

▼ Autor: Diego Hinojosa Córdoba

Fecha: 23-Nov-2020

Objetivo:

Determine cuál de las puntas de cohete es la más segura.

Suponiendo que todas las demás variables (velocidad del cohete antes del impacto, masa del cohete, etc.) son iguales, definimos que la punta más segura es **la que imparte la fuerza media y/o la fuerza máxima más bajas** al impactar contra un objeto.

Las dos cosas que debe determinar de manera concisa son:

- La fuerza máxima impartida por el cohete durante el impacto de cada punta.
- La fuerza media impartida por el cohete durante el impacto de cada punta.

Hay dos tareas secundarias asociadas con este objetivo.

1. **Filtrado:** para cada punta de cohete, calcule los perfiles de velocidad y aceleración a partir de los datos de posición.
2. Determine el tiempo total de impacto y las fuerzas impartidas

Las muestras de la posición se tomaron a una velocidad de Velocidad de video: **6250 fotogramas / segundo**

La calibración de píxeles a dimensiones está dada por Escala física: **47.0027 píxeles/pulgadas**

La prueba lenta se realizó a 15.5 m/s y la rápida a 28,4 m/s.

```
import pandas as pd
import numpy as np
import psycopg2 as ps
import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns
```

```
#Cargamos los datos
```

```
p_fast_a = pd.read_csv('https://raw.githubusercontent.com/dhinojosac/mit_beyond_iot/master/mo
p_fast_b = pd.read_csv('https://raw.githubusercontent.com/dhinojosac/mit_beyond_iot/master/mo
p_fast_c = pd.read_csv('https://raw.githubusercontent.com/dhinojosac/mit_beyond_iot/master/mo
p_fast_d = pd.read_csv('https://raw.githubusercontent.com/dhinojosac/mit_beyond_iot/master/mo
p_fast_e = pd.read_csv('https://raw.githubusercontent.com/dhinojosac/mit_beyond_iot/master/mo
```

```
p_slow_a = pd.read_csv('https://raw.githubusercontent.com/dhinojosac/mit_beyond_iot/master/mo
p_slow_b = pd.read_csv('https://raw.githubusercontent.com/dhinojosac/mit_beyond_iot/master/mo
p_slow_c = pd.read_csv('https://raw.githubusercontent.com/dhinojosac/mit_beyond_iot/master/mo
p_slow_d = pd.read_csv('https://raw.githubusercontent.com/dhinojosac/mit_beyond_iot/master/mo
p_slow_e = pd.read_csv('https://raw.githubusercontent.com/dhinojosac/mit_beyond_iot/master/mo
```

```
# Graficamos
#Graficamos las posiciones rapidas
fig = plt.figure(figsize=(25, 3))

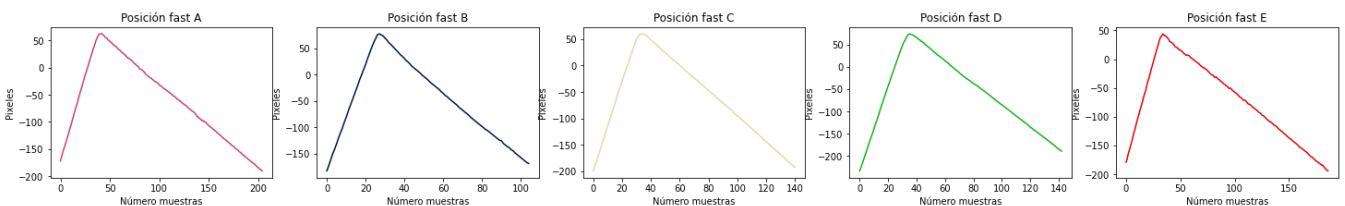
ax1 = fig.add_subplot(1, 5, 1)
ax2 = fig.add_subplot(1, 5, 2)
ax3 = fig.add_subplot(1, 5, 3)
ax4 = fig.add_subplot(1, 5, 4)
ax5 = fig.add_subplot(1, 5, 5)

ax1.plot(p_fast_a, color='xkcd:dark pink')
ax2.plot(p_fast_b, color='xkcd:navy blue')
ax3.plot(p_fast_c, color='xkcd:beige')
ax4.plot(p_fast_d, color='xkcd:green')
ax5.plot(p_fast_e, color='xkcd:red')

ax1.set_title("Posición fast A")
ax2.set_title("Posición fast B")
ax3.set_title("Posición fast C")
ax4.set_title("Posición fast D")
ax5.set_title("Posición fast E")

# recorremos todos los gráficos para agregarles etiquetas a los ejes
for ax in [ax1, ax2, ax3, ax4, ax5]:
    ax.set_ylabel("Píxeles")
    ax.set_xlabel("Número muestras")

plt.show()
```



```
# Graficamos
#Graficamos las posiciones lentas
fig = plt.figure(figsize=(25, 3))
```

```
ax1 = fig.add_subplot(1, 5, 1)
ax2 = fig.add_subplot(1, 5, 2)
ax3 = fig.add_subplot(1, 5, 3)
ax4 = fig.add_subplot(1, 5, 4)
```

```

ax5 = fig.add_subplot(1, 5, 5)

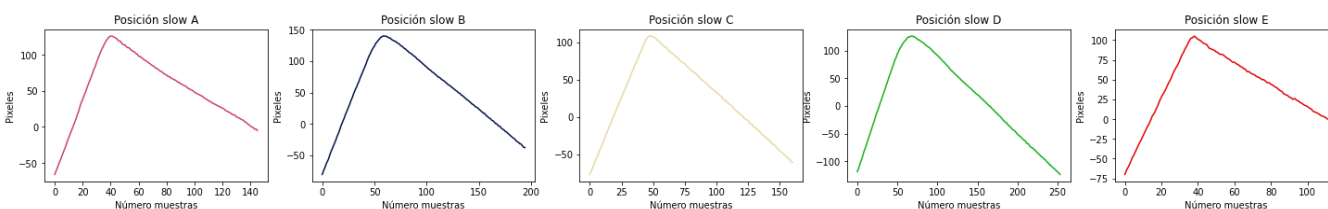
ax1.plot(p_slow_a, color='xkcd:dark pink')
ax2.plot(p_slow_b, color='xkcd:navy blue')
ax3.plot(p_slow_c, color='xkcd:beige')
ax4.plot(p_slow_d, color='xkcd:green')
ax5.plot(p_slow_e, color='xkcd:red')

ax1.set_title("Posición slow A")
ax2.set_title("Posición slow B")
ax3.set_title("Posición slow C")
ax4.set_title("Posición slow D")
ax5.set_title("Posición slow E")

# recorremos todos los gráficos para agregarles etiquetas a los ejes
for ax in [ax1, ax2, ax3, ax4, ax5]:
    ax.set_ylabel("Píxeles")
    ax.set_xlabel("Número muestras")

plt.show()

