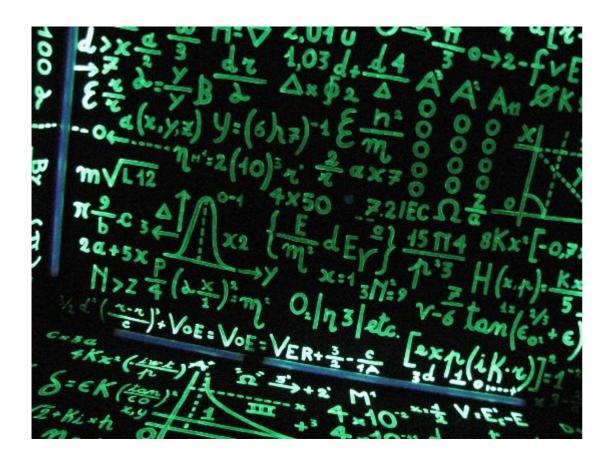
Dall'Algoritmo al Codice



Il Pensiero Computazionale

Percorso Formativo per i Docenti della Scuola Secondaria di II Grado

Stefano Forti and [Davide Neri

Che cos'è l'Informatica?

L'Informatica è lo studio di come si immagazzina ed elabora l'informazione in modo automatico.

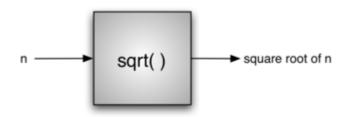
L'Informatica si occupa di problemi, della loro risoluzione, e delle soluzioni che vengono fuori dalla loro soluzione.

Dato un problema, un informatico sviluppa un **algoritmo**, una serie di finita di istruzioni per risolvere qualunque istanza del problema un passo alla volta. Gli algoritmi sono soluzioni.

L'implementazione degli algoritmi, la loro **codifica** (*coding*) in un certo **linguaggio di programmazione**, è necessaria per sperimentare al calcolatore gli algoritmi progettati su carta.

La Programmazione

In generale, possiamo immaginare un programma come una scatola magica che, presi dei dati in ingresso (input) produce, seguendo un algoritmo, un risultato in uscita (output).



La funzione math.sqrt(n) restituisce la radice quadrata di n:

```
import math # importiamo la libreria matematica
n = 16 # assegniamo ad n il valore 16
print(math.sqrt(n)) # il risultato è...?
```

Python: da 0 a 100 (o quasi) in 2 ore...





import this

```
The Zen of Python, by Tim Peters
Beautiful is better than ugly.
Explicit is better than implicit.
Simple is better than complex.
Complex is better than complicated.
Flat is better than nested.
Sparse is better than dense.
Readability counts.
Special cases aren't special enough to break the rules.
Although practicality beats purity.
Errors should never pass silently.
Unless explicitly silenced.
In the face of ambiguity, refuse the temptation to guess.
There should be one-- and preferably only one --obvious way to do it.
Although that way may not be obvious at first unless you're Dutch.
Now is better than never.
Although never is often better than *right* now.
If the implementation is hard to explain, it's a bad idea.
If the implementation is easy to explain, it may be a good idea.
Namespaces are one honking great idea -- let's do more of those!
```

Variabili

I linguaggi di programmazione usano dei barattoli etichettati per contenere dati.



L'operazione fondamentale sulle variabili è l'assegnamento (=):

```
anni = 27
print(anni) # il risultato è...?
anni = anni + 1
print(anni) # il risultato è...?
```

Tipi di Dato

In Python i dati possono essere di tre tipi principali, ciascuno con le sue operazioni:

- int o float (numeri interi o decimali),
- bool (valori booleani, vero/falso),
- str (stringhe di testo, sempre tra virgolette "ciao" o apici singoli 'ciao').

Per identificare il tipo di una variabile v basta usare la funzione print(type(v)).

```
n = 16
print(type(n))

b = False
print(type(b))

s = 'Ciao'
print(type(s))
```

Numeri (int o float)

Proviamo queste operazioni in Python interattivo! 😊

```
print(2+3*4)
print((2+3)*4)
print(2**10)
print(6/3)
print(7/3)
print(7//3)
print(7/3)
print(7%3)
print(3/6)
print(3/6)
print(3%6)
print(2**100)
```

A quali operazioni corrispondono **, // e %?

