

PL4XGL: 프로그래밍 언어 기법을 활용한 설명 가능한 그래프 기계학습 방법

전민석

고려대학교

05.03.2024@Prosys Lab

- 화학반응 예측
- 사기 거래 탐지
- 헬스 케어
- 프로그램 분석
- ...

그래프 데이터



기계학습 모델



분류 & 예측

- 양성 / 음성
- 탐지 됨 / 탐지 안됨
- 부작용 있음 / 없음
- 버그가 있음 / 없음
- ...



arXiv

<https://arxiv.org> › cs

⋮

Semi-Supervised Classification with Graph Convolutional ...

TN Kipf 저술 2016 · 33445회 인용 — We present a scalable approach for semi-supervised learning on graph-structured data that is based on an efficient variant of convolutional ...

그래프 데이터



GNN
(Graph Neural Network)



분류 & 예측

그래프 데이터



GNN
(Graph Neural Network)

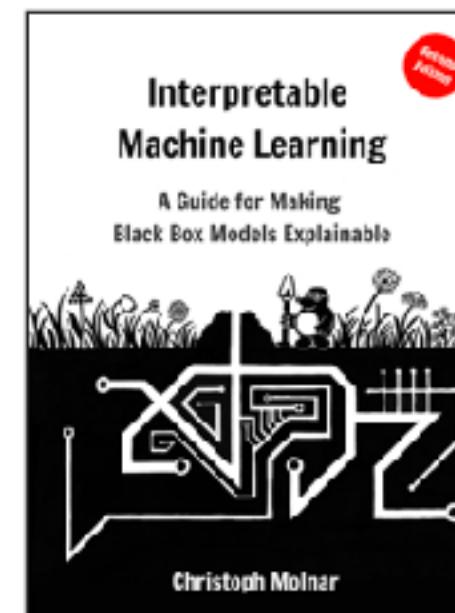


분류 & 예측

문제점

예측의 이유를 설명해 주지 않음

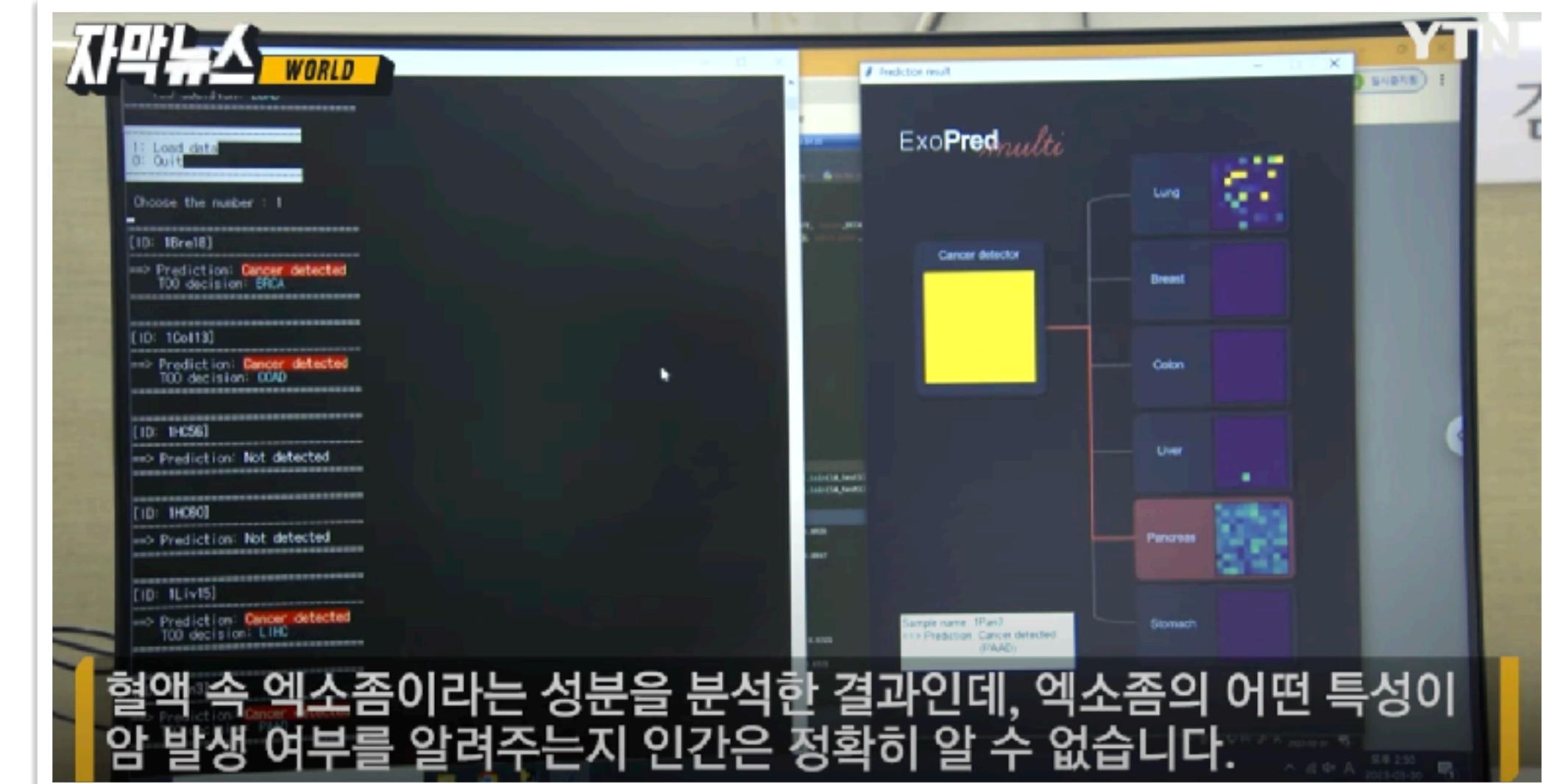
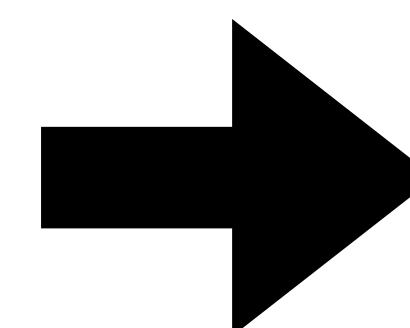
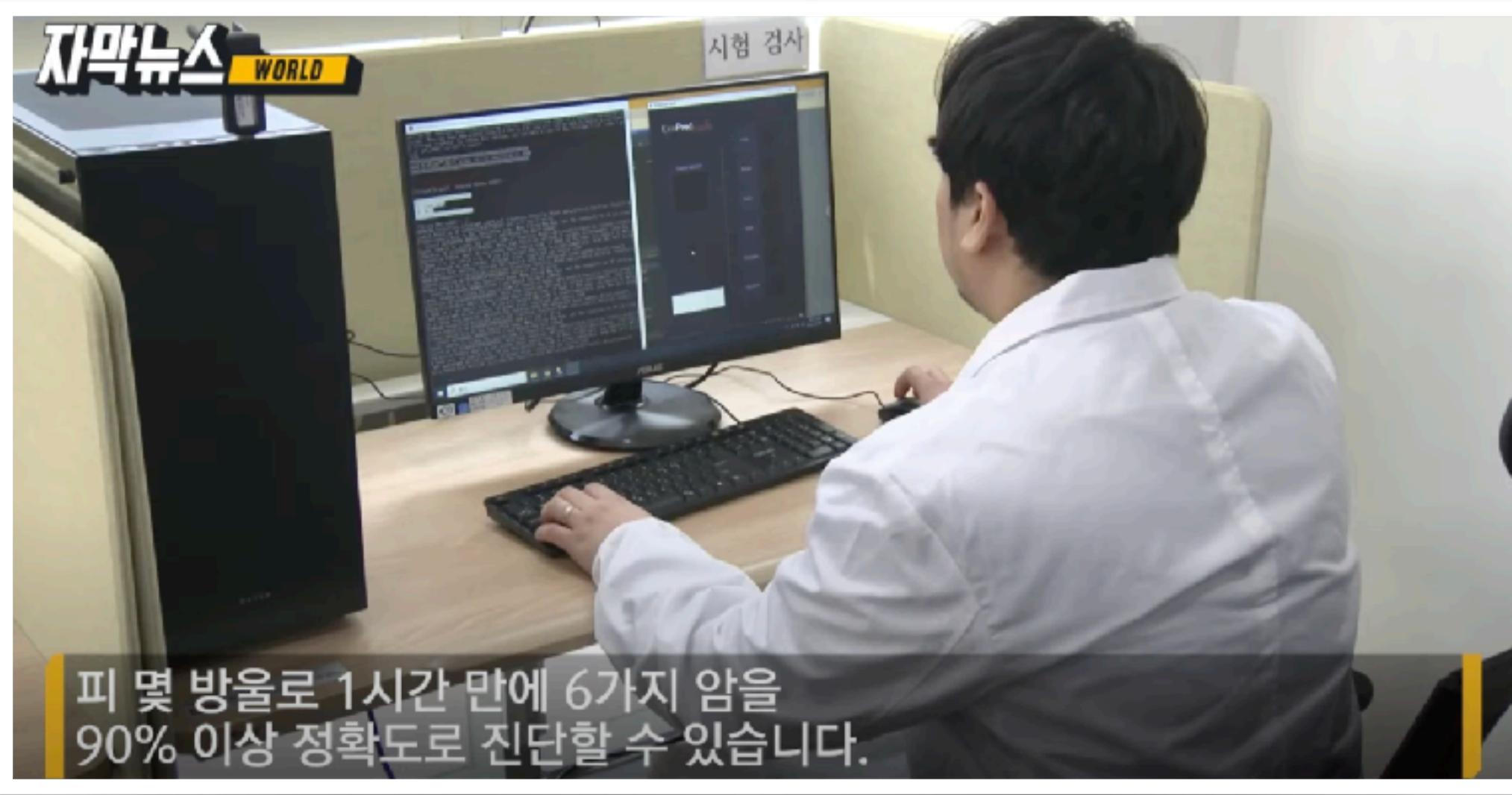
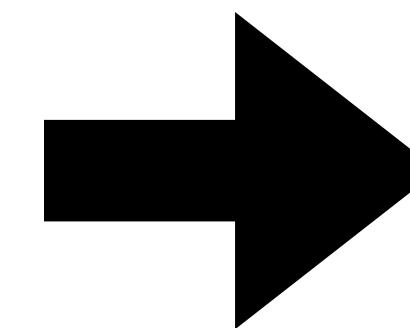
예측의 이유에 대한 수요가 매우 큼

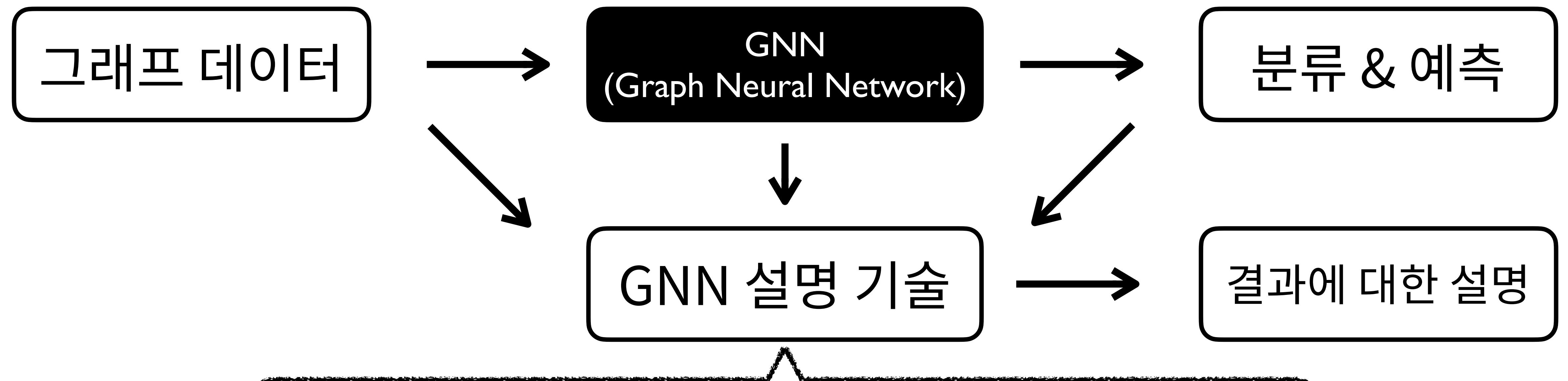


A correct prediction only partially solves your problem. The model must also explain **why**.

- Molnar [2022]

설명 가능한 기계학습 방법의 필요성



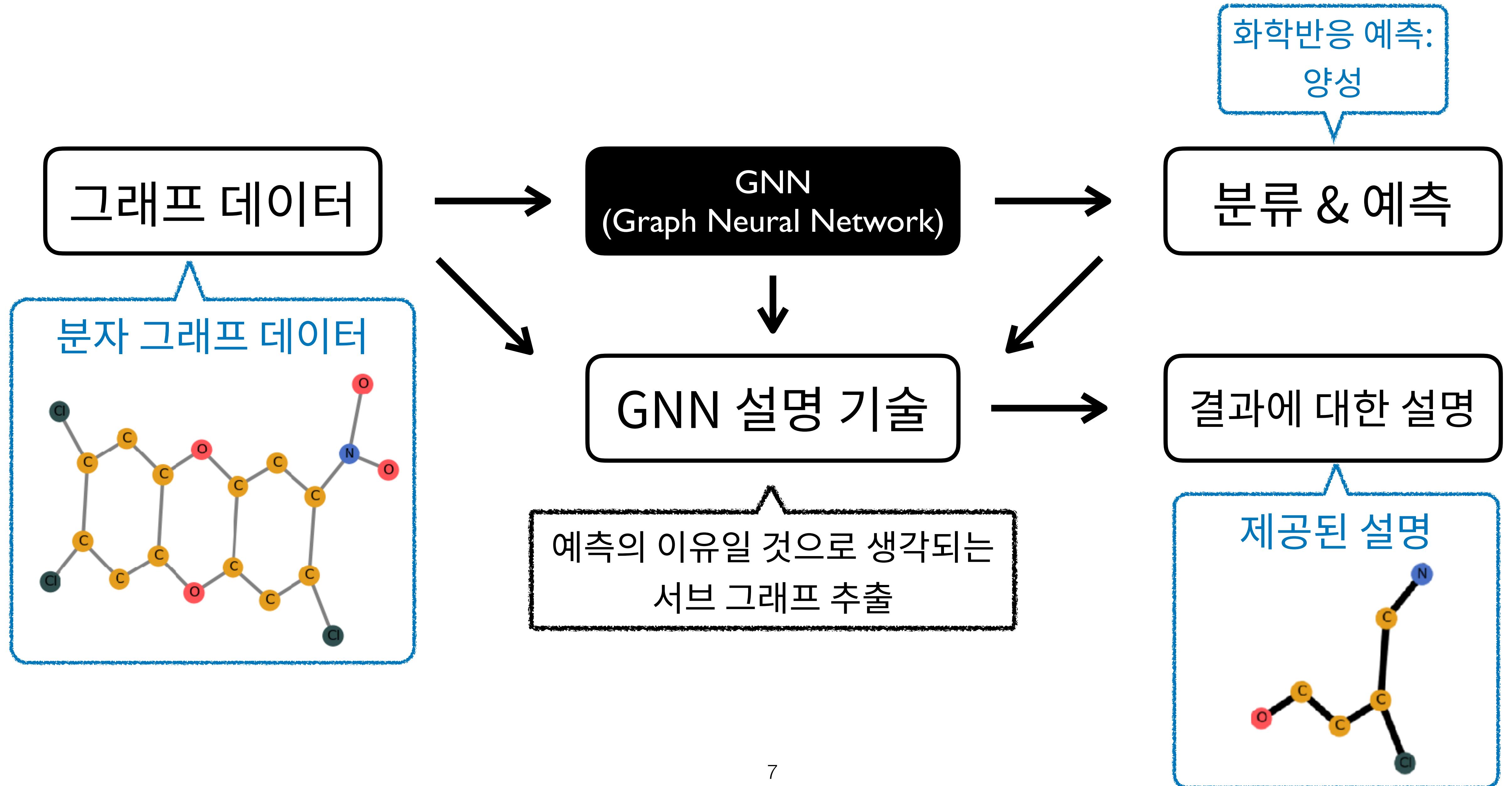


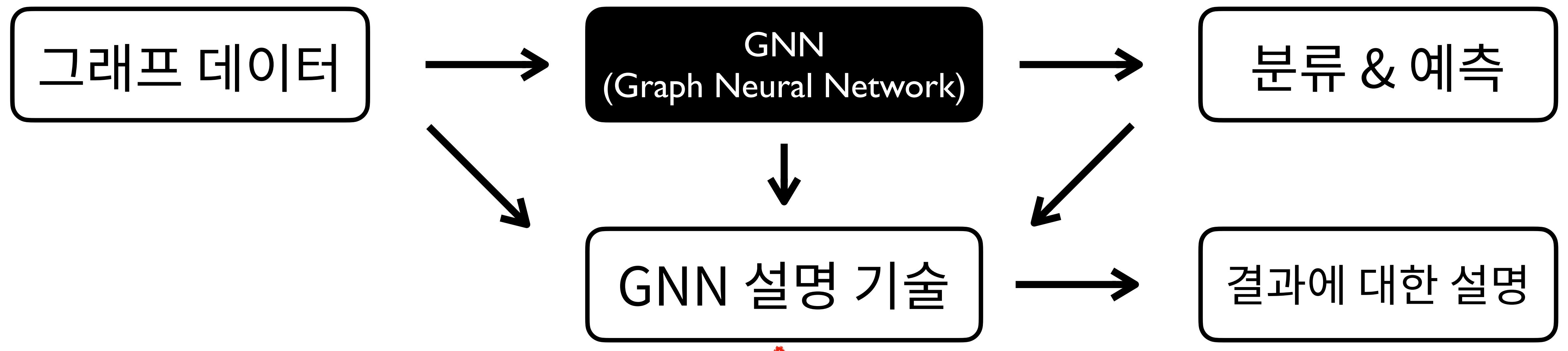
수 많은 GNN 설명 기술들이 개발되는 중

arXiv
https://arxiv.org/cs :

[GNNEExplainer: Generating Explanations for Graph Neural ...](#)

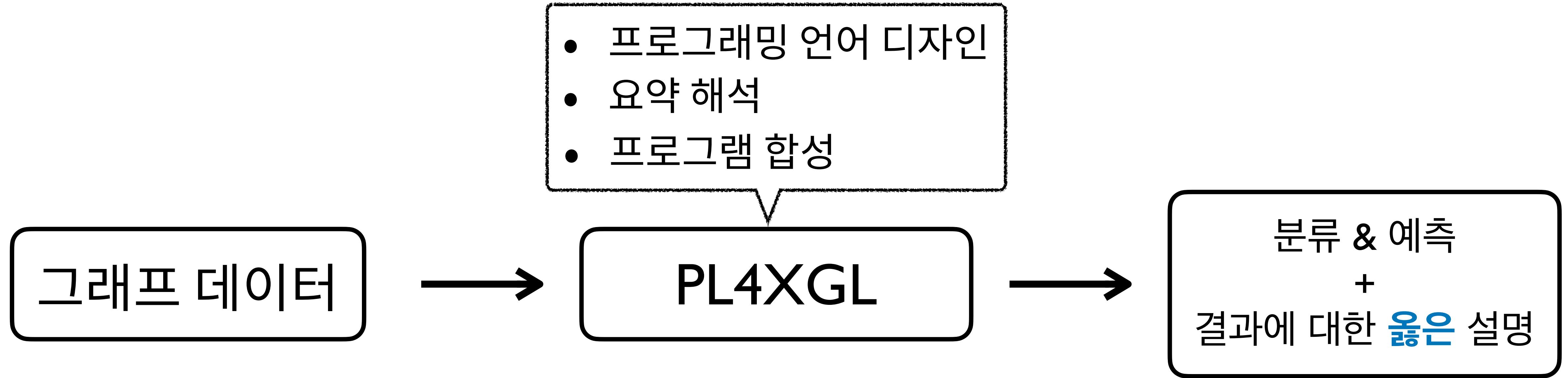
R Ying 저술 · 2019 · 1191회 인용 — Here we propose GNNEExplainer, the first general, model-agnostic approach for providing interpretable explanations for predictions of any GNN- ...

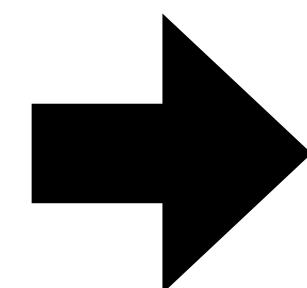
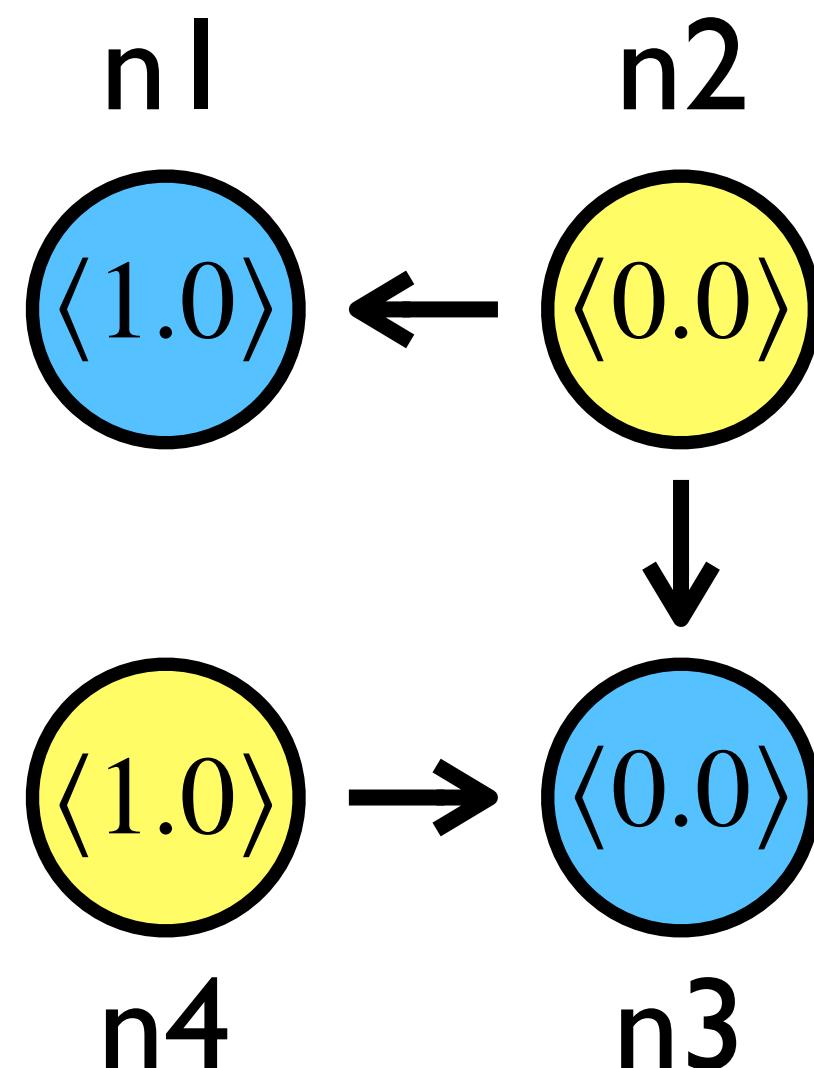




GNN 설명 방법들의 두 가지 핵심 한계

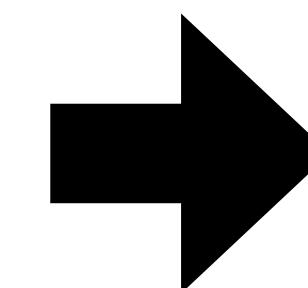
- (1) 추가적인 (비싼) 설명 비용이 필수적
- (2) 제공된 설명이 옳은 설명임을 보장해 주지 않음





노드 분류 모델

$\{ \langle \langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle, 1, 0.8 \rangle,$
 $\langle \langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle, 2, 0.7 \rangle,$
 $\langle \langle [-\infty, \infty] \rangle, 1, 0.0 \rangle \}$

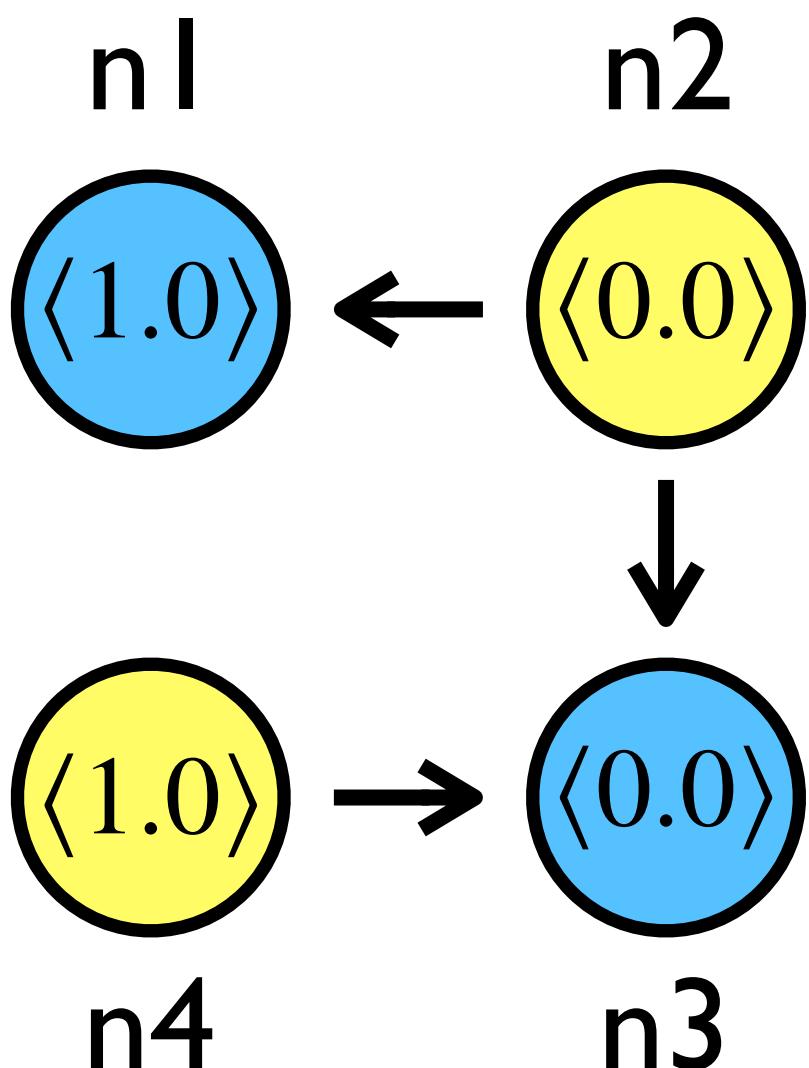
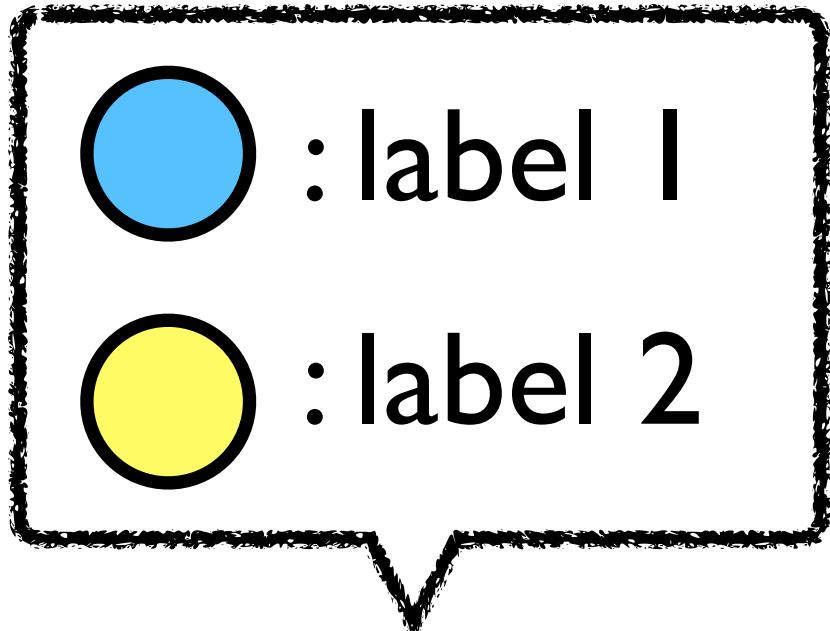


분류 결과	제공된 설명
n1: (1, $\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$)	
n2: (2, $\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle$)	
n3: (1, $\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$)	
n4: (2, $\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle$)	

그래프 데이터

노드 분류 모델

분류 결과 & 설명



그래프 데이터

$\{ (\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle, 1, 0.8),$
 $(\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle, 2, 0.7),$
 $(\langle [-\infty, \infty] \rangle, 1, 0.0) \}$

노드 분류 모델

분류 결과

$n1: (1,$

$\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle)$

$n2: (2,$

$\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle)$

$n3: (1,$

$\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle)$

$n4: (2,$

$\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle)$

제공된 설명



그래프 데이터

$\{ \left(\begin{array}{l} \langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle \\ \langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle \end{array} \right), 1, 0.8 \},$

