración del episodio

$$\begin{array}{c|c} S_0 & \\ S_1 & R_1 \\ S_2 & R_2 \end{array} \quad \tau = -1$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialice S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau \ge 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ~
```

▶ para cada episodio

▷ Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialice S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau \ge 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ~
```

▶ para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialice S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau \ge 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ~
```

▶ para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialice S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau \ge 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ~
```

▶ para cada episodio

▷ Duración del episodio

$$\begin{array}{c|c}
 S_0 & R_1 \\
 S_1 & R_1 \\
 S_2 & R_2 \\
 S_3 & R_3
 \end{array}$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialice S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ~
```

⊳ para cada episodio

▷ Duración del episodio

$$\begin{array}{c|c}
S_0 \\
S_1 \\
S_2 \\
S_3 \\
R_3
\end{array} \quad \tau = 0$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialice S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ~
```

⊳ para cada episodio

▷ Duración del episodio

$$\begin{array}{c|c}
S_0 \\
S_1 \\
S_2 \\
S_3 \\
R_3
\end{array} \quad \tau = 0$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialice S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ~
```

⊳ para cada episodio

▷ Duración del episodio

$$\begin{array}{c|c}
S_0 & R_1 \\
S_1 & R_1 \\
S_2 & R_2 \\
S_3 & R_3
\end{array}$$

$$\tau = 0$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialice S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ~
```

⊳ para cada episodio

▷ Duración del episodio

$$\begin{array}{c|c}
S_0 & R_1 \\
S_1 & R_1 \\
S_2 & R_2 \\
S_3 & R_3
\end{array}$$

$$\tau = 0$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 9, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=	au+1}^{\min(	au+n,T)} \gamma^{i-	au-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

⊳ para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 9, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=	au+1}^{\min(	au+n,T)} \gamma^{i-	au-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

▷ para cada episodio

▷ Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 9, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=	au+1}^{\min(	au+n,T)} \gamma^{i-	au-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

▷ para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 9, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

⊳ para cada episodio

▷ Duración del episodio

$$\begin{array}{c|c} S_0 \\ S_1 \\ S_2 \\ \vdots \\ S_{10} \\ \end{array} \begin{array}{c|c} R_1 \\ R_2 \\ \vdots \\ R_{10} \\ \end{array} T = 10,$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 9, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

⊳ para cada episodio

▷ Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 9, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

⊳ para cada episodio

Duración del episodio

$$\begin{array}{c|c} S_0 \\ S_1 \\ S_2 \\ \vdots \\ S_{10} \\ \end{array} \quad \begin{array}{c|c} R_1 \\ R_2 \\ \vdots \\ R_{10} \\ \end{array} \quad T=10, \ \tau=7$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 9, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

⊳ para cada episodio

▷ Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 9, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

⊳ para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 9, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
                                                             R_1
```

⊳ para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 10, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

▶ para cada episodio

▷ Duración del episodio

$$\begin{array}{c|cccc} S_0 & & & & \\ S_1 & & & & \\ S_2 & & R_2 & & \\ \vdots & & \vdots & & \\ S_{10} & & R_{10} & & \end{array} \qquad T=10,$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 10, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

 \triangleright para cada episodio

▷ Duración del episodio

$$\begin{array}{c|cccc} S_0 & & & & \\ S_1 & & & & \\ S_2 & & R_2 & & \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ S_{10} & & R_{10} & & \end{array} \qquad T=10,$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 10, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

 \triangleright tiempo del estado actualizado

▶ para cada episodio

Duración del episodio

$$\begin{array}{c|c} S_0 \\ S_1 \\ S_2 \\ \vdots \\ S_{10} \\ \end{array} \mid \begin{array}{c} R_1 \\ R_2 \\ \vdots \\ R_{10} \\ \end{array} \quad T = 10,$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 10, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

⊳ para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 10, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

⊳ para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 10, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

⊳ para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 10, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
                                                             R_1
```

 \triangleright para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 10, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
                                                             R_1
```

 \triangleright para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 11, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

 \triangleright para cada episodio

▷ Duración del episodio

$$\begin{array}{c|cccc} S_0 & & & & \\ S_1 & & & & \\ S_2 & & & & \\ \vdots & & \vdots & & \\ S_{10} & & & R_{10} & & \\ \end{array}$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 11, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

⊳ para cada episodio

▷ Duración del episodio

$$\begin{array}{c|cccc} S_0 & & & & \\ S_1 & & & & \\ S_2 & & R_2 & & \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ S_{10} & & R_{10} & & \end{array} \qquad T=10,$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 11, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

 \triangleright para cada episodio

Duración del episodio

$$\begin{array}{c|cccc} S_0 & & & & \\ S_1 & & & & \\ S_2 & & R_2 & & \\ \vdots & & \vdots & & \\ S_{10} & & R_{10} & & \end{array} \qquad T=10,$$

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 11, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1

▷ tiempo del estado actualizado
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                    G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

▶ para cada episodio

Duración del episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 11, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

⊳ para cada episodio

Duración del episodio

⊳ tiempo del estado actualizado

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 11, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
```

⊳ para cada episodio

▷ Duración del episodio

⊳ tiempo del estado actualizado

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 11, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
                                                             R_1
```

⊳ para cada episodio

▷ Duración del episodio

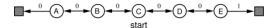
▷ tiempo del estado actualizado

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialice V(s) \forall s \in S
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, \dots, 11, \dots do
            if t < T then
                Tome acción de acuerdo a \pi(. \mid S_t)
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then T \leftarrow t+1
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n V(S_{\tau+n})
                end if
                V(S_{\tau}) = V(S_{\tau}) + \alpha \left[ G - V(S_{\tau}) \right]
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
                                                   S_0
                                                   S_1
                                                             R_1
```

⊳ para cada episodio

▷ Duración del episodio

Ejemplo: Random Walk

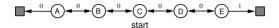


Ejemplo: Random Walk

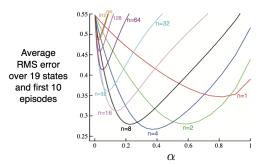


• 19 estados, r(A) = -1.10 Episodios, 100 repeticiones:

Ejemplo: Random Walk



• 19 estados, r(A) = -1.10 Episodios, 100 repeticiones:



• Transiciones entre pares (s, a).

- Transiciones entre pares (s, a).
- Política ϵ -greedy.

