

UNIVERSIDADE ESTADUAL DE MARINGÁ DEPARTAMENTO DE INFORMÁTICA

Ingrid Louise Pereira Lohmann

Relatório Trabalho 1 Calculadora Binária

Professor: Felippe Fernandes da Silva

SUMÁRIO

1. 2.	Introdução Listas de funções, métodos e propriedades padrões da linguagem JavaScript (JS)	4 5
	2.1 String.prototype.substring()	5
	2.2 String.prototype.split()	5
	2.3 Array.prototype.join()	5
	2.4 Array.prototype.reverse()	6
	2.5 Array.prototype.reduce()	6
	2.6 Math.pow()	6
	2.7 String.length	6
	2.8 parseInt()	6
	2.9 Number.prototype.toString()	7
	2.10 String.prototype.slice()	7
	2.11 String.prototype.padStart()	7
	2.12 String.prototype.lastIndexOf()	7
	2.13 Array.prototype.includes()	7
	2.14 Array.prototype.indexOf()	8
	2.15 Array.prototype.map()	8
	2.16 String.prototype.includes()	8
	2.17 Array.prototype.some()	8
	2.18 Array.prototype.forEach()	8
3.	Listagem das funções e variáveis globais utilizadas	9
	3.1 result	9
	3.2 operator	9
	3.3 splitNumbers	9
	3.4 overflow	9
	3.5 clean()	9
	3.6 concatNumber()	10
	3.7 backspace()	11
	3.8 splitInputNumbers()	11

12
12
12
14
15
15
16
16
17
19
19
21
21
23
23
23
24

1. Introdução

A calculadora moderna, tal como a conhecemos hoje, surgiu nos anos 70 nos Estados Unidos, porém o conceito de máquina para calcular advém de muito tempo atrás.

Por volta do século XI antes de Cristo, na região da Mesopotâmia, surgiu o avô das calculadoras atuais, o ábaco, podendo ser considerado uma extensão dos cálculos com os dedos, no qual era possível realizar as quatro operações matemáticas básicas, porém com maior ênfase na adição e na subtração.

Em 1642, surgiu a *La pascaline*, a primeira calculadora mecânica que realizava apenas a subtração e adição de até três parcelas de valores até 999.999, criada pelo famoso matemático Blaise Pascal, que na época da invenção tinha entre 19 a 21 anos.

Alguns anos depois, em 1971, Gottfried Leibniz melhorou a máquina de Pascal, fazendo com que fosse possível, além de somar e subtrair, realizar a multiplicação e a divisão.

Desde então outras calculadoras foram surgindo e, à medida que o tempo avançava, mais operações matemáticas foram sendo adicionadas, além da diminuição do tamanho da máquina, chegando ao que temos hoje em dia.

Porém, mesmo com o avanço tecnológico, a lógica por trás dos cálculos realizados por uma calculadora não é simples. Deste modo, este trabalho tem como objetivo, através da aritmética binária, simular a lógica por trás de uma calculadora moderna, seja ela de bolso, a calculadora de um celular ou um software em um computador.

Para o trabalho foram utilizadas a linguagem de programação *JavaScript (JS)* para a lógica das funções, a linguagem de marcação *HTML* e a linguagem de folha de estilo *CSS* (juntamente com a linguagem *Sass*) para construir o front-end da aplicação.

Este trabalho estará disponível online, assim como o seu código fonte, através do link https://didzao.github.io/calculadora-binaria/.

2. Listas de funções, métodos e propriedades padrões da linguagem JavaScript (JS)

Abaixo estão listadas as funções, métodos e propriedades padrões da linguagem JS utilizadas neste trabalho. Os parâmetros passados dentro de colchetes, ou seja, [parâmetro], são considerados opcionais para o uso das funções.

Todas as descrições e sintaxes foram retiradas da documentação oficial da linguagem. Além disso, a ordem listagem está de acordo com a ordem na qual essas funções, métodos ou propriedades foram utilizadas no arquivo *script.js*.

2.1 String.prototype.substring()

O método *substring()* retorna a parte da string entre os índices inicial e final, ou até o final da string.

