### Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого Кафедра компьютерных систем и программных технологий

Отчёт по расчетному заданию

Дисциплина: Системный анализ

Тема: Теория расписаний

Выполнил студент гр. 33501/4 Преподаватель

Мальцев М.С. Сабонис С.С.

Санкт-Петербург 4 марта 2018 г.

## 1 Исходные данные

Вариант 41

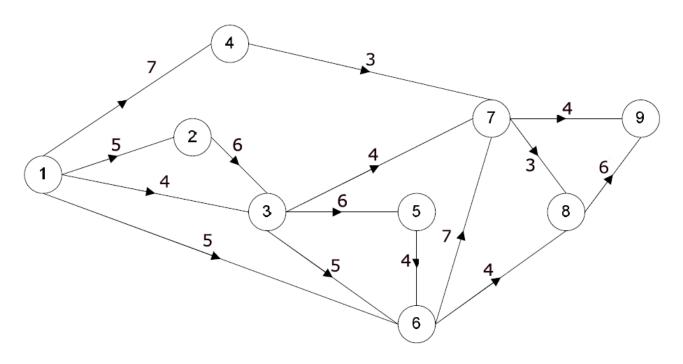


Рис. 1.1: Граф, описанный в задании по динамическому программированию

# 2 Решение. Часть 1

Таблица 2.1: Матрица смежности для заданного графа

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
0	-	5	4	7	-	5	-	-	_
1	-	-	6	-	-	-	-	-	-
2	-	-	-	-	6	5	4	ı	-
3	-	-	ı	_	_	_	3	ı	ı
4	-	-	-	_	-	4	-	-	-
5	-	-	-	_	_	_	7	4	-
6	-	-	-	-	-	-	-	3	4
7	_	-	_	_	_	_	_	-	6
8	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Наиболее ранние моменты наступления событий:

$$t_{0}' = 0$$
 $t_{1}' = 5$ 
 $t_{2}' = 11$ 
 $t_{3}' = 7$ 
 $t_{4}' = 17$ 
 $t_{5}' = 21$ 
 $t_{6}' = 28$ 
 $t_{7}' = 31$ 
 $t_{8}' = 37$ 

Наиболее поздние моменты наступления событий:

$$t_{8}^{"} = 37$$
 $t_{7}^{"} = 31$ 
 $t_{6}^{"} = 28$ 
 $t_{5}^{"} = 21$ 
 $t_{4}^{"} = 17$ 
 $t_{3}^{"} = 25$ 
 $t_{2}^{"} = 11$ 
 $t_{1}^{"} = 5$ 
 $t_{0}^{"} = 0$ 

Таблица 2.2: Наиболее ранние/поздние моменты наступления событий

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
$t^{'}$	0	5	11	7	17	21	28	31	37
$t^{''}$	0	5	11	25	17	21	28	31	37

Таблица 2.3: Матрица резервов

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
0	-	0	7	18	-	16	-	-	-
1	-	-	0	_	-	-	_	-	-
2	-	-	-	-	0	5	13	-	-
3	-	-	-	_	-	-	18	-	-
4	-	-	-	-	-	0	-	-	-
5	-	-	-	_	-	-	0	6	-
6	-	-	-	_	-	-	_	0	5
7	-	-	-	_	-	_	_	-	0
8	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Критический путь: 1->2->3->5->6->7->8->9

Длина пути: 37

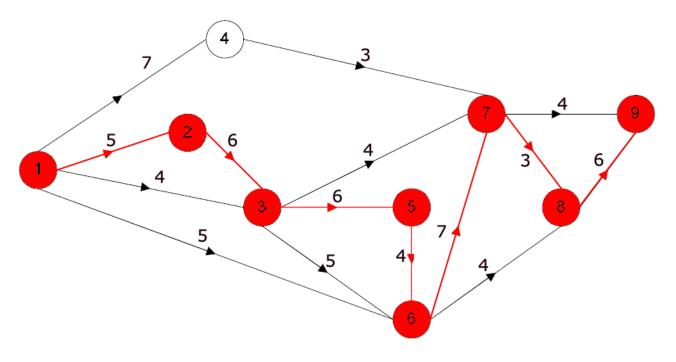


Рис. 2.1: Граф с выделенным критическим путём

#### 3 Решение. Часть 2

Допустим N=1, тогда общее время выполнения будет равно сумме времени выполнения всех работ, т.е. T=73