- Transiciones entre pares (s, a).
- Política ϵ -greedy.
- \bullet Retorno de n pasos:

$$G_{t:t+n} \doteq R_{t+1} + \gamma R_{t+2} + \dots + \gamma^{n-1} R_{t+n} + \gamma^n Q_{t+n-1}(S_{t+n}, A_{t+n})$$

- Transiciones entre pares (s, a).
- Política ϵ -greedy.
- \bullet Retorno de n pasos:

$$G_{t:t+n} \doteq R_{t+1} + \gamma R_{t+2} + \dots + \gamma^{n-1} R_{t+n} + \gamma^n Q_{t+n-1}(S_{t+n}, A_{t+n})$$

$$con G_{t:t+n} \doteq G_t \text{ si } t+n \ge T$$

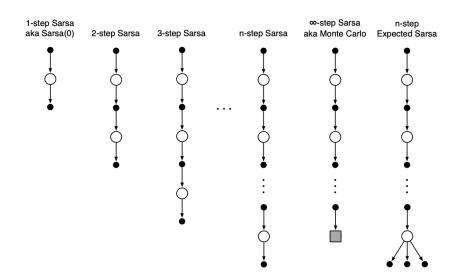
- Transiciones entre pares (s, a).
- Política ϵ -greedy.
- \bullet Retorno de n pasos:

$$G_{t:t+n} \doteq R_{t+1} + \gamma R_{t+2} + \dots + \gamma^{n-1} R_{t+n} + \gamma^n Q_{t+n-1}(S_{t+n}, A_{t+n})$$

$$con G_{t:t+n} \doteq G_t \text{ si } t+n \ge T$$

• Actualización:

$$Q_{t+n}(S_t, A_t) \doteq Q_{t+n-1}(S_t, A_t) + \alpha \left[G_{t:t+n} - Q_{t+n-1}(S_t, A_t) \right], \ 0 \le t < T$$



Require: Tamaño de paso $\alpha \in (0, 1], n$

Require: Tamaño de paso $\alpha \in (0, 1], n$ Incialice $Q(s, a) \ \forall s \in \mathcal{S}, \ a \in \mathcal{A}$

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0,1], n
Incialice Q(s,a) \ \forall s \in \mathcal{S}, \ a \in \mathcal{A}
Inicialice \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q) repeat
```

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
Incialice Q(s, a) \ \forall s \in S, \ a \in A
Inicialice \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q) repeat
Inicialice S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)
```

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
Incialice Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in \mathcal{A}
Inicialice \pi (e-greedy con respecto a Q)
repeat
Inicialice S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)
T \leftarrow \infty
```

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
Incialice Q(s, a) \ \forall s \in S, \ a \in \mathcal{A}
Inicialice \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
repeat
Inicialice S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)
T \leftarrow \infty
for t = 0, 1, 2, \ldots do
```

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
Incialice Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in \mathcal{A}
Inicialice \pi (e-greedy con respecto a Q) repeat
Inicialice S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)
T \leftarrow \infty
for t = 0, 1, 2, \ldots do
if t < T then
Tome acción A_t
```

▷ para cada episodio

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n

Incialice Q(s, a) \ \forall s \in S, \ a \in \mathcal{A}

Inicialice \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)

repeat

Inicialice S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)

T \leftarrow \infty

for t = 0, 1, 2, \dots do

if t < T then

Tome acción A_t

Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
```

▶ para cada episodio

```
 \begin{split} \mathbf{Require:} \ & \mathbf{Tama\~no} \ \text{de paso} \ \alpha \in (0,1], \ n \\ & \mathbf{Incialice} \ Q(s,a) \ \forall s \in \mathcal{S}, \ a \in \mathcal{A} \\ & \mathbf{Incialice} \ \pi \ (\epsilon\text{-greedy con respecto a} \ Q) \\ & \mathbf{repeat} \\ & \mathbf{Incialice} \ S_0 \ \text{no terminal}, \ A_0 \sim \pi(. \mid S_0) \\ & T \leftarrow \infty \\ & \mathbf{for} \ t = 0, 1, 2, \dots \ \mathbf{do} \\ & \mathbf{if} \ t < T \ \mathbf{then} \\ & \mathbf{Tome} \ \operatorname{acci\'on} \ A_t \\ & \mathbf{Observe} \ \mathbf{y} \ \mathrm{almacene} \ R_{t+1}, S_{t+1} \\ & \mathbf{if} \ S_{t+1} \ \mathbf{est terminal} \ \mathbf{then} \\ & T \leftarrow t + 1 \end{split}
```

▶ para cada episodio

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0,1], n

Incialice Q(s,a) \ \forall s \in S, a \in \mathcal{A}

Inicialice \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)

repeat

Inicialice S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)

T \leftarrow \infty

for t = 0, 1, 2, \ldots do

if t < T then

Tome acción A_t

Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}

if S_{t+1} es terminal then

T \leftarrow t + 1

else

Seleccione y almacene A_t \sim \pi(. \mid S_{t+1})
```

▶ para cada episodio

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0,1], n

Incialice Q(s,a) \ \forall s \in S, a \in \mathcal{A}

Inicialice \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)

repeat

Inicialice S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)

T \leftarrow \infty

for t = 0, 1, 2, \ldots do

if t < T then

Tome acción A_t

Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}

if S_{t+1} es terminal then

T \leftarrow t + 1

else

Seleccione y almacene A_t \sim \pi(. \mid S_{t+1})
```

⊳ para cada episodio

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
  Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
  Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
  repeat
      Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)
      T \leftarrow \infty
      for t = 0, 1, 2, ... do
           if t < T then
               Tome acción A_t
               Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
               if S_{t+1} es terminal then
                   T \leftarrow t + 1
               else
                   Selectione y almacene A_t \sim \pi(. \mid S_{t+1})
               end if
           end if
```

▷ para cada episodio

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
  Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
  Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
  repeat
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
           if t < T then
               Tome acción A_t
               Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
               if S_{t+1} es terminal then
                   T \leftarrow t + 1
               else
                   Selectione y almacene A_t \sim \pi(. \mid S_{t+1})
               end if
           end if
           \tau \leftarrow t - n + 1
```

⊳ para cada episodio

⊳ tiempo del estado actualizado

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
  Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
  Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
  repeat
      Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)
      T \leftarrow \infty
      for t = 0, 1, 2, ... do
           if t < T then
               Tome acción A_t
               Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
               if S_{t+1} es terminal then
                   T \leftarrow t + 1
               else
                   Selectione y almacene A_t \sim \pi(. \mid S_{t+1})
               end if
           end if
           \tau \leftarrow t - n + 1
           if \tau > 0 then
```

▶ para cada episodio

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
   Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción A_t
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then
                    T \leftarrow t + 1
                else
                    Selectione y almacene A_t \sim \pi(. \mid S_{t+1})
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
```

