# Tensores en Pytorch

Diego Andrade Canosa Roberto López Castro



## Índice

- Introducción
- Tensores en Pytorch
- Variables y gradients
  - Autograd

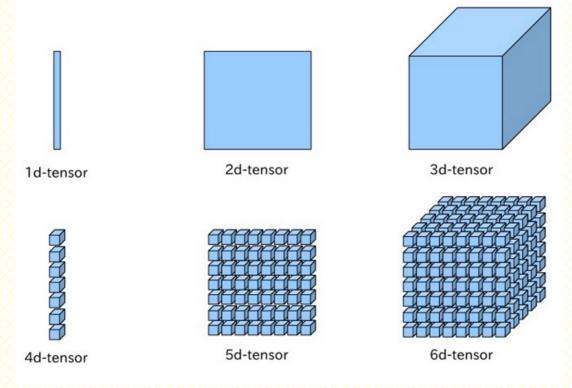


#### Introducción

- En matemáticas, un tensor es un artefacto algebraico multidimensional que permite almacenar información numérica
- Se usan en:
  - Matemáticas
  - Física
  - Química
  - Deep Learning!!
- Características básicas de un tensor:
  - Rank: Número de dimensiones
  - Shape: Tamaño de cada dimensión
  - · Tipo de datos



#### Introducción



Fuente: https://leonardoaraujosantos.gitbook.io/opencl/



#### Introducción

- En Deep Learning se usan los tensores para almacenar
  - Entradas
  - Parámetros aprendibles:
    - Pesos
    - Bias
  - Datos auxiliares:
    - Gradientes
    - Activaciones
    - Pérdidas (loss)
  - Salidas

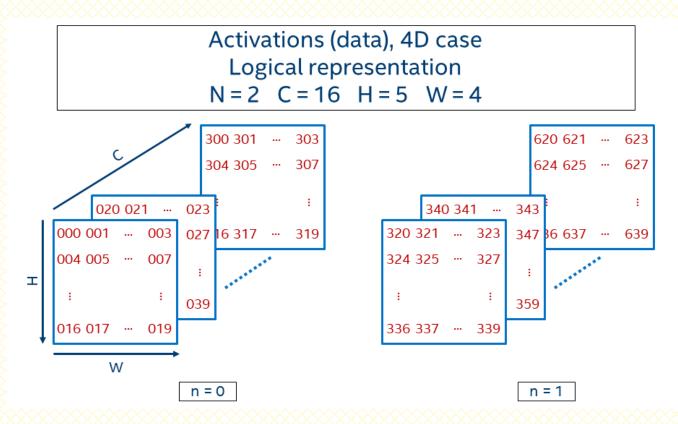


#### Codificación de entradas usando tensores

- Reconocimiento de imágenes
  - La imagen se proporciona como un tensor tridimensional (C (canales) x H (altura) x W (anchura)
  - Se suele incluir una cuarta dimensión N que tiene el número de samples en un batch
    - El procesamiento batch hace que los datos de entrada se procesen en conjuntos (de imágenes en este caso)
    - **RECUERDA:** El cálculo de la función de pérdida, los consiguientes gradientes y su aplicación se realiza al haber procesado todas las entradas de un batch
  - Los formatos disponibles dependen del orden de estas 4 dimensiones (NCHW es el más común en Pytorch, channel first y el preferido por GPUs de Nvidia)

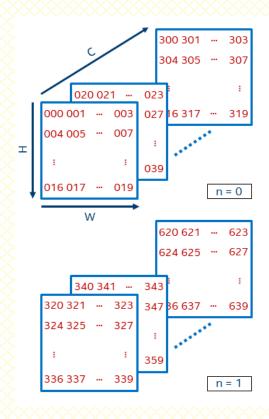


## Ejemplo: NCHW

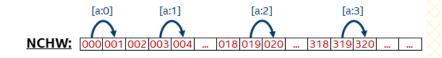


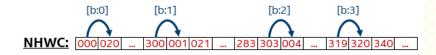


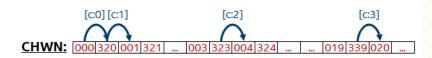
## Ejemplo: CHWN



## Physical data layout NCHW, NHWC, and CHWN layouts









#### Formatos en Pytorch

- NHWC: channel last (memory\_format=torch.channel\_last)
- NCHW: channel first (memory\_format=torch.contiguous\_format)