Вариант 41, следовательно  ${\cal N}=2$ 

Т – затраченное время

D – законченные работы

Е – произошедшие события

W – доступные работы

А – длительность выполнения

В – выбранные для исполнения работы

L – время, через которое окончится выполнение работы

Таблица 3.1: Пошаговое выполнение при выборе работы с наибольшей длительностью исполнения

Τ	D	Е	W	A	В	L
0	-	[0]	[0 1] [0 2] [0 3] [0 5]	$[5 \ 4 \ 7 \ 5]$	[0 3] [0 1]	[7 5]
5	[0 1]	[0 1]	[0 2] [0 5] [1 2]	$[4\ 5\ 6]$	[0 3] [1 2]	[2 6]
7	[0 3]	[0 1 3]	[0 2] [0 5] [3 6]	$[4\ 5\ 3]$	$[1\ 2]\ [0\ 5]$	$[4\ 5]$
11	$[1\ 2]$	[0 1 3]	[0 2] [3 6]	$[4 \ 3]$	$[0\ 5]\ [0\ 2]$	$[1 \ 4]$
12	[0 5]	[0 1 3]	[3 6]	[3]	[0 2] [3 6]	[3 3]
15	[0 2][3 6]	[0 1 2 3]	[2 4] [2 5] [2 6]	$[6\ 5\ 4]$	[2 4] [2 5]	[6 5]
20	$[2\ 5]$	[0 1 2 3]	[2 6]	[4]	$[2\ 4]\ [2\ 6]$	[1 4]
21	$[2 \ 4]$	$[0\ 1\ 2\ 3\ 4]$	$[4\ 5]$	[4]	$[2\ 6]\ [4\ 5]$	[3 4]
24	[2 6]	$[0\ 1\ 2\ 3\ 4]$	-	-	$[4\ 5]$	[1]
25	$[4\ 5]$	$[0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5]$	[5 6] [5 7]	$[7 \ 4]$	$[5\ 6]\ [5\ 7]$	$[7 \ 4]$
29	[5 7]	$[0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5]$	-	-	$[5\ 6]$	[3]
32	[5 6]	$[0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6]$	[6 7] [6 8]	$[3 \ 4]$	[6 8] [6 7]	$[4\ 3]$
35	[6 7]	[0 1 2 3 4 5 6 7]	[7 8]	[6]	[6 8] [7 8]	[1 6]
36	[6 8]	[0 1 2 3 4 5 6 7]	-	-	[7 8]	[5]
41	[7 8]	$[0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ 7\ 8]$	-	_	-	_

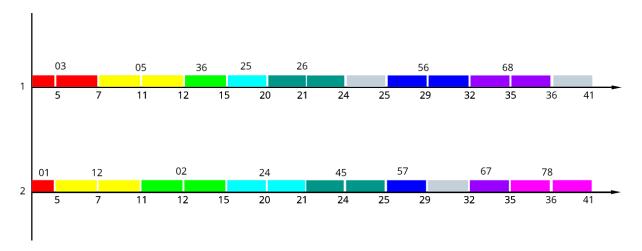


Рис. 3.1: Граф с выделенным критическим путём

1-й простаивал 6 часов

2-й простаивал 3 часа

Таблица 3.2: Пошаговое выполнение при выборе работы с наименьшей длительностью исполнения

