KU LEUVEN

FACULTY OF
ENGINEERING SCIENCE

The best master's thesis ever

First Author
Second Author

Thesis submitted for the degree of
Master of Science in Cybersecurity

Supervisor
Prof. dr. ir. Knows Better

Assessors
Ir. Kn. Owsmuch
K. Nowsrest

Assistant-supervisors
Ir. An Assistent
A. Friend

Academic year 2024 – 2025

Published by First Author and Second Author,
Faculty of Engineering Science, Kasteelpark Arenberg 1 bus 2200, B-3001 Leuven

Preface

I would like to thank everybody who kept me busy the last year, especially my promoter and my assistants. I would also like to thank the jury for reading the text. My sincere gratitude also goes to my wive and the rest of my family.

First Author
Second Author

Contents

Abstract

The `abstract` environment contains a more extensive overview of the work. But it should be limited to one page.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

List of Figures and Tables

List of Figures

List of Tables

List of Abbreviations and Symbols

Abbreviations

DL	Discrete Logarithm
PPT	Probabilistic Polynomial Time
NIZK	Non-Interactive Zero Knowledge
PoK	Proof of Knowledge
AoK	Arguement of Knowledge
PSSS	Packed Shamir Secret Sharing
PVSS	Publicly Verifiable Secret Sharing
PPVSS	Pre-Constructed Publicly Verifiable Secret Sharing
PPPVSS	Packed Pre-Constructed Publicly Verifiable Secret Sharing

Symbols

q	prime number
$\mathbb{G}$	Cyclic group of order q
$\mathbb{Z}_q$	Modular ring with q elements
λ	Security Parameter
$negl$	Negligible function
O	Big-O notation

Chapter 1

Literature Review

In this chapter we sequently recall Packed Shamir secret sharing, Sigma ($\sum$) Protocols and Publicly Verifiable Secret Sharing (PVSS) followed by the recent scheme introduced in [3], namely, Pre-Constructed Publicly Verifiable Secret Sharing (PPVSS) which has versatile applications and also improves efficiency in existing applications. The agenda of this chapter is to give enough background before describing our Packed PPVSS (PPPVSS) scheme and its corresponding security guarantees in the next chapter.

1.1 Introduction

1.2 Preliminaries

1.2.1 Notation

Let $\mathbb{G}$ be a cyclic subgroup of prime order q with its generator being g, isomorphic to a subgroup of the multiplicative modular group $\mathbb{Z}_p^*$, where p is prime. Also, we write $Z_q[X]_d$ to denote the set of all d degree polynomials univariate in X with coefficients in the finite field $\mathbb{Z}_q$.

1.2.2 Packed Shamir Secret Sharing

(n, t, ℓ)-Packed Shamir secret sharing ([7],[4]) scheme is a threshold secret sharing scheme which is a variant of (n, t)-Shamir's secret sharing scheme [9]. In a nutshell, the $t + \ell - 1$ degree secret polynomial with coefficients in $\mathbb{Z}_q$ which evaluates to ℓ secrets is secret shared amongst n parties such that any $t+\ell$ parties can reconstruct back the secret polynomial. Recall that Shamir's secret sharing scheme requires at least $t + 1$ parties to reconstruct the secret polynomial in contrast to the $t + \ell$ parties in the Packed Shamir secret sharing scheme. The scheme is summarized in the Figure 1.1.

Packed Shamir Secret Sharing

Given ℓ secrets to share amongst n parties, where at most t of them can be *(passively)* corrupt, the (n, t, ℓ)-Packed Shamir secret sharing scheme description is as follows:

Sharing Algorithm:

- Dealer constructs the secret polynomial $f \in \mathbb{Z}_q[X]_{t+l-1}$ via the lagrange interpolation by choosing $t + \ell$ elements in $\mathbb{Z}_q$ where ℓ of them are secrets, $\{s_i\}_{i=0}^{\ell-1}$, with $f(-i) = s_i$ for all i and remaining t are chosen uniformly at random in $\mathbb{Z}_q$.
- Each party P_i receives their share $f(i)$ from the Dealer for each $i \in \{1, \ldots, n\}$

Reconstruction Algorithm:

- Any Q set containing at least $t+\ell$ parties can use the lagrange interpolation to compute $\{s_i\}_{i=0}^{\ell-1}$ as follows:

$$s_m = \sum_{i \in Q} f(i) \left[\prod_{j \in Q, j \neq i} \frac{-m-j}{i-j} \right] \quad , m \in \{0, \ldots, \ell-1\}$$

- The secrets $\{s_i\}_{i=0}^{\ell-1}$ are outputted as the result.

Figure 1.1: Packed Shamir Secret Sharing

1.2.3 Sigma Protocols

The agenda of this subsection is to give a brief formal background about some important primitives used in the PVSS ,Π_S [2], and the PPVSS ,Λ_{RO} [3], schemes. Let X and W be two sets with R being a relation on $X \times W$, and $L = \{x \in X : \exists w \in W, xRw\}$ be the language defined by R where xRw says that w is a witness for a given $x \in L$. Also, let $\mathcal{R}$ be a PPT algorithm such that $\mathcal{R}(1^\lambda)$ outputs pairs (x, w) with $x \in L$ and xRw where λ is a security parameter.