▶ para cada episodio

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
   Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción A_t
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then
                     T \leftarrow t + 1
                else
                     Selectione y almacene A_t \sim \pi(. \mid S_{t+1})
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n Q(S_{\tau+n}, A_{\tau+n})
                end if
```

⊳ para cada episodio

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialize Q(s, a) \forall s \in S, a \in A
   Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                 Tome acción A_t
                 Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                 if S_{t+1} es terminal then
                     T \leftarrow t + 1
                 else
                     Selectione y almacene A_t \sim \pi(. \mid S_{t+1})
                 end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                 G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                 if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n Q(S_{\tau+n}, A_{\tau+n})
                 end if
                 Q(S_{\tau}, A_{\tau}) = Q(S_{\tau}, A_{\tau}) + \alpha [G - Q(S_{\tau}, A_{\tau})]
```

▷ para cada episodio

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
   Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción A_t
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then
                     T \leftarrow t + 1
                else
                     Selectione y almacene A_t \sim \pi(. \mid S_{t+1})
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n Q(S_{\tau+n}, A_{\tau+n})
                end if
                Q(S_{\tau}, A_{\tau}) = Q(S_{\tau}, A_{\tau}) + \alpha [G - Q(S_{\tau}, A_{\tau})]
                Haga \pi \epsilon-greedy con respecto a Q
            end if
```

▷ para cada episodio

▷ tiempo del estado actualizado

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
   Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción A_t
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then
                     T \leftarrow t + 1
                else
                     Selectione y almacene A_t \sim \pi(. \mid S_{t+1})
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n Q(S_{\tau+n}, A_{\tau+n})
                 end if
                Q(S_{\tau}, A_{\tau}) = Q(S_{\tau}, A_{\tau}) + \alpha [G - Q(S_{\tau}, A_{\tau})]
                Haga \pi \epsilon-greedy con respecto a Q
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
```

▷ para cada episodio

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
   Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción A_t
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then
                     T \leftarrow t + 1
                else
                     Selectione y almacene A_t \sim \pi(. \mid S_{t+1})
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n Q(S_{\tau+n}, A_{\tau+n})
                end if
                Q(S_{\tau}, A_{\tau}) = Q(S_{\tau}, A_{\tau}) + \alpha [G - Q(S_{\tau}, A_{\tau})]
                Haga \pi \epsilon-greedy con respecto a Q
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
```

▷ para cada episodio

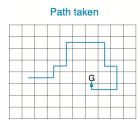
▷ tiempo del estado actualizado

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
   Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim \pi(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción A_t
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then
                     T \leftarrow t + 1
                else
                     Selectione y almacene A_t \sim \pi(. \mid S_{t+1})
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1
            if \tau > 0 then
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n Q(S_{\tau+n}, A_{\tau+n})
                end if
                Q(S_{\tau}, A_{\tau}) = Q(S_{\tau}, A_{\tau}) + \alpha [G - Q(S_{\tau}, A_{\tau})]
                Haga \pi \epsilon-greedy con respecto a Q
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

▶ para cada episodio

▷ tiempo del estado actualizado

Ejemplo: Gridworld







• Separar en dos políticas:

- Separar en dos políticas:
 - ▶ Política que se aprende π (política objetivo), puede ser determinística.

- Separar en dos políticas:
 - Política que se aprende π (política objetivo), puede ser determinística.
 - ightharpoonup Política de comportamiento b

- Separar en dos políticas:
 - Política que se aprende π (política objetivo), puede ser determinística.
 - ▶ Política de comportamiento b (soft)

- Separar en dos políticas:
 - ▶ Política que se aprende π (política objetivo), puede ser determinística.
 - ▶ Política de comportamiento b (soft)
- Actualización de V de n pasos:

$$V_{t+n}(S_t) \doteq V_{t+n-1}(S_t) + \rho_{t:t+n-1}\alpha \left[G_{t:t+n} - V_{t+n-1}(S_t) \right], \ 0 \le < T$$

- Separar en dos políticas:
 - ▶ Política que se aprende π (política objetivo), puede ser determinística.
 - ▶ Política de comportamiento b (soft)
- Actualización de V de n pasos:

$$V_{t+n}(S_t) \doteq V_{t+n-1}(S_t) + \frac{\rho_{t:t+n-1}\alpha}{\rho_{t:t+n-1}\alpha} [G_{t:t+n} - V_{t+n-1}(S_t)], \ 0 \le < T$$

• Con razón de muestreo por importancia:

$$\rho_{t:h} \doteq \prod_{k=t}^{\min(h,T-1)} \frac{\pi(A_k \mid S_k)}{b(A_k \mid S_k)}$$

- Separar en dos políticas:
 - ▶ Política que se aprende π (política objetivo), puede ser determinística.
 - ▶ Política de comportamiento b (soft)
- ullet Actualización de V de n pasos:

$$V_{t+n}(S_t) \doteq V_{t+n-1}(S_t) + \frac{\rho_{t:t+n-1}\alpha}{\rho_{t:t+n-1}\alpha} [G_{t:t+n} - V_{t+n-1}(S_t)], \ 0 \le < T$$

• Con razón de muestreo por importancia:

$$\rho_{t:h} \doteq \prod_{k=t}^{\min(h,T-1)} \frac{\pi(A_k \mid S_k)}{b(A_k \mid S_k)}$$

• SARSA off-policy:

$$Q_{t+n}(S_t, A_t) \doteq Q_{t+n-1}(S_t, A_t) + \rho_{t:t+n-1} \alpha \left[G_{t:t+n} - Q_{t+n-1}(S_t, A_t) \right],$$

18 / 27

Require: Política soft b, tamaño de paso $\alpha \in (0, 1], n$

Require: Política soft b, tamaño de paso $\alpha \in (0,1], n$ Incialice $Q(s,a) \ \forall s \in \mathcal{S}, \ a \in \mathcal{A}$

```
Require: Política soft b, tamaño de paso \alpha \in (0,1], n
Incialice Q(s,a) \ \forall s \in \mathcal{S}, \ a \in \mathcal{A}
Inicialice \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q) repeat
```

▷ para cada episodio

```
Require: Política soft b, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n Incialice Q(s, a) \, \forall s \in \mathcal{S}, \, a \in \mathcal{A} Inicialice \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q) repeat Inicialice S_0 no terminal, A_0 \sim b(. \mid S_0)
```

▶ para cada episodio

 \triangleright para cada episodio

```
Require: Política soft b, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n Incialice Q(s, a) \ \forall s \in S, \ a \in \mathcal{A} Inicialice \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q) repeat

Inicialice S_0 no terminal, A_0 \sim b(. \mid S_0)

T \leftarrow \infty
for t = 0, 1, 2, \ldots do
```

 \triangleright para cada episodio

