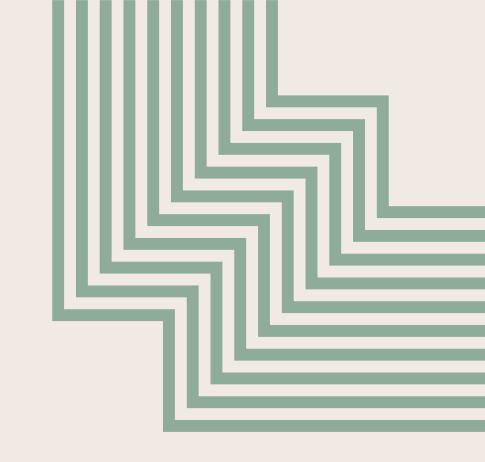


Métodos Numéricos

ÍNDICE

- 1. Introducción
- 2.¿Qué es el método de correlación?
- 3. Aplicaciones prácticas
- 4. Pseudocódigo
- 5. Solución con código
- 6. Ejemplo práctico
- 7. Conclusión
- 8. Evidencias del trabajo colaborativo



INTRODUCCIÓN

Es una técnica estadística usada en ingeniería y ciencia de datos para analizar cómo se relacionan dos variables numéricas.

En el ámbito tecnológico, permite identificar patrones entre componentes de un sistema, validar modelos predictivos y optimizar procesos basados en comportamiento real.

¿QUÉ ES EL MÉTODO DE CORRELACIÓN?

- Es una técnica estadística utilizada para medir la fuerza y dirección de la relación entre dos variables numéricas.
- Se basa en calcular el grado de relación lineal entre dos variables mediante el coeficiente de correlación.
- Es útil para medir y analizar la relación entre dos variables, validar modelos y predecir comportamientos basados en datos.



FÓRMULA DEL COEFICIENTE

$$r = \frac{n\sum XY - (\sum X)(\sum Y)}{\sqrt{[n\sum X^2 - (\sum X)^2][n\sum Y^2 - (\sum Y)^2]}}$$

Donde:

- r: coeficiente de correlación
- n: número de datos
- x e y: valores de las dos variables

APLICACIONES PRÁCTICAS

- Análisis de rendimiento de software: Correlación entre uso de memoria RAM y tiempo de respuesta de una aplicación.
- Predicción de fallas en sistemas: Relación entre aumento de temperatura del procesador y fallas del sistema.
- Minería de datos: Descubrir relaciones entre comportamiento del usuario y clics en una página web.
- Redes neuronales y machine learning: Selección de variables con alta correlación con el valor objetivo (feature selection).

PSEUDOCÓDIGO

```
Algoritmo Correlacion
       Definir n, i Como Entero
       Definir xi, yi Como Real
       Definir sumaX, sumaY, sumaXY, sumaX2, sumaY2 Como Real
5
       Definir coefPendiente, coefIntercepto, r Como Real
6
       Escribir "Ingrese el número de datos:"
8
       Leer n
10
       Dimension datosX[n], datosY[n]
11
12
       sumaX ← 0
13
       sumaY ← 0
       sumaXY ← 0
14
       sumaX2 ← 0
       sumaY2 ← 0
16
```

PSEUDOCÓDIGO

37

```
17
18
       Para i ← 1 Hasta n Con Paso 1
           Escribir "Dato ", i
19
           Escribir "Ingrese X[", i "]: "
20
21
           Leer xi
           Escribir "Ingrese Y[", i, "]: "
22
           Leer yi
23
24
           datosX[i] ← xi
25
           datosY[i] ← yi
26
27
            sumaX ← sumaX + xi
28
           sumaY ← sumaY + yi
29
           sumaXY ← sumaXY + xi * yi
30
            sumaX2 ← sumaX2 + xi * xi
31
           sumaY2 ← sumaY2 + yi * yi
32
       Fin Para
33
34
       coefPendiente ← (n * sumaXY - sumaX * sumaY) / (n * sumaX2 - sumaX * sumaX)
35
       coefIntercepto ← (sumaY - coefPendiente * sumaX) / n
36
```

