



Proyecto Final

Departamento de Ingeniería Eléctrica y Electrónica, Ingeniería Biomédica

Tecnológico Nacional de México [TecNM - Tijuana], Blvd. Alberto Limón Padilla s/n, C.P. 22454, Tijuana, B.C., México

Table of Contents

Información general	
Objective	2
System description	2
Simulation data	3
Smooth data	5
Normalized data	7
Fit data	8
Equilibrium points and Jacobian matrix	10
Local stability	11
Positivity analysis	
2t prediction	13
t = 100 prediction	14
Functions	
Plot data	16
Plot normalized data	16
System regression	17
System prediction	19
Plot results	20
Plot prediction	21

Información general



Nombre del alumno: Diana Ivana Escalante Esquivel

Número de control: 21212151

Correo institucional: L21212151@tectijuana.edu.mx

Asignatura: **Gemelos Digitales**

Objective

Integrar las competencias específicas relacionadas con el modelizado, análisis y control de sistemas biológicos para ilustrar y predecir su dinámica a lo largo del tiempo.

System description

El sistema representa la dinámica de la inflamación aguda en un tejido humano, modelando la interacción entre tres poblaciones celulares y moleculares clave:

- 1. *x*: Células dañadas por inflamación. Representan células del tejido que han sido alteradas o destruidas por un estímulo inicial, como una herida, infección o exposición a toxinas.
- 2. y. Macófagos. Son células inmunes que se reclutan al sitio del daño. Se encargan de fagocitar células dañadas, liberar mediadores inflamatorios y regular el inicio y la resolución de la inflamación.
- 3. z. Citoquinas inflamatorias. Son proteínas mensajeras secretadas por las células dañadas y por los macrófagos. Su función es amplificar la respuesta inmune, promoviendo la activación de más macrófagos.

Las ecuaciones que describen las interacciones entre las tres poblaciones involucradas en el proceso inflamatorio se presentan a continuación:

1.
$$\dot{x} = \rho_1 xz - \rho_2 x$$

2.
$$\dot{y} = \rho_3 xyz - \rho_4 y$$

3.
$$\dot{z} = \rho_5 z - p_6 x z$$

Explicación de las ecuaciones del modelo:

- 1. Las citoquinas inflamatorias estimulan la respuesta inflamatoria del organismo, promoviendo el reclutamiento de células inmunes mediante el aumento del flujo sanguíneo y la permeabilidad vascular. Sin embargo, una producción excesiva de citoquinas puede amplificar el daño tisular (inflamación descontrolada). Por otro lado, los macrófagos activados intervienen para eliminar las células dañadas.
- 2. Los macrófagos son activados y reclutados al sitio de la lesión en respuesta a señales provenientes tanto de las células dañadas como de las citoquinas inflamatorias. Una vez activados, participan en la eliminación del tejido dañado y la producción de nuevas citoquinas. No obstante, tras la resolución del daño, los macrófagos pueden sufrir apoptosis (muerte celular programada) o retirarse del sitio, lo que reduce su población activa.
- 3. Las citoquinas inflamatorias continúan produciéndose mientras persistan señales de daño tisular, siendo su síntesis estimulada principalmente por la presencia de células dañadas y macrófagos activados. Sin embargo, a medida que el tejido comienza a recuperarse y el estímulo inflamatorio disminuye, estas citoquinas pueden ser degradadas o neutralizadas. Paralelamente, se inicia la secreción de citoquinas antiinflamatorias, las cuales se unen a receptores en células inmunes, modulando su actividad y suprimiendo la producción de citoquinas proinflamatorias, favoreciendo así la resolución del proceso inflamatorio.