#### Codificación de entradas usando tensores

#### • Lenguaje:

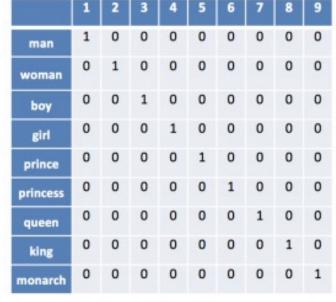
- El texto de entrada se somete a un proceso de tokenización por los que se divide el texto en palabras, caracteres, o grupos de caracteres o palabras
  - Cada token se representa mediante un valor numérico
  - Se codifica la secuencia de tokens. Dos opciones principales:
    - One-hot encoding
      - Se usa un vector disperso del mismo tamaño que el número de tokens distintos
      - Se pone un **1** sólo en la posición del vector que pertenece al dato del token actual; **o** en las demás posiciones
    - Word embedding
      - Se le asigna un vector de valores a cada posible token
      - Se codifica el texto como un tensor que contiene estos vectores para una secuencia de tokens
      - Palabras similares serán representadas por valores similares



## Ejemplo: one-hot embedding

Vocabulary:
Man, woman, boy,
girl, prince,
princess, queen,
king, monarch

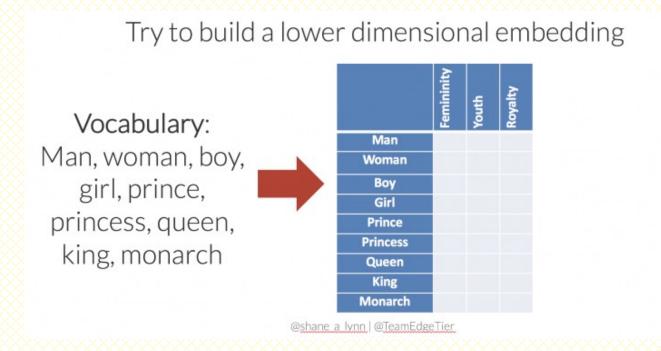




Each word gets a 1x9 vector representation



## Ejemplo: word embedding

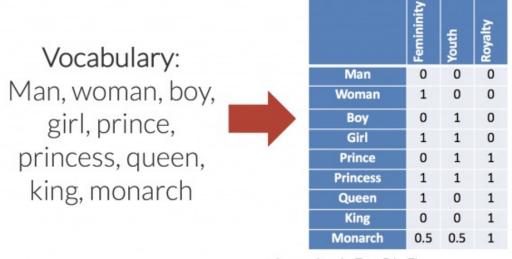




22

## Ejemplo: word embedding





Each word gets a 1x3 vector

Similar words... similar vectors

@shane a lvnn | @TeamEdgeTier



## Codificación de parámetros aprendibles

- La representación interna de pesos y bias depende del tipo de modelo
  - Perceptrón multicapa:
    - Pesos y Bias se representan en tensores diferentes
  - Redes convolucionales:
    - Pesos y bias se representan en tensores diferentes
    - Suelen tener 2 dimensiones (altura y anchura)
    - Existe un tercera dimensión para indexar la información respecto a cada kernel (o filtro) que se suele asociar con las características identificadas internamente por el modelo
  - Redes Recurrentes
  - Transformers



## Codificación de parámetros aprendibles

- La representación interna de pesos y bias depende del tipo de modelo
  - Perceptrón multicapa:
  - Redes convolucionales:
  - Redes Recurrentes
    - Los tensores representan las conexiones recurrentes y los estados ocultos
    - Las conexiones recurrentes son los pesos que conectan los estados ocultos a través de diferentes instantes de tiempo
      - (Batch,Nº de neuronas,Nº de capas ocultas)
  - Transformers
    - Attention weights: (num\_heads, sequence\_length, sequence\_length)
    - Hidden state tensors: (num\_layers, batch\_size, sequence\_length, hidden\_size)
    - Positional encoding: (sequence\_length, embedding\_dimension)
    - Feed-Forward Network Tensors: (num\_layers, batch\_size, sequence\_length, hidden\_size)



