

ML_REGRESION_04

Modelo de Regresión Polinómica

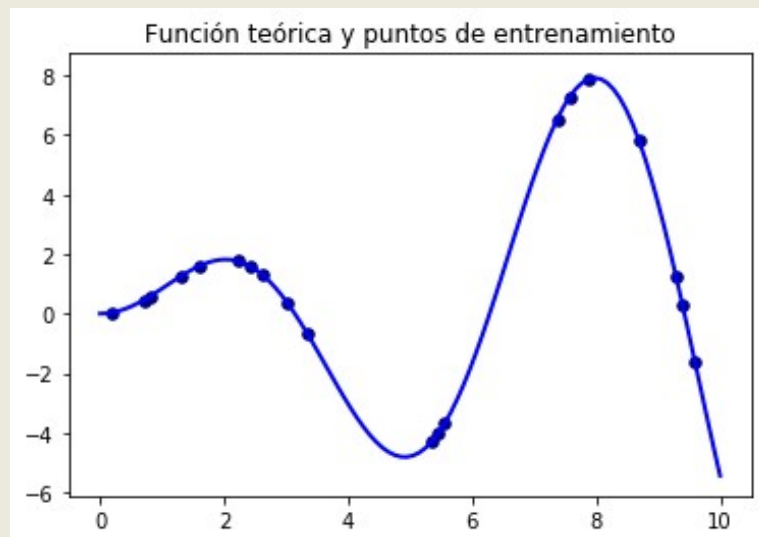
ML

El problema consiste en comprobar cuál es el grado del polinomio (N) que mejor se ajusta a un conjunto de valores generados según una función teórica. Y utilizar ese modelo para realizar predicciones.

Un modelo de regresión polinómico tiene la forma:

$$\hat{y} = \theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_1^2 + \theta_3 x_1^3 + \dots + \theta_N x_1^N$$

La función teórica $f(x) = x * \sin(x)$ y los datos utilizados para el ajuste son:



Para realizar el ajuste de los modelos polinómicos se utiliza la función polyfit de la librería numpy.

SOLUCIÓN

Importar las librerías necesarias para realizar la práctica.

```
# importar las librerías
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
```

Definir la función teórica:

```
# Utilizamos una función teórica para generar los puntos
def f(x):
    """ función para aproximar mediante interpolación polinómica """
    return x * np.sin(x)
```

Generar los puntos X para representar la función:

```
# Generar los puntos X usados para representar la función
x_plot = np.linspace(0, 10, 100)
```

Generar de forma aleatoria los puntos X y las etiquetas y (ajustadas a la función teórica)

```
# Generar de forma aleatoria la muestra de puntos x y las etiquetas y
x = np.linspace(0, 10, 100)
rng = np.random.RandomState(0)
rng.shuffle(x)
x = np.sort(x[:20])
y = f(x)
```

Definir el color y grosor de línea para la visualización:

```
# crear la lista de colores
colors = ['red', 'orange', 'green']

# Definir la anchura de la linea a dibujar
lw = 2
```

Dibujar la gráfica teórica y los puntos entrenamiento:

```
# Dibujar la gráfica teórica f(x)
plt.plot(x_plot, f(x_plot), color='blue', linewidth=lw, label="Función
teórica")

# y los puntos utilizados para entrenamiento
plt.scatter(x, y, color='navy', s=30, marker='o', label="Puntos de
entrenamiento")

plt.title("Función teórica y puntos de entrenamiento")
plt.show()
```



Realizamos la regresión polinómica utilizando la librería polyfit de Numpy:

```
# REGRESION POLINOMICA (utilizando la función polyfit de la librería numpy)
print("Ajuste de Regresión polinómica")
# Ajuste para ecuaciones de grado 3, 4 y 5
# Polinomio de grado 3:  $y = t_0 + t_1 \cdot X + t_2 \cdot X^2 + t_3 \cdot X^3$ 
# Polinomio de grado 4:  $y = t_0 + t_1 \cdot X + t_2 \cdot X^2 + t_3 \cdot X^3 + t_4 \cdot X^4$ 
# Polinomio de grado 5:  $y = t_0 + t_1 \cdot X + t_2 \cdot X^2 + t_3 \cdot X^3 + t_4 \cdot X^4 + t_5 \cdot X^5$ 
```