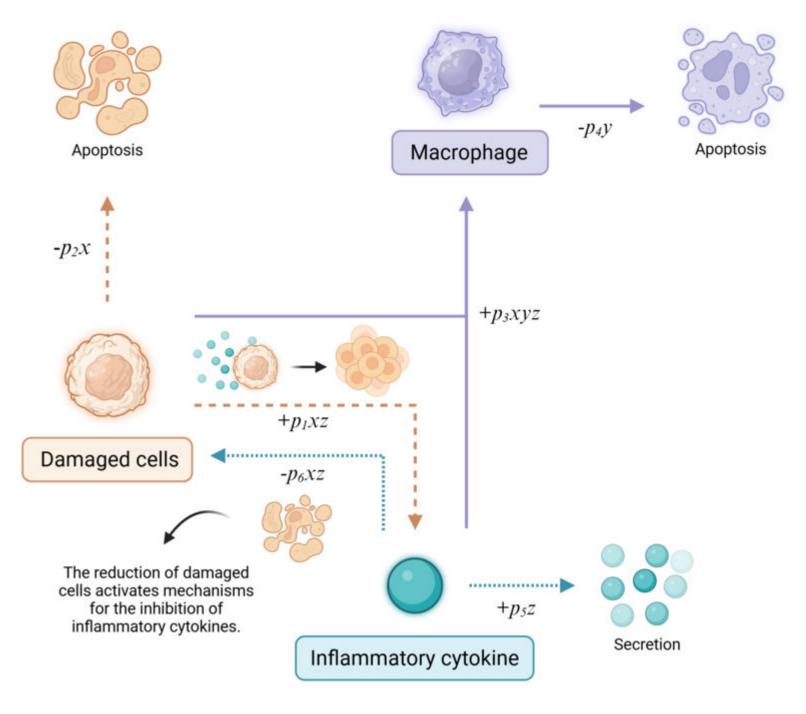
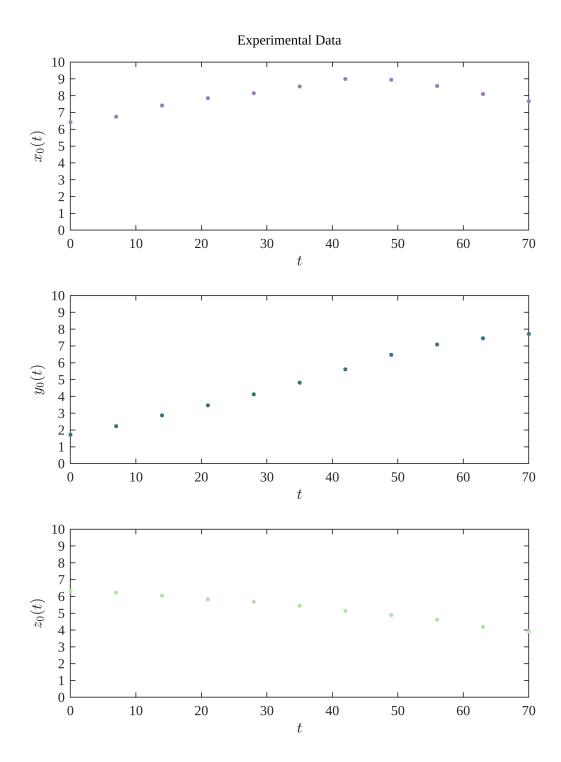


Figure 1. Predator-prey system model of the inflammation process.

Simulation data

```
clc; clear; close all; warning('off','all')
sys = readmatrix('data.csv');
to = sys(:,1);
xo = sys(:,2);
yo = sys(:,3);
zo = sys(:,4);
T = array2table([to,xo,yo,zo],'VariableNames',{'to','xo','yo','zo'});
disp(T); plotdata(to,xo,yo,zo);
```

to	xo	уо	zo
—			
0	6.423	1.72	6.319
7	6.752	2.224	6.228
14	7.414	2.873	6.043
21	7.852	3.467	5.832
28	8.15	4.126	5.682
35	8.548	4.815	5.456
42	8.997	5.615	5.13
49	8.94	6.476	4.892
56	8.581	7.091	4.615
63	8.099	7.457	4.188
70	7.661	7.715	3.911

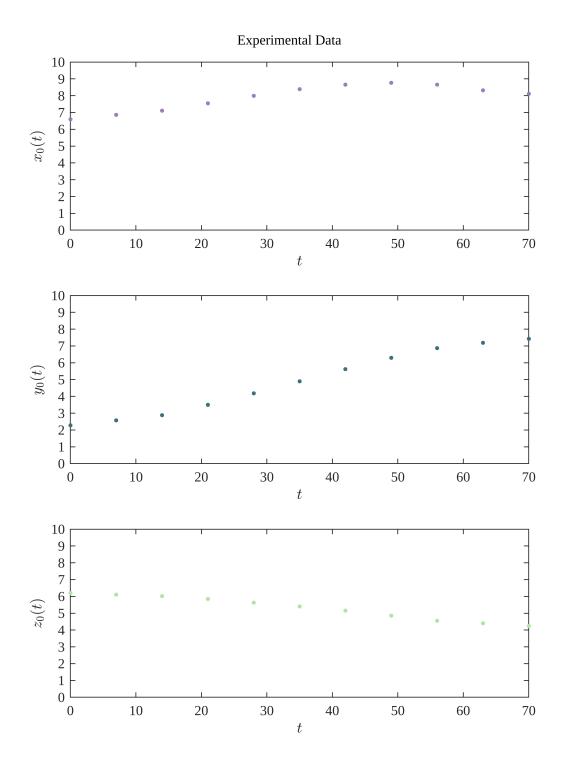


Smooth data

```
xo = smoothdata(xo);
yo = smoothdata(yo);
zo = smoothdata(zo);
T = array2table([to,xo,yo,zo],'VariableNames',{'to','xo','yo','zo'});
```