Given a relation R and its corresponding language L, a **Sigma ($\sum$) Protocol** is a 3-round *interactive* protocol between two Probabilistic Polynomial Time (PPT) algorithms, a prover P and a verifier V. For some $x \in L$ with xRw, in the first round P sends a commitment a to V. To which V sends a challenge d to P in the second round and finally P responds back with the response z to V in the third round. V outputs **true** or **false** upon the proof verification on transcript $trans := (a, d, z)$. Informally, with a $\sum-$protocol a prover P tries to convince a verifier V that they

know a witness w for a given statement $x \in L$ without revealing any information about w. To state it formally, a $\sum-$protocol is supposed to satisfy *completeness*, *Honest Verifier Zero Knowledge* (HVZK) and *Special Soundness* which are defined as follows.

Definition 1.2.1 (Completeness). *A $\sum-$protocol is said to be **complete** for $\mathcal{R}$ if the verifier V always accepts the honest prover P for any $x \in L$.*

Definition 1.2.2 (HVZK). *A $\sum-$protocol is said to be **HVZK** for $\mathcal{R}$ if there exist a PPT algorithm S that simulates trans of the scheme corresponding to a given $x \in L$ with any witness w of x. That is, given $x \in L$,*

$$trans(P(x,w) \leftrightarrow V(x)) \approx trans(S(x) \leftrightarrow V(x)) \qquad \text{, for any witness } w \text{ of } x.$$

Where $trans(P(\cdot) \leftrightarrow V(\cdot))$ is the transcript of the $\sum-$protocol amongst P and V and $\approx$ denotes the indistinguishability of the two transcripts.

Definition 1.2.3 (Special Soundness). *A $\sum-$protocol is said to satisfy **Special Soundness** for $\mathcal{R}$, if there exists a PPT extractor $\mathcal{E}$ for any two valid transcripts, (a,d,z) and (a,d',z'), corresponding to a given $x \in L$ with only a unique witness w and $d \neq d'$ such that $\mathcal{E}(a,d,z,d',z')$ outputs the witness w.*

It is shown that a public-coin, complete, HVZK, special soundness $\sum-$protocol can be made into a Non Interactive Zero Knowledge (NIZK) Proof of Knowledge (PoK) or Argument of Knowledge (AoK) in the Random Oracle(RO) model using Fiat-Shamir transform [6]. In the following subsections, we recall two important NIZK PoK schemes which are used in Π_S and Λ_{RO} schemes.

1.2.4 Chaum-Pedersen Protocol for DL Equality

Consider $\mathbb{G}$ being the cyclic group of prime order q with hard Discrete Logarithm (DL). For some $g, h \in \mathbb{G}$ consider the following relation:

$$R_{DLEQ} = \{(g,h,a,b), x : a = g^x, b = h^x\}.$$

In [5], Chaum and Pedersen proposed a NIZK PoK scheme for the DL Equality relation, R_{DLEQ}. Informally, a prover P can convince a verifier V that they know x such that it can be used with both g and h to obtain a and b respectively. This protocol is widely used in many cryptographic applications like threshold decryption, e-voting and Randomness Beacons. We summarize the protocol in Figure 1.2.

1.3 The First Topic of the Chapter

First comes the introduction to this topic.ufyufty

Nunc velit. Nullam elit sapien, eleifend eu, commodo nec, semper sit amet, elit. Nulla lectus risus, condimentum ut, laoreet eget, viverra nec, odio. Proin lobortis. Curabitur dictum arcu vel wisi. Cras id nulla venenatis tortor congue

Chaum-Pedersen Protocol for DLEQ

Let $(g, h, a, b) \in L_{DLEQ}$ be a statement with its corresponding witness being x.

Prover

- Samples $r \in_R \mathbb{Z}_q$ uniformly at random and sets $c_1 = g^r$ and $c_2 = h^r$.
- Sets $d \leftarrow \mathcal{H}(a, b, c_1, c_2)$, where $\mathcal{H}$ is an agreed upon Random Oracle (RO).
- Sets $z \equiv r + dx \pmod{q}$ and returns the proof(/transcript) $\pi := (d, z)$.

Verifier

- Checks if $d \leftarrow \mathcal{H}(a, b, \frac{g^z}{a^d}, \frac{h^z}{b^d})$ and outputs **true** or **false** accordingly.

Figure 1.2: Chaum-Pedersen Protocol for DLEQ

ultrices. Pellentesque eget pede. Sed eleifend sagittis elit. Nam sed tellus sit amet lectus ullamcorper tristique. Mauris enim sem, tristique eu, accumsan at, scelerisque vulputate, neque. Quisque lacus. Donec et ipsum sit amet elit nonummy aliquet. Sed viverra nisl at sem. Nam diam. Mauris ut dolor. Curabitur ornare tortor cursus velit.

1.3.1 An item

Please don't abuse enumerations: short enumerations shouldn't use "`itemize`" or "`enumerate`" environments. So *never write*:

> The Eiffel tower has three floors:
>
> - the first one;
> - the second one;
> - the third one.

But write:

> The Eiffel tower has three floors: the first one, the second one, and the third one.

