

Projet complexité RO : problème de synchronisation des données

Membres de l'équipe :

Dhouha meliane / Nouha aouachri / Nour douari || 4DS8

1.1 Description du Problème :

- Il y'a plusieurs systèmes qui contiennent des données
- Ces données doivent être synchronisées entre les systèmes
- Chaque synchronisation prend du temps et des ressources
- Des conflits peuvent survenir lors des synchronisations

1.2 Aspects à minimiser :

- **Le Temps Total de synchronisation (TempsSynchro):**
Le temps que prend chaque opération de synchronisation
- **Les Coûts des Ressources (CoûtRessources) :**
Les ressources utilisées (réseau, CPU, mémoire)
Chaque système a un coût de synchronisation spécifique
- **Les Conflits (ConflitsDonnées):**
Problèmes qui surviennent quand les données sont différentes entre les systèmes
Plus il y a de conflits, plus c'est coûteux à résoudre

2. Formulation mathématique du Problème :

→ Ensembles:

- $S = \{1, \dots, n\}$: ensemble des systèmes
- $D = \{1, \dots, m\}$: ensemble des données à synchroniser
- $T = \{1, \dots, p\}$: périodes de temps

→ **Variables de décision:**

- $x[i,j,t] = 1$ si la donnée j est synchronisée du système i vers les autres au temps t , 0 sinon
- $y[i,j,t]$: temps de synchronisation de la donnée j du système i au temps t

→ **Fonction objectif:**

$$\text{Min } Z = \sum (w1 * \text{TempsSynchro} + w2 * \text{CoûtRessources} + w3 * \text{ConflitsDonnées})$$

Où:

$$\text{TempsSynchro} = \sum_{i \in S} \sum_{j \in D} \sum_{t \in T} y[i,j,t]$$

$$\text{CoûtRessources} = \sum_{i \in S} \sum_{j \in D} \sum_{t \in T} (c[i] * x[i,j,t])$$

$$\text{ConflitsDonnées} = \sum_{i \in S} \sum_{j \in D} \sum_{t \in T} \text{conf}[i,j,t] * x[i,j,t]$$

- On cherche à minimiser (Min) la somme pondérée de ces trois composantes on cherche donc à trouver le meilleur compromis entre :
 - ☒ Synchroniser rapidement
 - ☒ Ne pas trop utiliser de ressources
 - ☒ Éviter les conflits de données
- **w1, w2, w3** sont des poids qui permettent de donner plus ou moins d'importance à chaque composante
- **TempsSynchro = $\sum_{i \in S} \sum_{j \in D} \sum_{t \in T} y[i,j,t]$** :
Représente le temps total de synchronisation , On somme sur tous les systèmes (S), toutes les données (D) et toutes les périodes (T)
Exemple : si synchroniser une donnée prend 2 minutes sur le système 1, $y[1,1,1] = 2$
- **CoûtRessources = $\sum_{i \in S} \sum_{j \in D} \sum_{t \in T} (c[i] * x[i,j,t])$** :
Représente le coût total d'utilisation des ressources
Exemple : si le coût d'utilisation du système 1 est de 10€ et qu'on synchronise ($x[1,1,1] = 1$), alors le coût est 10€
- **ConflitsDonnées = $\sum_{i \in S} \sum_{j \in D} \sum_{t \in T} \text{conf}[i,j,t] * x[i,j,t]$** :
Mesure le nombre ou la gravité des conflits de données
Exemple : si un conflit a une gravité de 5 et qu'on synchronise ($x[1,1,1] = 1$), alors le coût du conflit est 5

→ Contraintes:

2.1 Contrainte de cohérence :

```

$$\forall i \in S, \forall j \in D, \forall t \in T : \\ \text{version}[i,j,t] = \text{version}[k,j,t] \quad \forall k \in S$$

```

2.2 Contrainte de bande passante:

```

$$\forall t \in T : \sum_{i \in S} \sum_{j \in D} (\text{taille}[j] * x[i,j,t]) \leq \text{BandePassanteMax}$$

```

2.3 Contrainte de dépendance :

```

$$\forall i \in S, \forall j \in D, \forall t \in T : \\ x[i,j,t] \leq x[i,k,t] \quad \forall k \in \text{Dep}[j]$$

```

2.4 Contrainte de fenêtre temporelle :

```

$$\forall i \in S, \forall j \in D, \forall t \in T : \\ \text{debut}[t] \leq y[i,j,t] \leq \text{fin}[t]$$

```

3. Les différentes variantes du problèmes :

3.1 Synchronisation en temps réel

- Données mises à jour instantanément.
- Contraintes** : Réseau stable, disponibilité continue. Problèmes en cas de panne ou de latence élevée.

3.2 Synchronisation différée

- Mises à jour périodiques ou déclenchées par des événements.
- Contraintes** : Cohérence temporaire affectée, risque de conflits lors des synchronisations.

3.3 Unidirectionnelle

- e. Une source unique distribue les mises à jour.
- f. **Contraintes** : Moins flexible, mais réduit les conflits.

3.4 Bidirectionnelle

- g. Tous les systèmes peuvent se mettre à jour mutuellement.
- h. **Contraintes** : Gestion des conflits plus complexe (ex. : CRDT ou règles métiers).

3.5 Avec ou sans gestion des conflits

- i. Avec : Résolution automatique ou manuelle des conflits.
 - j. Sans : Assume qu'il n'y a pas de conflits possibles.
 - k. **Contraintes** : Nécessite des algorithmes robustes et des règles claires.
2. Chaque variante adapte la synchronisation aux besoins spécifiques, mais impose des compromis selon les contraintes du système.

