

Mestrado Profissional em Avaliação e Monitoramento de Políticas Públicas

Métodos Quantitativos I

Aula 1: Apresentação do curso e conceitos básicos

Professores: Daniel Grimaldi e Arthur Bragança

3º Trimestre - 2025

Apresentação do curso

Apresentação do curso 2/53

Os Instrutores

Daniel Grimaldi: Economista graduado pela UFRJ, com mestrado na USP e Ph.D. pela George Mason. Trabalha com monitoramento e avaliação de política pública desde 2009, com experiências no Ipea, BNDES, BID e agora na Secretaria de Avaliação de Políticas Públicas e Assuntos Econômicos (SMA/MPO).

Arthur Bragança: Economista sênior na Prática Global de Meio Ambiente, Recursos Naturais e Economia Azul do Banco Mundial. É bacharel em Economia pela Universidade Federal de Minas Gerais, doutor em Economia na PUC-Rio e acadêmico visitante na Universidade de Harvard. Antes de ingressar no Banco Mundial, trabalhou como chefe de avaliação de políticas na Iniciativa de Política Climática (CPI).

Apresentação do curso 3/53

Escopo do curso

Esse é um curso introdutório de econometria.

The Econometric Society is an international society for the advancement of economic theory in its relation to **statistics** and **mathematics**. (...) Its main object shall be to promote studies that aim at a unification of the theoretical-quantitative and the empirical-quantitative approach to **economic problems** and that are penetrated by constructive and rigorous thinking similar to that which has come to **dominate in the natural sciences**. (Frisch 1933)

Apresentação do curso 4/53

Escopo do curso

Esse é um curso introdutório de econometria aplicada.

- Objetivo é que todos terminem o curso com capacidade de usar ferramental quantitativo para estudar problemas socioeconômicos.
 - Compreender, contratar e implementar análises econométricas.
- Não vamos nos aprofundar na teoria...
 - Corolário 1: não vamos cobrar provas formais de teoremas, estimadores etc

Apresentação do curso 5/53

Escopo do curso

Esse é um curso introdutório de econometria aplicada.

- Objetivo é que todos terminem o curso com capacidade de usar ferramental quantitativo para estudar problemas socioeconômicos.
 - Compreender, contratar e implementar análises econométricas.
- ... mas vamos cobrar consolidação dos conceitos por meio de aplicação direta do ferramental quantitativo...
 - Corolário 2: vocês precisarão aprender e usar linguagem de programação ao longo do curso.

Apresentação do curso 6/53

Visão Geral

- Todas as aulas terão uma parte conceitual e uma parte dedicada a programação aplicada
- A avaliação será feita por meio de participação em sala (20%) e 8 listas de exercícios (10% cada).
- Todo o material do curso será postado numa página do Github

Apresentação do curso 7/53

Conceitos básicos

Conceitos básicos 8/53

Espaço amostral e evento

- Um **espaço amostral** (Ω) é o conjunto de todos os resultados possíveis para um experimento aleatório.
- Um evento é qualquer conjunto de resultados definidos dentro do espaço amostral.
 - ▶ $A = \{A_1, A_2, ..., A_n\}; A_i \in \Omega \ \forall \ i$
- \blacksquare Se o resultado A_i foi observado e $A_i \in A$, então dizemos que o evento A ocorreu.
 - ▶ Um evento B está contido em A \Leftrightarrow $B_i \in A \ \forall i$
 - **▶** A e B serão **eventos disjuntos** \Leftrightarrow $A \cap B = \emptyset$
 - O complementar de (A^c) é formado por todos os resultados que fazem parte do conjunto amostral, mas não estão contidos em A, de tal forma que $A \cap A^c = \emptyset$ e $A \cup A^c = \Omega$

Conceitos básicos 9/53

Probabilidade

- \blacktriangleright Se Ω é enumerável, então $P(A)=\frac{Qtd.~de~elementos~de~A}{Qtd.~de~elementos~em~\Omega}$
- lacktriangle Se Ω não for enumerável, então $P(A) = \frac{Comprimento\ de\ A}{Comprimento\ de\ \Omega}$
- Uma função $\varphi(A,\Omega)$ é uma probabilidade \Leftrightarrow satisfaz os Axiomas de Kolmogorov:
 - (i) $P(\Omega) = 1$;
 - $(ii) \forall A \in \Omega, P(A) \geq 0;$
 - \bullet (iii) Para toda sequência $A_1,A_2,...,A_n$ de eventos disjuntos, temos que $P(\bigcup_{i=1}^\infty A_i)=\sum_{i=1}^\infty P(A_i)$

