

Ingeniería del Conocimiento

Tema 3: Búsqueda NO Informada

Objetivos del tema



- Ubicación
 - Unidad 2: BUSQUEDA EN ESPACIO DE ESTADOS
 - Tema 3: Búsqueda NO Informada
- Objetivos generales
 - Definir búsqueda NO informada y entender su ámbito de aplicación
 - Comprender los distintos métodos de búsqueda no informada en función del algoritmo de expansión de nodos
 - Saber aplicar cada método en función de la completitud y complejidad espacial y temporal
 - Resolver problemas de búsqueda no informada de forma teórica y práctica,
 - Analizando grafos
 - Implementando los correspondientes algoritmos

Contenido



- 1. Introducción
- 2. Implementación
- 3. Métodos no informados
 - 1. Búsqueda en anchura
 - 2. Búsqueda de coste uniforme
 - 3. Búsqueda en profundidad
 - 4. Búsqueda en profundidad limitada
 - Búsqueda en profundidad iterativa
 - 6. Búsqueda bidireccional
- 4. Complejidad



- 2. Implementación
- 3. Métodos no informados
 - 1. Búsqueda en anchura
 - 2. Búsqueda de coste uniforme
 - 3. Búsqueda en profundidad
 - 4. Búsqueda en profundidad limitada
 - 5. Búsqueda en profundidad iterativa
 - 6. Búsqueda bidireccional
- 4. Complejidad



- Búsqueda: exploración del espacio de estados por medio de la generación de sucesores de los estados explorados
- Cuando cualquier nodo del árbol de búsqueda es igualmente prometedor para alcanzar la meta, hablamos de estrategias de búsqueda
 - NO INFORMADAS
 - CIEGAS

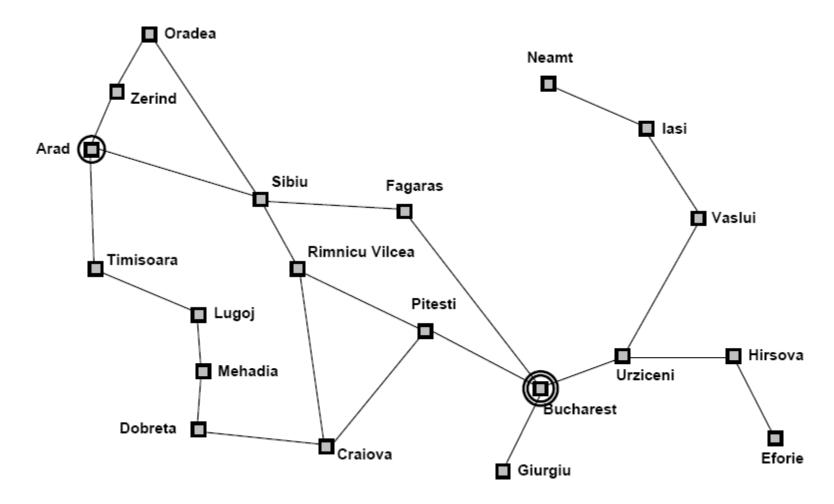
(solo usan información disponible en la definición del problema)

- Una búsqueda a ciegas requiere visitar un número de nodos mucho mayor que una búsqueda inteligente. Por ello solo se aplica a problemas simples
 - de un solo estado (single-state)
 - de conjuntos de estados (multiple-state)

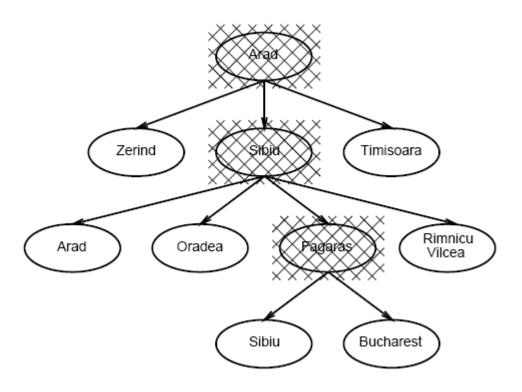


- Conceptos (nodo):
 - Expansión: se añaden los posibles sucesores al nodo
 - Acción: acción que nos llevó del nodo padre a "éste"
 - Frontera: conjunto de nodos pendientes de expandir
 - Función de Coste: g(n) desde el nodo origen hasta "éste"
- Definición de problema (problema bien definido):
 - Estado inicial
 - Descripción de acciones posibles
 - Test Objetivo, que determina si el estado es objetivo
 - Función de Coste del camino
- Solución: <u>Camino</u> desde el estado inicial al estado objetivo
- Solución óptima: La que minimiza la función de coste











