

# Ecuación de Mincer y Repaso de OLS

## Fundamentos para Análisis de Compensaciones

EC3003B - Economía Laboral Aplicada

Tecnológico de Monterrey, Campus Puebla

Lunes 9 de febrero, 2025 | 5-7pm

# Contenido de la Sesión

- 1 Introducción
- 2 Teoría del Capital Humano
- 3 La Ecuación de Mincer
- 4 Repaso de OLS
- 5 Implementación en Stata
- 6 Resultados Típicos para México
- 7 Aplicación al Proyecto
- 8 Resumen y Tarea

# Objetivos de Aprendizaje

Al finalizar esta sesión, podrás:

- ① Derivar e interpretar la ecuación de Mincer
- ② Estimar retornos a la educación y experiencia con OLS
- ③ Interpretar coeficientes en términos porcentuales
- ④ Aplicar diagnósticos básicos de regresión
- ⑤ Conectar la teoría del capital humano con decisiones de compensación

## Conexión con el Proyecto

Entender como el mercado valora educación y experiencia es el primer paso para diseñar un sistema de compensaciones para la empresa cliente.

# Motivación: ¿Por qué ganan diferente?

## Pregunta fundamental:

- ¿Por qué un ingeniero gana más que un técnico?
- ¿Cuánto “vale” un año más de educación?
- ¿La experiencia se paga igual en todos los sectores?

## Para compensaciones:

- Justificar diferencias salariales
- Establecer bandas por nivel educativo
- Valorar la experiencia en tabuladores

### Dato México (ENOE 2024)

Salario promedio por hora:

- Secundaria: \$45 MXN
- Preparatoria: \$58 MXN
- Licenciatura: \$95 MXN
- Posgrado: \$145 MXN

# El Modelo de Capital Humano

## Idea central (Becker, 1964):

- La educación y experiencia son **inversiones** en capital humano
- Aumentan la productividad del trabajador
- El mercado recompensa está mayor productividad con salarios más altos

### Supuestos clave

- ① Mercados laborales competitivos
- ② Salario = Productividad marginal
- ③ Educación incrementa productividad (no solo señalización)

# El Modelo de Capital Humano

## Idea central (Becker, 1964):

- La educación y experiencia son **inversiones** en capital humano
- Aumentan la productividad del trabajador
- El mercado recompensa está mayor productividad con salarios más altos

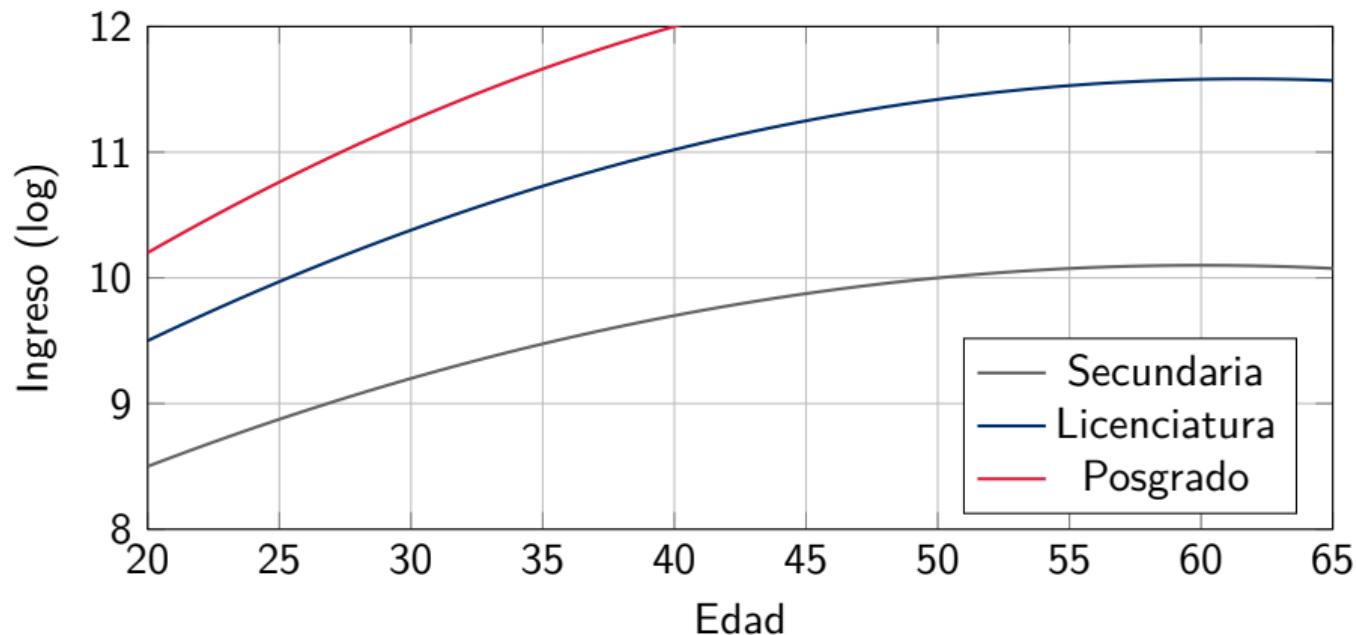
## Supuestos clave

- ① Mercados laborales competitivos
- ② Salario = Productividad marginal
- ③ Educación incrementa productividad (no solo señalización)