Conceitos básicos 10/53

Proriedades da Probabilidade

- ▶ $P1. P(A) = 1 P(A^C)$
- ▶ P2. Sendo A e B dois eventos quaisquer, vale que $P(B) = P(B \cap A) + P(B \cap A^C)$
- ▶ P3. Se $A \subset B$, então $P(A) \leq P(B)$
- ▶ *P4.* $P(A \cup B) = P(A) + P(B) P(A \cap B)$
- ▶ P5. Para quaisquer eventos $A_1, A_2, ...$, vale que: $P(\bigcup_{i=1}^{\infty} A_i) \leq \sum_{i=1}^{\infty} P(A_i)$

Conceitos básicos 11/53

Probabilidade condicional e independência

- Sendo P(B) > 0, a **probabilidade condicional** de A dado que ocorreu B (P(A|B)) é dada por $\frac{P(A \cap B)}{P(B)}$. Caso $(P(B) = 0 \Rightarrow P(A|B) = P(A))$.
- Eventos A e B são independentes $\Leftrightarrow P(A \cap B) = P(A)P(B)$
- Intuição: quando eventos são independentes, a ocorrência de um não informa nada sobre a ocorrência do outro.

▶
$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{P(A)P(B)}{P(B)} = P(A)$$

Conceitos básicos 12/53

O Básico de R

O Básico de R

Por quê usar o R?

- Gratuito
 - Tempo e orçamento direcionados para o trabalho
- Comunidade ativa
 - Avanços metodológicos chegam primeiro no R;
 - Farto material (gratuito) para treinamento;
 - Diversos fóruns para troca de experiências.
- **É** uma linguagem de programação, não um software
 - Amplitude maior de tarefas (data munging, data scrapping, recursos gráficos, automação...)
 - Permite integração com outras linguagens (essa apresentação foi feita com R + Latex).

O Básico de R

If statistics programs/languages were cars...













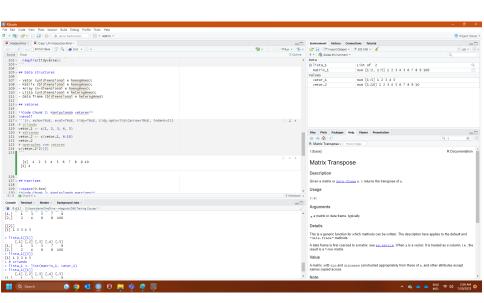
O Básico de R

Instalando o R

- Primeiro, você precisa instalar o R
- Mas ter também o RStudio faz toda a diferença!
 - Interface gráfica mais agradável e recursos 'point-and-click';
 - Permite fazer a gestão, instalação e atualização de pacotes (Sim, você vai precisar instalar/atualizar pacotes todo o tempo!);
 - Permite integrar facilmente, via RMarkdown, programação em R com LaTeX, SQL, Python, Julia, C, C++ etc.

Essa apresentação foi gerada com um arquivo RMarkdown

O Básico de R 16/53



O Básico de R 17/53

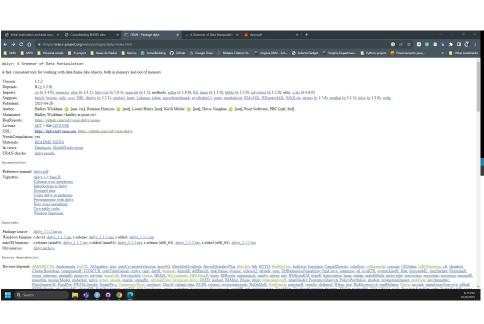
Instalando pacotes

Code Chunk 1: Instalação de pacotes no R

```
# 'Simples'
install.packages("tidyverse")
require(tidyverse)

# 'Sofisticado'
if (!require(tidyverse)) {
  install.packages("tidyverse")
  require(tidyverse)
}
```

O Básico de R 18/53



O Básico de R 19/53

Estruturas de dados em R

- Vetor (unidimensional e homogêneo);
- Matrix (bidimensional e homogêneo);
- Array (n-dimensional e homogêneo);
- Lista (unidimensional e heterogêneo);
- Data frame (bidimensional e heterogêneo)