Sintaxe

str.substring(indexStart[, indexEnd])

2.2 String.prototype.split()

O método *split()* divide a string em uma lista ordenada de substrings, colocando-as em um array e retornando esse array. A divisão é feita buscando um padrão, que deve ser fornecido como parâmetro.

Sintaxe

str.split([separator[, limit]])

2.3 Array.prototype.join()

O método *join()* junta os elementos de um array em uma string e retorna esta string.

Sintaxe

arr.join([separador = ','])

2.4 Array.prototype.reverse()

O método *reverse()* inverte os itens de um array. O primeiro elemento do array se torna o último e o último torna-se o primeiro.

Sintaxe

arr.reverse()

2.5 Array.prototype.reduce()

O método *reduce()* executa uma função *reducer* (fornecida por você) para cada elemento do array, resultando num único valor de retorno.

Sintaxe

```
array.reduce(callback( acumulador, valorAtual[, index[, array]] )[,
valorInicial]))
```

2.6 Math.pow()

A função Math.pow() retorna a base elevada ao expoente power, ou seja, $base^{expoente}$.

Sintaxe

```
Math.pow(base, expoente)
```

2.7 String.length

A propriedade *length* retorna o comprimento do objeto String.

Sintaxe

str.length

2.8 parseInt()

A função *parseInt()* analisa o argumento string e retorna um inteiro na base especificada. A base é um inteiro entre 2 e 36.

Sintaxe

```
parseInt(string, base)
```

2.9 Number.prototype.toString()

O método *toString()* retorna uma string representando o objeto Number especificado. O parâmetro radix é um inteiro entre 2 e 36 especificando a base que será utilizada para representar os valores.

Sintaxe

numObj.toString([radix])

2.10 String.prototype.slice()

O método *slice()* extrai uma parte de uma string e a retorna como uma nova string, sem modificar a string original.

Sintaxe

str.slice([inicio[,fim]])

2.11 String.prototype.padStart()

O método *padStart()* preenche a string original com um determinado caractere, ou conjunto de caracteres (parâmetro *padString*), até que a string resultante atinja o comprimento fornecido. A string original não é modificada.

Sintaxe

str.padStart(targetLength [, padString])

2.12 String.prototype.lastIndexOf()

O método *lastIndexOf()* retorna o índice da última ocorrência do valor especificado encontrado na String. Quando *fromIndex* é especificado, a pesquisa é realizada de trás para frente. Retorna -1 se o valor não for encontrado.

Sintaxe

str.lastIndexOf(searchElement[, fromIndex])

2.13 Array.prototype.includes()

O método *includes()* determina se um array contém um determinado elemento, retornando true ou false apropriadamente.

Sintaxe

array.includes(searchElement[, fromIndex])

2.14 Array.prototype.indexOf()

O método indexOf() retorna o primeiro índice em que o elemento pode ser encontrado no array, retorna -1 caso o mesmo não esteja presente.

Sintaxe

array.indexOf(searchElement, [pontoInicial = 0])

2.15 Array.prototype.map()

O método *map()* invoca a função *callback* passada por argumento para cada elemento do Array e devolve um novo Array como resultado.

Sintaxe

arr.map(callback[, thisArg])

2.16 String.prototype.includes()

O método *includes()* determina se um conjunto de caracteres pode ser encontrado dentro de outra string, retornando true ou false.

Sintaxe

str.includes(searchString[, position])

2.17 Array.prototype.some()

O método *some()* testa se ao menos um dos elementos no array passa no teste implementado pela função atribuída e retorna um valor true ou false.

Sintaxe

arr.some(callback[, thisArg])

2.18 Array.prototype.forEach()

O método forEach() executa uma dada função em cada elemento de um array.

Sintaxe

arr.forEach(callback(currentValue [, index [, array]])[, thisArg]);

3. Listagem das funções e variáveis globais utilizadas

Abaixo estão listadas e explicadas as funções e variáveis globais que foram implementadas neste trabalho. Vale ressaltar que as funções serão listadas na ordem na qual foram implementadas no arquivo *script.js* e, que as funções que têm a finalidade implementar valores no arquivo *index.html* serão apenas citadas, não serão explicadas, uma vez que este não é o foco do trabalho.