## Implicación para compensaciones

Si aceptamos este modelo, las diferencias salariales por educación/experiencia reflejan diferencias reales de productividad → son “justas”.

# Perfil Edad-Ingresos Típico



## Observaciones:

- Forma de U invertida (cóncava)
- Mayor educación → perfil más alto y más empinado

# Derivación de la Ecuación de Mincer

**Jacob Mincer (1974)** propuso:

$$\ln(w_i) = \beta_0 + \beta_1 \cdot S_i + \beta_2 \cdot X_i + \beta_3 \cdot X_i^2 + \varepsilon_i$$

# Derivación de la Ecuación de Mincer

**Jacob Mincer (1974)** propuso:

$$\ln(w_i) = \beta_0 + \beta_1 \cdot S_i + \beta_2 \cdot X_i + \beta_3 \cdot X_i^2 + \varepsilon_i$$

**Donde:**

- $w_i$  = Salario (por hora) del individuo  $i$
- $S_i$  = Años de escolaridad
- $X_i$  = Experiencia potencial = Edad – Escolaridad – 6
- $X_i^2$  = Experiencia al cuadrado (captura concavidad)
- $\varepsilon_i$  = Término de error

# Derivación de la Ecuación de Mincer

**Jacob Mincer (1974)** propuso:

$$\ln(w_i) = \beta_0 + \beta_1 \cdot S_i + \beta_2 \cdot X_i + \beta_3 \cdot X_i^2 + \varepsilon_i$$

**Donde:**

- $w_i$  = Salario (por hora) del individuo  $i$
- $S_i$  = Años de escolaridad
- $X_i$  = Experiencia potencial = Edad – Escolaridad – 6
- $X_i^2$  = Experiencia al cuadrado (captura concavidad)
- $\varepsilon_i$  = Término de error

¿Por qué logaritmo?

- Distribución de salarios es log-normal
- Coeficientes se interpretan como % de cambio
- Reduce heterocedasticidad

# Interpretación de los Coeficientes

$$\ln(w) = \beta_0 + \beta_1 S + \beta_2 X + \beta_3 X^2 + \varepsilon$$

## $\beta_1$ : Retorno a la educación

- $\frac{\partial \ln(w)}{\partial S} = \beta_1$
- Un año adicional de educación aumenta el salario en  $\beta_1 \times 100\%$
- Típicamente: 6-12 % en países desarrollados, 8-15 % en México

# Interpretación de los Coeficientes

$$\ln(w) = \beta_0 + \beta_1 S + \beta_2 X + \beta_3 X^2 + \varepsilon$$

## $\beta_1$ : Retorno a la educación

- $\frac{\partial \ln(w)}{\partial S} = \beta_1$
- Un año adicional de educación aumenta el salario en  $\beta_1 \times 100\%$
- Típicamente: 6-12% en países desarrollados, 8-15% en México

## $\beta_2$ y $\beta_3$ : Retorno a la experiencia

- $\frac{\partial \ln(w)}{\partial X} = \beta_2 + 2\beta_3 X$
- Retorno **variable**: depende del nivel de experiencia
- $\beta_2 > 0$  (pendiente inicial positiva)
- $\beta_3 < 0$  (rendimientos decrecientes)

# Ejemplo Numerico

Supongamos estimamos:

$$\ln(w) = 1.5 + 0.10 \cdot S + 0.04 \cdot X - 0.0006 \cdot X^2$$

# Ejemplo Numerico

Supongamos estimamos:

$$\ln(w) = 1.5 + 0.10 \cdot S + 0.04 \cdot X - 0.0006 \cdot X^2$$

## Interpretaciones:

- Cada año de educación aumenta el salario en **10 %**
- Con 0 años de experiencia: retorno = 4 % por año
- Con 20 años de experiencia: retorno =  $0.04 - 2(0.0006)(20) = 1.6\%$
- Pico de ingresos:  $X^* = \frac{0.04}{2 \times 0.0006} = 33$  años de experiencia