Booleani (bool)

I tipi booleani sono equipaggiati con i tre principali operatori and (\land) , or (\lor) , not (\neg) definiti secondo l'algebra di Boole:

```
a1 and ... and ak è True se e solo se a1, ..., ak sono tutte True,
a1 or ... or ak è True se e solo se almeno una tra a1, ..., ak è True,
not(a) è True se a è False e, viceversa, è False se a è True.
```

```
print(5==10)
print(10 > 5)
print((5 >= 1) and (5 <= 10))

a = 30 > 8
b = 6 != 4 # != corrisponde a 'diverso da', 'non è uguale'
print(a and b)
print(a or b)
print(a and not(b))
```

Liste

Una lista è una collezione ordinata di zero o più elementi (1 anche eterogenei per tipo!).

```
myList = [1, 3, True, 6.5]
print(myList)
# lunghezza lista e contenuto
print(len(myList))
print(3 in myList)
# accedere un elemento
print(myList[0])
print(myList[2])
# concatenare liste
myList2 = [6, 95.2, 'ciao']
myList3 = myList + myList2
print(myList3)
```

Gli elementi di una lista di n elementi sono indicizzati da 0 a n-1.

Funzioni su Liste

```
myList = [1024, 3, True, 6.5]
myList.append(False)
print(myList)
myList.insert(2,4.5)
print(myList)
print(myList.pop())
print(myList)
print(myList.pop(1))
print(myList)
myList.sort()
print(myList)
myList.reverse()
print(myList)
print(myList.count(6.5))
print(myList.index(4.5))
myList.remove(6.5)
print(myList)
del myList[0]
print(myList)
```

Funzioni su Liste

```
myList = [1024, 3, True, 6.5]
myList.append(False) # aggiungere elementi alla fine
print(myList)
myList.insert(2,4.5) # inserire elemento in posizione 2
print(myList)
print(myList.pop()) # rimuovere e restituire l'ultimo elemento
print(myList)
print(myList.pop(1)) # rimuovere e restituire l'elemento 1
print(myList)
myList.sort() # ordinare la lista
print(myList)
myList.reverse() # invertire la lista
print(myList)
print(myList.count(6.5)) # contare quante volte compare un elemento
print(myList.index(4.5)) # ottenere la posizione di un elemento
myList.remove(6.5) # rimuovere la prima occorrenza di un elemento
print(myList)
del myList[0] # rimuovere un elemento indicato
print(myList)
```

Input e Output

La funzione di output in Python è, come abbiamo visto, la print().

La funzione di input in Python è invece la input (msg) che prende come parametro opzionale msg un messaggio di cortesia destinato all'utente.

Il risultato della input(msg) è una stringa che contiene quanto digitato dall'utente prima di premere invio.

```
nome = input('Inserisci il tuo nome: ')
anni = int(input('Inserisci la tua età: ')) # int converte in intero la stringa
print("Ciao", nome, "di anni", anni)
```

Strutture di Controllo

Il **costrutto iterativo** (ovvero che ripete un dato comando) e quello **condizionale** (che sceglie se eseguire un dato comando) sono alla base di tutti i linguaggi di programmazione.

Costrutti Iterativi (Cicli)

Costrutto Iterativo Indefinito (while)

```
counter = 0
while counter < 5: # ripete finché la condizione (counter < 5) è vera
    print("Hello, World!")
    counter = counter + 1</pre>
```

Costrutto Iterativo Definito (for)

```
for i in range(5):
    print("Hello, World!")

for elemento in ['ciao', 'come', 'stai', '?']:
    print(elemento)
```

Costrutto Condizionale

Costrutto Condizionale Semplice (if-then)

```
numero = int(input('Inserire il dividendo:'))

if divisore != 0:
    risultato = dividendo / divisore
    print(dividendo, 'diviso', divisore, 'è uguale a', 'risultato')
else:
    print('Impossibile dividere per 0!')
```

Costrutto Condizionale a Due Rami (if-then-else)

```
dividendo = int(input('Inserire il dividendo:'))
divisore = int(input('Inserire il divisore:'))

if divisore != 0:
    risultato = dividendo / divisore
    print(dividendo, 'diviso', divisore, 'è uguale a', 'risultato')
else:
    print('Impossibile dividere per 0!')
```

Costrutto Condizionale

Costrutto Condizionale (switch -like)

```
risultato = int(input('Inserire il voto del compito:'))

if risultato >= 90:
    print('A')

elif risultato >= 80:
    print('B')

elif risultato >= 70:
    print('C')

elif risultato >= 60:
    print('D')

else:
    print('F')
```