```
Require: Política soft b, tamaño de paso \alpha \in (0,1], n
Incialice Q(s,a) \ \forall s \in S, a \in \mathcal{A}
Inicialice \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q) repeat
Inicialice S_0 no terminal, A_0 \sim b(. \mid S_0)
T \leftarrow \infty
for t = 0, 1, 2, \ldots do
if t < T then
Tome acción A_t
```

▶ para cada episodio

```
 \begin{aligned} & \textbf{Require: Politica soft } b, \text{ tamaño de paso } \alpha \in (0,1], \ n \\ & \text{Incialice } Q(s,a) \ \forall s \in S, \ a \in \mathcal{A} \\ & \text{Inicialice } \pi \ (\epsilon\text{-greedy con respecto a } Q) \\ & \textbf{repeat} \\ & \text{Inicialice } S_0 \text{ no terminal, } A_0 \sim b(. \mid S_0) \\ & T \leftarrow \infty \\ & \text{for } t = 0, 1, 2, \dots \text{ do} \\ & \text{if } t < T \text{ then} \\ & \text{Tome acción } A_t \\ & \text{Observe y almacene } R_{t+1}, S_{t+1} \end{aligned}
```

▶ para cada episodio

```
 \begin{aligned} & \textbf{Require: Politica soft } b, \text{ tamaño de paso } \alpha \in (0,1], \ n \\ & \text{Incialice } Q(s,a) \ \forall s \in S, \ a \in \mathcal{A} \\ & \text{Inicialice } \pi \ (\epsilon\text{-greedy con respecto a } Q) \\ & \textbf{repeat} \\ & \text{Inicialice } S_0 \text{ no terminal, } A_0 \sim b(. \mid S_0) \\ & T \leftarrow \infty \\ & \textbf{for } t = 0, 1, 2, \dots \text{ do} \\ & \text{if } t < T \text{ then} \\ & \text{Tome acción } A_t \\ & \text{Observe y almacene } R_{t+1}, S_{t+1} \\ & \text{if } S_{t+1} \text{ est terminal then} \\ & T \leftarrow t + 1 \end{aligned}
```

 \triangleright para cada episodio

```
 \begin{aligned} & \mathbf{Require:} \ \operatorname{Politica} \ \operatorname{soft} b, \ \operatorname{tama\~no} \ \operatorname{de} \ \operatorname{paso} \ \alpha \in (0,1], \ n \\ & \operatorname{Inicialice} \ Q(s,a) \ \forall s \in S, \ a \in \mathcal{A} \\ & \operatorname{Inicialice} \ \pi \ (\epsilon\text{-greedy con respecto a} \ Q) \\ & \mathbf{repeat} \\ & \operatorname{Inicialice} \ S_0 \ \operatorname{no} \ \operatorname{terminal}, \ A_0 \sim b(. \mid S_0) \\ & T \leftarrow \infty \\ & \operatorname{for} \ t = 0, 1, 2, \dots \ \operatorname{do} \\ & \operatorname{if} \ t < T \ \operatorname{then} \\ & \operatorname{Tome} \ \operatorname{acci\'on} \ A_t \\ & \operatorname{Observe} \ y \ \operatorname{almacene} \ R_{t+1}, S_{t+1} \\ & \operatorname{if} \ S_{t+1} \ \operatorname{es} \ \operatorname{terminal} \ \operatorname{then} \\ & T \leftarrow t + 1 \\ & \operatorname{else} \\ & \operatorname{Seleccione} \ y \ \operatorname{almacene} \ A_t \sim b(. \mid S_{t+1}) \end{aligned}
```

▶ para cada episodio

```
 \begin{aligned} & \textbf{Require:} \  \, \text{Politica soft} \, b, \, \text{tamaño de paso} \, \alpha \in (0,1], \, n \\ & \text{Incialice} \, Q(s,a) \, \forall s \in \mathcal{S}, \, a \in \mathcal{A} \\ & \text{Incialice} \, \pi \, (\epsilon\text{-greedy con respecto a} \, Q) \\ & \textbf{repeat} \\ & \text{Incialice} \, S_0 \, \, \text{no terminal}, \, A_0 \sim b(. \, | \, S_0) \\ & T \leftarrow \infty \\ & \text{for} \, t = 0, \, 1, \, 2, \, \dots \, \, \text{do} \\ & \text{if} \, t < T \, \text{then} \\ & \text{Tome acción} \, A_t \\ & \text{Observe y almacene} \, R_{t+1}, \, S_{t+1} \\ & \text{if} \, S_{t+1} \, \text{es terminal then} \\ & T \leftarrow t + 1 \\ & \text{else} \\ & \text{Seleccione y almacene} \, A_t \sim b(. \, | \, S_{t+1}) \\ & \text{end if} \\ \end{aligned}
```

▶ para cada episodio

```
Require: Política soft b, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
  Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
  Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
  repeat
      Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim b(. \mid S_0)
      T \leftarrow \infty
      for t = 0, 1, 2, ... do
           if t < T then
               Tome acción A_t
               Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
               if S_{t+1} es terminal then
                   T \leftarrow t + 1
               else
                   Selectione y almacene A_t \sim b(. \mid S_{t+1})
               end if
           end if
```

⊳ para cada episodio

```
Require: Política soft b, tamaño de paso \alpha \in (0,1], n
  Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
  Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
  repeat
                                                                                                       ▷ para cada episodio
      Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim b(. \mid S_0)
      T \leftarrow \infty
      for t = 0, 1, 2, ... do
           if t < T then
              Tome acción A_t
              Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
              if S_{t+1} es terminal then
                   T \leftarrow t + 1
              else
                   Selectione y almacene A_t \sim b(. \mid S_{t+1})
              end if
           end if
           \tau \leftarrow t - n + 1

▷ tiempo del estado actualizado
```

```
Require: Política soft b, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
  Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
  Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
  repeat
                                                                                                       ▷ para cada episodio
      Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim b(. \mid S_0)
      T \leftarrow \infty
      for t = 0, 1, 2, ... do
           if t < T then
              Tome acción A_t
              Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
              if S_{t+1} es terminal then
                   T \leftarrow t + 1
              else
                   Selectione y almacene A_t \sim b(. \mid S_{t+1})
              end if
           end if
           \tau \leftarrow t - n + 1

▷ tiempo del estado actualizado

           if \tau > 0 then
```

```
Require: Política soft b, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
   Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
   repeat
                                                                                                                     ▷ para cada episodio
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim b(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                Tome acción A_t
                Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                if S_{t+1} es terminal then
                     T \leftarrow t + 1
                else
                     Selectione y almacene A_t \sim b(. \mid S_{t+1})
                end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1

▷ tiempo del estado actualizado

            if \tau > 0 then
                \rho \leftarrow \prod_{k=\tau+1}^{\min(\tau+n-1,T-1)} \frac{\pi(A_k \mid S_k)}{b(A_k \mid S_k)}
                G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
```