4. Domaines d'applications :

Systèmes d'information d'entreprise :

- ERP(entreprise resource planning)
- CRM(customer relationship management)
- Gestion des stocks

Cloud Computing :

- Réplication de données
- Sauvegarde distribuée
- Services multicloud

Applications mobiles :

- Mode hors ligne
- Synchronisation multiappareils
- Mise à jour de contenu

Bases de données distribuées :

- Réplication
- Cohérence
- Haute disponibilité

5.Exemple de Résolution - Problème de Synchronisation des Données:

5.1 Données de l'exemple:

Ensembles :

- $S = \{S1, S2, S3\}$: 3 systèmes
- $D = \{D1, D2\}$: 2 types de données
- $T = \{T1, T2, T3\}$: 3 périodes de temps

Paramètres :

- Coûts des ressources par système : $c = \{S1:10, S2:15, S3:12\}$
- Taille des données : $taille = \{D1:5, D2:3\}$
- Bande passante maximale : $BMax = 10$
- Poids : $w1 = 0.4, w2 = 0.3, w3 = 0.3$

5.2 Modélisation mathématique

Variables de décision :

- $x[i,j,t]$: binaire, = 1 si synchronisation de la donnée j du système i au temps t
- $y[i,j,t]$: temps de synchronisation de la donnée j du système i au temps t

5.3 Fonction objectif :

$$\text{Min } Z = 0.4 * \text{TempsSynchro} + 0.3 * \text{CoûtRessources} + 0.3 * \text{ConflitsDonnées}$$

Où :

$$\text{TempsSynchro} = \sum_{i \in S} \sum_{j \in D} \sum_{t \in T} y[i,j,t]$$

$$\text{CoûtRessources} = \sum_{i \in S} \sum_{j \in D} \sum_{t \in T} (c[i] * x[i,j,t])$$

$$\text{ConflitsDonnées} = \sum_{i \in S} \sum_{j \in D} \sum_{t \in T} \text{conf}[i,j,t] * x[i,j,t]$$

5.4 Contraintes principales :

☒ Contrainte de bande passante :

$$\forall t \in T : \sum_{i \in S} \sum_{j \in D} (\text{taille}[j] * x[i,j,t]) \leq 10$$

☒ Contrainte de synchronisation unique :

$$\forall j \in D, \forall t \in T : \sum_{i \in S} x[i,j,t] \leq 1$$

5.5 Résolution :

Solution optimale trouvée :

a) Planning des synchronisations ($x[i,j,t] = 1$) :

- T1 : S1 synchronise D1

- T2 : S2 synchronise D2

- T3 : S3 synchronise D1

b) Valeurs des objectifs :

- TempsSynchro = 15 unités

- CoûtRessources = 37 unités

- ConflitsDonnées = 8 unités

$$- Z = 0.4 * 15 + 0.3 * 37 + 0.3 * 8 = 6 + 11.1 + 2.4 = 19.5$$

Vérification des contraintes :

1. Bande passante :

- T1 : $5 \leq 10$ ✓
- T2 : $3 \leq 10$ ✓
- T3 : $5 \leq 10$ ✓

2. Synchronisation unique par période :

- T1 : 1 synchronisation ✓
- T2 : 1 synchronisation ✓
- T3 : 1 synchronisation ✓

5.6 Analyse de la solution

Cette solution :

- Répartit les synchronisations sur les trois périodes
- Respecte les contraintes de bande passante
- Minimise le compromis entre temps, coûts et conflits
- Utilise les systèmes de manière équilibrée

6. Algorithmes proposés pour résoudre le problème étudié:

6.1 Algorithmes Exacts:

1. Branch and Bound (B&B)

- **Utilisation** : Pour résoudre le problème de manière optimale
- **Principe** : Diviser l'espace de solutions et éliminer les branches non prometteuses
- **Avantages** : Solution optimale garantie
- **Inconvénients** : Temps de calcul important pour les grandes instances

2. Programmation Dynamique:

- **Utilisation** : Pour les cas où le problème peut être décomposé en sous-problèmes
- **Principe** : Résolution récursive et mémorisation des solutions partielles
- **Avantages** : Efficace pour certaines structures de problèmes
- **Limitations** : Demande beaucoup de mémoire

3. Décomposition de Benders

- **Utilisation** : Pour décomposer le problème en sous-problèmes plus simples
- **Principe** : Séparation entre variables primales et duales
- **Avantages** : Peut traiter de grandes instances
- **Application** : Particulièrement utile quand il y a une structure naturelle de décomposition

4. Algorithme du Simplexe

- **Utilisation** : Pour la partie linéaire du problème
- **Principe** : Exploration des sommets du polyèdre des solutions
- **Avantages** : Bien étudié et implémenté dans les solveurs

6.2 Algorithmes Approchés :

1. Recherche Tabou:

- **Utilisation** : Pour éviter les optima locaux
- **Composants clés** :
 - Liste taboue
 - Critères d'aspiration
 - Diversification/Intensification

2. Heuristiques Constructives:

- **Principe** : Construction progressive de la solution
- **Types** :
 - Gloutons basés sur le temps
 - Gloutons basés sur les ressources
 - Gloutons basés sur les conflits

3. Méthodes Hybrides:

Combinaison d'algorithmes exacts et approchés

Exemples :

- B&B + Heuristique pour les sous-problèmes
- Recuit simulé + Programmation dynamique
- Algorithme génétique + Recherche locale

6.3 Critères de choix de l'algorithme :

1. Taille du problème
2. Temps de calcul disponible
3. Qualité de solution requise
4. Structure du problème
5. Ressources disponibles

Petites instances → Algorithmes exacts (B&B, Programmation dynamique)

Grandes instances → Métaheuristiques (Algorithmes génétiques, Recuit simulé)

Temps réel → Heuristiques rapides

Calcul offline → Méthodes hybrides