```



```

# comparamos una rápida con una lenta
fig = plt.figure(figsize=(25, 8))

ax1 = fig.add_subplot(1, 2, 1)
ax2 = fig.add_subplot(1, 2, 2)

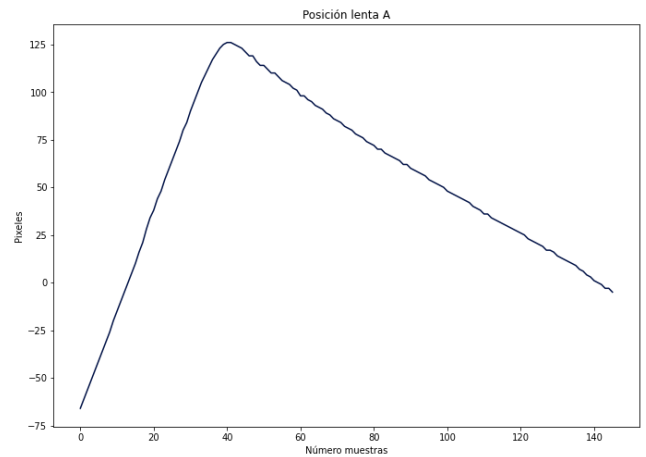
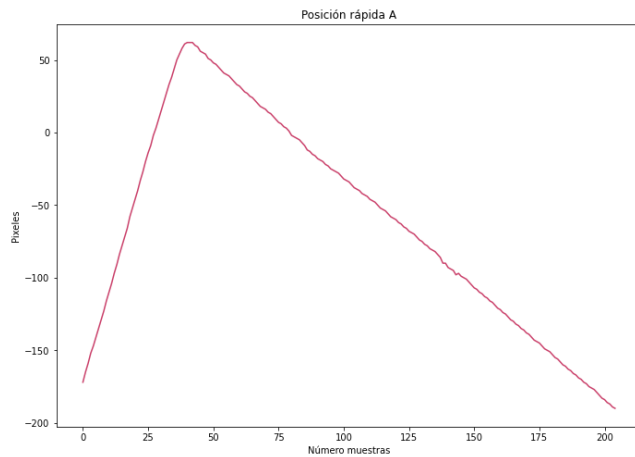
ax1.plot(p_fast_a, color='xkcd:dark pink')
ax2.plot(p_slow_a, color='xkcd:navy blue')

ax1.set_title("Posición rápida A")
ax2.set_title("Posición lenta A")

# recorremos todos los gráficos para agregarles etiquetas a los ejes
for ax in [ax1, ax2]:
    ax.set_ylabel("Píxeles")
    ax.set_xlabel("Número muestras")