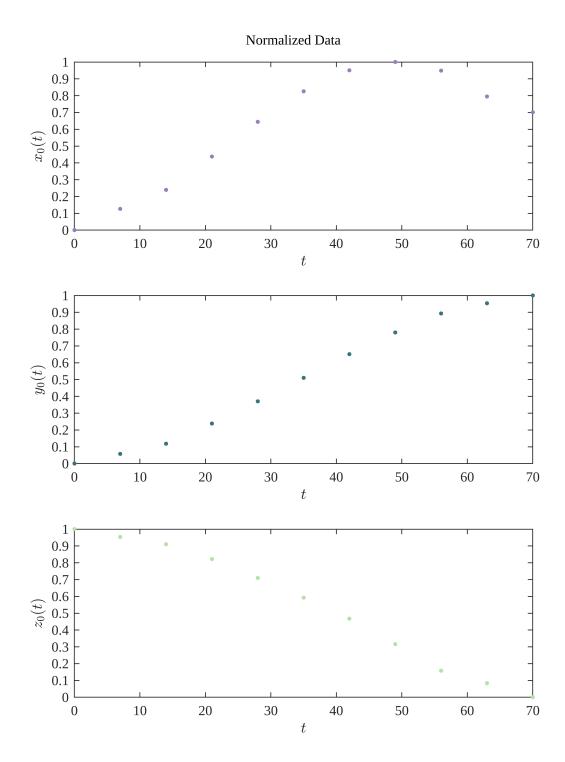
writetable(T, 'smooth_data.csv');
disp(T); plotdata(to,xo,yo,zo);

to	xo	yo	zo
_			
0	6.5875	2.2723	6.1967
7	6.863	2.571	6.1055
14	7.1102	2.882	6.0208
21	7.542	3.501	5.8482
28	7.991	4.1792	5.6286
35	8.3867	4.8998	5.3984
42	8.6587	5.6246	5.155
49	8.7665	6.2908	4.8562
56	8.6542	6.8708	4.5472
63	8.3202	7.1848	4.4015
70	8.1137	7.421	4.238



Normalized data

```
xo_norm = (xo - min(xo)) / (max(xo) - min(xo));
yo_norm = (yo - min(yo)) / (max(yo) - min(yo));
zo_norm = (zo - min(zo)) / (max(zo) - min(zo));
plotNormalizedData(to,xo_norm,yo_norm,zo_norm);
```



Fit data

```
rho1 = 0.00705; rho2 = 0.0351;
rho3 = 0.00198; rho4 = 0.0667;
% rho3 = 0.00996; rho4 = 0.0355;
% rho3 = 0.000198; rho4 = 0.0267;
```

```
rho5 = 0.0187; rho6 = 0.00306;
P = [rho1, rho2, rho3, rho4, rho5, rho6];
[mdl, xa, ya, za] = variant(to,xo,yo,zo,P); plotResults(to, [xo,xa],
[yo,ya], [zo,za]);
```

Sample size (n): 11

Parameters to be estimated (pars): 6

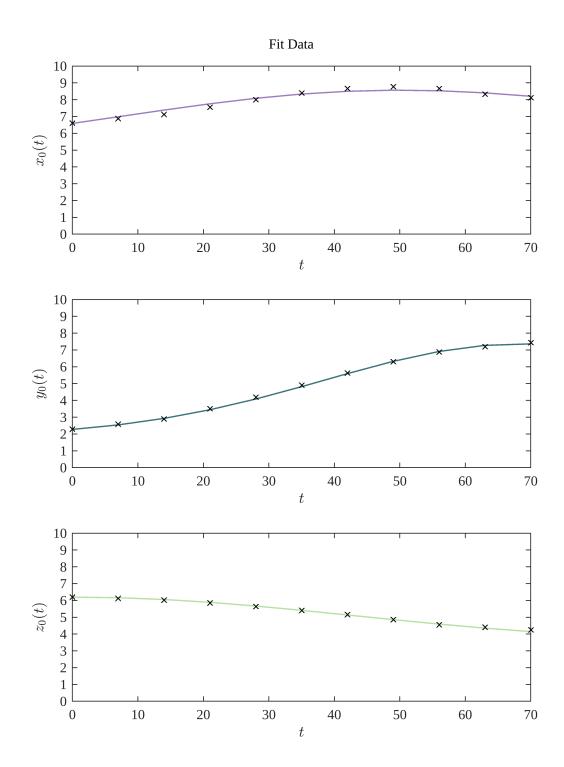
Degrees of freedom: 27

Significance level (alpha): 0.05

t-Student value: 2.0518 R-squared: 0.99719

Corrected AIC (n/pars < 40): -46.1972

Parameters	Estimate	SE	MoE	CI	95	pvalue
rho1	0.0060969	0.00045191	0.00092725	0.0051697	0.0070242	1.6255e-13
rho2	0.029364	0.0025075	0.005145	0.024219	0.034509	4.3303e-12
rho3	0.002147	0.00023565	0.00048352	0.0016635	0.0026305	1.0061e-09
rho4	0.074031	0.010099	0.020721	0.05331	0.094753	6.9388e-08
rho5	0.026522	0.0047253	0.0096956	0.016826	0.036217	5.9041e-06
rho6	0.0040348	0.00060953	0.0012507	0.0027841	0.0052854	4.2093e-07