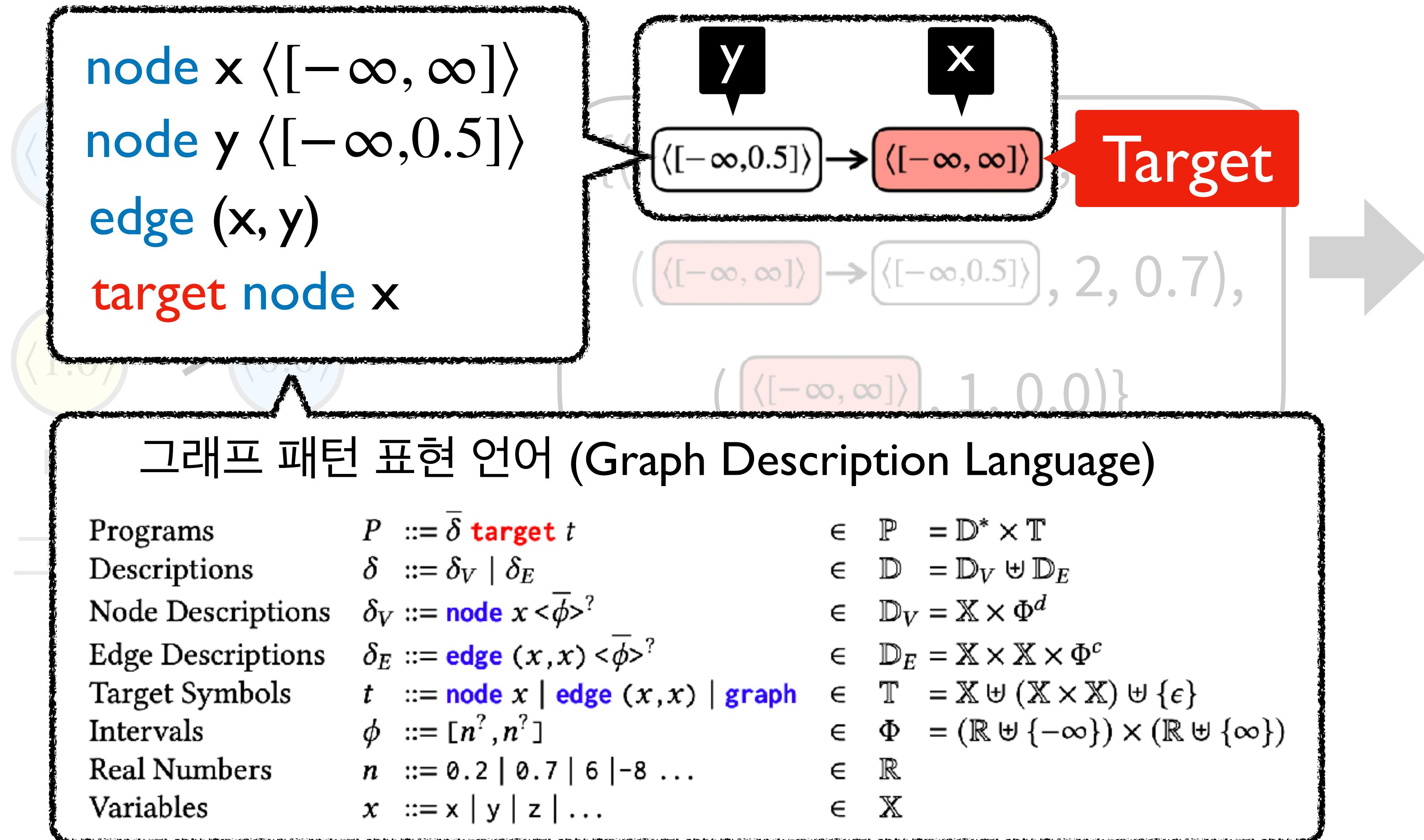
$\left(\begin{array}{l} \langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle \\ \langle [-\infty, \infty] \rangle \end{array} \right), 2, 0.7 \},$

$\left(\begin{array}{l} \langle [-\infty, \infty] \rangle \\ \langle [-\infty, \infty] \rangle \end{array} \right), 1, 0.0 \}$

노드 분류 모델

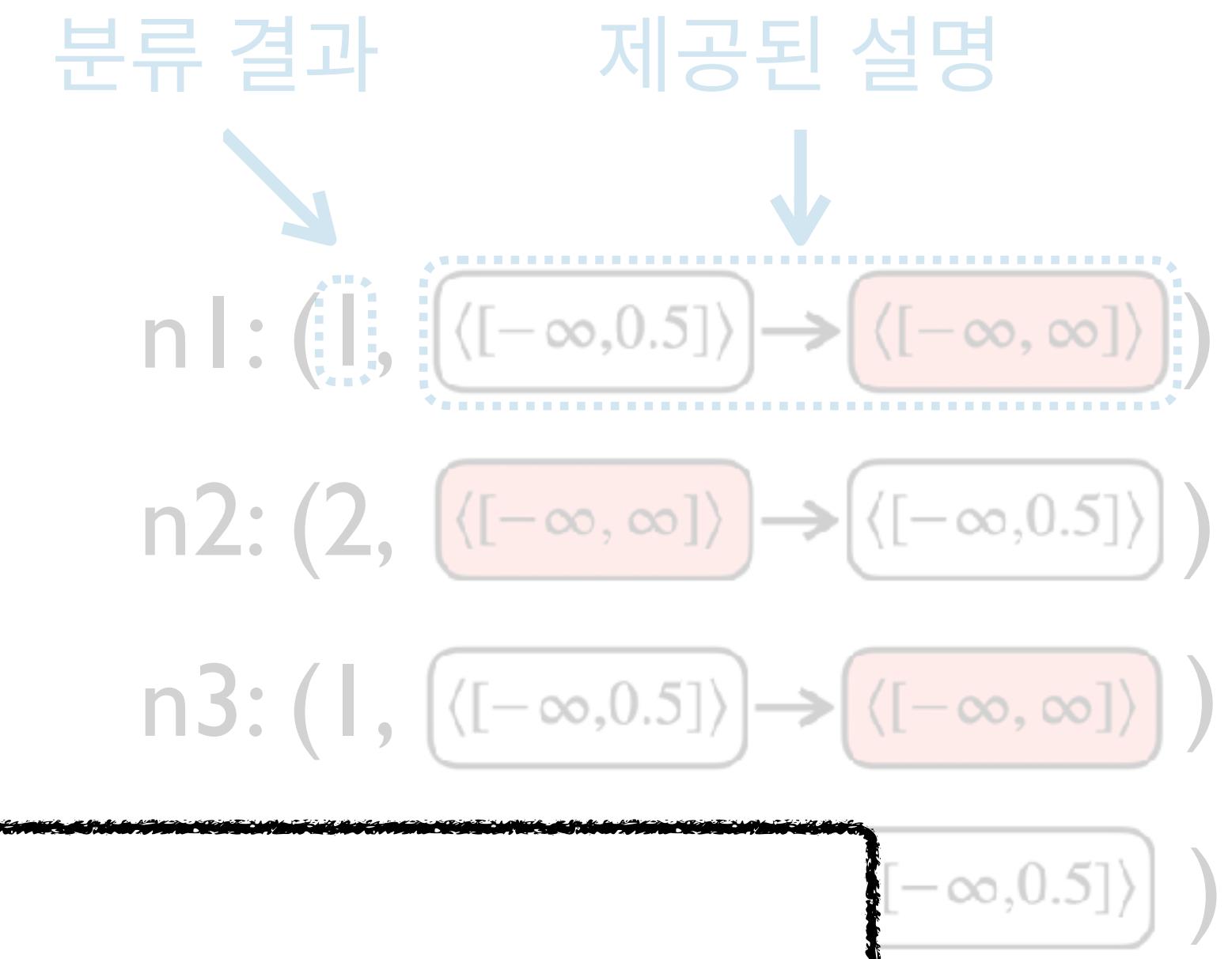
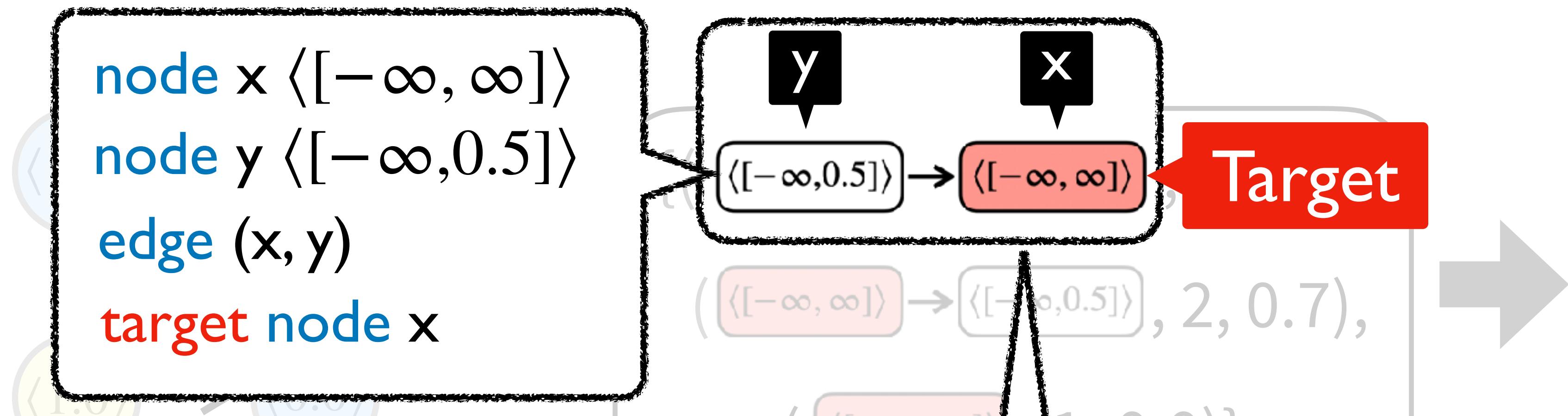
분류 결과	제공된 설명
n1: (1, $\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$)	
n2: (2, $\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle$)	
n3: (1, $\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$)	
n4: (2, $\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle$)	

분류 결과 & 설명



분류 결과	제공된 설명
$n1: (1, \langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle)$	\downarrow
$n2: (2, \langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle)$	
$n3: (1, \langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle)$	
$n4: (2, \langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle)$	

분류 결과 & 설명



표현하고 있는 노드 패턴:

“선행 (predecessor) 노드 중 특질(feature)값이 0.5 이하인 노드가 존재함”

설명

해당 패턴의 노드들은 레이블 1로 분류함

분류 결과

제공된 설명

패턴의 점수는 0.8

{($\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$, 1, 0.8),

($\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle$, 2, 0.7),

($\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$, 3, 0.9),

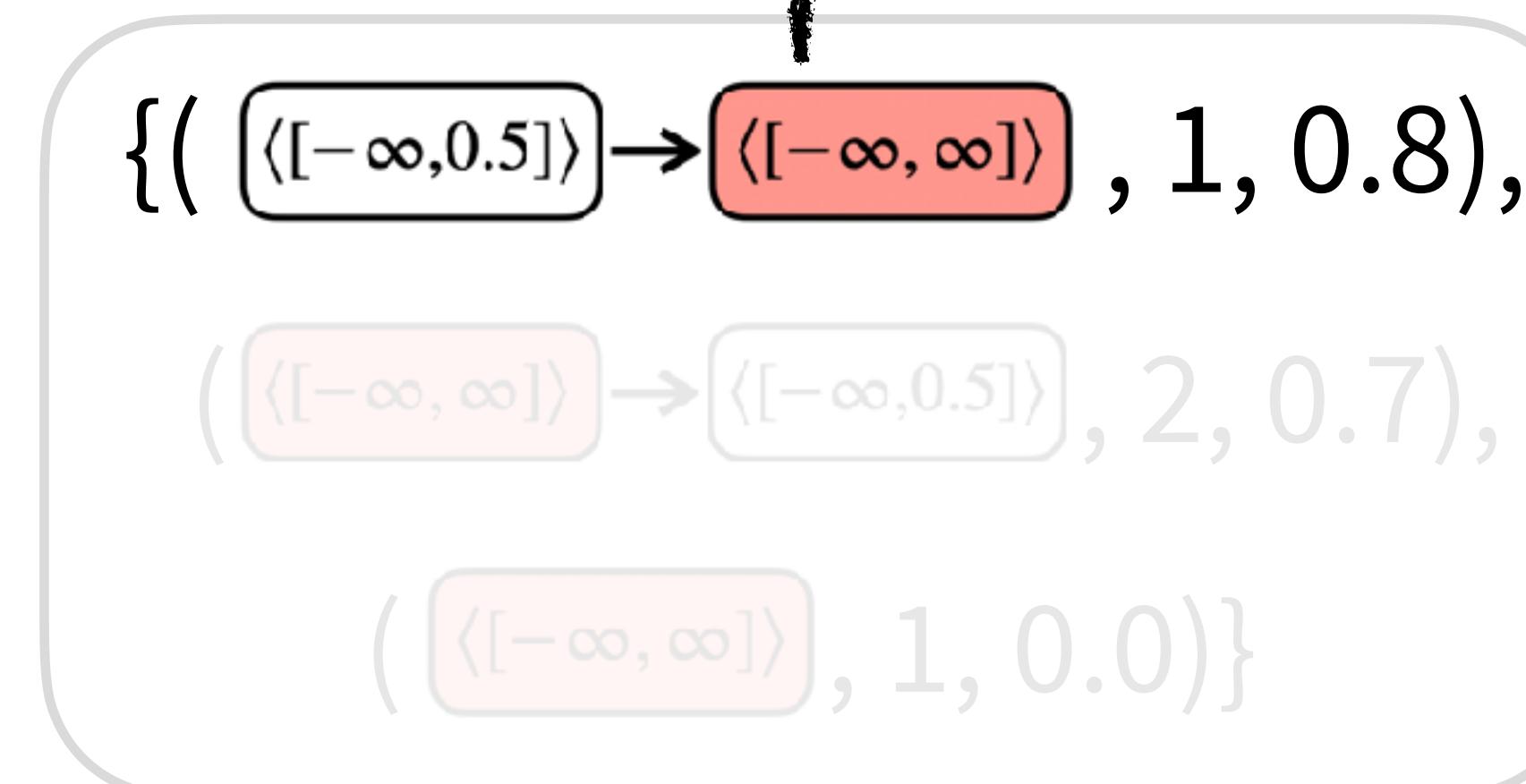
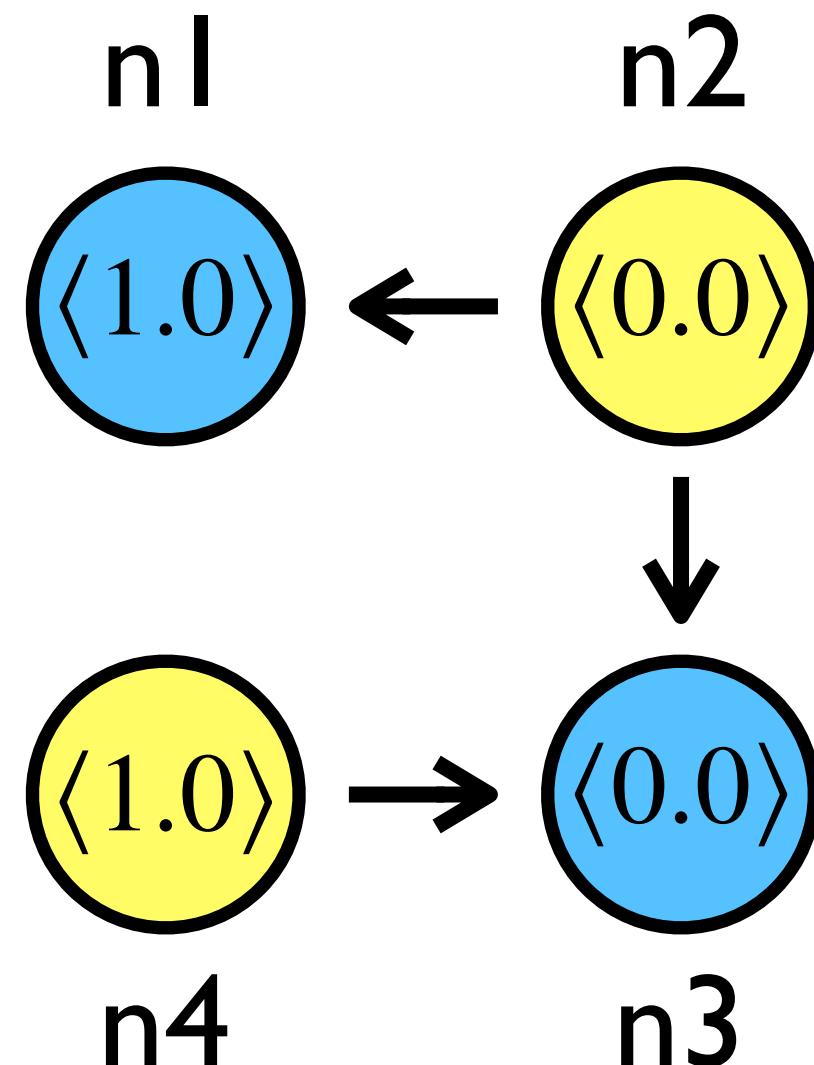
표현하고 있는 노드 패턴:

“선행 (predecessor) 노드 중 특질(feature)값이 0.5 이하인 노드가 존재함”

설명

표현하고 있는 노드 패턴:

“선행 (predecessor) 노드 중 특질(feature)값이 0.5 이하인 노드가 존재함”



그래프 데이터

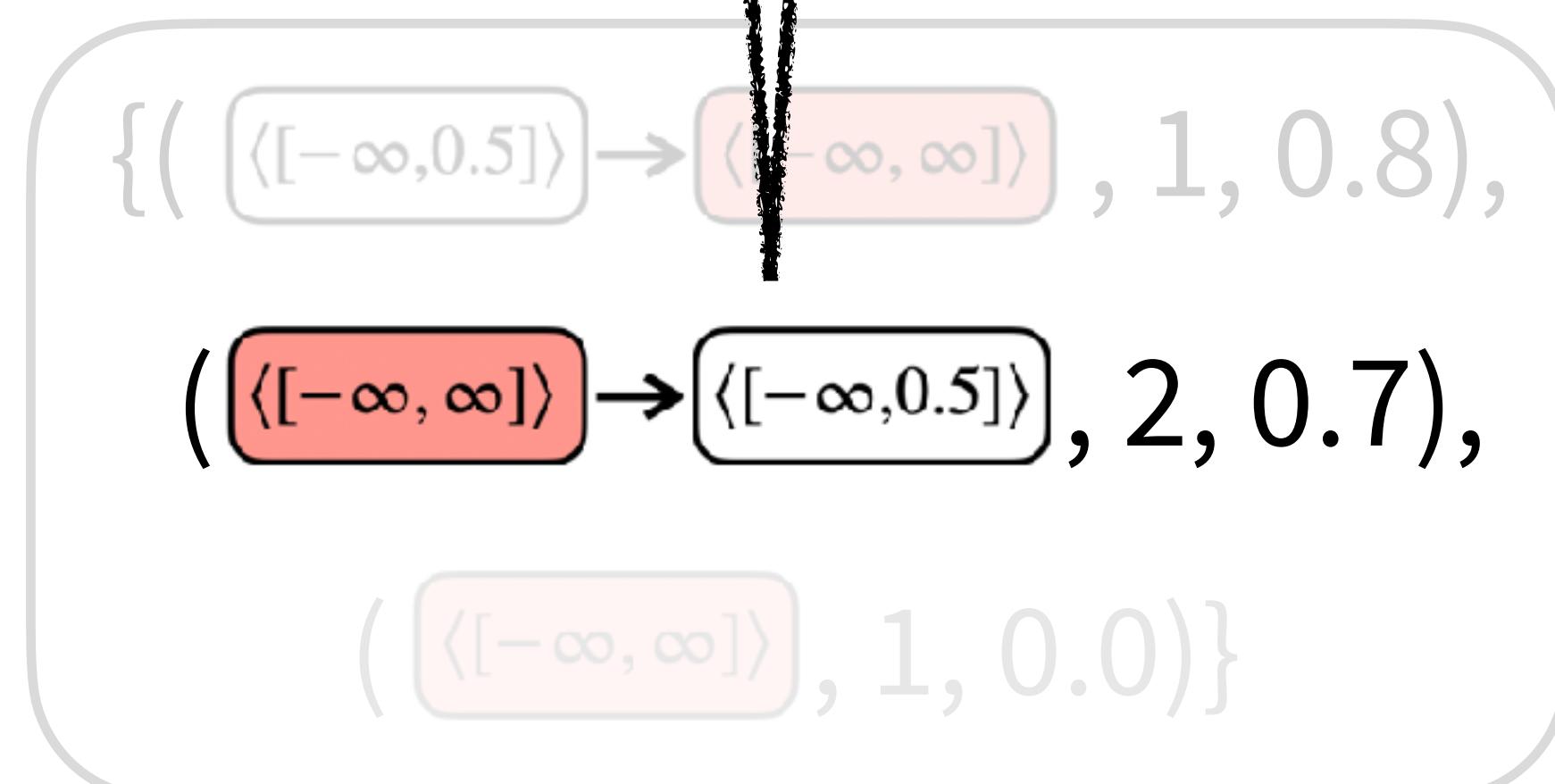
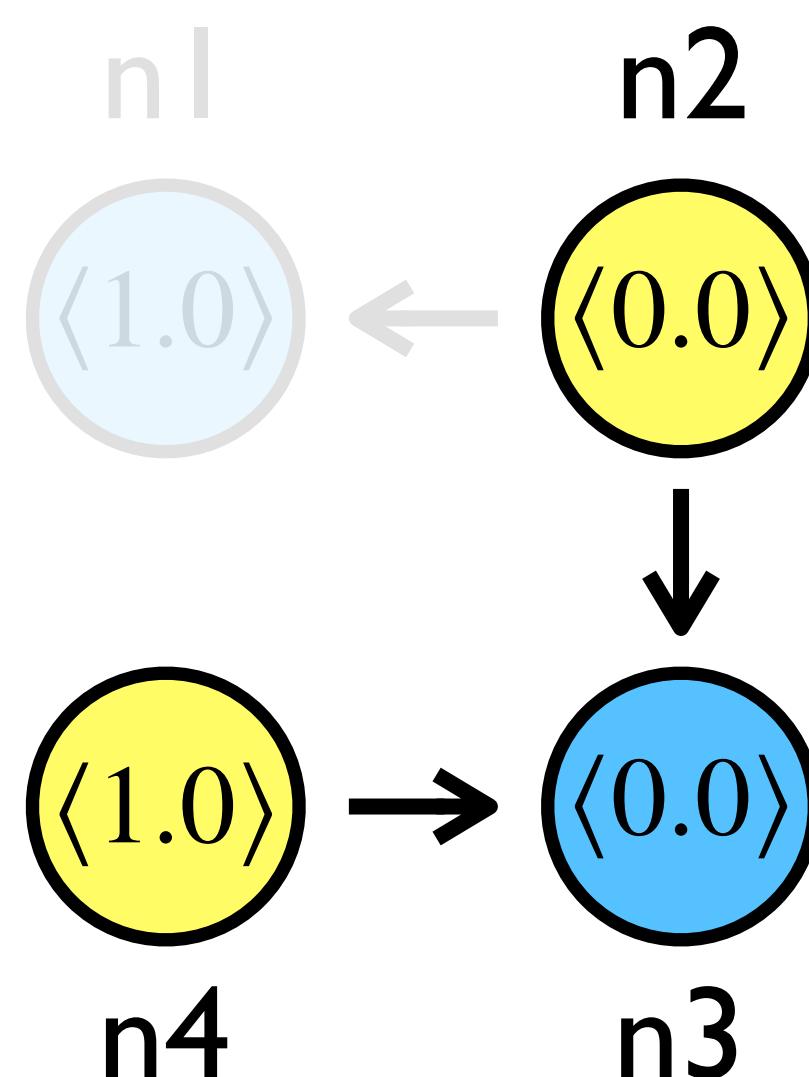
노드 분류 모델

분류 결과 & 설명

분류 결과	제공된 설명
n1: (1, $\langle [-\infty, 0.5] \rightarrow [-\infty, \infty] \rangle$)	$\langle [-\infty, 0.5] \rightarrow [-\infty, \infty] \rangle$
n2: (2, $\langle [-\infty, \infty] \rightarrow [-\infty, 0.5] \rangle$)	$\langle [-\infty, \infty] \rightarrow [-\infty, 0.5] \rangle$
n3: (1, $\langle [-\infty, 0.5] \rightarrow [-\infty, \infty] \rangle$)	$\langle [-\infty, 0.5] \rightarrow [-\infty, \infty] \rangle$
n4: (2, $\langle [-\infty, \infty] \rightarrow [-\infty, 0.5] \rangle$)	$\langle [-\infty, \infty] \rightarrow [-\infty, 0.5] \rangle$

표현하고 있는 노드 패턴:

“후속 (successor) 노드 중 특질(feature)값이 0.5 이하인 노드가 존재함”

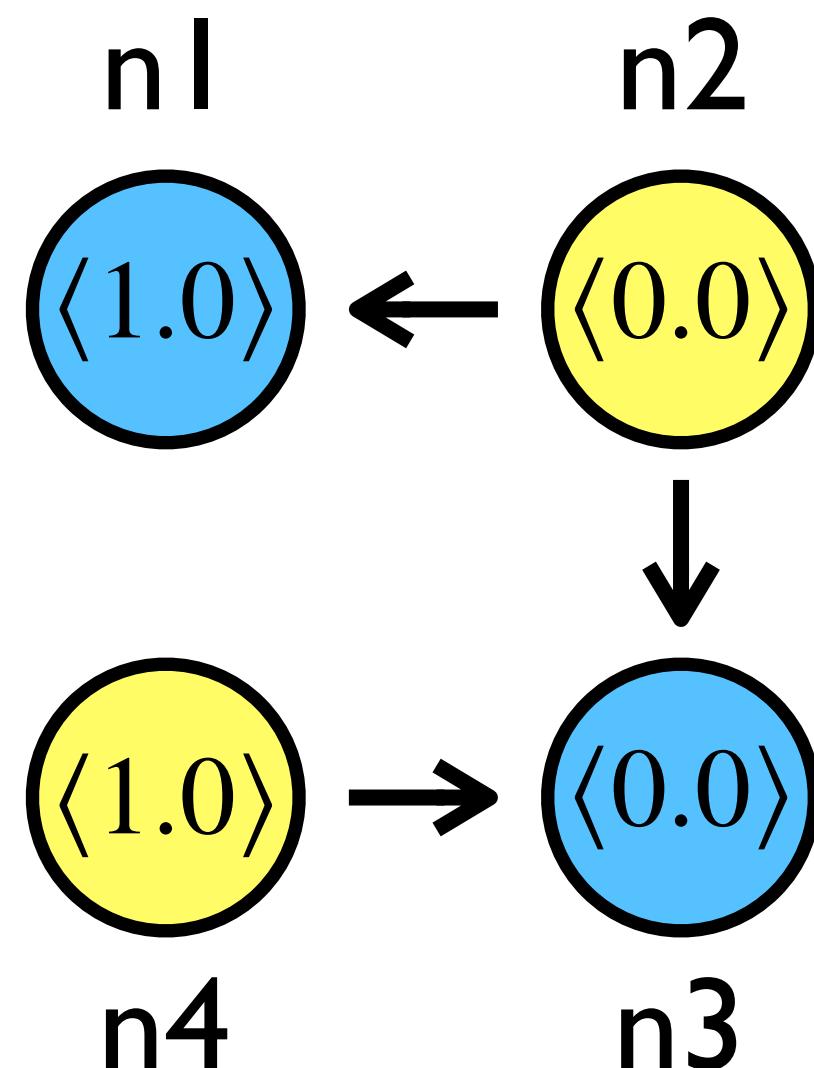


분류 결과	제공된 설명
n1: (1,	⟨[-∞, 0.5] → <[-∞, ∞]>)
n2: (2,	⟨[-∞, ∞] → <[-∞, 0.5]>)
n3: (1,	⟨[-∞, 0.5] → <[-∞, ∞]>)
n4: (2,	⟨[-∞, ∞] → <[-∞, 0.5]>)

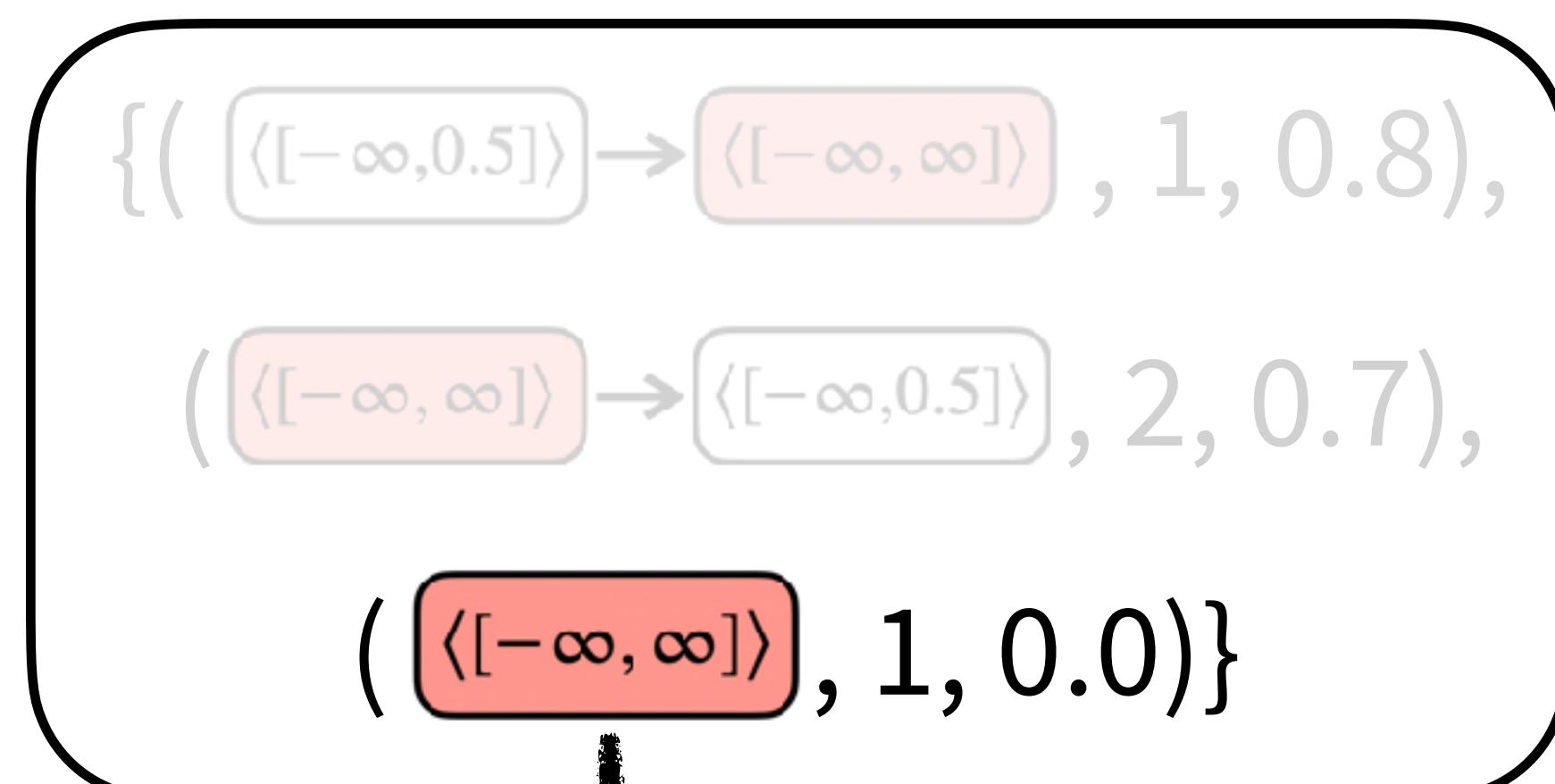
그래프 데이터

노드 분류 모델

분류 결과 & 설명



그래프 데이터



노드 분류 모델

표현하고 있는 노드 패턴:

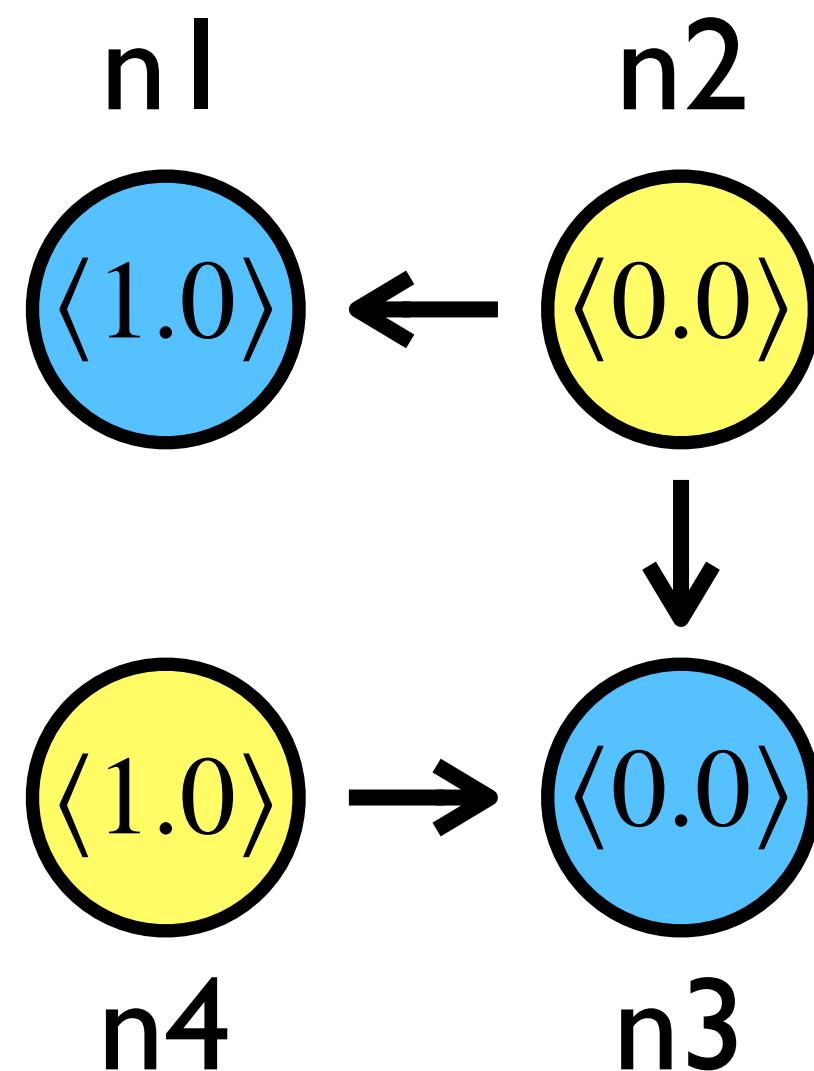
“한개의 특질을 가지는 모든 노드”

분류 결과

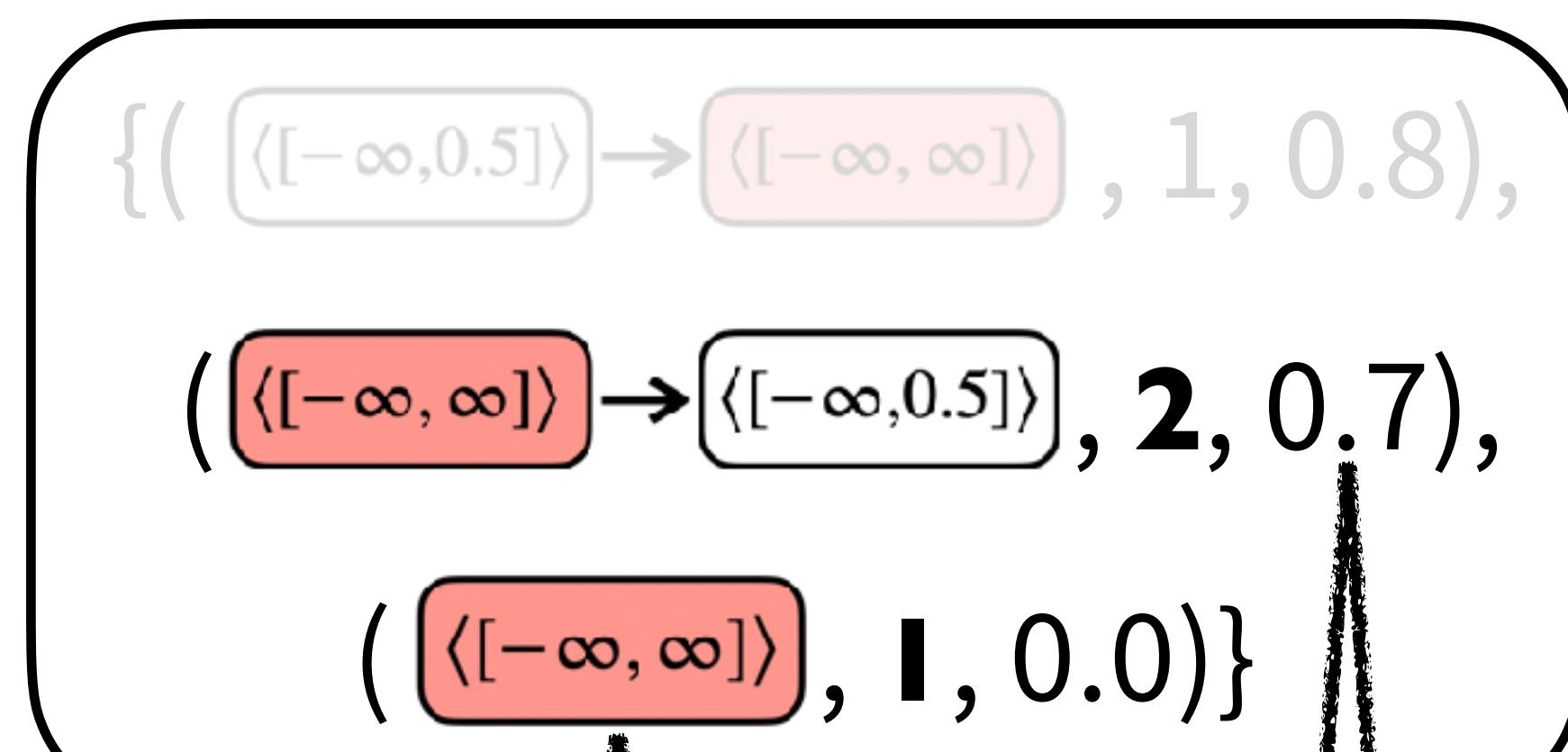
- n1: (1, $\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$)
- n2: (2, $\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle$)
- n3: (1, $\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$)
- n4: (2, $\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle$)

제공된 설명

분류 결과 & 설명



그래프 데이터



노드 분류 모델

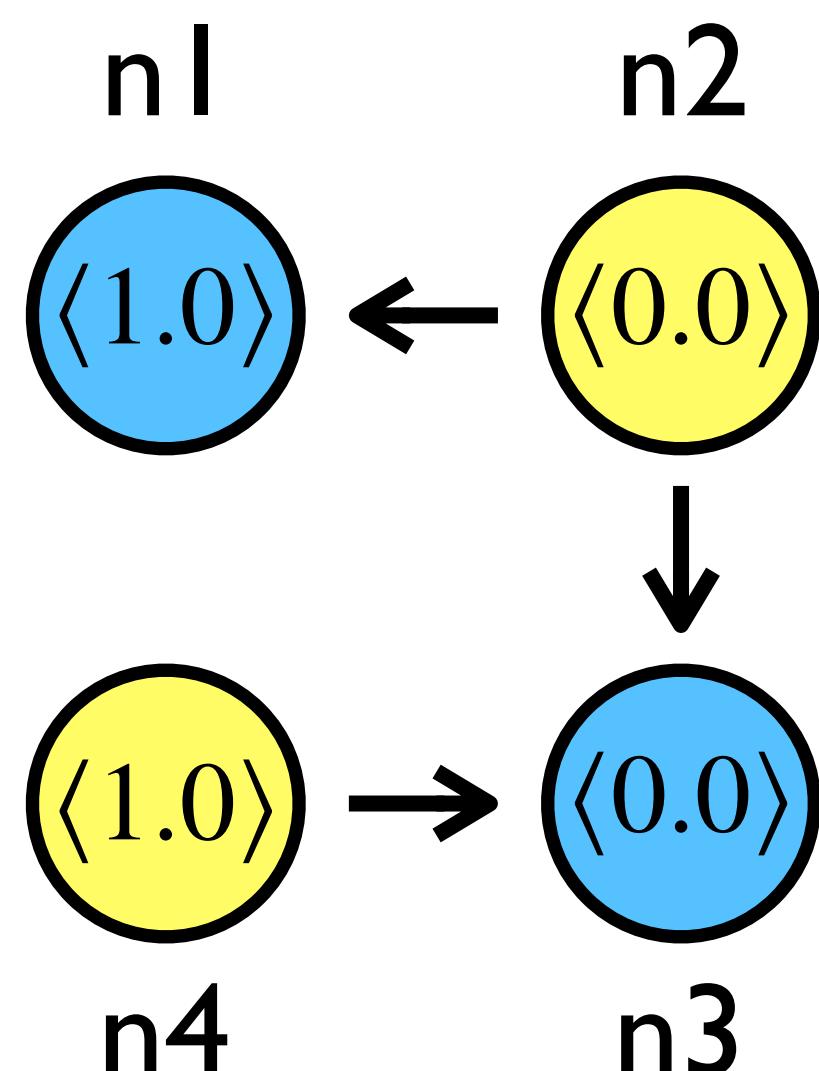
표현하고 있는 노드 패턴:
 “한개의 특질을 가지는 모든 노드”

패턴이 겹칠 경우 더 높은 점수의 패턴으로 분류함

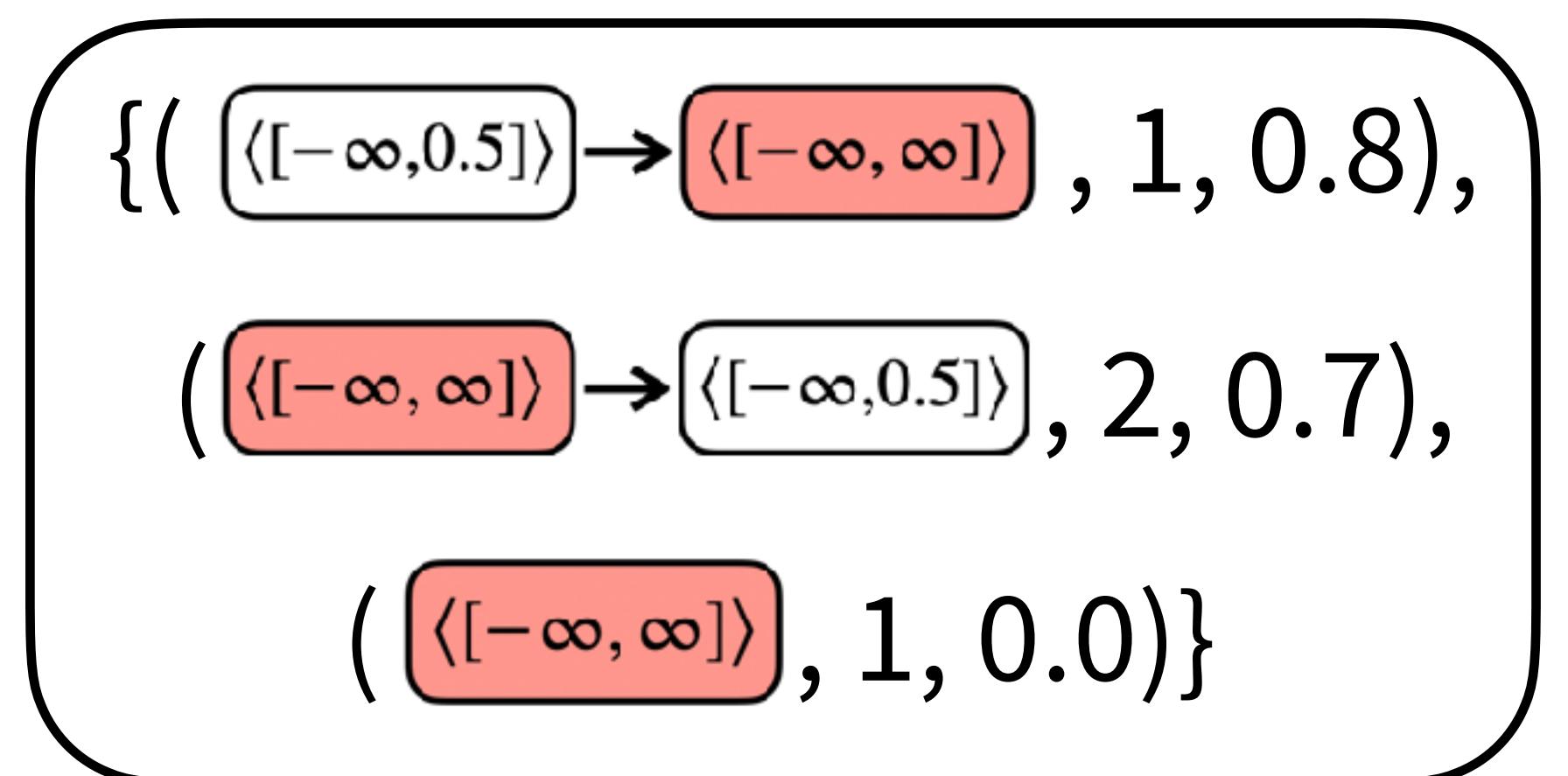
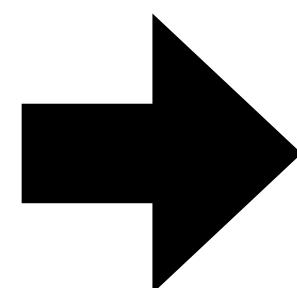
분류 결과	제공된 설명
$n1: (1, \langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle)$	
$n2: (2, \langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle)$	
$n3: (1, \langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle)$	
$n4: (2, \langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle)$	

분류 결과 & 설명

- (1) 추가 설명 비용 없음
(2) 옳은 설명임을 보장함



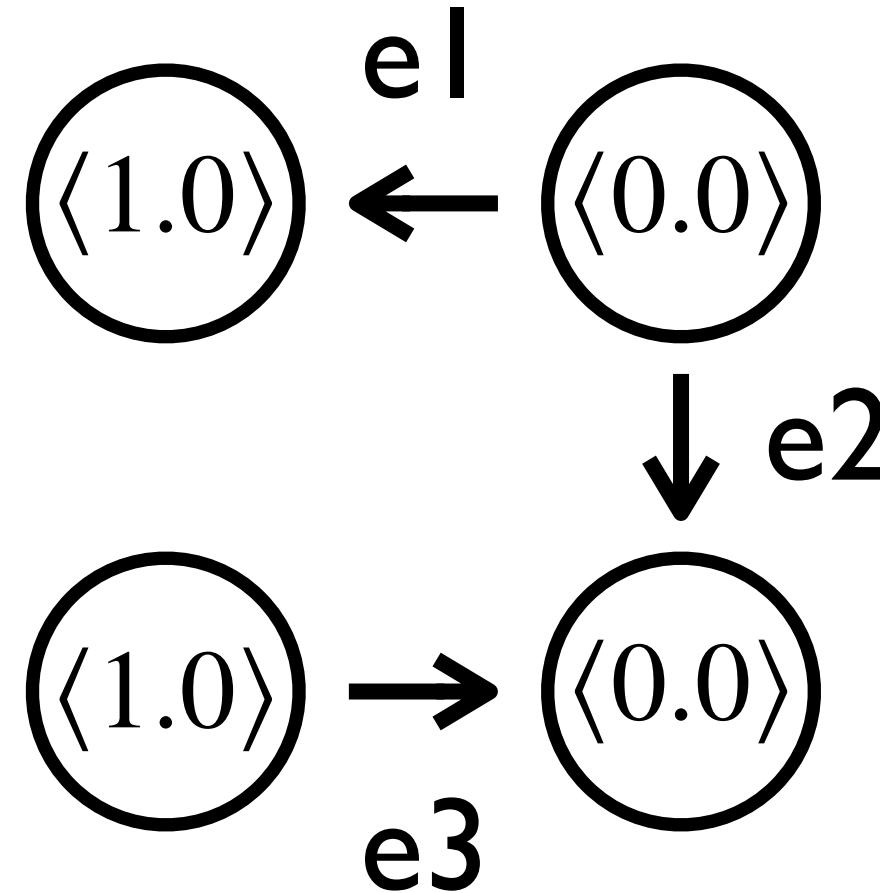
그래프 데이터



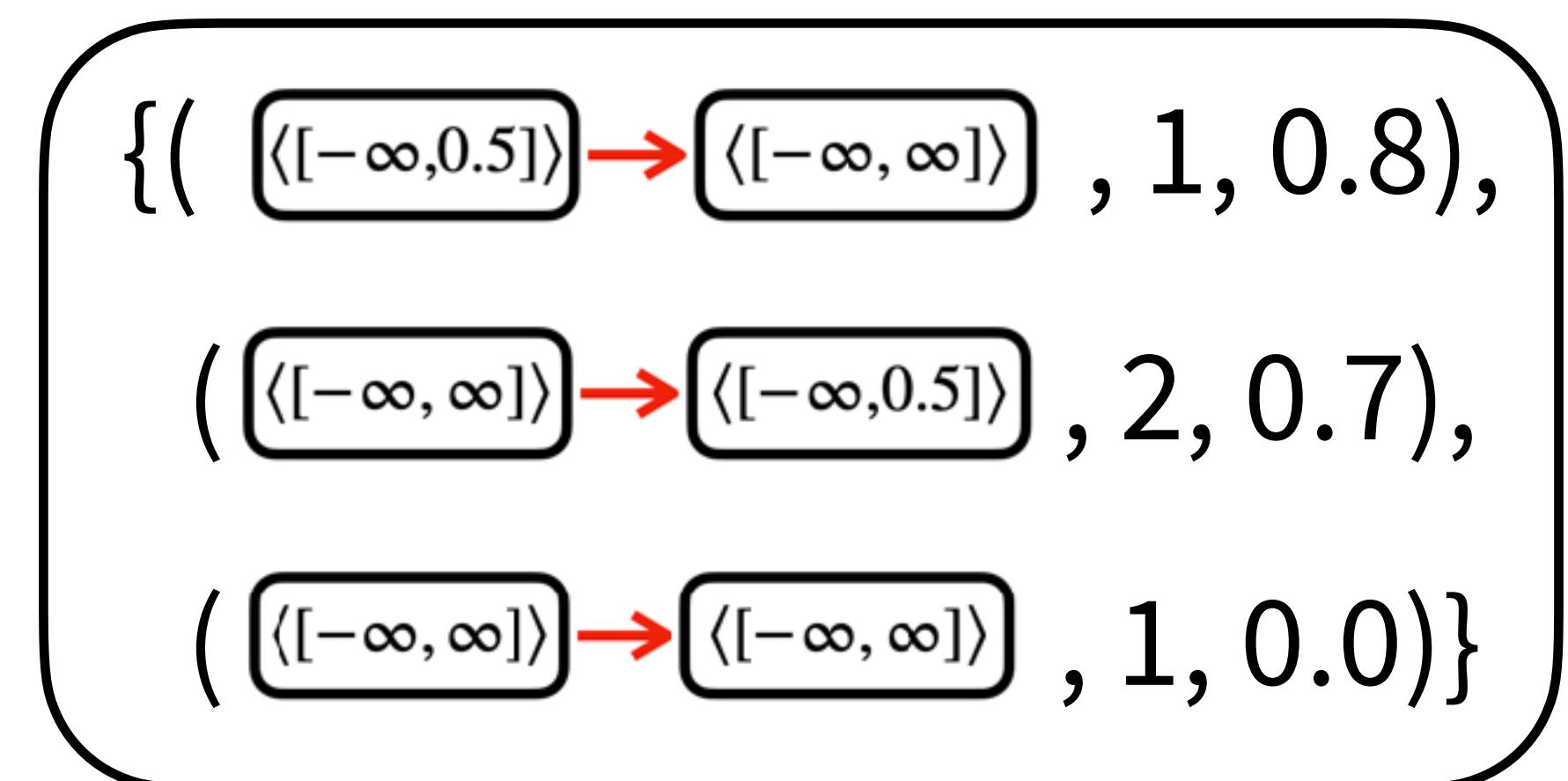
노드 분류 모델

분류 결과	제공된 설명
$n1: (1, \langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle)$	
$n2: (2, \langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle)$	
$n3: (1, \langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle)$	
$n4: (2, \langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle)$	

분류 결과 & 설명



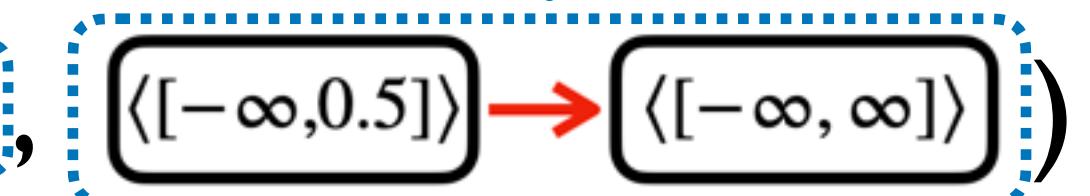
그래프 데이터



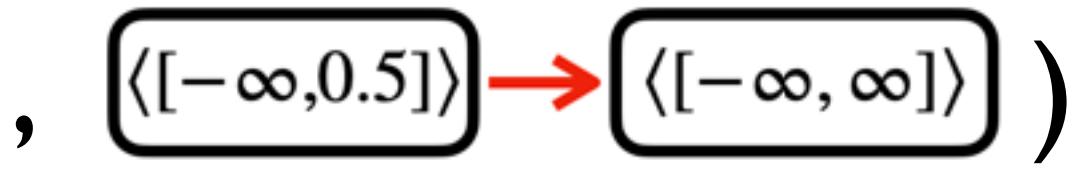
엣지 분류 모델

분류 결과

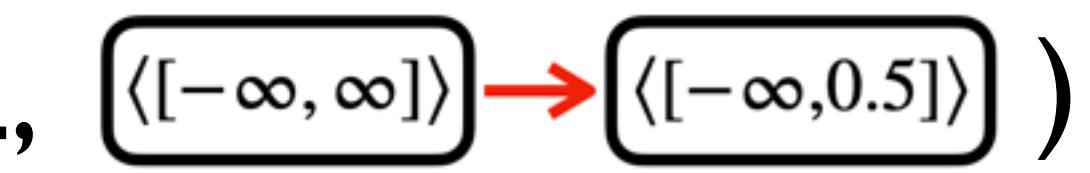
$e1: (1,$



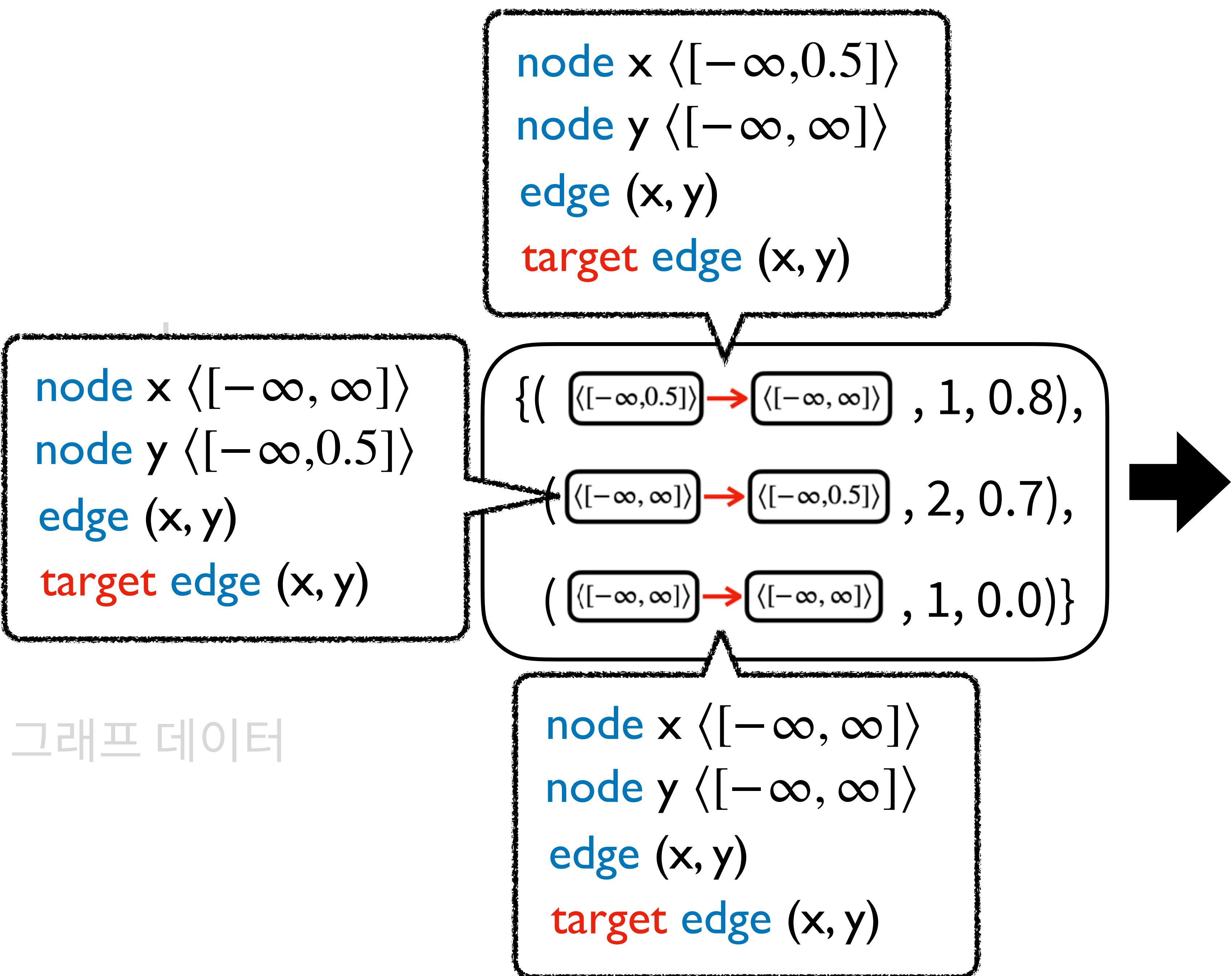
$e2: (1,$



$e3: (2,$



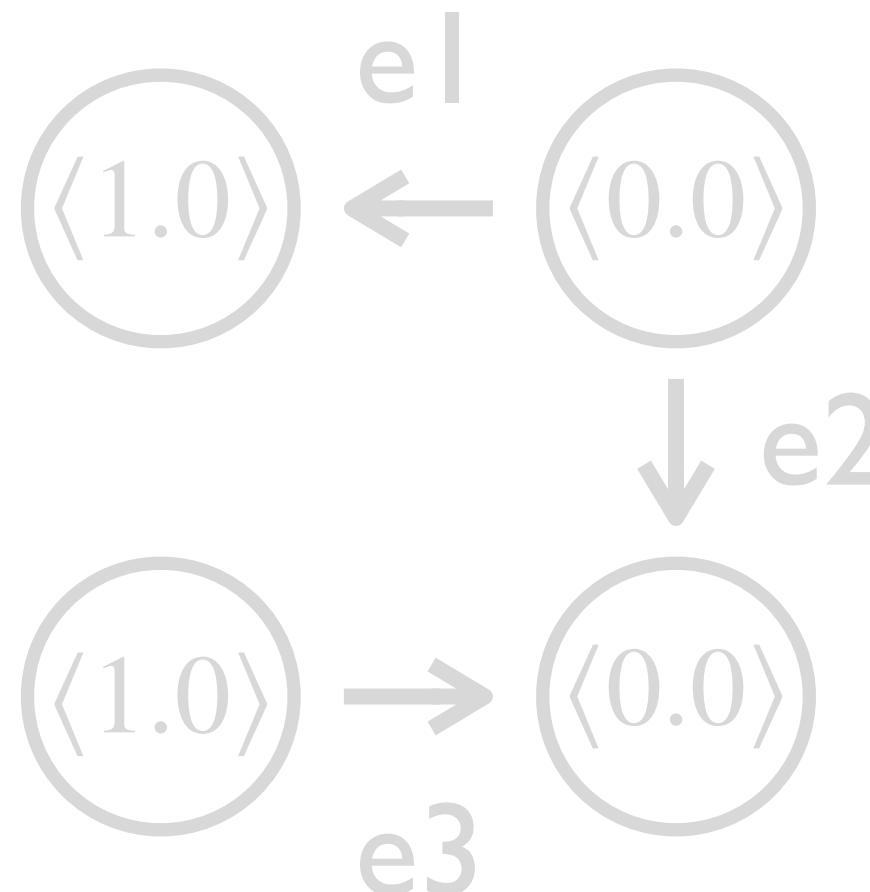
제공된 설명



그래프 데이터

표현하고 있는 엣지 패턴:

특질이 0.5 이하인 노드에서 출발하는 엣지



그래프 데이터

표현하고 있는 엣지 패턴:

모든 엣지

```
{( <[-∞,0.5]> → <[-∞, ∞]> , 1,  
( <[-∞, ∞]> → <[-∞,0.5]> , 2,  
( <[-∞, ∞]> → <[-∞, ∞]> , 1, 0.0)}
```

표현하고 있는 엣지 패턴:

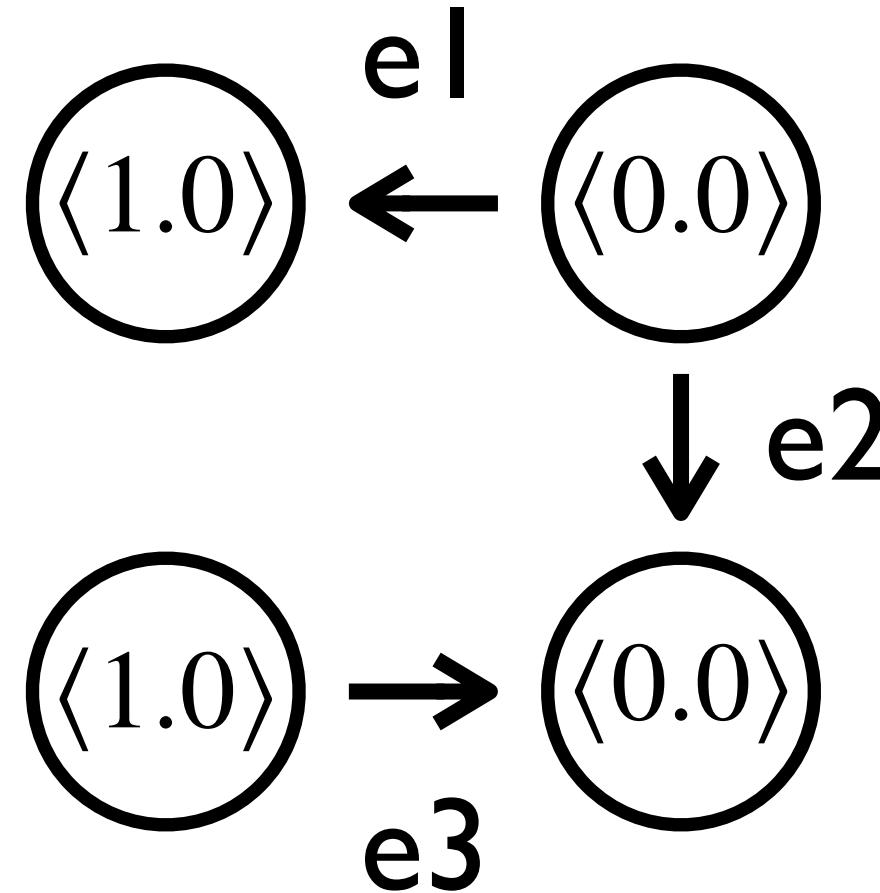
특질이 0.5 이하인 노드로 도착하는 엣지

e3: (2, <[-∞, ∞]> → <[-∞,0.5]>)