- 3. Métodos no informados
 - 1. Búsqueda en anchura
 - 2. Búsqueda de coste uniforme
 - 3. Búsqueda en profundidad
 - 4. Búsqueda en profundidad limitada
 - 5. Búsqueda en profundidad iterativa
 - 6. Búsqueda bidireccional
- 4. Complejidad



- Implementación de un problema como <u>búsqueda no</u> <u>informada en espacio de estados</u>
 - Elección de una representación (estructura de datos):
 - para los estados
 - para los operadores
 - Elementos de la representación:
 - Variables: *ESTADO-INICIAL*, *ESTADO-FINAL*, ESTADO-SUCESOR, NODO-ACTUAL, *ABIERTO*, *CERRADO*
 - Lista de operadores: *OPERADORES*
 - Funciones de acceso: ESTADO(NODO), ES-ESTADO-FINAL(ESTADO(NODO)),
 EXTRAE-PRIMERO(ABIERTO), CAMINO(NODO), COSTE(NODO)
 - Funciones operadores: SUCESORES(NODO), FUNCION
 SUCESOR(NODO, OPERADOR), GESTIONA-COLA(ABIERTO, SUCESORES)



FUNCION SUCESOR (NODO, OPERADOR)



FUNCION SUCESORES (NODO)

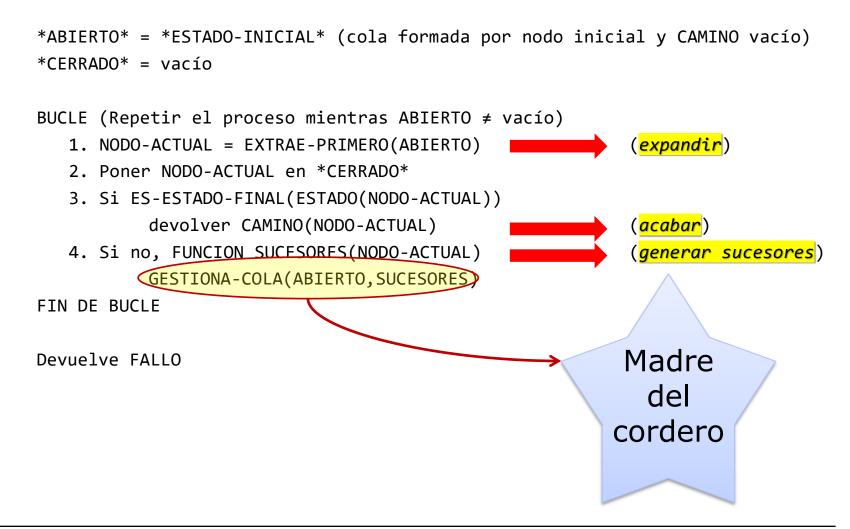
- Hacer *SUCESORES* vacío
- 3. Devolver *SUCESORES*

GESTIONA-COLA(ABIERTO, SUCESORES)

Insertar *SUCESORES* en *ABIERTO*
Elegir un nuevo estado actual, dejando los restantes para
analizarlos posteriormente (frontera)



Exploración del grafo del espacio de estados





- La implementación anterior es independiente del problema
 - ABIERTO es la frontera, una "cola" en la que esperan los nodos generados pendientes de ser analizados (y expandidos)
 - CERRADO contiene los nodos ya analizados:
 - Permite no iniciar la búsqueda en estados analizados
 - En particular, permite evitar ciclos en el proceso de búsqueda
 - En determinados problemas es prescindible
 - GESTIONA-COLA(ABIERTO, SUCESORES): Estrategia de control responsable de elegir el <u>orden</u> en que se van explorando los estados
 - A que nodo se aplican los operadores
 - Qué nodo se expande