Equilibrium points and Jacobian matrix

```
syms x y z rho1 rho2 rho3 rho4 rho5 rho6
dx = rho1*x*z - rho2*x;
dy = rho3*x*y*z - rho4*y
```

```
dy = \rho_3 x y z - \rho_4 y
```

```
dz = rho5*z - rho6*x*z;
J = jacobian([dx,dy,dz],[x,y,z]);
fprintf('Jacobian matrix:'); disp(J);
```

Jacobian matrix:

$$\begin{pmatrix}
\rho_1 z - \rho_2 & 0 & \rho_1 x \\
\rho_3 y z & \rho_3 x z - \rho_4 & \rho_3 x y \\
-\rho_6 z & 0 & \rho_5 - \rho_6 x
\end{pmatrix}$$

```
dx = rho1*x*z - rho2*x == 0;
dy = rho3*x*y*z - rho4*y == 0;
dz = rho5*z - rho6*x*z == 0;
edos = solve([dx,dy,dz],[x,y,z]);
fprintf(['The system has ', num2str(length(edos.x)), ' equilibrium points.']);
```

The system has 2 equilibrium points.

```
X0 = edos.x(1); Y0 = edos.y(1); Z0 = edos.z(1);
X1 = edos.x(2); Y1 = edos.y(2); Z1 = edos.z(2);
syms x0 y0 z0 x1 y1 z1
fprintf('Equilibrium points of the system:\n'); disp([x0, y0, z0, X0, Y0, z0]); disp([x1, y1, z1, X1, Y1, Z1]);
```

Equilibrium points of the system:

 $(x_0 \ y_0 \ z_0 \ 0 \ 0 \ 0)$

$$\left(x_1 \quad y_1 \quad z_1 \quad \frac{\rho_5}{\rho_6} \quad 0 \quad \frac{\rho_2}{\rho_1}\right)$$

```
clear rho1 rho2 rho5 rho6
rho1 = 0.00705; rho2 = 0.0351;
rho5 = 0.0187; rho6 = 0.00306;
disp('(x0, y0, z0) = (0, 0, 0)'); disp(['(x1,y1,z1) = (', num2str(rho5/rho6), ', ', num2str(0), ', ', num2str(rho2/rho1), ')']);
```

```
(x0, y0, z0) = (0, 0, 0)
(x1,y1,z1) = (6.1111, 0, 4.9787)
```

Local stability

```
clear rho1 rho2 rho3 rho4 rho5 rho6
rho1 = 0.00705; rho2 = 0.0351;
rho3 = 0.00198; rho4 = 0.0667;
rho5 = 0.0187; rho6 = 0.00306;
dx = rho1*x*z - rho2*x == 0;
dy = rho3*x*y*z - rho4*y == 0;
dz = rho5*z - rho6*x*z == 0;
```

```
edos = solve([dx,dy,dz],[x,y,z]);
x0 = edos.x(1); y0 = edos.y(1); z0 = edos.z(1);
x1 = edos.x(2); y1 = edos.y(2); z1 = edos.z(2);

clear x y z
x = double([x0; x1]);
y = double([y0; y1]);
z = double([z0; z1]);
var = {'(x0, y0)';'(x1, y1)'};
Equilibria = table(x,y,z,'RowNames',var);
Equilibria.Properties.VariableNames = {'xe','ye','ze'};
fprintf('Equilibrium points of the system:\n'); disp(Equilibria);
```

Equilibrium points of the system:

	xe	ye	ze
(x0, y0)	0	0	0
(x1, y1)	6.1111	0	4.9787

```
L = zeros(length(x),3);
for i = 1:length(x)
    J = [rho1*z(i) - rho2, 0, rho1*x(i);
        0, rho3*z(i) - rho4, rho3*y(i);
        - rho6*z(i), 0, rho5 - rho6*x(i)]
    L(i,:) = eig(J);
end
```

```
J = 3 \times 3
             0
  -0.0351
                           0
           -0.0667
        0
                           0
                0 0.0187
        0
J = 3 \times 3
        0
                 0
                      0.0431
        0
            -0.0568
  -0.0152
                      0.0000
```

```
L1 = L(:,1); L2 = L(:,2); L3 = L(:,3);
Lambdas = table(L1,L2,L3,'RowNames',var);
disp('Eigen values of the Jacobian matrix evaluated at each equilibrium point:'); disp(Lambdas);
```