Un problema dalle Olimpiadi della Matematica (2015)

Camilla ha una scatola che contiene 2015 graffette. Ne prende un numero positivo n e le mette sul banco di Federica, sfidandola al seguente gioco. Federica ha a disposizione due tipi di mosse: può togliere 3 graffette dal mucchio che ha sul proprio banco (se il mucchio contiene almeno 3 graffette), oppure togliere metà delle graffette presenti (se il mucchio ne contiene un numero pari). Federica vince se, con una sequenza di mosse dei tipi sopra descritti, riesce a togliere tutte le graffette dal proprio banco.

- (a) Per quanti dei 2015 possibili valori di n Federica può vincere?
- (b) Le ragazze cambiano le regole del gioco e decidono di assegnare la vittoria a Federica nel caso riesca a lasciare sul banco una singola graffetta. Per quanti dei 2015 valori di n Federica può vincere con le nuove regole?

Lavoro di Squadra!

Provate a risolvere il problema 😄

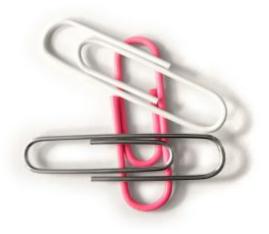
Suggerimento

Federica può applicare al mucchio di graffette ciascuna di queste due funzioni ripetutamente:

$$f(n) = n - 3$$
 if $n \geqslant 3$

$$g(n) = n/2$$
 if $n = 2k$

Federica vince se rimangono 0 graffette. Ciò è possibile se e solo se, alla penultima mossa, ci sono 3 graffette sul tavolo.



Soluzione

I numeri buoni sono dunque tutti quelli nell'intervallo [3,2015] che portano a 3 graffette residue con una certa sequenza di applicazioni di f e g.

Le possiamo generare (e contare!) semplicemente col seguente codice Python.

```
soluzione = [0] * 2015 # crea una lista con 2015 zeri
soluzione[3] = 1
for i in range(3, 2015):
   if (soluzione[i] == 1):
      solUno = i * 2 # un numero a cui applicare g
      solDue = i + 3 # un numero a cui applicare f
      if (solUno < 2015):
         soluzione[solUno] = 1
      if (solDue < 2015):</pre>
         soluzione[solDue] = 1
print(sum(soluzione))
```

Come si risolve (b)?

```
soluzione = [0] * 2015
solutione[1] = 1
for i in range(1, 2015):
   if (soluzione[i] == 1):
      solUno = i * 2 # un numero a cui applicare g
      solDue = i + 3 # un numero a cui applicare f
      if (solUno < 2015):
         soluzione[solUno] = 1
      if (solDue < 2015):
         soluzione[solDue] = 1
print(sum(soluzione))
```

Una soluzione per il caso generale?

Scriviamo una **funzione** Python per risolvere il caso generale, specificando il totale delle graffette numgraffette e le graffette che da lasciare per vincere numvittoria.

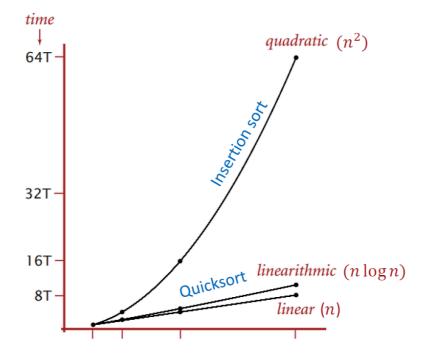
```
def trovaVittorie(numGraffette, numVittoria):
   soluzione = [0] * numGraffette
   soluzione[numVittoria] = 1
   for i in range(1, numGraffette):
      if (soluzione[i] == 1):
         solUno = i * 2 # un numero a cui applicare g
         solDue = i + 3 # un numero a cui applicare f
         if (solUno < 2015):
            soluzione[solUno] = 1
         if (solDue < 2015):
            soluzione[solDue] = 1
   return sum(soluzione)
print(trovaVittorie(2015, 3)) # soluzione di (a)
print(trovaVittorie(2015, 1)) # soluzione di (b)
```

Il Problema dell'Ordinamento

Ordinare significa riposizionare n elementi di una certa collezione secondo un dato ordine.