- Rendimiento de una estrategia de búsqueda se evalúa por:
 - Completitud
 - ¿encuentra siempre una solución si existe ésta?
 - Optimización
 - ¿se encuentra siempre la solución de mínimo coste?
 - Complejidad en tiempo
 - número de nodos generados/expandidos durante la búsqueda
 - Complejidad en espacio
 - máximo número de nodos en memoria (visitados o no)
- Las complejidades temporal y espacial se miden en términos de
 - b: máximo factor de ramificación del árbol de búsqueda
 - d: profundidad de la solución de menor coste
 - m: profundidad máxima del espacio de estados (puede ser ∞)



- Hipótesis: el tiempo de generación de nodos sucesores es constante y no existen otros factores
- Coste total
 - Coste de la solución: coste del camino encontrado
 - Coste de la búsqueda de la solución: complejidad del algoritmo utilizado
- Hay que llegar a un compromiso entre ambos costes
 - Obtener la mejor solución posible con los recursos computacionales disponibles



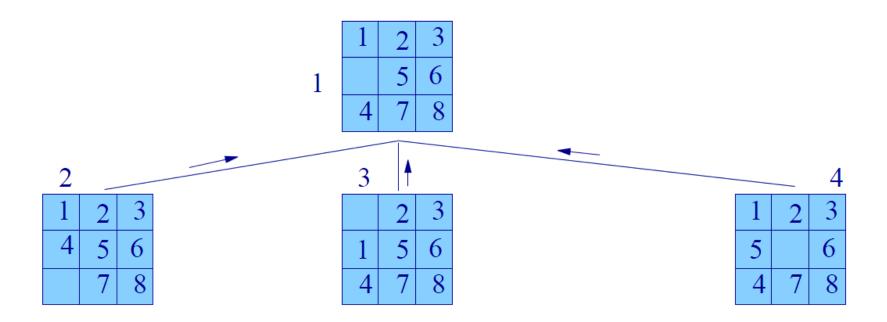
- 1. Introducción
- 2. Implementación
- 3. Métodos no informados
 - 1. Búsqueda en anchura
 - Búsqueda de coste uniforme
 - 3. Búsqueda en profundidad
 - 4. Búsqueda en profundidad limitada
 - 5. Búsqueda en profundidad iterativa
 - Búsqueda bidireccional
- 4. Complejidad

3. Métodos no informados

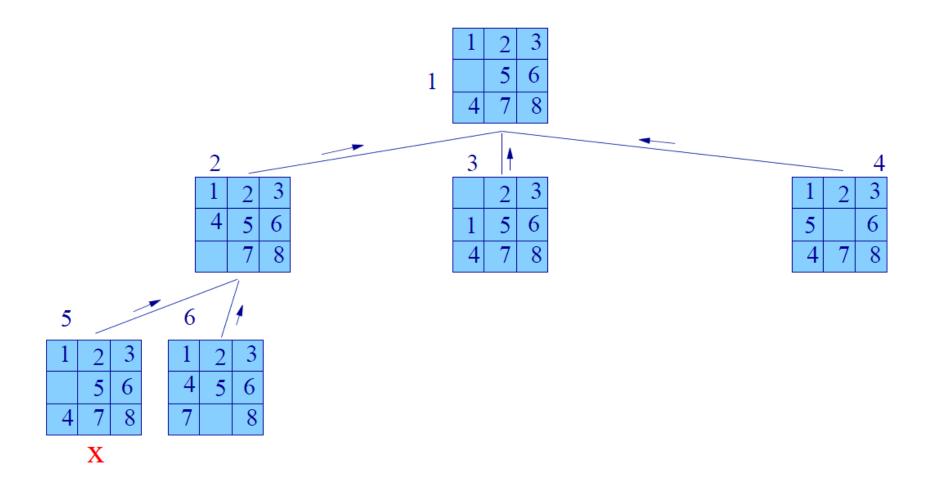


- Para problemas ciegos, se pueden usar varias estrategias según se genere la frontera y en qué orden se exploran los nodos en ella
- Tipos de Búsqueda sin Información
 - Primero en Anchura (Breadth-first search BFS)
 - De Coste Uniforme (Uniform cost search UCS)
 - Primero en Profundidad (Depth-first search DFS)
 - En Profundidad Limitada (Depth-limited search DLS)
 - En Profundidad Iterativa (Iterative deepening search IDS)
 - Bidireccional (Bi-directional search BS)

