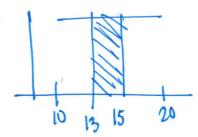
## Profesor Daniel Enrique González Gómez

- 1. Para una variable aleatoria  $X \sim unif(x,a,b)$  con a=10 y b=20 determine: (a.) Construya un bosquejo de la gráfica de la función de densidad de probabilidad  $f_X(x)$ . (b.)  $P(X \leq 12)$ . (c.)  $P(13 \leq X < 15)$ . (d.)  $P(X \geq 18)$ . (e.) E[X] y V[X].
- 2. Para una variable  $Z\sim N(0,1)$ , determine: (a.) A la derecha de z = -0.85. (b.)Entre z = 0.40 y z = 1.30. (c.) Entre z = -0.30 y z = 0.90. (d.) Desde z = -1.50 hasta z = -0.45. Nota: en cada caso realice un bosquejo del área que representa la probabilidad
- 3. Para una variable  $Z\sim N(0,1)$ , determine: (a.) A la izquierda de z = 0.56. (b.) Entre z = -2.93 y z = -2.06. (c.) Entre z = -1.08 y z = 0.70. (d.) Desde z = 0.96 hasta z = 1.62. Nota: En cada caso represente gráficamente los valores solicitados
- 4. Para una variable aleatoria continua  $X \sim norm(\mu = 150, \sigma^2 = 1000)$  determine: (a.) Realice un bosquejo de la gráfica de la función de densidad de probabilidad de X (b.)  $P(X \leq 100)$ . (c.)  $P(300 \leq X \leq 400)$ . (d.)  $P(X \geq 550)$ . (e.) Determine el valor de k que cumpla : P(-k < X < k) = 0.90. (f.) Determine el valor de k que cumpla : P(-k < X < k) = 0.95.
- 5. Sea X una variable aleatoria con distribución exponencial .  $(X \sim exp(\lambda = 2))$ . Determine: (a.)  $P(X \leq 0)$ . (b.)  $P(X \geq 2)$ . (c.) P(1 < X < 2). (d.) Realice un bosquejo de la gráfica de  $f_X(x)$
- 6. Doris y Mauricio quedan en encontrarse entre las 5:00 pm y 6:00 pm en Unicentro. Sea X el tiempo que transcurre entre las 5:00 pm y el momento en que llega Doris y Y el tiempo que transcurre entre las 5:00 pm y el momento en que llega Mauricio. Suponga que X y Y son variables aleatorias independientes uniformemente distribuidas en el intervalo [0; 60] en minutos.
  - (a.) Cuál es la distribución de probabilidad conjunta de X y Y?
  - (b.) ¿Cuál es la probabilidad de que ambos lleguen entre las 5:30 y 5:40?
  - (c.) Sea T = X Y el tiempo que Mauricio espera a Doris. ¿Cuánto debe esperar en promedio Mauricio a Doris?
  - (d.) Si Doris y Mauricio acuerdan además, que cada uno esperará al otro un máximo 10 minutos. Cuál es la probabilidad de que Mauricio y Doris se encuentren?
- 7. Para una variable aleatoria Y que representa las puntuaciones obtenidas en una prueba y cuya distribución es aproximadamente normal con media de 480 puntos y desviación estándar de 90 puntos, determine:
  - (a.) ¿Cuál es la proporción de puntuaciones mayores a 700?
  - (b.) ¿Cuál es el 250. percentil de las puntuaciones?
  - (c.) Si la puntuación de alguien es de 600, ¿en qué percentil se encuentra?
  - (d.) ¿Qué proporción de las puntuaciones se encuentra entre 420 y 520?

- Suponga que la estatura de las personas en una población sigue la curva normal con media de 64.3 pulgadas y desviación estándar de 2.6 pulgadas.
  - (a.) ¿Qué proporción de personas en esa región tiene estatura entre 60 y 66 pulgadas?
  - (b.) La estatura de Juan es 0.5 de desviación estándar mayor a la media. ¿Qué proporción de personas miden más que Juan?
  - (c.) ¿Cuánto mide una persona cuya estatura se encuentra en el 90o. percentil?
  - (d.) Se elige aleatoriamente una persona de esta población. ¿Cuál es la probabilidad de que ella mida más de 67 pulgadas?
  - (e.) Se elige aleatoriamente a cinco personas de esta población. ¿Cuál es la probabilidad de que sólo una de ellas mida más de 67 pulgadas?
- La resistencia de una aleación de aluminio se distribuye normalmente con media de 10 gigapascales (GPa) y desviación estándar de 1.4 GPa.
  - (a.) ¿Cuál es la probabilidad de que una muestra de esta aleación tenga resistencia mayor a 12 GPa?
  - (b.) Determine el primer cuartil de la resistencia de esta aleación.
  - (c<sub>1</sub>) Determine el 950, percentil de la resistencia de esta aleación.
- 10. La vida útil de una bombilla de un vehículo opera en un ambiente a alta temperatura dada su cercania al motor del vehículo. Esta variable medida en años sigue aproximadamente una distribución lognormal con media  $\mu=1.2$  y varianza  $\sigma^2=0.4$ .
  - (a.) Determine el tiempo medio de vida de la bombilla
  - (b.) Determine la probabilidad de que la bombilla dure entre 3 y 6 años
  - (c.) Determine el valor de la mediana
  - (d.) Determine el percentil 95° de los tiempos de vida
- 11. Un indicador importante para el control del estado físico de una persona es el Indice de Masa Corporal (IMC). Este indice se obtiene al dividir el valor de la masa corporal de una persona (kg) entre el cuadrado de la talla de la persona  $(m^2)$ . En su artículo W.Bolch y E Farfan establecen que este indice (en  $kg/m^2$ )se distribuye aproximadamente lognormal con media  $\mu=3.215$  y  $\sigma=0.157$  para hombre con edad entre 17 y 25 años. La organización mundial de la salud ha establecido rangos para este indice y los ha clasificado de acuerdo al riesgo así: De 25.0 a 29.9, sobrepeso o no obeso ; Entre 30 a 34.9 : Obesidad clase 1 o de bajo riesgo. Más de 40: Obesidad clase 3 o de alto riesgo. Con el fin de establecer una campaña sobre buenos hábitos en el deporte y la dieta el Centro de Bienestar Universitario desea conocer las proporciones de una población de jóvenes con estas edades, en cada uno de los rangos establecidos.
- 12. Un fabricante manifiesta que su producto principal (un ventilador para el hogar) dura más de 9000 horas.de uso. Que si algún cliente presenta una avería en su producto antes de este tiempo, el garantiza la entrega de otro de similares condiciones como parte de su estrategia de venta. Uno de sus asesores le indica que no es adecuado realizar esta promoción y que será muy costosa realizarla. Con el fin de validad