1.4 A Second Topic

Vivamus sit amet pede. Duis interdum, nunc eget rutrum dignissim, nisl diam luctus leo, et tincidunt velit nisl id tellus. In lorem tellus, aliquet vitae, porta in, aliquet sed, lectus. Phasellus sodales. Ut varius scelerisque erat. In vel nibh eu eros imperdiet rutrum. Donec ac odio nec neque vulputate suscipit. Nam nec magna. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Nullam porta, odio et sagittis iaculis, wisi neque fringilla sapien, vel commodo lorem lorem id elit. Ut sem lectus, scelerisque eget, placerat et, tincidunt scelerisque, ligula. Pellentesque non orci.

1.4.1 Another item

Morbi tincidunt posuere arcu. Cras venenatis est vitae dolor. Vivamus scelerisque semper mi. Donec ipsum arcu, consequat scelerisque, viverra id, dictum at, metus. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut pede sem, tempus ut, porttitor bibendum, molestie eu, elit. Suspendisse potenti. Sed id lectus sit amet purus faucibus vehicula. Praesent sed sem non dui pharetra interdum. Nam viverra ultrices magna.

Aenean laoreet aliquam orci. Nunc interdum elementum urna. Quisque erat. Nullam tempor neque. Maecenas velit nibh, scelerisque a, consequat ut, viverra in, enim. Duis magna. Donec odio neque, tristique et, tincidunt eu, rhoncus ac, nunc. Mauris malesuada malesuada elit. Etiam lacus mauris, pretium vel, blandit in, ultricies id, libero. Phasellus bibendum erat ut diam. In congue imperdiet lectus.

1.5 Conclusion

The final section of the chapter gives an overview of the important results of this chapter. This implies that the introductory chapter and the concluding chapter don't need a conclusion.

Nunc sed pede. Praesent vitae lectus. Praesent neque justo, vehicula eget, interdum id, facilisis et, nibh. Phasellus at purus et libero lacinia dictum. Fusce aliquet. Nulla eu ante placerat leo semper dictum. Mauris metus. Curabitur lobortis. Curabitur sollicitudin hendrerit nunc. Donec ultrices lacus id ipsum.

Chapter 2

The Next Chapter

Vivamus adipiscing. Curabitur imperdiet tempus turpis. Vivamus sapien dolor, congue venenatis, euismod eget, porta rhoncus, magna. Proin condimentum pretium enim. Fusce fringilla, libero et venenatis facilisis, eros enim cursus arcu, vitae facilisis odio augue vitae orci. Aliquam varius nibh ut odio. Sed condimentum condimentum nunc. Pellentesque eget massa. Pellentesque quis mauris. Donec ut ligula ac pede pulvinar lobortis. Pellentesque euismod. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Praesent elit. Ut laoreet ornare est. Phasellus gravida vulputate nulla. Donec sit amet arcu ut sem tempor malesuada. Praesent hendrerit augue in urna. Proin enim ante, ornare vel, consequat ut, blandit in, justo. Donec felis elit, dignissim sed, sagittis ut, ullamcorper a, nulla. Aenean pharetra vulputate odio.

2.1 The First Topic of this Chapter

Quisque enim. Proin velit neque, tristique eu, eleifend eget, vestibulum nec, lacus. Vivamus odio. Duis odio urna, vehicula in, elementum aliquam, aliquet laoreet, tellus. Sed velit. Sed vel mi ac elit aliquet interdum. Etiam sapien neque, convallis et, aliquet vel, auctor non, arcu. Aliquam suscipit aliquam lectus. Proin tincidunt magna sed wisi. Integer blandit lacus ut lorem. Sed luctus justo sed enim.

2.1.1 An item

A master's thesis is never an isolated work. This means that your text must contain references. On-line documents[10] as well as books[8] can be referenced.

2.2 Figures

Figures are used to add illustrations to the text. The Figure 2.1 shows the KU Leuven logo as an illustration.

Figure 2.1: The KU Leuven logo.

gnats	gram	$13.65
	each	.01
gnu	stuffed	92.50
emu		33.33
armadillo	frozen	8.99

Table 2.1: A table with the wrong layout.

Item		
Animal	Description	Price ($)
Gnat	per gram	13.65
	each	0.01
Gnu	stuffed	92.50
Emu	stuffed	33.33
Armadillo	frozen	8.99

Table 2.2: A table with the correct layout.

2.3 Tables

Tables are used to present data neatly arranged. A table is normally not a spreadsheet! Compare Table 2.1 en Table 2.2: which table do you prefer?

2.4 Lorem Ipsum

This section is added to check headers and footers. So this chapter must at least contain three pages. To make sure that we get the required amount, the lipsum package isn't used but the text is put directly in the text.

2.4.1 Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit

Sed nec tortor id felis tristique sodales. Nulla nec massa eu dui fermentum tincidunt. Integer ullamcorper ante eget eros posuere faucibus. Nam id ligula ut augue pulvinar vulputate id at purus. Aenean condimentum tortor eu mi placerat eget eleifend

massa mollis. Nam est mi, sagittis quis euismod eget, sagittis in nibh. Proin elit turpis, aliquam et imperdiet sed, volutpat eu turpis.

Pellentesque vel enim tellus, vitae egestas turpis. Praesent malesuada elit non nisi sollicitudin non blandit lacus tincidunt. Morbi blandit urna at lectus ornare laoreet. Suspendisse turpis diam, lobortis dictum luctus quis, commodo at lorem. Integer lacinia convallis ultricies. Sed quis augue neque, eu malesuada arcu. Nullam vehicula, purus vitae sagittis pulvinar, erat eros semper massa, eu egestas nibh erat quis magna. Cras pellentesque, nisl eu dapibus volutpat, urna augue ornare quam, quis egestas lectus nulla a lectus.

