Ejercicios sobre LaTeX, R y Markdown

Diego Delgado Palomares
13/9/2020

Instrucciones

En primer lugar debeis reproducir este documento tal cual está. Necesitaréis instalar MiKTeX y Temaker

A continuación de cada pregunta, tenéis que redactar vuestras respuestas de manera correcta y argumentada, indicando que hacéis, por qué, etc. Si se os pide utilizar instrucciones de R. Tendréis que mostrarlas todas en chunks.

El objetivo de esta tarea es que os familiaricéis con los documentos Markdown, las fórmulas de LATEX y los chunks de R. Y, de lo mas importante, que os acostumbréis a explicar que hacéis en cada momento.

Preguntas

Pregunta 1

Realizad los siguientes productos de matrices en R:

$$A \cdot B$$

$$B \cdot A$$

$$(A \cdot B)^{t}$$

$$B^{t} \cdot A$$

$$(A \cdot B)^{-1}$$

$$A^{-1} \cdot B^{t}$$

Donde

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 4 & 3 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 2 \\ 3 & 0 & 4 & 0 \end{pmatrix} \qquad B = \begin{pmatrix} 4 & 3 & 2 & 1 \\ 0 & 3 & 0 & 4 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \\ 0 & 1 & 0 & 2 \end{pmatrix}$$

Los calculos en R son:

```
A \leftarrow matrix(c(1,2,3,4,4,3,2,1,0,1,0,2,3,0,4,0), nrow = 4, byrow = T)
B \leftarrow matrix(c(4,3,2,1,0,3,0,4,1,2,3,4,0,1,0,2), nrow = 4, byrow = T)
```

A%*%B

```
[,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
            7
                 19
                      11
                            29
## [2,]
           18
                 26
                      14
                            26
## [3,]
            0
                        0
                             8
## [4,]
           16
                 17
                      18
                            19
```

B%*%A

```
[,1] [,2] [,3] [,4]
##
## [1,]
         19
              19
                   22
                        23
## [2,]
         24
                   22
                        3
## [3,]
         21
                   23
                       12
              11
## [4,]
         10
                   10
t(A%*%B)
       [,1] [,2] [,3] [,4]
##
## [1,]
          7
              18
                        16
                    0
## [2,]
         19
              26
                    5 17
## [3,]
         11
              14
                    0 18
## [4,]
         29
              26
                    8
                        19
t(B)%*%A
       [,1] [,2] [,3] [,4]
##
## [1,]
          4
                  12
## [2,]
         18
              17
                   19
                       19
## [3,]
         2
              7
                  6
                       14
## [4,]
         23
                   19
              18
solve(A%*%B)
        [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] -1.66 -0.65 4.52 1.52
## [2,] 1.60 0.80 -4.60 -1.60
## [3,] 1.02 0.35 -2.84 -0.84
## [4,] -1.00 -0.50 3.00 1.00
solve(A)%*%t(B)
                [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] 6.000000e-01 2.4 6.4 1.2
## [2,] -3.330669e-16 -2.0 -7.0 -1.2
## [3,] -2.000000e-01 -0.8 -3.8 -0.4
## [4,] 1.000000e+00 1.0 5.0 0.6
```

Finalmente, escribe haciendo uso de LATEX el resultado de los dos primeros productos de forma adecuada.

$$A \cdot B = \begin{pmatrix} 7 & 19 & 11 & 29 \\ 18 & 26 & 14 & 26 \\ 0 & 5 & 0 & 8 \\ 16 & 17 & 18 & 19 \end{pmatrix}$$

$$B \cdot A = \begin{pmatrix} 19 & 19 & 22 & 23 \\ 24 & 9 & 22 & 3 \\ 21 & 11 & 23 & 12 \\ 10 & 3 & 10 & 1 \end{pmatrix}$$

$$(A \cdot B)^t = \begin{pmatrix} 7 & 18 & 0 & 16 \\ 19 & 26 & 5 & 17 \\ 11 & 14 & 0 & 18 \\ 29 & 26 & 8 & 19 \end{pmatrix}$$

$$B^t \cdot A = \begin{pmatrix} 4 & 9 & 12 & 18 \\ 18 & 17 & 19 & 19 \\ 2 & 7 & 6 & 14 \\ 23 & 18 & 19 & 16 \end{pmatrix}$$