3.1 result

Variável que armazena o resultado da operação efetuada.

3.2 operator

Variável que armazena em um array os caracteres das operações ("+", "-", "*" e "/") selecionados pelo usuário.

3.3 splitNumbers

Variável que armazena em um array os números (antes e depois do sinal da operação) selecionados pelo usuário.

3.4 overflow

Variável booleana que controla se houve ou não *overflow*;

```
let result;
let operator;
let splitNumbers;
let overflow;
```

3.5 clean()

A função *clean()* tem como objetivo limpar os valores que são mostrados ao usuário.

Sintaxe

clean()

Parâmetros

Não se aplica.

```
const clean = () => {
    resetInpuLabel();
    overflow = false;
    result = undefined;
    inputNumber.innerHTML = "";
    displayBinary.innerHTML = "";
}
```

3.6 concatNumber()

A função concatNumber() é utilizada para concatenar os valores inseridos pelo usuário através do teclado virtual.

Sintaxe

concatNumber(value)

Parâmetros

value: valor retornado pela tecla selecionada pelo usuário.

```
const concatNumber = (value) => {
   overflow = false;
   resetInpuLabel();
   if (inputNumber.textContent == "Erro!") {
      clean();
      inputNumber.innerHTML += value;
   } else if (result != undefined) {
      clean();
      inputNumber.innerHTML += value;
   } else {
      inputNumber.innerHTML += value;
   }
}
```

3.7 backspace()

A função *backspace()* apaga um por um (do sentido da direita para a esquerda) os valores inseridos pelo usuário. Caso o valor mostrado na tela seja igual a **Erro!** a função *clean()* é chamada.

Sintaxe

backspace()

Parâmetros

Não se aplica.

3.8 splitInputNumbers()

A função *splitInputNumbers()* tem como objetivo separar os valores numéricos inseridos pelo usuário do sinal da operação selecionada. Para isso são usadas expressões regulares (*Regex*) para atribuir os valores dos sinais encontrados e dos números inseridos nas variáveis *operator* e *splitNumbers*, respectivamente.

Sintaxe

splitInputNumbers(displayNumber)

Parâmetros

displayNumber: string inserida pelo usuário através do teclado virtual.

```
const splitInputNumbers = (displayNumber) => {
    operator =
displayNumber.innerHTML.split(/[0-9]/).join("").split("");
splitNumbers = displayNumber.innerHTML.split(/[\+\-\*\/]/);
}
```

3.9 addZeros()

A função *addZeros()* adiciona os zeros necessários para que o número inserido pelo usuário (após ser convertido para binário) possua um tamanho total de 8.

Sintaxe

addZeros(binaryStr)

Parâmetros

binaryStr: string do número convertido em binário.

```
const addZeros = (binaryStr) => {
    return "000000000".substring(binaryStr.length) + binaryStr;
}
```

3.10 converteBinaryToDecimal()

A função *convertBinaryToDecimal()*, como o nome sugere, converte o valor binário em decimal. Para isso é utilizado o método split(), para transformar o binário em um array. Em seguida é usado o método reverse(), para inverter a ordem desse array gerado, então utilizado o método reduce, passando como parâmetro uma função passando que por sua vez possui os parâmetros, x, y e i, sendo x o acumulador, y o valor atual (neste caso o valor que vem do array gerado acima) e i o index. Quando o valor de y for 1 o valor de x será somado com o resultado de 2^i , caso contrário o próprio x será retornado e, a cada execução dessa função o valor x é acumulado, resultando no valor final que será retornado na função *convertBinaryToDecimal()*.

Sintaxe

convertBinaryToDecimal(binary)

Parâmetros

binary: string do binário que se deseja converter para decimal.

```
const convertBinaryToDecimal = (binary) => {
    return binary.split('').reverse().reduce((x, y, i) => {
        return (y === '1') ? x + Math.pow(2, i) : x;
    }, 0);
}
```

3.11 binarySum()

A função *binarySum()* é a mais importante deste trabalho, pois é através dela que as outras operações serão realizadas.

