TALLER: INFERENCIA ESTADÍSTICA

Temas: Muestreo, Estimación y Pruebas de hipótesis

EJERCICIOS PROPUESTOS

- 1. Los jóvenes colombianos se ha vuelto más conscientes con respecto a la importancia de una buena nutrición acompañada de actividad deportiva para tener una buena salud. Una asociación de médicos opina que quizás los jóvenes estén modificando sus dietas para incluir menos carne roja y mas frutas y verduras. Para verificar esta teoría, un grupo de estudiantes de la Javeriana Cali decide seleccionar registros nutricionales de los estudiantes (consignados en encuesta realizada por MU) de hace 10 años y comparar la cantidad promedio de carne de res consumida por año con las cantidades consumidas por un número de jóvenes que serán entrevistados este año. De acuerdo con la información actual se estima que el consumo de carne de res por año varia de 0 a 104 libras por año. ¿ Cuántos jóvenes deben seleccionar los investigadores de cada grupo si desean estimar la diferencia en el consumo anual promedio per capita de carne de res correcta dentro de 5 libras con un 99 % de confianza?. Si además se desea estimar la proporción de jóvenes que son vegetarianos que tamaño se debe tener en cuenta?.
- 2. Los investigadores (de ejercicio anterior) seleccionaron dos grupos de 400 jóvenes cada uno, y reunieron la siguiente información sobre los hábitos de consumo de carne de res actuales y de hace 10 años:

	Hace 10 años	Este año
Media muestral	73	63
Des.est. muestral	25	28

A los investigadores les gustaría poder mostrar que el consumo de carne per capita se redujo en los últimos 10 años, mediante la construcción de intervalos de confianza. A que conclusión se puede llegar a partir de la información suministrada?

3. Uno de los problemas mas frecuentes en jóvenes universitarios es la alta tensión que generan las evaluaciones finales, las cuales en algunos casos genera dolores de cabeza. La tensión muscular en la región de la cabeza se ha asociado con los dolores de cabeza, es razonable pensar que si la tensión muscular disminuye, es probable que los dolores de cabeza se reduzcan o desaparezcan. Un grupo de investigadores diseña un experimento en el cual participan nueve estudiantes que padecen dolores de cabeza durante las semanas de evaluación. Posteriormente un grupo de profesionales del medio universitario los entrena con el fin de que puedan aprendan a reducir la tensión muscular en la región de la cabeza, utilizando un dispositivo de biorretroalimentacion. Para este experimento, el dispositivo mencionado se conecta al musculo frontal. que se encuentra en la región del frente de la cara. El dispositivo indica al estudiante la cantidad de tensión

que existe en el musculo al cual esta unido (en este caso, al frontal) y le ayuda a reducir los niveles de tensión. Después de 6 semanas de entrenamiento, los jóvenes han logrado mantener una baja tensión en el musculo frontal; entonces se lleva nuevamente un registro de los dolores de cabeza que sufren durante las dos semanas de evaluaciones. A continuación:

Sujeto No.	linea base	Después de entrenamiento
1	17	3
2 3	13	7
3	6	2
4	5	3
5	5	6
6	10	2
7	8	1
8	6	0
9	7	2

Dado que pueden existir problemas de interpretación en el planteamiento anterior, debido a que los resultados aparentemente muestran una disminución de los dolores de cabeza, es posible que esta disminución no se deba al entrenamiento realizado con la utilización del dispositivo, sinos a algún otro factor también presente en la situación, como por ejemplo el momento en que se realizan las mediciones (primeros parciales, segundos parciales o finales), los investigadores incorporan un grupo que se denomina grupo control que permita dar cuenta de estas variaciones. Este segundo grupo de jóvenes que también presentan dolores de cabeza fue medido durante los mismos momentos del primer grupo (grupo experimental), salvo que no fue entrenado con el dispositivo para controlar la tensión. Durante el periodo intermedio este grupo solo hablo con los investigadores sobre los dolores de cabeza. El número de dolores de cabeza durante la linea base y el periodo de seguimiento para el grupo control arrojo los siguientes datos:

Sujeto No.	linea base	Después de entrenamiento
1	5	4
2	8	9
3	14	12
4	16	15
5	6	4
6	5	3
7	8	7
8	10	6
9	9	7

Se puede concluir que el entrenamiento realizado con el dispositivo disminuye los dolores de cabeza? Nota: suponga que el número de dolores de cabeza se distribuyen aproximadamente normal. (Tomado de Robert Pagano (2006)

1. Se requere calcular el tamains de muertra para

La etimación de
$$\mu$$
.

 $N = \frac{Z^2}{2} \times 12^2 \times 10^4 \times 10^4$

LERROR DE MUELTRED |X-4|<e:516

$$N = \frac{2.59^2 \times 26^2}{5^2} = 179.99 \approx 180$$
 jovenes a encuertar

· Tambén re requier estimar el tamaño de muestra para eltimal uma proporción

NOTA: EN caro de población FINITA y cumplir que n >0.05. re comige et tanuans de la muertra

$$N = \frac{N0N}{N0+N-1}$$

JUPUEJTOS.

