#### 10. Optimizaciones.

#### 10.1. Inversión de ciclos.

El método consiste en invertir los ciclos exteriores del método básico. Al realizar la multiplicación  $A \times B = C$  con el método básico, las matrices  $A \times C$  se recorren por filas y la B por columnas. Al intercambiar el orden de los bucles, se cambia el sentido de recorrido de cada matriz, es decir,  $A \times C$  por columnas y B por filas. Esto permite un mejor aprovechamiento de la localidad espacial que provee la dispocición de los elementos contiguos en la memoria bajo el criterio Column Major Order.

#### 10.2. Básico con trasposición.

Como se explico en el m'etodo anterior, A y C se recorren originalmente por filas. Lo que hace este método es transponer A y luego efectuar la multiplicación recorriendo A y B por columnas simultáneamente. Como se utiliza un acumulador para cada elemento de C, se realizan menor cantidad de accesos a éstos últimos, con respecto a los elementos de las otras matrices. Al igual que en el caso anterior, el beneficio se obtiene debido al aprovechamiento de la localidad espacial.

Sin embargo, el desempeño de este método se ve impactado por la penalidad de calcular la matriz traspuesta, porque deben accederse simultáneamente los elementos simétricos respecto a la diagonal (que pertenecen a distintas filas y columnas de la matriz transponer).

#### 10.3. Multiplicación por bloques

Es posible dividir la matriz en bloques de tamaño arbitrario y, utilizando el método básico, realizar multiplicaciones sucesivas de matrices mas pequeñas, mejorando la localidad temporal, ya que se mantienen en la caché los datos que se usarán a corto plazo.

#### 10.4. Multiplicación por columnas.

Este método realiza la multiplicación de matrices en forma incremental, efectuando todas las operaciones posibles con los elementos disponibles de una de las matrices y sumando los resultados parciales en la matriz resultado.

Utilizando las propiedades de las matrices se consiguen las siguientes equivalencias que proporcionanan fundamento matemático al método. Por simplicidad, se utilizan matrices de 2x2.

$$\left[\begin{array}{cc} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{array}\right] \left[\begin{array}{cc} b_{11} & b_{12} \\ b_{21} & b_{22} \end{array}\right] = \left[\begin{array}{cc} c_{11} & c_{12} \\ c_{21} & c_{22} \end{array}\right]$$

El producto del miembro izquierdo se puede escribir como

$$\left(\left[\begin{array}{cc}a_{11} & 0\\a_{21} & 0\end{array}\right] + \left[\begin{array}{cc}0 & a_{12}\\0 & a_{22}\end{array}\right]\right) \left(\left[\begin{array}{cc}b_{11} & 0\\b_{21} & 0\end{array}\right] + \left[\begin{array}{cc}0 & b_{12}\\0 & b_{22}\end{array}\right]\right)$$

Y expandiendo los paréntesis resulta

$$\left[\begin{array}{cc} a_{11} & 0 \\ a_{21} & 0 \end{array}\right] \left[\begin{array}{cc} b_{11} & 0 \\ b_{21} & 0 \end{array}\right] + \left[\begin{array}{cc} 0 & a_{12} \\ 0 & a_{22} \end{array}\right] \left[\begin{array}{cc} b_{11} & 0 \\ b_{21} & 0 \end{array}\right] + \left[\begin{array}{cc} a_{11} & 0 \\ a_{21} & 0 \end{array}\right] \left[\begin{array}{cc} 0 & b_{12} \\ 0 & b_{22} \end{array}\right] + \left[\begin{array}{cc} 0 & a_{12} \\ 0 & a_{22} \end{array}\right] \left[\begin{array}{cc} 0 & b_{12} \\ 0 & b_{22} \end{array}\right]$$

Así, la matriz producto se puede descomponer en la siguiente suma

$$\begin{bmatrix} a_{11}b_{11} & 0 \\ a_{21}b_{11} & 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} a_{12}b_{21} & 0 \\ a_{22}b_{21} & 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & a_{11}b_{12} \\ 0 & a_{21}b_{12} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & a_{12}b_{22} \\ 0 & a_{22}b_{22} \end{bmatrix}$$

Como se puede apreciar, las tres matrices se acceden por columnas. Esto resulta en una mejor utilización de la memoria cache.

