

# Aula 19 - Algoritmos de Vetor de Distâncias, Roteamento Hierárquico

Diego Passos

Universidade Federal Fluminense

Redes de Computadores I

Material adaptado a partir dos slides  
originais de J.F Kurose and K.W. Ross.

# Revisão da Última Aula...

- **Roteamento:**
  - Encontrar caminhos fim-a-fim.
  - **Construir tabela de roteamento.**
    - Consultada no encaminhamento.
- **Grafos:** usados como abstração para representar a rede.
  - Roteadores são nós.
  - Enlaces são arestas.
  - Podem ter pesos: **medida de qualidade do enlace.**
    - Relacionado a banda, atraso, congestionamento, ...
- **Classificações:**
  - Estado de Enlace vs. Vetor de Distâncias.
  - Dinâmico vs. Estático.
- **Roteamento baseado em Estado de Enlaces:**
  - Algoritmo de Dijkstra.

# Algoritmos Baseados em Vetor de Distâncias

# Algoritmo de Vetor de Distâncias

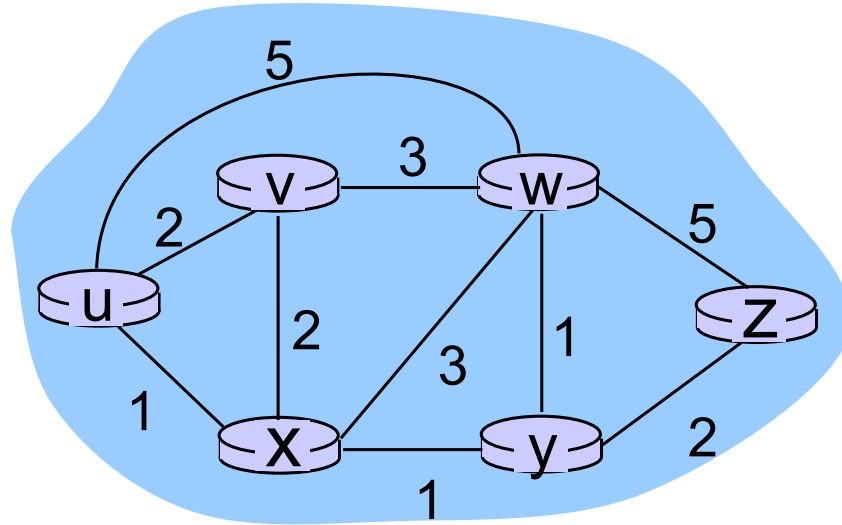
- **Equação de Bellman-Ford.**

- Programação dinâmica.
- Seja  $d_a(b)$  o custo do caminho de menor custo de  $a$  para  $b$ .
- Digamos que queremos calcular o custo do melhor caminho entre  $x$  e  $y$ .
- Suponha que, **de alguma forma**, conhecemos o custo dos melhores caminhos de todos os vizinhos  $v$  de  $x$  até  $y$ .
- Então:

$$d_x(y) = \min_v \{c(x, v) + d_v(y)\}$$

- Em outras palavras, o melhor caminho de  $x$  para  $y$  **necessariamente**:
  - Tem como próximo salto um vizinho de  $x$ .
  - Utiliza o melhor caminho deste vizinho até  $y$ .

# Equação de Bellman-Ford: Exemplo



- Claramente:  
 $d_v(z) = 5, d_x(z) = 3, d_w(z) = 3$
- Equação de Bellman-Ford diz que:

$$\begin{aligned} d_u(z) &= \min\{ c(u, v) + d_v(z), \\ &\quad c(u, x) + d_x(z), \\ &\quad c(u, w) + d_w(z) \} \\ &= \min\{ 2 + 5, \\ &\quad 1 + 3 \\ &\quad 5 + 3 \} = 4 \end{aligned}$$

- Vizinho que resulta no custo mínimo é o próximo salto do caminho mais curto.
- Informação armazenada na tabela de roteamento.