PSEUDOCÓDIGO

```
39
40
       Escribir "Ecuación de regresión: Y = ", coefIntercepto, " + ", coefPendiente, " * X"
       Escribir "Coeficiente de correlación r = ", r
42
       Escribir "Interpretación:"
       Si r > 0 Entonces
44
45
           Escribir "Relación positiva."
       SiNo
46
           Si r < 0 Entonces
47
               Escribir "Relación negativa."
48
           SiNo
49
50
               Escribir "No hay correlación."
           FinSi
51
       FinSi
52
   FinAlgoritmo
```

SOLUCIÓN CON CODIGO

```
import java.util.Scanner; // Importamos la clase Scanner para leer entradas del usuario
public class correlacion {
    public static void main(String[] args) {
       // Crear un objeto Scanner para leer la entrada desde la consola
        Scanner scanner = new Scanner(System.in);
       // Definir variables necesarias para la regresión lineal
        int n; // Número de datos
        double xi, yi; // Variables para almacenar los valores de X y Y
        double sumaX = 0, sumaY = 0, sumaXY = 0, sumaX2 = 0, sumaY2 = 0; // Acumuladores de las suma
necesarias para los cálculos
        double coefPendiente, coefIntercepto, r; // Coeficiente de pendiente, coeficiente de
intercepto y coeficiente de correlación
       // Solicitar el número de datos al usuario
        System.out.print("Ingrese el número de datos: ");
        n = scanner.nextInt(); // Leer el número de datos
       // Crear los arreglos para almacenar los valores de X y Y
        double[] datosX = new double[n];
        double[] datosY = new double[n];
```

SOLUCIÓN CON CODIGO

```
// Bucle para leer los valores de X y Y e ir calculando las sumas
for (int i = 0; i < n; i++) {
    System.out.println("Dato " + (i + 1)); // Imprimir el número del dato actual
   System.out.print("Ingrese X[" + (i + 1) + "]: ");
   xi = scanner.nextDouble(); // Leer el valor de X
   System.out.print("Ingrese Y[" + (i + 1) + "]: ");
   yi = scanner.nextDouble(); // Leer el valor de Y
   // Almacenar los datos en los arreglos correspondientes
   datosX[i] = xi;
   datosY[i] = yi;
   // Realizar las sumas acumulativas necesarias para los cálculos
    sumaX += xi;
   sumaY += yi;
   sumaXY += xi * yi;
    sumaX2 += xi * xi;
   sumaY2 += yi * yi;
// Calcular el coeficiente de pendiente (m) de la regresión lineal
coefPendiente = (n * sumaXY - sumaX * sumaY) / (n * sumaX2 - sumaX * sumaX);
// Calcular el coeficiente de intercepto (b) de la regresión lineal
coefIntercepto = (sumaY - coefPendiente * sumaX) / n;
```

SOLUCIÓN CON CODIGO

```
// Calcular el coeficiente de correlación (r) para evaluar la relación entre X e Y
        r = (n * sumaXY - sumaX * sumaY) / Math.sqrt((n * sumaX2 - sumaX * sumaX) * (n * sumaY2 - sumaY)
  sumaY));
        // Mostrar la ecuación de regresión y el coeficiente de correlación r
        System.out.println("-----");
System.out.println("Ecuación de regresión: Y = " + coefIntercepto + " + " + coefPendiente + " *
X");
        System.out.println("Coeficiente de correlación r = " + r);
        // Interpretar el valor de r
        System.out.println("Interpretación:");
        if (r > 0) {
            // Si r es mayor que 0, la relación es positiva
            System.out.println("Relación positiva.");
        } else if (r < 0) {</pre>
            // Si r es menor que 0, la relación es negativa
            System.out.println("Relación negativa.");
        } else {
            // Si r es igual a 0, no hay correlación entre X e Y
            System.out.println("No hay correlación.");
        // Cerrar el scanner después de usarlo
        scanner.close();
```



Planteamiento del problema:

Un profesor desea saber si existe una relación entre las horas de estudio de sus estudiantes y las calificaciones que obtienen en el examen final. Se tiene la siguiente tabla:

| Estudiante | Horas de Estudio (X) | Calificación (Y) |
|------------|-------------------------|------------------|
| A | 2 | 60 |
| В | 4 | 70 |
| С | 6 | 75 |
| D | 8 | 85 |
| E | 10 | 95 |

EJEMPLO PRÁCTICO (PASO 1)

$$r = \frac{n\sum XY - (\sum X)(\sum Y)}{\sqrt{[n\sum X^2 - (\sum X)^2][n\sum Y^2 - (\sum Y)^2]}}$$