Para que este método funcione correctamente, se requiere que la matriz donde se almacena el resultado haya sido inicializada en 0. Sin embargo, como esto no es tenido en cuenta en el calculo del tiempo (ya que se realiza para todos los metodos), no presenta una desventaja.

Otro factor importante es el grado de asociatividad de la cache, ya que para que no se produzca trashing tiene que tener como minimo 4 vías para evitar que se reemplacen entre si las columnas de las matrices A, B y C.

Por último, si el tamaño de la matriz a multiplicar es muy grande, las columnas de cada matriz no se pueden mapear completmente en la caché, y si el grado de asociatividad no es el suficiente como para que no se produzcan conflictos no solo entre las matrices, sino también entre las columnas que cada una posee, se puede generar trashing.

# 10.5. Multiplicación por columnas, usando operación en bloques

Este método es la unión de los 2 anteriores, combinando las ventajas de cada uno. Básicamente, con la operacion por bloques se logra reducir el problema que se produce en el método de multiplicación por columnas, al operar con matrices de gran tamaño. Si se escoje el valor adecuado para el tamaño de bloque, se puede lograr operar con matrices pequeñas cuyas columnas entran completamente en cada linea de la caché. De esta manera, se hace un gran aprovechamiento de la localidad espacial y temporal.

#### 11. Hardware utilizado

El programa de multiplicación de matrices, con cada optimización implementada, se ejecutó en dos configuraciones de hardware que se describen a continuación.

#### 11.1. Intel® Pentium® 4 Processor

| Especificaciones |          |                          |             |  |
|------------------|----------|--------------------------|-------------|--|
| sSpec Number     | SL6PE    | Package Type             | 478 pin     |  |
| CPU Speed        | 2.66 GHz | Manufacturing Technology | 0.13 micron |  |
| PCG              |          | Core Stepping            | D1          |  |
| Bus Speed        | 533 MHz  | CPUID String             | 0F29h       |  |
| Bus/Core Ratio   | 20       | Thermal Design Power     | 66.1W       |  |
| L2 Cache Size    | 512 KB   | Thermal Specification    | 74°C        |  |
| L2 Cache Speed   | 2.66 GHz | VID Voltage Range        | 1.53V       |  |

#### Cache Info:

- 1st-level data cache: 8 KB, 4-way set associative, sectored cache, 64-byte line size
- Trace cache: 12 K-uops, 8-way set associative
- 2nd-level cache: 512 KB, 8-way set associative, sectored cache, 64-byte line size
- Data TLB: 4 KB or 4 MB pages, fully associative, 64 entries
- Instruction TLB: 4 KB, 2 MB or 4 MB pages, fully associative,  $$128\ \rm{entries}$$

### 11.2. Intel® $Core^{TM}$ 2 Duo Desktop Processor E6400

| Especificaciones |          |                          |            |  |
|------------------|----------|--------------------------|------------|--|
| sSpec Number     | SL9T9    | Package Type             | LGA775     |  |
| CPU Speed        | 2.13 GHz | Manufacturing Technology | 65 nm      |  |
| PCG              | 06       | Core Stepping            | L2         |  |
| Bus Speed        | 1066 MHz | CPUID String             | 06F2h      |  |
| Bus/Core Ratio   | 8        | Thermal Design Power     | 65W        |  |
| L2 Cache Size    | 2 MB     | Thermal Specification    | 61.4°C     |  |
| L2 Cache Speed   | 2.13 GHz | VID Voltage Range        | 0.85V 1.5V |  |

#### Cache Info:

- 1st-level data cache: 32 KB, 8-way set associative, 64-byte line size
- 1st-level instruction cache: 32 KB, 8-way set associative,  $$64\mbox{-}byte\ line\ size}$
- 2nd-level cache: 2 MB, 8-way set associative, 64-byte line size

