

# Datorgrafikas un Attēlu apstrādes pamati

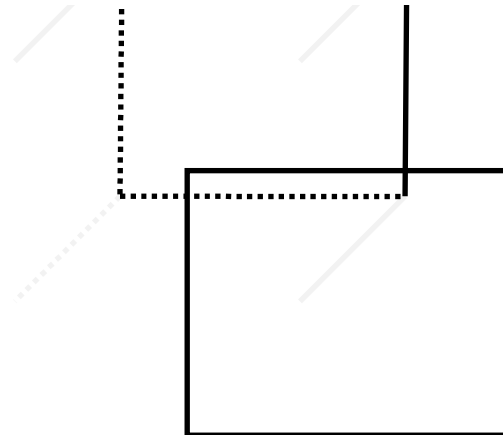
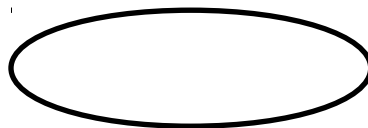
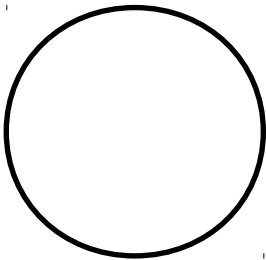
# Datorgrafikas mērķi un pamatzdevumi

1) Grafisko objektu vai attēlu izveidošana (sintēze) 2D un 3D telpā.

Attēlu krāsas: melnbalti vai krasaini.

Ipatnība: grafiskie objekti veidojas no ģeometriskām pamatstruktūrām vai primitīviem – taisnas līnijas, riņķa līnijas, virsmas utt.

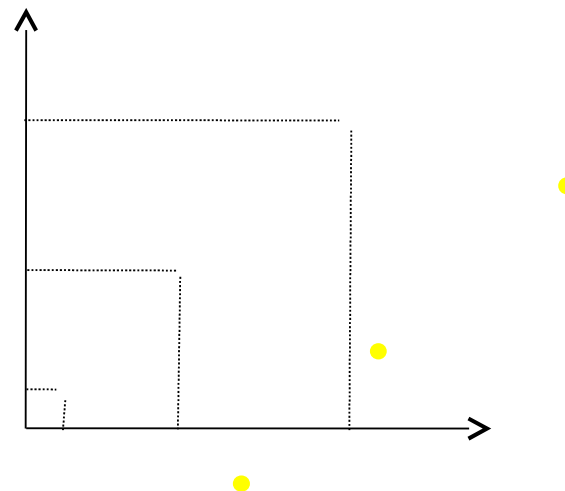
# Piemēri



# Pirmais uzdevums

Izveidot grafiskos primitīvus no kuriem pēc tam izveidot grafisko objektu.

# Taisnes veidošana



# Taisnas līnijas vienādojums

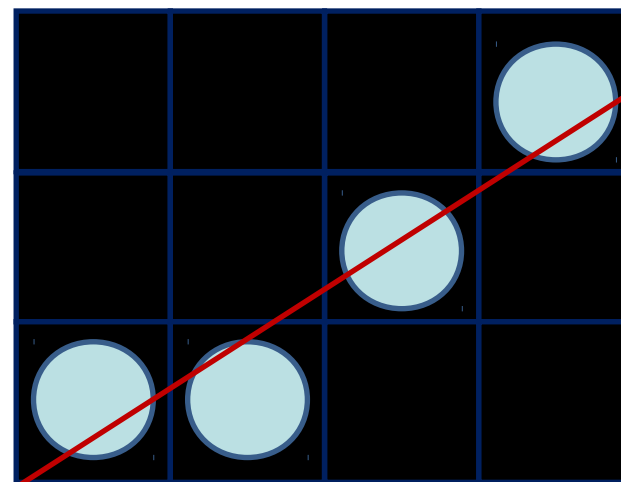
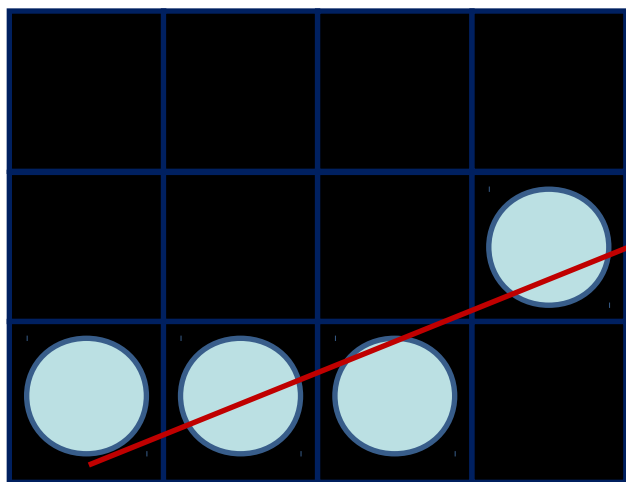
$$x_1, y_1$$

$$x_2, y_2$$

$$\frac{y - y_1}{y_2 - y_1} = \frac{x - x_1}{x_2 - x_1}$$

$$y = \frac{(x - x_1)(y_2 - y_1)}{x_2 - x_1} + y_1$$

# Taisnes aproksimācija



# Datorgrafikas mērķi un pamatzdevumi

## 2) Grafisko objektu transformācija:

2.1 Mērogošana

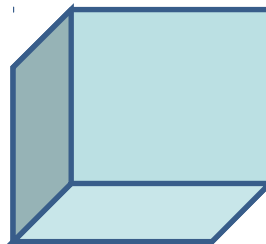
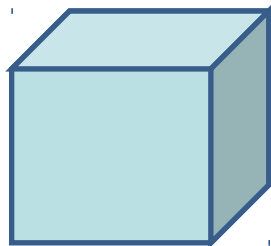
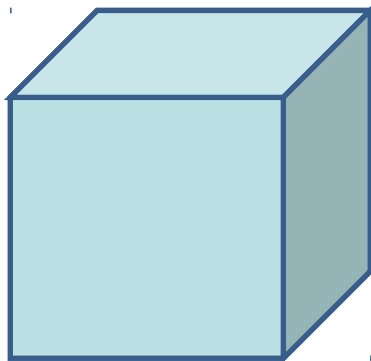
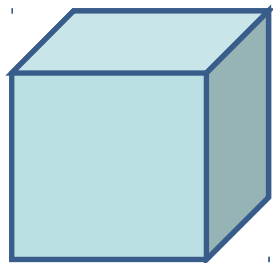
2.2 Pārvietošana

2.3 Apgaismošana

utt.



# Piemēri



# Attēlu apstrādes mērķi un pamatuzdevumi

- 1) Attēlu kvalitātes uzlabošana – kontrasta izmaiņas, trokšņu attīrīšana utt.
- 2) Attēlu vai scēnu analīze – kontūru izdalīšana, segmentu izdalīšana, apgabalu atrašana utt.



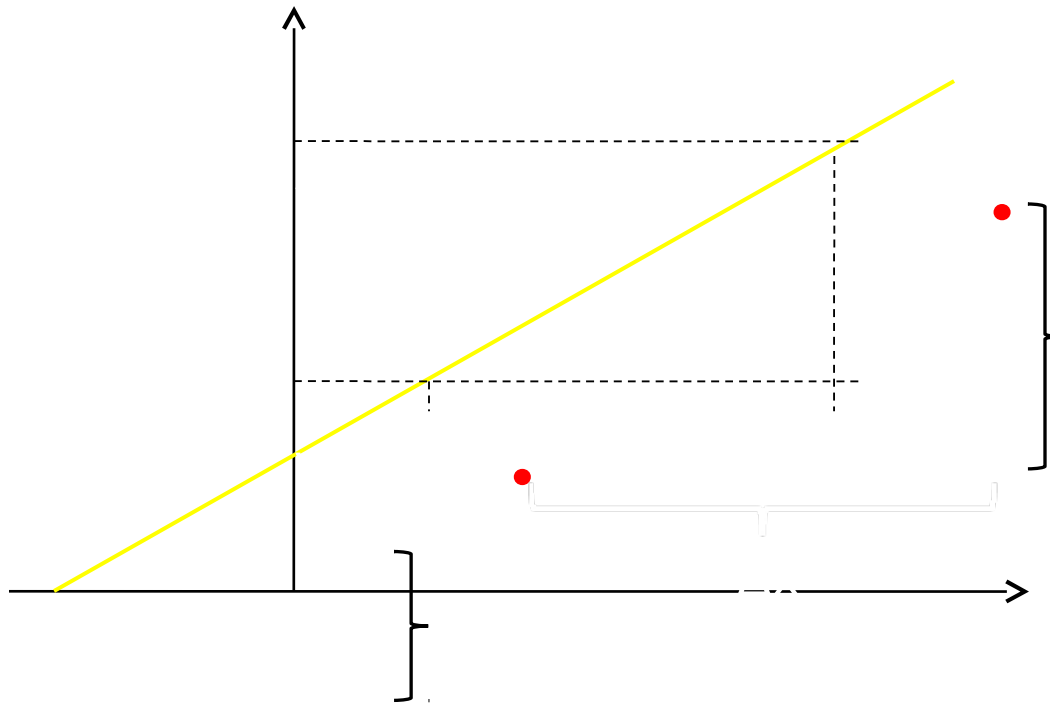
# Taisnes līnijas vienādojums vispārīgā gadījumā

$$y = kx + b$$

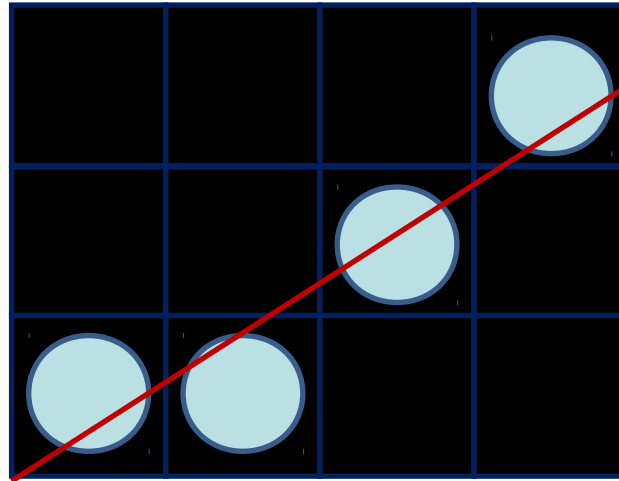
$$k = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$b = y_1 - kx_1$$

# Taisnes līnijas vienādojums vispārīgā gadījumā



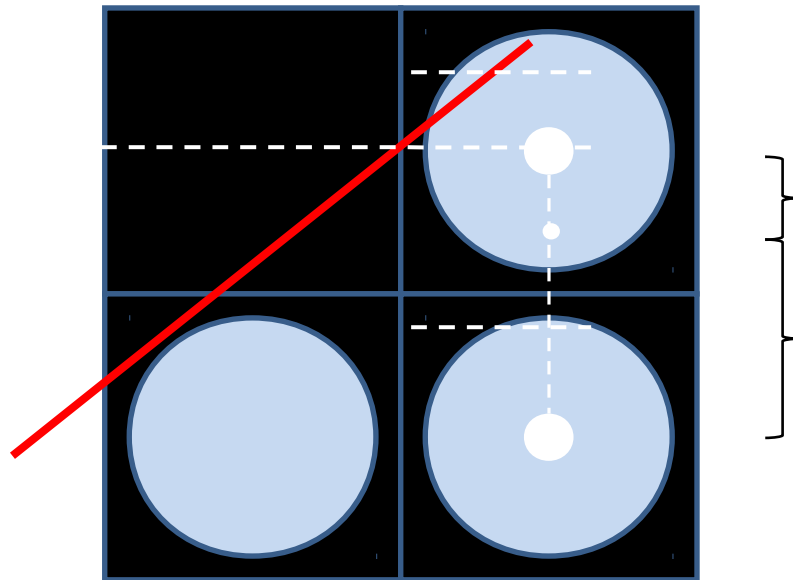
# Pikseļa izvēlēšana



$$y = k(x_n + 1) + b$$

# Attālumi līdz pikseļu centriem

Attālumi no punkta  $y$ , kas pieder taisnei līdz pikseļu  $(x_{n+1}, y_n)$ ,  $(x_{n+1}, y_{n+1})$  centriem attiecīgi būs  $d_1$  un  $d_2$



# Attālumi līdz pikseļu centriem

Izmantojot vienādojumu (6), iegūsim

$$d_1 = y - y_n = k(x_n + 1) + b - y_n$$

$$d_2 = (y_n + 1) - y = y_n + 1 - k(x_n + 1) - b$$



# Brezenhema algoritms

Starpība starp attālumiem  $d_1$  un  $d_2$  būs

$$d_1 - d_2 = 2k(x_n + 1) + 2b - 2y_n - 1$$

$$p_n = \Delta x(d_1 - d_2)$$

# Brezenhema algoritms

Tā kā mūsu piemērā  $\Delta x > 0$ , tad  $p_n$  zīme sakrīt ar  $(d_1 - d_2)$ . Ja  $d_1 < d_2$ , tad  $p_n$  zīme ir negatīva.

No iepriekšējās formulas iegūsim

$$p_n = 2\Delta y x_n - 2\Delta x y_n + c,$$

$$c = 2\Delta y + \Delta x(2b - 1)$$

# Brezenhema algoritms

Nākamā (n+1) solī risinājušais parametrs  $p_{n+1}$  saskaņā ar vienādojumu (11) būs

$$p_{n+1} = 2\Delta y \cdot x_{n+1} - 2\Delta x \cdot y_{n+1} + c$$

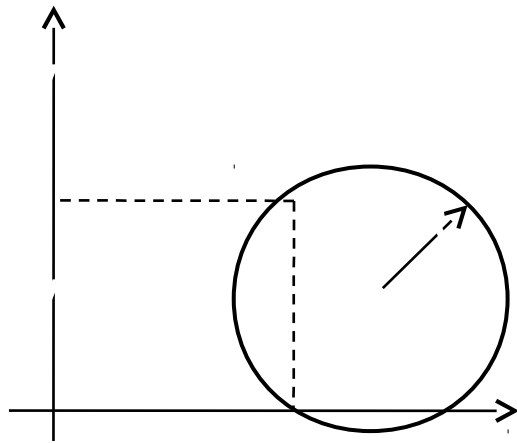
$$p_{n+1} - p_n = 2\Delta y(x_{n+1} - x_n) - 2\Delta x(y_{n+1} - y_n)$$

$$p_{n+1} = p_n + 2\Delta y - 2\Delta x(y_{n+1} - y_n),$$



# Ģeometriskie pamati

Dekarta koordinātu sistēmā riņķa vienādojums:



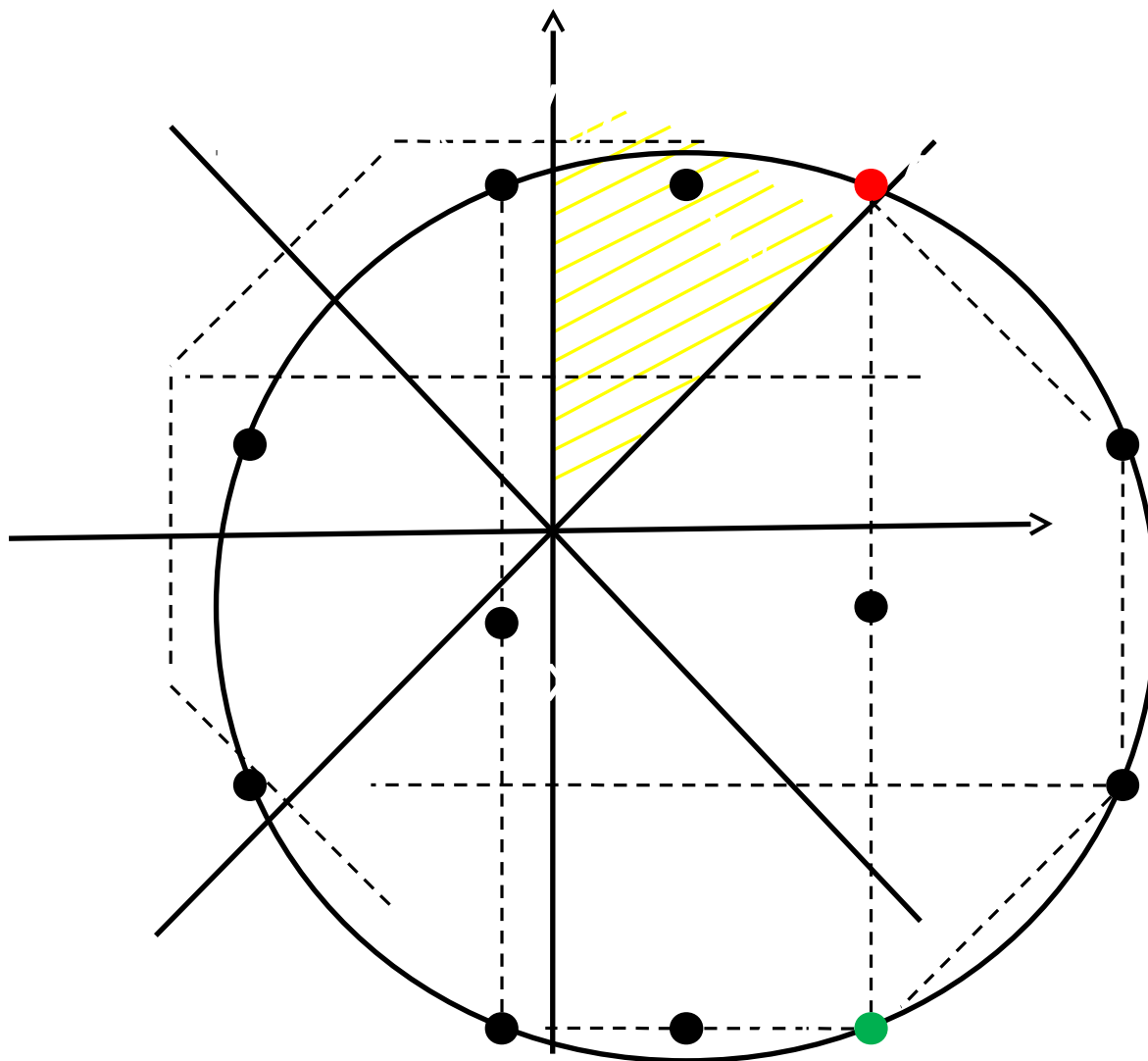
# Ģeometriskie pamati

No vienādojuma (16) izriet, ka intervalā

var atrast attiecīgi vērtību  $y$ :

Ja izmantot simetrijas īpašības aprēķinājumu apjomu var samazināt

# Geometriskie pamati



# Riņķa veidošanas algoritms ar vidējā punkta izmantošanu

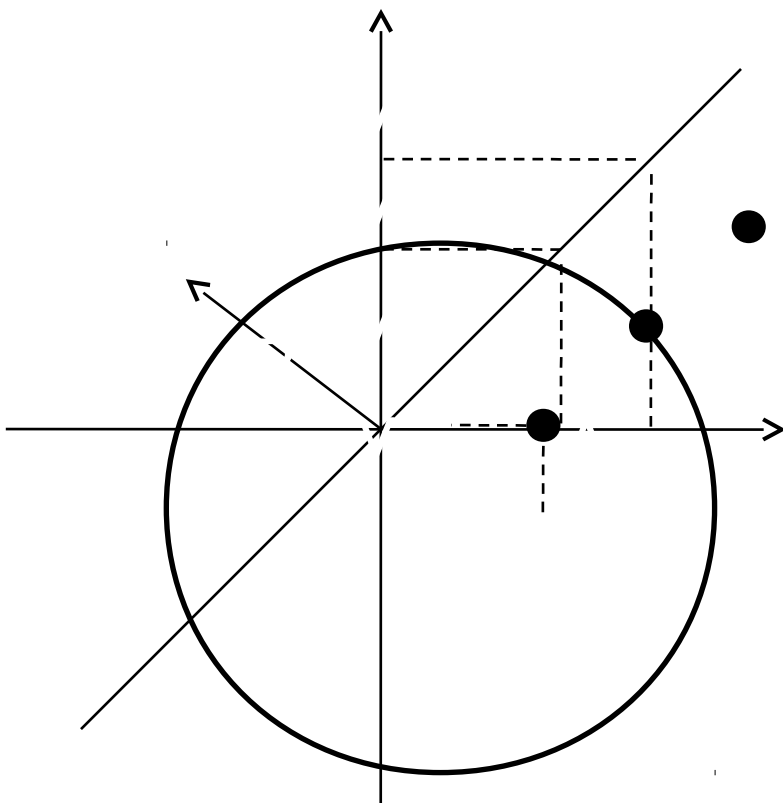
Noteiksim riņķa funkciju gadījumā kad centrs  
atrodas koordinātu sistēmas sākumā:

Viegli pārlicināties, ka



# Piemērs

Pieņemsim, ka riņķa vienādojums ir  $x^2 + y^2 = R^2$



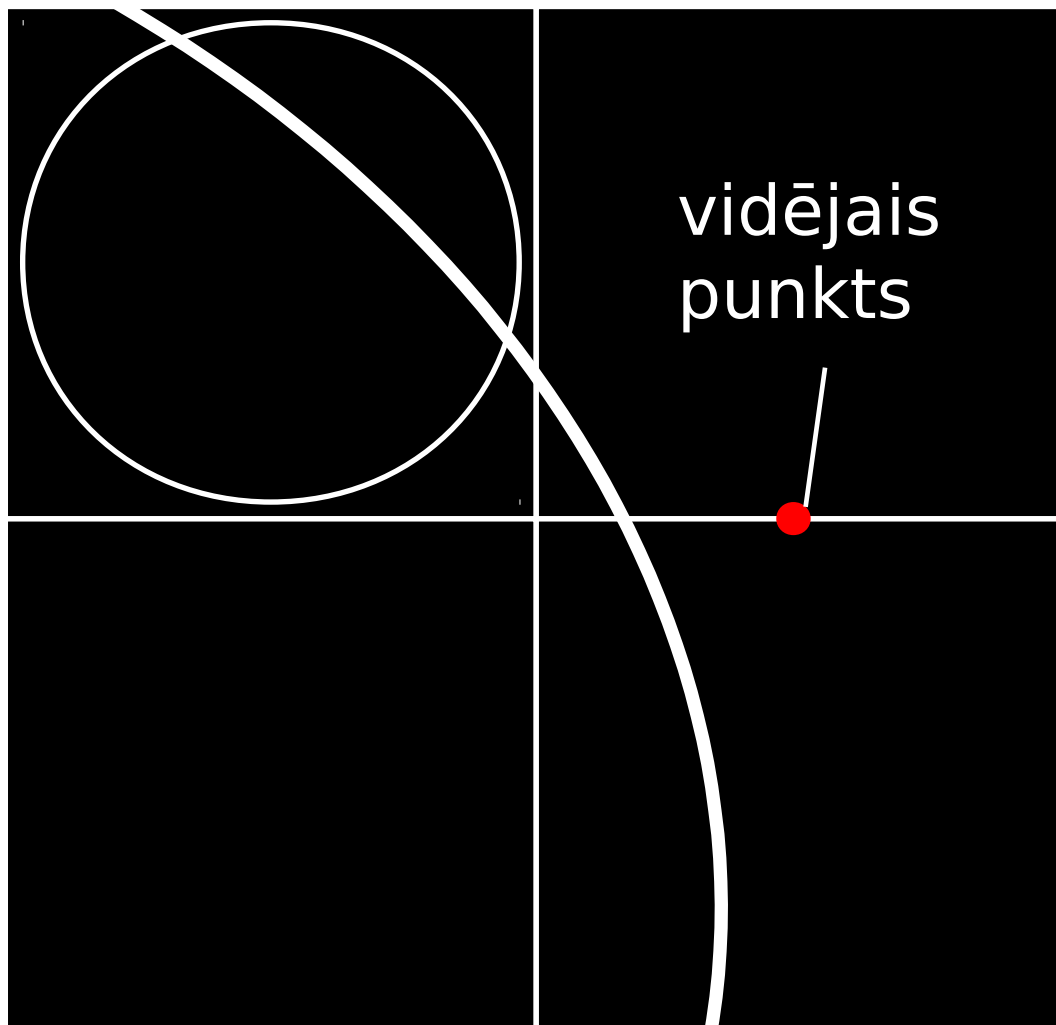
# Riņķa veidošanas algoritms ar vidējā punkta izmantošanu

Secinājums:

Atkarīgi no riņķa funkcijas zīmes var noteikt kur atrodas punkts  $(x, y)$

No tā izriet, ka šo funkciju var izmantot kā risinājušu parametru, t.k. tas ļauj noteikt vidējā punkta vietu attiecībā pret riņķi (sk. zīm).

# Vidējais punkts starp pikseļiem



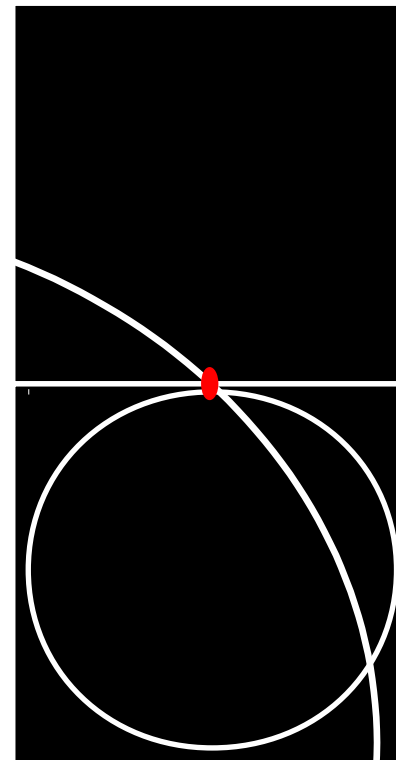
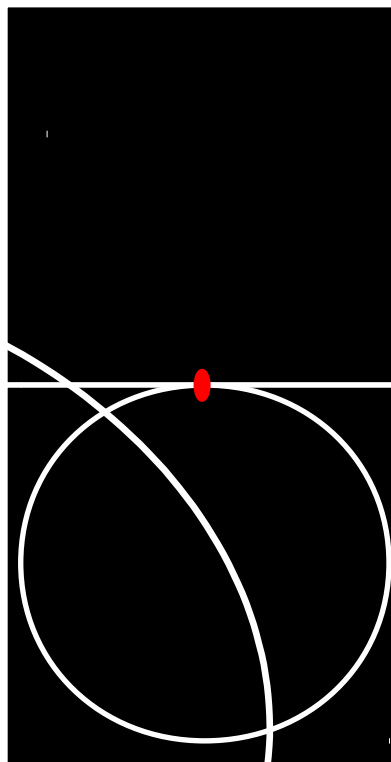
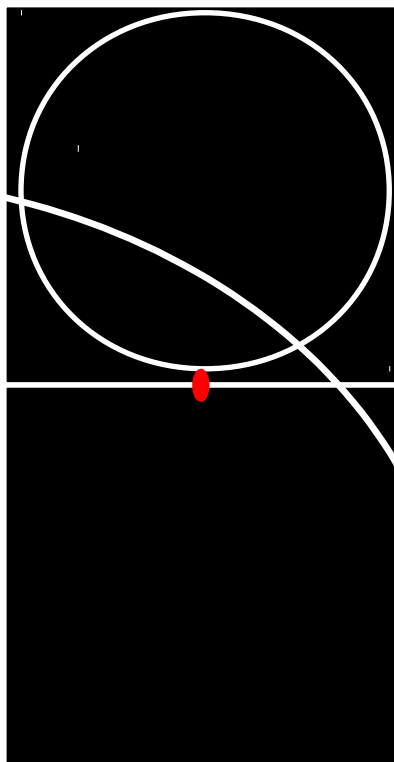
# Vidējais punkts starp pikseļiem un riņķa līniju.

Ja iepriekšējais pikselis  $(x_k, y_k)$ , tad nākamā solī  $x_k+1$  ir nepieciešams noteikt sekojošo pikseli, kā vienu no diviem, attiecībā pret vidējo punktu: vai nu pikselis  $(x_k+1, y_k)$ , vai nu pikselis  $(x_k+1, y_{k-1})$ .

Šeit tuvumu pie riņķa nosaka vidējā parametra vieta. Šajā gadījumā risinājušais parametrs ir riņķa funkcija, kura nosaka vidējā punkta vietu attiecībā pret riņķi.

# Pikseļu izvēle attiecīgi no vidējā punkta vietas

No izteiksmes (17) var secināt:



# Pikseļu izvēle attiecīgi no vidējā punkta vietas

- a) Ja  $p_k < 0$ , tad vidējais punkts atrodas iekšā un pikselis  $y_k$  tuvākais pie riņķa robežas
- b) Ja  $p_k > 0$ , tad vidējais punkts atrodas ārpus riņķa, tad tuvākais pikselis ir  $y_{k-1}$
- c) Ja  $p_k = 0$ , tad vidējais punkts atrodas uz robežas

# Pikseļu izvēle attiecīgi no vidējā punkta vietas

Nākamā solī  $x_{k+1}+1$  iegūsim:

Pieskaitīsim un atņemsim  $y_{k+1}$ , rezultātā  
iegūsim:

kur  $y_{k+1}$  ir vienāds ar  $y_k$  vai  $y_{k-1}$ , atkarīgi no  $p_k$   
zīmes:

# Pikseļu izvēle attiecīgi no vidējā punkta vietas

- 1) Ja  $p_k < 0$ , tad  $y_{k+1} = y_k$  un saskaņā ar (19),  
iegūsim:
- 2) Ja  $p_k \geq 0$ , tad  $y_{k+1} = y_{k-1}$  un saskaņā ar (19),  
iegūsim:



# Pikseļu izvēle attiecīgi no vidējā punkta vietas

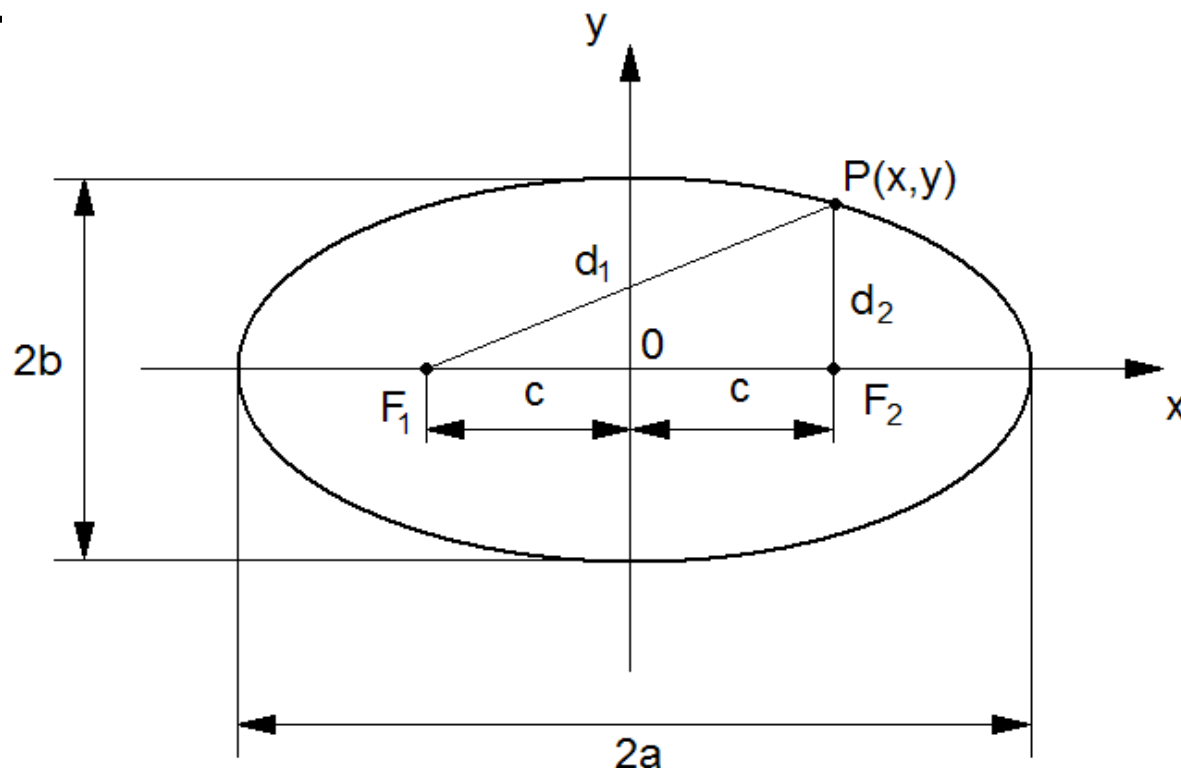
Sākotnējā punktā  $(0,R)$ , iegūsim

Ja rādiusa vērtība ir vesels skaitlis, pēc  
noapaļošanas iegūsim:



# Elipses līnija

Elipse – tā ir punktu ģeometriskā vieta un tās punkti atrodas vienādā summārā attālumā  $d_1 + d_2$ , kur  $d_1$  – attālums no fokusa  $F_1$  un  $d_2$  – attālums no fokusa  $F_2$



# Elipses līnija

Ja elipses centrs sakrīt ar koordinātu sistēmas sākumu (0, 0) tad fokusa attālums no centra  $c = \sqrt{a^2 - b^2}$

kur  $a$ ,  $b$  – lielā un mazā pusass.