Donde:

- n es el número de pares de datos (n = 5)
- X: Horas de estudio
- Y: Calificaciones

EJEMPLO PRÁCTICO (CALCULOS)

| X | Υ | x^2 | Y^2 | XY |
|----|----|-----|------|-----|
| 2 | 60 | 4 | 3600 | 120 |
| 4 | 70 | 16 | 4900 | 280 |
| 6 | 75 | 36 | 5625 | 450 |
| 8 | 85 | 64 | 7225 | 680 |
| 10 | 95 | 100 | 9025 | 950 |

Suma de columnas:

•
$$\sum X = 30$$

•
$$\sum Y = 385$$

•
$$\sum XY = 2480$$

•
$$\sum X^2 = 220$$

•
$$\sum Y^2 = 30375$$

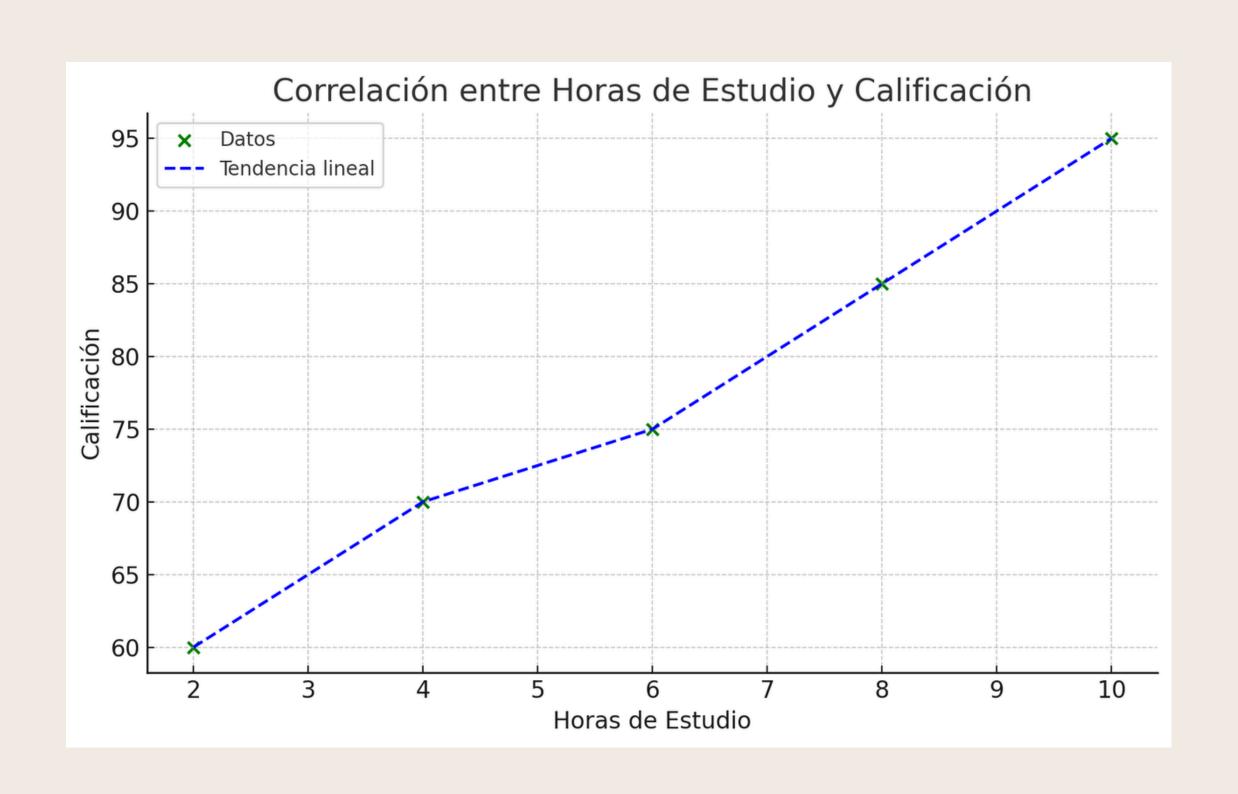
EJEMPLO PRÁCTICO

Sustituimos en la fórmula:

$$r = \frac{5(2480) - (30)(385)}{\sqrt{[5(220) - (30)^2][5(30375) - (385)^2]}}$$

$$r = \frac{12400 - 11550}{\sqrt{[1100 - 900][151875 - 148225]}} = \frac{850}{\sqrt{200 \cdot 3650}} = \frac{850}{\sqrt{730000}} \approx \frac{850}{854.4} \approx 0.995$$