```

```
plt.show()
```



Como sabemos, para calcular la velocidad debemos sacar la razón de cambio de la distancia en el tiempo.

En estos ejemplos la distancia es equivalente a los píxeles y el tiempo al número de muestras.

Utilizando los datos antes dados:

- Velocidad de video: 6250 fotogramas / segundo
- La calibración de píxeles: 47.0027 píxeles/pulgada

```
def numerical_derivative(y):
    x = np.zeros((y.shape[0],1))
    x[:,0] = np.linspace(0,1 , y.shape[0])
    res = (np.roll(y, -1) - np.roll(y, 1)) / (np.roll(x, -1) - np.roll(x, 1))
    return res
```

```
y = p_fast_a
```

```
v = numerical_derivative(y)
```

```
y2 = v
```

```

a = numerical_derivative(y2)

# comparamos una rápida con una lenta
fig = plt.figure(figsize=(25, 5))

ax0 = fig.add_subplot(1, 3, 1)
ax1 = fig.add_subplot(1, 3, 2)
ax2 = fig.add_subplot(1, 3, 3)

ax0.plot(y, color='xkcd:dark pink')
ax1.plot(v[1:-2], color='xkcd:dark pink')
ax2.plot(a[2:-3], color='xkcd:dark pink')

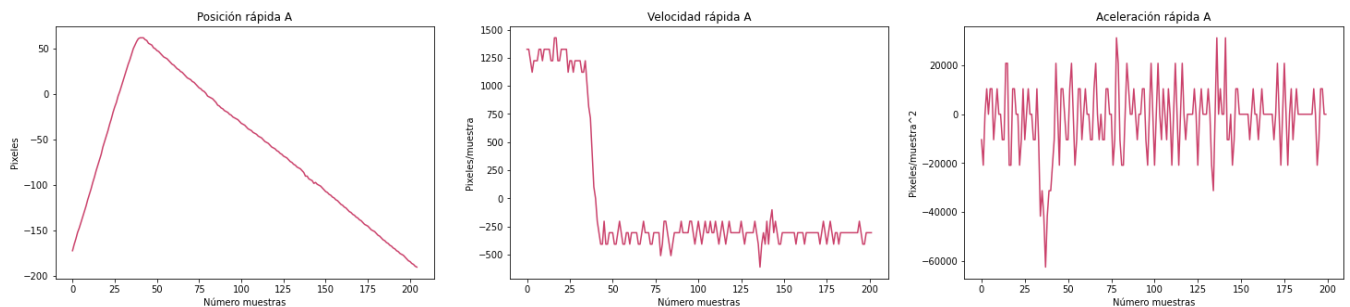
ax0.set_title("Posición rápida A")
ax0.set_ylabel("Píxeles")
ax0.set_xlabel("Número muestras")

ax1.set_title("Velocidad rápida A")
ax1.set_ylabel("Píxeles/muestra")
ax1.set_xlabel("Número muestras")

ax2.set_title("Aceleración rápida A")
ax2.set_ylabel("Píxeles/muestra^2")
ax2.set_xlabel("Número muestras")

plt.show()

```



```

# Creamos un filtro de ventana movíl, que lo que hace es suavizar los datos
def smoothData(data, num):
    f = np.zeros(data.shape[0])