Ja fokusa koordinātes  $F_1(x_1, y_1)$  un  $F_2(x_2, y_2)$

tad Dekartu koordinātu sistēmā elipses

vienādojums būs:

$$\sqrt{(x - x_1)^2 + (y - y_1)^2} + \sqrt{(x - x_2)^2 + (y - y_2)^2} = 2a$$

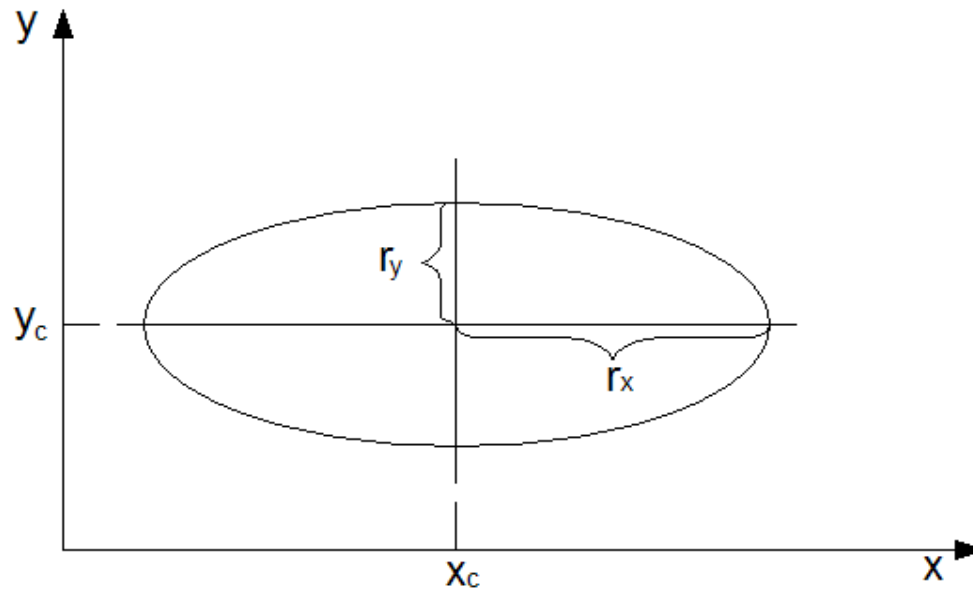
# Elipses līnija

Kanoniskā formā punktu koordinātes, kas atrodas elipses līnijā, nosaka vienādojums

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

Gadījumā, ja elipses centrs  $(x_c, y_c)$  nesakrīt ar koordinātu sistēmas centru:

# Elipses līnija



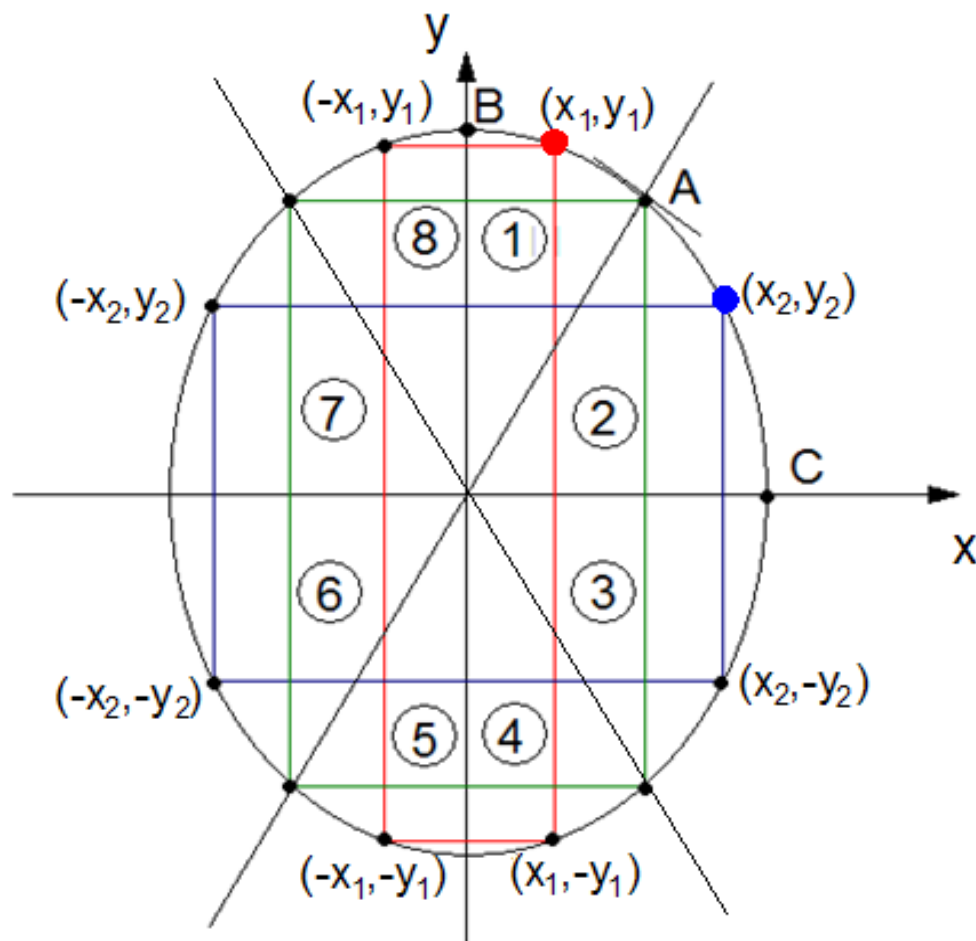
$$\frac{(x - x_c)^2}{r_x^2} + \frac{(y - y_c)^2}{r_y^2} = 1$$

kur  $r_x = a$  un  $r_y = b$

# Elipses līnija

- No vienādojumiem (24) un (25) jebkurai vērtībai  $x$  var noteikt vērtību  $y$ . Bet šajā gadījumā ir nepieciešams katrai veselai vērtībai  $x$  noteikt, kāds pikselis būs tuvāks līnijai.
- Atzīmēsim, ka tagad nebūs tāda pilna simetrija, ka iepriekšējā gadījumā riņķa līnijai. Pieņemsim, ka  $r_x < r_y$  un sadalīsim pirmo kvadrantu divās daļās (1) un (2).

# Elipses līnija



Punkta A pieskares slīpums būs vienāds ar  
-1



# Elipses līnija

Atradīsim punktus pirmā daļā:

Sāksim no punkta B  $(0, r_y)$  un soļosim pulksteņa rādītāja virzienā pa līkni līdz punktam A. Pēc tam, kad slīpums paliks mazāks par  $-1$ , soļosim uz  $y$  virzienu līdz punktam C.

Tālāk atradīsim simetriskus punktus. No daļas (1) var atrast simetriskus punktus (4), (5), un (8) daļās, no daļas (2) var atrast simetriskus punktus (3), (6) un (7) daļās.

# Elipses līnija

Aplūkosim elipses veidošanas algoritmu ar vidējā punkta izmantošanu.

Pieņemsim, ka  $x_c = y_c = 0$  un pēc reizināšanas ar  $r_x^2 r_y^2$ , no vienādojuma (25) iegūsim

$$r_y^2 x^2 + r_x^2 y^2 - r_x^2 r_y^2 = 0$$

Viegli pārliedzināties, ka elipses punkta pieskares slīpums

$$\frac{dy}{dx} = -\frac{2r_y^2 x}{2r_x^2 y}$$

# Elipses līnija

un robežā starp daļām (1) un (2) slīpums būs

$$\frac{dy}{dx} = -1, \text{ t.i. } 2r_y^2 x = 2r_x^2 y$$

Tālāk, saskaņā ar (26), noteiksim elipses funkciju

$$f_{el}(x, y) = r_y^2 x^2 + r_x^2 y^2 - r_x^2 r_y^2$$

Nav grūti pārliedzināties, ka:

$$f_{el}(x, y) = \begin{cases} < 0, \\ = 0, \\ > 0, \end{cases}$$

# Elipses līnija

No tā izriet, ka šo funkciju var izmantot kā risinājušo parametru, tā kā funkcija (29) ļauj noteikt vidējā punkta vietu attiecīgi elipses līnijai.

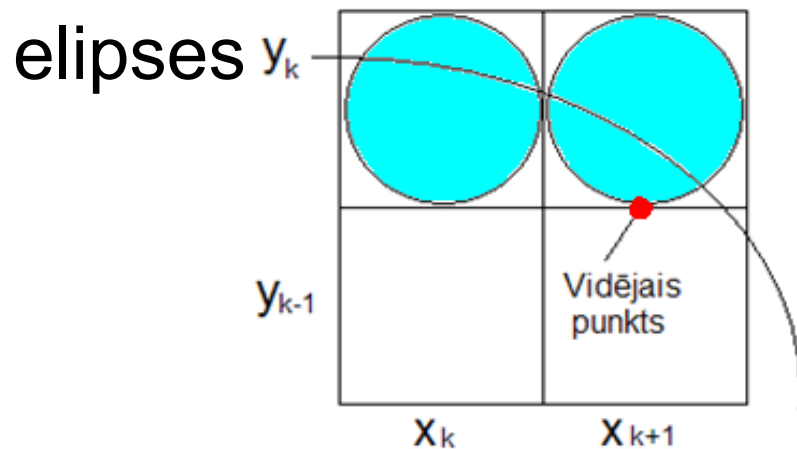
Pirmajā daļā vidējā punkta koordinātes būs  $(x_k + 1, y_k - 1/2)$ , risinājušais parametrs pirmā daļā ir

$$\begin{aligned} p1_k &= f_{el}(x_k + 1, y_k - \frac{1}{2}) = \\ &= r_y^2 (x_k + 1)^2 + r_x^2 (y_k - \frac{1}{2})^2 - r_x^2 r_y^2 \end{aligned}$$

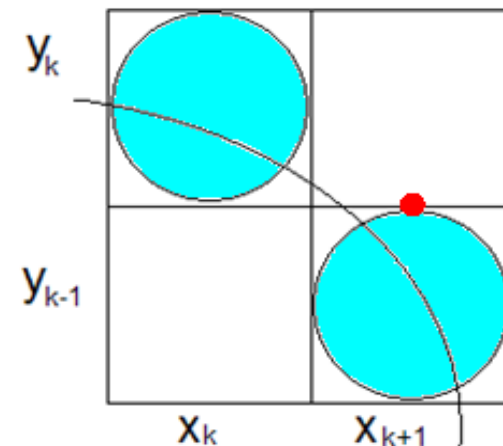
# Elipses līnija

Saskaņā ar (30), iegūsim:

- 1) Ja  $p1_k < 0$ , tad vidējais punkts atrodas elipses līnijas iekšpusē un pikselis  $y_k$  būs tuvāk elipses līnijai
- 2) Ja  $p1_k \geq 0$ , tad vidējais punkts atrodas ārpus elipses līnijā (vai nu uz elipses līnijas) un pikselis  $y_k$  būs tuvāk



1)



2)

# Elipses līnija

Nākamo  $(k+1)$ -a soli risinājušu parametru var pierakstīt šādi:

$$\begin{aligned} p1_{k+1} &= f_{el}(x_{k+1} + 1, y_{k+1} - \frac{1}{2}) = \\ &= r_y^2[(x_k + 1) + 1]^2 + r_x^2(y_{k+1} - \frac{1}{2})^2 - r_x^2 r_y^2 = \\ &= p1_k + 2r_y^2(x_k + 1) + r_y^2 + r_x^2[(y_{k+1} - \frac{1}{2})^2 - (y_k - \frac{1}{2})^2] \end{aligned}$$

kur  $y_{k+1}$  vai vienāds  $y_k$ , vai  $y_{k-1}$ , atkarībā no  $p1_k$  zīmes.

# Elipses līnija

Pierakstīsim  $p1_{k+1}$  šādā veidā:

$$p1_{k+1} = p1_k + \Delta$$

kur

$$\Delta = \begin{cases} 2r_y^2(x_k + 1) + r_y^2, & ja \quad p1_k < 0 \\ 2r_y^2(x_k + 1) + r_y^2 - 2r_x^2(y_k - 1), & ja \quad p1_k > 0 \end{cases}$$

# Elipses līnija

Pirmā daļā sākotnējā punktā  $(0, r_y)$  iegūsim

$$p1_0 = f_{el}(0 + 1, r_y - \frac{1}{2}) = r_y^2 - r_x^2 r_y + \frac{1}{4} r_x^2$$

Tālāk katrā solī, saskaņā ar (28) ir nepieciešams pārbaudīt nevienādību

$$2r_y^2 x \geq 2r_x^2 y$$

un, ja tā ir spēkā, pāriet pie otrās daļas.