- Data TLB: 4 KB Pages, 4-way set associative, 256 entries
- Data TLB: 4 MB Pages, 4-way set associative, 32 entries
- LO Data TLB: 4 MB pages, 4-way set associative, 16 entries
- LO Data TLB: 4 MB pages, 4-way set associative, 16 entries
- Instruction TLB: 4 KB Pages, 4-way set associative, 128 entries
- Instruction TLB: 4 MB Pages, 4-way set associative, 4 entries
- -Instruction TLB: 2 MB Pages, 4-way set associative, 8 entries
- -64-byte Prefetching

### 12. Corridas

#### 12.1. Intel® Pentium® 4 Processor

Compilador: gcc

Opciones: -O3 -mcpu=pentium3 Plataforma: i686-pc-linux-gnu

Descripcion: Multiplicacion basica de tres bucles.

Tam: 31 mflop/s: 798.86 Tam: 32 mflop/s: 733.009 Tam: 96 mflop/s: 724.831 Tam: 97 mflop/s: 772.978 Tam: 127 mflop/s: 728.477 Tam: 128 mflop/s: 639.264 Tam: 129 mflop/s: 707.624 Tam: 191 mflop/s: 413.879 Tam: 192 mflop/s: 416.588 Tam: 229 mflop/s: 373.999 Tam: 255 mflop/s: 328.99 Tam: 256 mflop/s: 46.2338 Tam: 257 mflop/s: 328.774 Tam: 319 mflop/s: 307.961 Tam: 320 mflop/s: 300.856 Tam: 321 mflop/s: 305.358 Tam: 417 mflop/s: 266.695 Tam: 479 mflop/s: 243.731 Tam: 480 mflop/s: 246.481 Tam: 511 mflop/s: 234.434 Tam: 512 mflop/s: 17.426 Tam: 639 mflop/s: 224.291 Tam: 640 mflop/s: 21.3779 Tam: 767 mflop/s: 216.78 Tam: 768 mflop/s: 17.4243 Tam: 769 mflop/s: 207.639

Opciones: -O3 -mcpu=pentium3 Plataforma: i686-pc-linux-gnu

Descripcion: Multiplicacion por 3 bucles invertido.

Tam: 31 mflop/s: 661.754 Tam: 32 mflop/s: 654.862 Tam: 96 mflop/s: 665.334 Tam: 97 mflop/s: 689.371 Tam: 127 mflop/s: 657.269 Tam: 128 mflop/s: 669.602 Tam: 129 mflop/s: 641.112 Tam: 191 mflop/s: 391.991 Tam: 192 mflop/s: 403.942 Tam: 229 mflop/s: 302.083 Tam: 255 mflop/s: 226.864 Tam: 256 mflop/s: 37.8476 Tam: 257 mflop/s: 220.771 Tam: 319 mflop/s: 193.849 Tam: 320 mflop/s: 180.229 Tam: 321 mflop/s: 190.774 Tam: 417 mflop/s: 172.83 Tam: 479 mflop/s: 169.165 Tam: 480 mflop/s: 141.903 Tam: 511 mflop/s: 163.712 Tam: 512 mflop/s: 18.5352 Tam: 639 mflop/s: 162.047 Tam: 640 mflop/s: 23.031 Tam: 767 mflop/s: 162.817 Tam: 768 mflop/s: 18.4353 Tam: 769 mflop/s: 161.163

Opciones: -O3 -mcpu=pentium3 Plataforma: i686-pc-linux-gnu

Descripcion: Multiplicacion de matrices simple por bloques.