Essa função recebe dois parâmetros, os quais são transformados em binário (através do método *toString()*) e são completados com os zeros (através da função *addZeros()*). Após esse processo as variáveis serão chamadas de *fisrtBinary* e *secondBinary*, respectivamente.

Duas variáveis são inicializadas no começo dessa função, sendo elas a *sumResult* e a *carry*, uma para armazenar o valor do resultado final da operação e a outra que faz o trabalho do "vai um" durante a soma, respectivamente.

Então um laço *while* é chamado e será executado sempre quando um dos valores *fisrtBinary*, *secondBinary* ou *carry* for diferente de vazio.

Dentro desse laço de repetição a variável sum é criada, recebendo os último valor das string *fisrtBinary* e *secondeBinary* (isso é possível pois é passado um valor negativo para o método *slice()*) e mais o valor da variável *carry*.

Obs: Vale ressaltar que o sinal de + logo a frente das variáveis *fisrtBinary* e *secondeBinary*, nada mais é do que um recurso para transformar esses valores em um tipo Number.

Ainda dentro do while é verificado se o valor da variável sum é maior que 1, caso isso seja verdade a variável *sumResult* recebe o valor do resto da divisão da variável *sum* por 2 e soma com si própria e a variável *carry* recebe o valor 1. Caso contrário o *sulResult* receberá o valor da soma entre ela e a variável *sum* e o *carry* receberá o valor 0.

Após essa verificação as variáveis *firstBinary* e *secondBinary* receberão o último valor delas mesmas, respectivamente.

Em caso do valor da variável *SumResult* for maior ou igual a 256, a variável overflow irá receber o valor de true.

Por fim, quando o laço de repetição for finalizado a função irá retornar o valor da variável *SumResult* subtraindo o caractere mais à esquerda.

Sintaxe

binarySum(firstValue, secondValue)

Parâmetros

firstValue: primeiro valor (numérico) encontrado no array splitNumbers.

secondValue: segundo valor (numérico) encontrado no array splitNumbers.

```
const binarySum = (firstValue, secondValue) => {
    let sumResult = "";
    let carry = 0;

    let firstBinary = firstValue;
    let secondBinary = secondValue;

    if (typeof firstValue === "number") {
        firstBinary = addZeros(parseInt(firstValue).toString(2));
    }

    if (typeof secondValue === "number") {
        secondBinary = addZeros(parseInt(secondValue).toString(2));
    }
}
```

```
while (firstBinary || secondBinary || carry) {
        let sum = +firstBinary.slice(-1) + +secondBinary.slice(-1) +
carry;
       if (sum > 1) {
            sumResult = sum % 2 + sumResult;
            carry = 1;
        else {
            sumResult = sum + sumResult;
            carry = 0;
       firstBinary = firstBinary.slice(∅, -1);
        secondBinary = secondBinary.slice(∅, -1);
   if (parseInt(sumResult, 2) >= 256) {
        overflow = true;
    return sumResult.substring(sumResult.length - 8);
```

3.12 flipBit()

A função *flipBit()* inverte os valores de 1 para 0 e de 0 para 1.

Sintaxe

flipBit(bit)

Parâmetros

bit: string com o valor do "bit" em questão.

```
const flipBit = (bit) => bit === '1' ? '0' : '1';
```

3.13 twosComplement()

A função *twosComplements()*, realiza a conversão do binário em seu complemento de dois. Para tal é usado a técnica de encontrar o primeiro número 1 (da

direita para a esquerda) e inverter (utilizando a função *flipBit()*) os números a partir desse ponto.

Sintaxe

twosComplements(value)

Parâmetros

value: string do binário que se quer obter o complemento de dois.

```
const twosComplement = (value) => {

  let twosComplementValue = '';
  let binaryValue = addZeros(value.toString(2));
  const lastOne = binaryValue.lastIndexOf('1');

  if (lastOne === -1) {
     return '1' + binaryValue;
  } else {
     for (let i = 0; i < lastOne; i++) {
        twosComplementValue += flipBit(binaryValue[i]);
     }
  }
  twosComplementValue += binaryValue.substring(lastOne);
  return twosComplementValue;
}</pre>
```

3.14 isBiggerThan255()

A função *isBiggerThan255()*, realiza a verificação se algum dos números inseridos pelo usuário ou o resultado da operação é maior que 255.