# Elipses līnija

Otrā daļā vidējā punkta koordinātes būs  $(x_k + 1/2, y_k - 1)$ , attiecīgi risinājušu parametru var pierakstīt sekojošā veidā:

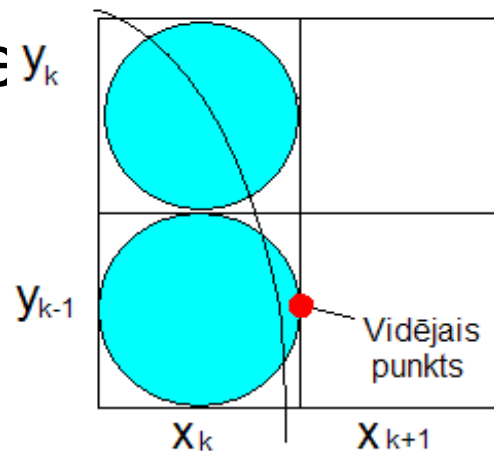
$$\begin{aligned} p2_k &= f_{el}(x_k + \frac{1}{2}, y_k - 1) = \\ &= r_y^2(x_k + \frac{1}{2})^2 + r_x^2(y_k - 1)^2 - r_x^2 r_y^2 \end{aligned}$$

# Elipses līnija

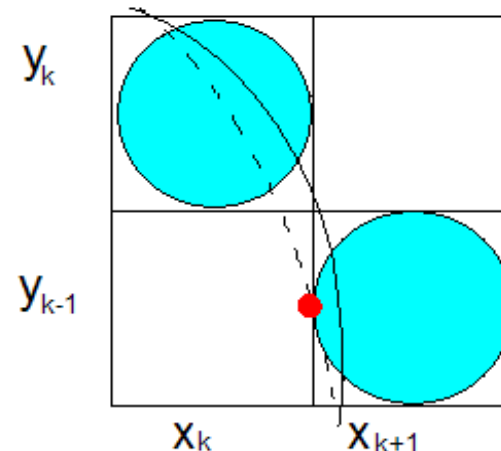
Saskaņā ar (30), iegūsim:

- 1) Ja  $p2_k > 0$ , tad vidējais punkts atrodas ārpus elipses līnijas un pikselis  $x_k$  būs tuvāk elipses līnijai
- 2) Ja  $p2_k \leq 0$ , tad vidējais punkts atrodas elipses līnijas iekšpusē un pikselis  $x_{k+1}$  būs

tuvāk  $y_k$



1)



2)

# Elipses līnija

Nākamā solī risinājušā parametra lielums

$$\begin{aligned} p2_{k+1} &= f_{el}(x_{k+1} + \frac{1}{2}, y_{k+1} - 1) = \\ &= r_y^2(x_k + \frac{1}{2})^2 + r_x^2[(y_k - 1) - 1]^2 - r_x^2 r_y^2 = \\ &= p2_k + 2r_x^2(y_k - 1) + r_x^2 + r_y^2[(x_{k+1} + \frac{1}{2})^2 - (x_k + \frac{1}{2})^2] \end{aligned}$$

kur  $x_{k+1}$  vai vienāds  $x_k$ , vai  $x_{k+1}$ , atkarībā no  $p2_k$  zīmes.



# Līknes veidošana

Līkne ir viens no pamatelementiem (primitīviem) datorgrafikā.

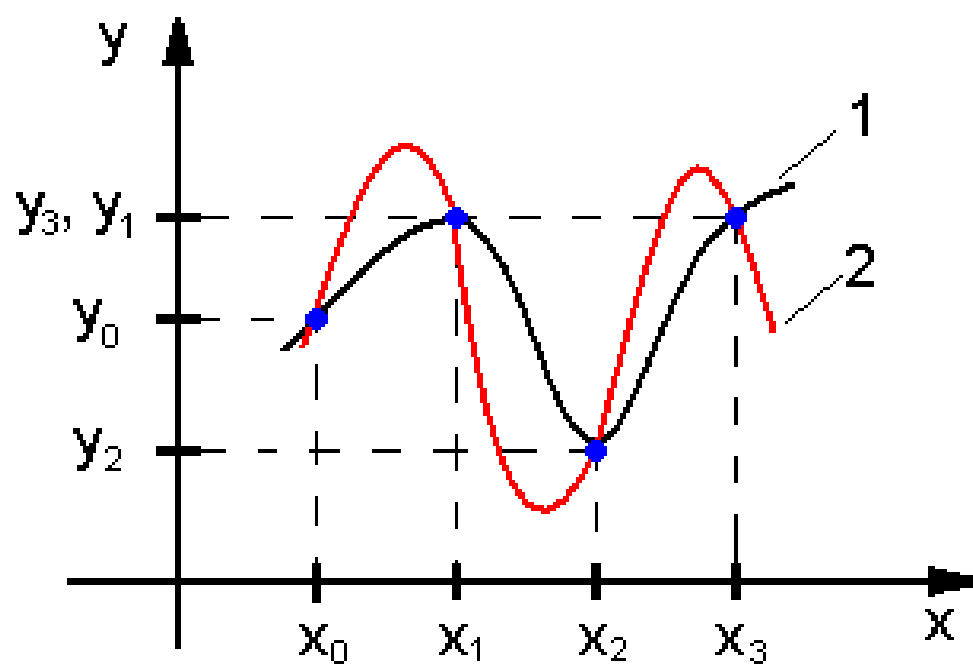
Ja mēs gribam attēlot līkni, kad uzdoti kontrolpunkti (vai vadošie punkti):

$$(x_0, y_0), (x_1, y_1), \dots, (x_n, y_n)$$

rodas divas iespējas:

# Līknes veidošana

1) Interpolācija – atrast tādu funkciju  $f(x)$ ,



# Līknes veidošana

Šīs problēmas risināšanai var izmantot Lagranža interpolācijas polinomu.

Tiek uzdoti kontrolpunkti

un ir zināms

# Līknes veidošana

Ir nepieciešams izveidot polinomu

$L_n(x)$ , kuram pakāpe  $\leq n$

*un*

$$L_n(x_i) = y_i, \quad i \in [0:n]$$

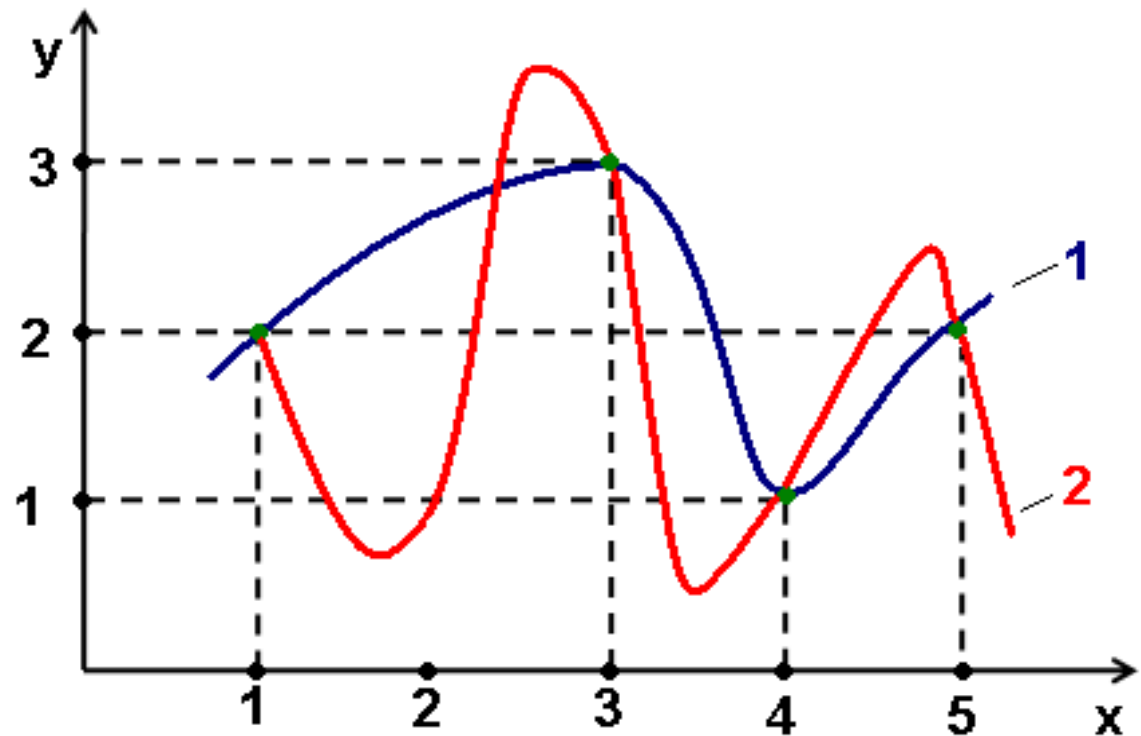
Lagranža polinoms:



# Līknes veidošana

Piemērs:

$i$	$x_i$	$y_i$
0	1	2
1	3	3
2	4	1
3	5	2



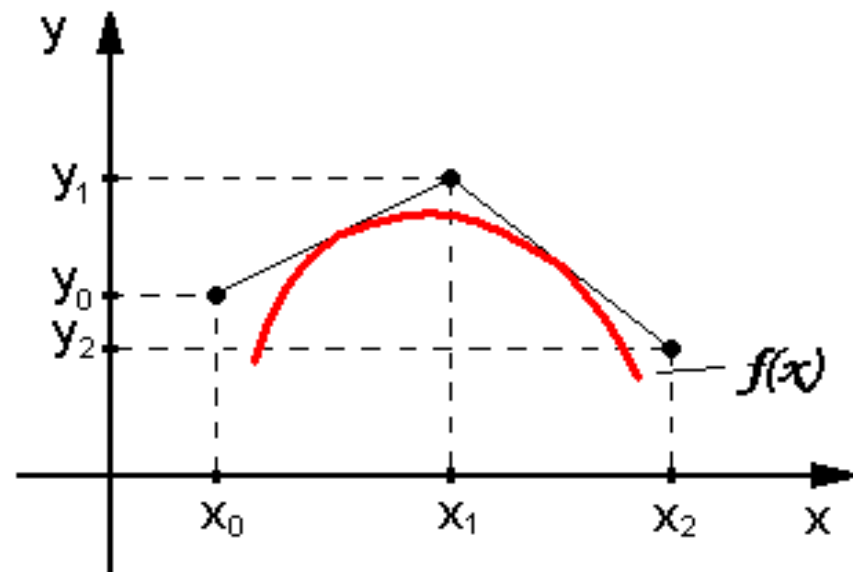
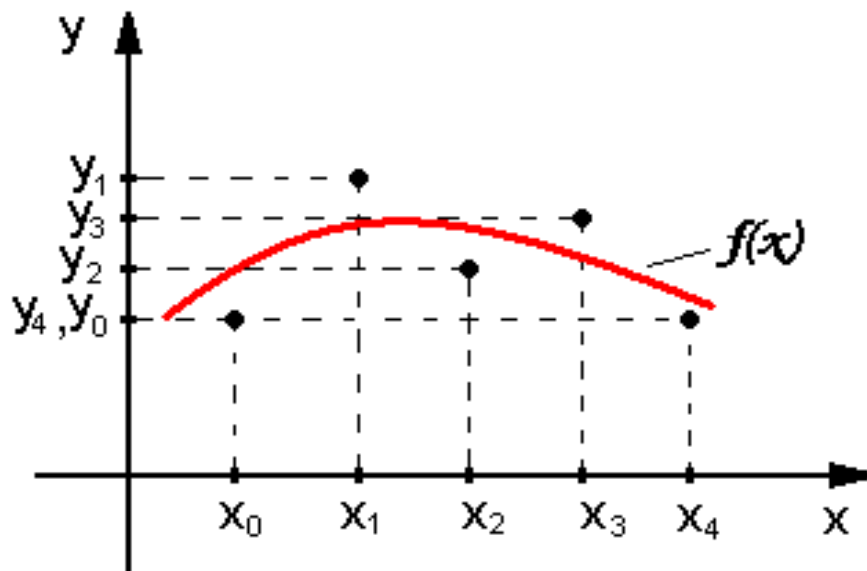
# Līknes veidošana

kur

# Līknes veidošana

# Līknes veidošana

2) Nogludināšana (aproximācija) – atrast tādu gludu funkciju, kura būs “tuvāka” kontrolpunktiem.



# Līknes veidošana

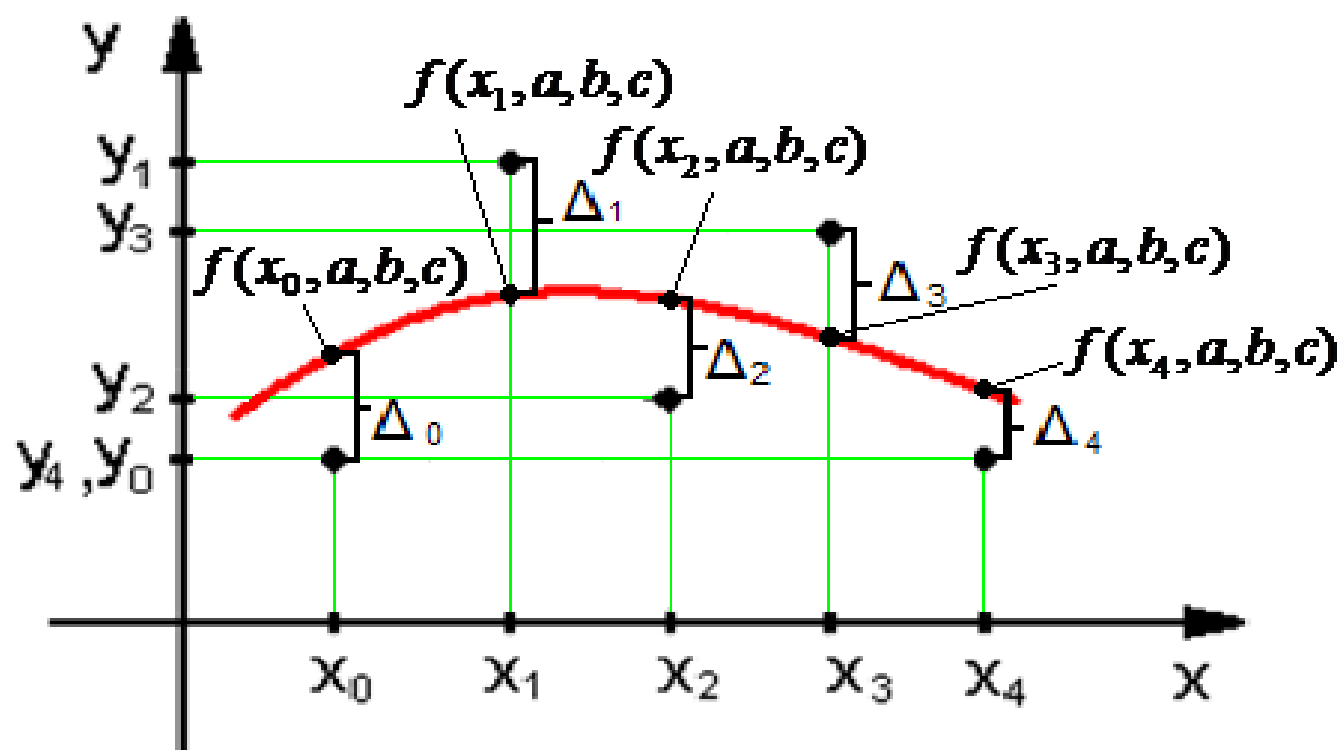
Vispārīgā gadījumā, nezināmu funkciju var aprakstīt ar  $n$ -tās pakāpes polinomu

Ja gribam atrast tādu funkciju, kura būs “tuvāka” kontrolpunktiem, var pielietot mazāko kvadrātu metodi.