# Algoritmo de Vetor de Distâncias (I)

- $D_x(y)$ : estimativa do custo mínimo de  $x$  para  $y$ .
  - Cada nó  $x$  mantém **vetor de distâncias**  $D_x = [D_x(y), \forall y \in N]$ .
- Nó  $x$ :
  - Conhece custo para cada vizinho  $v$ :  $c(x, v)$ .
  - Recebe os vetores de distância de seus vizinhos:  $D_x = [D_x(y), \forall y \in N]$

# Algoritmo de Vetor de Distâncias (II)

- **Ideia chave:**

- De tempos em tempos, cada nó envia seu próprio vetor de distância com suas estimativas para cada vizinho.
- Quando  $x$  recebe novo vetor de distância de um vizinho, ele atualiza seu próprio vetor, aplicando a equação de Bellman-Ford:

$$D_x(y) = \min_v \{c(x, y) + d_v(y)\}$$

- Sob hipóteses razoáveis na prática, as estimativas  $D_x(y)$  convergem para os menores custos reais  $d_x(y)$ .

# Algoritmo de Vetor de Distâncias (III)

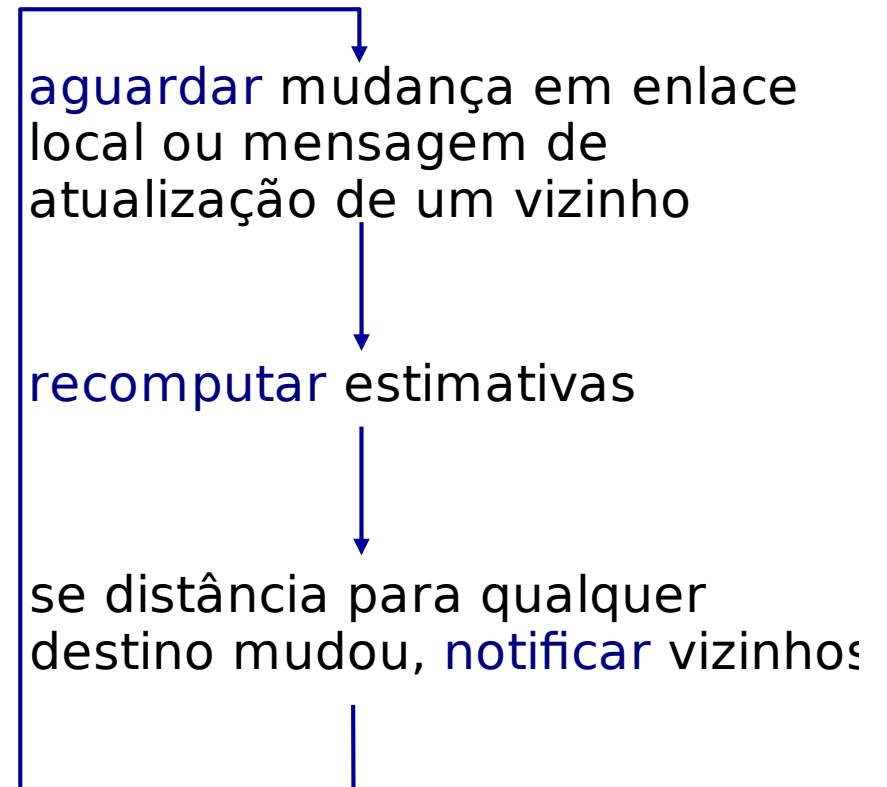
- **Iterativo, assíncrono.**

- Cada iteração local causada por:
  - Alteração no custo de um enlace local.
  - Ou pelo recebimento de um vetor de distâncias atualizado.

- **Distribuído:**

- Cada nó notifica vizinhos apenas quando seu vetor de distâncias muda.
- Vizinhos repassam informação da mudança para seus vizinhos, se necessário.