Τ	D	E	W	A	В	L
0	-	[0]	[0 1] [0 2] [0 3] [0 5]	$[5 \ 4 \ 7 \ 5]$	[0 2] [0 1]	$[4\ 5]$
4	$[0\ 2]$	[0]	[0 3] [0 5]	[7 5]	[0 1] [0 5]	$[1\ 5]$
5	[0 1]	[0 1]	[0 3] [1 2]	[7 6]	[0 5] [1 2]	[4 6]
9	$[0\ 5]$	[0 1]	[0 3]	[7]	[1 2] [0 3]	[27]
11	$[1\ 2]$	$[0\ 1\ 2]$	[2 4] [2 5] [2 6]	$[6\ 5\ 4]$	[0 3] [2 6]	$[5 \ 4]$
15	[2 6]	[0 1 2]	$[2\ 4]\ [2\ 5]$	$[6\ 5]$	[0 3] [2 5]	$[1\ 5]$
16	$[0\ 3]$	[0 1 2 3]	[2 4] [3 6]	[6 3]	[2 5] [3 6]	$[4\ 3]$
19	[3 6]	[0 1 2 3]	$[2 \ 4]$	[6]	$[2\ 5][2\ 4]$	[1 6]
20	$[2\ 5]$	[0 1 2 3]	-	-	$[2 \ 4]$	[5]
25	$[2 \ 4]$	[0 1 2 3 4]	$[4\ 5]$	[4]	[4 5]	[4]
29	$[4\ 5]$	[0 1 2 3 4 5]	[5 6] [5 7]	[7 4]	[5 7] [5 6]	$[4 \ 7]$
33	[5 7]	[0 1 2 3 4 5]	-	-	[5 6]	[3]
36	[5 6]	[0 1 2 3 4 5 6]	[6 7] [6 8]	[3 4]	[6 7] [6 8]	$[3 \ 4]$
39	$[6\ 7]$	[0 1 2 3 4 5 6 7]	[7 8]	[6]	[6 8] [7 8]	[1 6]
40	[6 8]	[0 1 2 3 4 5 6 7]	-	-	[7 8]	[5]
45	[7 8]	[0 1 2 3 4 5 6 7 8]	-	-	-	-

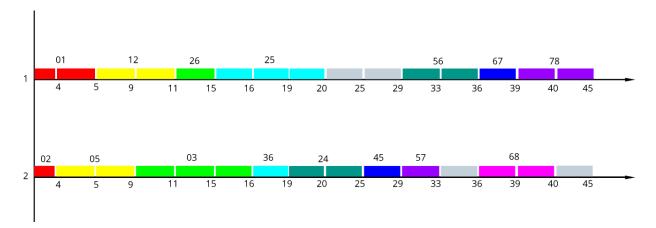


Рис. 3.2: Граф с выделенным критическим путём

1-й простаивал 9 часов

2-й простаивал 8 часа

Таблица 3.3: Пошаговое выполнение при выборе работы с наименьшим резервом

Т	D	E	W	A	В	L
0	-	[0]	[0 1] [0 2] [0 3] [0 5]	$[5 \ 4 \ 7 \ 5]$	[0 1] [0 2]	$[5 \ 4]$
4	[0 2]	[0]	[0 3] [0 5]	[7 5]	[0 1] [0 5]	$[1\ 5]$
5	[0 1]	[0 1]	[0 3] [1 2]	[7 6]	$[0\ 5]\ [1\ 2]$	[4 6]
9	[0 5]	[0 1]	[0 3]	[7]	$[1\ 2]\ [0\ 3]$	[27]
11	$[1\ 2]$	$[0\ 1\ 2]$	[2 4] [2 5] [2 6]	$[6\ 5\ 4]$	[0 3] [2 4]	[5 6]
16	[0 3]	[0 1 2 3]	[2 5] [2 6] [3 6]	$[5 \ 4 \ 3]$	[2 4] [2 5]	[1 5]
17	$[2 \ 4]$	$[0\ 1\ 2\ 3\ 4]$	$[2\ 6]\ [3\ 6]\ [4\ 5]$	$[4 \ 3 \ 4]$	$[2\ 5]\ [4\ 5]$	$\begin{bmatrix} 4 & 4 \end{bmatrix}$
21	$[2\ 5]\ [4\ 5]$	$[0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5]$	[2 6] [3 6] [5 6] [5 7]	$[4\ 3\ 7\ 4]$	[5 6] [5 7]	$[7 \ 4]$
25	[5 7]	$[0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5]$	$[2\ 6]\ [3\ 6]$	$[4\ 3]$	[5 6] [2 6]	$[3 \ 4]$
28	$[5\ 6]$	$[0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5]$	[3 6]	[3]	$[2\ 6]\ [3\ 6]$	[1 3]
29	[2 6]	$[0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5]$	-	-	[3 6]	[2]
31	[3 6]	$[0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6]$	[6 7] [6 8]	$[3 \ 4]$	[6 7] [6 8]	$[3 \ 4]$
34	[6 7]	[0 1 2 3 4 5 6 7]	[7 8]	[6]	[6 8] [7 8]	[1 6]
35	[6 8]	[0 1 2 3 4 5 6 7]		-	[7 8]	[5]
40	[7 8]	$[0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ 7\ 8]$	<del>-</del>	-	_	_