Tam: 31 mflop/s: 640.929 Tam: 32 mflop/s: 627.65 Tam: 96 mflop/s: 614.566 Tam: 97 mflop/s: 664.167 Tam: 127 mflop/s: 624.057 Tam: 128 mflop/s: 616.795 Tam: 129 mflop/s: 625.757 Tam: 191 mflop/s: 614.478 Tam: 192 mflop/s: 586.076 Tam: 229 mflop/s: 595.737 Tam: 255 mflop/s: 526.154 Tam: 256 mflop/s: 527.102 Tam: 257 mflop/s: 516.869 Tam: 319 mflop/s: 588.373 Tam: 320 mflop/s: 559.414 Tam: 321 mflop/s: 579.484 Tam: 417 mflop/s: 554.675 Tam: 479 mflop/s: 528.675 Tam: 480 mflop/s: 500.063 Tam: 511 mflop/s: 450.603 Tam: 512 mflop/s: 398.436 Tam: 639 mflop/s: 473.97 Tam: 640 mflop/s: 464.458 Tam: 767 mflop/s: 452.861 Tam: 768 mflop/s: 447.658 Tam: 769 mflop/s: 457.481

Opciones: -O3 -mcpu=pentium3 Plataforma: i686-pc-linux-gnu

Descripcion: Multiplicacion por columnas de A.

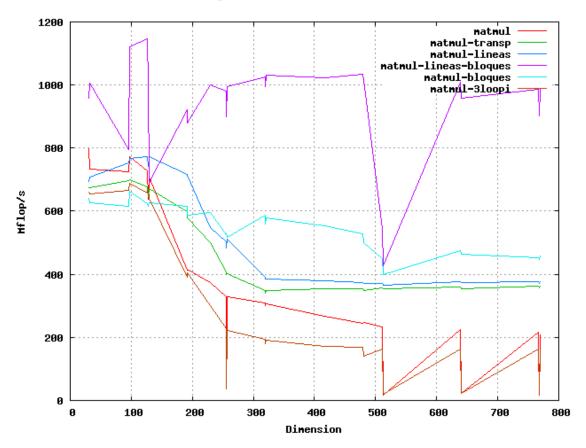
Tam: 31 mflop/s: 694.814 Tam: 32 mflop/s: 707.835 Tam: 96 mflop/s: 754.095 Tam: 97 mflop/s: 768.065 Tam: 127 mflop/s: 771.848 Tam: 128 mflop/s: 742.912 Tam: 129 mflop/s: 772.473 Tam: 191 mflop/s: 716.61 Tam: 192 mflop/s: 715.037 Tam: 229 mflop/s: 548.209 Tam: 255 mflop/s: 503.168 Tam: 256 mflop/s: 484.476 Tam: 257 mflop/s: 510.656 Tam: 319 mflop/s: 389.803 Tam: 320 mflop/s: 385.953 Tam: 321 mflop/s: 383.627 Tam: 417 mflop/s: 378.702 Tam: 479 mflop/s: 375.121 Tam: 480 mflop/s: 372.035 Tam: 511 mflop/s: 370.83 Tam: 512 mflop/s: 365.332 Tam: 639 mflop/s: 377.173 Tam: 640 mflop/s: 373.133 Tam: 767 mflop/s: 376.663 Tam: 768 mflop/s: 370.854 Tam: 769 mflop/s: 377.592

Opciones: -O3 -mcpu=pentium3 Plataforma: i686-pc-linux-gnu

Descripcion: Multiplicacion basica de tres bucles luego de trasponer.

Tam: 31 mflop/s: 675.804 Tam: 32 mflop/s: 673.103 Tam: 96 mflop/s: 697.113 Tam: 97 mflop/s: 699.37 Tam: 127 mflop/s: 676.414 Tam: 128 mflop/s: 646.485 Tam: 129 mflop/s: 671.745 Tam: 191 mflop/s: 598.451 Tam: 192 mflop/s: 580.218 Tam: 229 mflop/s: 501.178 Tam: 255 mflop/s: 407.813 Tam: 256 mflop/s: 400.691 Tam: 257 mflop/s: 401.961 Tam: 319 mflop/s: 347.075 Tam: 320 mflop/s: 340.803 Tam: 321 mflop/s: 347.934 Tam: 417 mflop/s: 353.542 Tam: 479 mflop/s: 353.902 Tam: 480 mflop/s: 348.607 Tam: 511 mflop/s: 355.784 Tam: 512 mflop/s: 353.872 Tam: 639 mflop/s: 360.57 Tam: 640 mflop/s: 353.998 Tam: 767 mflop/s: 363.04 Tam: 768 mflop/s: 357.843 Tam: 769 mflop/s: 362.779

### 12.2. Grafico Comparativo:



#### 12.3. Core 2 Duo E6400

Compilador: gcc

Opciones: -O3 -mcpu=pentium3 Plataforma: i686-pc-linux-gnu

Descripcion: Multiplicacion basica de tres bucles.