Sintaxe

isBiggerThan255(value)

Parâmetros

value: valor a ser verificado.

```
const isBiggerThan255 = (value) => value > 255;
```

3.15 binaryDivision()

A função *binaryDivision()* é responsável pela divisão binária de dois números. Partindo do pressuposto que a divisão nada mais é do que uma sucessão de subtrações até

que o numerador seja maior ou igual ao denominador (em casos de divisões exatas), tem-se que esse raciocínio foi aplicado nessa função.

Para tal é usado um laço de repetição *while* que sempre será executado quando o primeiro valor for maior que zero e quando o primeiro valor for maior ou igual ao segundo valor. Dentro desse laço o parâmetro *firstValue* recebe o resultado obtido com a função *binarySum*, na qual é passado o segundo parâmetro como complemento de dois, para que a subtração possa ser realizada. Além disso, cada vez que o laço for executado a variável *i* é incrementada e no final, quando a condição de execução do *while* for falsa, o valor *i* recebe um tratamento para ser convertido para binário e por fim o valor é retornado.

Sintaxe

binaryDivision(firstValue, secondValue)

Parâmetros

firstValue: primeiro valor (numérico) encontrado no array splitNumbers.

secondValue: segundo valor (numérico) encontrado no array splitNumbers.

```
const binaryDivision = (firstValue, secondValue) => {
   let i = 0;
   while (firstValue > 0 && firstValue >= secondValue) {
      firstValue = binarySum(firstValue,

twosComplement(secondValue));
      i++
   }
   const quotient = i.toString(2)
   return addZeros(quotient);
}
```

3.16 binaryMultiplication()

A função *binaryMultiplication()* é responsável pela multiplicação binária de dois números. Seguindo o mesmo raciocínio apresentado na explicação da função *binaryDivision()* tem-se a multiplicação nada mais é do que uma sucessão de soma até que determinada condição seja atingida.

Deste modo foi usado um laço de repetição *while* cuja condição de execução se baseia na verificação de que o valor da variável *i* tem que ser menor que o valor do parâmetro *secondValue*. No laço de repetição, toda vez que for executado a variável *multiplicationResult* receberá o valor retornado por binarySum e a variável *i* será incrementada.

Por fim a variável *multiplicationResult* é retornada.

Sintaxe

Parâmetros

firstValue: primeiro valor (numérico) encontrado no array splitNumbers.

secondValue: segundo valor (numérico) encontrado no array splitNumbers.

```
const binaryMultiplication = (firstValue, secondValue) => {
    let i = 0;
    let multiplicationResult = firstValue;

    while (i < secondValue) {
        multiplicationResult = binarySum(multiplicationResult,
    firstValue)
        i++;
    }
    return multiplicationResult;
}</pre>
```

3.17 mathOperations()

A função *mathOperations()* é responsável pela verificação de qual operação matemática será realizada. Para tal foram criadas quatro grandes condicionais que abrangem as quatro operações matemáticas e dentro de cada uma delas são verificados outras condições para checar se a operação será realizada com ambos os números sendo positivos, ambos negativos ou se apenas um deles será negativo.

Por fim a variável multiplicationResult é retornada.

Sintaxe

mathOperations(arrayOfNumbers)