O Básico de R 20/53

Vetores

Code Chunk 2: Manipulando vetores

```
# criando
vetor_1 <- c(1, 2, 3, 4, 5)
# editando
vetor_2 <- c(vetor_1, 6:10)
vetor_2
## [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
# operações com vetores
c(vetor_2 * 2)[2]
## [1] 4</pre>
```

O Básico de R 21/53

Matrizes

Code Chunk 3: Manipulando matrizes

```
# criando
matrix_1 <- matrix(vetor_2, nrow = 2, ncol = 5)</pre>
matrix 1[2, 5] <- 100
matrix 1
## [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,] 1 3 5 7 9
## [2,] 2 4 6 8 100
# operações com matrizes
matrix 1 * 2
## [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,] 2 6 10 14 18
## [2,] 4 8 12 16 200
matrix 1 %*% t(matrix 1)
## [,1] [,2]
## [1,] 165 1000
## [2,] 1000 10120
```

O Básico de R 22/53

Listas

[1] 2

Code Chunk 4: Manipulando listas

```
# criando
lista_1 <- list(matrix_1, vetor_1)</pre>
lista_1[[1]]
## [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,] 1 3 5 7 9
## [2,] 2 4 6 8 100
lista_1[[2]]
## [1] 1 2 3 4 5
lista_1[[1]][2, 5]
## [1] 100
lista_1[[2]][2]
```

O Básico de R 23/53

Criando bases no R

Code Chunk 5: Criando bases de dados no R

```
## id tipo_local
## 1 cpf_1 rural
## 2 cpf_2 urbano
## 3 cpf_3 urbano
## 4 cpf_4 urbano
## 5 cpf_5 rural
```

O Básico de R 24/53

Exportando bases no R

Code Chunk 6: Exportando bases

```
# gerando diretorio
if(dir.exists("./01 - Bases")){
 unlink("./01 - Bases", recursive = TRUE)
dir.create("./01 - Bases", showWarnings = FALSE)
# em formato nativo do R
save(data, file="./01 - Bases/teste data.Rdata")
# em arquivo de texto (txt, csv etc)
write.table(data, file = "./01 - Bases/teste_data.txt", sep = " ",
            row.names = FALSE)
write.table(data, file = "./01 - Bases/teste_data.csv", sep = ";",
            row.names = FALSE)
write_csv2(data, file="./01 - Bases/teste_data.csv", append = TRUE)
# write delim é outra opção
# em arquivo formato excel (requer package openxlsx)
write.xlsx(data, file="./01 - Bases/teste_data.xlsx")
# em arquivo STATA (requer package: haven)
write_dta(data, path = "./01 - Bases/teste_data.dta")
```

O Básico de R 25/53

Importando dados

Code Chunk 7: Importando dados no R

```
# R native file
load(file="./01 - Bases/teste data.Rdata")
# arquivo de texto (txt, csv etc)
data <- read_delim(file="./01 - Bases/teste_data.txt", delim = " ")</pre>
data <- read csv2(file="./01 - Bases/teste data.csv")</pre>
# arquivo em formato excel
data <- read.xlsx("./01 - Bases/teste data.xlsx", sheet = 1)</pre>
str(data)
## 'data.frame': 10000 obs. of 2 variables:
```

```
## $ id : chr "cpf 1" "cpf 2" "cpf 3" "cpf 4" ...
## $ tipo_local: chr "rural" "urbano" "urbano" "urbano" ...
```

O Básico de R 26/53

mutate

Code Chunk 8: Criando variáveis na base

O Básico de R 27/53

join

Code Chunk 9: bases de dados relacionadas

```
data2 <- data.frame("id"=paste("cpf", 1:sample_n, sep="_"),</pre>
                   "classe_renda"=sample(c("1sm", "1sm+"),
                                        size=sample_n,
                                        prob=c(0.65, 1-0.65),
                                        replace=TRUE))
data %<>%
 left_join(data2, by=c("id"))
# existem outras opções de join: (inner_join, right_join, full_join)
head(data)
##
       id tipo local urbano classe renda
## 1 cpf_1
             rural
                                    1sm+
## 2 cpf 2 urbano
                                     1sm
## 3 cpf_3 urbano
                                    1sm+
## 4 cpf 4 urbano
                                     1sm
## 5 cpf 5 rural
                                    1sm
## 6 cpf_6
           rural
                                    1sm+
```