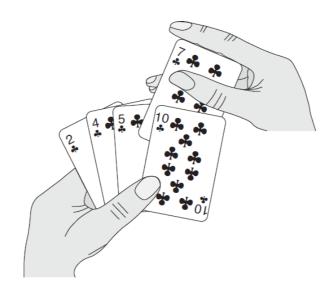
Vedremo e confronteremo due algoritmi di ordinamento:

- ullet Insertion Sort (o ordinamento per inserimento) con complessità quadratica $O(n^2)$
- Quick Sort (o ordinamento veloce) con complessità linearitmica $O(n\lg n)$



Insertion Sort (Idea)

* E' l'algoritmo con cui si riordina una mano di carte.



Consta di tre passi:

- 1. Rimuovi un elemento dalla collezione.
- 2. Confrontalo coi successivi finché non trovi il suo posto nell'attuale configurazione.
- 3. Ripeti finchè non sono finiti gli elementi.

Insertion Sort (Complessità)

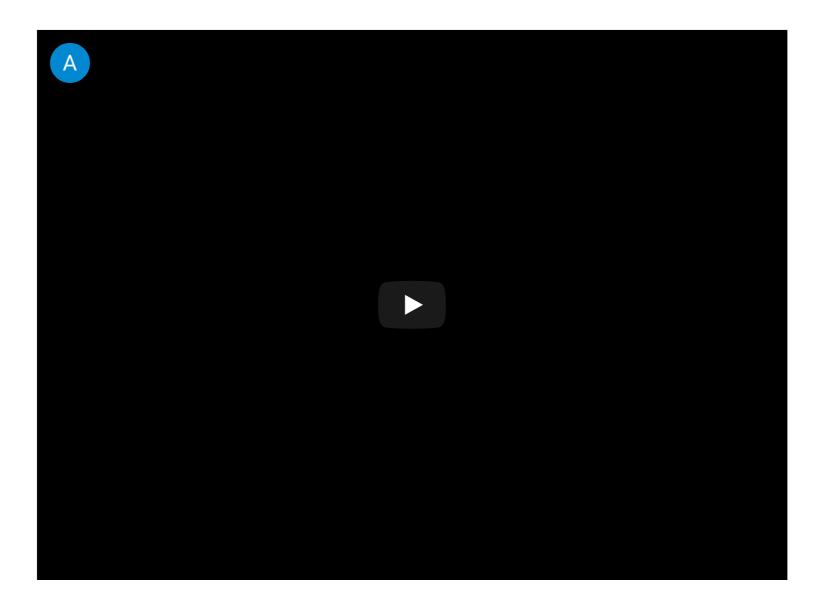
Se la collezione è già ordinata (caso ottimo) si impiega un tempo propozionale al numero di elementi, cioè O(n).

Se, invece, la sequenza è ordinata al contrario (caso pessimo) si impiega un tempo proporzionale al quadrato degli elementi da ordinare, cioè $O(n^2)$.

Infatti, al caso pessimo, si deve confrontare l'i-esimo elemento con gli i-1 successivi. Ovvero:

$$\sum_{i=1}^{n}(n-i)=\sum_{j=1}^{n-1}j=rac{n(n-1)}{2}=O(n^2)$$

Insertion Sort (Demo)



Insert-sort with Romanian folk dance

Insertion Sort (Pseudo-codice)

```
INSERTION-SORT (A)
   for j = 2 to A. length
       key = A[i]
       // Insert A[j] into the sorted sequence A[1...j-1].
  i = j - 1
      while i > 0 and A[i] > key
           A[i + 1] = A[i]
          i = i - 1
       A[i+1] = key
```

Frovate voi a eseguire il codice sulla lista [54,26,93,17,77,31,44,55,20] e implementate la funzione Python insertionSort(A).

Insertion Sort (Codice)

```
def insertionSort(A):
    for j in range(1,len(A)):
        key = A[j]
        i = j - 1

    while i >= 0 and A[i] > key: # rispetto allo pseudocodice gli indici partono da 0
        A[i+1]=A[i]
        i = i - 1

A[i+1] = key
```

Esempio:

```
unaLista = [54,26,93,17,77,31,44,55,20]
insertionSort(unaLista)
print(unaLista)
```

Prendere il tempo!