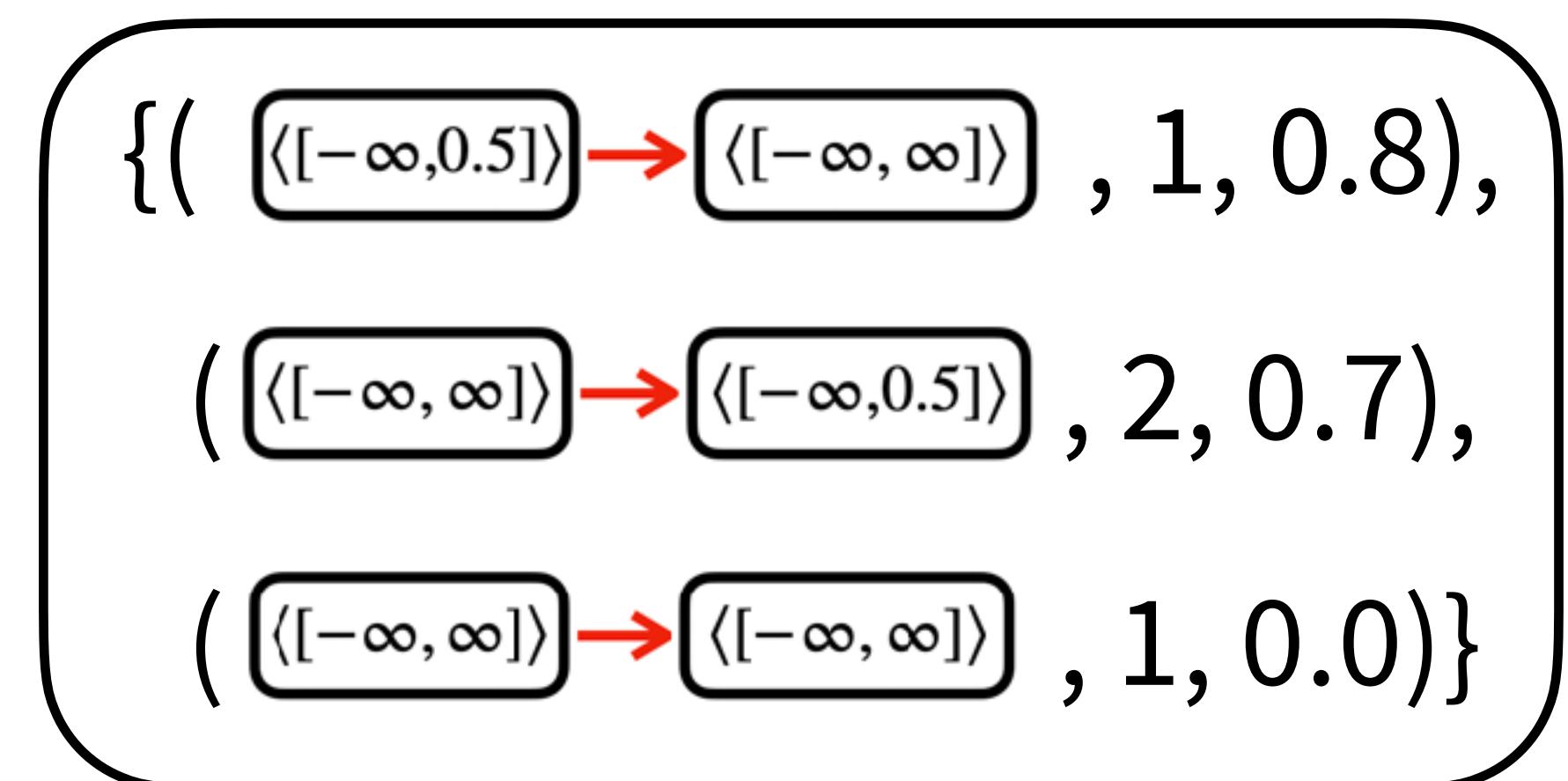
분류 결과 & 설명

분류 결과

제공된 설명



그래프 데이터



엣지 분류 모델

분류 결과

$e1: (1,$

$\langle [-\infty, 0.5] \rangle \xrightarrow{\quad} \langle [-\infty, \infty] \rangle)$

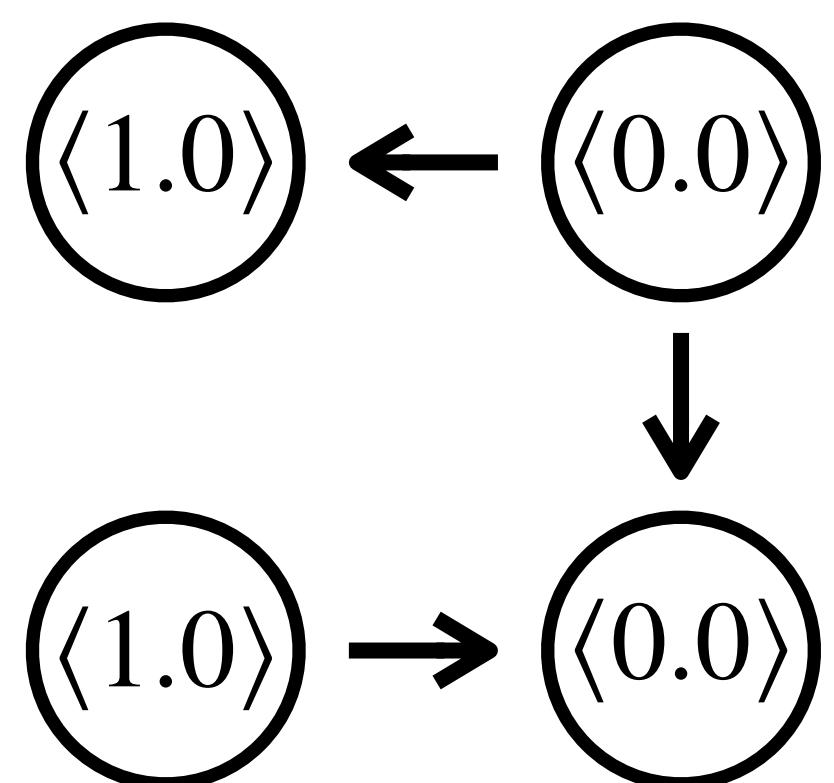
$e2: (1,$

$\langle [-\infty, \infty] \rangle \xrightarrow{\quad} \langle [-\infty, 0.5] \rangle)$

$e3: (2,$

$\langle [-\infty, \infty] \rangle \xrightarrow{\quad} \langle [-\infty, \infty] \rangle)$

제공된 설명



그래프 데이터 G

target graph

node $\times \langle [-\infty, 0.5] \rangle$
 node $y \langle [-\infty, \infty] \rangle$
 edge (x, y)

$\{ (\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle, 1, 0.8),$
 $(\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle, 2, 0.0) \}$

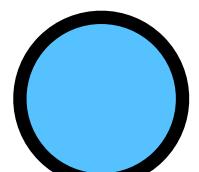
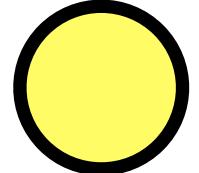
그래프 분류 모델

분류 결과

G: (1,

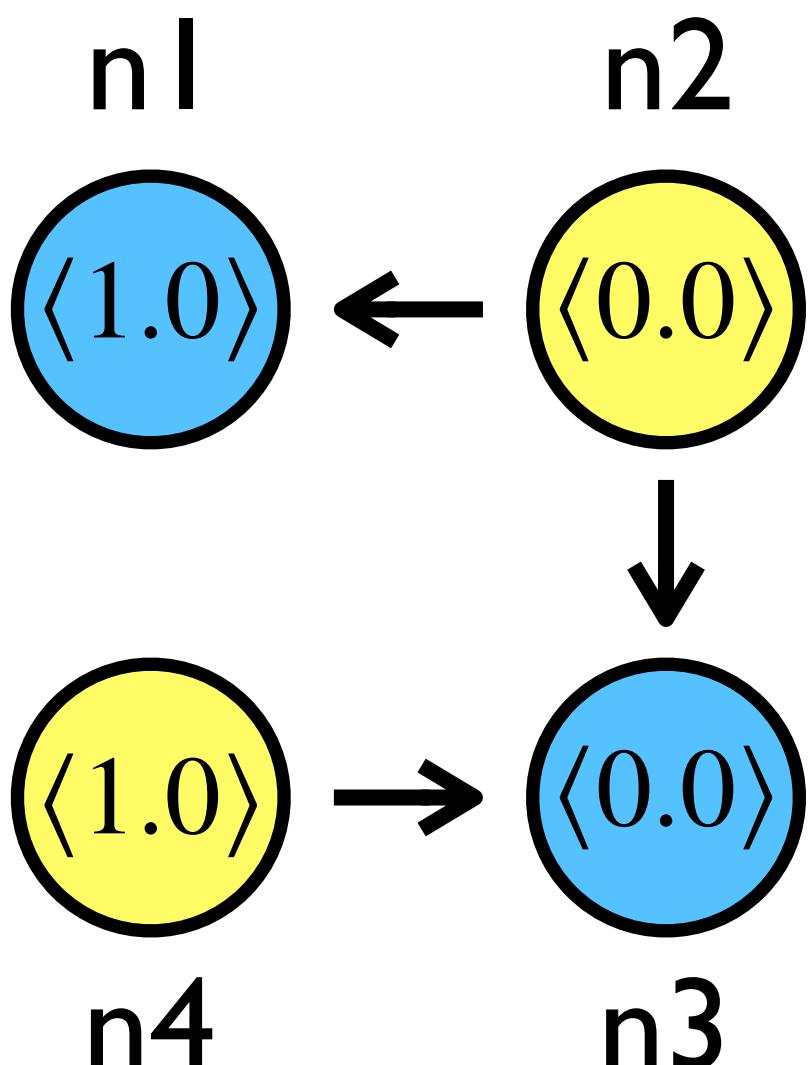
$\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$)

제공된 설명

 : label 1
 : label 2

모델의 성능:
 구성하고 있는 GDL 프로그램들로 인해 결정됨

정확도 : 1.0

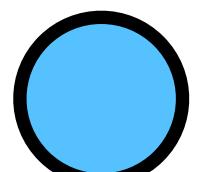
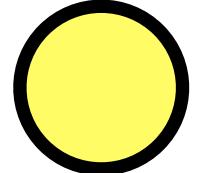


그래프 데이터

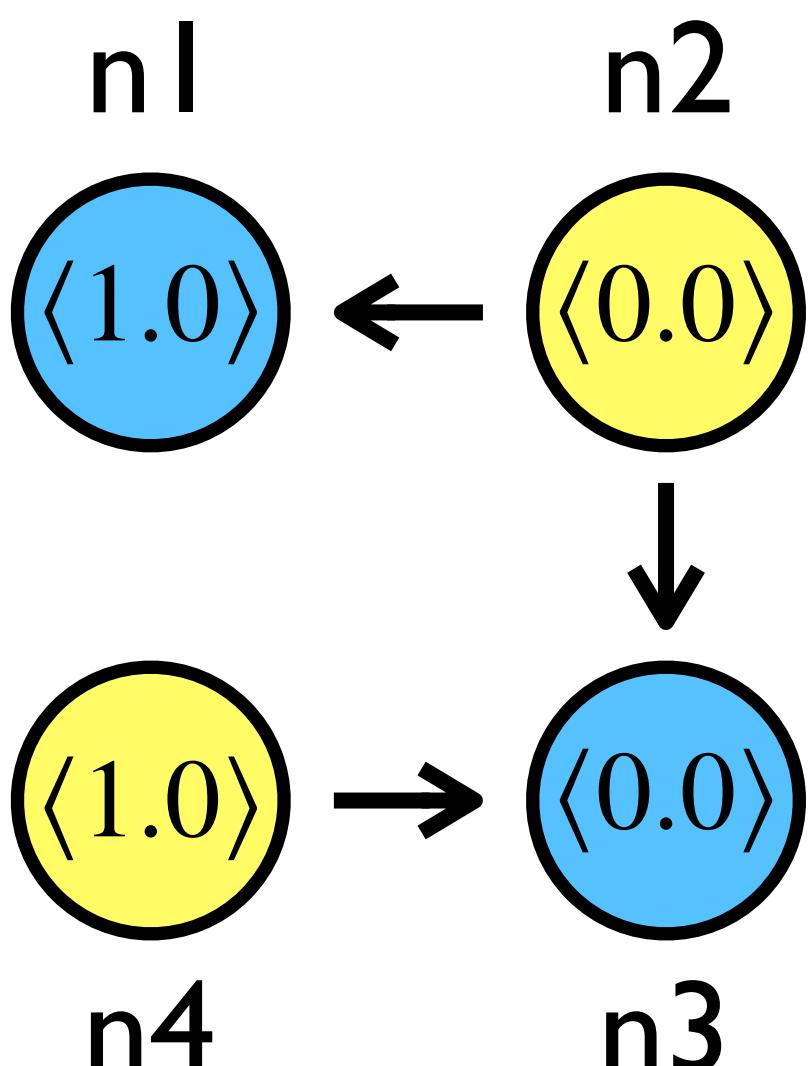
노드 분류 모델

n1: (1, $\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$)
 n2: (2, $\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle$)
 n3: (1, $\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$)
 n4: (2, $\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle$)

분류 결과 & 설명

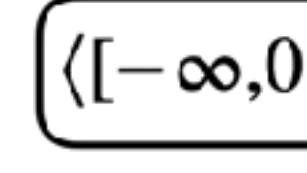
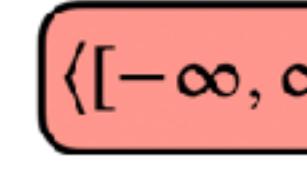
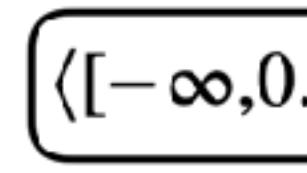
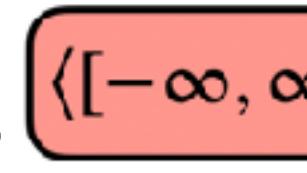
 : label 1
 : label 2

모델의 성능:
구성하고 있는 GDL 프로그램들로 인해 결정됨

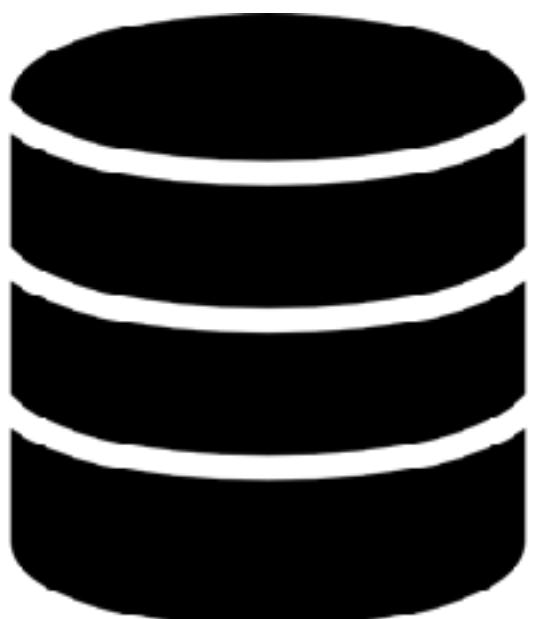


그래프 데이터

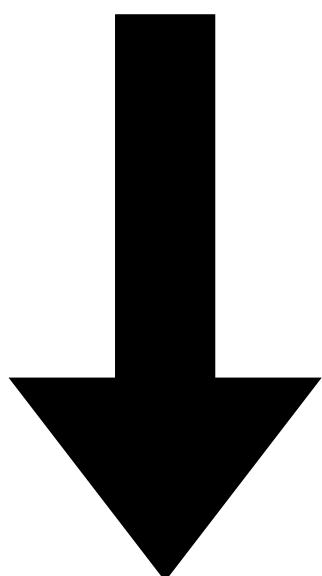
노드 분류 모델

n1: (2,  $\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$)
n2: (1,  $\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle$)
n3: (2,  $\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$)
n4: (1,  $\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle$)

분류 결과 & 설명

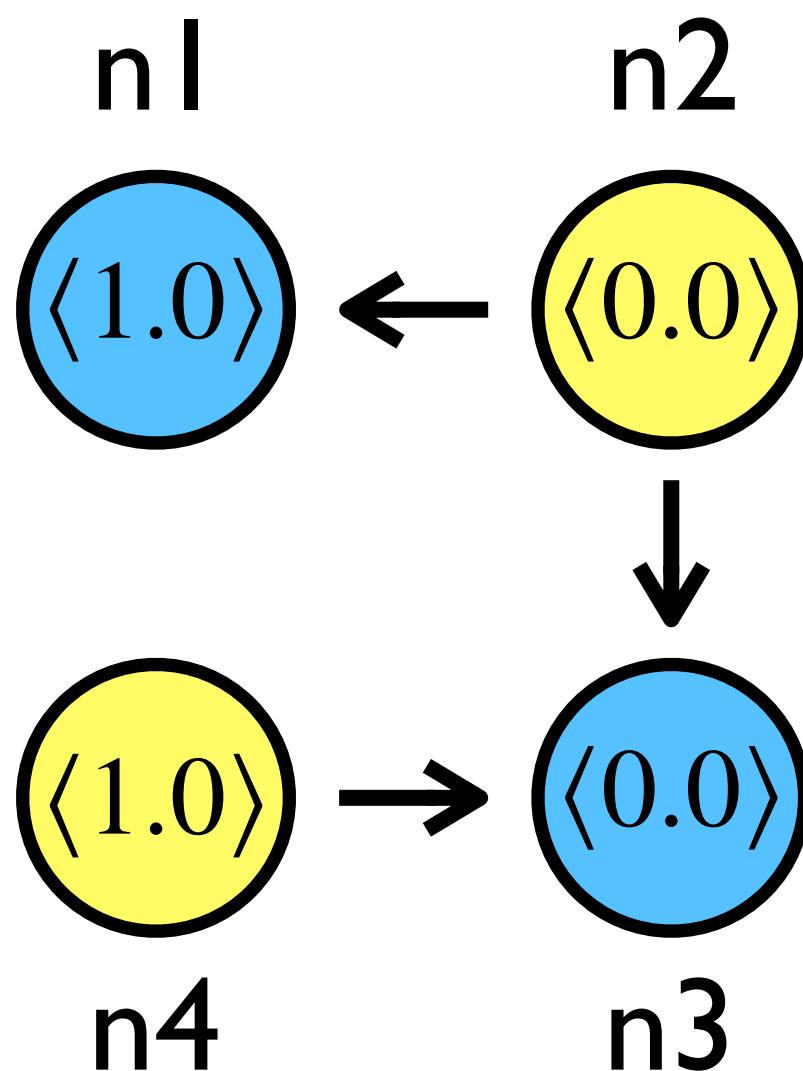


학습 데이터
(학습 그래프 데이터)



GDL 프로그램
합성 알고리즘

학습 목표:
고품질 GDL 프로그램 합성하기



{ ($\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$, 1, 0.8),
 ($\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle$, 2, 0.7),
 ($\langle [-\infty, \infty] \rangle$, 1, 0.0) }

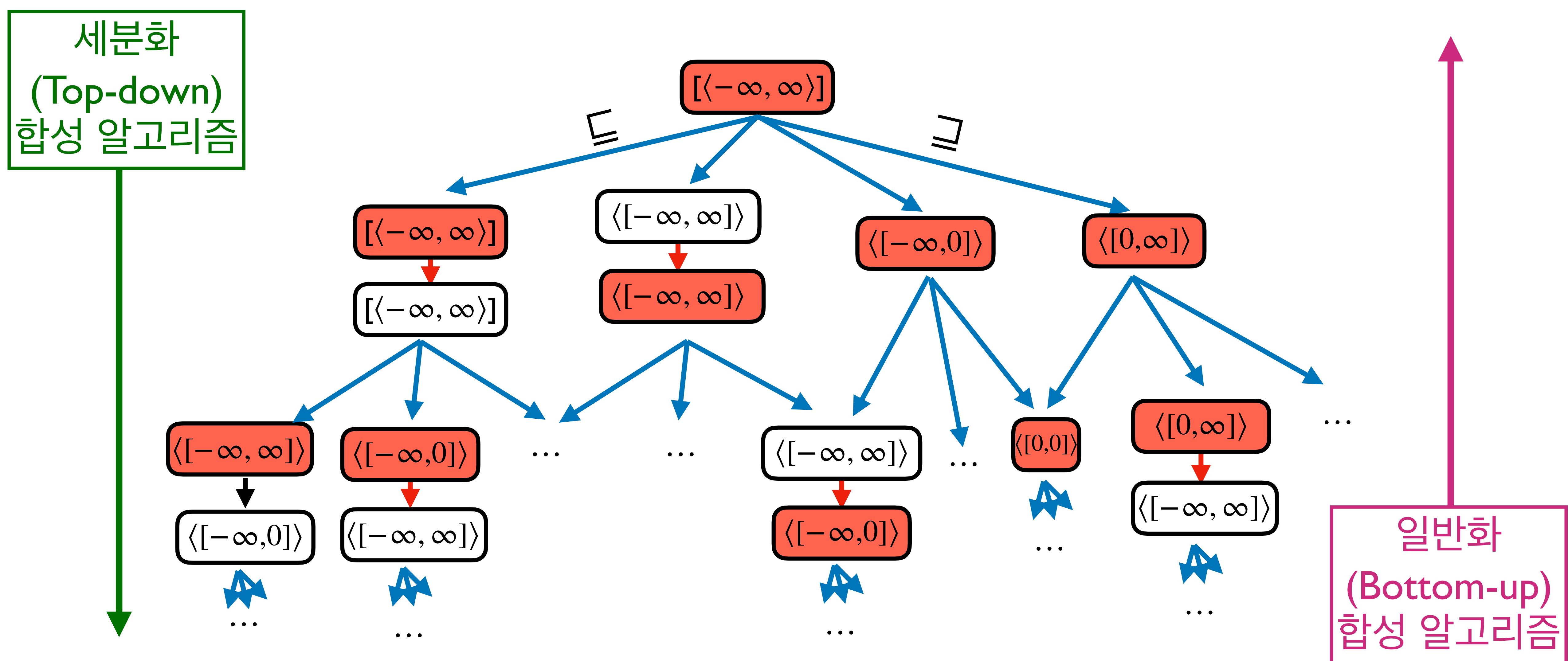
그래프 데이터

노드 분류 모델

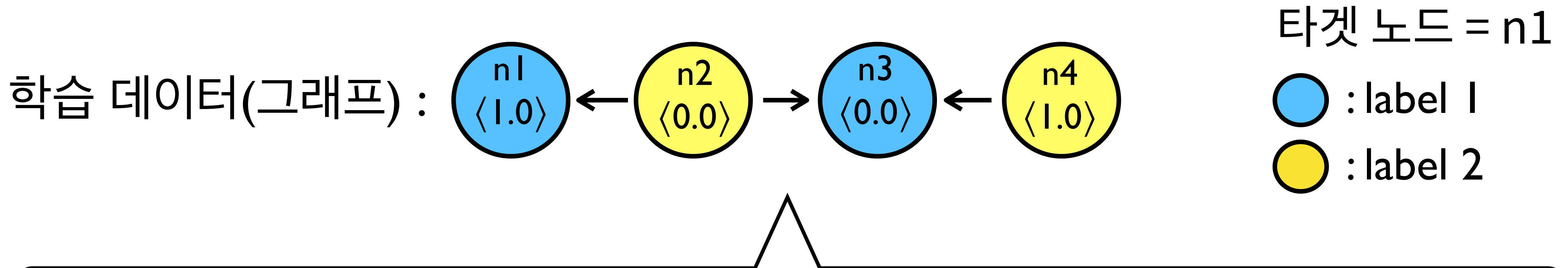
분류 결과 & 설명

n1: (1, $\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$)
n2: (2, $\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle$)
n3: (1, $\langle [-\infty, 0.5] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$)
n4: (2, $\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, 0.5] \rangle$)

- 임의의 그래프에 대해서 더 많이 고르는 프로그램일 수록 더 큰 (일반적인) 프로그램



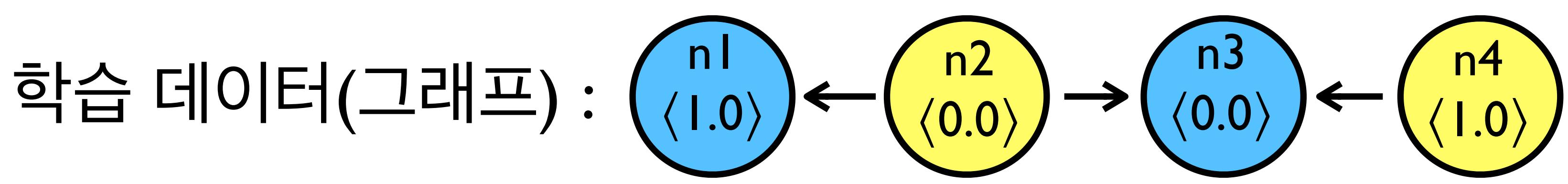
GDL 프로그램 합성 알고리즘



학습 목표

n1(타겟 노드)를 포함하면서, label 1(●)에 해당하는 노드들을 정밀(precise)하게 표현하는 GDL 프로그램 합성하기

세분화(Top-down) GDL 프로그램 합성 알고리즘



타겟 노드 = n1

● : label 1

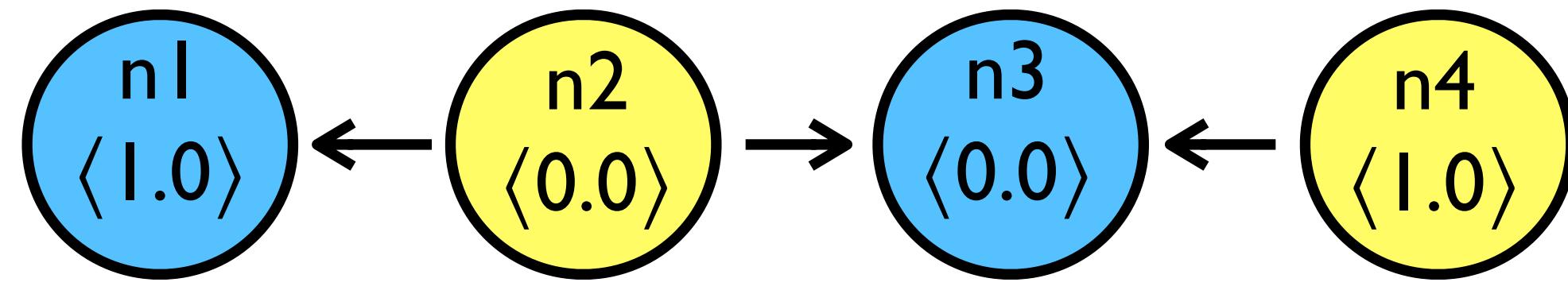
○ : label 2

(I) 가장 일반적인 패턴(간단한 GDL 프로그램)에서 부터 시작

$$\frac{\langle [-\infty, \infty] \rangle}{|\{n1, n3\}| + |\{n1, n2, n3, n4\}|} \quad \text{Score : 0.4}$$

세분화(Top-down) GDL 프로그램 합성 알고리즘

학습 데이터(그래프) :

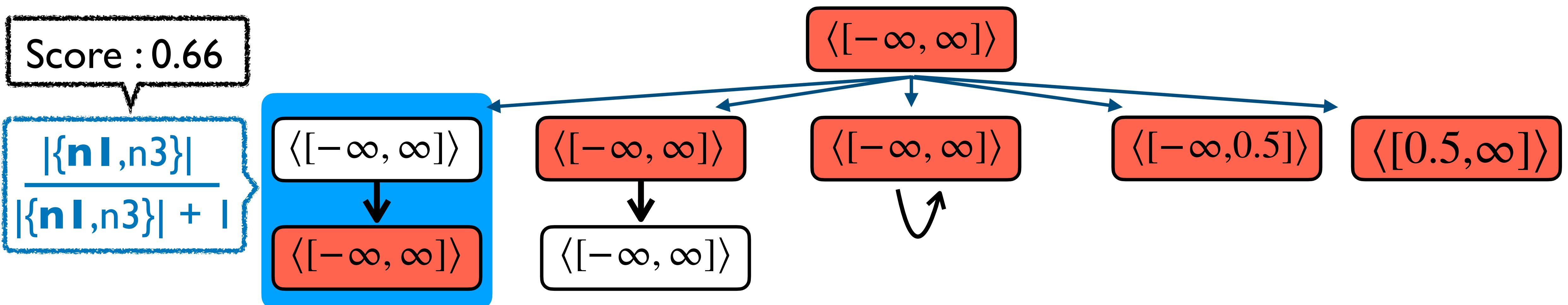


타겟 노드 = n1
● : label 1
○ : label 2

(I) 가장 일반적인 패턴(간단한 GDL 프로그램)에서 부터 시작

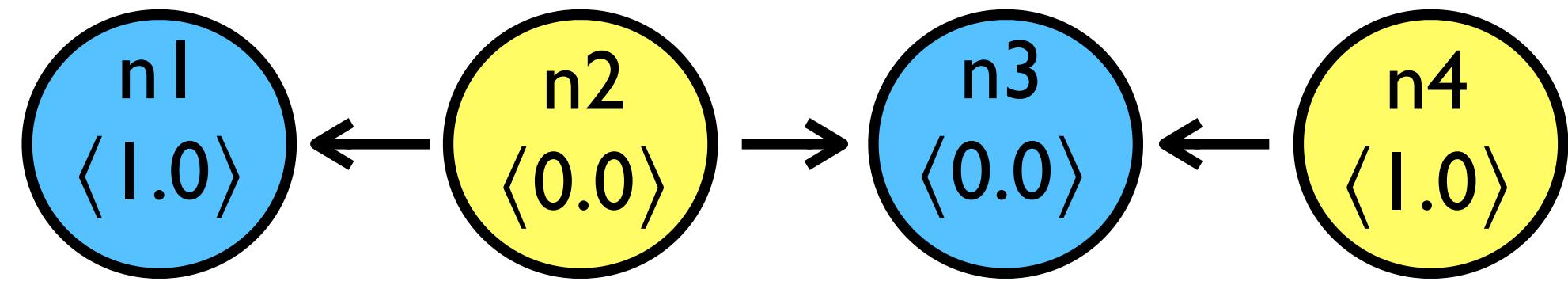


(2) 주어진 패턴을 다양하게 세분화하여 나열 후 더 높은 점수의 프로그램 선택 (나열 탐색)



