



## NOMBRE DEL ALUMNO:

Diego Moisés González Solís

**CARRERA:** 

Ing. Mecatrónica

MATERIA:

DINAMICA Y CONTROL DE ROBOTS

PROFESOR:

CARLOS ENRIQUE MORAN GARABITO

**GRADO Y GRUPO:** 

8°-B

CUATRIMESTRE: ENERO-ABRIL







## MODELO DINAMICO MEDIANTE LA FORMULACION NEWTON-EULER.

El método de Newton-Euler permite obtener un conjunto de ecuaciones recursivas hacia delante de velocidad y aceleración lineal y angular las cuales están referidas a cada sistema de referencia articular. Las velocidades y aceleraciones de cada elemento se propagan hacia adelante desde el sistema de referencia de la base hasta el efector final. Las ecuaciones recursivas hacia atrás calculan los pares y fuerzas necesarios para cada articulación desde la mano (incluyendo en ella efectos de fuerzas externas), hasta el sistema de referencia de la base.

La formulación de N-E se basa en los sistemas de coordenadas en movimiento

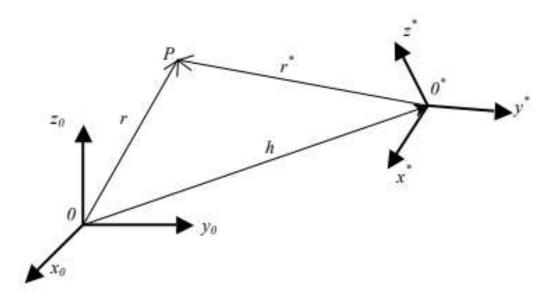


Figura 3.1. Sistemas de coordenadas en movimiento

Con respecto a la figura 3.1 se tiene que el sistema de coordenadas 0\* se desplaza y gira en el espacio respecto del sistema de referencia de la base 0, el vector que describe el origen del sistema en movimiento es h y el punto P se describe respecto del sistema 0\* a través del vector r\*, de acuerdo a esto, la descripción del punto P respecto del sistema de la base es:







$$r = r^* + h$$

$$\frac{dr}{dt} = \frac{dr^*}{dt} + \frac{dh}{dt} = v^* + v_h$$

donde v\* es la velocidad del punto P respecto del origen del sistema 0\* en movimiento y vh es la velocidad del origen del sistema 0\* respecto de la base.

Si el punto P se desplaza y gira respecto del sistema 0\* la ecuación (3.2) debe escribirse como:

$$v = \frac{dr^*}{dt} + \frac{dh}{dt} = \left(\frac{d^*r^*}{dt} + w \times r^*\right) + \frac{dh}{dt}$$

donde  $\overline{dt}$  es la velocidad lineal del punto P respecto del origen 0 $^{*}$  y  $^{*}$  w $\times$  r es la velocidad angular del punto P respecto del origen 0\* .[1] De manera similar la aceleración general del sistema de puede describir como:

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2r^*}{dt^2} + \frac{d^2h}{dt^2} = a^* + a_h$$

$$a = \frac{d^{*2}r^{*}}{dt^{2}} + 2w \times \frac{d^{*}r^{*}}{dt} + w \times (w \times r) + \frac{dw}{dt} \times r^{*} + \frac{d^{2}h}{dt^{2}}$$