In Python possiamo cronometrare la durata di esecuzione di un programma. Basta importare la libreria time e usare la funzione time.time() come nell'esempio qui sotto:

```
import random as rnd
import time
unaLista = []
# generiamo una lista di 10000 interi a caso
for i in range(10000):
   unaLista.append(rnd.randint(1,100000))
start = time.time() # segna il tempo di inizio nella variabile start
insertionSort(unaLista)
stop = time.time() # segna il tempo di fine nella variabile start
print('Insertion sort per', stop-start, "secondi.")
```

Quick Sort (Idea)

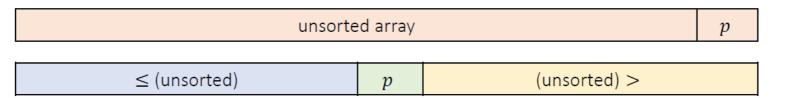
Quick Sort è tra gli algoritmi più usati per l'ordinamento.

Utilizza un approccio divide et impera.

L'algoritmo divide la collezione in due parti, poi le ordina indipendentemente.

L'idea di base segue due passi:

1. Sceglie un elemento p (pivot) nella collezione e la divide in due sotto-collezioni, una con gli elementi $e \leqslant p$, l'altra con gli elementi e > p. Complessità: O(n).

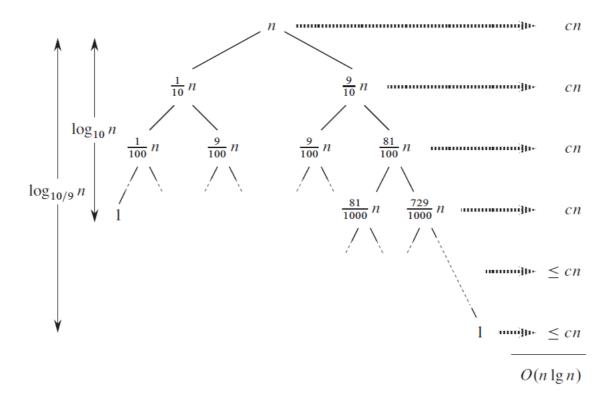


2. Ripete (1) sulle due metà.

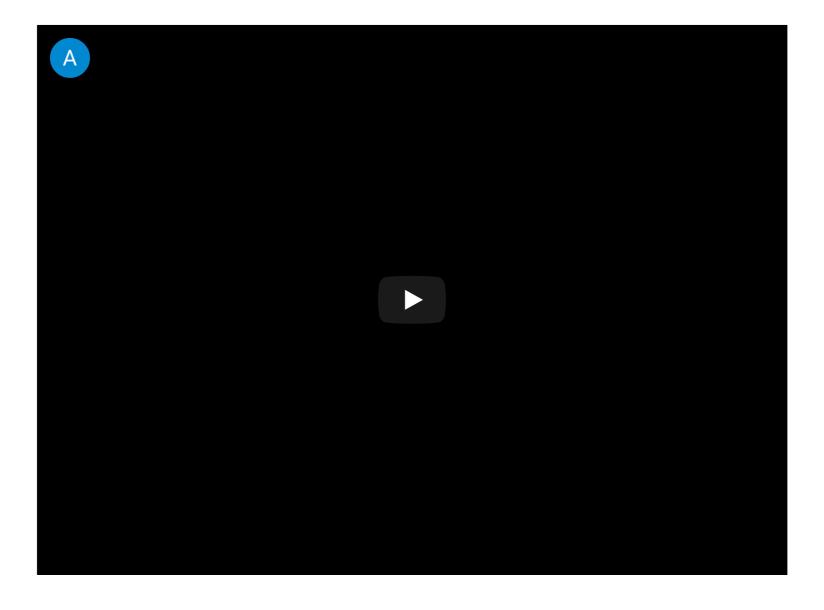
Quick Sort (Complessità)

Se ogni volta scegliamo p tale che la collezione si divide in 9/10 e 1/10, un caso abbastanza sbilanciato, e ogni volta la partizione delle sotto-collezioni ci costa O(n), la complessità è:

$$O(n) \cdot \log_{10} n + O(n) \cdot \log_{10/9} n \simeq O(n \lg n)$$



Quick Sort (Demo)



Quick Sort (Pseudo-codice)

Quick Sort

```
QUICKSORT(A, p, r)

1 if p < r

2 q = \text{PARTITION}(A, p, r)

3 QUICKSORT(A, p, q - 1)

4 QUICKSORT(A, q + 1, r)
```