- **Operação em cada nó:**





# Vetor de Distâncias: Exemplo (I)

$$D_x(y) = \min\{c(x,y) + D_y(y), c(x,z) + D_z(y)\}$$
$$= \min\{2+0, 7+1\} = 2$$

$$D_x(z) = \min\{c(x,y) + D_y(z), c(x,z) + D_z(z)\}$$
$$= \min\{2+1, 7+0\} = 3$$

**Tabela nó x**

origem \ destino	x	y	z
x	0	2	7
y	∞	∞	∞
z	∞	∞	∞

**Tabela nó x**

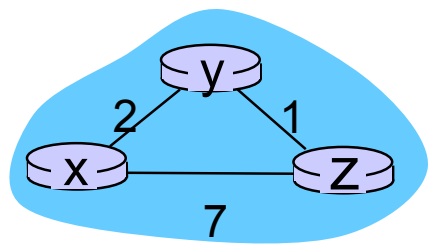
origem \ destino	x	y	z
x	0	2	3
y	2	0	1
z	7	1	0

**Tabela nó y**

origem \ destino	x	y	z
x	∞	∞	∞
y	2	0	1
z	∞	∞	∞

**Tabela nó z**

origem \ destino	x	y	z
x	∞	∞	∞
y	∞	∞	∞
z	7	1	0



.....> tempo

# Vetor de Distâncias: Exemplo (II)

$$D_x(y) = \min\{c(x,y) + D_y(y), c(x,z) + D_z(y)\}$$
$$= \min\{2+0, 7+1\} = 2$$

$$D_x(z) = \min\{c(x,y) + D_y(z), c(x,z) + D_z(z)\}$$
$$= \min\{2+1, 7+0\} = 3$$

**Tabela  
nó x**

destino	x	y	z
origem x	0	2	7
y	∞	∞	∞
z	∞	∞	∞

**Tabela  
nó y**

destino	x	y	z
origem x	∞	∞	∞
y	2	0	1
z	∞	∞	∞

**Tabela  
nó z**

destino	x	y	z
origem x	∞	∞	∞
y	∞	∞	∞
z	7	1	0

**Tabela  
nó x**

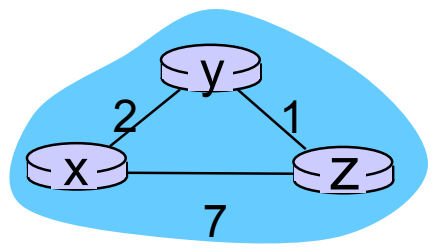
destino	x	y	z
origem x	0	2	3
y	2	0	1
z	7	1	0

**Tabela  
nó y**

destino	x	y	z
origem x	0	2	7
y	2	0	1
z	7	1	0

**Tabela  
nó z**

destino	x	y	z
origem x	0	2	7
y	2	0	1
z	7	1	0

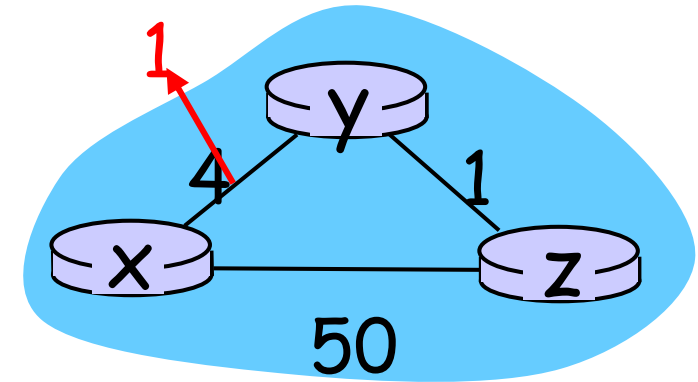


.....▶ tempo

# Vetor de Distâncias: Mudanças nos Custos dos Enlaces (I)

- **Mudanças nos custos dos enlaces:**

- Nó detecta alteração em custo de enlace local.
- Atualiza informação de roteamento, recalcula vetor de distâncias.
- Se vetor muda, notifica vizinhos.