```
Require: Política soft b, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
   Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
   repeat
                                                                                                                     ▷ para cada episodio
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim b(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                 Tome acción A_t
                 Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                 if S_{t+1} es terminal then
                     T \leftarrow t + 1
                 else
                     Selectione y almacene A_t \sim b(. \mid S_{t+1})
                 end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1

▷ tiempo del estado actualizado
            if \tau > 0 then
                 \rho \leftarrow \prod_{k=\tau+1}^{\min(\tau+n-1,T-1)} \frac{\pi(A_k \mid S_k)}{b(A_k \mid S_k)}
                 G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                 if \tau + n < T then
                     G \leftarrow G + \gamma^n Q(S_{\tau+n}, A_{\tau+n})
                 end if
```

```
Require: Política soft b, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
   Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
   repeat
                                                                                                                         ▷ para cada episodio
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim b(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                 Tome acción A_t
                 Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                 if S_{t+1} es terminal then
                      T \leftarrow t + 1
                 else
                      Selectione y almacene A_t \sim b(. \mid S_{t+1})
                 end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1

▷ tiempo del estado actualizado
            if \tau > 0 then
                 \rho \leftarrow \prod_{k=\tau+1}^{\min(\tau+n-1,T-1)} \frac{\pi(A_k \mid S_k)}{b(A_k \mid S_k)}
                 G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                 if \tau + n < T then
                      G \leftarrow \hat{G} + \gamma^n Q(S_{\tau+n}, A_{\tau+n})
                 end if
                 Q(S_{\tau}, A_{\tau}) = Q(S_{\tau}, A_{\tau}) + \rho \alpha [G - Q(S_{\tau}, A_{\tau})]
```

```
Require: Política soft b, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
   Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
                                                                                                                         ▷ para cada episodio
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim b(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                 Tome acción A_t
                 Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                 if S_{t+1} es terminal then
                      T \leftarrow t + 1
                 else
                      Selectione y almacene A_t \sim b(. \mid S_{t+1})
                 end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1

▷ tiempo del estado actualizado
            if \tau > 0 then
                 \rho \leftarrow \prod_{k=\tau+1}^{\min(\tau+n-1,T-1)} \frac{\pi(A_k \mid S_k)}{b(A_k \mid S_k)}
                 G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                 if \tau + n < T then
                      G \leftarrow G + \gamma^n Q(S_{\tau+n}, A_{\tau+n})
                 end if
                 Q(S_{\tau}, A_{\tau}) = Q(S_{\tau}, A_{\tau}) + \rho \alpha \left[ G - Q(S_{\tau}, A_{\tau}) \right]
                 Haga \pi \epsilon-greedy con respecto a Q
            end if
```

```
Require: Política soft b, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
   Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
                                                                                                                      ▷ para cada episodio
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim b(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                 Tome acción A_t
                 Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                 if S_{t+1} es terminal then
                      T \leftarrow t + 1
                 else
                      Selectione y almacene A_t \sim b(. \mid S_{t+1})
                 end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1

▷ tiempo del estado actualizado
            if \tau > 0 then
                 \rho \leftarrow \prod_{k=\tau+1}^{\min(\tau+n-1,T-1)} \frac{\pi(A_k \mid S_k)}{b(A_k \mid S_k)}
                 G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                 if \tau + n < T then
                      G \leftarrow G + \gamma^n Q(S_{\tau+n}, A_{\tau+n})
                 end if
                 Q(S_{\tau}, A_{\tau}) = Q(S_{\tau}, A_{\tau}) + \rho \alpha [G - Q(S_{\tau}, A_{\tau})]
                 Haga \pi \epsilon-greedy con respecto a Q
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
```

```
Require: Política soft b, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
   Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
                                                                                                                       ▷ para cada episodio
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim b(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                 Tome acción A_t
                 Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                 if S_{t+1} es terminal then
                      T \leftarrow t + 1
                 else
                      Selectione y almacene A_t \sim b(. \mid S_{t+1})
                 end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1

▷ tiempo del estado actualizado
            if \tau > 0 then
                 \rho \leftarrow \prod_{k=\tau+1}^{\min(\tau+n-1,T-1)} \frac{\pi(A_k \mid S_k)}{b(A_k \mid S_k)}
                 G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                 if \tau + n < T then
                      G \leftarrow G + \gamma^n Q(S_{\tau+n}, A_{\tau+n})
                 end if
                 Q(S_{\tau}, A_{\tau}) = Q(S_{\tau}, A_{\tau}) + \rho \alpha \left[ G - Q(S_{\tau}, A_{\tau}) \right]
                 Haga \pi \epsilon-greedy con respecto a Q
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
```

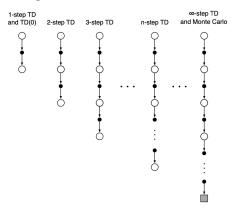
```
Require: Política soft b, tamaño de paso \alpha \in (0, 1], n
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in S, a \in A
   Inicialize \pi (\epsilon-greedy con respecto a Q)
                                                                                                                       ▷ para cada episodio
   repeat
       Inicialize S_0 no terminal, A_0 \sim b(. \mid S_0)
       T \leftarrow \infty
       for t = 0, 1, 2, ... do
            if t < T then
                 Tome acción A_t
                 Observe y almacene R_{t+1}, S_{t+1}
                 if S_{t+1} es terminal then
                      T \leftarrow t + 1
                 else
                      Selectione y almacene A_t \sim b(. \mid S_{t+1})
                 end if
            end if
            \tau \leftarrow t - n + 1