Eigen values of the Jacobian matrix evaluated at each equilibrium point:

```
    L1
    L2
    L3

    (x0, y0)
    -0.0667+0i
    -0.0351+0i
    0.0187

    (x1, y1)
    1.7347e-18+0.02562i
    1.7347e-18-0.02562i
    -0.056842
```

Positivity analysis

```
syms x y z rho1 rho2 rho3 rho4 rho5 rho6

dx = rho1*x*z - rho2*x;
dy = rho3*x*y*z - rho4*y;
```

```
dz = rho5*z - rho6*x*z;

dx0 = subs(dx, {x, z}, {0, 0});
dy0 = subs(dy, {x, y, z}, {0, 0, 0});
dz0 = subs(dz, {x, z}, {0, 0});

fprintf('dx en (0,0,0): %s\n', string(dx0)); fprintf('dy en (0,0,0): %s\n', string(dy0)); fprintf('dz en (0,0,0): %s\n', string(dz0));
```

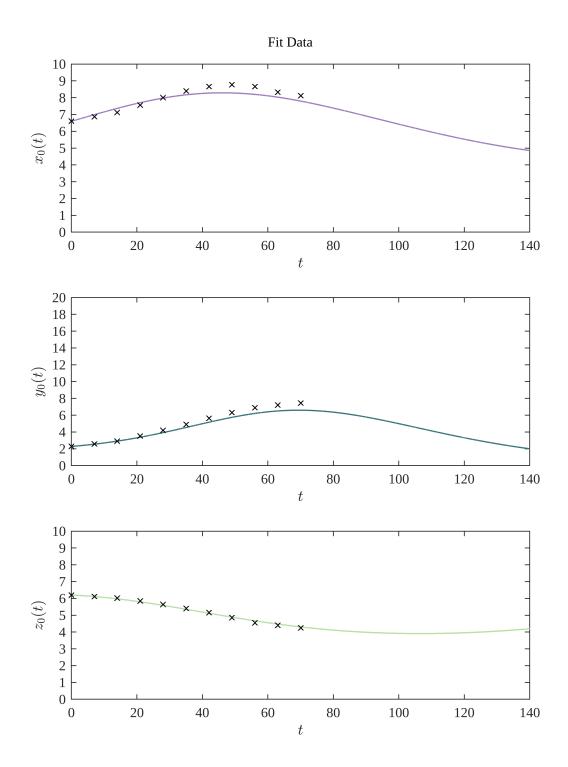
```
dx en (0,0,0): 0

dy en (0,0,0): 0

dz en (0,0,0): 0
```

2t prediction

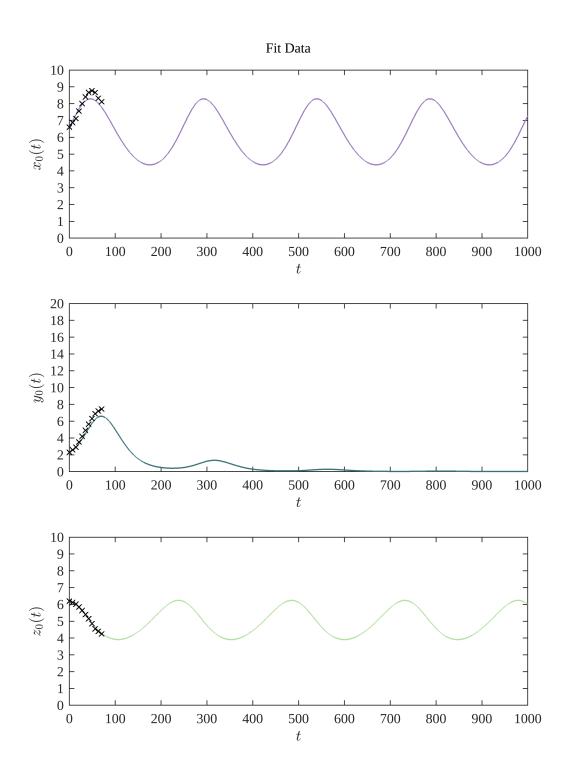
```
rho1 = 0.00705; rho2 = 0.0351;
rho3 = 0.00198; rho4 = 0.0667;
rho5 = 0.0187; rho6 = 0.00306;
P = [rho1, rho2, rho3, rho4, rho5, rho6];
tend = 140;
[ta, xa, ya, za] = predict(xo, yo, zo, tend, P);
plotPrediction(to,xo,yo,zo,ta,xa,ya,za,140);
```



t = 100 prediction

```
rho1 = 0.00705; rho2 = 0.0351;
rho3 = 0.00198; rho4 = 0.0667;
rho5 = 0.0187; rho6 = 0.00306;
P = [rho1, rho2, rho3, rho4, rho5, rho6];
```

```
tend = 1000;
[ta, xa, ya, za] = predict(xo, yo, zo, tend, P);
plotPrediction(to,xo,yo,zo,ta,xa,ya,za,1000);
```