2. Se requier realizar un IChi-hz.
Para ello se tieven dos alternativos

i)
$$(\bar{\chi}_{1} - \bar{\chi}_{2}) \pm t_{\nu=n_{1}+n_{2}-2} \int_{p} \sqrt{\frac{1}{n_{1}} + \frac{1}{n_{2}}} \cdot \chi_{\nu} N(\mu_{1}, \sigma^{2})} \cdot \chi_{\nu} N(\mu_{2}, \sigma^{2})$$

$$(x_1+x_2) \pm t_{v^*} \sqrt{\int_{1}^{2} + \int_{2}^{2}} \begin{cases} \cdot x_1 NN \cdot x_2 NN \\ \forall t \neq \sigma_2^2 \end{cases}$$

Para Jaher aval de las dos alternativas es la apropiada dello sealizar una Briefa de Hipoteris zobre las varianzas

Ho:
$$\sqrt{7} = \sqrt{2}$$
 Edd $\ddagger = \frac{S_1^2}{S_2^2} = \frac{25^2}{28^2} = \frac{0.7972}{1}$
Ha: $\sqrt{7} + \sqrt{2}$

Convo el Ede P

Gen la Poen l

Alwa se tiene duridad sobe la formula para etimar el TCMI-MI

$$S_{p}^{2} = \frac{(N-1)S_{1}^{2} + (N_{2}-1)S_{2}^{2}}{N_{1}+N_{2}-2} = \frac{399 \times 25^{2} + 399 \times 29^{2}}{799} = 704.5$$

$$S_{p} = \sqrt{S_{p}^{2} - 26.5}$$

$$10 \pm 1.9629 \times 26 \times \sqrt{\frac{1}{200}}$$

 $10 \pm 3,678$
 $(6,372; 13.678)$

Je prede afirmar que se ha reducido el consumo de carul un promedio entre 6.3 y 13.7 lbj. con una confiamo del 95%

3.	Grupo Experimenta. grupo de perunaj a los cuales re entheman cun dispositivo.
	Xa: # de dulore) de caleza antes de recibir entrevamiento XJ: # " despues de 11 "
	Empo control. grupo de personas que se miden en los mumos nuo mentos del grupo experimental sin recibir entenamiento.
	v. 1 de dolores de cubezer en momento antes
	yz: f de 11 " " de/pue)
	Yd: 7 00 (40: 72 = 172 (2)
	EJOUEMA (2) Ho: Mxa = Mya (Ho: That The Ha: That The Grupo) INDEP. GCant
	O. Durch
	Mx = Mxa Ho: Mya = Myd
() Hp:	MXa=FXa
HO	POS PARENDO) INTERDENCION FIL. 1490-4 1490 PARENDO)
	CE des GCdes
	GEDU = Was live of the
	Ho: $\mu_{Xd} = \mu_{Yd}$ Ho: $Q_{XJ}^2 = Q_{YJ}^2$ (4a)
	Ha: Lixa & Livit Ha $\sqrt{2}$ & $\sqrt{2}$ GRAPU) INDEPEND. HA $\sqrt{2}$ & $\sqrt{2}$

GEA
$$3l_0 = 8.56$$

GEA $3l_0 = 8.56$

GEA $3l_0 = 4.10$

GEA $3l_0 = 2.89$
 $3l_0 = 3.84$
 $3l_0 = 3.84$

- COMPNENCION GRUPO)

Ho: Mxa= Mxa
Ho: Mxa=Mxa
EdeP -

T= Q-Do Sylvin

 $= \frac{5.67 - 0}{4.15 \sqrt{9}} = 4.10$

d = 5.67 d = 5.67 d = 4.15

di=Xa-Xd

CONCULIANT :

Como el Edl P cae en la Rdef, rechnenmo) Ho, Aceptamo) Ha como cierta.

Heat Mx1, El número promedio de doloves de cabera disminuyó significativamente.

COMPLEMENT BRUPO) INDEPENDIENTE

Ho: Mxa = Mya Ha: lixa + liva Ante, de realizar esta puela se dele realizar una prueba de comparación de varianzaj

$$T = \frac{(x_1 - x_2) - \Delta_0}{5p \sqrt{\frac{1}{N_1} + \frac{1}{N_2}}} vt_{v=q+q-2}$$

$$S_p^2 = \frac{8 \times 4.10^2 + 8 \times 3.81^2}{949-2} = \frac{165.2}{16}$$

10.325

$$5p = \sqrt{10.325} = 3,213$$

$$7 = \frac{(8.56 - 9)}{3.23 \times \sqrt{\frac{1}{9} + \frac{1}{9}}} = -0.290$$

Rdet

Falk PdlP -419

NO JE RECHARA HO, JE ASUME OUE

EdeP

Pdef

Foar = V1=8 V1=8

9(0,025,8,8) 9(0,975,8,8)