Vivamus dictum libero in massa cursus sed vulputate eros imperdiet. Donec lacinia, libero ac lobortis egestas, nibh dui ornare arcu, luctus porttitor velit massa sit amet quam. Maecenas scelerisque laoreet diam, vitae congue quam adipiscing vitae. Aliquam cursus nisl a leo convallis eleifend fermentum massa porta. Nunc libero quam, dapibus dapibus molestie sit amet, faucibus vel nunc.

2.4.2 Praesent auctor venenatis posuere

Sed tellus augue, molestie in pulvinar lacinia, dapibus non ipsum. Fusce vitae mi vitae enim ullamcorper hendrerit eu malesuada est. Proin iaculis ante sed nibh tincidunt vel interdum libero posuere. Vivamus accumsan metus quis felis congue suscipit dapibus enim mattis. Fusce mattis tortor eget ipsum interdum sagittis auctor id metus.

Integer diam lacus, pharetra sit amet tempor et, tristique non lorem. Aenean auctor, nisi eu interdum fermentum, lectus massa adipiscing elit, sed facilisis orci odio a lectus. Proin mi nibh, tempus quis porta a, viverra quis enim. In sollicitudin egestas libero, quis viverra velit molestie eget. Nulla rhoncus, dolor a mollis vestibulum, lacus elit semper nisi, nec sollicitudin sem urna eu magna. Nunc sed est urna, euismod congue mi.

2.4.3 Cras vulputate ultricies venenatis

Vivamus eros urna, sodales accumsan semper vel, lobortis sit amet mauris. Etiam condimentum eleifend lorem, ullamcorper ornare lectus aliquet vitae. Praesent massa enim, interdum sit amet semper et, venenatis ut elit. Quisque faucibus, quam ac lacinia imperdiet, nulla neque elementum purus, tempus rutrum justo massa porta sapien. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Sed ultrices interdum mi, et rhoncus sapien rutrum sed.

Duis elit orci, molestie quis sollicitudin sed, convallis non ante. Maecenas tincidunt condimentum justo, et ultricies leo tristique vitae. Vestibulum quis quam non lectus dapibus eleifend a vitae nibh. Nam nibh justo, pharetra quis iaculis consequat, elementum quis justo. Etiam mollis lacinia lacus, nec sollicitudin urna lobortis ac. Nulla facilisi.

Proin placerat risus eleifend erat ultricies placerat. Etiam rutrum magna nec turpis euismod consectetur. Phasellus tortor odio, lacinia imperdiet condimentum

sed, faucibus commodo erat. Phasellus sed felis id ante placerat ultrices. Aenean tempor justo in tortor volutpat eu auctor dolor mollis. Aenean sit amet risus urna. Morbi viverra vehicula cursus.

2.4.4 Donec nibh ante, consectetur et posuere id, tempus nec arcu

Curabitur a tellus aliquet ipsum pellentesque scelerisque. Etiam congue, risus et volutpat rutrum, est purus dapibus leo, non cursus metus felis eget ligula. Vivamus facilisis tristique turpis, ut pretium lectus luctus eleifend. Fusce magna sapien, ullamcorper vitae fringilla id, euismod quis ante.

Phasellus volutpat, nunc et pharetra semper, sem justo adipiscing mauris, id blandit magna quam et orci. Vestibulum a erat purus, ut molestie ante. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Proin turpis diam, consequat ut ullamcorper ut, consequat eu orci. Sed metus risus, fringilla nec interdum vel, interdum eu nunc. Suspendisse vel sapien orci.

2.4.5 Morbi et mauris tempus purus ornare vehicula

Mauris sit amet diam quam, eget luctus purus. Sed faucibus, risus semper eleifend iaculis, mi turpis bibendum nisl, quis cursus nibh nisl sit amet ipsum. Vestibulum tempor urna vitae mi auctor malesuada eget non ligula. Nullam convallis, diam vel ultrices auctor, eros eros egestas elit, sed accumsan arcu tortor eget leo. Vestibulum orci purus, porttitor in pharetra eget, tincidunt eget nisl. Nullam sit amet nulla dui, facilisis vestibulum dui.

Donec faucibus facilisis mauris ac cursus. Duis rhoncus quam sed nisi laoreet eu scelerisque massa tincidunt. Vivamus sit amet libero nec arcu imperdiet tempor quis non libero. Sed consequat dignissim justo. Phasellus ullamcorper, velit quis posuere vulputate, felis erat tincidunt mauris, at vestibulum justo lectus et turpis. Maecenas lacinia convallis euismod. Quisque egestas fermentum sapien eu dictum. Sed nec lacus in purus dictum consequat quis vel nisl. Fusce non urna sem. Curabitur eu diam vitae elit accumsan blandit. Nullam fermentum nunc et leo dictum laoreet. Donec semper varius velit vel fringilla. Vivamus eu orci nunc.

2.5 Conclusion

The final section of the chapter gives an overview of the important results of this chapter. This implies that the introductory chapter and the concluding chapter don't need a conclusion.