Functions

Plot data

```
function plotdata(t, x, y, z)
    set(figure(), 'Color', 'w')
    set(gcf, 'Units', 'Centimeters', 'Position', [1,1,15,20])
    sgtitle('Experimental Data', 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize',
10);
    colores = [155, 125, 190;
               55, 115, 120;
               180, 225, 165;
               230, 185, 235] / 255;
    % Subplot 1 - x
    subplot(3,1,1);
    set(gca, 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize', 10);
    hold on; box on; grid off;
    % plot(t, x, '-', 'LineWidth', 1, 'Color', colores(1,:)); % Línea
    plot(t, x, '.', 'MarkerSize', 10, 'LineWidth', 1, 'Color', colores(1,:));
    xlabel('$t$', 'Interpreter', 'latex');
    ylabel('$x_0(t)$', 'Interpreter', 'latex');
    xlim([0 70]); xticks(0:10:70);
    ylim([0 10]); yticks(0:1:10);
    % Subplot 2 - y
    subplot(3,1,2);
    set(gca, 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize', 10);
    hold on; box on; grid off;
    % plot(t, y, '-', 'LineWidth', 1, 'Color', colores(2,:)); % Linea
    plot(t, y, '.', 'MarkerSize', 10, 'LineWidth', 1, 'Color', colores(2,:));
    xlabel('$t$', 'Interpreter', 'latex');
    ylabel('$y_0(t)$', 'Interpreter', 'latex');
    xlim([0 70]); xticks(0:10:70);
    ylim([0 10]); yticks(0:1:10);
    % Subplot 3 - z
    subplot(3,1,3);
    set(gca, 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize', 10);
    hold on; box on; grid off;
    % plot(t, z, '-', 'LineWidth', 1, 'Color', colores(3,:)); % Linea
    plot(t, z, '.', 'MarkerSize', 10, 'LineWidth', 1, 'Color', colores(3,:));
    xlabel('$t$', 'Interpreter', 'latex');
    ylabel('$z_0(t)$', 'Interpreter', 'latex');
    xlim([0 70]); xticks(0:10:70);
    ylim([0 10]); yticks(0:1:10);
end
```

Plot normalized data

```
function plotNormalizedData(t, x, y, z)
```

```
set(figure(), 'Color', 'w')
    set(gcf, 'Units', 'Centimeters', 'Position', [1,1,15,20])
    sgtitle('Normalized Data', 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize',
10);
    colores = [155, 125, 190;
               55, 115, 120;
               180, 225, 165;
               230, 185, 235] / 255;
    % Subplot 1 - x
    subplot(3,1,1);
    set(gca, 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize', 10);
   hold on; box on; grid off;
    % plot(t, x, '-', 'LineWidth', 1, 'Color', colores(1,:)); % Línea
   plot(t, x, '.', 'MarkerSize', 10, 'LineWidth', 1, 'Color', colores(1,:));
   xlabel('$t$', 'Interpreter', 'latex');
   ylabel('$x_0(t)$', 'Interpreter', 'latex');
   xlim([0 70]); xticks(0:10:70);
   ylim([0 1]); yticks(0:0.1:1);
    % Subplot 2 - y
    subplot(3,1,2);
    set(gca, 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize', 10);
   hold on; box on; grid off;
    % plot(t, y, '-', 'LineWidth', 1, 'Color', colores(2,:)); % Linea
   plot(t, y, '.', 'MarkerSize', 10, 'LineWidth', 1, 'Color', colores(2,:));
   xlabel('$t$', 'Interpreter', 'latex');
   ylabel('$y_0(t)$', 'Interpreter', 'latex');
   xlim([0 70]); xticks(0:10:70);
   ylim([0 1]); yticks(0:0.1:1);
    % Subplot 3 - z
    subplot(3,1,3);
    set(gca, 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize', 10);
   hold on; box on; grid off;
    % plot(t, z, '-', 'LineWidth', 1, 'Color', colores(3,:)); % Línea
   plot(t, z, '.', 'MarkerSize', 10, 'LineWidth', 1, 'Color', colores(3,:));
   xlabel('$t$', 'Interpreter', 'latex');
   ylabel('$z_0(t)$', 'Interpreter', 'latex');
   xlim([0 70]); xticks(0:10:70);
   ylim([0 1]); yticks(0:0.1:1);
end
```