#### Codificación de datos de salida

- En problemas de predicción del siguiente valor de una serie numérica: la salida podría ser un único valor numérico
- En problemas de clasificación los logits son las puntuaciones no normalizadas asignadas a cada categoría por nuestro modelo
  - Clasificadores multiclase: la salida podría ser un vector con tantos elementos como categorías, y cada elemento contiene la probabilidad asignada a esa categoría
  - Clasificadores binarios: la salida es la probabilidad de que la entrada pertenezca a la clase positiva



#### Tensores en Pytorch

- Similares, e interoperables, con los ndarrays de numpy
- Sus métodos cuelgan directamente del paquete principal de pytorch (torch)
- Métodos para distintos tipos de operaciones
  - Inicialización
  - Manipulación
  - Operación



#### Tensores en Pytorch: Creación e inicialización

Directamente desde los datos

```
data = [[1, 2],[3, 4]]
x_data = torch.tensor(data)
```

• Desde un array de numpy

```
np_array = np_array(data)
x_np = torch.from_numpy(np_array)
```

tensor([[1, 2], [3, 4]])

• A partir de la forma de otro tensor

```
x_ones = torch.ones_like(x_data)
x_rand = torch.rand_like(x_data,dtype=torch.float)
```



#### Tensores en Pytorch: Creación e inicialización

• Con unos valores determinados (1<sup>s</sup> o 0<sup>s</sup>) o aleatorios

```
shape = (2,3,)
rand_tensor = torch.rand(shape)
ones_tensor = torch.ones(shape)
zeros_tensor = torch.zeros(shape)
```



#### Tensores en Pytorch: Atributos

• Un tensor tiene 3 atributos básicos en Pytorch: shape, dtype y device

```
tensor = torch.rand(3,4)

print(f"Shape of tensor: {tensor.shape}")
print(f"Datatype of tensor: {tensor.dtype}")
print(f"Device tensor is stored on: {tensor.device}")
```

```
Shape of tensor: torch.Size([3, 4])
Datatype of tensor: torch.float32
Device tensor is stored on: cpu
```



- Dado un tensor a de tamaño (2,4,4), podemos
  - Hacer slicing siguiendo una notación estándar

a

```
a[1]
```

```
a[1,2:3]
tensor([[0.67, 0.16, 0.29, 0.28],
[0.76, 0.86, 0.05, 0.19]])
```



• Cambiar la forma de un tensor con el comando reshape

```
a.reshape(8,4)
                a
                                                             tensor([[0.43, 0.56, 0.42, 0.77],
tensor([[[0.43, 0.56, 0.42, 0.77],
                                                                      [0.55, 0.60, 0.97, 0.73],
        [0.55, 0.60, 0.97, 0.73],
        [0.68, 0.77, 0.25, 0.67],
                                                                      [0.68, 0.77, 0.25, 0.67],
        [0.41, 0.25, 0.57, 0.81]],
                                                                      [0.41, 0.25, 0.57, 0.81],
                                                                      [0.57, 0.19, 0.58, 0.48],
       [[0.57, 0.19, 0.58, 0.48],
                                                                      [0.12, 0.35, 0.02, 0.94],
        [0.12, 0.35, 0.02, 0.94],
                                                                      [0.09, 0.28, 0.69, 0.35],
        [0.09, 0.28, 0.69, 0.35],
                                                                      [0.04, 0.83, 0.40, 0.46]])
        [0.04, 0.83, 0.40, 0.46]]])
```



Transponer el tensor con el comando transpose

```
tensor([[0.53, 0.90, 0.64, 0.77, 0.94, 0.53, 0.04, 0.88], [0.98, 0.90, 0.31, 0.81, 0.87, 0.62, 0.52, 0.41], [0.10, 0.63, 0.21, 0.83, 0.70, 0.47, 0.49, 0.26], [0.76, 0.89, 0.31, 0.42, 0.36, 0.75, 0.38, 0.11]])
```



#### Combinar varios tensores

```
Tensores a y b
```

```
torch.vstack((a,b))
torch.concatenate((a,b),dim=0)
```

```
tensor([[0.60, 0.61],
[0.95, 1.00],
[0.98, 0.25],
[0.78, 0.80]])
```

```
torch.hstack((a,b))
torch.concatenate((a,b),dim=1)
```

```
tensor([[0.93, 0.79, 0.12, 0.30], [0.79, 0.55, 0.59, 0.98]])
```