Nunc sed pede. Praesent vitae lectus. Praesent neque justo, vehicula eget, interdum id, facilisis et, nibh. Phasellus at purus et libero lacinia dictum. Fusce aliquet. Nulla eu ante placerat leo semper dictum. Mauris metus. Curabitur lobortis. Curabitur sollicitudin hendrerit nunc. Donec ultrices lacus id ipsum.

Chapter 3

The Final Chapter

vsdgfsd

Morbi malesuada hendrerit dui. Nunc mauris leo, dapibus sit amet, vestibulum et, commodo id, est. Pellentesque purus. Pellentesque tristique, nunc ac pulvinar adipiscing, justo eros consequat lectus, sit amet posuere lectus neque vel augue. Cras consectetuer libero ac eros. Ut eget massa. Fusce sit amet enim eleifend sem dictum auctor. In eget risus luctus wisi convallis pulvinar. Vivamus sapien risus, tempor in, viverra in, aliquet pellentesque, eros. Aliquam euismod libero a sem.

3.1 The First Topic of this Chapter

3.1.1 Item 1

Sub-item 1

Nunc velit augue, scelerisque dignissim, lobortis et, aliquam in, risus. In eu eros. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Curabitur vulputate elit viverra augue. Mauris fringilla, tortor sit amet malesuada mollis, sapien mi dapibus odio, ac imperdiet ligula enim eget nisl. Quisque vitae pede a pede aliquet suscipit. Phasellus tellus pede, viverra vestibulum, gravida id, laoreet in, justo. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Integer commodo luctus lectus. Mauris justo. Duis varius eros. Sed quam. Cras lacus eros, rutrum eget, varius quis, convallis iaculis, velit. Mauris imperdiet, metus at tristique venenatis, purus neque pellentesque mauris, a ultrices elit lacus nec tortor. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Praesent malesuada. Nam lacus lectus, auctor sit amet, malesuada vel, elementum eget, metus. Duis neque pede, facilisis eget, egestas elementum, nonummy id, neque.

Sub-item 2

Proin non sem. Donec nec erat. Proin libero. Aliquam viverra arcu. Donec vitae purus. Donec felis mi, semper id, scelerisque porta, sollicitudin sed, turpis. Nulla

in urna. Integer varius wisi non elit. Etiam nec sem. Mauris consequat, risus nec congue condimentum, ligula ligula suscipit urna, vitae porta odio erat quis sapien. Proin luctus leo id erat. Etiam massa metus, accumsan pellentesque, sagittis sit amet, venenatis nec, mauris. Praesent urna eros, ornare nec, vulputate eget, cursus sed, justo. Phasellus nec lorem. Nullam ligula ligula, mollis sit amet, faucibus vel, eleifend ac, dui. Aliquam erat volutpat.

3.1.2 Item 2

Fusce vehicula, tortor et gravida porttitor, metus nibh congue lorem, ut tempus purus mauris a pede. Integer tincidunt orci sit amet turpis. Aenean a metus. Aliquam vestibulum lobortis felis. Donec gravida. Sed sed urna. Mauris et orci. Integer ultrices feugiat ligula. Sed dignissim nibh a massa. Donec orci dui, tempor sed, tincidunt nonummy, viverra sit amet, turpis. Quisque lobortis. Proin venenatis tortor nec wisi. Vestibulum placerat. In hac habitasse platea dictumst. Aliquam porta mi quis risus. Donec sagittis luctus diam. Nam ipsum elit, imperdiet vitae, faucibus nec, fringilla eget, leo. Etiam quis dolor in sapien porttitor imperdiet.

3.2 The Second Topic

Cras pretium. Nulla malesuada ipsum ut libero. Suspendisse gravida hendrerit tellus. Maecenas quis lacus. Morbi fringilla. Vestibulum odio turpis, tempor vitae, scelerisque a, dictum non, massa. Praesent erat felis, porta sit amet, condimentum sit amet, placerat et, turpis. Praesent placerat lacus a enim. Vestibulum non eros. Ut congue. Donec tristique varius tortor. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Nam dictum dictum urna.

Phasellus vestibulum orci vel mauris. Fusce quam leo, adipiscing ac, pulvinar eget, molestie sit amet, erat. Sed diam. Suspendisse eros leo, tempus eget, dapibus sit amet, tempus eu, arcu. Vestibulum wisi metus, dapibus vel, luctus sit amet, condimentum quis, leo. Suspendisse molestie. Duis in ante. Ut sodales sem sit amet mauris. Suspendisse ornare pretium orci. Fusce tristique enim eget mi. Vestibulum eros elit, gravida ac, pharetra sed, lobortis in, massa. Proin at dolor. Duis accumsan accumsan pede. Nullam blandit elit in magna lacinia hendrerit. Ut nonummy luctus eros. Fusce eget tortor.

Ut sit amet magna. Cras a ligula eu urna dignissim viverra. Nullam tempor leo porta ipsum. Praesent purus. Nullam consequat. Mauris dictum sagittis dui. Vestibulum sollicitudin consectetuer wisi. In sit amet diam. Nullam malesuada pharetra risus. Proin lacus arcu, eleifend sed, vehicula at, congue sit amet, sem. Sed sagittis pede a nisl. Sed tincidunt odio a pede. Sed dui. Nam eu enim. Aliquam sagittis lacus eget libero. Pellentesque diam sem, sagittis molestie, tristique et, fermentum ornare, nibh. Nulla et tellus non felis imperdiet mattis. Aliquam erat volutpat.