Parâmetros

arrayOfNumbers: array gerado na função splitInputNumbers e convertido para números.

```
const mathOperations = (arrayOfNumbers) => {
   if (
        operator.includes("+")
        && operator.indexOf("-") === -1
        && operator.indexOf("*") === -1
        && operator.indexOf("/") === -1
) {
        result = binarySum(arrayOfNumbers[0], arrayOfNumbers[1]);
```

```
} else if (
        operator.includes("-")
        && operator.indexOf("*") === -1
        && operator.indexOf("/") === -1
        if (operator.length === 1 && operator.indexOf("-") === 0) {
            result = binarySum(arrayOfNumbers[0],
twosComplement(arrayOfNumbers[1]));
        } else if (operator.length >= 2 && operator.indexOf("-") ===
0 && operator.indexOf("-", 1) === 1) {
            result = binarySum(twosComplement(arrayOfNumbers[1]),
twosComplement(arrayOfNumbers[2]))
        } else if (operator.length >= 2 && operator.indexOf("-") ===
0) {
            result = binarySum(twosComplement(arrayOfNumbers[1]),
arrayOfNumbers[2])
    } else if (operator.includes("*")) {
        if (operator.includes("-")) {
            if (operator.indexOf("-") === 1) {
                result =
twosComplement(binaryMultiplication(arrayOfNumbers[0],
arrayOfNumbers[2]));
            } else if (operator.length === 2 && operator.indexOf("-")
=== 0) {
                result =
twosComplement(binaryMultiplication(arrayOfNumbers[1],
arrayOfNumbers[2]));
            } else if (operator.length === 3 && operator.indexOf("*")
=== 1) {
                result = binaryMultiplication(arrayOfNumbers[1],
arrayOfNumbers[3]);
        } else {
            result = binaryMultiplication(arrayOfNumbers[0],
arrayOfNumbers[1]);
    } else if (operator.includes("/")) {
        if (operator.includes("-")) {
            if (operator.indexOf("-") === 1) {
                result =
```

3.18 errorAlert() e infoAlert()

As funções *errorAlert()* e *infoAlert()* servem apenas para, respectivamente, retornar a mensagem de erro para o usuário e apresentar informações sobre o projeto.

Sintaxe

errorAlert(message)
infoAlert()

Parâmetros

Não se aplica.

3.19 operationResult()

A função *operationResult()* é responsável por tratar os possíveis erros cometidos pelo usuário e principalmente por mostrar os resultados (binário e decimal) na tela.

Sintaxe

operationResult(arrayOfNumbers)

Parâmetros

Não se aplica.

```
const operationResult = () => {
  let decimalResult;
```

```
splitInputNumbers(inputNumber);
    const arrayOfNumbers = splitNumbers.map(Number);
        inputNumber.textContent.includes("/0") ||
inputNumber.textContent.includes("/-0") ||
inputNumber.textContent.includes("/+0")
       decimalResult = result = "Erro!";
        errorAlert("Parece que você está tentando cometer o pecado de
dividir por 0!");
    } else if (inputNumber.textContent === "") {
        errorAlert("Parece que você não inseriu nenhum valor!");
   } else if (
        inputNumber.textContent.match((/[+\cdot]/)) &&
!inputNumber.textContent.match(/[0-9]/)
       errorAlert("Parece que você apenas inseriu os operadores e
esqueceu de selecionar os valores!");
    } else if (arrayOfNumbers.some(isBiggerThan255)) {
        decimalResult = result = "Erro!";
        errorAlert("Parece que você inseriu um valor maior do 255!");
    } else {
       mathOperations(arrayOfNumbers);
   if (overflow) {
       result = "Erro!";
        decimalResult = result;
       errorAlert("Pelo visto tivemos um overflow! Tente
novamente!")
   if (result !== "Erro!" && !overflow) {
        decimalResult = convertBinaryToDecimal(result);
    inputLabel.innerText = "Resultado decimal";
    document.getElementById("displayBinary").innerHTML = result;
    document.getElementById("displayNumber").innerHTML =
```

```
decimalResult;
}
```

3.20 handleClick()

A função *handleClick()* retorna qual tecla do teclado virtual foi selecionada pelo usuário.

Sintaxe

handleClick(key)

Parâmetros

key: id da tecla selecionada.

```
const handleClick = (key) => {
    switch (key) {
        case "C":
            clean();
            break;
        case "«":
            backspace();
            break;
        case "=":
            operationResult();
            break;
        default:
            concatNumber(key);
            break;
}
```

3.21 keys.forEach()

Utiliza o array keys para gerar dinamicamente o teclado virtual na tela.

Sintaxe

Não se aplica.

Parâmetros

Não se aplica.

```
keys.forEach(key => {
    const keyboardButton = document.createElement("button");
```

```
keyboardButton.textContent = key;
keyboardButton.setAttribute("key", key);
keyboardButton.addEventListener("click", () => handleClick(key));
keyboard.append(keyboardButton);
});
```

4. Dificuldades e facilidades durante a execução do projeto

4.1 Facilidades

Devido ao fato de conhecimento prévio das linguagens *JS*, *HTML* e *CSS*, o projeto mostrou certa facilidade do ponto de vista geral. Não houve dificuldades na integração da aplicação *JS* com o front-end desenvolvido.