▷ tiempo del estado actualizado
            if \tau > 0 then
                 \rho \leftarrow \prod_{k=\tau+1}^{\min(\tau+n-1,T-1)} \frac{\pi(A_k \mid S_k)}{b(A_k \mid S_k)}
                 G \leftarrow \sum_{i=\tau+1}^{\min(\tau+n,T)} \gamma^{i-\tau-1} R_i
                 if \tau + n < T then
                      G \leftarrow G + \gamma^n Q(S_{\tau+n}, A_{\tau+n})
                 end if
                 Q(S_{\tau}, A_{\tau}) = Q(S_{\tau}, A_{\tau}) + \rho \alpha \left[ G - Q(S_{\tau}, A_{\tau}) \right]
                 Haga \pi \epsilon-greedy con respecto a Q
            end if
            if \tau = T - 1 then break
            end if
       end for
   until ∞
```

Trazas de elegibilidad

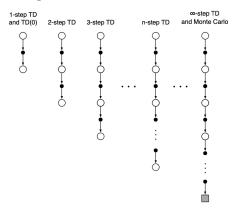
Trazas de elegibilidad

 \bullet TD con backup de n pasos:



Trazas de elegibilidad

• TD con backup de n pasos:



• Backup complejo: combinación convexa de retornos $G_{t:t+n}$.

• Combinación de todos los retornos de n pasos con peso λ^{n-1} , con $0 \le \lambda \le 1$.

• Combinación de todos los retornos de n pasos con peso λ^{n-1} , con $0 < \lambda < 1$.

$$G_t^{\lambda} = (1 - \lambda) \sum_{n=1}^{\infty} \lambda^{n-1} G_{t:t+n}$$

• Combinación de todos los retornos de n pasos con peso λ^{n-1} , con $0 < \lambda < 1$.

$$G_t^{\lambda} = (1-\lambda) \sum_{n=1}^{\infty} \lambda^{n-1} G_{t:t+n} = (1-\lambda) \sum_{n=1}^{T-t-1} \lambda^{n-1} G_{t:t+n} + \lambda^{T-t-1} G_t$$

• Combinación de todos los retornos de n pasos con peso λ^{n-1} , con $0 < \lambda < 1$.

$$G_t^{\lambda} = (1 - \lambda) \sum_{n=1}^{\infty} \lambda^{n-1} G_{t:t+n} = (1 - \lambda) \sum_{n=1}^{T-t-1} \lambda^{n-1} G_{t:t+n} + \lambda^{T-t-1} G_t$$

 $\lambda = 1 \Rightarrow$

• Combinación de todos los retornos de n pasos con peso λ^{n-1} , con $0 < \lambda < 1$.

$$G_t^{\lambda} = (1 - \lambda) \sum_{n=1}^{\infty} \lambda^{n-1} G_{t:t+n} = (1 - \lambda) \sum_{n=1}^{T-t-1} \lambda^{n-1} G_{t:t+n} + \lambda^{T-t-1} G_t$$

 $\lambda = 1 \Rightarrow Montecarlo.$

• Combinación de todos los retornos de n pasos con peso λ^{n-1} , con $0 < \lambda < 1$.

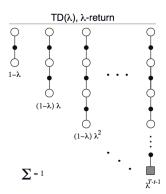
$$G_t^{\lambda} = (1 - \lambda) \sum_{n=1}^{\infty} \lambda^{n-1} G_{t:t+n} = (1 - \lambda) \sum_{n=1}^{T-t-1} \lambda^{n-1} G_{t:t+n} + \lambda^{T-t-1} G_t$$

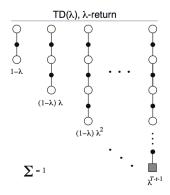
- $\lambda = 1 \Rightarrow Montecarlo.$

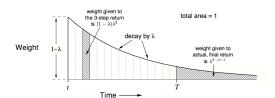
• Combinación de todos los retornos de n pasos con peso λ^{n-1} , con $0 < \lambda < 1$.

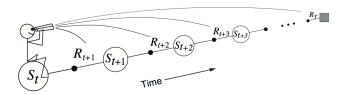
$$G_t^{\lambda} = (1 - \lambda) \sum_{n=1}^{\infty} \lambda^{n-1} G_{t:t+n} = (1 - \lambda) \sum_{n=1}^{T-t-1} \lambda^{n-1} G_{t:t+n} + \lambda^{T-t-1} G_t$$

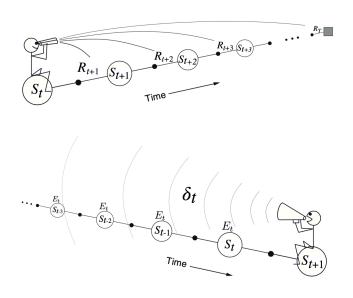
- $\lambda = 1 \Rightarrow Montecarlo.$
- $\lambda = 0 \Rightarrow TD(0).$











$$e_t(s) = \begin{cases} \gamma \lambda e_{t-1}(s) & \text{si } s \neq S_t ,\\ \gamma \lambda e_{t-1}(s) + 1 & \text{si } s = S_t . \end{cases}$$

$$e_t(s) = \begin{cases} \gamma \lambda e_{t-1}(s) & \text{si } s \neq S_t ,\\ \gamma \lambda e_{t-1}(s) + 1 & \text{si } s = S_t . \end{cases}$$

• Error TD causa actualización proporcional de estados recientemente visitados:

$$e_t(s) = \begin{cases} \gamma \lambda e_{t-1}(s) & \text{si } s \neq S_t ,\\ \gamma \lambda e_{t-1}(s) + 1 & \text{si } s = S_t . \end{cases}$$

• Error TD causa actualización proporcional de estados recientemente visitados:

$$\delta_t = R_{t+1} + \gamma V_t(S_{t+1}) - V_t(S_t)$$

$$e_t(s) = \begin{cases} \gamma \lambda e_{t-1}(s) & \text{si } s \neq S_t ,\\ \gamma \lambda e_{t-1}(s) + 1 & \text{si } s = S_t . \end{cases}$$

• Error TD causa actualización proporcional de estados recientemente visitados:

$$\delta_t = R_{t+1} + \gamma V_t(S_{t+1}) - V_t(S_t) \to \Delta V_t(s) = \alpha \delta_t e_t(s)$$

Require: Política π , tamaño de paso $\alpha \in (0,1]$

Require: Política π , tamaño de paso $\alpha \in (0, 1]$ Incialice $V(s) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \ V(s_{\text{terminal}}) = 0, \ \underline{e(s)} = 0$

Require: Política π , tamaño de paso $\alpha \in (0, 1]$ Incialice $V(s) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \ V(s_{\text{terminal}}) = 0, \ \underline{e(s)} = 0$ repeat \triangleright para cada episodio

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0,1]
Incialice V(s) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \ V(s_{\text{terminal}}) = 0, \ e(s) = 0
repeat \triangleright para cada episodio
Inicialice S
```

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0, 1]

Incialice V(s) \ \forall s \in S^+, \ V(s_{\text{terminal}}) = 0, \ e(s) = 0

repeat \triangleright para cada episodio

Inicialice S

repeat \triangleright para cada paso del episodio
```

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0,1]

Incialice V(s) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \ V(s_{\text{terminal}}) = 0, \ e(s) = 0

repeat \triangleright para cada episodio

Inicialice S

repeat \triangleright para cada paso del episodio

A \leftarrow acción dada por \pi en S

Tome acción A, observe R, y nuevo estado S'
```

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0,1]

Incialice V(s) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \ V(s_{\text{terminal}}) = 0, \ e(s) = 0

repeat \triangleright para cada episodio

Inicialice S

repeat \triangleright para cada paso del episodio

A \leftarrow acción dada por \pi en S

Tome acción A, observe R, y nuevo estado S'