세분화(Top-down) GDL 프로그램 합성 알고리즘

학습 데이터(그래프) :



타겟 노드 = n1

- : label 1
- : label 2

(1) 가장 일반적인 패턴(간단한 GDL 프로그램)에서 부터 시작

$\langle [-\infty, \infty] \rangle$ Score : 0.4

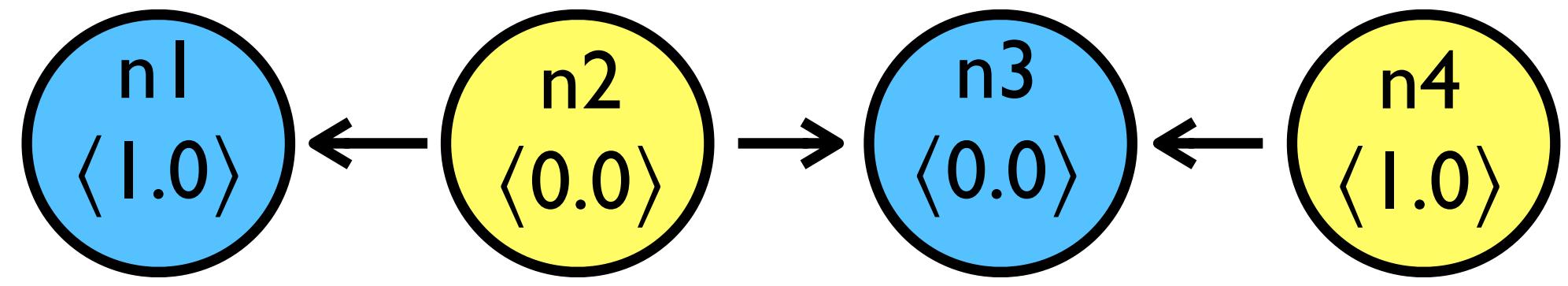
(2) 주어진 패턴을 다양하게 세분화하여 나열 후 더 높은 점수의 프로그램 선택 (나열 탐색)

$\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$ Score : 0.66

(3) 모든 나열된 패턴이 현재 패턴보다 같거나 낮은 점수를 가질 때 까지 (2)를 반복

세분화(Top-down) GDL 프로그램 합성 알고리즘

학습 데이터(그래프) :



타겟 노드 = n1

● : label 1

● : label 2

(1) 가장 일반적인 패턴(간단한 GDL 프로그램)에서 부터 시작

$\langle [-\infty, \infty] \rangle$ Score : 0.4

(2) 주어진 패턴을 다양하게 세분화하여 나열 후 더 높은 점수의 프로그램 선택 (나열 탐색)

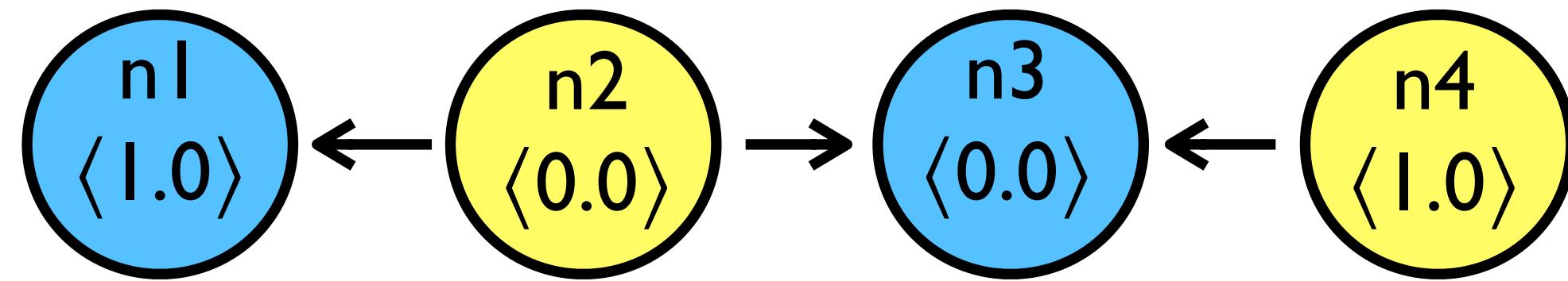
$\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$ Score : 0.66

(3) 모든 나열된 패턴이 현재 패턴보다 같거나 낮은 점수를 가질 때 까지 (2)를 반복

(4) 현재 패턴을 반환 ($\langle [-\infty, \infty] \rangle \rightarrow \langle [-\infty, \infty] \rangle$, label 1, 0.66)

일반화(Bottom-up) GDL 프로그램 합성 알고리즘

학습 데이터(그래프) :

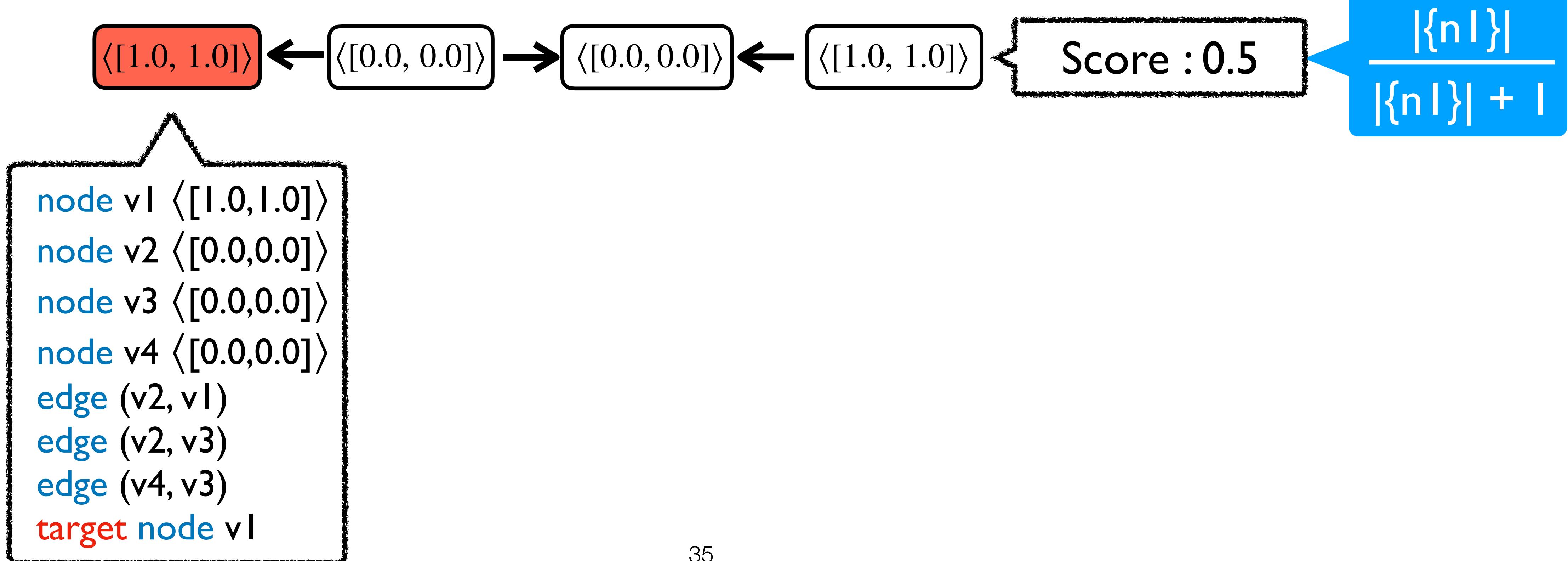


타겟 노드 = n1

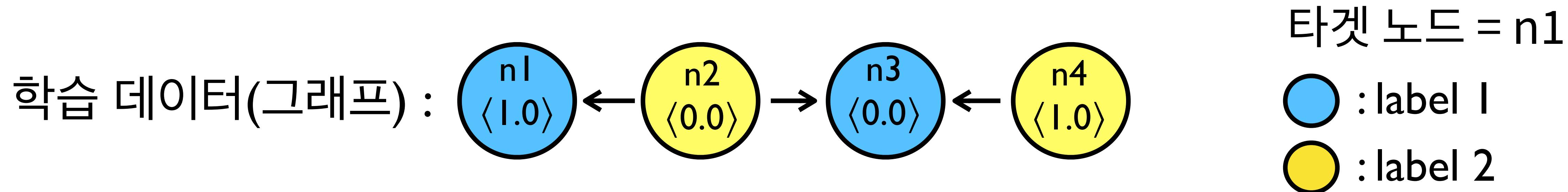
● : label 1

● : label 2

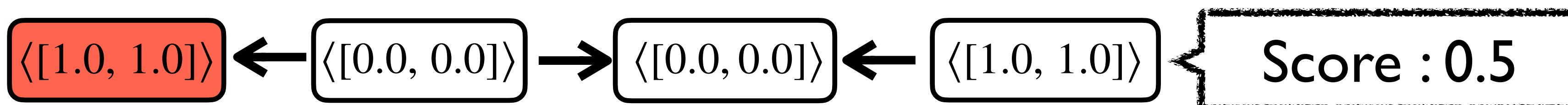
(I) 가장 세분화한 패턴(복잡한 GDL 프로그램)부터 시작



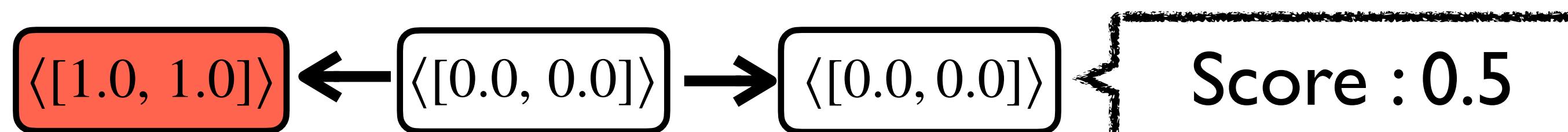
일반화(Bottom-up) GDL 프로그램 합성 알고리즘



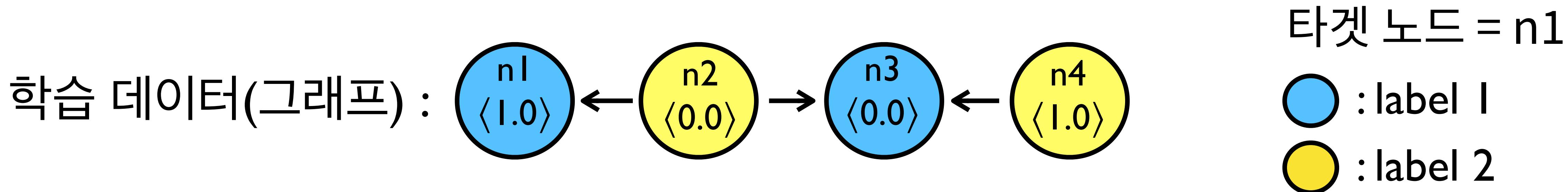
(1) 가장 세분화한 패턴(복잡한 GDL 프로그램)부터 시작



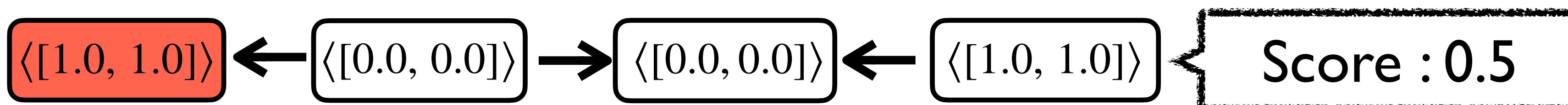
(2) 주어진 패턴을 다양하게 간단화하여 나열 후 같거나 더 높은 점수의 패턴을 선택 (나열 탐색)



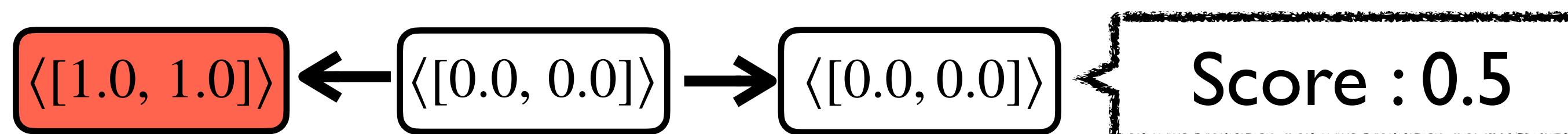
일반화(Bottom-up) GDL 프로그램 합성 알고리즘



(1) 가장 세분화한 패턴(복잡한 GDL 프로그램)부터 시작

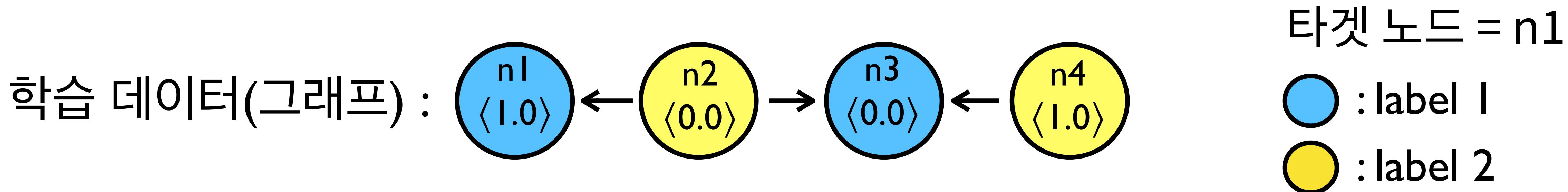


(2) 주어진 패턴을 다양하게 간단화하여 나열 후 같거나 더 높은 점수의 패턴을 선택 (나열 탐색)

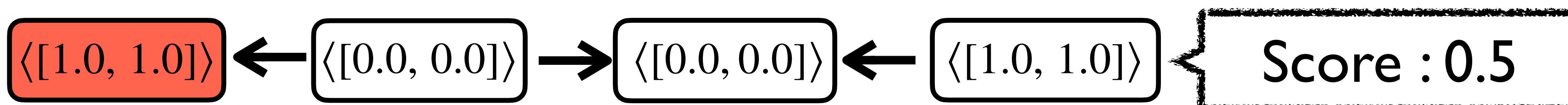


(3) 모든 나열된 패턴이 현재 패턴보다 낮은 점수를 가질 때 까지 (2)를 반복

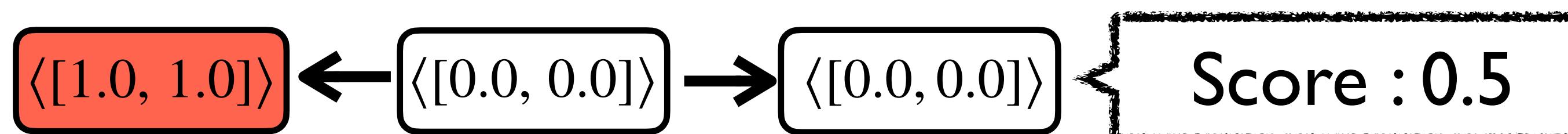
일반화(Bottom-up) GDL 프로그램 합성 알고리즘



(1) 가장 세분화한 패턴(복잡한 GDL 프로그램)부터 시작

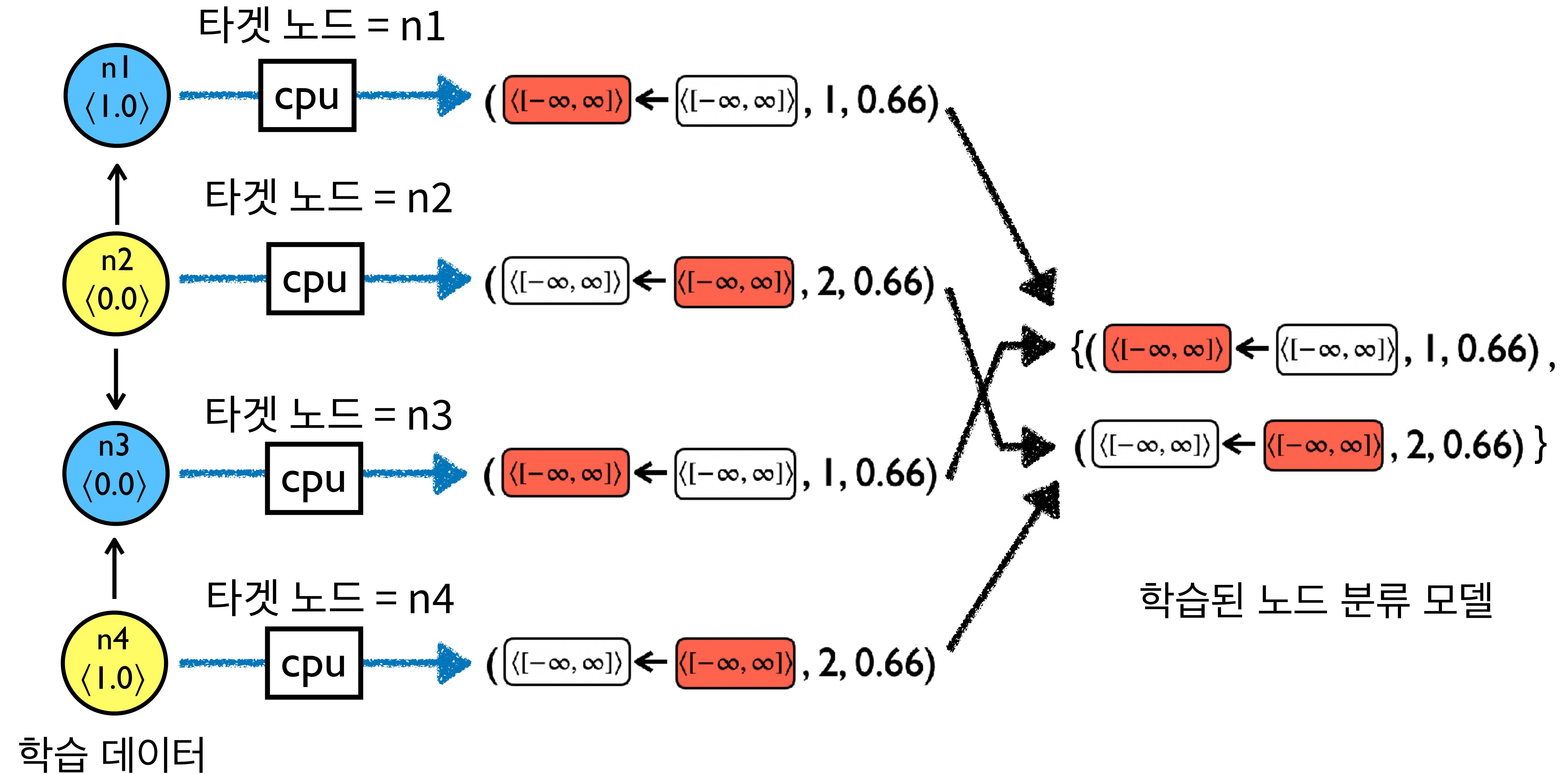


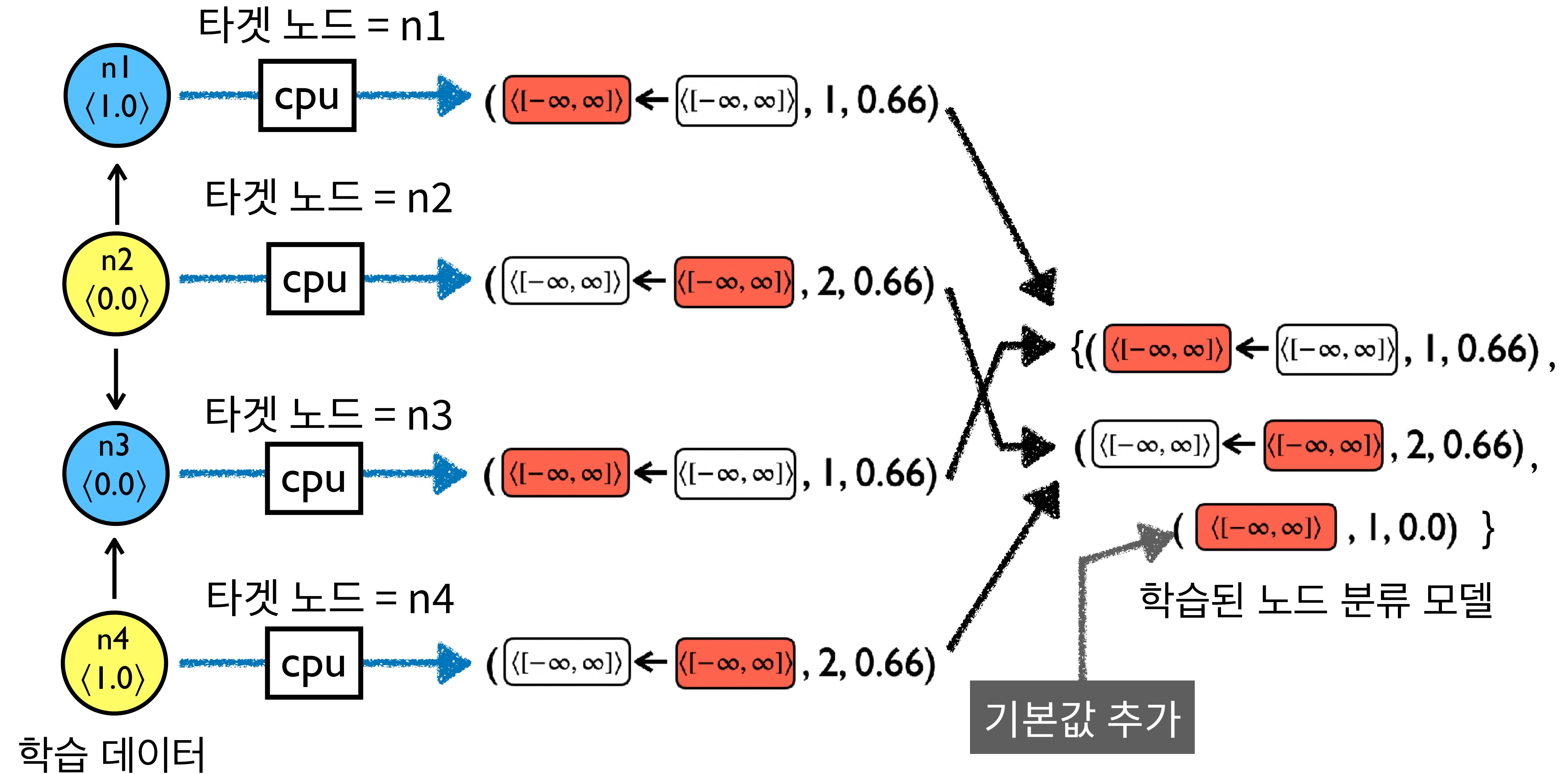
(2) 주어진 패턴을 다양하게 간단화하여 나열 후 같거나 더 높은 점수의 패턴을 선택 (나열 탐색)



(3) 모든 나열된 패턴이 현재 패턴보다 낮은 점수를 가질 때 까지 (2)를 반복

(4) 현재 패턴을 반환 ($\langle[-\infty, \infty]\rangle \leftarrow \langle[-\infty, \infty]\rangle, l, 0.66$)





실험

- RQ 1 (정확도): 우리의 방법(PL4XGL)은 정확하게 분류하는가?
- RQ 2 (비용): 우리의 방법(PL4XGL)의 (학습/분류/설명) 비용은 어떠한가?
- RQ 3 (설명력): 우리의 방법(PL4XGL)의 설명의 품질은 어떠한가?

(RQ I) 정확도 비교

	GCN	GAT	CHEBYNET	JKNET	GRAPHSAGE	GIN	DGCN	PL4XGL
MUTAG	80.0±0.0	89.0±2.2	86.0±4.1	68.0±7.5	78.0±4.4	91.0±5.4	N/A	100.0±0.0
BBBP	83.6±1.4	82.3±1.6	84.6±1.0	85.6±1.9	86.6±0.9	86.2±1.4	N/A	86.8±0.0
BACE	78.4±2.8	52.4±3.3	78.9±1.4	79.9±1.9	79.8±0.8	80.9±0.4	N/A	80.9±0.0
HIV	96.4±0.0	96.4±0.0	96.8±0.2	96.8±0.1	96.9±0.2	96.8±0.1	N/A	N/A
BA-SHAPES	95.1±0.6	76.8±2.3	97.1±0.0	94.3±0.0	97.1±0.0	92.0±1.1	95.1±0.7	95.7±0.0
TREE-CYCLES	97.7±0.0	90.9±0.0	100.0±0.0	98.9±0.0	100.0±0.0	93.2±0.0	99.2±0.5	100.0±0.0
WISCONSIN	64.0±0.0	49.6±3.1	86.4±3.9	64.8±1.5	92.8±2.9	56.0±0.0	96.0±0.0	88.0±0.0
TEXAS	67.7±5.3	50.0±0.0	87.7±2.1	68.8±4.3	86.6±2.6	50.0±0.0	86.6±2.6	83.3±0.0
CORNELL	58.9±2.6	61.1±0.0	81.0±6.5	61.1±0.0	87.7±2.1	61.1±0.0	86.6±2.6	88.8±0.0
CORA	85.6±0.3	86.4±1.8	86.5±5.2	84.9±3.5	86.3±3.2	86.7±0.0	83.2±5.9	80.0± 0.0
CITESEER	75.2±0.0	74.3±0.7	79.1±0.9	73.7±4.2	75.9±2.3	75.2±0.0	71.3±6.0	63.8± 0.0
PUBMED	82.8±1.1	84.7±1.2	88.7±1.0	83.2±0.4	88.0±0.4	86.1±0.6	85.1±0.6	81.4±0.0

그래프 (분자 구조) 분류 데이터셋

비교

MUTAG	83	GCN	100.0±0.0	OGCN	N/A	PL4XGL	100.0±0.0
BBBP	78				N/A		86.8±0.0
BACE	96				N/A		80.9±0.0
HIV					N/A		N/A
BA-SHAPES	95				.1±0.7	95.7±0.0	
TREE-CYCLES	97				.2±0.5	100.0±0.0	
WISCONSIN	64				.0±0.0	88.0±0.0	
TEXAS	67				.6±2.6	83.3±0.0	
CORNELL	58				.6±2.6	88.8±0.0	
CORA	85				.2±5.9	80.0± 0.0	
CITESEER	75.2±0.0	74.5±0.7	79.1±0.9	75.7±4.2	75.9±2.5	75.2±0.0	71.3±6.0
PUBMED	82.8±1.1	84.7±1.2	88.7±1.0	83.2±0.4	88.0±0.4	86.1±0.6	85.1±0.6

MUTAG 데이터셋

- 분자구조 그래프 분류 데이터셋
- 총 188개의 그래프 (총 3771개의 노드)
- 각 노드는 7개중 하나의 특질을 가짐
 - C N O F I Cl Br
- 각 엣지는 4개중 하나의 특질을 가짐
 - aromatic single double triple
- 분자의 박테리아 반응 여부 (양성/음성)

MUTAG에 있는 그래프

```

graph TD
    C1((C)) ---|single| C2((C))
    C1 ---|double| C3((C))
    C1 ---|triple| O1((O))
    C2 ---|aromatic| C4((C))
    C2 ---|triple| N1((N))
    C3 ---|aromatic| C5((C))
    C3 ---|triple| N2((N))
    O1 ---|single| N1
    N1 ---|single| C4
    N1 ---|single| C5
    C4 ---|aromatic| C6((C))
    C4 ---|triple| N3((N))
    C5 ---|aromatic| C7((C))
    C5 ---|triple| N4((N))
    N2 ---|single| C6
    N2 ---|single| C7
    N3 ---|single| C8((C))
    N3 ---|triple| O2((O))
    C6 ---|aromatic| C8
    C7 ---|aromatic| C8
    O2 ---|single| N4
    
```

(RQ I) 정확도 비교

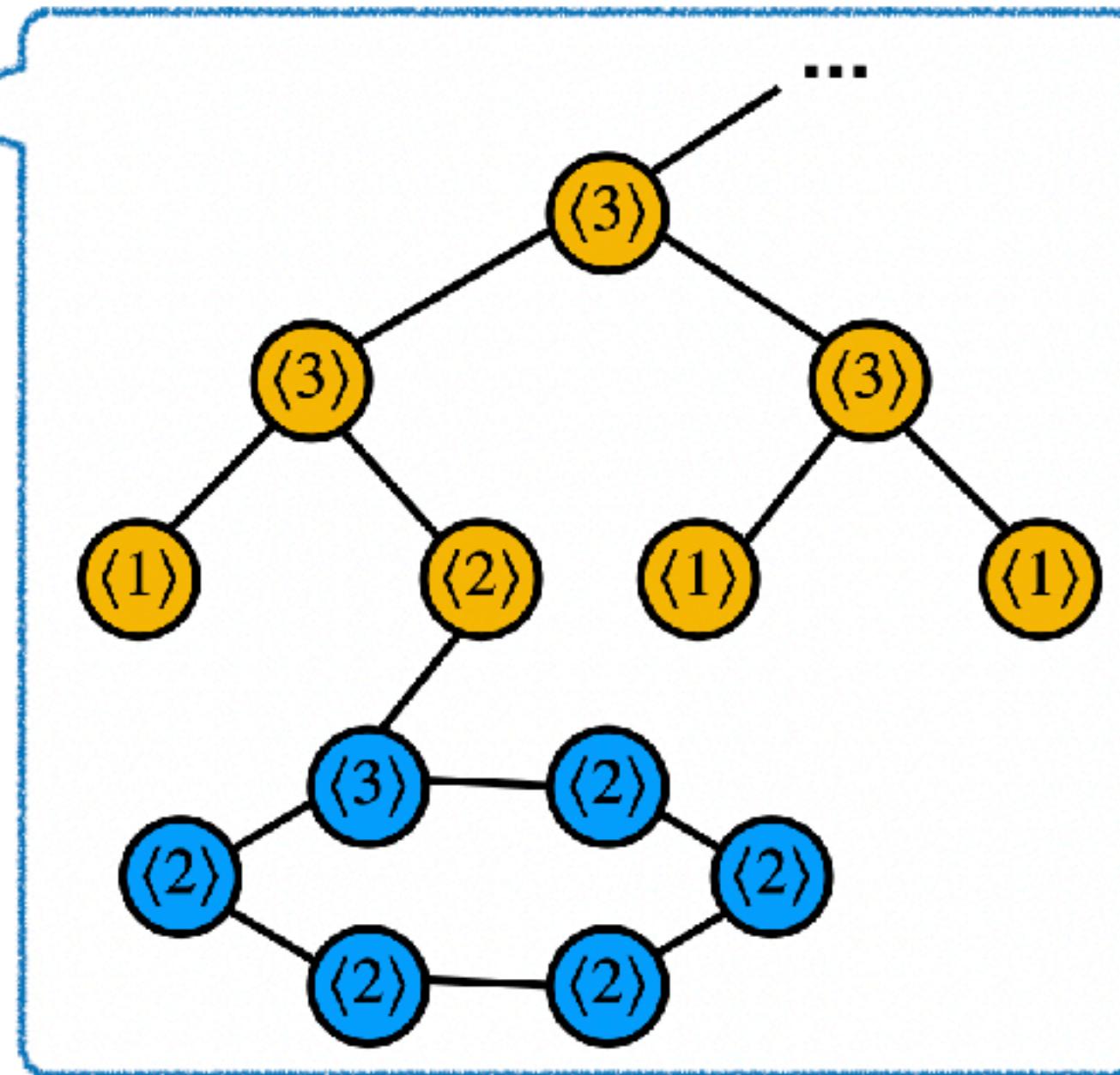
	GCN	GAT	CHEBYNET	JKNET	GRAPHSAGE	GIN	DGCN	PL4XGL
MUTAG	80.0±0.0	89.0±2.2	86.0±4.1	68.0±7.5	78.0±4.4	91.0±5.4	N/A	100.0±0.0
BBBP	83.6±1.4	82.3±1.6	84.6±1.0	85.6±1.9	86.6±0.9	86.2±1.4	N/A	86.8±0.0
BACE	78.4±2.8	52.4±3.3	78.9±1.4	79.9±1.9	79.8±0.8	80.9±0.4	N/A	80.9±0.0
HIV	96.4±0.0	96.4±0.0	96.8±0.2	96.8±0.1	96.9±0.2	96.8±0.1	N/A	N/A
BA-TREE	분자구조 분류 데이터셋에서 GNN보다 높은 정확도를 보임							
WIS-T-Co.	<ul style="list-style-type: none"> • 분자구조 데이터셋은 신약 개발과 관련되어 분류에 대한 설명이 요구됨 							
CORA	85.6±0.3	86.4±1.8	86.5±5.2	84.9±3.5	86.3±3.2	86.7±0.0	83.2±5.9	80.0± 0.0
CITESEER	75.2±0.0	74.3±0.7	79.1±0.9	73.7±4.2	75.9±2.3	75.2±0.0	71.3±6.0	63.8± 0.0
PUBMED	82.8±1.1	84.7±1.2	88.7±1.0	83.2±0.4	88.0±0.4	86.1±0.6	85.1±0.6	81.4±0.0