• torch.unsqueeze(input,dim)
Devuelve un nuevo tensor al
que se le ha insertado una
dimensión de tamaño 1 en
dim



• torch.argwhere(input)
Devuelve un tensor que
contiene los índices de todos
los elementos no nulos



• torch.chunk(input,chunks,di m=o) Intenta dividir un tensor en chunks trozos a lo largo de su dimensión dim

```
>>> torch.arange(11).chunk(6)
(tensor([0, 1]),
tensor([2, 3]),
tensor([4, 5]),
tensor([6, 7]),
tensor([8, 9]),
tensor([10]))
>>> torch.arange(12).chunk(6)
(tensor([0, 1]),
tensor([2, 3]),
 tensor([4, 5]),
 tensor([6, 7]),
tensor([8, 9]),
 tensor([10, 11]))
>>> torch.arange(13).chunk(6)
(tensor([0, 1, 2]),
tensor([3, 4, 5]),
tensor([6, 7, 8]),
 tensor([ 9, 10, 11]),
 tensor([12]))
```



Separarlos con el comando split

#### torch.split(a,2,dim=1)



## Tensores en Pytorch: Operación

- Podemos realizar operaciones algebraicas con los tensores
  - Producto de matrices torch.matmul: torch.matmul
  - Producto element-wise: torch.mul, u operador \*
  - Reducción por suma: tensor.sum()
  - Operaciones in-place
    - El resultado se almacena en el tensor desde el que se llama
    - Se identifican porque su nombre termina con el sufijo \_
    - Ejemplos: add\_, mul\_,copy\_, etc...



#### Usos comunes en ML

- Muchas de las operaciones de manipulación de tensores juegan un rol importante en procesos tales como el preprocesado de los datos
  - Las operaciones de reshape permiten cambiar la forma del tensor con los datos para adaptarla a la entrada requerida por la primera capa del modelo
  - Las operaciones de *slicing* permiten seleccionar una parte de los datos
  - Las operaciones de concatenación permiten combinar múltiples fuentes de datos
  - Las operaciones de concatenación tipo *stack* son útiles para componer los batches de datos
  - Las de transposición son útiles cuando necesitamos intercambiar un par de dimensiones de los datos
  - La operación *unsqueeze* se usa a menudo para añadir una dimensión más a los datos, habitualmente la dimensión batch
  - Las operaciones split y chunk son útiles para dividir los datos en batches más pequeños



#### Usos comunes en ML: unsqueeze



## Usos comunes en ML: pad\_sequence



#### Usos comunes en ML: split

```
1 # Si `image_batch` es un tensor con la forma (100, 3, 64, 64)
2 image_batch = torch.rand(100, 3, 64, 64)
3
4 # Podemos dividirlo en batches más pequeños (por ejemplo de 10)
5 small_batches = image_batch.split(10) # Ahora cada batch tiene la forma (10, 3, 64, 64)
```



#### Usos comunes en ML

- Otro uso común de los tensores es al final del proceso de entrenamiento para calcular métricas de precisión por ejemplo
  - Funciones de reducción son útiles como parte del cálculo de estadísticas
  - Funciones que permiten calcular máximos (o mínimos) y su posición en un array, son útiles para post-procesar las salidas de un modelo de clasificación
  - Las operaciones aritméticas sobre tensores son útiles como parte del cálculo de métricas de precisión



#### Usos comunes en ML: max

```
1 # Asume que el `model` ya está entrenado
2 # `data` son los datos de prueba
3 # y `labels` son las etiquetas correctas
4
5 # Haz predicciones
6 outputs = model(data)
7 # Calcula la probabilidad máxima y su posición
8 _, predicted = torch.max(outputs, 1)
9
10 # Calcula la predicción
11 correct = (predicted == labels).sum().item()
12 total = labels.size(0)
13 accuracy = correct / total
14
15 print('Precisión del modelo sobre las imágenes de prueba: %d %%' % (100 * accuracy))
16
```