$$(A \cdot B)^{-1} = \begin{pmatrix} -1.66 & -0.65 & 4.52 & 1.52 \\ 1.60 & 0.80 & -4.60 & -1.60 \\ 1.02 & 0.35 & -2.84 & -0.84 \\ -1.00 & -0.50 & 3.00 & 1.00 \end{pmatrix}$$

$$A^{-1} \cdot B^{t} = \begin{pmatrix} 0.6 & 2.4 & 6.4 & 1.2 \\ 0.0 & -2.0 & -7.0 & -1.2 \\ -0.2 & -0.8 & -3.8 & -0.4 \\ 1.0 & 1.0 & 5.0 & 0.6 \end{pmatrix}$$

Pregunta 2

Considerad en un vector los números de vuestro DNI y llamadlo $\tt dni.$ Por ejemplo, si vuestro DNI es $54201567 \rm K$, vuestro vector será

$$dni = (5, 4, 2, 0, 1, 5, 6, 7)$$

.

Definid el vector en R. Calculad con R el vector dni al cuadrado, la raíz cuadrada del vector dni y, por último, la suma de todas las cifras del vector dni.

```
#para definir el vector
dni<- c(9,1,0,6,0,5)</pre>
```

```
#aplicar el cuadraado
dni2<-dni**2
dni2</pre>
```

[1] 81 1 0 36 0 25

```
#aplicar raiz
dni_raiz<-sqrt(dni)
dni_raiz</pre>
```

[1] 3.000000 1.000000 0.000000 2.449490 0.000000 2.236068

```
#para realizar la suma
dni_suma<-sum(dni)
dni_suma</pre>
```

[1] 21

Finalmente, escribid todos estos vectores también a LATEX

Aquí en México el equivalente al dni es el CURP, ya que el mío comienza así DEPD910605HD..., con lo que armaria el vector \$(9,1,0,6,0,5)~ \$ para asignarlo a R y se escribiría

$$dni < - c(9, 1, 0, 6, 0, 5)$$

La operación dni^2

$$dni2 < - dni^2$$

dando como resultado

$$(81 \ 1 \ 0 \ 36 \ 0 \ 25)$$

```
La raíz cuadrada da (3 1 0 2.449490 0 2.236068) y la suma del dni dni\_suma < -sum(dni) arroja 21
```

Pregunta 3

Considerad el vector de las letras de vuestro nombre y apellido. Llamadlo name. Por ejemplo, en mi caso sería

$$nombre = c(M, A, R, I, A, S, A, N, T, O, S)$$

.

Definid dicho vector en R. Calculad el subvector que solo contenga vuestro nombre. Calculad también el subvector que contenga solo vuestro apellido. Ordenadlo alfabéticamente. Cread una matriz con este vector.

Redactad todos vuestros resultados y utilizad IATEX

```
nombre <- as.factor(c("D","I","E","G","O","D","E","L","G","A","D","O"))
nombre
## [1] DIEGODELGADO
## Levels: A D E G I L O
nombre 1 <- nombre[1:5]</pre>
nombre_1
## [1] D I E G O
## Levels: A D E G I L O
nombre_2 <- nombre[(-(1:5))]
nombre_2
## [1] D E L G A D O
## Levels: A D E G I L O
nombre_alfabetico<-sort(nombre)</pre>
nombre_alfabetico
## [1] A D D D E E G G I L O O
## Levels: A D E G I L O
matriz_nombre <- matrix(nombre_alfabetico, nrow = 3, byrow = T)</pre>
matriz_nombre
##
        [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] "A" "D"
                  "D"
                        "D"
## [2,] "E" "E" "G"
                        "G"
## [3,] "I" "L" "O" "O"
             nombre < -c("D", "I", "E", "G", "O", "D", "E", "L", "G", "A", "D", "O")
                                 nombre 1 < - nombre[1:5]
                                    ("D", "I", "E", "G", "O")
                               nombre\_2 < - nombre[(-(1:5))]
                                ("D", "E", "L", "G", "A", "D", "O")
                             nombre\_alfabetico < - sort(nombre)
```