3.3 Conclusion

Vestibulum sodales ipsum id augue. Integer ipsum pede, convallis sit amet, tristique vitae, tempor ut, nunc. Nam non ligula non lorem convallis hendrerit. Maecenas hendrerit. Sed magna odio, aliquam imperdiet, porta ac, aliquet eget, mi. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Vestibulum nisl sem, dignissim vel, euismod quis, egestas ut, orci. Nunc vitae risus vel metus euismod laoreet. Cras sit amet neque a turpis lobortis auctor. Sed aliquam sem ac elit. Cras velit lectus, facilisis id, dictum sed, porta rutrum, nisl. Nam hendrerit ipsum sed augue. Nullam scelerisque hendrerit wisi. Vivamus egestas arcu sed purus. Ut ornare lectus sed eros. Suspendisse potenti. Mauris sollicitudin pede vel velit. In hac habitasse platea dictumst.

Suspendisse erat mauris, nonummy eget, pretium eget, consequat vel, justo. Pellentesque consectetuer erat sed lacus. Nullam egestas nulla ac dui. Donec cursus rhoncus ipsum. Nunc et sem eu magna egestas malesuada. Vivamus dictum massa at dolor. Morbi est nulla, faucibus ac, posuere in, interdum ut, sapien. Proin consectetuer pretium urna. Donec sit amet nibh nec purus dignissim mattis. Phasellus vehicula elit at lacus. Nulla facilisi. Cras ut arcu. Sed consectetuer. Integer tristique elit quis felis consectetuer eleifend. Cras et lectus.

Ut congue malesuada justo. Curabitur congue, felis at hendrerit faucibus, mauris lacus porttitor pede, nec aliquam turpis diam feugiat arcu. Nullam rhoncus ipsum at risus. Vestibulum a dolor sed dolor fermentum vulputate. Sed nec ipsum dapibus urna bibendum lobortis. Vestibulum elit. Nam ligula arcu, volutpat eget, lacinia eu, lobortis ac, urna. Nam mollis ultrices nulla. Cras vulputate. Suspendisse at risus at metus pulvinar malesuada. Nullam lacus. Aliquam tempus magna. Aliquam ut purus. Proin tellus.

Chapter 4

Conclusion

The final chapter contains the overall conclusion. It also contains suggestions for future work and industrial applications.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. In

hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetuer.

Suspendisse vel felis. Ut lorem lorem, interdum eu, tincidunt sit amet, laoreet vitae, arcu. Aenean faucibus pede eu ante. Praesent enim elit, rutrum at, molestie non, nonummy vel, nisl. Ut lectus eros, malesuada sit amet, fermentum eu, sodales cursus, magna. Donec eu purus. Quisque vehicula, urna sed ultricies auctor, pede lorem egestas dui, et convallis elit erat sed nulla. Donec luctus. Curabitur et nunc. Aliquam dolor odio, commodo pretium, ultricies non, pharetra in, velit. Integer arcu est, nonummy in, fermentum faucibus, egestas vel, odio.

Sed commodo posuere pede. Mauris ut est. Ut quis purus. Sed ac odio. Sed vehicula hendrerit sem. Duis non odio. Morbi ut dui. Sed accumsan risus eget odio. In hac habitasse platea dictumst. Pellentesque non elit. Fusce sed justo eu urna porta tincidunt. Mauris felis odio, sollicitudin sed, volutpat a, ornare ac, erat. Morbi quis dolor. Donec pellentesque, erat ac sagittis semper, nunc dui lobortis purus, quis congue purus metus ultricies tellus. Proin et quam. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Praesent sapien turpis, fermentum vel, eleifend faucibus, vehicula eu, lacus.

Appendices

Appendix A

The First Appendix

Appendices hold useful data which is not essential to understand the work done in the master's thesis. An example is a (program) source. An appendix can also have sections as well as figures and references[1].

A.1 More Lorem

Quisque facilisis auctor sapien. Pellentesque gravida hendrerit lectus. Mauris rutrum sodales sapien. Fusce hendrerit sem vel lorem. Integer pellentesque massa vel augue. Integer elit tortor, feugiat quis, sagittis et, ornare non, lacus. Vestibulum posuere pellentesque eros. Quisque venenatis ipsum dictum nulla. Aliquam quis quam non metus eleifend interdum. Nam eget sapien ac mauris malesuada adipiscing. Etiam eleifend neque sed quam. Nulla facilisi. Proin a ligula. Sed id dui eu nibh egestas tincidunt. Suspendisse arcu.

A.1.1 Lorem 15–17

Nulla in ipsum. Praesent eros nulla, congue vitae, euismod ut, commodo a, wisi. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Aenean nonummy magna non leo. Sed felis erat, ullamcorper in, dictum non, ultricies ut, lectus. Proin vel arcu a odio lobortis euismod. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Proin ut est. Aliquam odio. Pellentesque massa turpis, cursus eu, euismod nec, tempor congue, nulla. Duis viverra gravida mauris. Cras tincidunt. Curabitur eros ligula, varius ut, pulvinar in, cursus faucibus, augue.