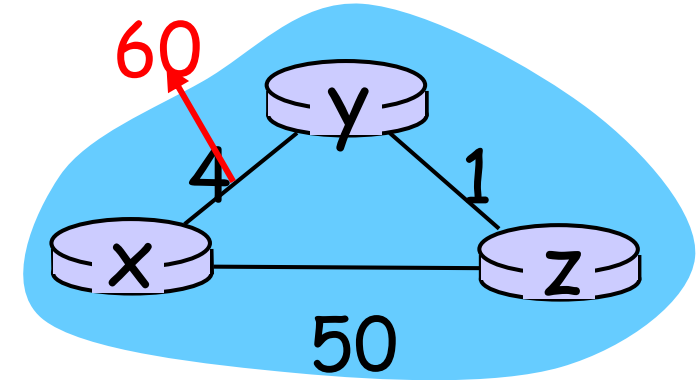


## “Noticias boas viajam rápido”

- $t_0$ : y detecta mudança no custo do enlace, atualiza vetor, informa seus vizinhos.
- $t_1$ : z recebe atualização de y, atualiza sua tabela, computa novo custo mínimo para x, envia seu vetor para seus vizinhos.
- $t_2$ : y recebe atualização de z, atualiza sua tabela. Menor custo para x não muda, logo y não envia nova mensagem para z.

# Vetor de Distâncias: Mudanças nos Custos dos Enlaces (II)

- **Mudanças nos custos dos enlaces:**
  - Nó detecta alteração em custo de enlace local.
  - “**Notícias ruins demoram**”: problema de **contagem ao infinito**!
  - 44 iterações até que algoritmo se estabilize.



## Envenenamento Reverso

- Se  $z$  usa  $y$  como próximo salto para  $x$ :
  - $z$  anuncia para  $y$  que sua distância para  $x$  é infinita.
  - Assim  $y$  não escolherá  $z$  como próximo salto para  $x$ .
- **Resolve completamente o problema?**

# Estado de Enlace vs. Vetor de Distância

- **Complexidade de mensagens:**

- **LS:** com  $n$  nós,  $E$  enlaces,  $O(nE)$  mensagens enviadas.
- **DV:** mensagens trocadas apenas com vizinhos.

- O **tempo de convergência** varia.

- **Velocidade de convergência:**

- **LS:** complexidade de processamento de  $O(n^2)$ , mais  $O(nE)$  mensagens trocadas.
  - Pode apresentar oscilações.
  - Pode haver *loops* no roteamento.
- **DV:** tempo de convergência depende.
  - Pode haver *loops* nas rotas.
  - Pode haver contagem ao infinito.

- **Robustez:** o que acontece se o roteador funciona incorretamente?

- **LS:**

- Roteador defeituoso pode anunciar **custos de enlaces** errados.
- Cada nó computa apenas a sua tabela.

- **DV:**

- Roteador pode anunciar **custo de um caminho** errado.
- A tabela de roteamento de um nó é usada pelos demais.
  - Erro se propaga pela rede.