```

```

    for i in range(data.shape[0]-num):

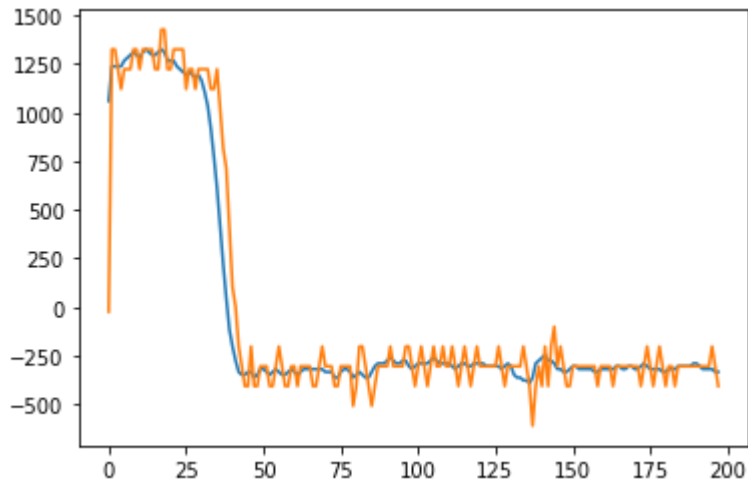
```

```

a=0
for j in range(num):
    a+=data[i+j]
f[i] = a/num
return f[:-num]

num_w = 7
v_filter = smoothData(v,num_w)
plt.plot(v_filter)
plt.plot(v[:-num_w])
plt.show()

```

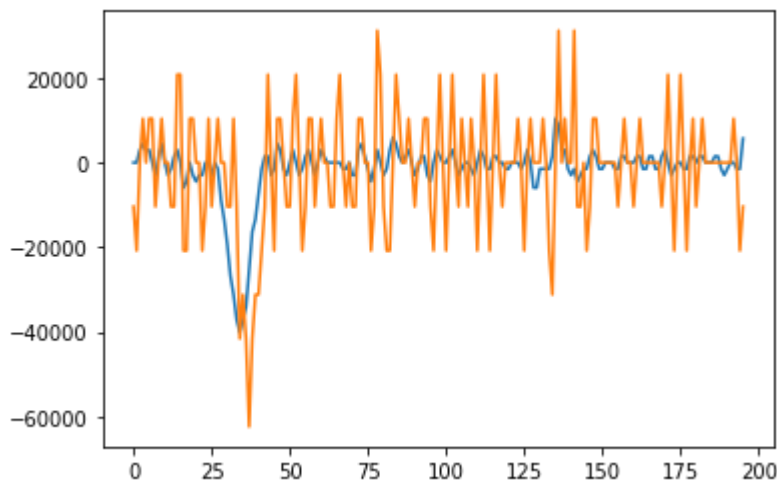


Posteriormente se obtiene la aceleración filtrada a partir de la velocidad sin filtrar

```

a_filter = smoothData(a,num_w)
plt.plot(a_filter[2:])
plt.plot(a[2:-num_w])
plt.show()

```



En el siguiente gráfico se obtiene a aceleración filtrada a partir de la velocidad filtrada.

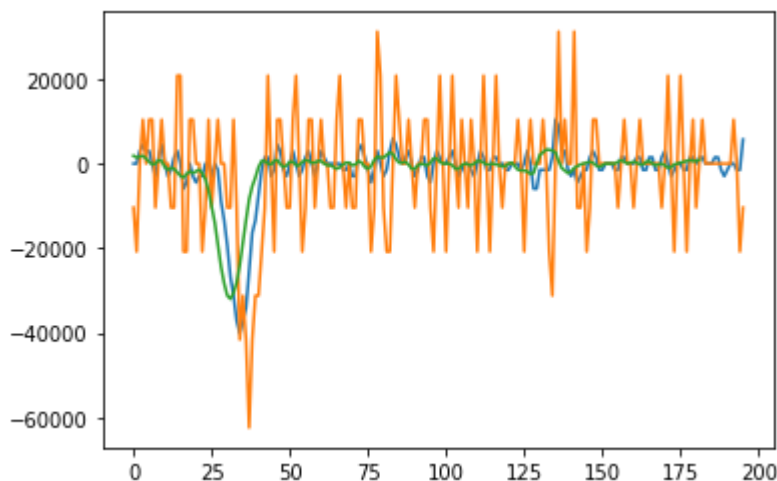
```

print(v_filter.shape)
vff=np.zeros((v_filter.shape[0],1))
print(vff.shape)
vff[:,0] = v_filter
aff = numerical_derivative(vff)
afff = smoothData(aff,num_w)
plt.plot(a_filter[2:])
plt.plot(a[2:-num_w])
plt.plot(afff[2:-num_w])
plt.show()