EJEMPLO PRÁCTICO (GRÁFICA)





EJEMPLO PRÁCTICO (INTERPRETACIÓN)

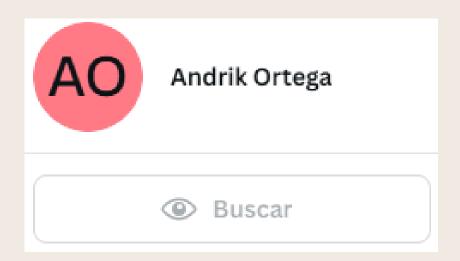
El coeficiente de correlación es r ≈ 0.995, lo que indica una correlación positiva casi perfecta. Esto significa que conforme aumentan las horas de estudio, también aumentan las calificaciones de forma muy consistente.

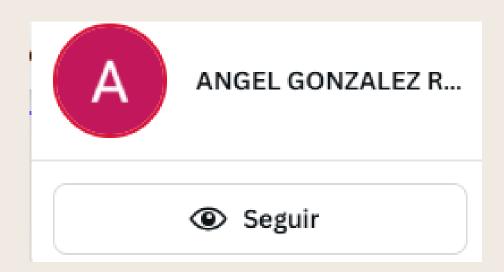
CONCLUSIÓN

La correlación es un método fundamental en el análisis de datos que permite identificar relaciones significativas entre variables. Aunque no implica causalidad, su valor radica en orientar investigaciones, validar modelos predictivos y apoyar la toma de decisiones basada en evidencias cuantitativas.