O Básico de R 28/53

group_by

Code Chunk 10: agregando a base de dados

```
## # A tibble: 4 x 5
## # Groups: tipo_local [2]
## tipo local classe renda | qtd qtd local prob renda cond local
##
  <chr>
             <chr>
                         <int>
                                 <int>
                                                    <dbl>
## 1 rural 1sm
                         1124
                                  1666
                                                    0.675
## 2 rural 1sm+
                         542 1666
                                                    0.325
## 3 urbano
                         5451 8334
                                                    0.654
             1sm
## 4 urbano 1sm+
                         2883
                                  8334
                                                    0.346
```

O Básico de R 29/53

Estrutura para looping

Code Chunk 11: Usando for para implementar looping

```
# Criando status de renda
data$baixa renda <- NA
for (i in 1:nrow(data)){
 data$baixa_renda[i] <- ifelse(data$classe_renda[i] == "1sm", 1, 0)
head(data[,c("id", "classe_renda", "baixa_renda")])
       id classe_renda baixa_renda
## 1 cpf_1
                  1sm+
## 2 cpf_2
                  1sm
## 3 cpf_3 1sm+
## 4 cpf 4
                  1sm
## 5 cpf 5
                1sm
## 6 cpf 6
                 1sm+
```

O Básico de R 30/53

Criando functions

Code Chunk 12: Criando functions

```
# Criando function
gen_tag_renda <- function(classe_renda_i){</pre>
 ifelse(classe renda i=="1sm", 1, 0)
data %<>%
 mutate(baixa_renda2 = sapply(classe_renda, gen_tag_renda))
head(data[,c("id", "classe renda", "baixa renda", "baixa renda2")])
        id classe renda baixa renda baixa renda2
## 1 cpf 1
                   1sm+
## 2 cpf_2
                   1sm
## 3 cpf 3
           1sm+
## 4 cpf_4
                   1sm
## 5 cpf 5
                   1sm
## 6 cpf 6
                   1sm+
```

O Básico de R 31/53

Hands on!

Hands on! 32/53

Desenho de programa

- Vamos implementar um programa de combate à pobreza. A população-alvo são indivídios em famílias com baixa renda - renda per capita inferior a 1sm (Evento A).
 - Não temos informação sobre a renda formal das famílias...
 - ... mas podemos estimar suas probabilidades.
- O programa consistirá em uma transferência incondicional de 1sm para qualquer indivíduo que aderir ao programa.
- Existem duas opções de implementação: (i) presencial ou (ii) digital (via Govbr).

Hands on! 33/53

Propensão a adesão

O que sabemos?

- Propensão à adesão (Evento B) depende da renda.
- Entre os indivíduos de baixa renda, 90% estão propensos a aderir;
 - ▶ P(B|A) = 0.9
- Entre os indivíduos com alta renda, 40% estão propensos a aderir
 - ▶ $P(B|A^C) = 0.4$.

Hands on! 34/53

Capacidade de adesão presencial

O que sabemos?

- **The Proof of School of S**
- Entre indivíduos em área urbana (Evento D), 95% conseguirão se inscrever;
 - ▶ $P(C_n|D) = 0.95$
- Entre indivíduos em área rural, apenas 30% conseguirão se inscrever por falta de pontos de inscrição
 - $P(C_p|D^C)=0.3$

Hands on! 35/53

Capacidade de adesão virtual

O que sabemos?

- Capacidade de adesão virtual (Evento ${\cal C}_v$) depende apenas da renda.
- Entre indivíduos de alta renda, 90% consegue se inscrever;
 - $P(C_v|A^C) = 0.95$
- Entre indivíduos de baixa renda, 55% consegue se inscrever
 - ▶ $P(C_v|A) = 0.55$

Hands on! 36/53

Falha de focalização

Qual é a falha de focalização (Φ) esperada para cada opção de implementação?