\delta \leftarrow [R + \gamma V(S') - V(S)]
```

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0,1]

Incialice V(s) \ \forall s \in S^+, \ V(s_{\text{terminal}}) = 0, \ e(s) = 0

repeat \Rightarrow para cada episodio

Inicialice S

repeat \Rightarrow para cada paso del episodio

A \leftarrow acción dada por \pi en S

Tome acción A, observe R, y nuevo estado S'

\delta \leftarrow [R + \gamma V(S') - V(S)]

e(S) \leftarrow e(S) + 1
```

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0,1]
Incialice V(s) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \ V(s_{\text{terminal}}) = 0, \ e(s) = 0
repeat \triangleright para cada episodio
Inicialice S
repeat \triangleright para cada paso del episodio
A \leftarrow \text{acción dada por } \pi \text{ en } S
Tome acción A, observe R, y nuevo estado S'
\delta \leftarrow [R + \gamma V(S') - V(S)]
e(S) \leftarrow e(S) + 1
for s \in \mathcal{S} do
```

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0,1]
   Incialize V(s) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \ V(s_{\text{terminal}}) = 0, \ \underline{e(s)} = 0
   repeat
                                                                      ▶ para cada episodio
       Inicialize S
       repeat

    para cada paso del episodio

            A \leftarrow acción dada por \pi en S
            Tome acción A, observe R, y nuevo estado S'
            \delta \leftarrow [R + \gamma V(S') - V(S)]
            e(S) \leftarrow e(S) + 1
            for s \in \mathcal{S} do
                 V(s) \leftarrow V(s) + \alpha \delta e(s)
```

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0,1]
   Incialize V(s) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \ V(s_{\text{terminal}}) = 0, \ e(s) = 0
                                                                      ▶ para cada episodio
   repeat
       Inicialize S
       repeat

    para cada paso del episodio

            A \leftarrow acción dada por \pi en S
            Tome acción A, observe R, y nuevo estado S'
            \delta \leftarrow [R + \gamma V(S') - V(S)]
            e(S) \leftarrow e(S) + 1
            for s \in \mathcal{S} do
                 V(s) \leftarrow V(s) + \alpha \delta e(s)
                e(s) \leftarrow \gamma \lambda e(s)
            end for
```

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0,1]
   Incialize V(s) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \ V(s_{\text{terminal}}) = 0, \ e(s) = 0
   repeat
                                                                       ▶ para cada episodio
       Inicialize S
       repeat

    para cada paso del episodio

            A \leftarrow acción dada por \pi en S
            Tome acción A, observe R, y nuevo estado S'
            \delta \leftarrow [R + \gamma V(S') - V(S)]
            e(S) \leftarrow e(S) + 1
            for s \in \mathcal{S} do
                 V(s) \leftarrow V(s) + \alpha \delta e(s)
                 e(s) \leftarrow \gamma \lambda e(s)
            end for
            S \leftarrow S'
```

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0,1]
   Incialize V(s) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \ V(s_{\text{terminal}}) = 0, \ e(s) = 0
   repeat
                                                                      ▶ para cada episodio
       Inicialize S
       repeat

    para cada paso del episodio

            A \leftarrow acción dada por \pi en S
            Tome acción A, observe R, y nuevo estado S'
            \delta \leftarrow [R + \gamma V(S') - V(S)]
            e(S) \leftarrow e(S) + 1
            for s \in \mathcal{S} do
                V(s) \leftarrow V(s) + \alpha \delta e(s)
                e(s) \leftarrow \gamma \lambda e(s)
            end for
            S \leftarrow S'
       until S es terminal
```

```
Require: Política \pi, tamaño de paso \alpha \in (0,1]
   Incialize V(s) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \ V(s_{\text{terminal}}) = 0, \ e(s) = 0
   repeat
                                                                      ▶ para cada episodio
       Inicialize S
       repeat

    para cada paso del episodio

            A \leftarrow acción dada por \pi en S
            Tome acción A, observe R, y nuevo estado S'
            \delta \leftarrow [R + \gamma V(S') - V(S)]
            e(S) \leftarrow e(S) + 1
            for s \in \mathcal{S} do
                V(s) \leftarrow V(s) + \alpha \delta e(s)
                e(s) \leftarrow \gamma \lambda e(s)
            end for
            S \leftarrow S'
       until S es terminal
   until \infty
```

Require: Tamaño de paso $\alpha \in (0,1], \epsilon > 0$

Require: Tamaño de paso $\alpha \in (0, 1], \epsilon > 0$ Incialice $Q(s, a) \ \forall s \in \mathcal{S}^+$, con $Q(s_{\text{terminal}}, .) = 0, e(s, a) = 0$

Require: Tamaño de paso $\alpha \in (0,1], \ \epsilon > 0$ Incialice $Q(s,a) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \ \text{con} \ Q(s_{\text{terminal}},.) = 0, \ \underline{e(s,a)} = 0$ repeat \triangleright para cada episodio

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0, 1], \epsilon > 0

Incialice Q(s, a) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \text{ con } Q(s_{\text{terminal}}, .) = 0, \underbrace{e(s, a) = 0}_{} para cada episodio

Inicialice S
```

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0,1], \ \epsilon > 0

Incialice Q(s,a) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \ \text{con} \ Q(s_{\text{terminal}},.) = 0, \ \underline{e(s,a)} = 0

repeat \triangleright para cada episodio

Inicialice S
```

Escoja A de $\mathcal{A}(S)$, de acuerdo a Q (ϵ – greedy)

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0,1], \epsilon > 0

Incialice Q(s,a) \ \forall s \in S^+, \text{ con } Q(s_{\text{terminal}},.) = 0, e(s,a) = 0

repeat \triangleright para cada episodio

Inicialice S

Escoja A de A(S), de acuerdo a Q (\epsilon – greedy)

repeat \triangleright para cada paso del episodio
```