Tam: 31 mflop/s: 956.216 Tam: 32 mflop/s: 944.568 Tam: 96 mflop/s: 1266.29 Tam: 97 mflop/s: 1244.16 Tam: 127 mflop/s: 1283.46 Tam: 128 mflop/s: 651.338 Tam: 129 mflop/s: 1277.71 Tam: 191 mflop/s: 1271.9 Tam: 192 mflop/s: 645.99 Tam: 229 mflop/s: 1275.01 Tam: 255 mflop/s: 1282.98 Tam: 256 mflop/s: 644.159 Tam: 257 mflop/s: 1279.6 Tam: 319 mflop/s: 1278.86 Tam: 320 mflop/s: 647.424 Tam: 321 mflop/s: 1266.74 Tam: 417 mflop/s: 444.455 Tam: 479 mflop/s: 370.454 Tam: 480 mflop/s: 372.397 Tam: 511 mflop/s: 353.249 Tam: 512 mflop/s: 143.71 Tam: 639 mflop/s: 339.37 Tam: 640 mflop/s: 356.774 Tam: 767 mflop/s: 337.243 Tam: 768 mflop/s: 166.853 Tam: 769 mflop/s: 331.102

Opciones: -O3 -mcpu=pentium3 Plataforma: i686-pc-linux-gnu

Descripcion: Multiplicacion por 3 bucles invertido.

Tam: 31 mflop/s: 1321.45 Tam: 32 mflop/s: 1282.66 Tam: 96 mflop/s: 1140.83 Tam: 97 mflop/s: 1205.84 Tam: 127 mflop/s: 1270.47 Tam: 128 mflop/s: 745.792 Tam: 129 mflop/s: 1227.73 Tam: 191 mflop/s: 1310.07 Tam: 192 mflop/s: 742.715 Tam: 229 mflop/s: 1295.13 Tam: 255 mflop/s: 1273.96 Tam: 256 mflop/s: 753.4 Tam: 257 mflop/s: 1330.58 Tam: 319 mflop/s: 1202.46 Tam: 320 mflop/s: 713.453 Tam: 321 mflop/s: 1005.99 Tam: 417 mflop/s: 309.13 Tam: 479 mflop/s: 289.258 Tam: 480 mflop/s: 333.348 Tam: 511 mflop/s: 244.422 Tam: 512 mflop/s: 149.318 Tam: 639 mflop/s: 200.872 Tam: 640 mflop/s: 272.988 Tam: 767 mflop/s: 195.256 Tam: 768 mflop/s: 180.878 Tam: 769 mflop/s: 192.686

Opciones: -O3 -mcpu=pentium3 Plataforma: i686-pc-linux-gnu

Descripcion: Multiplicacion de matrices simple por bloques.

Tam: 31 mflop/s: 1212.9 Tam: 32 mflop/s: 1208.78 Tam: 96 mflop/s: 1231.96 Tam: 97 mflop/s: 1176.52 Tam: 127 mflop/s: 1276.96 Tam: 128 mflop/s: 716.413 Tam: 129 mflop/s: 1288.7 Tam: 191 mflop/s: 1270.03 Tam: 192 mflop/s: 1277.75 Tam: 229 mflop/s: 1258.1 Tam: 255 mflop/s: 1224.33 Tam: 256 mflop/s: 625.331 Tam: 257 mflop/s: 1190.77 Tam: 319 mflop/s: 1189.44 Tam: 320 mflop/s: 1200.76 Tam: 321 mflop/s: 1255.07 Tam: 417 mflop/s: 1154.13 Tam: 479 mflop/s: 1251.7 Tam: 480 mflop/s: 1245.69 Tam: 511 mflop/s: 1238.65 Tam: 512 mflop/s: 632.629 Tam: 639 mflop/s: 1197.49 Tam: 640 mflop/s: 654.848 Tam: 767 mflop/s: 1241.31 Tam: 768 mflop/s: 621.655 Tam: 769 mflop/s: 1201.25