# Līknes veidošana

Mazāko kvadrātu metode

# Līknes veidošana

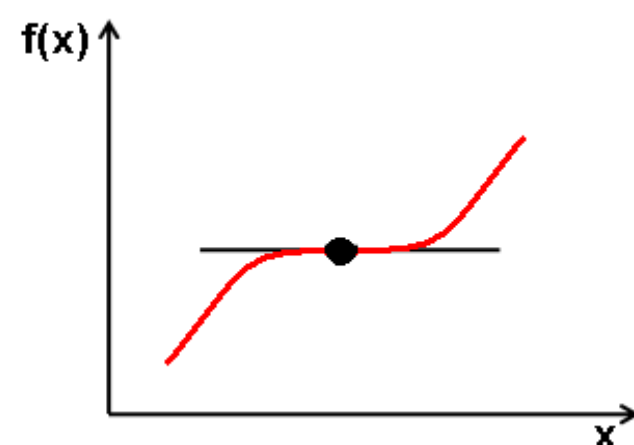
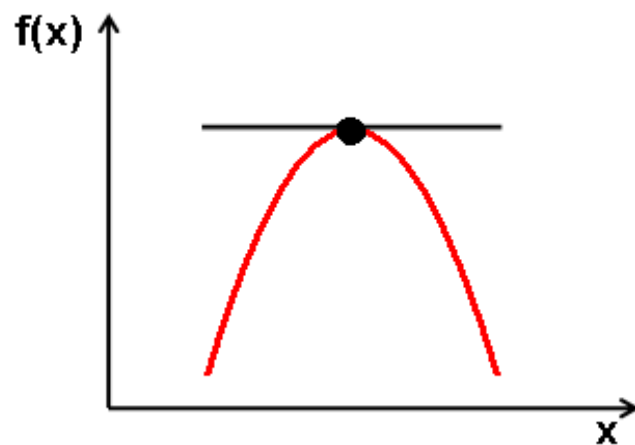
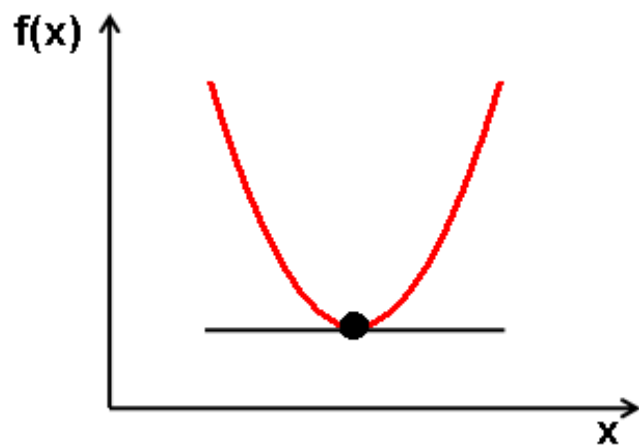


# Līknes veidošana

kur



# Līknes veidošana



# Bezier līknes

Tiek uzdoti vadošie (kontrol) punkti

$$P_0, P_1, P_2, \dots, P_n$$

kas dotu sākotnējo tuvinājumu nākošās līknes izskatam. Šos punktus savā starpā saista matemātiskā sakarība ar Bernšteina polinomu palīdzību. No tā tālāk izriet Bezier funkcija.

# Bezier līknes

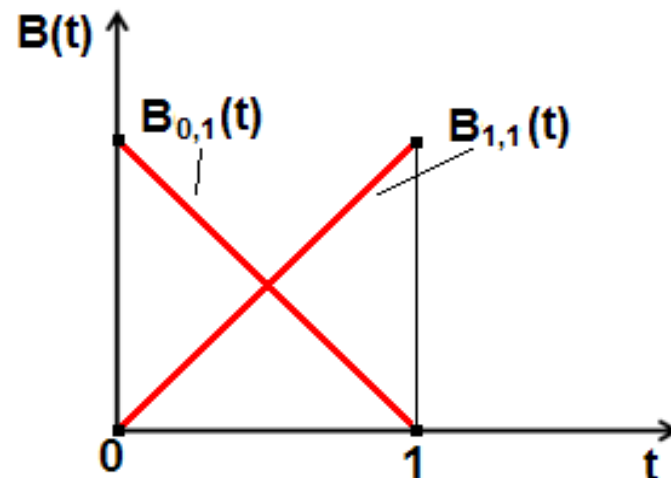
kur Bernšteina  $n$ -tas pakāpes polinoms:

kur

ir kombināciju skaits no  $n$  pa  $i$

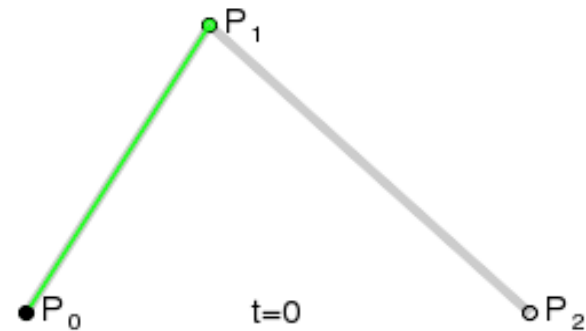
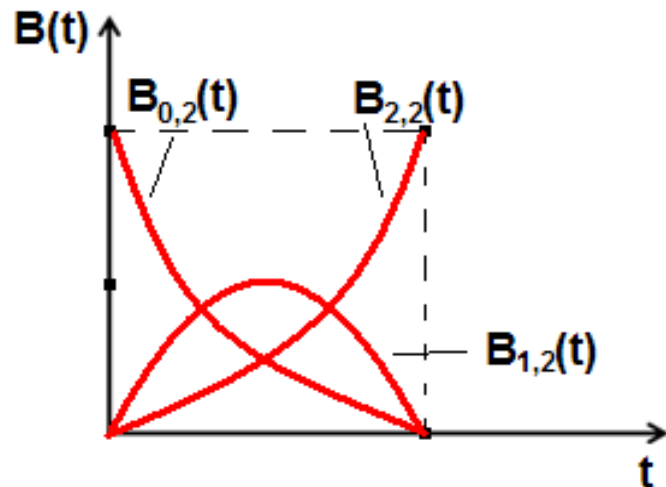
# Bezier līknes

Pirmās pakāpes polinomu iegūsim, ja  $t$  mainās no 0 līdz 1



# Bezier līknes

Otrās pakāpes polinomu iegūsim šādi:

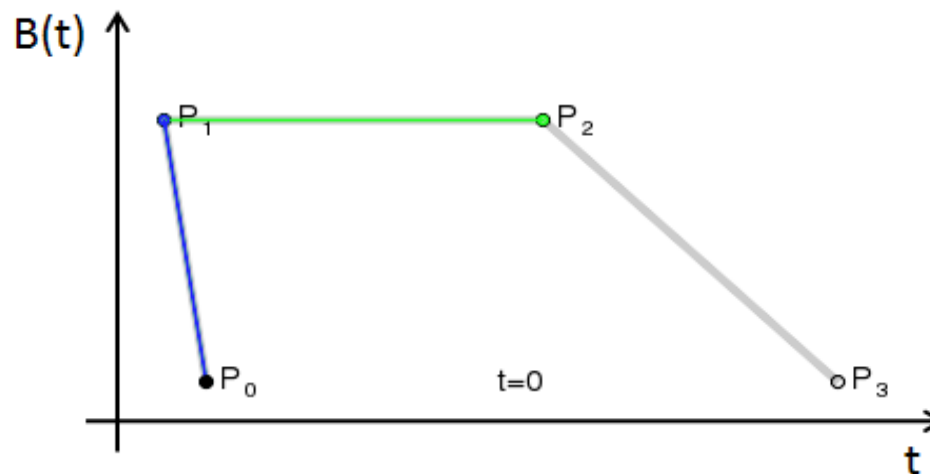
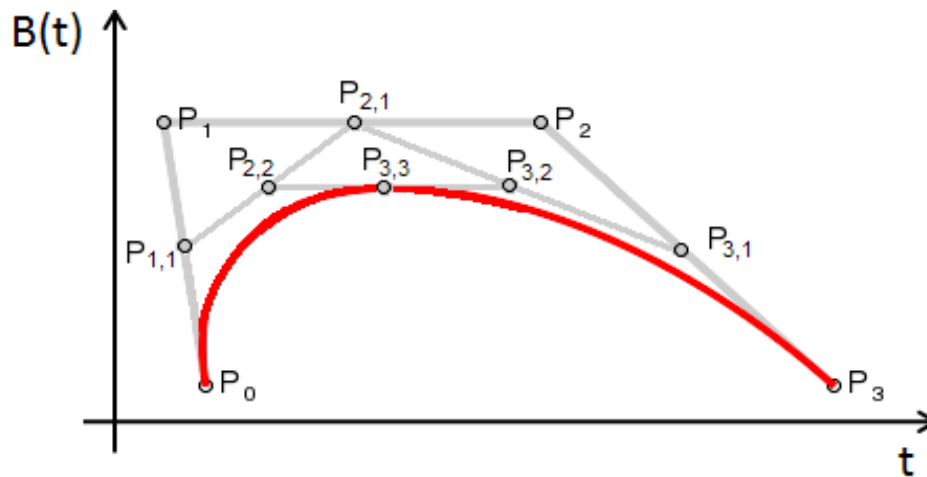


# Bezier līknes

Trešās pakāpes polinoms:

# Bezier līknes

Kubiskas Bezier līknes veidošanas rezultāts

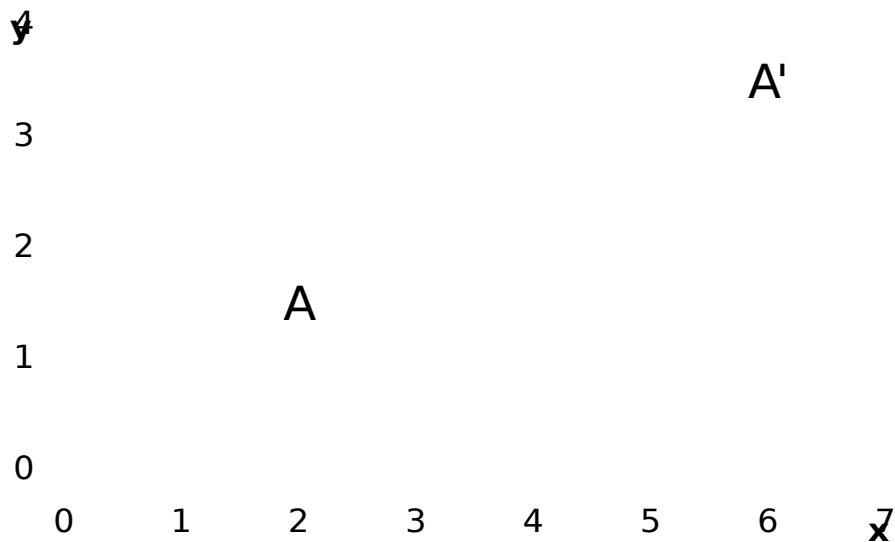




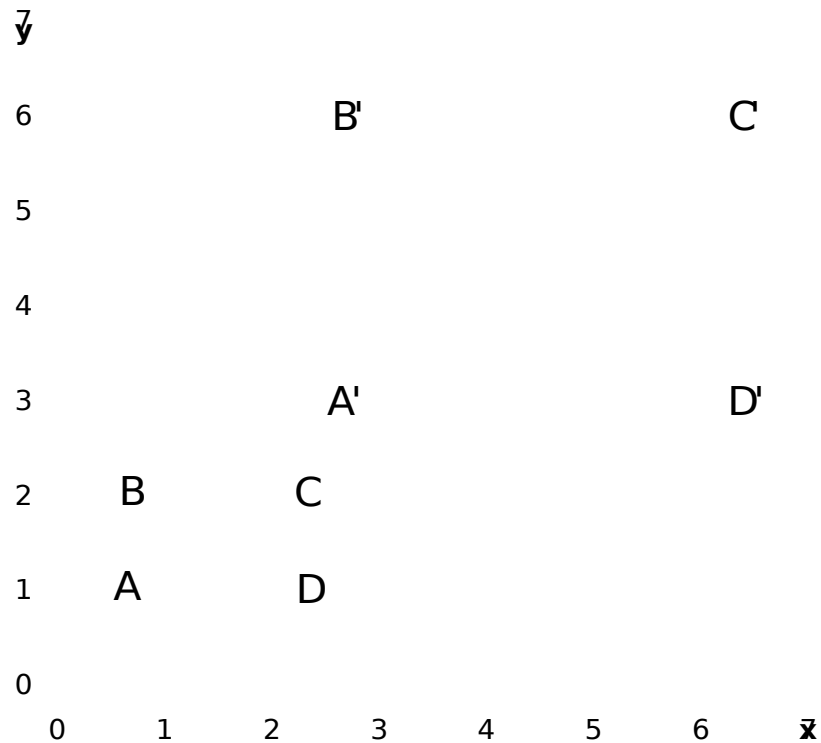


# Matemātiskās operācijas ar 2D objektiem

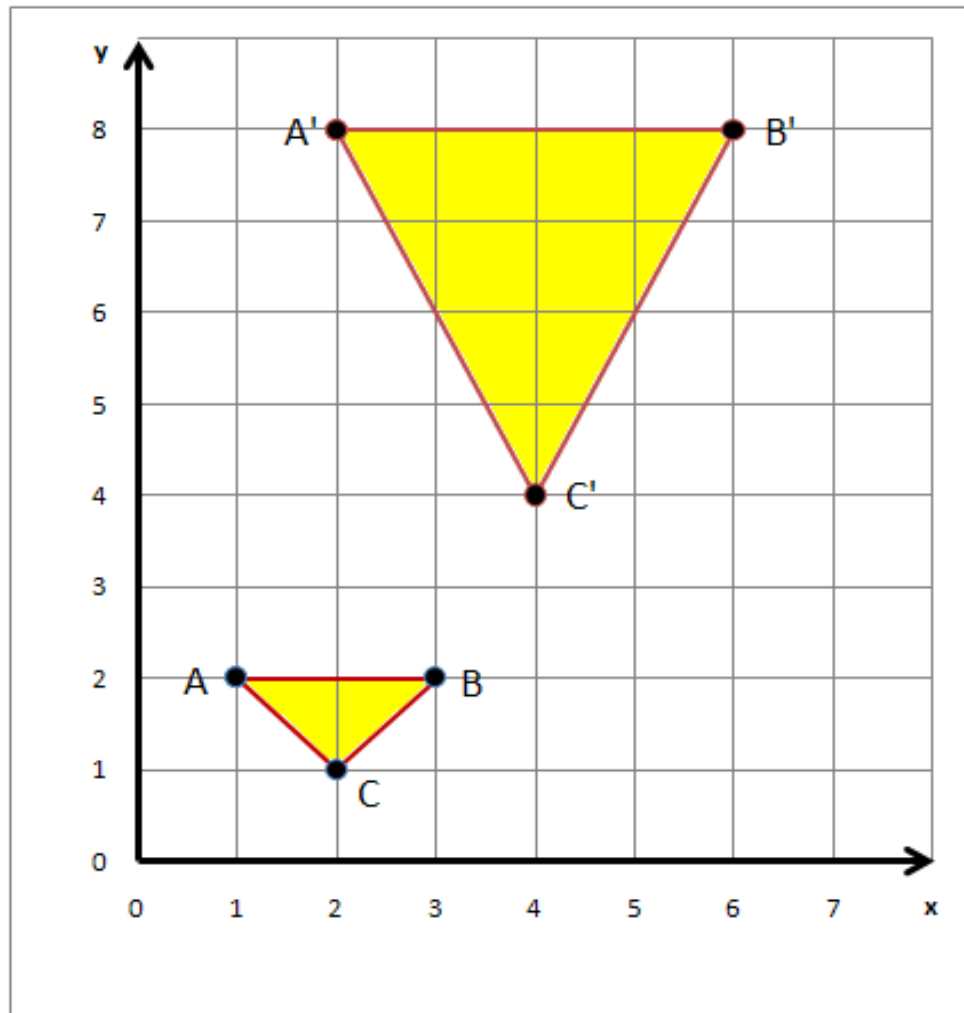
## 1. 2D mērogošana



# Matemātiskās operācijas ar 2D objektiem



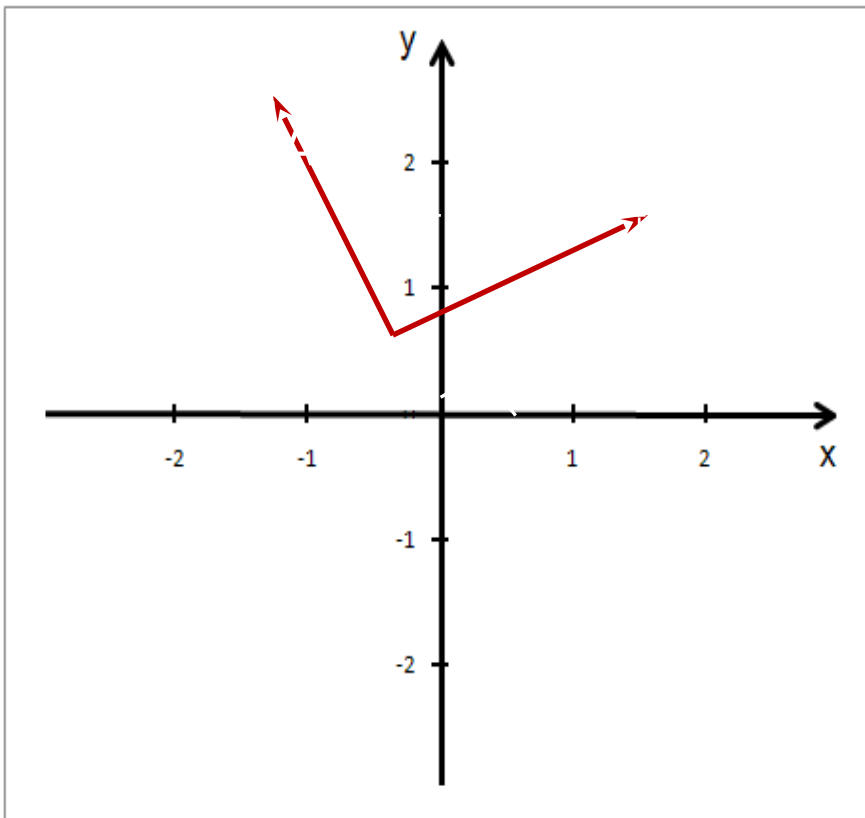
# Matemātiskās operācijas ar 2D objektiem



# Matemātiskās operācijas ar 2D objektiem

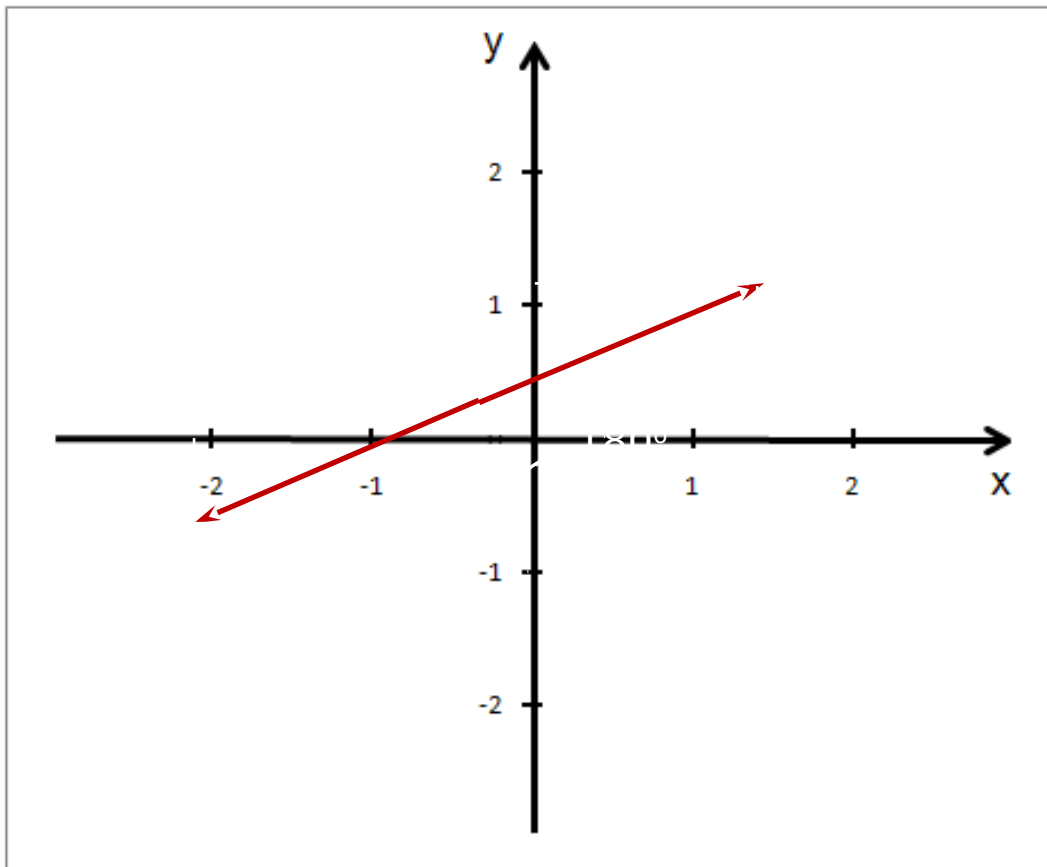
## 2. 2D pagriešana (rotācija)

### 2.1 pagrieziens uz leņķi $90^\circ$



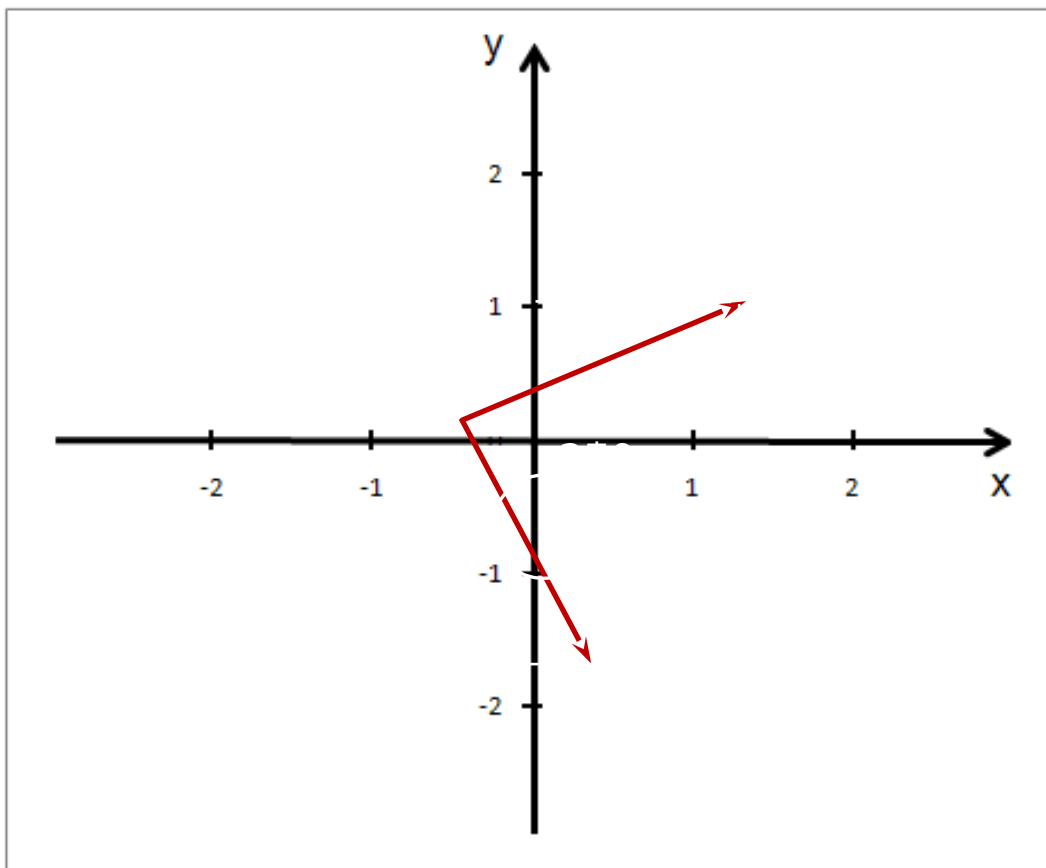
# Matemātiskās operācijas ar 2D objektiem

## 2.2 pagrieziens uz leņķi $180^\circ$



# Matemātiskās operācijas ar 2D objektiem

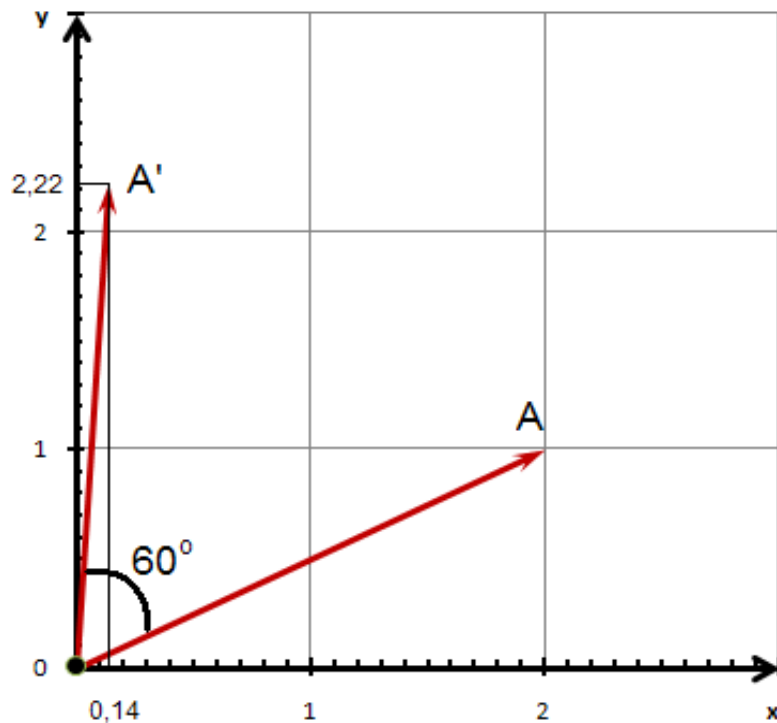
## 2.3 pagrieziens uz leņķi $270^{\circ}$



# Matemātiskās operācijas ar 2D objektiem

## 2.4 Pagrieziens uz patvaļīgu leņķi $\theta$ .

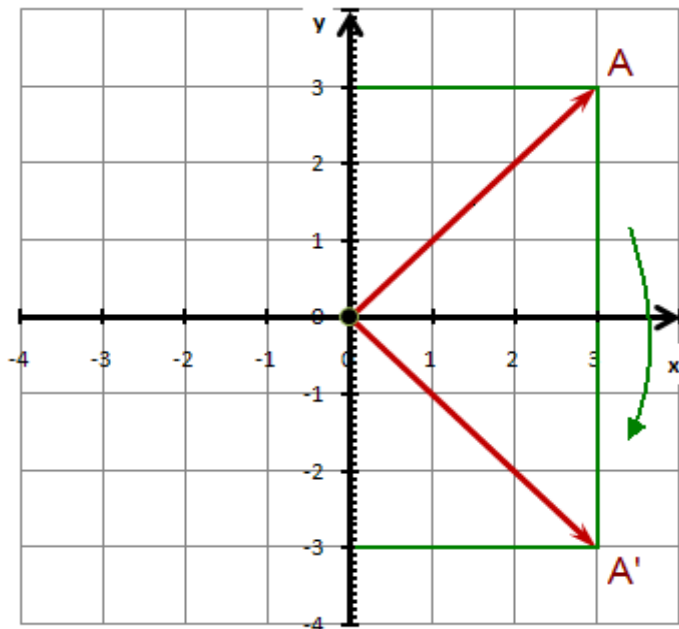
Parveidojumu matrica:



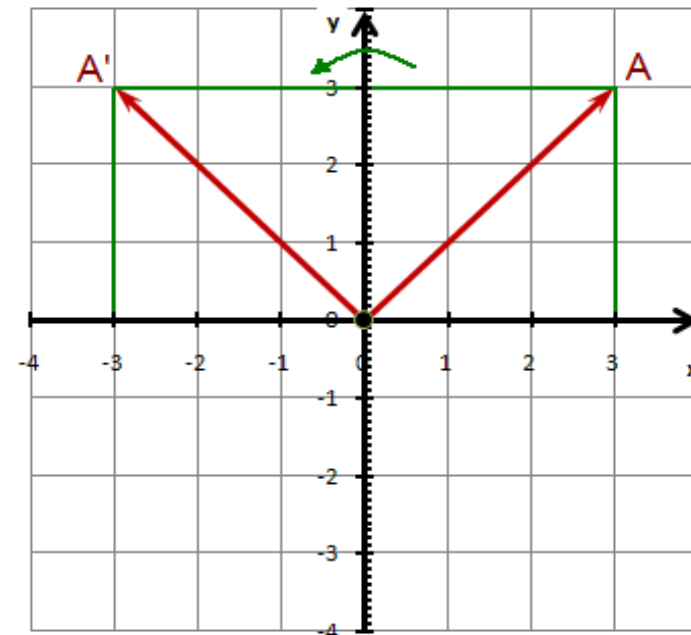
# Matemātiskās operācijas ar 2D objektiem

## 2.5 Pagriešana ap asi

### 2.5.1 Ap asi x



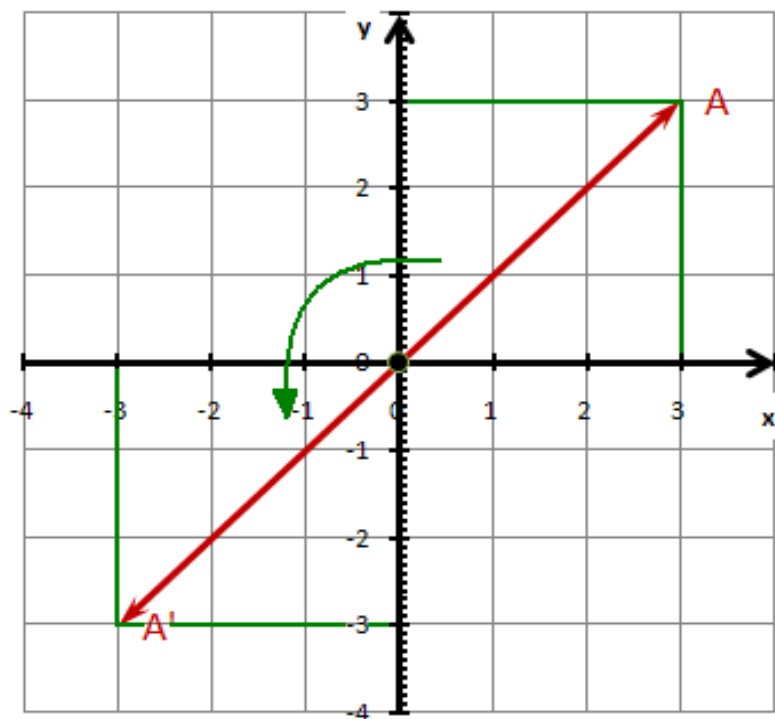
### 2.5.2 Ap asi y





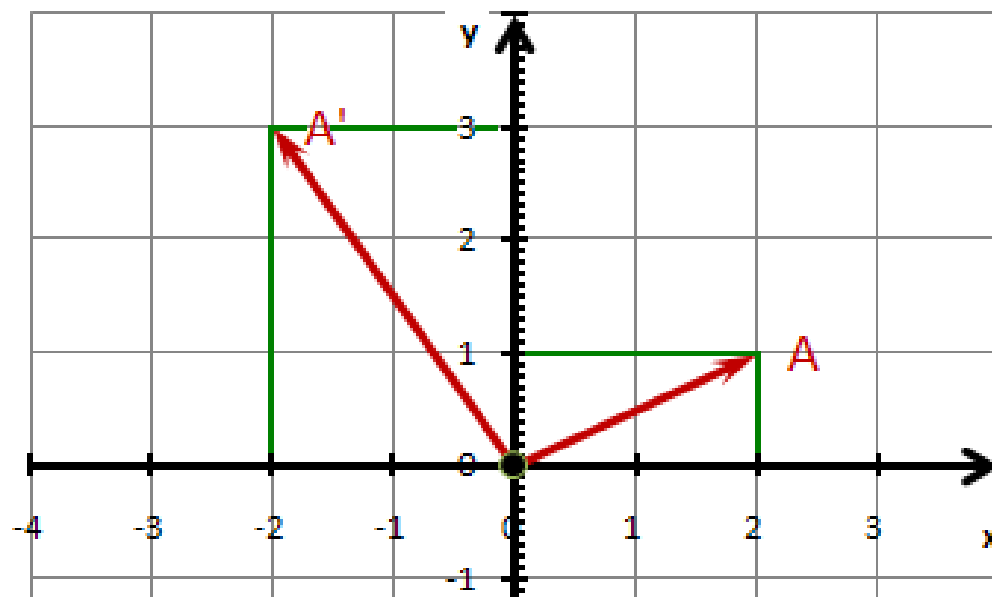
# Matemātiskās operācijas ar 2D objektiem