# Roteamento Hierárquico

# Roteamento Hierárquico (I)

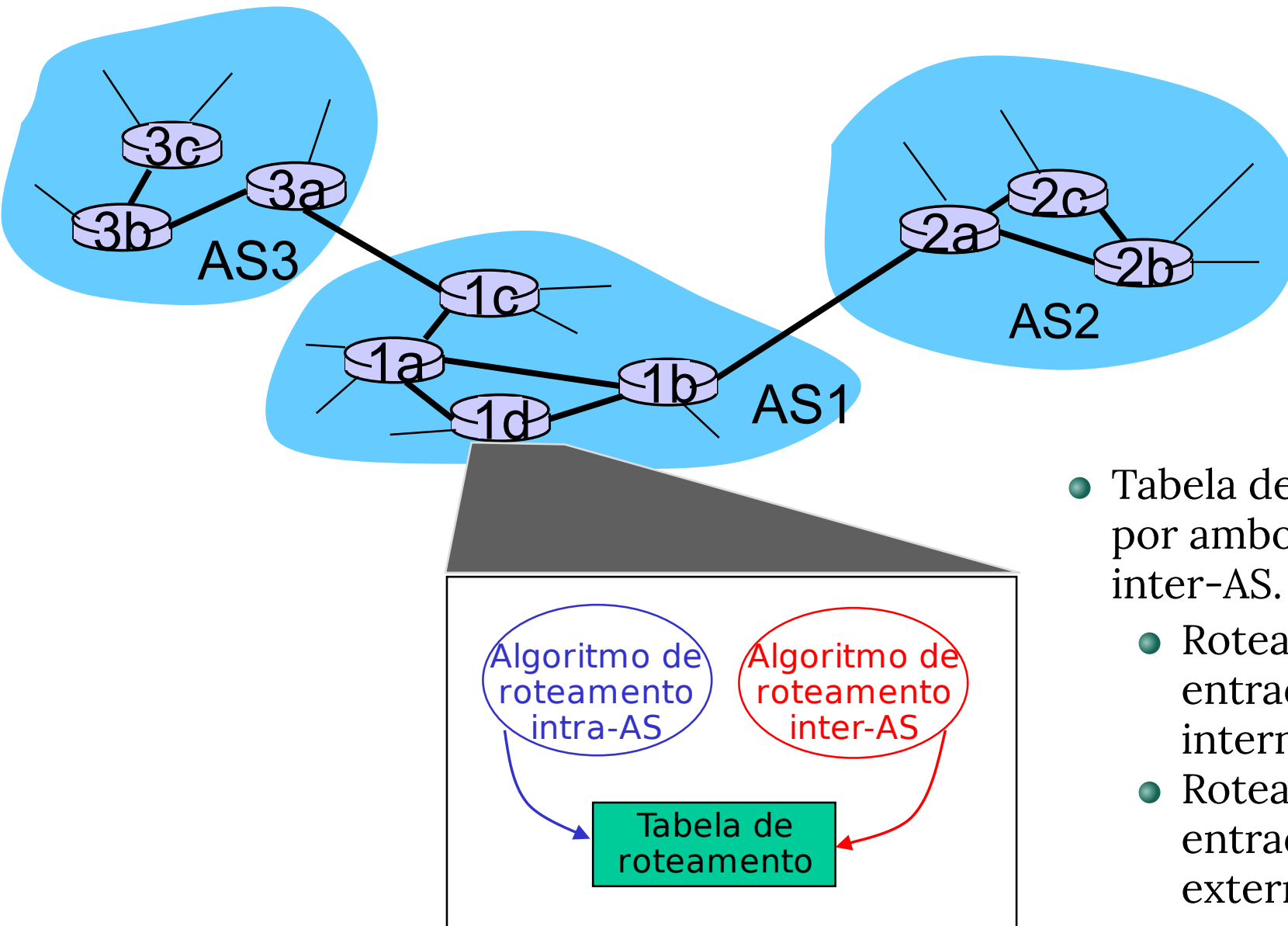
- Nosso estudo sobre roteamento tem sido idealizado até aqui.
  - Roteadores são idênticos.
  - Rede é “plana”.
  - ... nada disso é verdade na prática na Internet.
- **Escala:** com 600 milhões de destinos:
  - Não é possível armazenar todos os destinatários em tabelas de roteamento.
  - Trocas de tabelas de roteamento iria afogar os enlaces!
- **Autonomia administrativa:**
  - Internet = Rede de redes.
  - Cada administrador de rede pode querer controlar o roteamento na sua própria rede.

# Roteamento Hierárquico (II)

- Agregar roteadores em regiões, “**sistemas autônomos**”.
  - Ou **AS**, da sigla em inglês.
- Roteadores no mesmo AS rodam o mesmo protocolo de roteamento.
  - Protocolo de roteamento **intra-AS**.
  - Roteadores em ASs diferentes podem rodar diferentes protocolos intra-AS.
- **Roteador gateway:**
  - Nas “bordas” do seu AS.
  - Possui enlace para roteador(es) de outros ASs.