Dibujamos de nuevo la gráfica teórica y los puntos de entrenamiento:

```
# Dibujar la gráfica teórica f(x)
plt.title("Regresión polinómica")
plt.plot(x_plot, f(x_plot), color='blue', linewidth=lw, label="Función
teórica")

# y los puntos utilizados para entrenamiento
plt.scatter(x, y, color='navy', s=30, marker='o', label="Puntos de
entrenamiento")
```

Realizamos el ajuste polinómico para los grados N=3,4 y 5, y escribimos la ecuación de cada polinomio y el error cuadrático medio (ECM)

```
# Realizar el ajuste de los polinomios de grados 3,4 y 5
for count, degree in enumerate([3,4,5]):
    # Ajuste del polinomio de grado 'degree' a los datos de entrenamiento x,y
    coeffs = np.polyfit(x,y,deg=degree)
    # Determinar y escribir la forma del polinomio
    p = np.poly1d(np.polyfit(x, y, deg=degree), variable='X')
    print("Polinomio de grado ",degree," : ")
    print(p)
    print("")

    y_pred = np.polyval(np.poly1d(coeffs), x)
    print("Error cuadrático medio (ECM): ",1/20*(sum((y-y_pred)**2)))
    print("")

    # Dibujar la gráfica del polinomio
    # Calcular la y de la gráfica 'y_plot'
    y_plot = np.polyval(np.poly1d(coeffs), x_plot)

    # Dibujar la gráfica
    plt.plot(x_plot, y_plot, color=colors[count], linewidth=lw, label="grado
%d" % degree)
```

Ajuste de Regresión polinómica

Polinomio de grado 3 :

$$-0.05329 X^3 + 0.8502 X^2 - 3.427 X + 3.377$$

Error cuadrático medio (ECM): 9.59074349743502

Polinomio de grado 4 :

$$-0.06679 X^4 + 1.25 X^3 - 7.211 X^2 + 13.38 X - 4.741$$

Error cuadrático medio (ECM): 1.5359390833908724

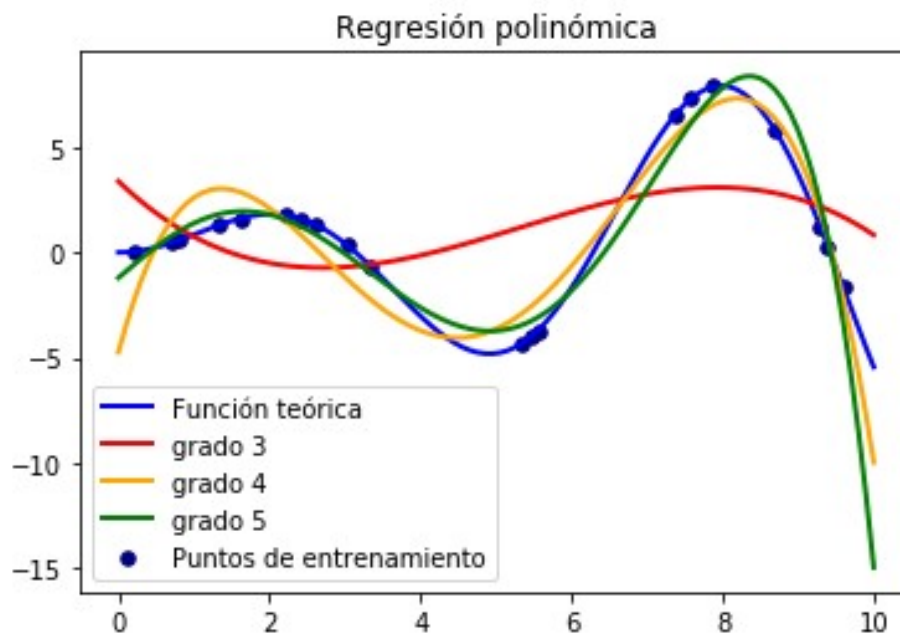
Polinomio de grado 5 :

$$-0.009309 X^5 + 0.1626 X^4 - 0.7565 X^3 + 0.1762 X^2 + 3.023 X - 1.207$$

Error cuadrático medio (ECM): 0.7573371110922194

Dibujar el gráfico completo

```
# Leyenda del gráfico
plt.legend(loc='lower left')
# Dibujar el gráfico
plt.show()
```



Utilizar el modelo de regresión polinómica para predecir valores:

```
# Predecir para un valor de X=6 con el modelo de regresión polinómica de
grado 5
coeffs = np.polyfit(x,y,deg=5)
```



```
y_pred = np.polyval(np.polyld(coeffs), 6)
print("Predicción para X=6: y=",y_pred)

Predicción para X=6: y= -1.8108241323328411
```