Partizionamento lineare

```
PARTITION(A, p, r)

1 x = A[r]

2 i = p - 1

3 for j = p to r - 1

4 if A[j] \le x

5 i = i + 1

6 exchange A[i] with A[j]

7 exchange A[i + 1] with A[r]

8 return i + 1
```

Quick Sort (Codice)

```
def quickSort(alist):
    quickSortHelper(alist,0,len(alist)-1)

def quickSortHelper(alist,first,last):
    if first<last:
        splitpoint = partition(alist,first,last)
        quickSortHelper(alist,first,splitpoint-1)
        quickSortHelper(alist,splitpoint+1,last)</pre>
```

```
def partition(alist,first,last):
   pivotvalue = alist[first]
   leftmark = first+1
  rightmark = last
   done = False
  while not done:
       while leftmark <= rightmark and alist[leftmark] <= pivotvalue:</pre>
           leftmark = leftmark + 1
       while alist[rightmark] >= pivotvalue and rightmark >= leftmark:
           rightmark = rightmark -1
       if rightmark < leftmark:</pre>
           done = True
       else:
           temp = alist[leftmark]
           alist[leftmark] = alist[rightmark]
           alist[rightmark] = temp
   temp = alist[first]
   alist[first] = alist[rightmark]
   alist[rightmark] = temp
   return rightmark
```

Quick Sort (Esempio)

```
alist = [54,26,93,17,77,31,44,55,20]
quickSort(alist)
print(alist)
```

Prendiamo i tempi!

```
import random as rnd
import time
unaLista = []
for i in range(10000):
   unaLista.append(rnd.randint(1,100000))
start = time.time() # segna il tempo di inizio nella variabile start
insertionSort(unaLista)
stop = time.time() # segna il tempo di fine nella variabile start
print('Insertion Sort per', stop-start, "secondi.")
unaLista = []
for i in range(10000):
   unaLista.append(rnd.randint(1,100000))
start = time.time() # segna il tempo di inizio nella variabile start
quickSort(unaLista)
stop = time.time() # segna il tempo di fine nella variabile start
print('Quick Sort per', stop-start, "secondi.")
```

Merge Sort

La funzione di libreria sorted() di Python implementa una variante del Merge Sort visto in classe.

Provate a prendere i tempi di questa variante del Merge Sort!

```
unaLista = []
for i in range(10000):
    unaLista.append(rnd.randint(1,100000))

start = time.time() # segna il tempo di inizio nella variabile start
sorted(unaLista)
stop = time.time() # segna il tempo di fine nella variabile start
print('Merge Sort per', stop-start, "secondi.")
```

Esercizio

Si può ordinare in tempo lineare conoscendo l'intervallo $\left[0,M\right]$ in cui si trovano i numeri da ordinare?

La morale è ancora quella...

Algoritmi efficienti sono da considerarsi migliori di computer potenti.

O, ancora, l'accoppiata vincente è algoritmi efficienti su computer potenti.

	insertion sort (n²)			mergesort (n log n)			quicksort (n log n)		
computer	thousand	million	billion	thousand	million	billion	thousand	million	billion
home	instant	2.8 hours	317 years	instant	1 second	18 min	instant	0.6 sec	12 min
super	instant	1 second	1 week	instant	instant	instant	instant	instant	instant

Esercizi

- 1. Data una stringa s , come si può stabilire se è palindroma? Scrivere lo pseudocodice e il codice della funzione def palindromo(s): che restituisce True se la parola è palindroma e False altrimenti.
- 2. Date due stringhe A e B, come si può stabilire se una è l'anagramma dell'altra? Esistono almeno quattro soluzioni rispettivamente di complessità esponenziale $O(2^n)$, quadratica $O(n^2)$, linearitmica $O(n \lg n)$ e lineare O(n). Scrivere lo pseudocodice di almeno due soluzioni e implementare la più efficiente.
- 3. Data una lista D di n interi (positivi e negativi), come si può stabilire la sottolista di somma massima, i.e. come possiamo decidere a e b tali da ottenere il massimo $\max_{a,b\in\mathbb{N}_n}\{\sum_{i=a}^b D[i]\}$. Esistono almeno tre soluzioni rispettivamente di complessità cubica $O(n^3)$, quadratica $O(n^2)$ e lineare O(n). Scrivere lo pseudocodice di almeno due soluzioni e implementare la più efficiente.