System regression

```
function [mdl, xa, ya, za] = variant(to, xo, yo ,zo, P)
    x0 = xo(1); y0 = yo(1); z0 = zo(1);
    to = [to; to; to];
    fo = [xo; yo; zo];
```

```
function fi = model(p, t)
    rho1 = p(1); rho2 = p(2);
    rho3 = p(3); rho4 = p(4); rho5 = p(5);
   rho6 = p(6);
    dt = 1E-2i
    t = reshape(t, [], 3); t = t(:,1);
   time = (0:dt:max(t))';
   n = round(max(t)/dt);
   x = zeros(length(time), 1); x(1) = x0;
   y = zeros(length(time),1); y(1) = y0;
    z = zeros(length(time),1); z(1) = z0;
    for i = 1:n
        [fx, fy, fz] = f(x(i),y(i),z(i));
        xn = x(i) + fx*dt;
        yn = y(i) + fy*dt;
        zn = z(i) + fz*dt;
        [fxn, fyn, fzn] = f(xn, yn, zn);
        x(i+1) = x(i) + (fx + fxn)*dt/2;
        y(i+1) = y(i) + (fy + fyn)*dt/2;
        z(i+1) = z(i) + (fz + fzn)*dt/2;
    end
    function [dx,dy,dz] = f(x,y,z)
        dx = rho1*x*z - rho2*x;
        dy = rho3*x*y*z - rho4*y;
        % dy = rho3*y*z - rho4*y;
        % dy = rho3*x*y*z^2 - rho4*y;
        dz = rho5*z - rho6*x*z;
    end
   xi = zeros(length(t),1);
   yi = zeros(length(t), 1);
    zi = zeros(length(t),1);
    for i = 1:length(t)
        k = abs(time - t(i)) < 1E-9;
        xi(i) = x(k);
        yi(i) = y(k);
        zi(i) = z(k);
    end
    fi = [xi;yi;zi];
end
mdl = fitnlm(to,fo,@model,P);
Estimate = table2array(mdl.Coefficients(:,1));
SE = table2array(mdl.Coefficients(:,2));
pvalue = table2array(mdl.Coefficients(:,4));
```

```
alpha = 0.05;
    CI95 = coefCI(mdl,alpha);
    dof = mdl.DFE;
    tval = tinv(1 - alpha/2,dof);
    MoE = SE*tval;
    Parameters = ['rho1';'rho2';'rho3';'rho4';'rho5';'rho6'];
    Results = table(Parameters, Estimate, SE, MoE, CI95, pvalue);
    fprintf(['\nSample size (n): ', num2str(numel(xo))])
    fprintf(['\nParameters to be estimated (pars): ', num2str(numel(P))])
    fprintf(['\nDegrees of freedom: ', num2str(dof)])
    fprintf(['\nSignificance level (alpha): ', num2str(alpha)])
    fprintf(['\nt-Student value: ', num2str(tval)])
    fprintf(['\nR-squared: ', num2str(mdl.Rsquared.Ordinary)])
    fprintf(['\nCorrected AIC (n/pars < 40): ',</pre>
num2str(mdl.ModelCriterion.AICc), '\n\n'])
    disp(Results)
    fa = mdl.Fitted;
    fn = reshape(fa,[],3);
    xa = fn(:,1);
    ya = fn(:,2);
    za = fn(:,3);
end
```

System prediction

```
function [time, xa, ya, za] = predict(xo, yo ,zo, tend, P)
    x0 = xo(1); y0 = yo(1); z0 = zo(1);
    rho1 = P(1); rho2 = P(2);
   rho3 = P(3); rho4 = P(4);
   rho5 = P(5); rho6 = P(6);
   dt = 1E-2;
   time = (0:dt:tend)';
   n = round(tend/dt);
   x = zeros(length(time),1); x(1) = x0;
   y = zeros(length(time), 1); y(1) = y0;
    z = zeros(length(time),1); z(1) = z0;
    for i = 1:n
        [fx, fy, fz] = f(x(i),y(i),z(i));
        xn = x(i) + fx*dt;
        yn = y(i) + fy*dt;
        zn = z(i) + fz*dt;
        [fxn, fyn, fzn] = f(xn, yn, zn);
        x(i+1) = x(i) + (fx + fxn)*dt/2;
        y(i+1) = y(i) + (fy + fyn)*dt/2;
        z(i+1) = z(i) + (fz + fzn)*dt/2;
```