# ASs Interconectados

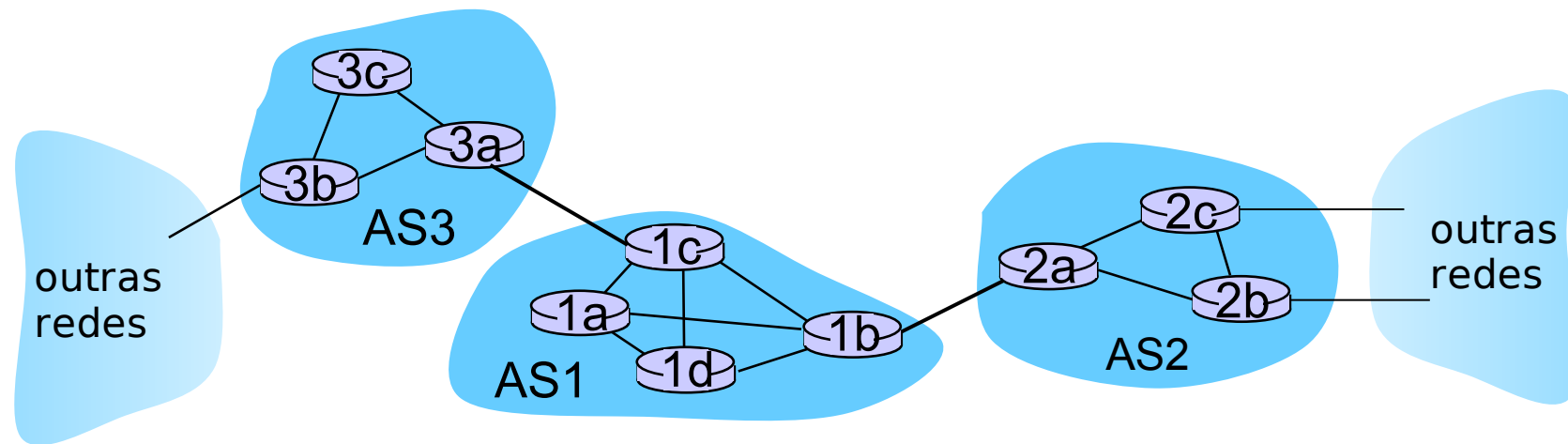


- Tabela de roteamento configurada por ambos os roteamentos intra- e inter-AS.
  - Roteamento intra-AS configura entradas para destinatários internos.
  - Roteamento inter-AS configura entradas para destinatários externos.

# Tarefas do Roteamento Inter-AS

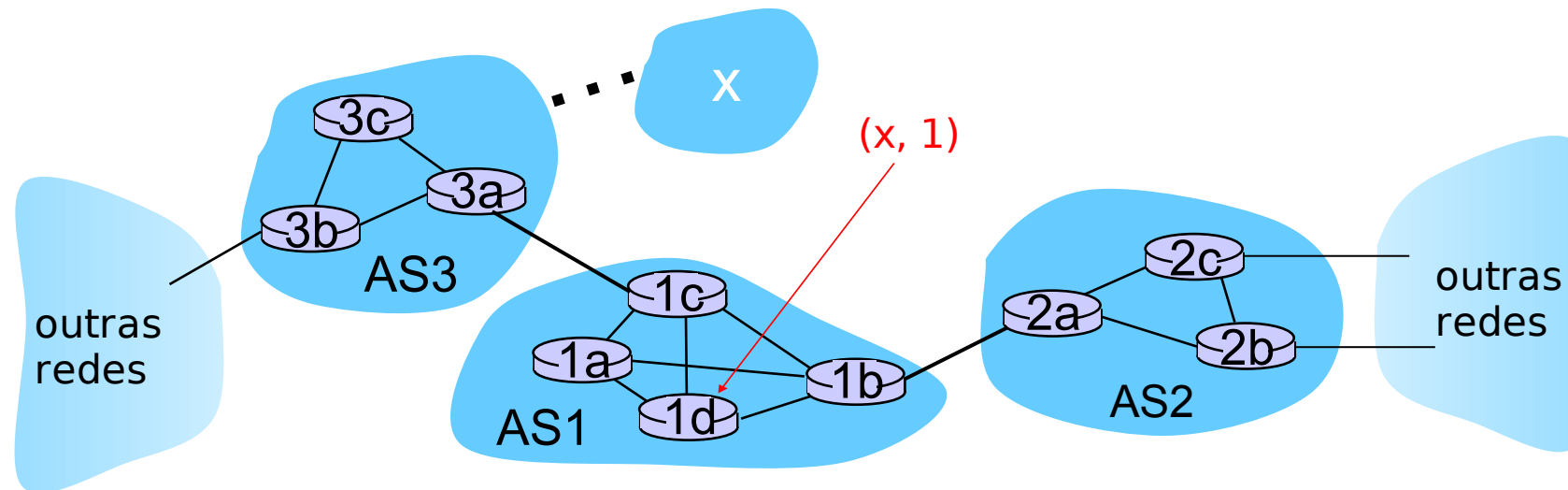
- Suponha que um roteador no AS1 recebe datagrama destinado para fora do AS1:
  - Roteador deve encaminhar pacote para um roteador *gateway*, mas qual?