## Uso en ML: operaciones aritméticas

```
1 # `output` contiene las predicciones
2 # `target` contiene la ground-truth
3 output = torch.tensor([1.5, 2.5, 3.5, 4.5])
4 target = torch.tensor([2.0, 2.0, 4.0, 3.0])
5
6 # Calcula la métrica MAE
7 mae = (output - target).abs().mean().item()
8
9 print(f'Mean Absolute Error: {mae:.2f}')
```



### Uso en ML: Definición de capas de RNP

```
def conv2d(input, filter):
    # Extrae las dimensiones de la entrada
    h, w = input.shape[-2:] # Asume shape (batch, channels, height, width)
    f.h, f.w = filter.shape[-2:] # Asume filter shape (out_channels, in_channels, filter_height, filter_width)

## Computa las dimensiones de la salida

out_h = h - f.h + 1

out_w = w - f_w + 1

## Operación de convolución

for i in range(out_h):

## Operación de convolución

for j in range(out_w):

## Selecciona la región de la entrada a la que se aplicará el filtro en esta iteración input_region = input[:, :, i:(i + f_h), j:(j + f_w)]

## La función einsum hace el dot product entre el filtro

## y la región correspondiente de la entrada

output[:, :, i, j] = torch.einsum('bchw, ochw -> bo', input_region, filter)

return output

## Teturn output
```



#### Laboratorio

- Revisa el notebook tensores.ipynb del repositorio github del curso
- Realiza los **Ejercicios** al final del notebook



# Variables y gradientes



- Torch.autograd: Sistema de diferenciación automática (automatic differentiation system)
  - Componente central de Pytorch
- Registra un grafo que representa todas las operaciones realizadas sobre un conjunto de tensores
  - · Las hojas son los tensores de entrada
  - La raíz es la salida
- Recorriendo el grafo (raíz->hojas) podemos calcular automáticamente los gradientes usando la regla de la cadena



- Autograd mantiene en el grafo un conjunto de objetos de tipo función (graph\_fn)
  - Se van creando durante la operación de los tensores
  - Llamando a la pasada *backward* vamos ejecutando la función *apply()* sobre todos ellos
- El grafo se recrea cada vez que se opera de nuevo con los tensores
  - En la práctica, esto sucede en cada pasada forward
  - Esta generación dinámica del grafo permite enriquecer la pasada forward con elementos dinámicamente configurables o con sentencias condicionales



- Existen nodos del grafo cuyas funciones no son diferenciables
  - Ejemplos: relu, o sqrt sobre o
- Para reducir el impacto de estas funciones en el cálculo, se siguen una serie de reglas bien definidas
  - Si la función es diferenciable, se calcula el gradiente
  - Si la función es cóncava, usa el sub-gradiente de la norma mínima (es la dirección descendente más pronunciada)
  - Si la función es convexa, usa el super-gradiente de la norma mínima (se calcula lo mismo que en el punto anterior, pero para –f(x)

 $\sim$ 



- Las Redes Neuronales (RNs) son una colección de funciones anidadas ejecutadas sobre algunos datos de entrada
  - Funciones parametrizadas a través de parámetros
    - Pesos (weights)
    - Y Bias
  - Función  $\vec{y} = \vec{M}(\vec{x})$ 
    - $\vec{y}$  salida
    - $\vec{M}$  function
    - $\vec{x}$  entrada



- Función de pérdida (loss)
  - $L(\vec{y}) = L(\vec{M}(\vec{x}))$ 
    - L función de pérdida
      - La salida es un valor único
      - Indica la distancia entre la salida actual de nuestra función y la deseada
- El objetivo del proceso de entrenamiento es minimizar la función de pérdida
  - · Ajuste progresivo de los parámetros de la función M (pesos+bias) hasta minimizar la función de pérdida
    - Implica hacer que su primera derivada respecto a la entrada sea o

$$\bullet \ \frac{b\,L}{b\,x} = 0$$

• En una RN la función de pérdida no depende directamente de la entrada sino de una función de la salida del modelo (que a su vez es una función de la entrada)

$$\cdot \frac{\mathrm{d}L}{\mathrm{d}x} = \frac{\mathrm{d}(\vec{y})}{\mathrm{d}x}$$