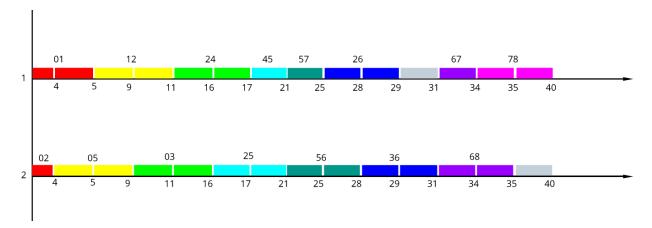


Рис. 3.3: Граф с выделенным критическим путём

1-й простаивал 2 часов

2-й простаивал 5 часа

Таблица 3.4: Пошаговое выполнение при выборе работы с наибольшим резервом

Τ	D	E	W	A	В	L
0	-	[0]	[0 1] [0 2] [0 3] [0 5]	$[5 \ 4 \ 7 \ 5]$	[0 3] [0 5]	$[7\ 5]$
5	$[0 \ 5]$	[0]	[0 1] [0 2]	[5 4]	[0 3] [0 2]	$[2 \ 4]$
7	$[0 \ 3]$	[0 3]	[0 1] [3 6]	[5 3]	$[0\ 2]\ [3\ 6]$	$[2\ 3]$
9	$[0 \ 2]$	[0 3]	[0 1]	[5]	[3 6] [0 1]	$[1\ 5]$
10	[3 6]	[0 3]	-	-	[0 1]	[4]
14	[0 1]	[0 1 3]	[1 2]	[6]	[1 2]	[6]
20	$[1\ 2]$	[0 1 2 3]	[2 4] [2 5] [2 6]	$[6\ 5\ 4]$	$[2\ 6]\ [2\ 5]$	$[4 \ 5]$
24	[2 6]	[0 1 2 3]	[2 4]	[6]	[2 5] [2 4]	[1 6]
25	$[2\ 5]$	[0 1 2 3]	-	-	[2 4]	[5]
30	[2 4]	[0 1 2 3 4]	[4 5]	[4]	$[4\ 5]$	[4]
34	$[4\ 5]$	[0 1 2 3 4 5]	[5 6] [5 7]	[7 4]	[5 7] [5 6]	$[4 \ 7]$
38	[5 7]	[0 1 2 3 4 5]	-	-	[5 6]	[3]
41	$[5\ 6]$	[0 1 2 3 4 5 6]	[6 7] [6 8]	[3 4]	[6 8] [6 7]	[4 3]
44	[6 7]	[0 1 2 3 4 5 6 7]	[7 8]	[6]	[6 8] [7 8]	[1 6]
45	[6 8]	[0 1 2 3 4 5 6 7]	-	-	[7 8]	[5]
50	[7 8]	[0 1 2 3 4 5 6 7 8]	-	-	-	-

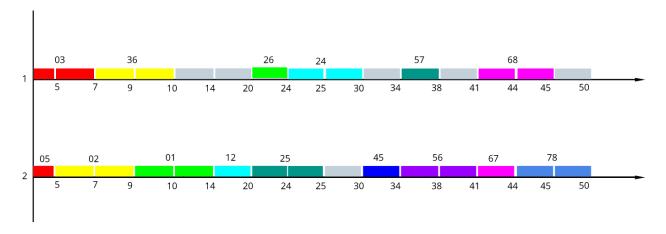


Рис. 3.4: Граф с выделенным критическим путём

1-й простаивал 22 часов

2-й простаивал 5 часа

## 4 Вывод

Лучший критерий выбора — выбор работы с наименьшим резервом Наименьшая длительность выполнения работ, при 2-х рабочих: 40