- **AS1 deve:**
  - Aprender quais destinatários são alcançáveis através do AS2 e quais através do AS3.
  - Propagar esta informação para todos os roteadores no AS1.
- **Trabalho do roteamento inter-AS!**



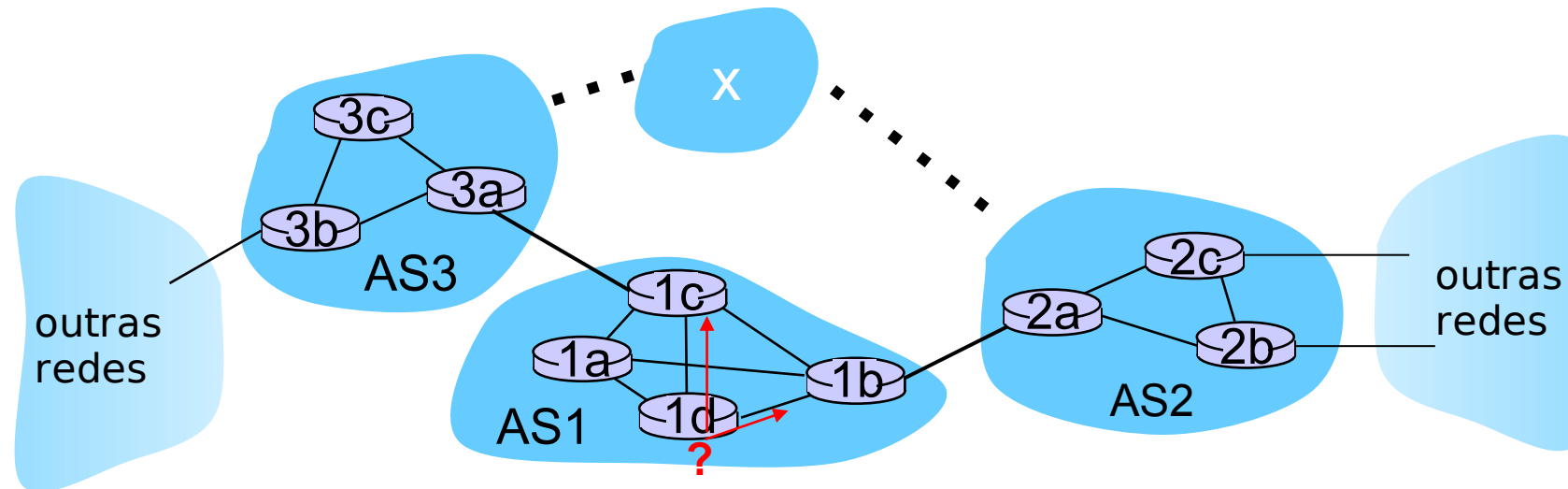
# Exemplo: Configurando a Tabela de Roteamento do Roteador 1d

- Suponha que o AS1 aprenda (através do roteamento inter-AS) que a sub-rede **x** é alcançável pelo AS3 (*gateway* 1c), mas não via AS2.
  - Protocolo de roteamento inter-AS propaga esta informação para todos os roteadores internos.
- Roteador 1d determina, usando o roteamento intra-AS, que sua interface 1 está no caminho de menor custo para 1c.
  - Instala entrada **(x, 1)** na tabela de roteamento.