Opciones: -O3 -mcpu=pentium3 Plataforma: i686-pc-linux-gnu

Descripcion: Multiplicacion por columnas de A.

Tam: 31 mflop/s: 1627.4 Tam: 32 mflop/s: 1580 Tam: 96 mflop/s: 1420.21 Tam: 97 mflop/s: 1416.65 Tam: 127 mflop/s: 1474.29 Tam: 128 mflop/s: 1386.12 Tam: 129 mflop/s: 1491.18 Tam: 191 mflop/s: 1457.47 Tam: 192 mflop/s: 1381.82 Tam: 229 mflop/s: 1547.82 Tam: 255 mflop/s: 1527.84 Tam: 256 mflop/s: 1388.78 Tam: 257 mflop/s: 1536.32 Tam: 319 mflop/s: 1525.52 Tam: 320 mflop/s: 1542.17 Tam: 321 mflop/s: 1488.85 Tam: 417 mflop/s: 1355.6 Tam: 479 mflop/s: 1195.36 Tam: 480 mflop/s: 1200.6 Tam: 511 mflop/s: 1122.46 Tam: 512 mflop/s: 1033.02 Tam: 639 mflop/s: 971.96 Tam: 640 mflop/s: 873.935 Tam: 767 mflop/s: 891.468 Tam: 768 mflop/s: 930.549 Tam: 769 mflop/s: 910.804

Opciones: -O3 -mcpu=pentium3 Plataforma: i686-pc-linux-gnu

Descripcion: Multiplicacion basica de tres bucles luego de trasponer.

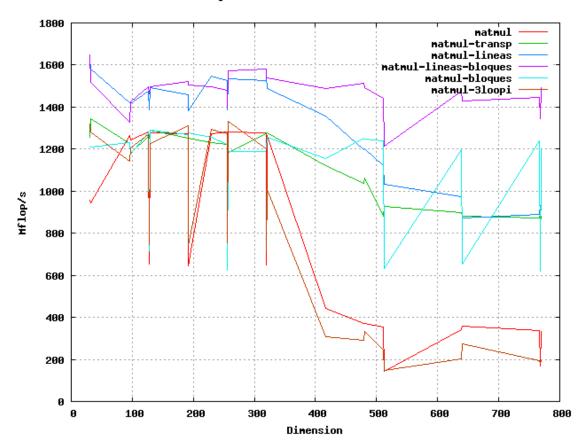
Tam: 31 mflop/s: 1258.3 Tam: 32 mflop/s: 1346.76 Tam: 96 mflop/s: 1226.76 Tam: 97 mflop/s: 1180.43 Tam: 127 mflop/s: 1258.67 Tam: 128 mflop/s: 1250.07 Tam: 129 mflop/s: 1291.28 Tam: 191 mflop/s: 1252.98 Tam: 192 mflop/s: 1253.05 Tam: 229 mflop/s: 1232.31 Tam: 255 mflop/s: 1221.02 Tam: 256 mflop/s: 1199.36 Tam: 257 mflop/s: 1185.93 Tam: 319 mflop/s: 1273.79 Tam: 320 mflop/s: 1278.29 Tam: 321 mflop/s: 1279.12 Tam: 417 mflop/s: 1122.18 Tam: 479 mflop/s: 1036.39 Tam: 480 mflop/s: 1063.2 Tam: 511 mflop/s: 882.452 Tam: 512 mflop/s: 926.115 Tam: 639 mflop/s: 899.544 Tam: 640 mflop/s: 882.849 Tam: 767 mflop/s: 873.074 Tam: 768 mflop/s: 893.43 Tam: 769 mflop/s: 869.49

Opciones: -O3 -mcpu=pentium3 Plataforma: i686-pc-linux-gnu

Descripcion: Multiplicacion de matrices por linea por bloques.