# Ejemplo Numerico

Supongamos estimamos:

$$\ln(w) = 1.5 + 0.10 \cdot S + 0.04 \cdot X - 0.0006 \cdot X^2$$

## Interpretaciones:

- Cada año de educación aumenta el salario en **10 %**
- Con 0 años de experiencia: retorno = 4 % por año
- Con 20 años de experiencia: retorno =  $0.04 - 2(0.0006)(20) = 1.6\%$
- Pico de ingresos:  $X^* = \frac{0.04}{2 \times 0.0006} = 33$  años de experiencia

## Cálculo de diferencia salarial

Diferencia licenciatura (16 años) vs. preparatoria (12 años):

$$\Delta \ln(w) = 0.10 \times (16 - 12) = 0.40$$

$$\Delta \% = (e^{0.40} - 1) \times 100 = 49.2\%$$

# El Estimador de Minimos Cuadrados Ordinarios

**Modelo lineal:**

$$\mathbf{y} = \mathbf{X}\beta + \varepsilon$$

**Estimador OLS:**

$$\hat{\beta} = (\mathbf{X}'\mathbf{X})^{-1}\mathbf{X}'\mathbf{y}$$

# El Estimador de Minimos Cuadrados Ordinarios

## Modelo lineal:

$$\mathbf{y} = \mathbf{X}\boldsymbol{\beta} + \boldsymbol{\varepsilon}$$

## Estimador OLS:

$$\hat{\boldsymbol{\beta}} = (\mathbf{X}'\mathbf{X})^{-1}\mathbf{X}'\mathbf{y}$$

### Supuestos Gauss-Markov (para BLUE)

- ① Linealidad en parametros
- ② Muestreo aleatorio
- ③ No colinealidad perfecta:  $\text{rank}(\mathbf{X}) = k$
- ④ Media condicional cero:  $E[\boldsymbol{\varepsilon}|\mathbf{X}] = 0$
- ⑤ Homocedasticidad:  $\text{Var}(\boldsymbol{\varepsilon}|\mathbf{X}) = \sigma^2$

# Violaciones Comunes en Datos Salariales

## Heterocedasticidad

- Varianza de salarios crece con educación
- Solución: errores robustos (HC)

## Sesgo de selección

- Solo observamos a quienes trabajan
- Solución: Heckman (M07)

## Variables omitidas

- Habilidad no observada
- Calidad de educación
- Sesga  $\hat{\beta}_1$  hacia arriba

## Endogeneidad

- Educación no es exógena
- Solución: IV, efectos fijos

# Violaciones Comunes en Datos Salariales

## Heterocedasticidad

- Varianza de salarios crece con educación
- Solución: errores robustos (HC)

## Sesgo de selección

- Solo observamos a quienes trabajan
- Solución: Heckman (M07)

## Variables omitidas

- Habilidad no observada
- Calidad de educación
- Sesga  $\hat{\beta}_1$  hacia arriba

## Endogeneidad

- Educación no es exógena
- Solución: IV, efectos fijos

## Para este curso

Reconocemos estas limitaciones pero usamos OLS como aproximación útil. Los métodos causales (M12-M16) abordan estos problemas.

# Código Stata: Preparación de Datos

```
* Cargar datos ENIGH 2022
use "datos/enigh2022_personas.dta", clear

* Filtrar muestra
keep if edad >= 18 & edad <= 65
keep if trabaja == 1
keep if ing_hora > 0 & ing_hora < .

* Construir variables
gen ln_salario = ln(ing_hora)
gen experiencia = edad - escolaridad - 6
replace experiencia = 0 if experiencia < 0
gen experiencia2 = experiencia^2

* Estadísticas descriptivas
summarize ln_salario escolaridad experiencia, detail
```

# Código Stata: Estimación Básica

```
* Ecuación de Mincer básica  
regress ln_salario escolaridad experiencia experiencia2  
  
* Con errores robustos (heterocedasticidad)  
regress ln_salario escolaridad experiencia experiencia2, robust  
  
* Calcular retorno a experiencia en X=10  
display "Retorno a exp en X=10: " _b[experiencia] + 2*_b[experiencia2]*10  
  
* Calcular pico de experiencia  
display "Pico de experiencia: " -_b[experiencia]/(2*_b[experiencia2])
```

## Nota

Siempre usar , robust para errores estándar robustos a heterocedasticidad.