- $\label{eq:phi} \Phi = \frac{\textit{Qtd. indivduos for a do publico-alvo}}{\textit{Qtd. de beneficiarios}}$
- $\qquad \hbox{Ades\~ao Presencial:} \ \Phi_p = P(A^C|B\cap C_p)$
- $\begin{tabular}{ll} \bullet Adesão Virtual: $\Phi_p = P(A^C|B\cap C_v)$ \\ \end{tabular}$

Hands on! 37/53

Adesão presencial

$$\Phi_p = \frac{P(A^C \cap B \cap C_p)}{P(B \cap C_p)} \tag{1}$$

$$=\frac{P(A^C \cap B) \ P(C_p)}{P(B) \ P(C_p)} \tag{2}$$

$$=\frac{P(B|A^C)\ P(A^C)}{P(B)}\tag{3}$$

$$= \frac{0.4 \ P(A^C)}{P(B)} \tag{4}$$

Notas: 1 Equação (1) vale pela definição de probabilidade condicional. 2 Equação (2) é possível porque o Evento C_p é independente de A e B. 3 A passagem de (2) para (3) ocorre também pela definição de probabilidade condicional.

Hands on! 38/53

Calculando P(B)

$$P(B) = P(B \cap A) + P(B \cap A^C) \tag{5}$$

$$P(B) = P(B|A) P(A) + P(B|A^{C}) P(A^{C})$$
 (6)

$$P(B) = 0.9 P(A) + 0.4 P(A^{C})$$
(7)

$$\Rightarrow \Phi_p = \frac{0.4 \ P(A^C)}{0.9 \ P(A) + 0.4 \ P(A^c)}$$

Notas: 1 (5) vale por conta de P1. 2 A passagem de (5) para (6) é possível pela definição de probabilidade condicional.

Hands on! 39/53

Estimando P(A) e $P(A^c)$

Code Chunk 13: Download de dados do IBGE

```
api_call = "/t/3278/n1/all/v/allxp/p/all/c386/allxt/c1/allxt/c86/2776,2777,2778
tab3278 <- get_sidra(api = api_call)
tab3278 <- tab3278[,
   c(5, 12, 14)]
names(tab3278) \leftarrow c("gtd",
    "classe_renda", "tipo_local")
head(tab3278)
##
         qtd classe_renda tipo_local
## 2 3603733
                     9681
## 3 1436581
                     9681
## 4 139021
                     9681
## 5 7837682
                     9681
      48947
                     9681
## 6
## 7 1944916
                     9681
```

Hands on! 40/53

Estimando P(A) e $P(A^c)$

Code Chunk 14: Estimando probabilidade de adesao

Hands on! 41/53

Falha de focalização: presencial

$$P(A) = 0.648$$

$$P(A^{C}) = 0.352$$

$$\Rightarrow \Phi_{p} = \frac{0.4 * 0.352}{0.9 * 0.648 + 0.4 * 0.352}$$

$$\Phi_{p} \approx 19.5\%$$
(8)

Hands on! 42/53

Adesão virtual

$$\Phi_v = \frac{P(A^C \cap B \cap C_v)}{P(B \cap C_v)} \tag{10}$$

$$=\frac{P(A^C\cap B\cap C_v)}{P(A^C\cap B\cap C_v)\cup P(A\cap B\cap C_v)} \tag{11}$$

$$= \frac{P(A^C) \; P(B|A^C) \; P(C_v|A^C \cap B)}{P(A^C) \; P(B|A^C) \; P(C_v|A^C \cap B) \cup P(A) \; P(B|A) \; P(C_v|A \cap B)} \tag{12}$$

$$= \frac{P(A^C) \ P(B|A^C) \ P(C_v|A^C)}{P(A^C) \ P(B|A^C) \ P(C_v|A^C) \cup P(A) \ P(B|A) \ P(C_v|A)} \tag{13}$$

$$= \frac{P(A^C) \ P(B|A^C) \ P(C_v|A^C)}{P(A^C) \ P(B|A^C) \ P(C_v|A^C) + P(A) \ P(B|A) \ P(C_v|A)} \tag{14}$$

Notas: 1 Equação (10) vale pela definição de probabilidade condicional. 2 Equação (11) é possível por P2. 3 A passagem de (11) para (12) ocorre também pela definição de probabilidade condicional. 4 A passagem de (12) para (13) ocorre porque C_v só depende de B por meio de A. 5 Equação (14) vale por P4.

