

## Algorithmique et Complexité

### TP1 : Algorithmes pour le Calcul des termes d'une suite

Considérons la suite d'entiers positifs définie par :

$$\begin{cases} F(0) = F(1) = 1 \\ F(n) = F(n-1) + F(n-2) \text{ pour } n > 1 \end{cases}$$

Ses termes sont :

1, 1, 2, 3, 5, 8,  $F(80) = 37889062373143906$ ,  $F(100) = 1298777728820984005$

#### Partie 1 : Implémentation avec une approche itérative

##### Question 1 :

Ecrire une classe java, avec **3 méthodes itératives** différentes permettant de calculer le  $n^{\text{ième}}$  terme de la suite. Pour le stockage des termes :

1. La première méthode utilisera **un tableau de taille  $n+1$** .
2. La deuxième méthode utilisera **3 variables**.
3. La troisième méthode utilisera uniquement **2 variables**.

L'utilisateur devra exécuter le programme pour différentes valeurs de  $n=0, \dots, 10, \dots, 80, \dots, 100, \dots$

##### Question 2 :

Pour chaque méthode, afficher le temps d'exécution en millisecondes nécessaire au calcul de chaque terme. Pour cela l'instruction `System.nanoTime()` peut être utilisée. Essayer `System.currentTimeMillis()`.

#### Partie 2 : Implémentation avec une approche récursive

##### Question 1 :

Compléter la classe déjà écrite dans la partie 1, avec 2 autres **méthodes récursives** et exécuter le programme pour différentes valeurs de  $n=0, 1, \dots, 10, \dots, 80, \dots, 100, \dots$

1. La première utilisera une approche avec **1 seul appel récursif (récursivité terminale)**.
2. La deuxième utilisera une approche avec **2 appels récursifs (récursivité non terminale)**.

##### Question 2 :

Pour chaque méthode afficher le temps d'exécution nécessaire au calcul de chaque terme.

Que peut-on remarquer sur la deuxième méthode (pour  $n=80, 100, \dots$ ) ? Donner une explication.

##### Question 3 :

Parmi les 5 solutions laquelle est la plus efficace et laquelle est la moins efficace ?