• Que por la regla de la cadena del cálculo diferencia es  $\frac{\delta L}{\delta y} \frac{\delta M(x)}{\delta x}$ 



- El cálculo de la derivada parcial de una función  $\frac{\delta M(x)}{\delta x}$  puede ser complejo
  - La función M encierra una gran complejidad matemática
    - Multiplicación de parámetros (pesos)
    - Aplicación de funciones de activación
    - Otras transformaciones matemáticas aplicadas por el modelo
  - La función no tiene un único camino posible
    - Puede ser un grafo con cierta complejidad
- El mecanismo de autograd proporciona una solución a la complejidad de este cálculo
  - Mantiene la historia de computaciones realizadas
  - Es capaz de calcular la derivada parcial de cada uno de los nodos de este grafo



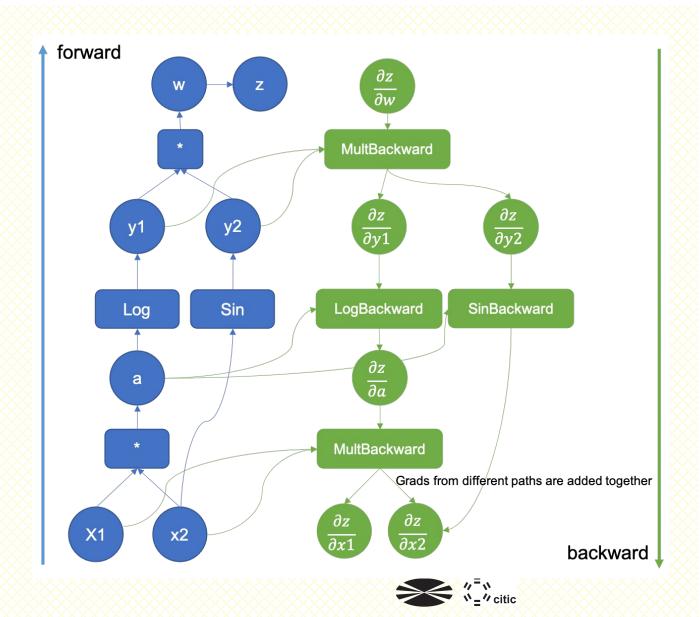
- El entrenamiento de una RN implica el ajuste de estos parámetros en dos fases:
  - Forward propagation: Se suministra una entrada a la red para comprobar qué salida se obtiene
  - Backward propagation: Se ajustan los parámetros de la red en una proporción que depende del error de su estimación
    - Ajuste hacia atrás
    - Es necesario computar las derivadas del error respecto a los parámetros de la función (gradients)
    - Con estos valores se ajustan los parámetros utilizando gradiente descents (GD)



#### Gradientes

- Cálculo de Mutiple Partial Derivatives sobre cálculos complejos
  - Crea dinámicamente y en tiempo de ejecución un grafo (DAG, Direct Acyclic Graph) que va registrando la computación (durante la forward pass)
  - Ese grafo se utiliza para calcular los gradientes en la back propagation
    - Útil cuando el cómputo para la que hay que calcular el gradiente es complejo
      - Difícil de calcular analíticamente
    - Indispensable si el cómputo tiene ramas que a veces se ejecutan y otras no, o bucles cuyo número de iteraciones no es fijo





- Existen varios métodos para recopilar los gradientes asociados a tensores
  - Durante la creación del tensor, se usa el parámetro requires\_grad=True
    - En la creación del tensor
  - Durante la operación del tensor
    - Usando tensor.requires\_grad=True
    - Realizando operaciones dentro del ámbito with torch.no\_grad()
- Puede ser problemático con las operaciones in place: ejemplo matmul\_
  - Podrían sobrescribir los valores necesarios para calcular los gradientes
  - Solución sencilla: evitar su uso



#### Autograd en tiempo de entrenamiento

- El modelo entrenado debe estar construido a partir de tensores (o capas) con autograd activado
- Definimos:
  - Un optimizador: por ejemplo, SGD
  - Una función de pérdida: que mida la diferencia entre la salida deseada y la predicción actual del modelo para cada entrada
- Ejecutamos la función backward sobre el cálculo de la función de pérdida para calcular los gradientes
- Actualizamos los parámetros del modelo con los gradientes calculados usando la función step sobre el optimizador
  - Después de cada paso de optimización debemos reinicializar los gradientes a cero usando la función zero\_grad()