Hands on! 43/53

Falha de focalização: virtual

Todos os termos da Equação 13 são já conhecidos. Basta substituir:

$$P(A) = 0.648 (15)$$

$$P(A^C) = 0.352 (16)$$

$$P(B|A^C) = 0.4 \tag{17}$$

$$P(B|A) = 0.9 \tag{18}$$

$$P(C_v|A^C) = 0.95 (19)$$

$$P(C_v|A) = 0.55 (20)$$

$$\begin{split} \Rightarrow \Phi_v &= \frac{0.352*0.4*0.95}{(0.352*0.4*0.95) + (0.648*0.9*0.55)} \\ \Phi_v &\approx 29.4\% \end{split}$$

Hands on! 44/53

Validação por simulação

Vamos construir um Processo Gerador de Dados (PGD) para simular o processo de adesão ao nosso programa

- ▶ O PGD deve utilizar as mesmas probabilidades primárias
 - Para isso, vamos precisar estimar a proporção de indivíduos em áreas urbanas e rurais - P(D)
- Com isso, podemos conferir nossos resultados

Hands on! 45/53

Estimando P(D)

Code Chunk 15: Estimando P(D)

Hands on! 46/53

PGD

Code Chunk 16: Construindo PGD

```
sample n=100000
data <- data.frame("id"=paste("cpf", 1:sample_n, sep="_"),</pre>
                    "baixa_renda" = sample(0:1, size=sample_n,
                                            prob=c(1-0.648, 0.648),
                                            replace=TRUE),
                    "tipo_local" = sample(c("urbano", "rural"),
                                           size=sample_n,
                                           prob=c(0.849, 1-0.849),
                                           replace=TRUE)) %>%
  mutate(prop_adesao = case_when(baixa_renda==1 ~ 0.9,
                                  TRUE \sim 0.4).
         cap_p = case_when(tipo_local=="urbano" ~ 0.95,
                              TRUE \sim 0.3).
         cap_v = case_when(baixa_renda==1 ~ 0.55,
                              TRUE \sim 0.95).
         prob_adesao_p = prop_adesao * cap_p,
         prob adesao v = prop adesao * cap v)
```

Hands on! 47/53

Simulação

Code Chunk 17: Simulando a adesão em cada cenário

```
adesao_p <- function(prob_i){sample(0:1, size=1,</pre>
                                prob=c(1-prob i, prob i))}
adesao_v <- function(prob_i){sample(0:1, size=1,</pre>
                                prob=c(1-prob i, prob i))}
data %<>%
 mutate(benef_p = sapply(prob_adesao_p, adesao_p),
        benef v = sapply(prob adesao v, adesao v))
head(data, 3)
##
       id baixa_renda tipo_local prop_adesao cap_p cap_v prob_adesao_p
                                     0.9 0.95 0.55
                                                     0.855
## 1 cpf_1
                   1
                        urbano
## 2 cpf_2
                  1 urbano
                                  0.9 0.95 0.55
                                                          0.855
## 3 cpf 3
                       rural
                                     0.4 0.30 0.95
                                                           0.120
    prob_adesao_v benef_p benef_v
##
## 1
         0.495
## 2 0.495
## 3
           0.380
```

Hands on! 48/53

Falha de focalização: simuladas

Code Chunk 18: Adesão presencial

```
sum(data$benef_p*(1-data$baixa_renda))/sum(data$benef_p)
```

[1] 0.1941821

Code Chunk 19: Adesão virtual

```
sum(data$benef_v*(1-data$baixa_renda))/sum(data$benef_v)
```

[1] 0.2959276

Hands on! 49/53

Encerramento

Encerramento 50/53

Preparação para a próxima aula

- Instalem o R e o RStudio;
- Tentem replicar os códigos da aula de hoje;
- Se quiserem, podem trazer o laptop para as aulas seguintes.

Encerramento 51/53

Dúvidas com R

- Google:
 - how to [o que você quiser] R'
 - 'how to [o que você quiser] R Cran' (se estiver procurando por um package específico)
 - Fóruns importantes para dúvidas de programação são stackoverflow e R-Bloggers
- Programadores de R adoram montar Cheat sheets, que são pequenos resumos de comandos. Elas são muito úteis (principalmente no início). Salvamos diversas delas no GitHub do curso.

Encerramento 52/53

Referências estruturadas

- **■** R Basics: R programming for data science, R for data science e R Cookbook
- Manipução de dados: as referências de dplyr e tidyr
- ♣ Gráficos: as referências de ggplot2 e R Graph Gallery
- **▶** Tabelas: as referências de *Kable* e *Stargazer*
- RMarkdown: The Definitive guide
- **▶** Econometrics: Causal inference: the mixtape e The Effect

Encerramento 53/53