b) 
$$P(X < 12) = \int_{0}^{2\pi} \frac{dx}{10} = \int_{0}^{12} \frac{dx}{10} = 0.20$$
  
for  $f(12, 10, 20)$   $f(12, 10, 20)$ 

c) 
$$P(132X < 15) = f(15) - f(13)$$
  
 $\frac{15-10}{10} - \frac{13-10}{10} = 0.20$   
 $Ponif(15, 10, 20) - Ponif(13, 10, 20)$ 



d) 
$$P(X \ge 18) = 1 - \frac{18-10}{10} = 1-0.80 = 0.20$$

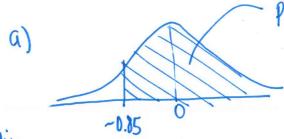
punif (18, 10, 20, lower. tail = FNWE)

e) 
$$E(X) = \int_{0}^{1} \frac{dx}{dx} = \int_{0}^{1}$$

$$0 E(X) = \frac{b+l}{2} = \frac{20+10}{2} = 15 \text{ M}$$

$$U(X) = \frac{(b-0)^2}{12} = \frac{(20-10)^2}{12} = \frac{100}{12} = \frac{25}{3} \text{ M}$$

2) ZNN(0,1)



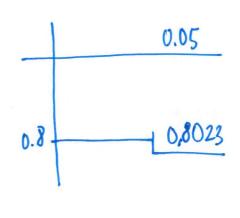
$$P(2>-0.85) = 1-P(-0.85)$$
  
= 0.8023

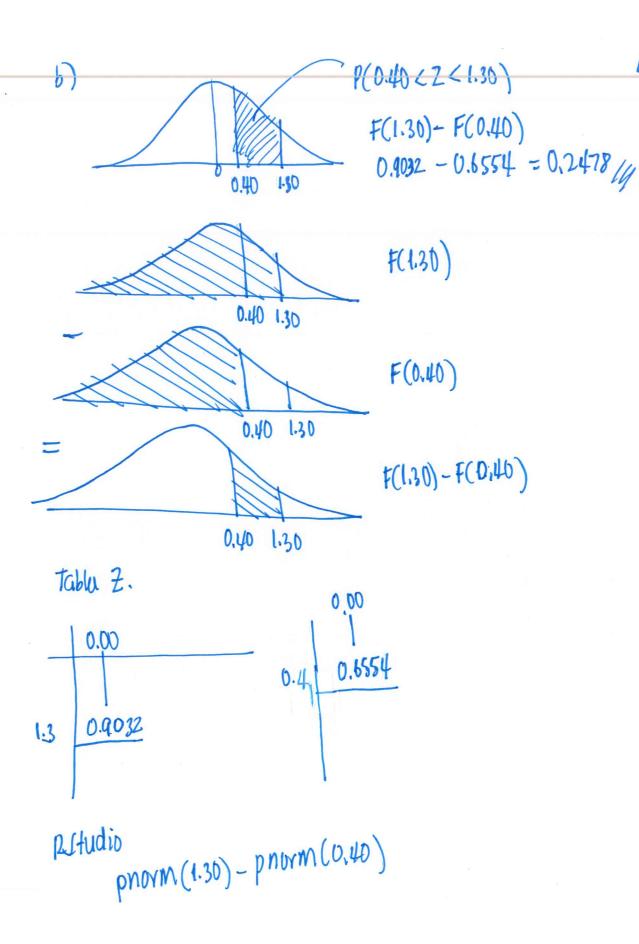
-Refluctio

- · 1 pnorm (-0.85)

  . pnorm (-0.85, lower. fail = FALSE)

Tabla Z 0.05 10.1977 -0.8 1-0,1977 = 0.8023



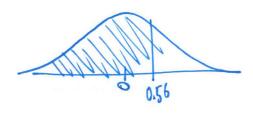


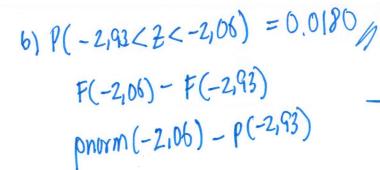
$$F(0.90) - F(-0.30)$$
  
 $0.8159 - 0.6179 = 0.1980$ 

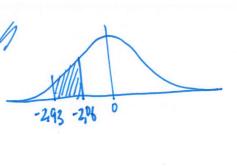
TABLA Z

11847 2

$$3)^{(a)} p(2<0.56) = 0.7123$$
  
pnorm (0.56)







(c)  $P(-1.09 \angle Z \angle 0.70) = 0.6179$  F(0.70) - F(-1.08)P(0.70) - P(0.70) - P(0.70)