(RQ I) 정확도 비교

	GCN	GAT	CHEBYNET	JKNET	GRAPHSAGE	GIN	DGCN	PL4XGL
MUTAG	80.0±0.0	89.0±2.2	86.0±4.1	68.0±7.5	78.0±4.4	91.0±5.4	N/A	100.0±0.0
BBBP	83.6±1.4	82.3±1.6	84.6±1.0	85.6±1.9	86.6±0.9	86.2±1.4	N/A	86.8±0.0
BACE	78.9±0.5	82.3±0.6	83.6±0.5	84.6±0.6	85.6±0.5	86.6±0.5	A	80.9±0.0
HIV	96.0±0.0	96.0±0.0	96.0±0.0	96.0±0.0	96.0±0.0	96.0±0.0	A	N/A
BA-SHAPES	95.0±0.7	95.0±0.7	95.0±0.7	95.0±0.7	95.0±0.7	95.0±0.7	95.0±0.7	95.7±0.0
TREE-CYCLES	92.0±0.5	92.0±0.5	92.0±0.5	92.0±0.5	92.0±0.5	92.0±0.5	92.0±0.5	100.0±0.0
WISCONSIN	64.0±0.0	64.0±0.0	64.0±0.0	64.0±0.0	64.0±0.0	64.0±0.0	64.0±0.0	88.0±0.0
TEXAS	67.0±2.6	67.0±2.6	67.0±2.6	67.0±2.6	67.0±2.6	67.0±2.6	67.0±2.6	83.3±0.0
CORNELL	58.0±2.6	58.0±2.6	58.0±2.6	58.0±2.6	58.0±2.6	58.0±2.6	58.0±2.6	88.8±0.0
CORA	85.0±5.9	85.0±5.9	85.0±5.9	85.0±5.9	85.0±5.9	85.0±5.9	85.0±5.9	80.0± 0.0
CITESEER	75.0±6.0	75.0±6.0	75.0±6.0	75.0±6.0	75.0±6.0	75.0±6.0	75.0±6.0	63.8± 0.0
PUBMED	82.0±0.6	82.0±0.6	82.0±0.6	82.0±0.6	82.0±0.6	82.0±0.6	82.0±0.6	81.4±0.0

Tree-Cycles 데이터셋

- 인위적으로 제작한 노드 분류 데이터셋
- 총 2종류(○ ○)의 노드가 있음
 - 각 노드는 degree를 특질로 가짐
 - 는 8-level 이진 트리의 노드
 - 는 6개 노드로 구성된 사이클의 노드



Label 1 (이진 트리)

 $\langle [3,5] \rangle$  $\langle [3,3] \rangle$  $\langle [3,3] \rangle$ $\langle [-\infty, \infty] \rangle$  $\langle [2,3] \rangle$  $\langle [1,1] \rangle$ $\langle [1,1] \rangle$

Label 2 (사이클)

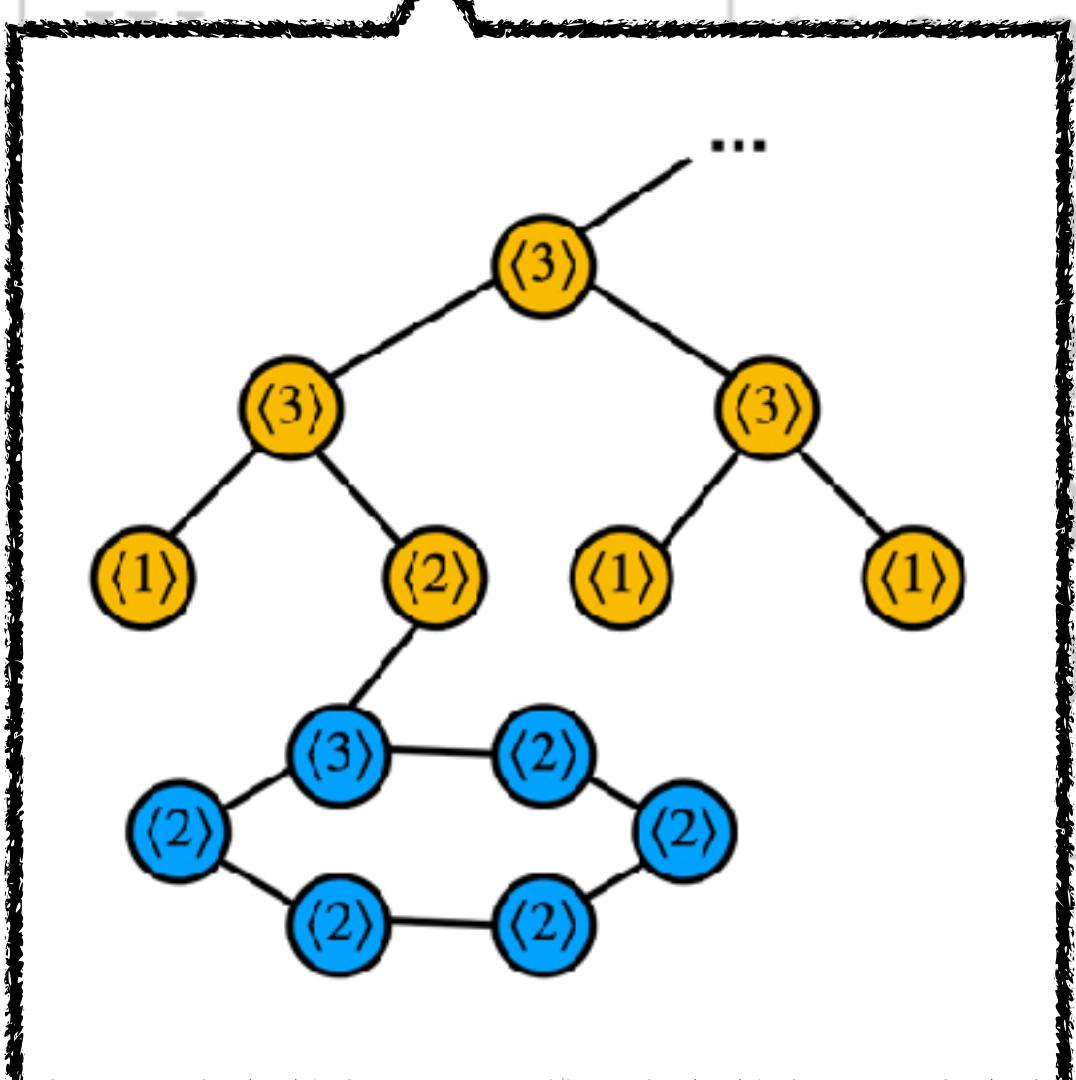
 $\langle [-\infty, \infty] \rangle$  $\langle [1,2] \rangle$  $\langle [1,2] \rangle$

	GCN							
MUTAG	80.0±0.0	8	83.6±1.4	8	78.4±2.8	5	96.4±0.0	9
BBBP	83.6±1.4	8	83.6±1.4	8	83.6±1.4	8	83.6±1.4	8
BACE	78.4±2.8	5	78.4±2.8	5	78.4±2.8	5	78.4±2.8	5
HIV	96.4±0.0	9	96.4±0.0	9	96.4±0.0	9	96.4±0.0	9

BA-SHAPES

95.1±0.6 76.8±2.3 **97.1±0.0** 94.3±0.0 **97.1±0.0** 92.0±1.1 95.1±0.7 95.7±0.0

TREE-CYCLES

97.7±0.0 90.9±0.0 **100.0±0.0** 98.9±0.0 **100.0±0.0** 93.2±0.0 99.2±0.5 **100.0±0.0**

0.0	49.6±3.1	86.4±3.9	64.8±1.5	92.8±2.9	56.0±0.0	96.0±0.0	88.0±0.0
0.3	50.0±0.0	87.7±2.1	68.8±4.3	86.6±2.6	50.0±0.0	86.6±2.6	83.3±0.0
0.6	61.1±0.0	81.0±6.5	61.1±0.0	87.7±2.1	61.1±0.0	86.6±2.6	88.8±0.0
0.3	86.4±1.8	86.5±5.2	84.9±3.5	86.3±3.2	86.7±0.0	83.2±5.9	80.0± 0.0
0.0	74.3±0.7	79.1±0.9	73.7±4.2	75.9±2.3	75.2±0.0	71.3±6.0	63.8± 0.0
0.1	84.7±1.2	88.7±1.0	83.2±0.4	88.0±0.4	86.1±0.6	85.1±0.6	81.4±0.0

(RQ I) 정확도 비교

	GCN	GAT	CHEBYNET	JKNET	GRAPHSAGE	GIN	DGCN	PL4XGL
MUTAG	80.0±0.0	89.0±2.2	86.0±4.1	68.0±7.5	78.0±4.4	91.0±5.4	N/A	100.0±0.0
BBBP	83.6±1.4	82.3±1.6	84.6±1.0	85.6±1.9	86.6±0.9	86.2±1.4	N/A	86.8±0.0
BACE	78.4±2.8	52.4±3.3	78.9±1.4	79.9±1.9	79.8±0.8	80.9±0.4	N/A	80.9±0.0
HIV	96.4±0.0	96.4±0.0	96.8±0.2	96.8±0.1	96.9±0.2	96.8±0.1	N/A	N/A
BA-SHAPES	95.1±0.6	76.8±2.3	97.1±0.0	94.3±0.0	97.1±0.0	92.0±1.1	95.1±0.7	I ~3 등
TREE-CYCLES	97.7±0.0	90.9±0.0	100.0±0.0	98.9±0.0	100.0±0.0	93.2±0.0	99.2±0.5	100.0±0.0
WISCONSIN	64.0±0.0	49.6±3.1	86.4±3.9	64.8±1.5	92.8±2.9	56.0±0.0	96.0±0.0	88.0±0.0
TEXAS	67.7±5.3	50.0±0.0	87.7±2.1	68.8±4.3	86.6±2.6	50.0±0.0	86.6±2.6	83.3±0.0
CORNELL	58.9±2.6	61.1±0.0	81.0±6.5	61.1±0.0	87.7±2.1	61.1±0.0	86.6±2.6	88.8±0.0
CORA	85.6±0.3	86.4±1.8	86.5±5.2	84.9±3.5	86.3±3.2	86.7±0.0	83.2±5.9	80.0± 0.0
CITESEER	75.2±0.0	74.3±0.7	79.1±0.9	73.7±4.2	75.9±2.3	75.2±0.0	71.3±6.0	63.8± 0.0
PUBMED	82.8±1.1	84.7±1.2	88.7±1.0	83.2±0.4	88.0±0.4	86.1±0.6	85.1±0.6	81.4±0.0

꼴등

(RQ I) 정확도 비교

	GCN	GAT	CHEBYNET	JKNET	GRAPHSAGE	GIN	DGCN	PL4XGL
MUTAG	80.0±0.0	89.0±2.2	86.0±4.1	68.0±7.5	78.0±4.4	91.0±5.4	N/A	100.0±0.0
BBBP	83.6±1.4	82.3±1.6	84.6±1.0	85.6±1.9	86.6±0.9	86.2±1.4	N/A	86.8±0.0
BACE	78.4±2.8	52.4±3.3	78.9±1.4	79.9±1.9	79.8±0.8	80.9±0.4	N/A	80.9±0.0
HIV	96.4±0.0	96.4±0.0	96.8±0.2	96.8±0.1	96.9±0.2	96.8±0.1	N/A	N/A
BA-SHAPES	95.1±0.6	76.8±2.3	97.1±0.0	94.3±0.0	97.1±0.0	92.0±1.1	95.1±0.7	95.7±0.0
TREE-CYCLES	97.7±0.0	90.9						
WISCONSIN	64.0±0.0	49.6						
TEXAS	67.7±5.3	50.0						
CORNELL	58.9±2.6	61.1						
CORA	85.6±0.3	86.4						
CITESEER	75.2±0.0	74.3±0.7	75.1±0.5	75.7±1.2	75.9±2.5	75.2±0.6	71.5±0.6	65.8±0.0
PUBMED	82.8±1.1	84.7±1.2	88.7±1.0	83.2±0.4	88.0±0.4	86.1±0.6	85.1±0.6	81.4±0.0

가장 큰 데이터 셋인 HIV에서는 학습에 실패함

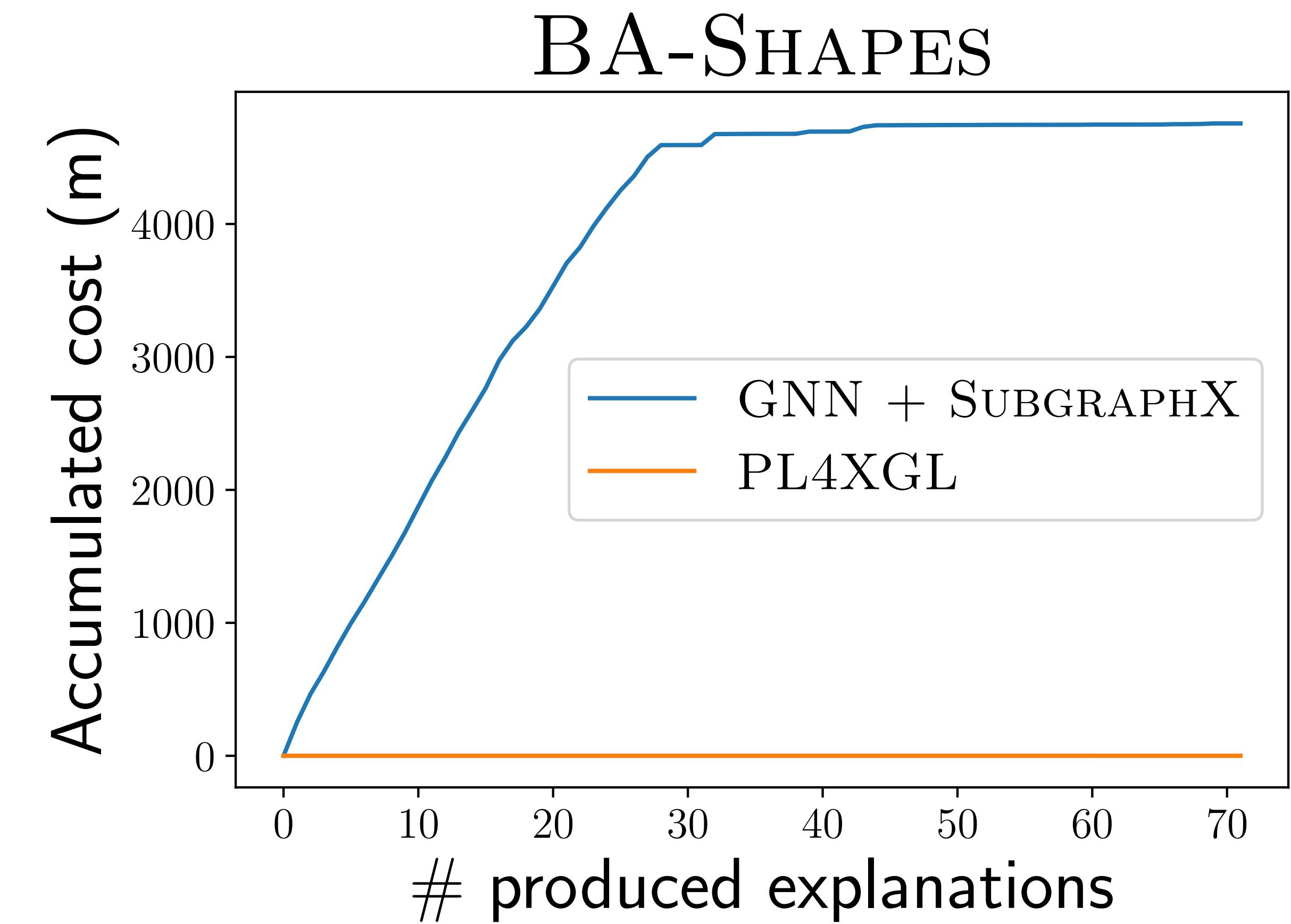
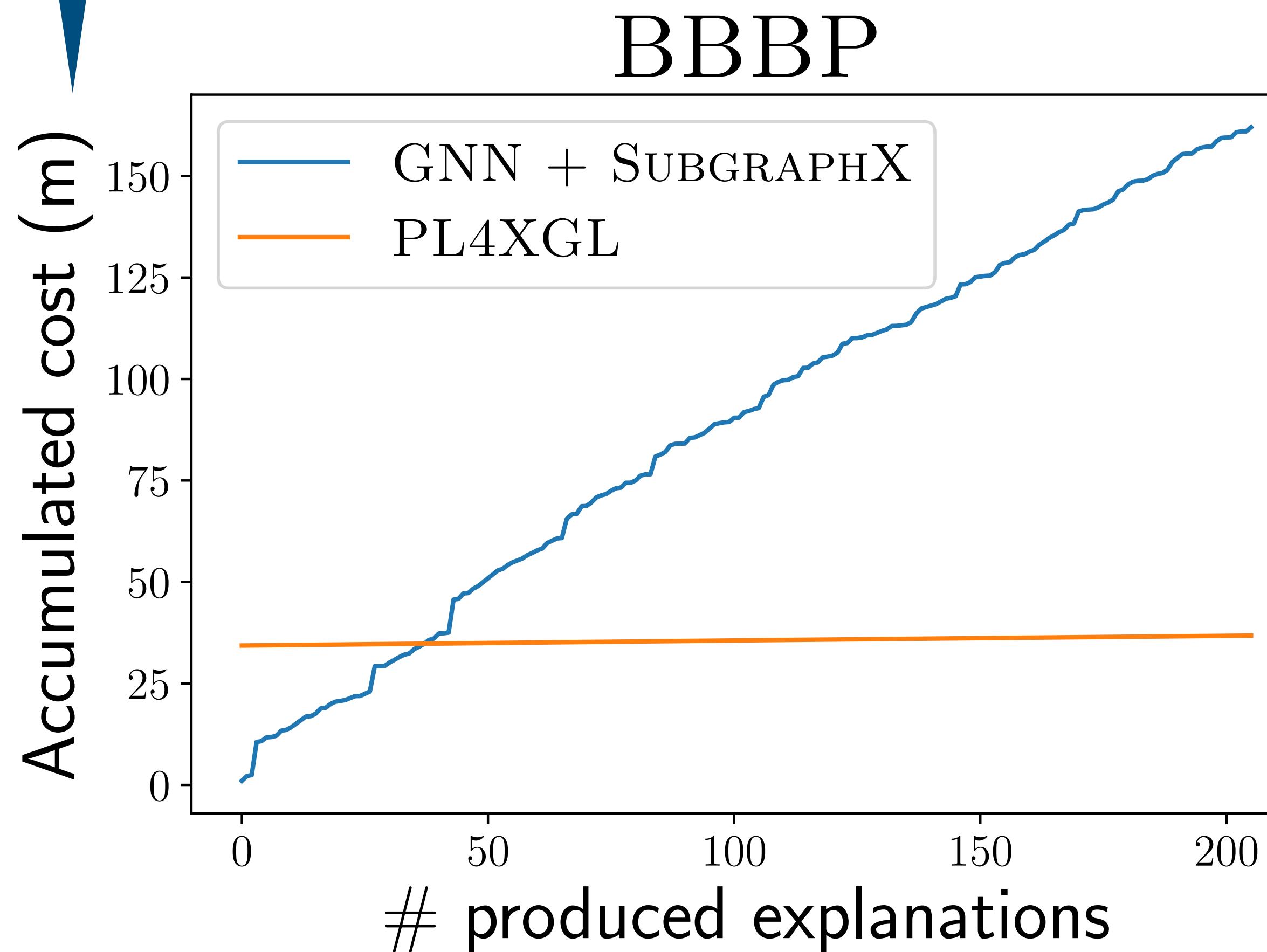
- HIV는 노드 1049163개로 이루어진 데이터셋
- 실패 기준은 48시간 내에 학습이 끝나는지 여부

- (RQ I) GNN과 비교해 정확도는 비등비등함

	GCN	GAT	CHEBYNET	JKNET	GRAPHSAGE	GIN	DGCN	PL4XGL
MUTAG	80.0±0.0	89.0±2.2	86.0±4.1	68.0±7.5	78.0±4.4	91.0±5.4	N/A	100.0±0.0
BBBP	83.6±1.4	82.3±1.6	84.6±1.0	85.6±1.9	86.6±0.9	86.2±1.4	N/A	86.8±0.0
BACE	78.4±2.8	52.4±3.3	78.9±1.4	79.9±1.9	79.8±0.8	80.9±0.4	N/A	80.9±0.0
HIV	96.4±0.0	96.4±0.0	96.8±0.2	96.8±0.1	96.9±0.2	96.8±0.1	N/A	N/A
BA-SHAPES	95.1±0.6	76.8±2.3	97.1±0.0	94.3±0.0	97.1±0.0	92.0±1.1	95.1±0.7	95.7±0.0
TREE-CYCLES	97.7±0.0	90.9±0.0	100.0±0.0	98.9±0.0	100.0±0.0	93.2±0.0	99.2±0.5	100.0±0.0
WISCONSIN	64.0±0.0	49.6±3.1	86.4±3.9	64.8±1.5	92.8±2.9	56.0±0.0	96.0±0.0	88.0±0.0
TEXAS	67.7±5.3	50.0±0.0	87.7±2.1	68.8±4.3	86.6±2.6	50.0±0.0	86.6±2.6	83.3±0.0
CORNELL	58.9±2.6	61.1±0.0	81.0±6.5	61.1±0.0	87.7±2.1	61.1±0.0	86.6±2.6	88.8±0.0
CORA	85.6±0.3	86.4±1.8	86.5±5.2	84.9±3.5	86.3±3.2	86.7±0.0	83.2±5.9	80.0± 0.0
CITESEER	75.2±0.0	74.3±0.7	79.1±0.9	73.7±4.2	75.9±2.3	75.2±0.0	71.3±6.0	63.8± 0.0
PUBMED	82.8±1.1	84.7±1.2	88.7±1.0	83.2±0.4	88.0±0.4	86.1±0.6	85.1±0.6	81.4±0.0