```

```
(198,)
```

```
(198, 1)
```



Se sabe que la fuerza sobre un objeto es igual a la tasa de cambio de la cantidad de movimiento de un objeto, el producto de la masa y la velocidad. Y la fuerza máxima instantánea se puede calcular con el máximo del producto entre la masa y la derivada de la velocidad en el tiempo.

```

v_fast_a = numerical_derivative(p_fast_a)
v_fast_b = numerical_derivative(p_fast_b)
v_fast_c = numerical_derivative(p_fast_c)
v_fast_d = numerical_derivative(p_fast_d)
v_fast_e = numerical_derivative(p_fast_e)

```

```

v_slow_a = numerical_derivative(p_slow_a)
v_slow_b = numerical_derivative(p_slow_b)
v_slow_c = numerical_derivative(p_slow_c)
v_slow_d = numerical_derivative(p_slow_d)
v_slow_e = numerical_derivative(p_slow_e)

```

```

a_fast_a = numerical_derivative(v_fast_a)
a_fast_b = numerical_derivative(v_fast_b)
a_fast_c = numerical_derivative(v_fast_c)
a_fast_d = numerical_derivative(v_fast_d)
a_fast_e = numerical_derivative(v_fast_e)

```

```
a_slow_a = numerical_derivative(v_slow_a)
a_slow_b = numerical_derivative(v_slow_b)
a_slow_c = numerical_derivative(v_slow_c)
a_slow_d = numerical_derivative(v_slow_d)
a_slow_e = numerical_derivative(v_slow_e)

# Graficamos las aceleraciones
fig = plt.figure(figsize=(25, 8))

ax1 = fig.add_subplot(2, 5, 1)
ax2 = fig.add_subplot(2, 5, 2)
ax3 = fig.add_subplot(2, 5, 3)
ax4 = fig.add_subplot(2, 5, 4)
ax5 = fig.add_subplot(2, 5, 5)

ax6 = fig.add_subplot(2, 5, 6)
ax7 = fig.add_subplot(2, 5, 7)
ax8 = fig.add_subplot(2, 5, 8)
ax9 = fig.add_subplot(2, 5, 9)
ax10 = fig.add_subplot(2, 5, 10)

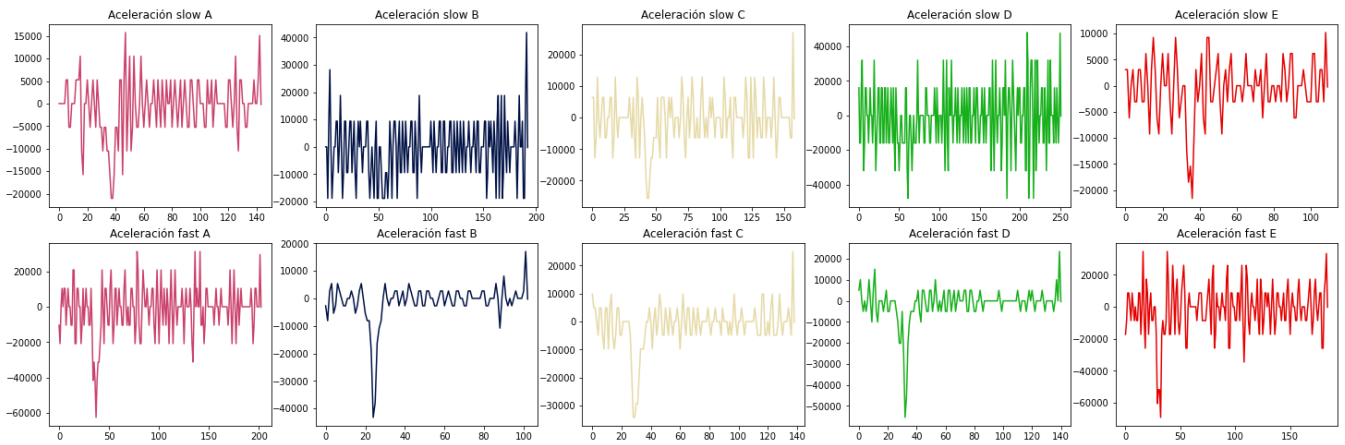
ax1.plot(a_slow_a[2:], color='xkcd:dark pink')
ax2.plot(a_slow_b[2:], color='xkcd:navy blue')
ax3.plot(a_slow_c[2:], color='xkcd:beige')
ax4.plot(a_slow_d[2:], color='xkcd:green')
ax5.plot(a_slow_e[2:], color='xkcd:red')

ax6.plot(a_fast_a[2:], color='xkcd:dark pink')
ax7.plot(a_fast_b[2:], color='xkcd:navy blue')
ax8.plot(a_fast_c[2:], color='xkcd:beige')
ax9.plot(a_fast_d[2:], color='xkcd:green')
ax10.plot(a_fast_e[2:], color='xkcd:red')

ax1.set_title("Aceleración slow A")
ax2.set_title("Aceleración slow B")
ax3.set_title("Aceleración slow C")
ax4.set_title("Aceleración slow D")
ax5.set_title("Aceleración slow E")

ax6.set_title("Aceleración fast A")
ax7.set_title("Aceleración fast B")
ax8.set_title("Aceleración fast C")
ax9.set_title("Aceleración fast D")
ax10.set_title("Aceleración fast E")

plt.show()
```