## 2.5.3 ap x un y asīm



# Matemātiskās operācijas ar 2D objektiem

## 2.5.4 Pagrieziens un mēroga maiņa



# Homogēnas koordinātes

Pārveidojumu matrica (3x3)

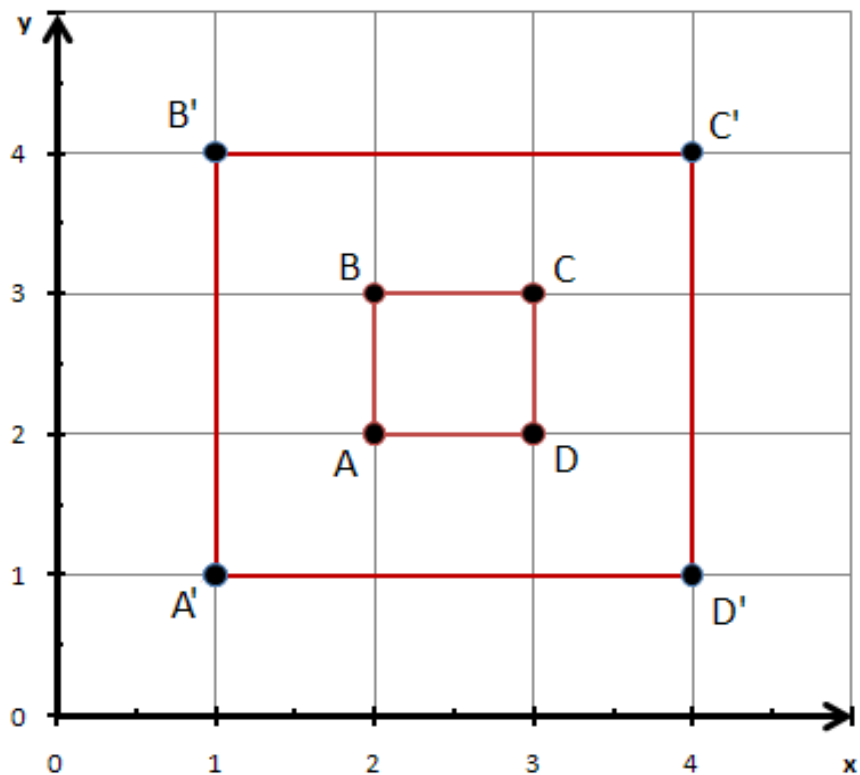
Augšējā kreisā (2x2) matricas daļa nosaka lineārus pārveidojumus (mērogošana, pagriešana, utt.)

# Homogēnas koordinātes

Apakšējā kreisā (1x2) matricas daļa  
nosaka pārvietojumu:

# Homogēnas koordinātes

Piemērs. Pārvietojumi.



# Homogēnas koordinātes

Vispārīgā gadījumā homogēnas  
koordinātes 2D telpā

kur

un

# Homogēnas koordinātes

Vispārīgā gadījumā pārveidojumu matricu var attēlot sekojošā veidā

Matricas daļa

nosaka projekcijas

# Homogēnas koordinātes

Matricas daļa  $|s|$  nosaka proporcionālu mērogošanu

Parastās koordinātes  $(x^*, y^*)$



# Matemātiskās operācijas ar 3D objektiem

Homogēnās koordinātes

kur pāriet no homogēnām koordinātēm uz parastajām

# Matemātiskās operācijas ar 3D objektiem

Vispārējo pārveidojumu 4x4 dimensiju matricu var attēlot šādā veidā

# Matemātiskās operācijas ar 3D objektiem

Matricas daļa

nosaka lineārus pārveidojumus.

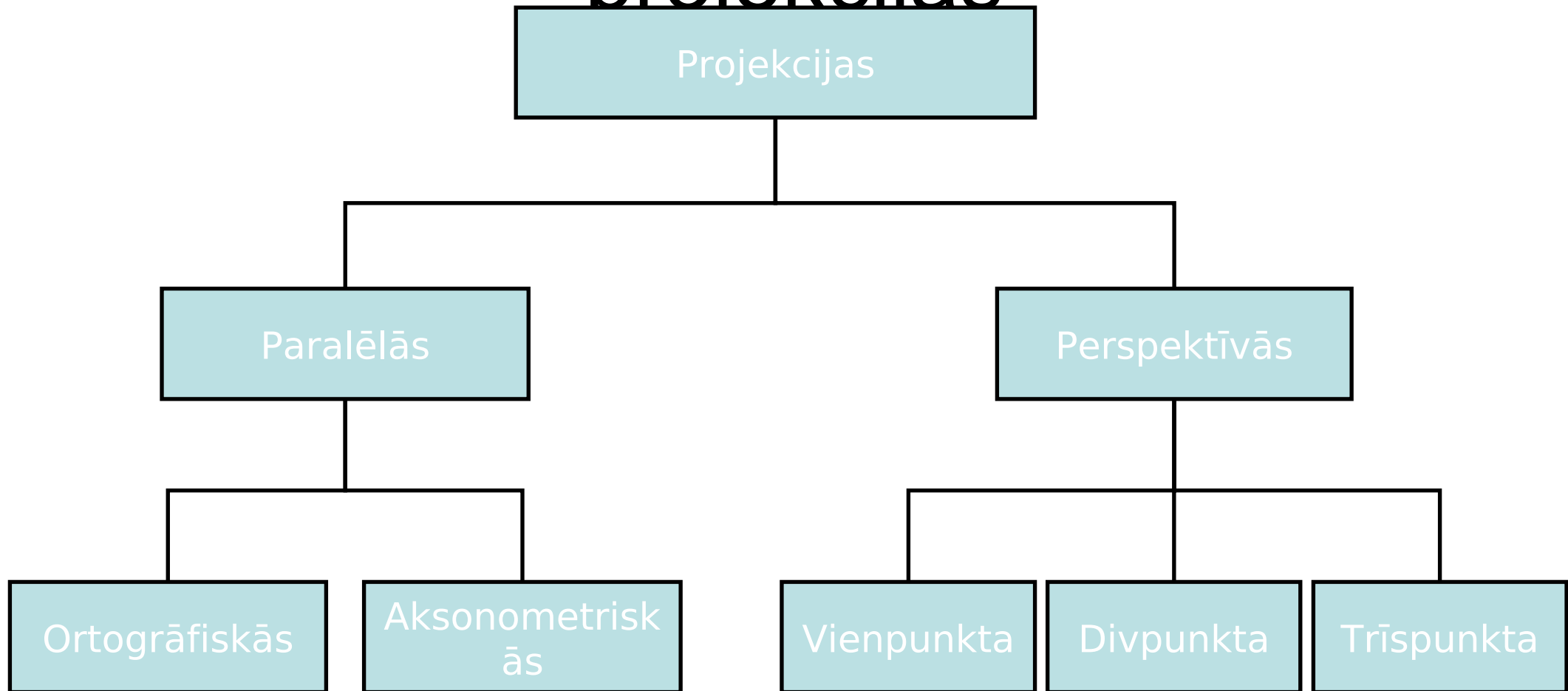
Matricas daļa nosaka pārvietojumu.

Daļa nosaka perspektīvas projekcijas.

Pēdējā matricas daļā nosaka globālo mērogošanu.



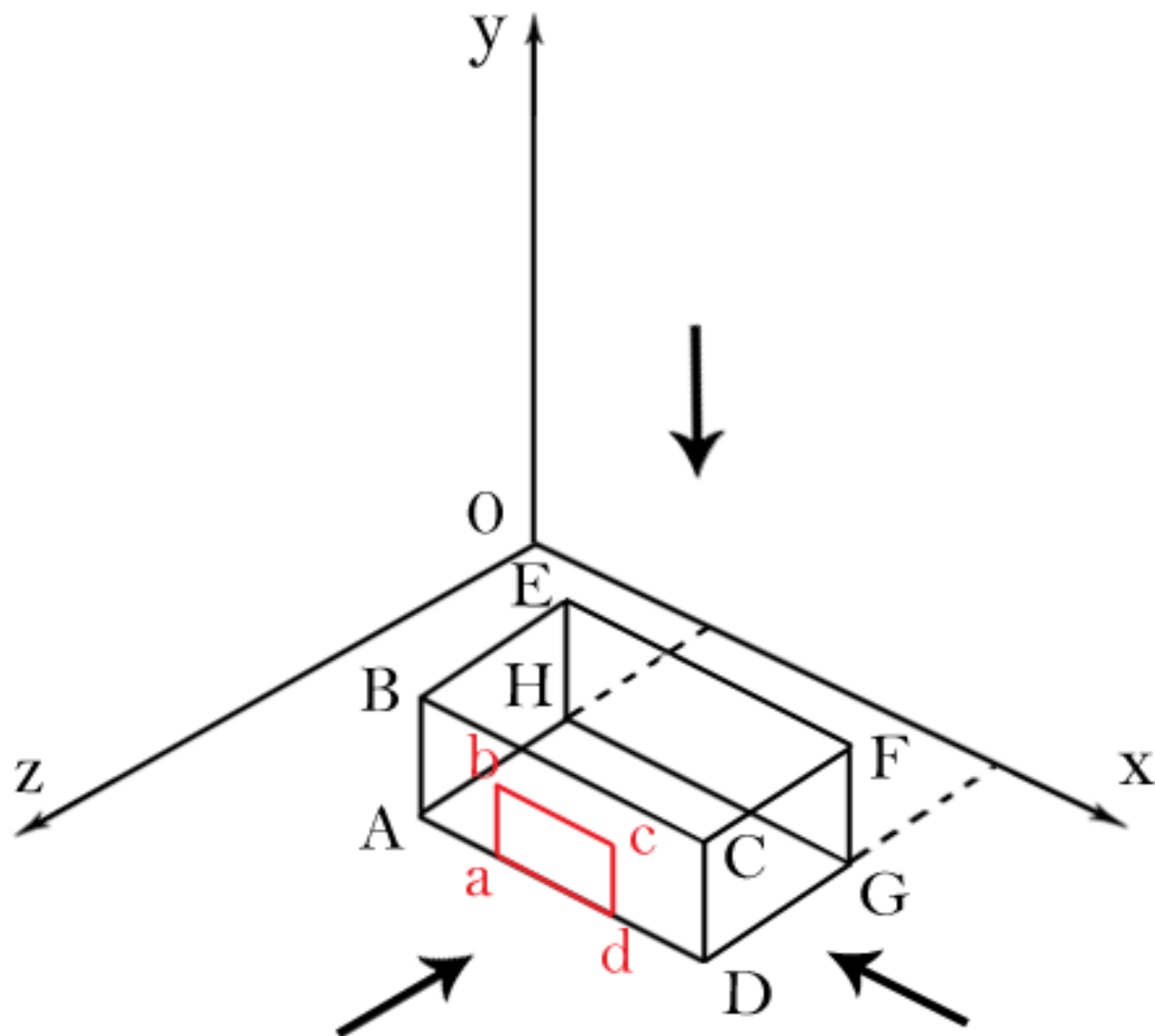
# Telpiskie pārveidojumi un projekcijas



# Ortogrāfiskās projekcijas

Ortogrāfisko projekciju var iegūt ja būs paralēli pārveidojumi. Tas nozīmē, ka projicēšanas stari (paralēlas taisnes) nekrustojās. Šajā gadījumā var saglabāt objekta formu un izmēru.

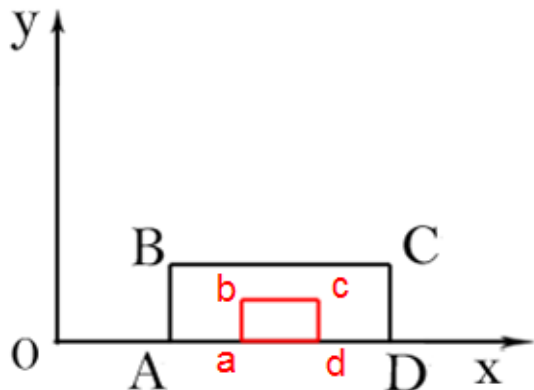
# Ortogrāfiskās projekcijas



# Ortogrāfiskās projekcijas

## 1. Ortogrāfiskā projekcija uz $xOy$ plakni ( $z=0$ )

Parastās koordinātes

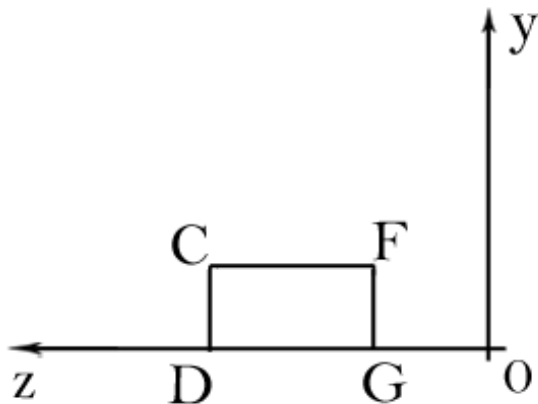




# Ortogrāfiskās projekcijas

## 2. Ortogrāfiskā projekcija uz $yOz$ plakni ( $x=0$ )

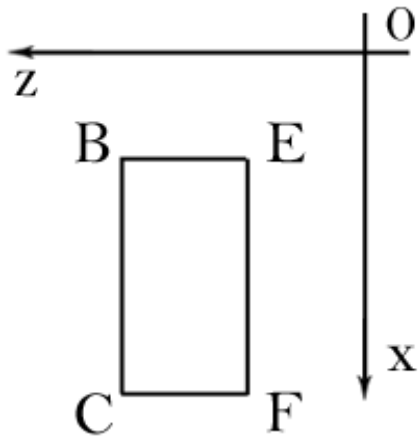
Parastās koordinātes



# Ortogrāfiskās projekcijas

## 3. Ortogrāfiskā projekcija uz $xOz$ plakni ( $y=0$ )

Parastās koordinātes



# Perspektīvie pārveidojumi

## Pārveidojumu matrica

Perspektīvie pārveidojumi notiek tad, kad vispārēja pārveidojuma matricā ceturtās kolonnas kaut viens no pirmajiem 3 elementiem (vai nu divi, vai nu visi trīs) nav vienāds ar 0

# Perspektīvie pārveidojumi

Atšķirībā no paralēlajiem pārveidojumiem šajā gadījumā paralēlas taisnes krustojas, objekta izmērs samazinās pieaugot attālumam līdz projicēšanas centram un notiek nehomogēna objekta līniju izkropļošana, kas atkarīga no objekta orientācijas un attāluma līdz projicēšanas centram (skatīšanas punktam).