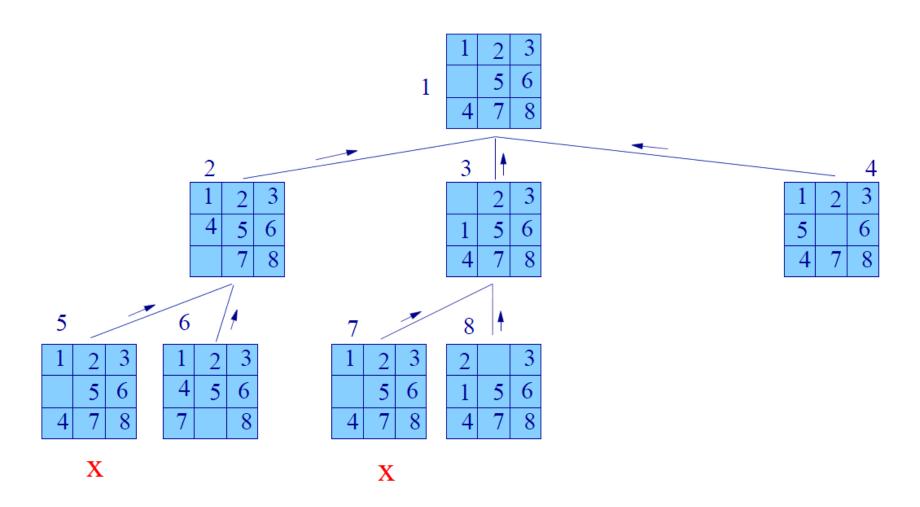




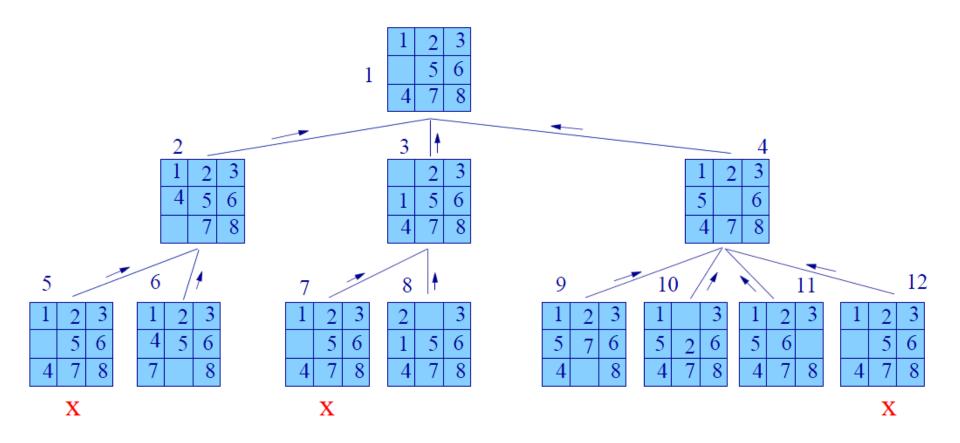




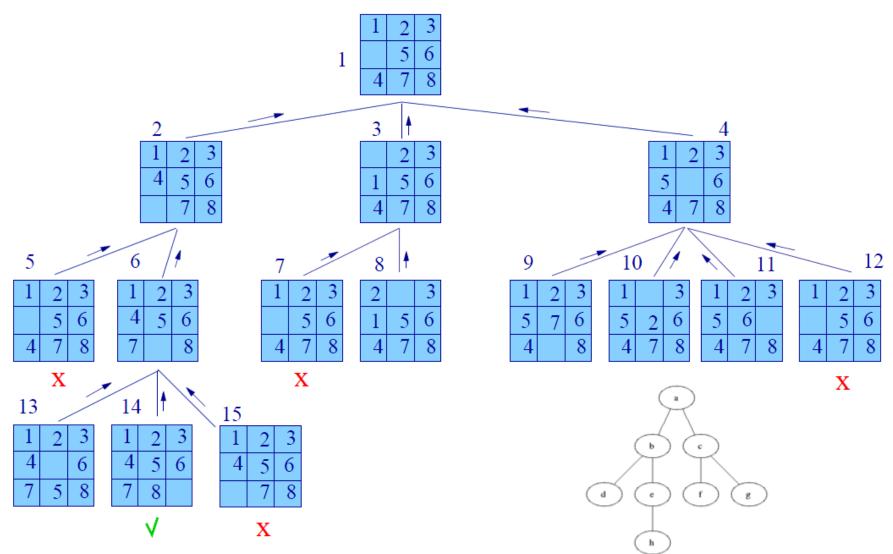














- Moore, 1959
- Los nodos se expanden por orden creciente de profundidad
 - Los nodos de profundidad d se expanden antes que los nodos de profundidad d+1 (por lo que no hay vuelta atrás)
 - Expande primero los nodos no expandidos menos profundos
- ABIERTO SE implementa con una cola FIFO
 - GESTIONA-COLA: Añadir al final de ABIERTO
- Propiedades:
 - Completa: Si, encuentra solución si existe y b es finito
 - Complejidad tiempo: $1 + b + b^2 + b^3 + + b^d = O(b^{d+1})$
 - Complejidad espacio: O(b^{d+1})
 - Optima: Si, si todos los operadores tienen el mismo coste y (coste acción = 1)



Resumen

- Eficiencia: buena si las metas están cercanas
- Problema: consume memoria exponencial y hay que guardar todos los nodos en memoria. Solo viable en casos pequeños

Para

- Ramificación 10
- 1000 nodos por seg.
- 100 bytes por nodo:

Profundidad	Nodos	Tiempo	Espacio
0	1	1 ms.	100 b
2	111	0.1 seg.	11 Kb
4	11111	11 seg.	1 Mb
6	10^{6}	18 min.	11 Mb
8	10^{8}	31 horas	11 Gb
10	10^{10}	$128 \mathrm{\ días}$	1 Tb
12	10^{12}	33 años	11 Tb
14	10^{14}	3500 años	11.111 Tb



```
PROCEDIMIENTO ANCHURA(Estado-inicial, Estado-Final)
    *ABIERTO* = *ESTADO-INICIAL*
    Hacer *CERRADO* vacío
    BUCLE (Repetir el proceso mientras ABIERTO ≠ vacío)
       1. NODO-ACTUAL = EXTRAE-PRIMERO(ABIERTO)
       Poner NODO-ACTUAL en *CERRADO*
       3. Si ES-ESTADO-FINAL(ESTADO(NODO-ACTUAL))
               devolver CAMINO(NODO-ACTUAL)
       4. Si no, FUNCION SUCESORES(NODO-ACTUAL)
               GESTIONA-COLA(ABIERTO, SUCESORES)
               Añadir *SUCESORES* al final de ABIERTO (cola FIFO)
    FIN DE BUCLE
    Devuelve FALLO (S)
```

Árbol y Tabla de búsqueda en anchura para el problema de las jarras:

	(0 0)	
(40) 2		(0,3) (3)
(1,3	3) (5)	(3 0) 6
(1 (0) 7	(3 3) 8
(0.1	1) 9	(4 2) 10
ļ .		↓
(4)	1) (11)	(0 2) (12)
(2 3	3) 13	(20)

(0,0)(1)