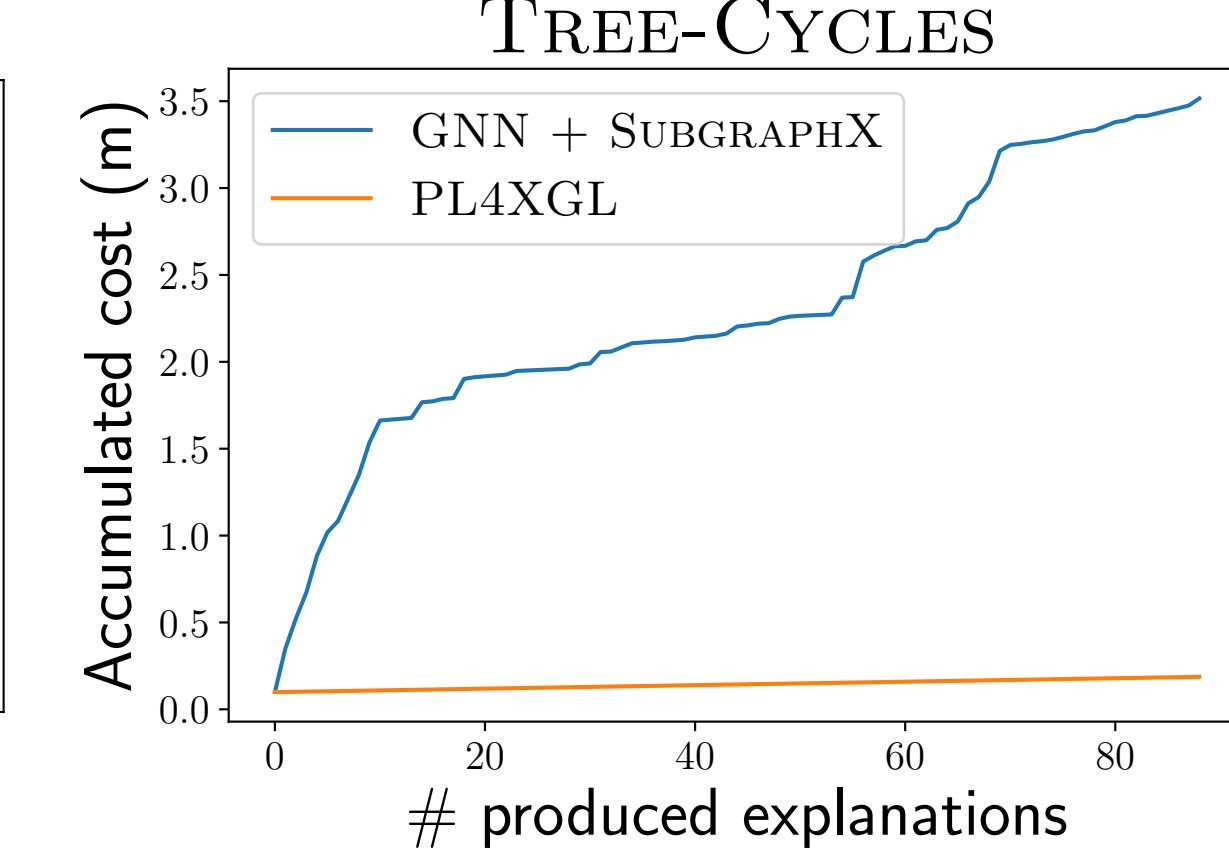
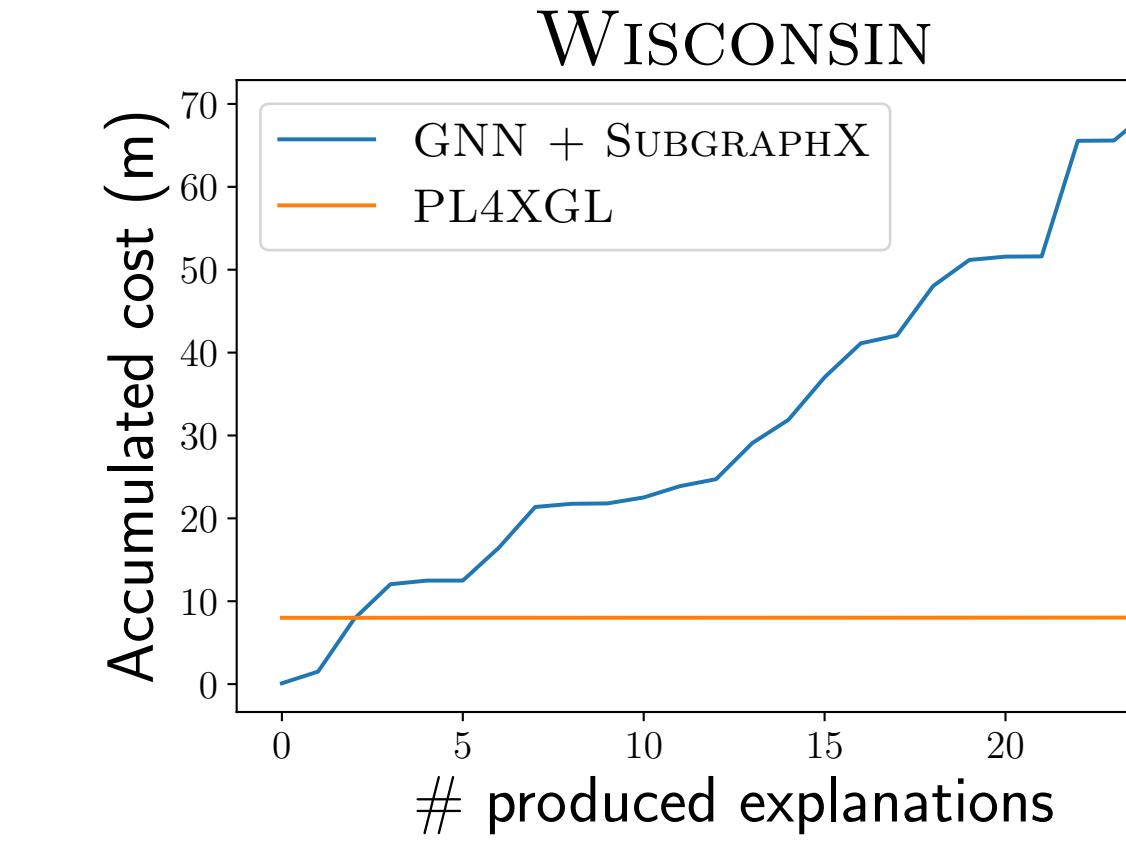
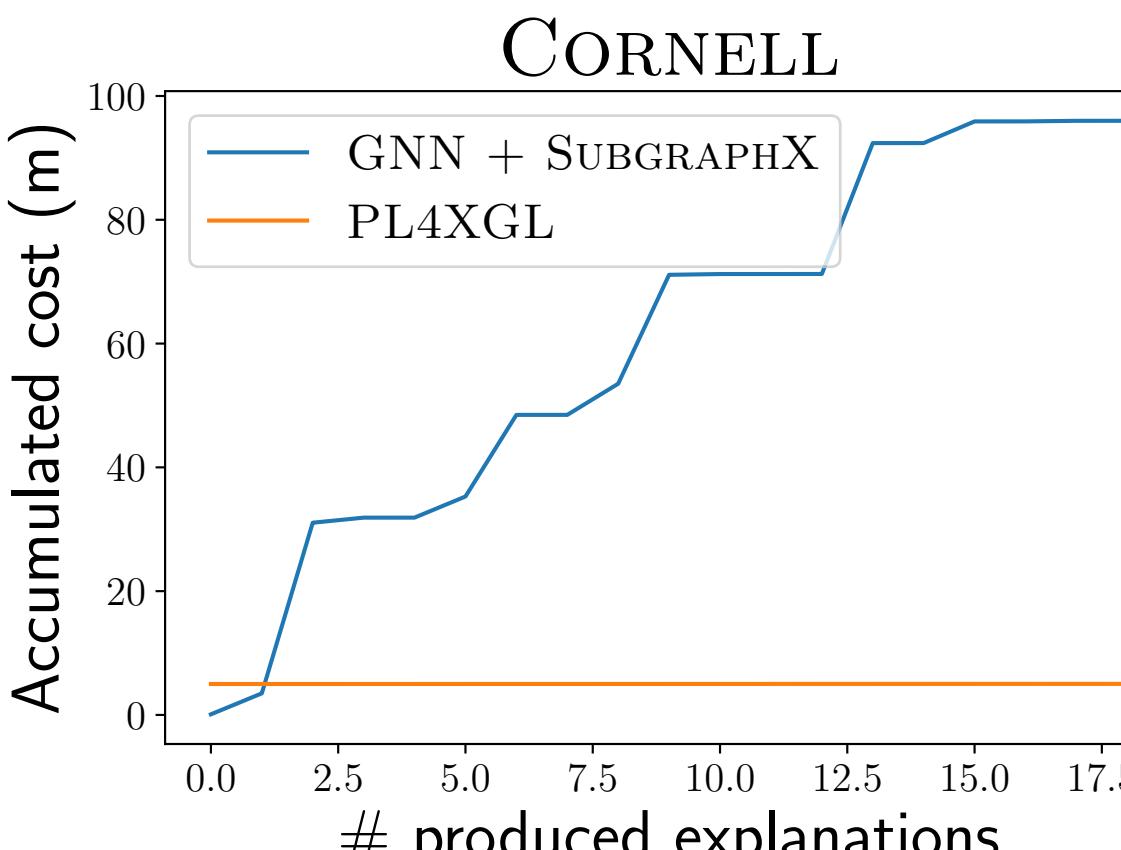
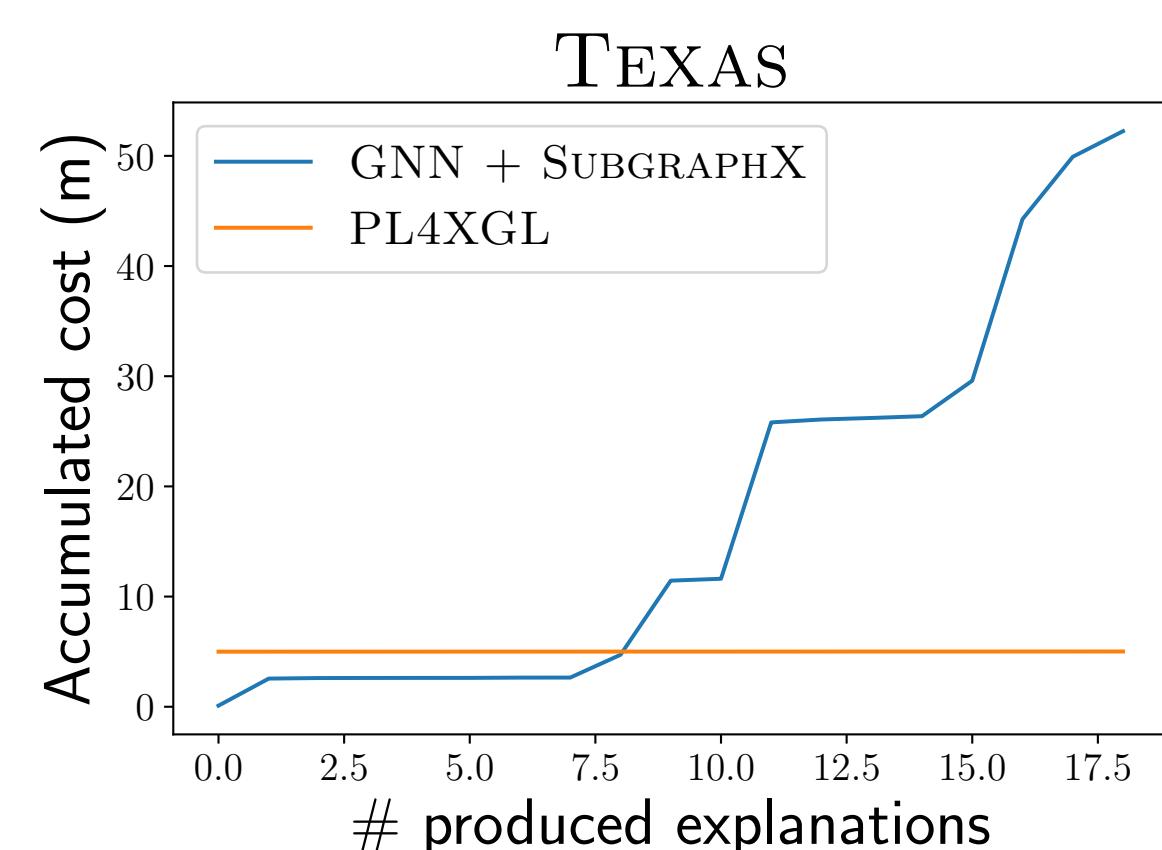
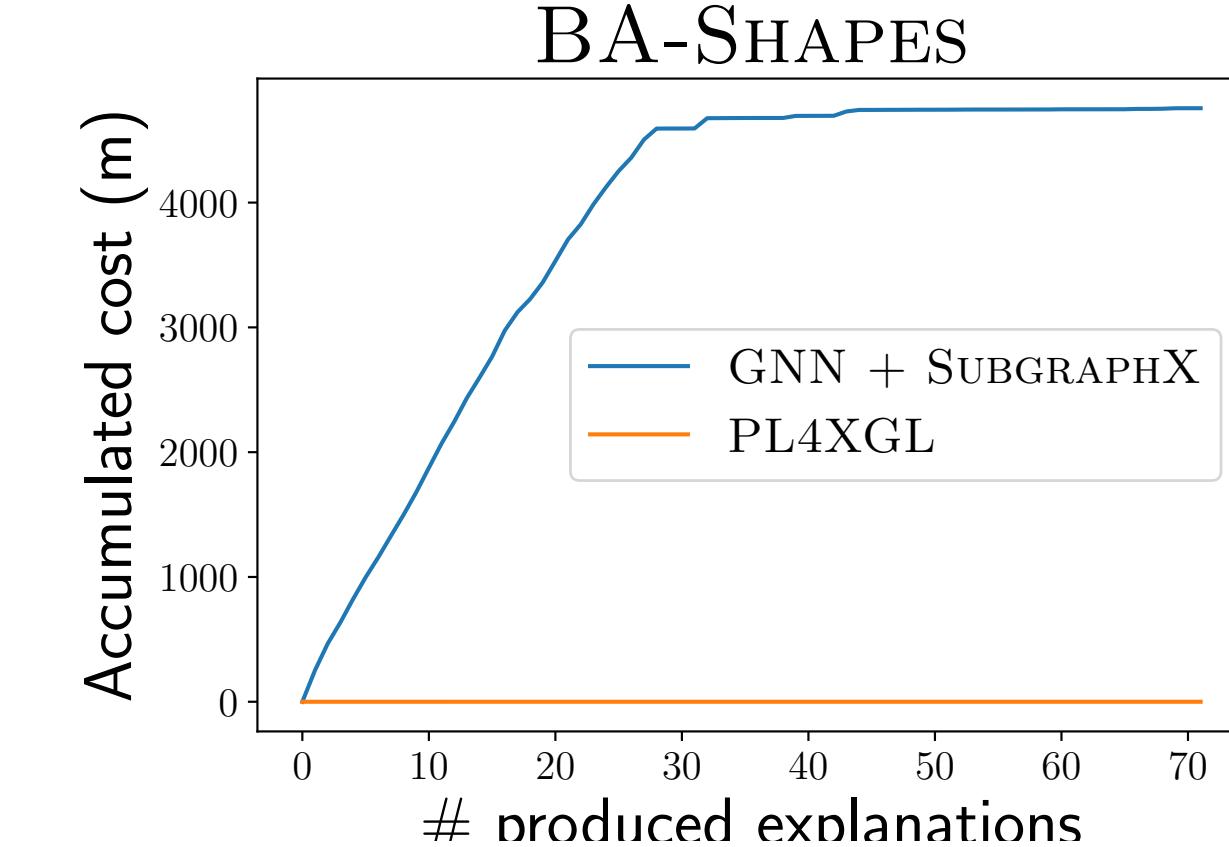
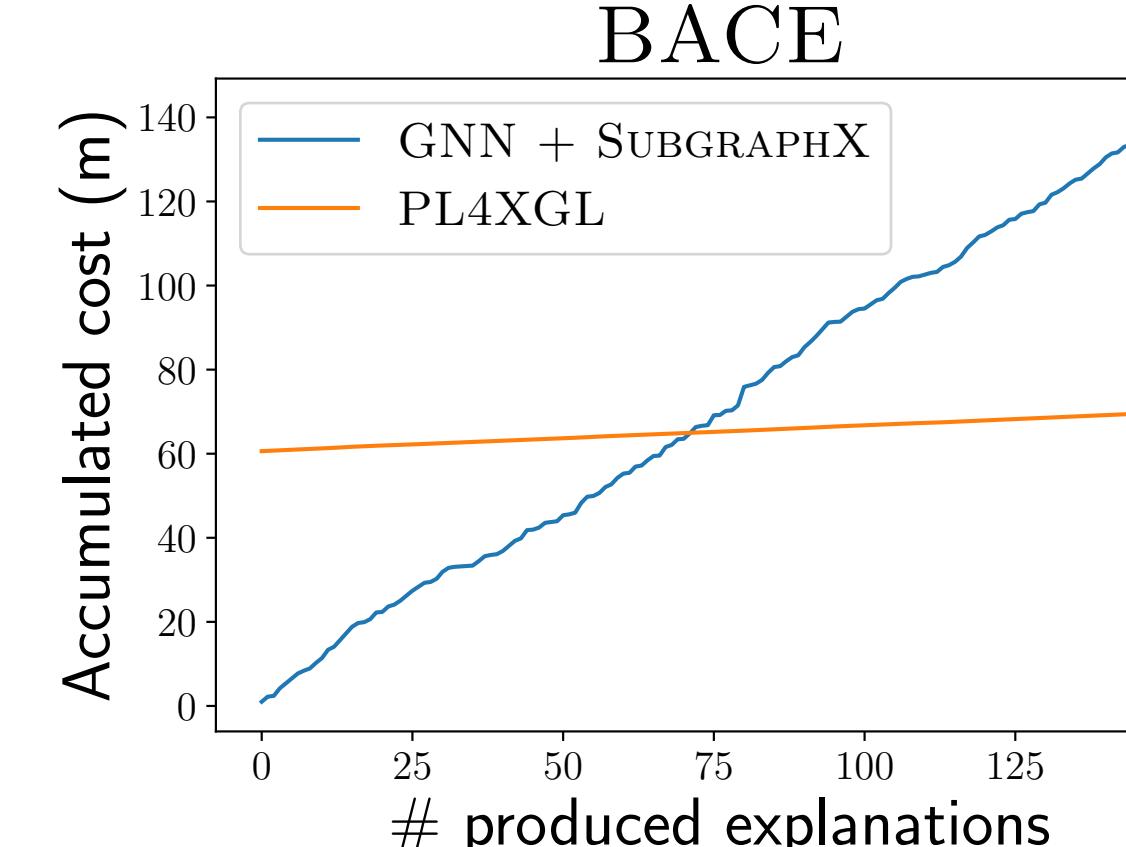
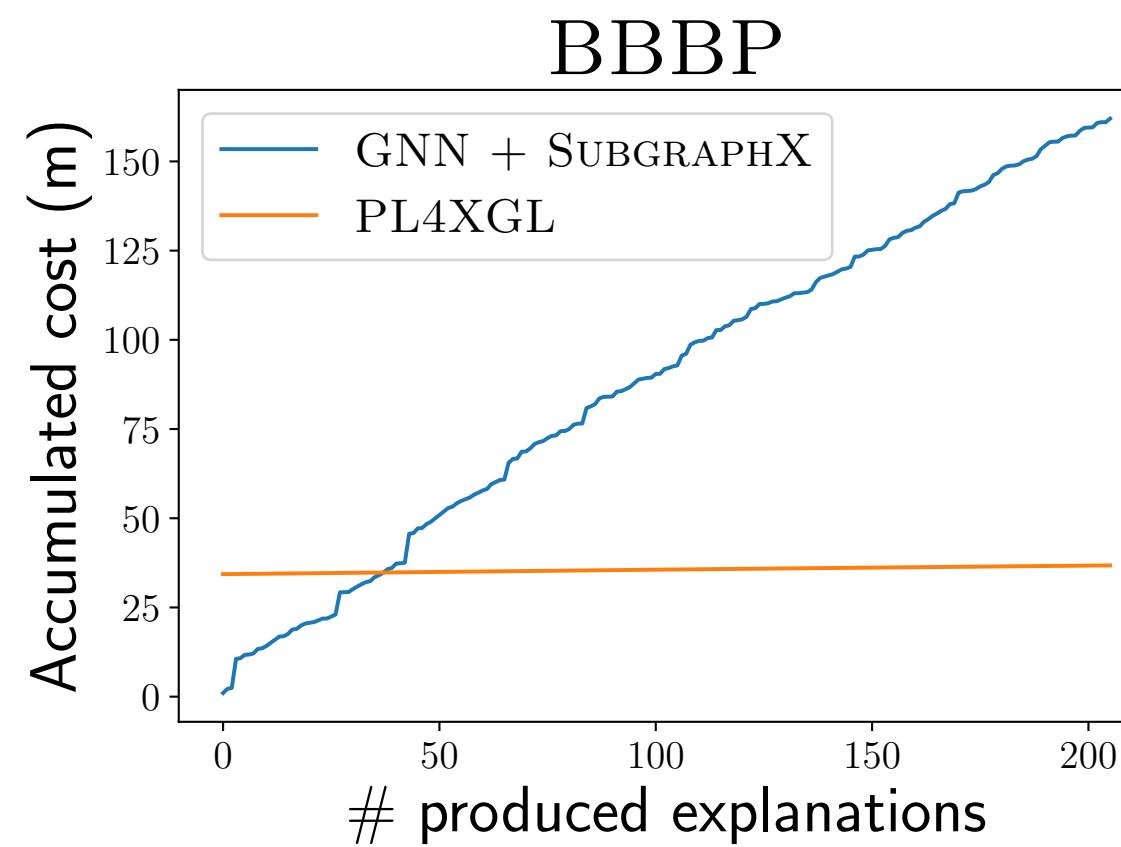
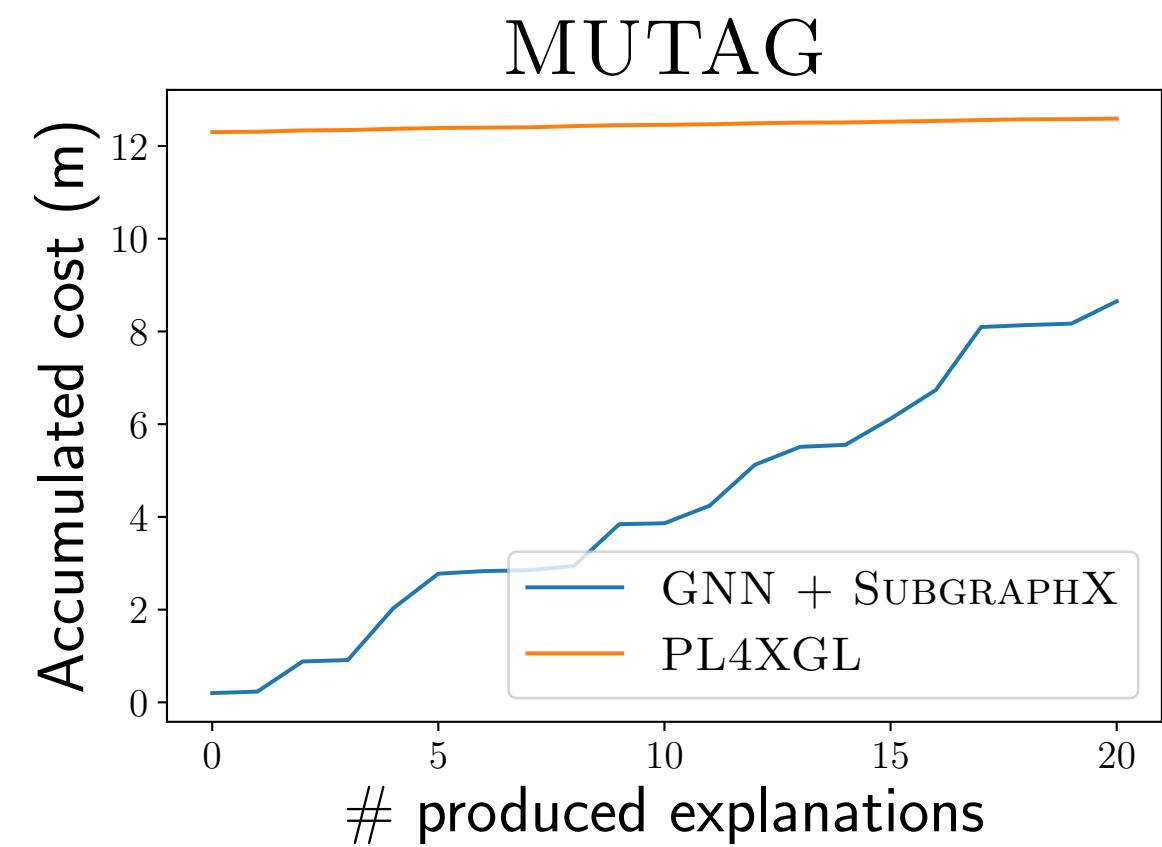
(RQ 2) 누적(학습+분류+설명) 비용 비교

학습 비용 + 분류 비용 + 설명 비용



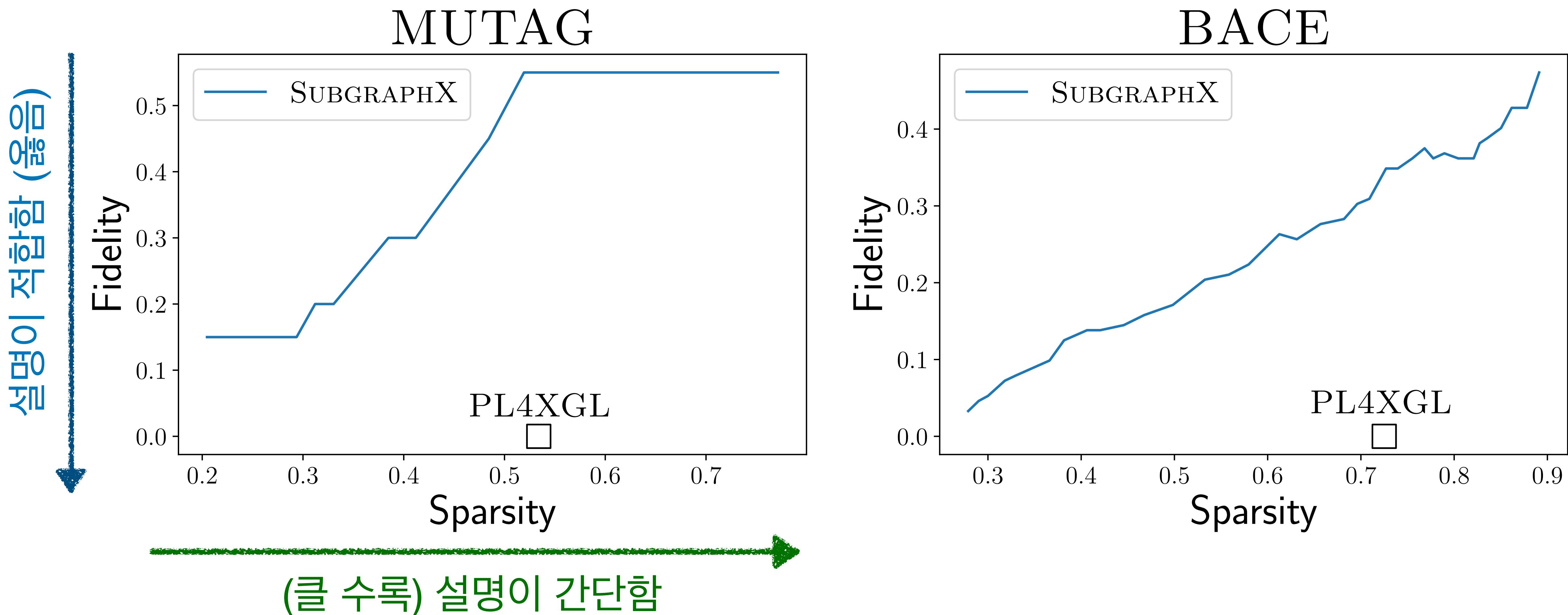
• (RQ I) GNN+SubgraphX와 비교해 봄

— : PL4XGL
— : GNN + SubgraphX



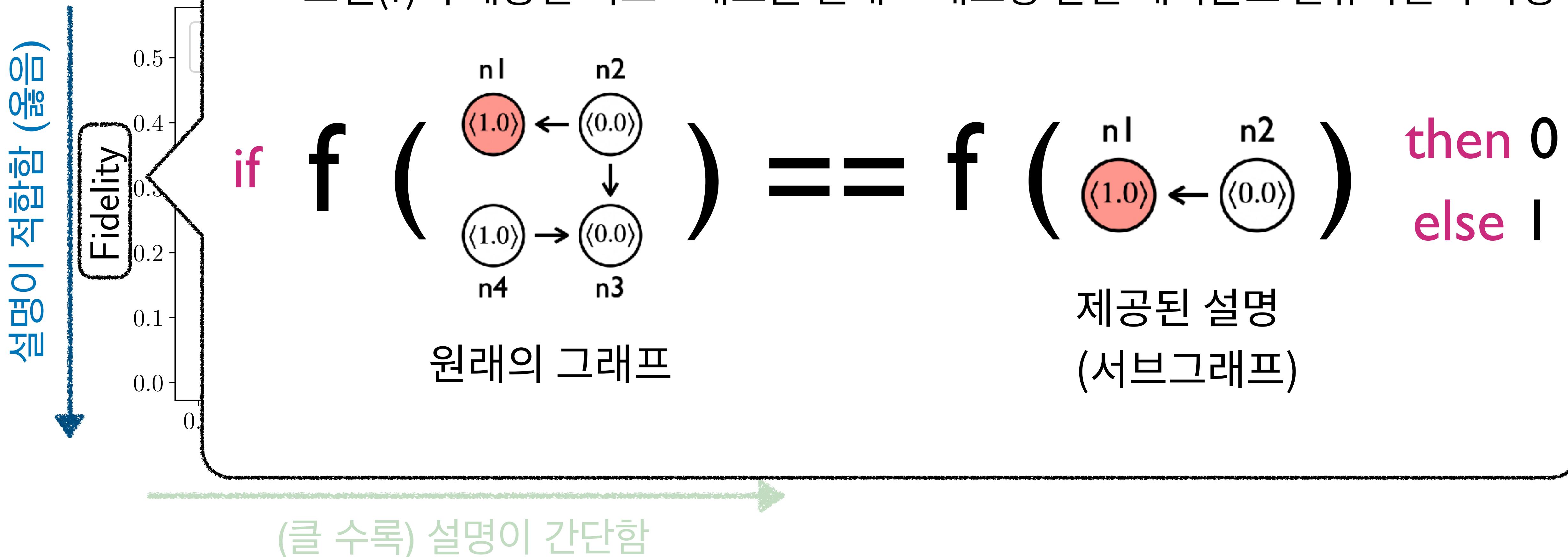
(RQ 3) 제공된 설명의 품질 비교

- 설명의 적합성(fidelity), 간단성(Sparsity) 비교



(PO 3) 제고도 설명이 포진하고

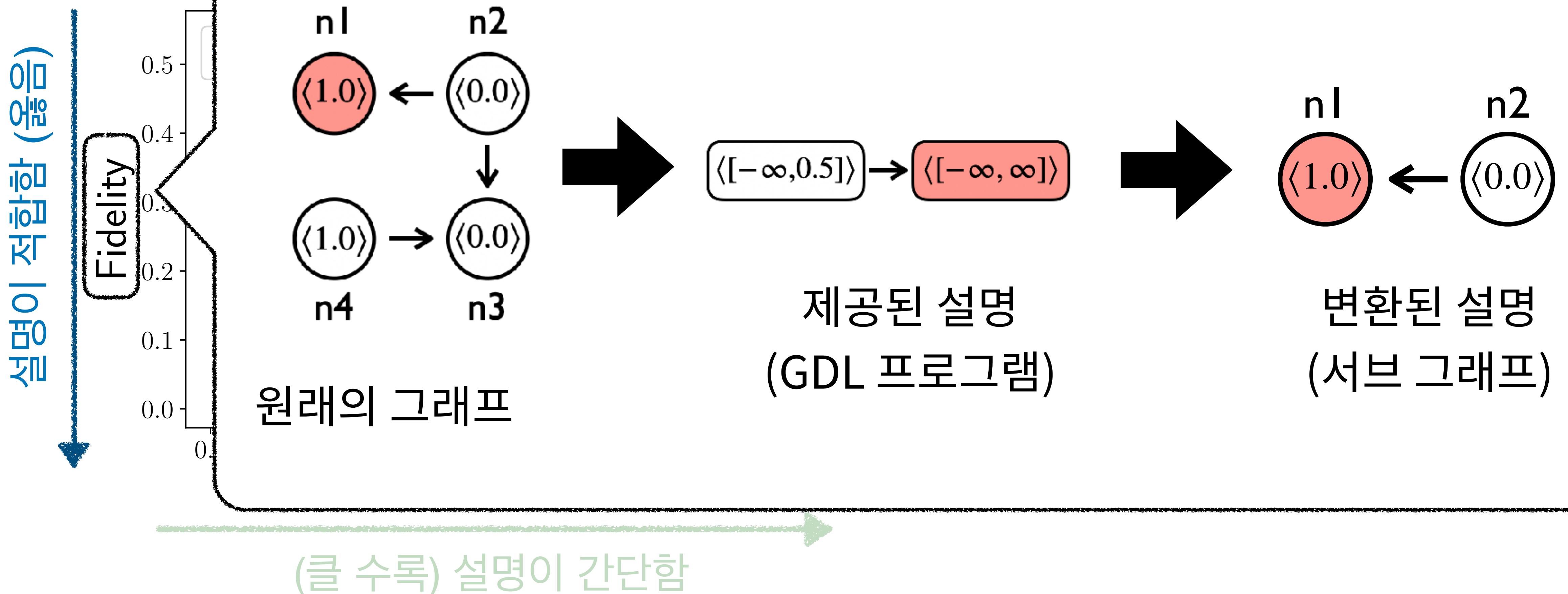
- 설명의 적
- Fidelity(충실성)의 목표는 서브그래프 설명이 얼마나 모델에 충실한지를 비교
- 모델(f)이 제동된 서브그래프를 원래 그래프랑 같은 레이블로 분류하는지 측정