Nulla mattis luctus nulla. Duis commodo velit at leo. Aliquam vulputate magna et leo. Nam vestibulum ullamcorper leo. Vestibulum condimentum rutrum mauris. Donec id mauris. Morbi molestie justo et pede. Vivamus eget turpis sed nisl cursus tempor. Curabitur mollis sapien condimentum nunc. In wisi nisl, malesuada at, dignissim sit amet, lobortis in, odio. Aenean consequat arcu a ante. Pellentesque porta elit sit amet orci. Etiam at turpis nec elit ultricies imperdiet. Nulla facilisi.

In hac habitasse platea dictumst. Suspendisse viverra aliquam risus. Nullam pede justo, molestie nonummy, scelerisque eu, facilisis vel, arcu.

Curabitur tellus magna, porttitor a, commodo a, commodo in, tortor. Donec interdum. Praesent scelerisque. Maecenas posuere sodales odio. Vivamus metus lacus, varius quis, imperdiet quis, rhoncus a, turpis. Etiam ligula arcu, elementum a, venenatis quis, sollicitudin sed, metus. Donec nunc pede, tincidunt in, venenatis vitae, faucibus vel, nibh. Pellentesque wisi. Nullam malesuada. Morbi ut tellus ut pede tincidunt porta. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam congue neque id dolor.

A.1.2 Lorem 18–19

Donec et nisl at wisi luctus bibendum. Nam interdum tellus ac libero. Sed sem justo, laoreet vitae, fringilla at, adipiscing ut, nibh. Maecenas non sem quis tortor eleifend fermentum. Etiam id tortor ac mauris porta vulputate. Integer porta neque vitae massa. Maecenas tempus libero a libero posuere dictum. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Aenean quis mauris sed elit commodo placerat. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Vivamus rhoncus tincidunt libero. Etiam elementum pretium justo. Vivamus est. Morbi a tellus eget pede tristique commodo. Nulla nisl. Vestibulum sed nisl eu sapien cursus rutrum.

Nulla non mauris vitae wisi posuere convallis. Sed eu nulla nec eros scelerisque pharetra. Nullam varius. Etiam dignissim elementum metus. Vestibulum faucibus, metus sit amet mattis rhoncus, sapien dui laoreet odio, nec ultricies nibh augue a enim. Fusce in ligula. Quisque at magna et nulla commodo consequat. Proin accumsan imperdiet sem. Nunc porta. Donec feugiat mi at justo. Phasellus facilisis ipsum quis ante. In ac elit eget ipsum pharetra faucibus. Maecenas viverra nulla in massa.

A.2 Lorem 51

Maecenas dui. Aliquam volutpat auctor lorem. Cras placerat est vitae lectus. Curabitur massa lectus, rutrum euismod, dignissim ut, dapibus a, odio. Ut eros erat, vulputate ut, interdum non, porta eu, erat. Cras fermentum, felis in porta congue, velit leo facilisis odio, vitae consectetuer lorem quam vitae orci. Sed ultrices, pede eu placerat auctor, ante ligula rutrum tellus, vel posuere nibh lacus nec nibh. Maecenas laoreet dolor at enim. Donec molestie dolor nec metus. Vestibulum libero. Sed quis erat. Sed tristique. Duis pede leo, fermentum quis, consectetuer eget, vulputate sit amet, erat.

Appendix B

The Last Appendix

Appendices are numbered with letters, but the sections and subsections use arabic numerals, as can be seen below.

B.1 Lorem 20-24

Nulla ac nisl. Nullam urna nulla, ullamcorper in, interdum sit amet, gravida ut, risus. Aenean ac enim. In luctus. Phasellus eu quam vitae turpis viverra pellentesque. Duis feugiat felis ut enim. Phasellus pharetra, sem id porttitor sodales, magna nunc aliquet nibh, nec blandit nisl mauris at pede. Suspendisse risus risus, lobortis eget, semper at, imperdiet sit amet, quam. Quisque scelerisque dapibus nibh. Nam enim. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Nunc ut metus. Ut metus justo, auctor at, ultrices eu, sagittis ut, purus. Aliquam aliquam.

Etiam pede massa, dapibus vitae, rhoncus in, placerat posuere, odio. Vestibulum luctus commodo lacus. Morbi lacus dui, tempor sed, euismod eget, condimentum at, tortor. Phasellus aliquet odio ac lacus tempor faucibus. Praesent sed sem. Praesent iaculis. Cras rhoncus tellus sed justo ullamcorper sagittis. Donec quis orci. Sed ut tortor quis tellus euismod tincidunt. Suspendisse congue nisl eu elit. Aliquam tortor diam, tempus id, tristique eget, sodales vel, nulla. Praesent tellus mi, condimentum sed, viverra at, consectetuer quis, lectus. In auctor vehicula orci. Sed pede sapien, euismod in, suscipit in, pharetra placerat, metus. Vivamus commodo dui non odio. Donec et felis.

Etiam suscipit aliquam arcu. Aliquam sit amet est ac purus bibendum congue. Sed in eros. Morbi non orci. Pellentesque mattis lacinia elit. Fusce molestie velit in ligula. Nullam et orci vitae nibh vulputate auctor. Aliquam eget purus. Nulla auctor wisi sed ipsum. Morbi porttitor tellus ac enim. Fusce ornare. Proin ipsum enim, tincidunt in, ornare venenatis, molestie a, augue. Donec vel pede in lacus sagittis porta. Sed hendrerit ipsum quis nisl. Suspendisse quis massa ac nibh pretium cursus. Sed sodales. Nam eu neque quis pede dignissim ornare. Maecenas eu purus ac urna tincidunt congue.