# Código Stata: Tabla de Regresión

```
* Instalar esttab si no está instalado
ssc install estout, replace

* Guardar modelos
eststo clear
eststo m1: reg ln_salario escolaridad experiencia experiencia2
eststo m2: reg ln_salario escolaridad experiencia experiencia2, robust
eststo m3: reg ln_salario escolaridad experiencia experiencia2 ///
    i.sexo i.formal, robust

* Exportar tabla
esttab m1 m2 m3 using "resultados/tabla_mincer.rtf", ///
    replace label se star(* 0.10 ** 0.05 *** 0.01) ///
    title("Ecuación de Mincer - ENIGH 2022")
```

# Resultados ENIGH 2022

	(1) Básico	(2) Robusto	(3) Controles
Escolaridad	0.092*** (0.001)	0.092*** (0.002)	0.085*** (0.002)
Experiencia	0.038*** (0.001)	0.038*** (0.001)	0.035*** (0.001)
Experiencia <sup>2</sup>	-0.0005*** (0.00002)	-0.0005*** (0.00003)	-0.0004*** (0.00003)
Mujer			-0.152*** (0.005)
Formal			0.285*** (0.006)
<i>R</i> <sup>2</sup>	0.21	0.21	0.28
N	45,230	45,230	45,230

**Interpretación:** 9.2 % de retorno por año de educación; brecha de género de 15 %.

# Comparación Internacional

País	Retorno Educación	Fuente
México	9-10 %	ENIGH 2022
Estados Unidos	10-12 %	CPS
Brasil	12-15 %	PNAD
Chile	12-14 %	CASEN
Alemania	7-8 %	SOEP
Corea del Sur	5-7 %	KLIPS

- América Latina tiene retornos más altos (mayor desigualdad)
- Países desarrollados con retornos más bajos y estables
- Tendencia global: retornos han bajado en últimas décadas

## ¿Cómo usamos Mincer para el proyecto?

- ① **Benchmark externo:** Estimar retornos del mercado para comparar con estructura interna
- ② **Justificación de bandas:** Si el mercado paga 9 % más por año de educación, nuestra estructura debería reflejar algo similar
- ③ **Análisis de equidad:** Comparar brechas de género del mercado vs. internas
- ④ **Valoracion de experiencia:** Definir curvas de progresión salarial

## ¿Cómo usamos Mincer para el proyecto?

- ① **Benchmark externo:** Estimar retornos del mercado para comparar con estructura interna
- ② **Justificación de bandas:** Si el mercado paga 9 % más por año de educación, nuestra estructura debería reflejar algo similar
- ③ **Análisis de equidad:** Comparar brechas de género del mercado vs. internas
- ④ **Valoracion de experiencia:** Definir curvas de progresión salarial

### Para la empresa cliente

- 33 puestos con diferentes requisitos de educación
- 5 niveles jerárquicos
- Necesitamos justificar por que un Coordinador gana más que un Técnico

# Ejemplo: Estructura de la Empresa Cliente

Nivel	Ejemplo de Puesto	Educación Tipica	Experiencia
1 - Operativo	Ayudante general	Secundaria	0-2 años
2 - Técnico	Auxiliar de laboratorio	Preparatoria	2-5 años
3 - Supervision	Supervisor de campo	Licenciatura	5-10 años
4 - Coordinacion	Coordinador de Geología	Licenciatura+	8-15 años
5 - Direccion	Director General	Maestria	15+ años

# Ejemplo: Estructura de la Empresa Cliente

Nivel	Ejemplo de Puesto	Educación Tipica	Experiencia
1 - Operativo	Ayudante general	Secundaria	0-2 años
2 - Técnico	Auxiliar de laboratorio	Preparatoria	2-5 años
3 - Supervision	Supervisor de campo	Licenciatura	5-10 años
4 - Coordinacion	Coordinador de Geología	Licenciatura+	8-15 años
5 - Direccion	Director General	Maestria	15+ años

Usando Mincer con  $\beta_1 = 0.09$ :

- Diferencia Secundaria → Licenciatura (7 años):  $e^{0.09 \times 7} - 1 = 88\% \text{ mas}$
- Esto sugiere que Nivel 3 debería ganar  $\sim 90\%$  más que Nivel 1 solo por educación

# Resumen de la Sesión

## Conceptos clave:

- Teoría del capital humano
- Ecuación de Mincer
- Interpretación de coeficientes
- Retornos a educación/experiencia

## Formula central:

$$\ln(w) = \beta_0 + \beta_1 S + \beta_2 X + \beta_3 X^2 + \varepsilon$$

## Herramientas Stata:

- regress, robust
- esttab

# Tarea: E1 - Actividad Mincer

**Fecha de entrega:** Jueves 12 de febrero, 11:59pm

- ① **Replicar** la ecuación de Mincer con ENIGH 2024
- ② **Comparar** resultados con ENIGH 2022 (clase)
- ③ **Estimar** por sector construccion/ingenieria
- ④ **Reflexionar** sobre implicaciones para el proyecto

**Entregables:**

- Archivo Stata (.do) comentado
- Documento PDF con tablas y respuestas

**Recurso**

Usar plantilla: actividades/M01\_actividad\_estudiante.do

# ¿Preguntas?

Próxima Sesión:

**M02: Variables Categoricas e Interacciones**

Martes 10 de febrero, 3-5pm