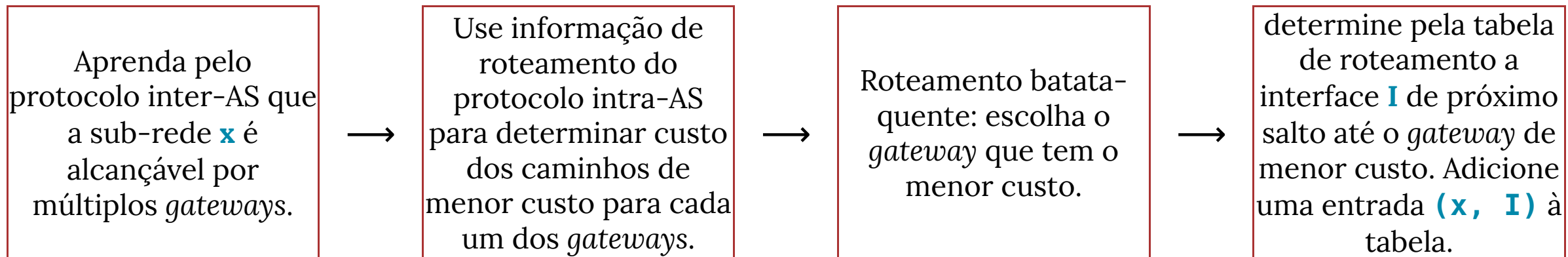
# Exemplo: Escolhendo entre Múltiplos ASs (I)

- Agora suponha que o AS1 aprenda a partir do protocolo inter-AS que a sub-rede **x** é alcançável por ambos os ASs 3 e 2.
- Para reconfigurar a tabela de roteamento, o roteador 1d precisa determinar para qual *gateway* deve encaminhar os pacotes destinados a **x**.
  - Isto também é uma tarefa do protocolo de roteamento inter-AS!



## Exemplo: Escolhendo entre Múltiplos ASs (II)

- Agora suponha que o AS1 aprenda a partir do protocolo inter-AS que a sub-rede **x** é alcançável por ambos os ASs 3 e 2.
- Para reconfigurar a tabela de roteamento, o roteador 1d precisa determinar para qual *gateway* deve encaminhar os pacotes destinados a **x**.
  - Isto também é uma tarefa do protocolo de roteamento intra-AS!
- **Roteamento batata-quente:** **envie** pacote em direção ao *gateway* mais próximo.



# Resumo da Aula...

- **Roteamento baseado em Vetor de Distâncias:**

- Ideia: melhor caminho até destino composto por enlace até vizinho e melhor caminho do vizinho até destino.
- Nós anunciam suas **estimativas** de custo até cada destino.
- Ao **receber** novas estimativas, nó **atualiza** suas próprias.
- Processo iterativo, **converge para melhores rotas**.
- Algoritmo **distribuído**: nós precisam conhecer apenas vizinhança.

- **Contagem ao infinito:**

- Potencial problema, ocorre em caso de grandes pioras nos custos dos enlaces.
- Solução (parcial): **envenenamento reverso**.

- **Roteamento Hierárquico:**

- Dois níveis: dentro e fora de **Sistemas Autônomos**.
  - Intra-AS e Inter-AS.
- Tabela de roteamento construída por **colaboração dos dois processos**.
- Reduz escopo, complexidade do roteamento.
- **Nem sempre é globalmente ótimo!**

- **Roteamento batata-quente:**

- Tirar datagrama do AS o mais rápido possível.

# Próxima Aula...

- Dividiremos o problema de roteamento na Internet em duas partes:
  - Roteamento Intra-AS.
  - Roteamento Inter-AS.
- Falaremos sobre alguns protocolos de roteamento usados na Internet:
  - RIP, OSPF (Roteamento Intra-AS).
  - BGP (Roteamento Inter-AS).