Donec et nisl id sapien blandit mattis. Aenean dictum odio sit amet risus. Morbi purus. Nulla a est sit amet purus venenatis iaculis. Vivamus viverra purus

vel magna. Donec in justo sed odio malesuada dapibus. Nunc ultrices aliquam nunc. Vivamus facilisis pellentesque velit. Nulla nunc velit, vulputate dapibus, vulputate id, mattis ac, justo. Nam mattis elit dapibus purus. Quisque enim risus, congue non, elementum ut, mattis quis, sem. Quisque elit.

Maecenas non massa. Vestibulum pharetra nulla at lorem. Duis quis quam id lacus dapibus interdum. Nulla lorem. Donec ut ante quis dolor bibendum condimentum. Etiam egestas tortor vitae lacus. Praesent cursus. Mauris bibendum pede at elit. Morbi et felis a lectus interdum facilisis. Sed suscipit gravida turpis. Nulla at lectus. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Praesent nonummy luctus nibh. Proin turpis nunc, congue eu, egestas ut, fringilla at, tellus. In hac habitasse platea dictumst.

B.2 Lorem 25-27

Vivamus eu tellus sed tellus consequat suscipit. Nam orci orci, malesuada id, gravida nec, ultricies vitae, erat. Donec risus turpis, luctus sit amet, interdum quis, porta sed, ipsum. Suspendisse condimentum, tortor at egestas posuere, neque metus tempor orci, et tincidunt urna nunc a purus. Sed facilisis blandit tellus. Nunc risus sem, suscipit nec, eleifend quis, cursus quis, libero. Curabitur et dolor. Sed vitae sem. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Maecenas ante. Duis ullamcorper enim. Donec tristique enim eu leo. Nullam molestie elit eu dolor. Nullam bibendum, turpis vitae tristique gravida, quam sapien tempor lectus, quis pretium tellus purus ac quam. Nulla facilisi.

Duis aliquet dui in est. Donec eget est. Nunc lectus odio, varius at, fermentum in, accumsan non, enim. Aliquam erat volutpat. Proin sit amet nulla ut eros consectetuer cursus. Phasellus dapibus aliquam justo. Nunc laoreet. Donec consequat placerat magna. Duis pretium tincidunt justo. Sed sollicitudin vestibulum quam. Nam quis ligula. Vivamus at metus. Etiam imperdiet imperdiet pede. Aenean turpis. Fusce augue velit, scelerisque sollicitudin, dictum vitae, tempor et, pede. Donec wisi sapien, feugiat in, fermentum ut, sollicitudin adipiscing, metus.

Donec vel nibh ut felis consectetuer laoreet. Donec pede. Sed id quam id wisi laoreet suscipit. Nulla lectus dolor, aliquam ac, fringilla eget, mollis ut, orci. In pellentesque justo in ligula. Maecenas turpis. Donec eleifend leo at felis tincidunt consequat. Aenean turpis metus, malesuada sed, condimentum sit amet, auctor a, wisi. Pellentesque sapien elit, bibendum ac, posuere et, congue eu, felis. Vestibulum mattis libero quis metus scelerisque ultrices. Sed purus.

Bibliography

[1] D. Adams. *The Hitchhiker's Guide to the Galaxy.* Del Rey (reprint), 1995. ISBN-13: 978-0345391803.

[2] K. Baghery. π: A unified framework for computational verifiable secret sharing. Cryptology ePrint Archive, Paper 2023/1669, 2023.

[3] K. Baghery, N. Knapen, G. Nicolas, and M. Rahimi. Pre-constructed publicly verifiable secret sharing and applications. Cryptology ePrint Archive, Paper 2025/576, 2025.

[4] G. R. Blakley and C. Meadows. Security of ramp schemes. In *Advances in Cryptology, Proceedings of CRYPTO '84, Santa Barbara, California, USA, August 19-22, 1984, Proceedings*, volume 196 of *Lecture Notes in Computer Science*, pages 242–268. Springer, 1984.

[5] D. Chaum and T. P. Pedersen. Wallet databases with observers. In E. F. Brickell, editor, *Advances in Cryptology — CRYPTO' 92*, pages 89–105, Berlin, Heidelberg, 1993. Springer Berlin Heidelberg.

[6] A. Fiat and A. Shamir. How to prove yourself: Practical solutions to identification and signature problems. In A. M. Odlyzko, editor, *Advances in Cryptology — CRYPTO' 86*, pages 186–194, Berlin, Heidelberg, 1987. Springer Berlin Heidelberg.

[7] M. Franklin and M. Yung. Communication complexity of secure computation (extended abstract). In *Proceedings of the Twenty-Fourth Annual ACM Symposium on Theory of Computing*, STOC '92, page 699–710, New York, NY, USA, 1992. Association for Computing Machinery.

[8] T. Pratchett and N. Gaiman. *Good Omens:* The Nice and Accurate Prophecies of Agnes Nutter, Witch. HarperTorch (reprint), 2006. ISBN-13: 978-0060853983.

[9] A. Shamir. How to share a secret. *Commun. ACM*, 22(11):612–613, Nov. 1979.

[10] Wikipedia. Thesis or dissertation. URL: http://en.wikipedia.org/wiki/Thesis_or_dissertation, last checked on 2010-01-07.