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0,1], \epsilon > 0

Incialice Q(s,a) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \text{ con } Q(s_{\text{terminal}},.) = 0, e(s,a) = 0

repeat \triangleright para cada episodio

Inicialice S

Escoja A de \mathcal{A}(S), de acuerdo a Q (\epsilon – greedy)

repeat \triangleright para cada paso del episodio
```

Require: Tamaño de paso $\alpha \in (0, 1], \epsilon > 0$ Incialice $Q(s, a) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \text{ con } Q(s_{\text{terminal}}, .) = 0, e(s, a) = 0$ repeat \triangleright para cada episodio

Inicialize S

Escoja A de $\mathcal{A}(S)$, de acuerdo a Q (ϵ – greedy)

repeat

Tomo aggión A observe P S'

Tome acción A, observe R, S'.

Escoja A' de $\mathcal{A}(S')$, de acuerdo a Q (ϵ – greedy)

para cada paso del episodio

Require: Tamaño de paso $\alpha \in (0,1], \epsilon > 0$

Incialize
$$Q(s, a) \ \forall s \in \mathcal{S}^+$$
, con $Q(s_{\text{terminal}}, .) = 0, \ e(s, a) = 0$

repeat

⊳ para cada episodio

Inicialize S

Escoja A de $\mathcal{A}(S)$, de acuerdo a Q (ϵ – greedy)

repeat

 \triangleright para cada paso del episodio

Tome acción A, observe R, S'.

Escoja A' de $\mathcal{A}(S')$, de acuerdo a Q (ϵ – greedy)

$$\delta \leftarrow Q(S, A) + \alpha \left[R + \gamma Q(S', A') - Q(S, A) \right]$$

Require: Tamaño de paso $\alpha \in (0, 1], \epsilon > 0$ Incialice $Q(s, a) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \text{ con } Q(s_{\text{terminal}}, .) = 0, e(s, a) = 0$ repeat \Rightarrow para cada episodio

Inicialize S

Escoja A de $\mathcal{A}(S)$, de acuerdo a Q (ϵ – greedy)

repeat

 \triangleright para cada paso del episodio

Tome acción A, observe R, S'.

Escoja A' de $\mathcal{A}(S'),$ de acuerdo a Q $(\epsilon-\text{greedy})$

$$\delta \leftarrow Q(S, A) + \alpha \left[R + \gamma Q(S', A') - Q(S, A) \right]$$

$$e(S, A) \leftarrow e(S, A) + 1$$

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0,1], \epsilon > 0
  Incialize Q(s, a) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \text{ con } Q(s_{\text{terminal}}, .) = 0, \ e(s, a) = 0
                                                                     ▶ para cada episodio
  repeat
       Inicialize S
       Escoja A de \mathcal{A}(S), de acuerdo a Q (\epsilon – greedy)
       repeat

    para cada paso del episodio

            Tome acción A, observe R, S'.
            Escoja A' de \mathcal{A}(S'), de acuerdo a Q (\epsilon – greedy)
            \delta \leftarrow Q(S, A) + \alpha \left[ R + \gamma Q(S', A') - Q(S, A) \right]
            e(S,A) \leftarrow e(S,A) + 1
            for all s, a do
```

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0,1], \epsilon > 0
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \text{ con } Q(s_{\text{terminal}}, .) = 0, \ e(s, a) = 0
                                                                     ▶ para cada episodio
   repeat
       Inicialize S
       Escoja A de \mathcal{A}(S), de acuerdo a Q (\epsilon – greedy)
       repeat

    para cada paso del episodio

            Tome acción A, observe R, S'.
            Escoja A' de \mathcal{A}(S'), de acuerdo a Q (\epsilon – greedy)
            \delta \leftarrow Q(S,A) + \alpha \left[R + \gamma Q(S',A') - Q(S,A)\right]
            e(S,A) \leftarrow e(S,A) + 1
            for all s, a do
                Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha \delta e(s,a)
```

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0,1], \epsilon > 0
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \text{ con } Q(s_{\text{terminal}}, .) = 0, \ e(s, a) = 0
                                                                       ▶ para cada episodio
   repeat
       Inicialize S
       Escoja A de \mathcal{A}(S), de acuerdo a Q (\epsilon – greedy)
       repeat

    para cada paso del episodio

            Tome acción A, observe R, S'.
            Escoja A' de \mathcal{A}(S'), de acuerdo a Q (\epsilon – greedy)
            \delta \leftarrow Q(S,A) + \alpha \left[R + \gamma Q(S',A') - Q(S,A)\right]
            e(S,A) \leftarrow e(S,A) + 1
            for all s, a do
                 Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha \delta e(s,a)
                 e(s, a) \leftarrow \gamma \lambda e(s, a)
            end for
```

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0,1], \epsilon > 0
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \text{ con } Q(s_{\text{terminal}}, .) = 0, \ e(s, a) = 0
                                                                        ▶ para cada episodio
   repeat
        Inicialize S
        Escoja A de \mathcal{A}(S), de acuerdo a Q (\epsilon – greedy)
        repeat

    para cada paso del episodio

            Tome acción A, observe R, S'.
            Escoja A' de \mathcal{A}(S'), de acuerdo a Q (\epsilon – greedy)
            \delta \leftarrow Q(S,A) + \alpha \left[R + \gamma Q(S',A') - Q(S,A)\right]
            e(S,A) \leftarrow e(S,A) + 1
            for all s, a do
                 Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha \delta e(s,a)
                 e(s, a) \leftarrow \gamma \lambda e(s, a)
            end for
            S \leftarrow S'. A \leftarrow A'
```

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0,1], \epsilon > 0
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \text{ con } Q(s_{\text{terminal}}, .) = 0, \ e(s, a) = 0
                                                                       ▶ para cada episodio
   repeat
       Inicialize S
       Escoja A de \mathcal{A}(S), de acuerdo a Q (\epsilon – greedy)
       repeat

    para cada paso del episodio

            Tome acción A, observe R, S'.
            Escoja A' de \mathcal{A}(S'), de acuerdo a Q (\epsilon – greedy)
            \delta \leftarrow Q(S, A) + \alpha \left[ R + \gamma Q(S', A') - Q(S, A) \right]
            e(S,A) \leftarrow e(S,A) + 1
            for all s, a do
                 Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha \delta e(s,a)
                 e(s, a) \leftarrow \gamma \lambda e(s, a)
            end for
            S \leftarrow S'. A \leftarrow A'
       until S es terminal
```

```
Require: Tamaño de paso \alpha \in (0,1], \epsilon > 0
   Incialize Q(s, a) \ \forall s \in \mathcal{S}^+, \text{ con } Q(s_{\text{terminal}}, .) = 0, \ e(s, a) = 0
                                                                        ▶ para cada episodio
   repeat
        Inicialize S
        Escoja A de \mathcal{A}(S), de acuerdo a Q (\epsilon – greedy)
        repeat

    para cada paso del episodio

            Tome acción A, observe R, S'.
            Escoja A' de \mathcal{A}(S'), de acuerdo a Q (\epsilon – greedy)
            \delta \leftarrow Q(S, A) + \alpha \left[ R + \gamma Q(S', A') - Q(S, A) \right]
            e(S,A) \leftarrow e(S,A) + 1
            for all s, a do
                 Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha \delta e(s,a)
                 e(s, a) \leftarrow \gamma \lambda e(s, a)
            end for
            S \leftarrow S'. A \leftarrow A'
        until S es terminal
   until \infty
```