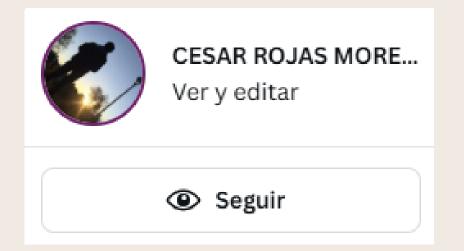
EVIDENCIAS DE TRABAJO COLABORATIVO

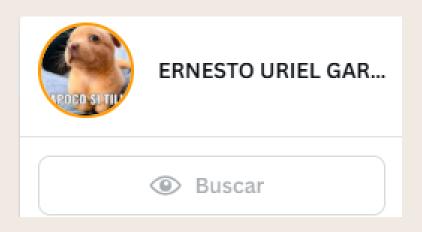




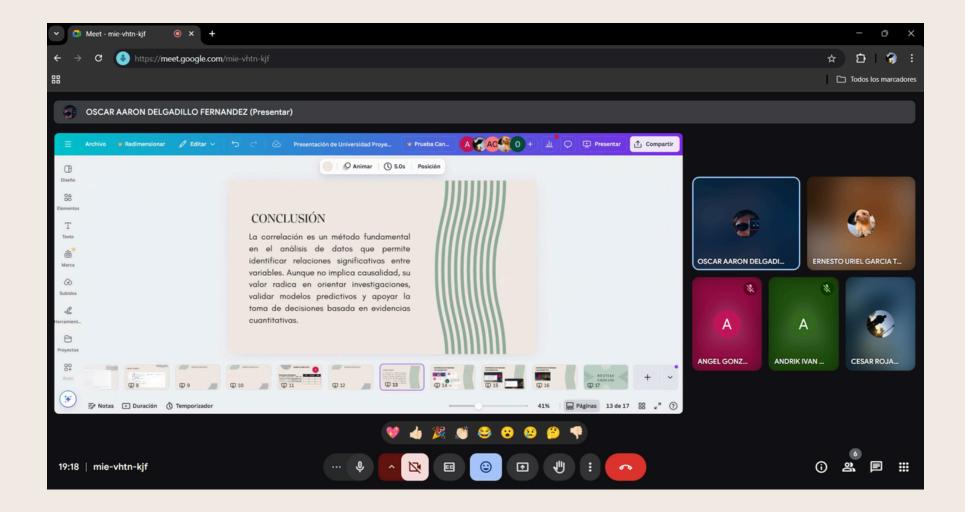


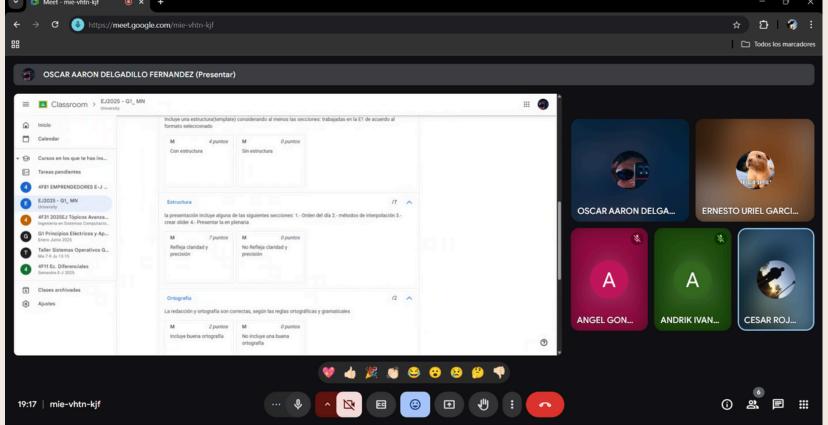




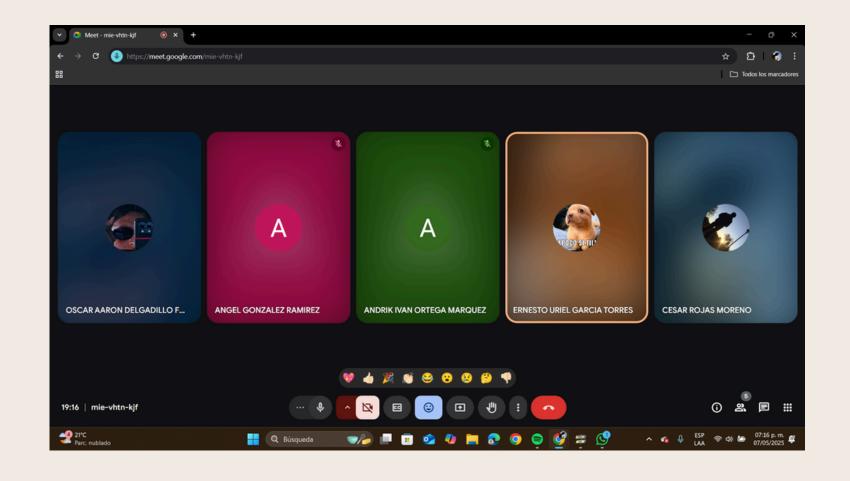


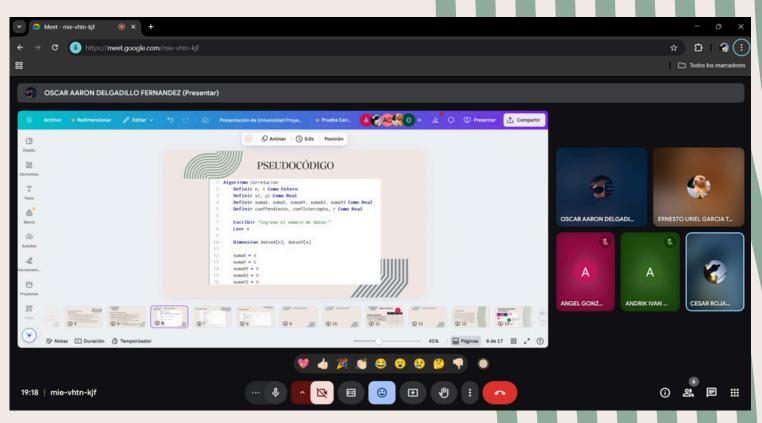
EVIDENCIAS DE TRABAJO COLABORATIVO





EVIDENCIAS DE TRABAJO COLABORATIVO









MÉTODO DE CORRELACIÓN

Métodos Numéricos

Autores:

Oscar Aaron Delgadillo Fernandez

César Rojas Moreno

Angel González Ramírez

Ernesto Uriel Garcia Torres

Andrik Iván Ortega Márquez