COMO EL ESUR QUE en POLNOR, NO JE reduze 40, se ASUME OF Oxa = Tha // COMPARACION GRUPOS PAPEADOS

Ho: μ_{a} = μ_{d} | Comprehens de Medin; Grupo) Ho: μ_{a} = μ_{d} | Edin $T = \frac{d-\Delta_{0}}{Sd|\pi} \sim t_{v=n-1}$

d= 1.222

Sd= 1.563

 $T = \frac{1.222 - 0}{1.563 | \sqrt{9}} = 2.345$

Pdul

Rd NOP t 0.025 togozy V=8

-431

Como el Edit cae en la Rdek, entonces le reconno Ho, se ncepto Ha.

231

Mra & Mrd.

4) COMPARA CUAN GRUPUS INDEPENDIENTES

HO: LIXA = LIYA COMPAPACUM DE VAPIANZAS

Ho:
$$\sqrt{3}_{4} = \sqrt{3}_{4}$$
 Eder $F = \frac{5}{10} = \frac{2.26^{2}}{4.49^{2}} = 0.253$

 $7 = \frac{\xi dR}{S_{1} \sqrt{\frac{1}{N_{1}} + \frac{1}{N_{2}}}}$ $V = \frac{(\bar{X}_{1} - \bar{X}_{2}) - \Delta o}{S_{1} \sqrt{\frac{1}{N_{1}} + \frac{1}{N_{2}}}}$ V = 1c V = 1c

 $= \frac{(2.89 - 7.78) - \Delta_0}{3.55 \sqrt{\frac{1}{9} + \frac{1}{9}}} = -2.92$

 $S_p^2 = \frac{9 \times 2_1 26^2 + 8 \times 4.49^2}{16} = 12.63$

Sp= 12,63 = 3,55

4(0.025,8,8) 9(0.025,8,8) 0.225

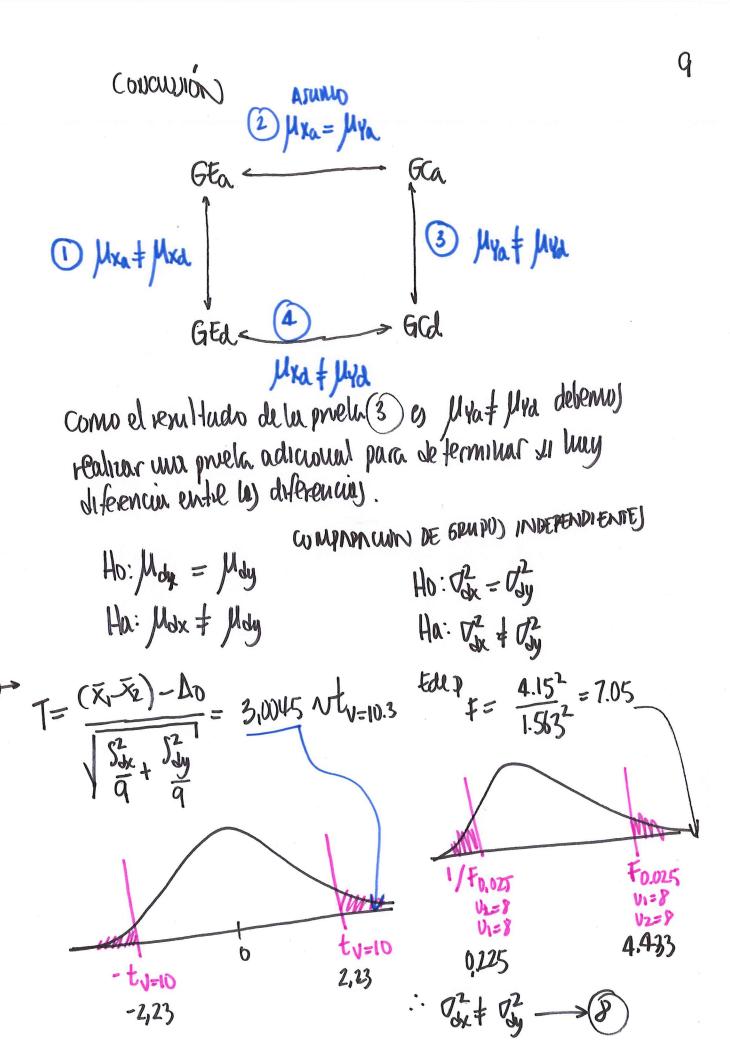
como el Edef cae en la 2 de 2007, 20 se recluser Ho, le asume que Ho es V Asumo este the = the.

(1)

COMO EL EULP QUE en la POUL LE RECHNEN HO, JE ACEPTIN HA COMO V.

Mraflya

-Pall-



Como Mox & May dado que el Edep cae en la Pader 10 femendo en cuenta que Xdx = 5,66 y Xdy = 1.222 conclumos que el tratamiento realizado al Grupo experimento fue esectivo.