Tas viss palīdz telpiskuma uztverei, bet nesaglabā objekta formu.

# Perspektīvie pārveidojumi

Ja viens no  $p$ ,  $q$ ,  $r$  elementiem nav vienāds ar nulli, bet pārējie divi ir vienādi ar nulli, tad šādus gadījumus sauc par vienpunkta perspektīvas pārveidojumiem.

Apskatīsim vienpunkta perspektīvos pārveidojumus ar projicēšanas centru uz:

# Perspektīvie pārveidojumi

1.  $x$  asi:

Parastās koordinātes

un projicēšanas centrs punktā

# Perspektīvie pārveidojumi

2.  $y$  asi:

Parastās koordinātes

un projicēšanas centrs punktā

# Perspektīvie pārveidojumi

3. z asi:

Parastās koordinātes

un projicēšanas centrs punktā



# Perspektīvie pārveidojumi

Divpunktu perspektīvie pārveidojumi

ar parastajām koordinātēm

satur divus projicēšanas centrus:

Pirmo uz x ass punktā

Otro uz y ass punktā



# 1. Attēlu apstrādes īpatnības

Kas ir kopīgs datorgrafikai un attēlu apstrādei?

1. Pirmkārt tas, kā attēli vai grafiskie objekti izveidojas uz ekrāna kā pikseļu matrica vai vesela skaitļa režģis (rastru režģis)
2. Cita īpašība ir tā, ka datorgrafikas uzdevumos objekti veidojas no ģeometriskām pamatstruktūrām vai primitīviem, no kuriem pēc tam veidojas attēls. Attēlu apstrādes uzdevumos tieši otrādi – ir jāizdala attēlu pamatdaļas (kontūri, segmenti, apgabali utt.)

Tādēļ datorgrafikas un attēlu apstrādes uzdevumus var uzskatīt kā tiešus vai pretējus uzdevumus.

Ļoti bieži attēlā vizuāli nav iespējams novērot dažādas detaļas. Tas var būt saistīts ar dažādiem iemesliem, piemēram: slikts kontrasts, troksnis un citi. Sakarā ar to ir nepieciešams pielietot attēla kvalitātes uzlabošanas metodes.

Bet no sākuma rodas attēlu kodēšanas problēma.

a)



b)



c)



d)

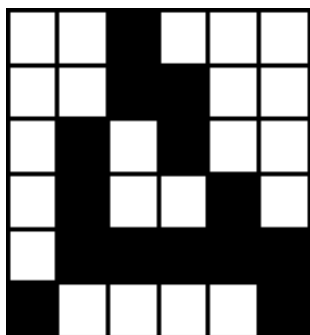


a) automašīnas valsts numurs atrodas koka ēnā, un b) parādīts apstrādāts attēls, kur valsts numurs labi redzams.

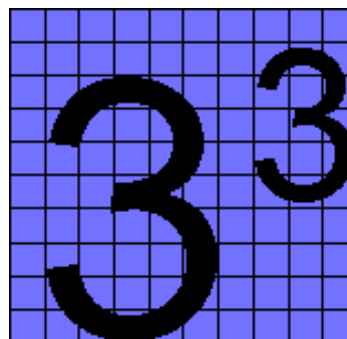
c) attēlota automašīna, kurai tieši valsts numurā atspīd saule un tāpēc ciparus uz numura noteikt nav iespējams, bet d) parādīts apstrādāts attēls, kur cipari un burti uz valsts numura ir labi redzami.

## 2. Attēlu kodēšana

### 1) Melnbalts attēls



$$\begin{aligned} i &\in [1 : n] \\ j &\in [1 : m] \\ x_{ij} &= \begin{cases} 1 \\ 0 \end{cases} \rightarrow 1 \end{aligned}$$



Kodēšana tiks izpildīta četros virzienos:

- 1) Pa x ass virzienu (nepārtraukto iekrāsojumu skaits);
- 2) Pa y ass virzienu;
- 3) Pamatdiagonāles virzienā;
- 4) Palīgdiagonāles virzienā

Ja  $n \times n$  tad iegūsim  $6n - 2$  skaitļus:

$$n + n + 2(2n - 1) = 6n - 2$$

Tālāk katrā virzienā tiek veikta saspiešana

0 0 1 1 1 1 1 2 2 2 0 0 0

0      1      2      0

Jauno kodu var pārveidot binārā formā

00    01    10    00

Pēc tam katram virzienam var piešķirt bināro kodu:

1) x ass virzienā – 01

2) y ass virzienā – 10

...

Rezultātā iegūsim saspiesto bināro kodu.

## 2) Attēls ar pustoņiem

Ja attēlam būs pustoņi, tad katram matricas elementam būs vērtības

$$0 \leq x_{ij} \leq 255 \quad \rightarrow 1 \text{ baits}$$

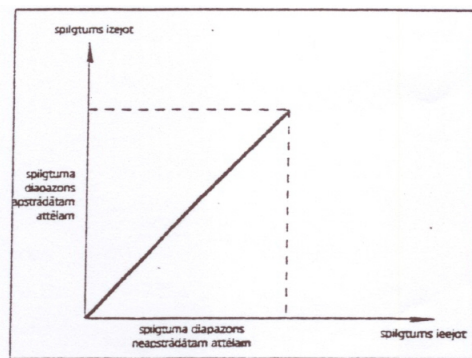
Vispārīgā gadījumā katram elementam  $(i,j)$  atbilst intensitātes funkcijas vērtība  $g(i,j)$ .

### 3. Kontrasta raksturojums

Lai sāktu pētīt, kas īsti ir kontrasts, kādas ir tā izmaiņas, kā tās aprakstīt, vispirms jādefinē, kas ir kontrasts? Vienkāršākā atbilde – kontrasts ir starpību skaits attēlā; ļoti kontrastainā bildē starpība vai pusbība būs tikai divi – melns un balts. Jo vairāk tonālu nianšu – jo mazāks kontrasts (bet vairāk informācijas!). Tas pats attiecas arī uz krāsu attēliem. Palielinot kontrastu, attēla praktiski kontrasta izmaiņas liek gadījumos, kad jāuzlabo bildes vizuālais izskats (piemēram, slikta kvalitāte, neskaidras utt.); gadījumos, ja to prasa attēla izmantošanas mērķi (piemēram, attēlu redzēs tikai pa lielu attālumu, tad kontrastu liek lielāku, lai attēls labāk “nolasītos”), ja attēlus tālāk apstrādā dators (lai labāk nolasītu objektus un kontūras), un, gadījumos, ja to prasa mākslinieka iecere.

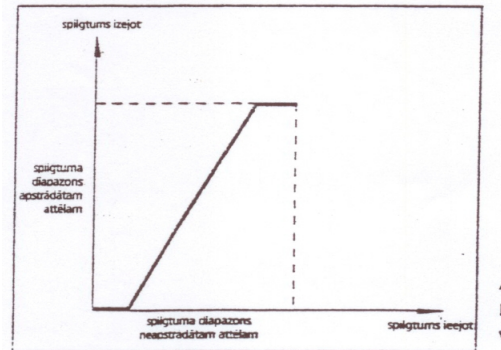
Visizplatītākais defekts ir neasi attēli ar zemu kontrastu (mīglaini, izplūduši).





1. Kontrasta izmaiņas  
Pilnībā izmantoti visi punkti.

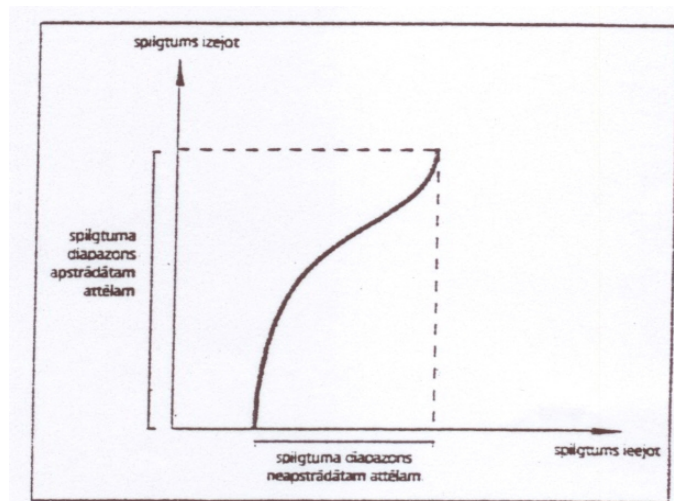
2. Kontrasta izmaiņas  
Nemainīti visgaišākie un  
vistumšākie punkti



4  
h  
v

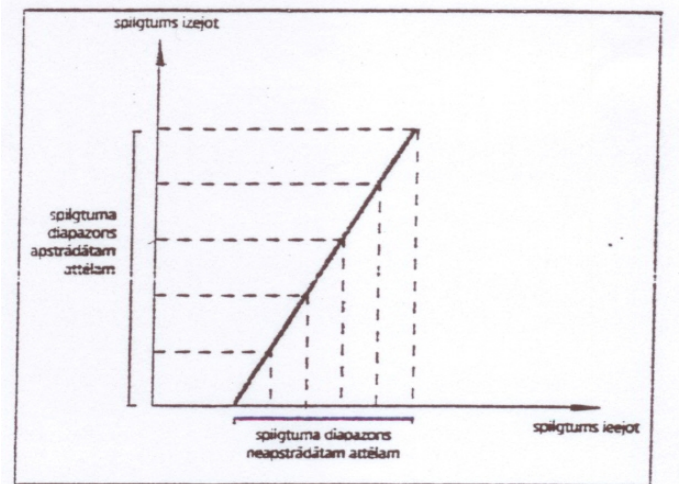
1. zīmējumā redzams attēls, kurš pilnībā izmanto visu savu spilgtuma diapazonu. 2. zīmējums rāda attēlu, kuram nav apstrādāti tikai 2 līmeņi – maksimālais un minimālais, t.i. visgaišākās vietas attēlā un vistumšākās. Vienkāršiem vārdiem runājot – gaišākās vietas paliek gaišākas, tumšākās – tumšākas. Šis paņēmieni ir visvienkāršākais (arī vissubjektīvākais) kontrasta izmaiņu vai kontrasta pieauguma panākšanai attēlā.

Visi pieminētie paņēmieni attiecas gan uz melnbaltiem, gan uz krāsainiem attēliem. Dažādiem gadījumiem tiek izmantotas dažādas lineārās funkcijas. Iespējams pielietot pārtrauktas un nepārtrauktas funkcijas.



3. Kontrasta izmaiņas  
nepārtrauktam attēlam

4. Kontrasta izmaiņas  
digitālajam attēlam



Piemēram, digitālajam attēlam ir nokvantēti J līmeņi ieejā un J līmeņi izejā.

## 4. Kontūru izdalīšana

Diskrētas funkcijas  $g(i, j)$  gradients punktā  $(i, j)$  var tikt vērtētas ar Robertsa krustoperātoru

$$\text{grad}(i,j) \approx [g(i,j) - g(i+1,j+1)]^2 + [g(i,j+1) - g(i+1,j)]^2$$

t.i. Katram elementam  $(i,j)$  tiek aplūkots logs  $2 \times 2$ , kurā diagonālie elementi ir saistīti ar atņemšanas operāciju.

$i+1, j$

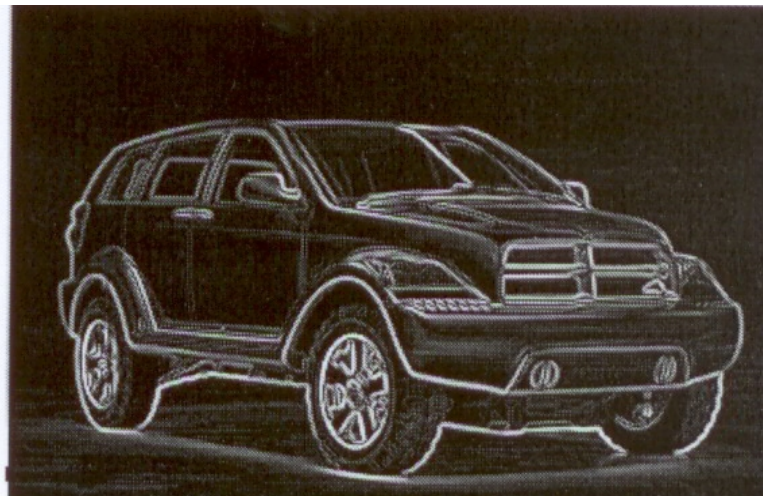
$i+1, j+1$

$i, j$

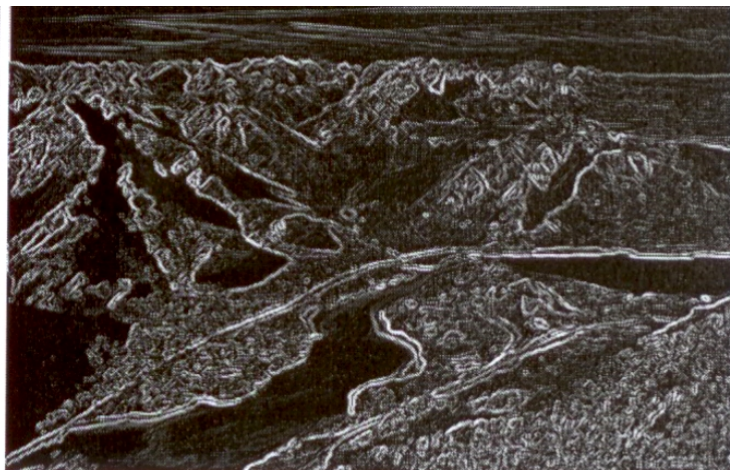
$i, j+1$

Operatora pielietošanas rezultātā iegūto attēlu parasti sauc par gradiento attēlu, bet šādu gradiento transformācijas procesu sauc par kontūra izdalīšanu.





5. Attēls ar mašīnu pirms un pēc kontūru izdalīšanas



6. Attēls ar dabu pirms un pēc kontūru izdalīšanas

## 5. Trokšņu attīrīšanas algoritms

Trokšņu attīrīšanas metodē izrēķinām vidējo lielumu no elementiem izvēlētajā logā  $3 \times 3$

$$\begin{array}{ccc} g(i-1, j-1) & g(i-1, j) & g(i-1, j+1) \\ g(i, j-1) & g(i, j) & g(i, j+1) \\ g(i+1, j-1) & g(i+1, j) & g(i+1, j+1) \end{array}$$

$$g_{ij}^l = \begin{cases} \frac{1}{8} \left( \sum_{k=i-1}^{i+1} \sum_{l=j-1}^{j+1} g_{kl} - g_{ij} \right), \\ ja \quad [g_{ij} - \frac{1}{8} \left( \sum_{k=i-1}^{i+1} \sum_{l=j-1}^{j+1} g_{kl} - g_{ij} \right)] > \varepsilon; \\ g_{ij}, ja \quad [g_{ij} - \frac{1}{8} \left( \sum_{k=i-1}^{i+1} \sum_{l=j-1}^{j+1} g_{kl} - g_{ij} \right)] \leq \varepsilon \end{cases}$$

kur  $\varepsilon$  uzdotsais sliekšnis.