(RQ 3) 제공된 설명의 품질 비교

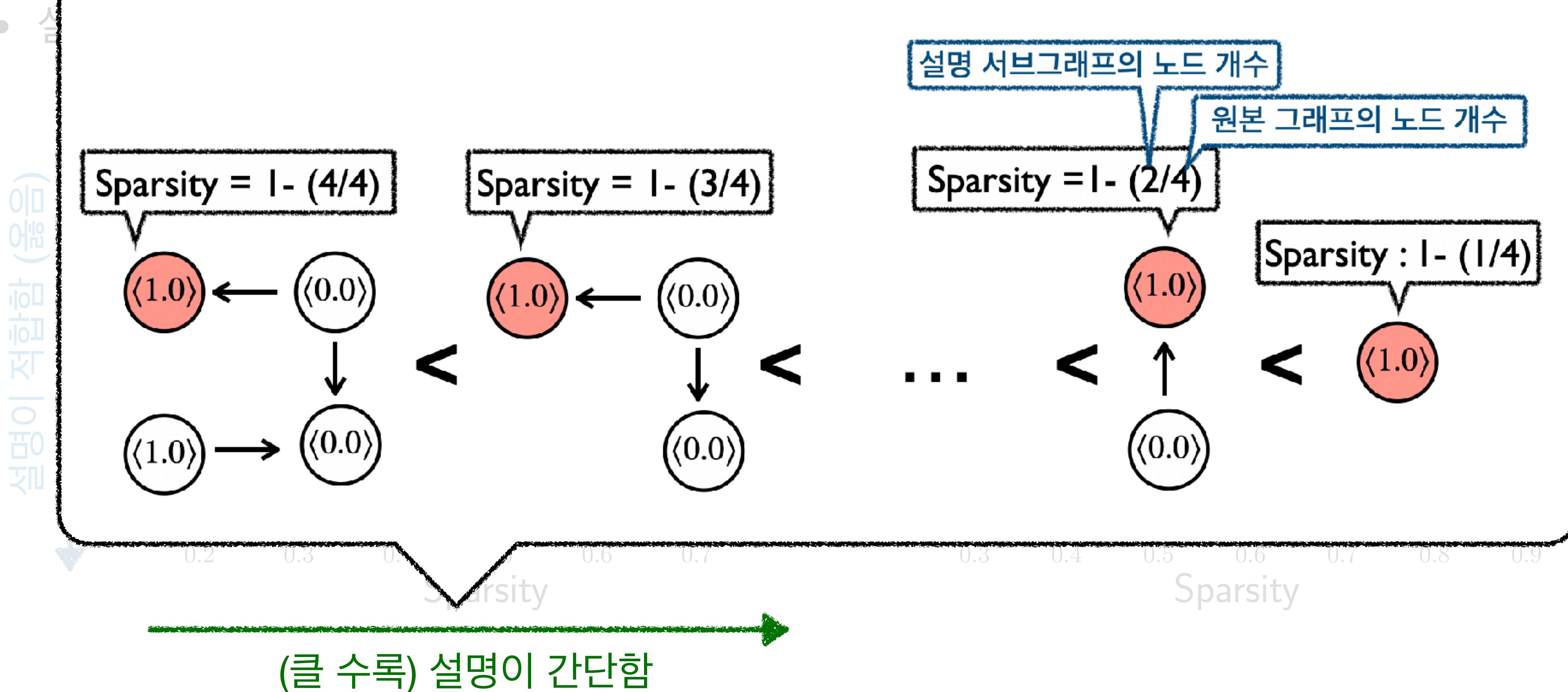
- 설명의 적

- GDL 프로그램은 서브그래프로 변환하여 Fidelity를 측정함



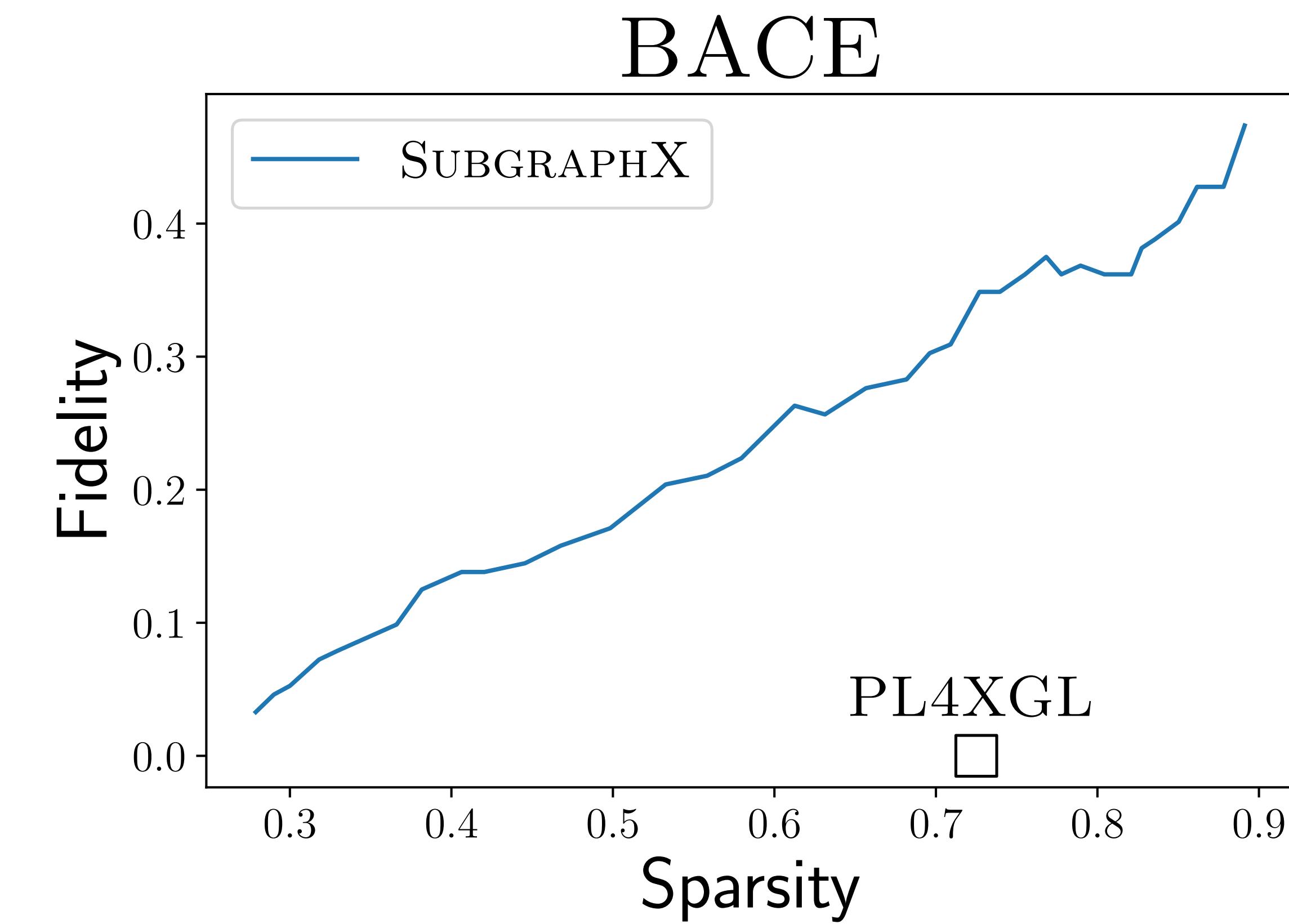
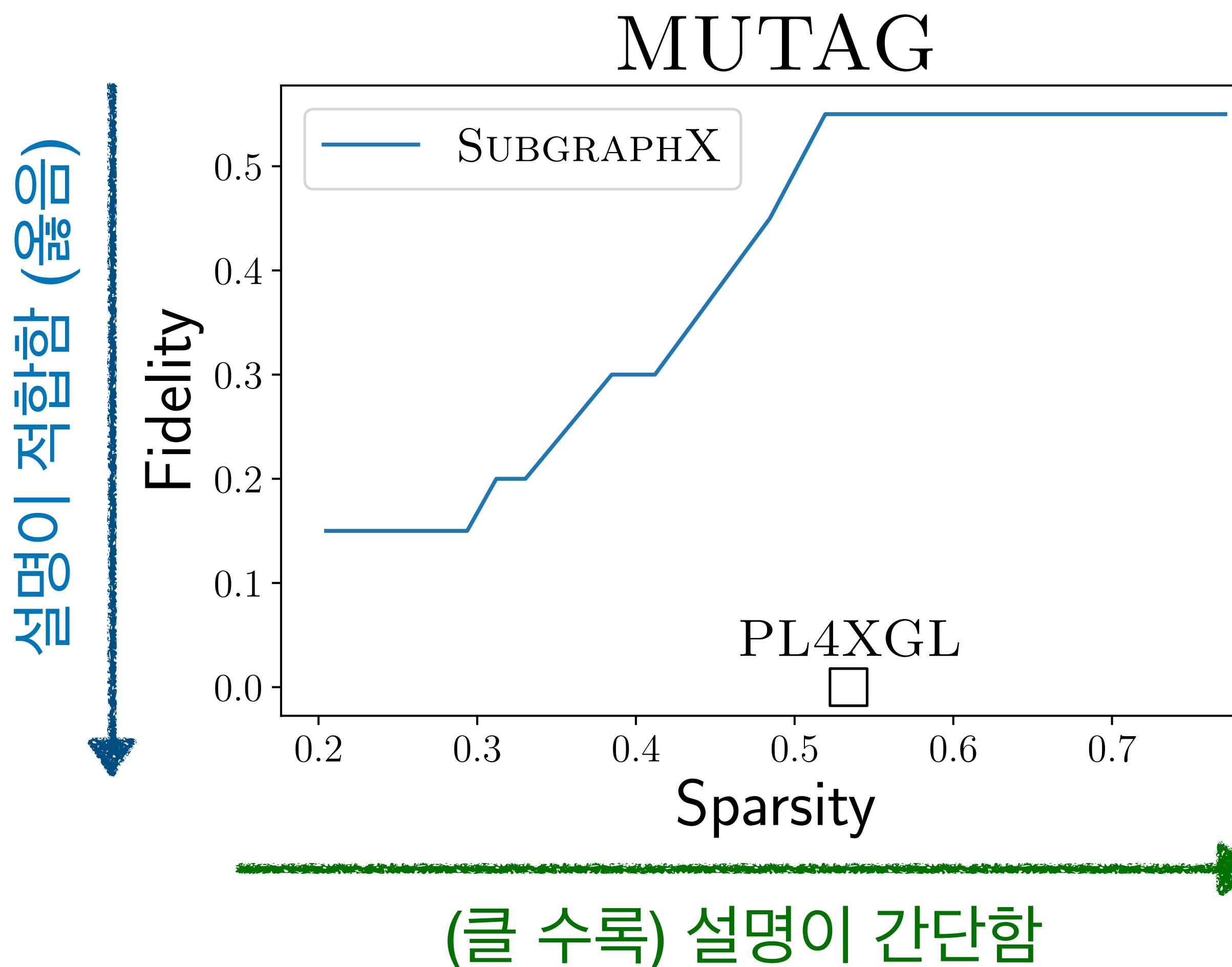
(D.O.A) 디오디어피지얼그리드

- Sparsity: 설명이 간단할 수록 좋은 설명이다



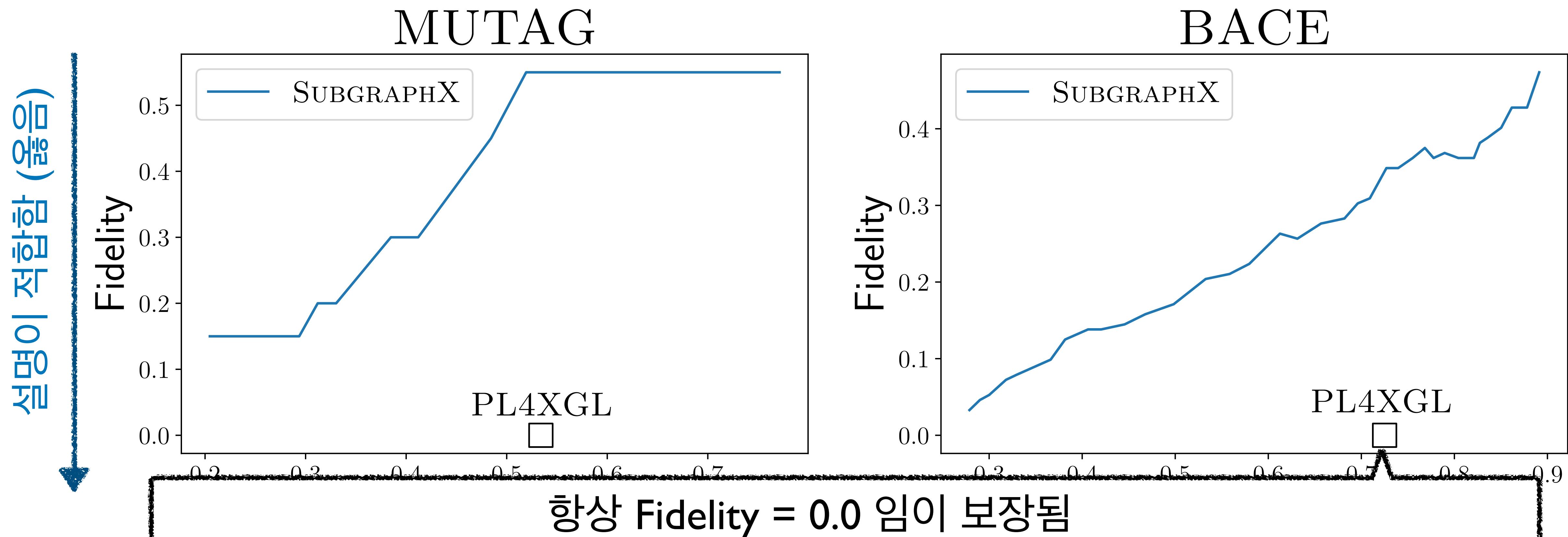
(RQ 3) 제공된 설명의 품질 비교

- 설명의 적합성(fidelity), 간단성(Sparsity) 비교



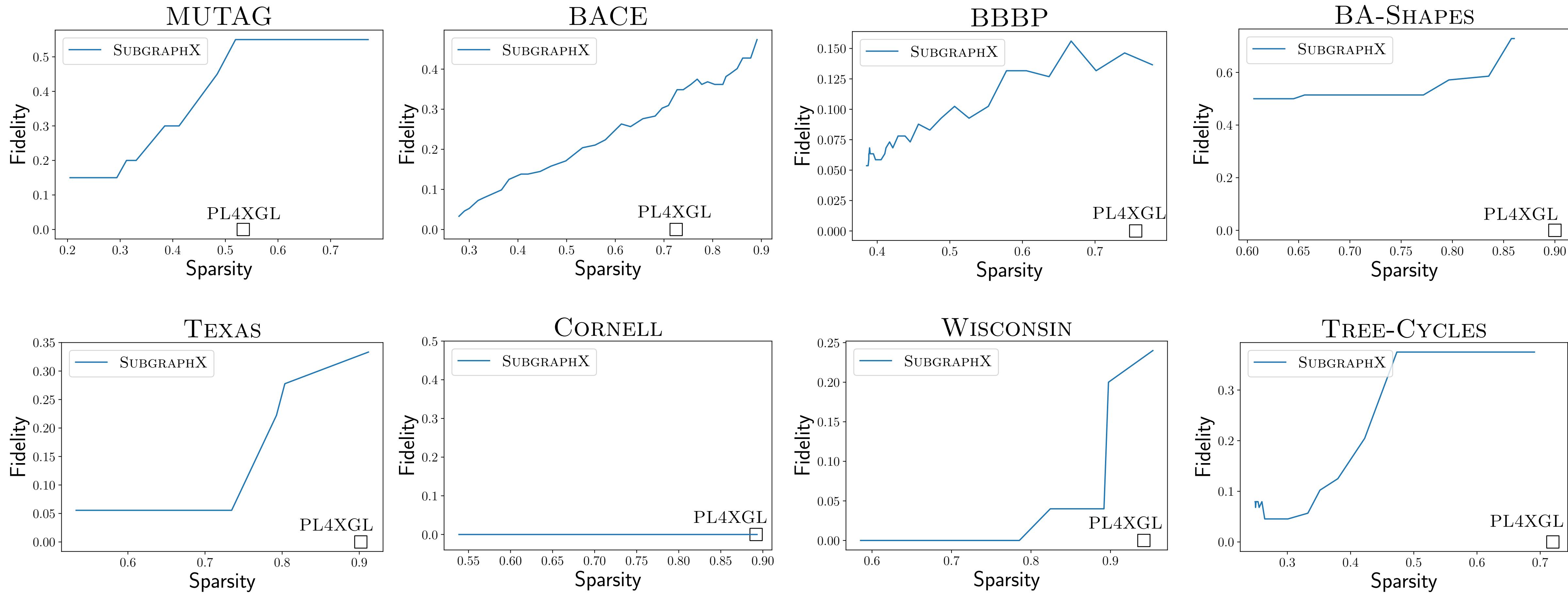
(RQ 3) 제공된 설명의 품질 비교

- 설명의 적합성(fidelity), 간단성(Sparsity) 비교



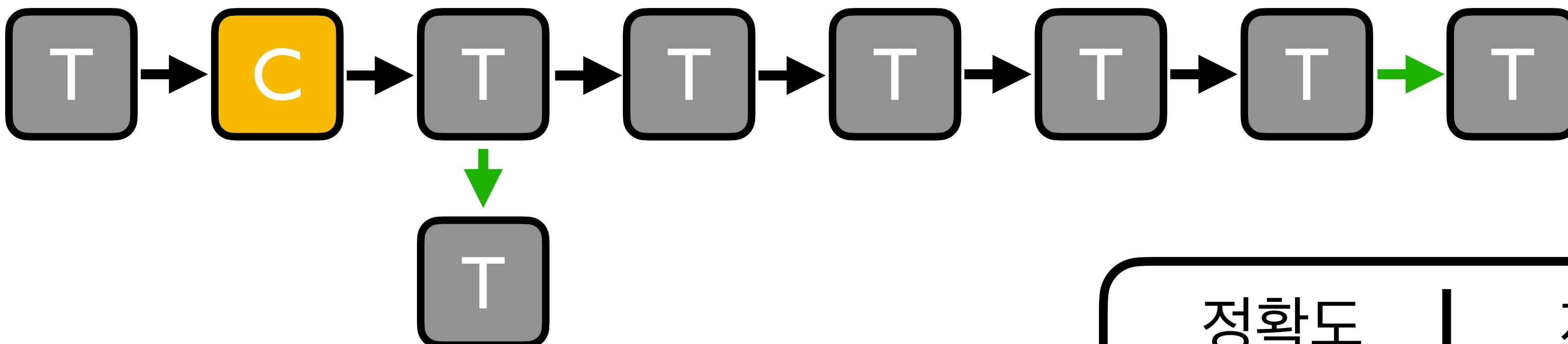
THEOREM 6.1. If PL4XGL classifies a graph G into a label i and provides a GDL program P as an explanation, PL4XGL classifies all the subgraphs transformed from P into the same label i .

(RQ 3) 제공된 설명의 품질 비교



학습된 고품질 GDL 프로그램

- *Salmonella* 박테이라 반응이 양성인 분자의 패턴 (MUTAG 데이터 셋)

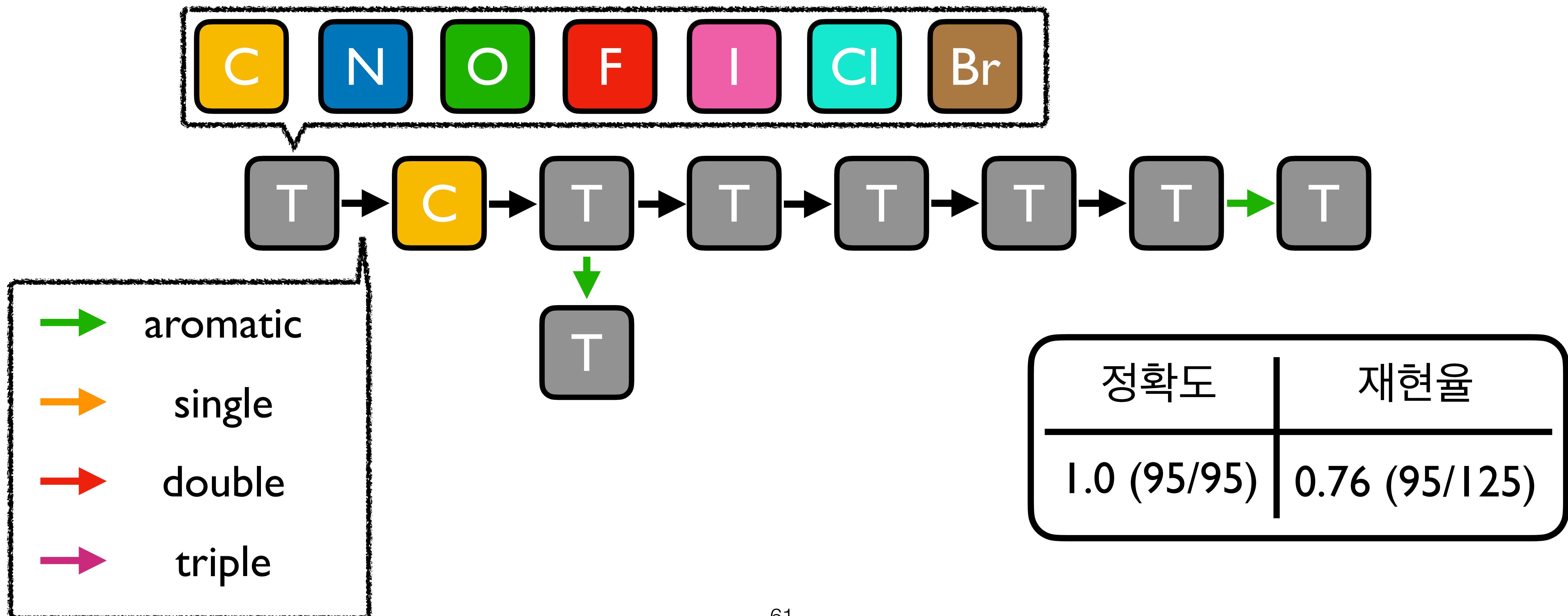


정확도 | 재현율

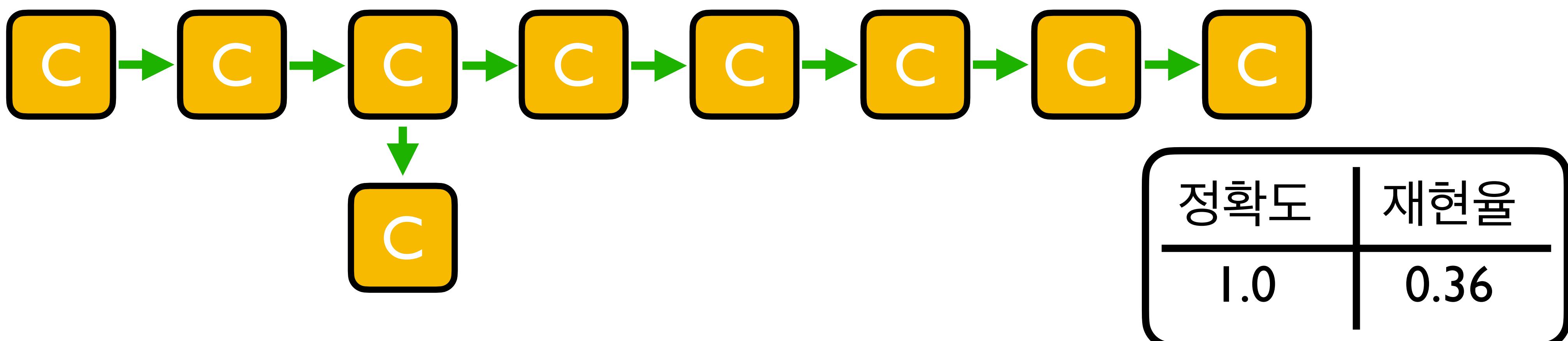
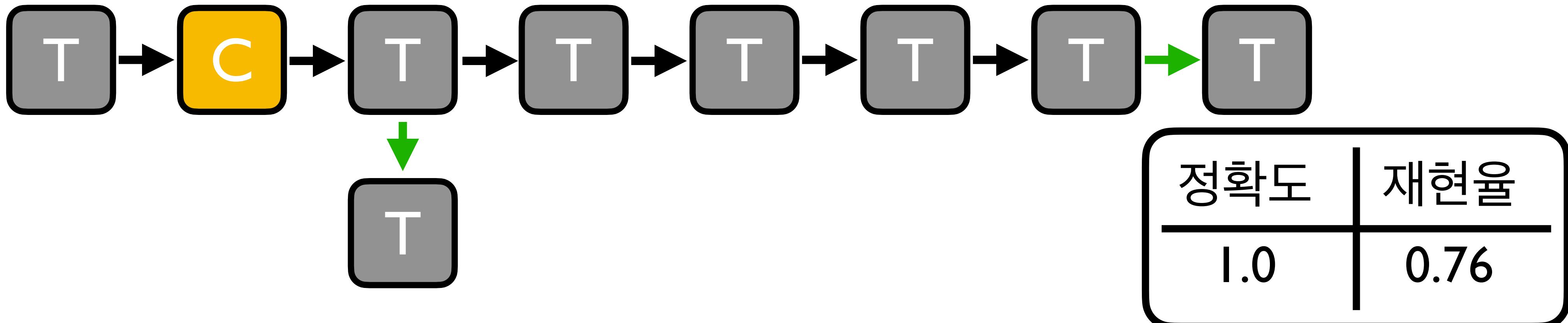
1.0 (95/95) | 0.76 (95/125)

학습된 고품질 GDL 프로그램

- Salmonella 박테이라 반응이 양성인 분자의 패턴 (MUTAG 데이터 셋)



GDL 프로그램 vs 서브그래프



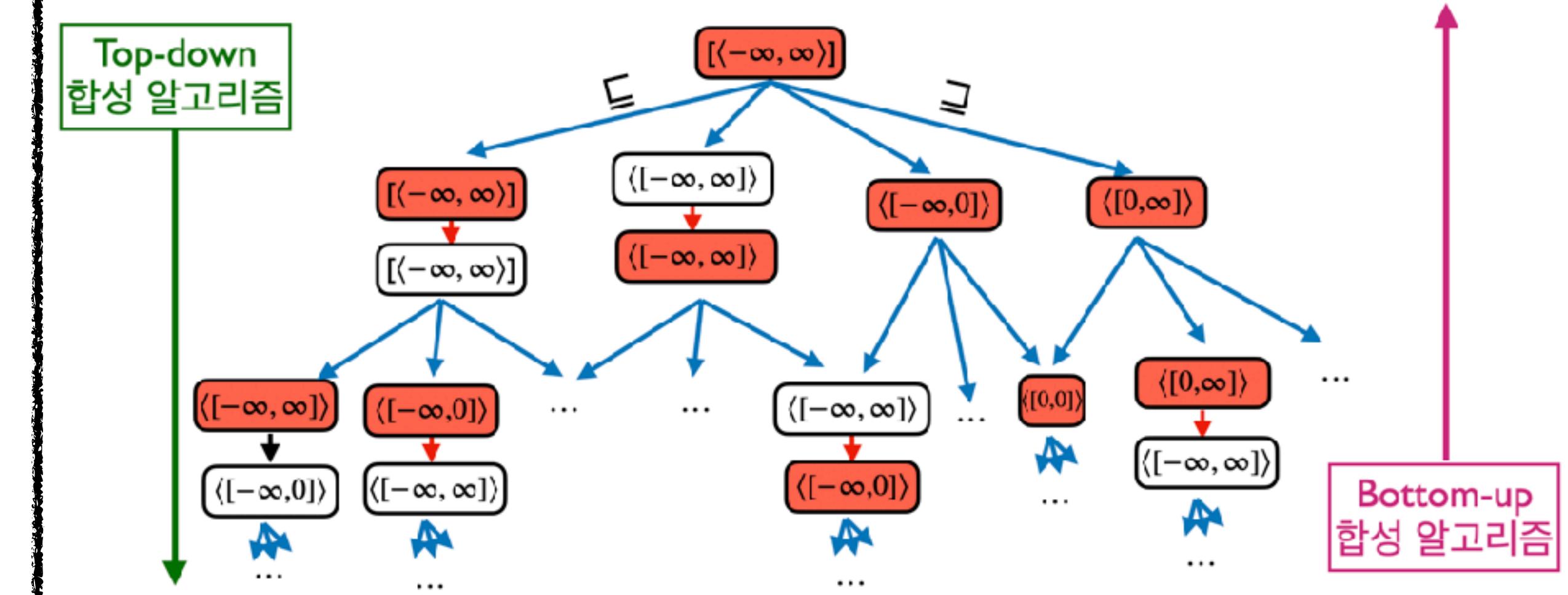
결론

- 프로그래밍 언어 기술을 이용하여 본질적으로 설명 가능한 그래프 기계학습 방법을 개발함
 - 핵심 아이디어 1: 그래프 패턴 표현 프로그래밍 언어 (GDL)
 - 핵심 아이디어 2: 그래프 패턴 프로그램 자동 합성 알고리즘

그래프 패턴 표현 프로그래밍 언어 (GDL)

Programs	$P ::= \bar{\delta} \text{ target } t$
Descriptions	$\delta ::= \delta_V \mid \delta_E$
Node Descriptions	$\delta_V ::= \text{node } x <\bar{\phi}>?$
Edge Descriptions	$\delta_E ::= \text{edge } (x, x) <\bar{\phi}>?$
Target Symbols	$t ::= \text{node } x \mid \text{edge } (x, x) \mid \text{graph}$
Intervals	$\phi ::= [n^?, n^?]$
Real Numbers	$n ::= 0.2 \mid 0.7 \mid 6 \mid -8 \dots$
Variables	$x ::= x \mid y \mid z \mid \dots$

그래프 패턴 프로그램 자동 합성 알고리즘



OOPSLA' 20

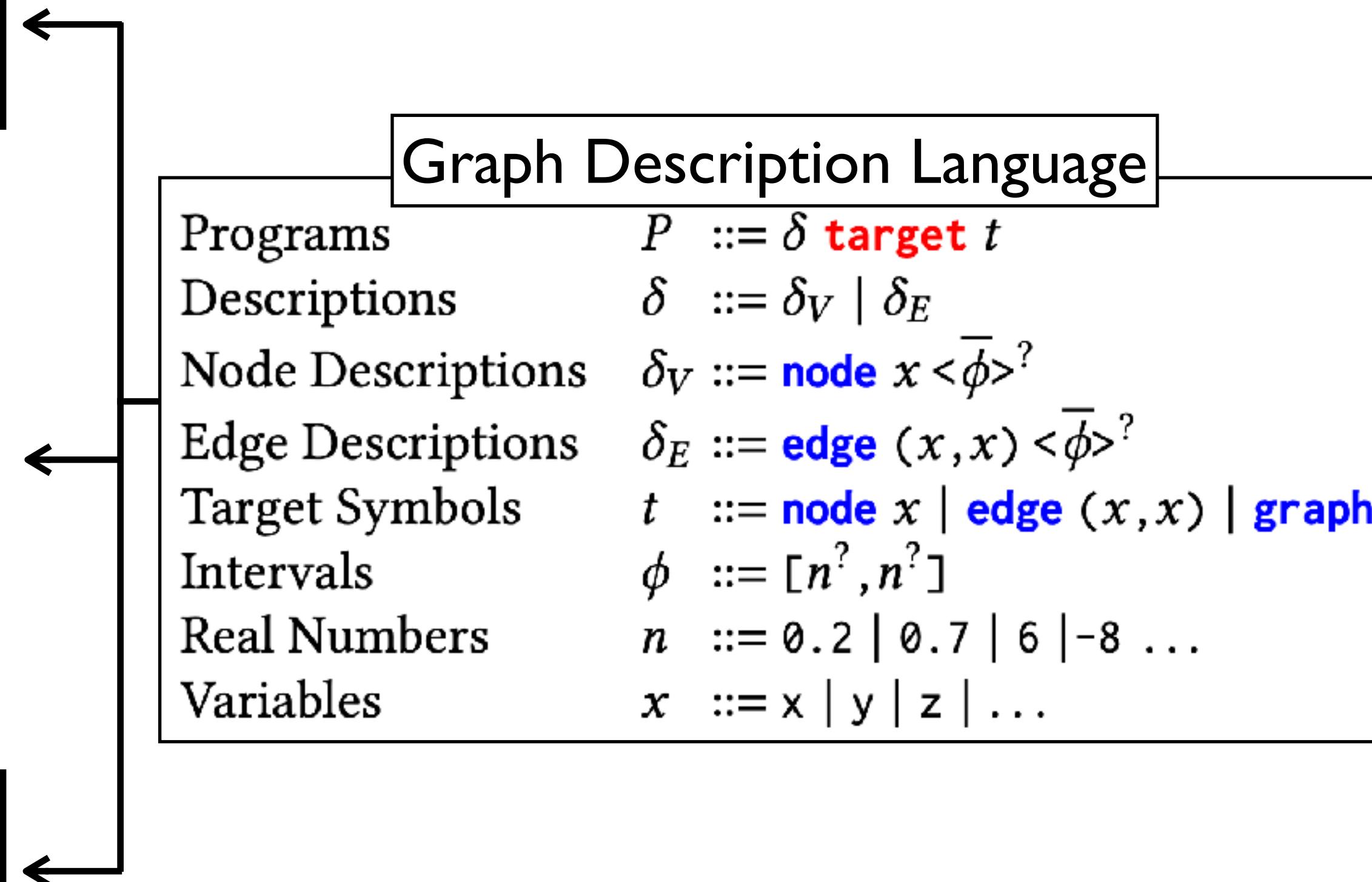
데이터 기반 정적 분석을
위한 특질 자동 생성

In progress

결함 위치 추정
(Fault localization)

In progress

그래프 패턴 언어 및
합성 알고리즘 개선



PLDI' 24

설명 가능한 그래프
기계학습 방법

In progress

GDL 기반
Graph Isomorphism

ToDo

GDL 기반
그래프 데이터 마이닝

ToDo

GDL 기반
GNN 설명 기법

감사합니다!