#### Autograd en tiempo de inferencia

- Una vez el modelo ha sido entrenado, se debería desactivar el mecanismo de autograd
  - No es necesario, los pesos no se van a modificar
  - Si está activo, va a generar sobrecarga
    - Mayor uso de memoria
    - Mayor uso de recursos computacionales
  - Se aplica .*requires\_grad(False)* sobre tensores individuales, o sobre un *Module* completo



## Modos de autograd

- Modo de evaluación: nn.Module.eval()
  - Modo Grad: Es el modo por defecto, en el que el mecanismo de autograd funciona correctamente
  - Modo No-Grad: Deshabilita el mecanismo de autograd
    - No registra las operaciones realizadas sobre los tensores
    - Registra las salidas intermedias
      - Podrían ser útiles para un proceso de autograd posterior
  - Modo Inferencia: Es un modo extremo de No-Grad en el que se deshabilitan todos los mecanismos y resultados de autograd
    - Acelera todavía más la ejecución del modelo



## Autograd multihilo

```
1 # Define a train function to be used in different threads
2 def train_fn():
3          x = torch.ones(5, 5, requires_grad=True)
4          # forward
5          y = (x + 3) * (x + 4) * 0.5
6          # backward
7          y.sum().backward()
8          # potential optimizer update
9
10
11 # User write their own threading code to drive the train_fn
12 threads = []
13 for _ in range(10):
14          p = threading.Thread(target=train_fn, args=())
15          p.start()
16          threads.append(p)
17
18 for p in threads:
19          p.join()
```



#### Autograd multihilo

- Introduce concurrencia en la ejecución de la pasada backward
- Produce no-determismo
  - Varios hilos pueden acumular en el mismo atributo gradiente
    - Peligro race-condition
- Cada hilo mantiene su propio sub-grafo, pero podría haber partes del grafo compartidas
  - Efecto similar a ejecutar dos veces la operación *backward() ->* la segunda ejecución produce error en tiempo de ejecución
  - Evitable con retain\_graph=True



#### El procesador de optimización de parámetros se puede monitorizar usando el profiler de autograd

```
>>> x = torch.randn((1, 1), requires grad=True)
>>> with torch.autograd.profiler.profile() as prof:
       for _ in range(100): # any normal python code, really!
           y = x ** 2
>>>
           y.backward()
>>> # NOTE: some columns were removed for brevity
>>> print(prof.key_averages().table(sort_by="self_cpu_time_total"))
Name
                                   Self CPU total CPU time avg
                                                                    Number of
                                   32.048ms
                                                   32.048ms
                                                                    200
mul
                                   27.041ms
                                                   27.041ms
wog
PowBackward0
                                   9.727ms
                                                 55.483ms
torch::autograd::AccumulateGrad
                                   9.148ms
                                                 9.148ms
                                                                    100
torch::autograd::GraphRoot
                                                   691.816us
                                                                    100
                                   691.816us
```

Profiling de autograd



#### Laboratorio

- Revisa el notebook autograd.ipynb del repositorio github del curso
- Realiza los **Ejercicios** al final del notebook



#### Referencias

- The fundamentals of Autograd: https://pytorch.org/docs/stable/autograd.html
- How Computational Graphs Are Constructed in Pytorch: <a href="https://pytorch.org/blog/computational-graphs-constructed-in-pytorch/">https://pytorch.org/blog/computational-graphs-constructed-in-pytorch/</a>
- Pytorch Internals: <a href="http://blog.ezyang.com/2019/05/pytorch-internals/">http://blog.ezyang.com/2019/05/pytorch-internals/</a>
- <a href="https://oneapi-src.github.io/oneDNN/dev\_guide\_understanding\_memory\_formats.html">https://oneapi-src.github.io/oneDNN/dev\_guide\_understanding\_memory\_formats.html</a>



#### Referencias

- https://github.com/pytorch/tutorials/blob/main/intermediate source/memory\_format\_tutorial.py
- https://www.shanelynn.ie/get-busy-with-word-embeddingsintroduction/
- https://pytorch.org/docs/stable/notes/autograd.html