Filtramos todas las aceleraciones con una ventana móvil.

```
wn=10
```

```
a_slow_a_f = smoothData(a_slow_a[2:],wn)
a_slow_b_f = smoothData(a_slow_b[2:],wn)
a_slow_c_f = smoothData(a_slow_c[2:],wn)
a_slow_d_f = smoothData(a_slow_d[2:],wn)
a_slow_e_f = smoothData(a_slow_e[2:],wn)
```

```
a_fast_a_f = smoothData(a_fast_a[2:],wn)
a_fast_b_f = smoothData(a_fast_b[2:],wn)
a_fast_c_f = smoothData(a_fast_c[2:],wn)
a_fast_d_f = smoothData(a_fast_d[2:],wn)
a_fast_e_f = smoothData(a_fast_e[2:],wn)
```

```
# Graficamos las aceleraciones
fig = plt.figure(figsize=(25, 8))
```

```
ax1 = fig.add_subplot(2, 5, 1)
ax2 = fig.add_subplot(2, 5, 2)
ax3 = fig.add_subplot(2, 5, 3)
ax4 = fig.add_subplot(2, 5, 4)
ax5 = fig.add_subplot(2, 5, 5)
```

```
ax6 = fig.add_subplot(2, 5, 6)
ax7 = fig.add_subplot(2, 5, 7)
ax8 = fig.add_subplot(2, 5, 8)
ax9 = fig.add_subplot(2, 5, 9)
```

```
ax7 = fig.add_subplot(2, 5, 7)
ax10 = fig.add_subplot(2, 5, 10)

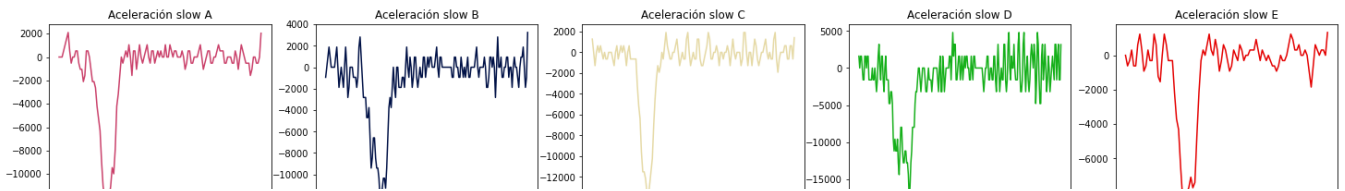
ax1.plot(a_slow_a_f, color='xkcd:dark pink')
ax2.plot(a_slow_b_f, color='xkcd:navy blue')
ax3.plot(a_slow_c_f, color='xkcd:beige')
ax4.plot(a_slow_d_f, color='xkcd:green')
ax5.plot(a_slow_e_f, color='xkcd:red')

ax6.plot(a_fast_a_f, color='xkcd:dark pink')
ax7.plot(a_fast_b_f, color='xkcd:navy blue')
ax8.plot(a_fast_c_f, color='xkcd:beige')
ax9.plot(a_fast_d_f, color='xkcd:green')
ax10.plot(a_fast_e_f, color='xkcd:red')

ax1.set_title("Aceleración slow A")
ax2.set_title("Aceleración slow B")
ax3.set_title("Aceleración slow C")
ax4.set_title("Aceleración slow D")
ax5.set_title("Aceleración slow E")

ax6.set_title("Aceleración fast A")
ax7.set_title("Aceleración fast B")
ax8.set_title("Aceleración fast C")
ax9.set_title("Aceleración fast D")
ax10.set_title("Aceleración fast E")

plt.show()
```



Cálculos de las fuerzas máximas instantáneas



```
# Obtenemos el máximo de la aceleración  
print( max(abs(a_filter)) )
```

```
40129.714285714304
```