Tam: 31 mflop/s: 1646.9 Tam: 32 mflop/s: 1517.89 Tam: 96 mflop/s: 1326.21 Tam: 97 mflop/s: 1425.29 Tam: 127 mflop/s: 1495.96 Tam: 128 mflop/s: 1463.36 Tam: 129 mflop/s: 1496.36 Tam: 191 mflop/s: 1522.35 Tam: 192 mflop/s: 1506.85 Tam: 229 mflop/s: 1496.02 Tam: 255 mflop/s: 1477.82 Tam: 256 mflop/s: 1398.82 Tam: 257 mflop/s: 1572.1 Tam: 319 mflop/s: 1579.07 Tam: 320 mflop/s: 1532.77 Tam: 321 mflop/s: 1538.13 Tam: 417 mflop/s: 1489.86 Tam: 479 mflop/s: 1512.6 Tam: 480 mflop/s: 1490.32 Tam: 511 mflop/s: 1443.57 Tam: 512 mflop/s: 1215.07 Tam: 639 mflop/s: 1474.68 Tam: 640 mflop/s: 1428.28 Tam: 767 mflop/s: 1445.49 Tam: 768 mflop/s: 1345.2 Tam: 769 mflop/s: 1491.86

### 12.4. Grafico Comparativo:



#### 13. Analisis de resultados y conclusiones:

#### 13.1. Inversión de ciclos.

Como se observa en los gráficos, el multiplicar básico es muy inestable respecto del tamaño de matriz utilizado y el más ineficiente. Asimismo, lo único que produce la mejora propuesta es un **pequeño** aumento de la estabilidad y del rendimiento. La curva mantiene la misma tendencia que la del método básico.

#### 13.2. Básico con trasposición.

En este caso podemos notar que el método es bastante estable (en contraposición con los anteriores).

Cuando la matriz es pequeña, el costo de transposición es pequeño, y la ventaja de recorrer por columnas no se ve tan perjudicada, obteniendo un buen desempeño.

Cuando la matrices a multiplicar son muy grandes, este método presenta 2 problemas: Por un lado el costo de transposición aumenta, porque los elementos simétricos están más separados en memoria y se pierde localidad espacial, y por el otro lado, cada columna columna sobrepasa el tamaño de la caché y se genera trashing. Este fenómeno se puede apreciar en el gráfico (con la brusca caída de mflops alrededor de un tamaño identificable).

#### 13.3. Multiplicación por columnas.

Se puede ver que este método se comporta de manera similar al anterior (porque se basan en el mismo principio) sin el tiempo consumido por el proceso de transposición, por lo que la curva mflops(tamaño) se encuentra desplazada hacia arriba.

#### 13.4. Multiplicación por bloques.

Este método evidencia la ventaja de trabajar con matrices de un tamaño deseado (pudiendo elegir el mas conveniente para cada situación).

El desempeño es muy variable y depende de la compatibilidad entre las dimensiones de las matrices y el tamaño del bloque (sin dejar de lado el tamaño de la cache y el grado de asociatividad de la misma). Esto significa que se puede lograr un gran rendimiento al procesar matrices muy grandes, eligiendo correctamente el bloque, cosa que no se puede realizar con los otros métodos.

Todo esto esto se puede ver claramente en el gráfico.

#### 13.5. Multiplicación por columnas y bloques.

Como supusimos, se logran aprovechar las ventajas de los dos métodos anteriores.

Se pudo elegir el tamaño de bloque de manera tal de operar la mayor parte del tiempo con matrices que povocan un rendimiento óptimo para el método de multiplicación por columnas. De esta manera se logra mantener este nivel sin importar el tamaño de la matriz original.

## 14. Código fuente