Plot results

```
function plotResults(to, xo, yo, zo)
    set(figure(),'Color','w')
    set(gcf, 'Units', 'Centimeters', 'Position', [2,2,15,20]);
    sgtitle('Fit Data', 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize', 10);
    colores = [155, 125, 190;
                55, 115, 120;
                180, 225, 165;
                230, 185, 235;
                1/255;
    % Subplot 1 - x
    subplot(3,1,1);
    set(gca, 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize', 10);
   hold on; box on; grid off;
   plot(to, xo(:,2), '-', 'LineWidth', 1, 'Color', colores(1,:));
   plot(to, xo(:,1), 'x', 'MarkerSize', 5, 'LineWidth', 1, 'Color', 'k');
   xlabel('$t$', 'Interpreter', 'latex');
   ylabel('$x_0(t)$', 'Interpreter', 'latex');
   xlim([0 70]); xticks(0:10:70);
   ylim([0 10]); yticks(0:1:10);
    % Subplot 2 - y
    subplot(3,1,2);
    set(gca, 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize', 10);
   hold on; box on; grid off;
   plot(to, yo(:,2), '-', 'LineWidth', 1, 'Color', colores(2,:));
   plot(to, yo(:,1), 'x', 'MarkerSize', 5, 'LineWidth', 1, 'Color', 'k');
   xlabel('$t$', 'Interpreter', 'latex');
   ylabel('$y_0(t)$', 'Interpreter', 'latex');
   xlim([0 70]); xticks(0:10:70);
   ylim([0 10]); yticks(0:1:10);
    % Subplot 3 - z
    subplot(3,1,3);
```

```
set(gca, 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize', 10);
hold on; box on; grid off;
plot(to, zo(:,2), '-', 'LineWidth', 1, 'Color', colores(3,:));
plot(to, zo(:,1), 'x', 'MarkerSize', 5, 'LineWidth', 1, 'Color', 'k');
xlabel('$t$', 'Interpreter', 'latex');
ylabel('$z_0(t)$', 'Interpreter', 'latex');
xlim([0 70]); xticks(0:10:70);
ylim([0 10]); yticks(0:1:10);
end
```

Plot prediction

```
function plotPrediction(to, xo, yo, zo, ta, xa, ya, za, typeplot)
    set(figure(),'Color','w')
    set(gcf, 'Units', 'Centimeters', 'Position', [2,2,15,20]);
    sgtitle('Fit Data', 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize', 10);
    colores = [155, 125, 190;
               55, 115, 120;
               180, 225, 165;
               230, 185, 235]/255;
    switch typeplot
        case 140
            x_{lim} = [0 140];
            x_{ticks} = 0:20:140;
            y_{lims} = \{[0\ 10], [0\ 20], [0\ 10]\};
            y_ticks = {0:1:10, 0:2:20, 0:1:10};
        case 1000
            x_{lim} = [0 1000];
            x_ticks = 0:100:1000;
            y \lim = \{[0\ 10], [0\ 20], [0\ 10]\};
            y_ticks = {0:1:10, 0:2:20, 0:1:10};
        % Puedes añadir más casos si lo necesitas
    end
    % Subplot 1 - x
    subplot(3,1,1);
    set(gca, 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize', 10);
    hold on; box on; grid off;
    plot(ta, xa, '-', 'LineWidth', 1, 'Color', colores(1,:));
    plot(to, xo, 'x', 'MarkerSize', 5, 'LineWidth', 1, 'Color', 'k');
    xlabel('$t$', 'Interpreter', 'latex');
    ylabel('$x_0(t)$', 'Interpreter', 'latex');
    xlim(x_lim); xticks(x_ticks);
    ylim(y_lims{1}); yticks(y_ticks{1});
```

```
% Subplot 2 - y
    subplot(3,1,2);
    set(gca, 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize', 10);
   hold on; box on; grid off;
   plot(ta, ya, '-', 'LineWidth', 1, 'Color', colores(2,:));
   plot(to, yo, 'x', 'MarkerSize', 5, 'LineWidth', 1, 'Color', 'k');
   xlabel('$t$', 'Interpreter', 'latex');
   ylabel('$y_0(t)$', 'Interpreter', 'latex');
   xlim(x_lim); xticks(x_ticks);
   ylim(y_lims{2}); yticks(y_ticks{2});
   % Subplot 3 - z
    subplot(3,1,3);
    set(gca, 'FontName', 'Times New Roman', 'FontSize', 10);
   hold on; box on; grid off;
   plot(ta, za, '-', 'LineWidth', 1, 'Color', colores(3,:));
   plot(to, zo, 'x', 'MarkerSize', 5, 'LineWidth', 1, 'Color', 'k');
   xlabel('$t$', 'Interpreter', 'latex');
   ylabel('$z_0(t)$', 'Interpreter', 'latex');
   xlim(x_lim); xticks(x_ticks);
   ylim(y_lims{3}); yticks(y_ticks{3});
end
```