4.2 Dificuldades

A principal dificuldade encontrada nesse projeto foi simular a lógica de soma binária, pois uma vez que o JavaScript nos force métodos e funções tais como eval() e toString() (o que de certa forma diminuiria o trabalho em diversas linhas), não utilizá-los se mostrou penoso em alguns momentos. Além disso, toda a lógica de tratamento de erros e de condicionais para identificar se o usuário está realizando a operação com nenhum, um ou ambos os números negativos também se mostrou bem desafiadora.

Referências bibliográficas

- Neldson, M. (n.d.). *Máquina de calcular*. Revista Pesquisa Fapesp. Retrieved April 22, 2022, from https://revistapesquisa.fapesp.br/maquina-de-calcular/
- Array.prototype.forEach() JavaScript | MDN. (2021, July 16). MDN Web Docs.
 Retrieved April 21, 2022, from
 https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/Arra y/forEach
- Array.prototype.includes() JavaScript | MDN. (2021, February 11). MDN Web Docs.
 Retrieved April 21, 2022, from
 https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/Arra y/includes
- 4. Array.prototype.indexOf() JavaScript | MDN. (2021, June 4). MDN Web Docs.
 Retrieved April 21, 2022, from
 https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/Arra
 y/indexOf
- Array.prototype.join() JavaScript | MDN. (2021, June 4). MDN Web Docs. Retrieved
 April 21, 2022, from
 https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/Arra
 y/join
- 6. *Array.prototype.map() JavaScript* | *MDN*. (2020, December 8). MDN Web Docs. Retrieved April 21, 2022, from

- https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/Arra y/map
- 7. Array.prototype.reduce() JavaScript | MDN. (2022, April 8). MDN Web Docs.
 Retrieved April 24, 2022, from
 https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/Arra
 y/Reduce
- 8. Array.prototype.reverse() JavaScript | MDN. (2020, December 8). MDN Web Docs.
 Retrieved April 24, 2022, from
 https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/Arra
 y/reverse
- Array.prototype.some() JavaScript | MDN. (2021, July 16). MDN Web Docs. Retrieved
 April 21, 2022, from
 https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/Arra
 y/some
- 10. Math.pow() JavaScript | MDN. (2021, June 4). MDN Web Docs. Retrieved April 24, 2022, from https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/Mat h/pow
- 11. Number.prototype.toString() JavaScript | MDN. (2021, July 16). MDN Web Docs.
 Retrieved April 21, 2022, from
 https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/Number/toString
- 12. parseInt() JavaScript | MDN. (2021, July 16). MDN Web Docs. Retrieved April 21, 2022, from

- $https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/parse Int$
- 13. String.length JavaScript | MDN. (2020, December 8). MDN Web Docs. Retrieved April 21, 2022, from https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/Strin g/length
- 14. String.prototype.includes() JavaScript | MDN. (2020, December 8). MDN Web Docs.
 Retrieved April 21, 2022, from
 https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/String/includes
- 15. String.prototype.lastIndexOf() JavaScript | MDN. (2020, December 8). MDN Web Docs. Retrieved April 21, 2022, from https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/String/lastIndexOf
- 16. String.prototype.padStart() JavaScript | MDN. (2021, June 4). MDN Web Docs.
 Retrieved April 21, 2022, from
 https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/String/padStart
- 17. String.prototype.slice() JavaScript | MDN. (2021, July 16). MDN Web Docs. Retrieved April 21, 2022, from https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/String/slice
- 18. *String.prototype.split() JavaScript* | *MDN*. (2021, August 2). MDN Web Docs. Retrieved April 21, 2022, from

 $https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/String/split$

19. String.prototype.substring() - JavaScript | MDN. (2020, December 8). MDN Web Docs.
Retrieved April 21, 2022, from
https://developer.mozilla.org/pt-BR/docs/Web/JavaScript/Reference/Global_Objects/Strin

g/substring