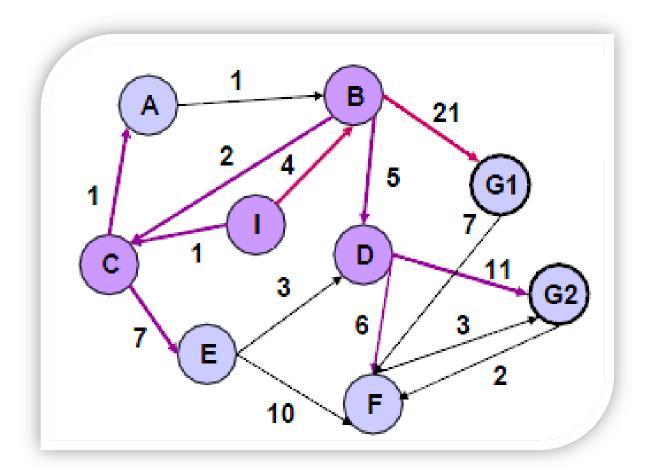
Nodo	Actual	Sucesores	Abiertos
			$((0\ 0))$
1	$(0\ 0)$	$((4\ 0)\ (0\ 3))$	$((4\ 0)\ (0\ 3))$
2	$(4\ 0)$	$((4\ 3)\ (1\ 3))$	$((0\ 3)\ (4\ 3)\ (1\ 3))$
3	$(0\ 3)$	$((3\ 0))$	$((4\ 3)\ (1\ 3)\ (3\ 0))$
4	$(4\ 3)$	()	$((1\ 3)\ (3\ 0))$
5	$(1\ 3)$	$((1\ 0))$	$((3\ 0)\ (1\ 0))$
6	$(3\ 0)$	$((3\ 3))$	$((1\ 0)\ (3\ 3))$
7	$(1 \ 0)$	$((0\ 1))$	$((3\ 3)\ (0\ 1))$
8	$(3\ 3)$	$((4\ 2))$	$((0\ 1)\ (4\ 2))$
9	$(0\ 1)$	$((4\ 1))$	$((4\ 2)\ (4\ 1))$
10	$(4\ 2)$	$((0\ 2))$	$((4\ 1)\ (0\ 2))$
11	$(4\ 1)$	$((2\ 3))$	$((0\ 2)\ (2\ 3))$
12	$(0\ 2)$	$((2\ 0))$	$((2\ 3)\ (2\ 0))$
13	(2 3)		



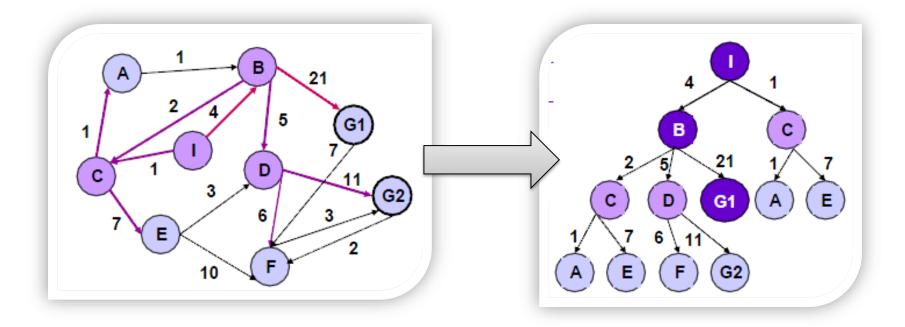
Estadísticas de casos conocidos

	Tiempo (seg.)	Espacio (bytes)	Nodos cerrados	Máximo en abierto	Max. Depth
Viaje	0,18	3.260	8	4	3
Granjero	0,18	3.432	10	2	7
Jarras	0,41	7.236	13	3	6
8-puzzle	4,51	68.292	46	22	5





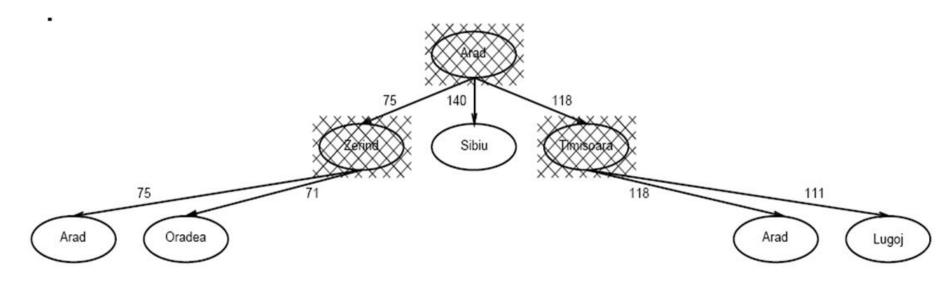




- Nodos cerrados (por orden): I B C C D G1
- Nodos abiertos (por orden): I B C C D G1 A E A E F G2
- Camino a la solución: I B G1
- Coste: 4+21 = 25



- Dijkstra, 1959
- Parecida a la búsqueda en anchura, pero se expande el nodo de menor coste (camino de coste mas pequeño)
- ABIERTO Se implementa con una lista ordenada (cola de prioridad)
 - GESTIONA-COLA: Añadir ordenadamente a ABIERTO en orden creciente del coste del camino desde nodo inicial a cada nodo





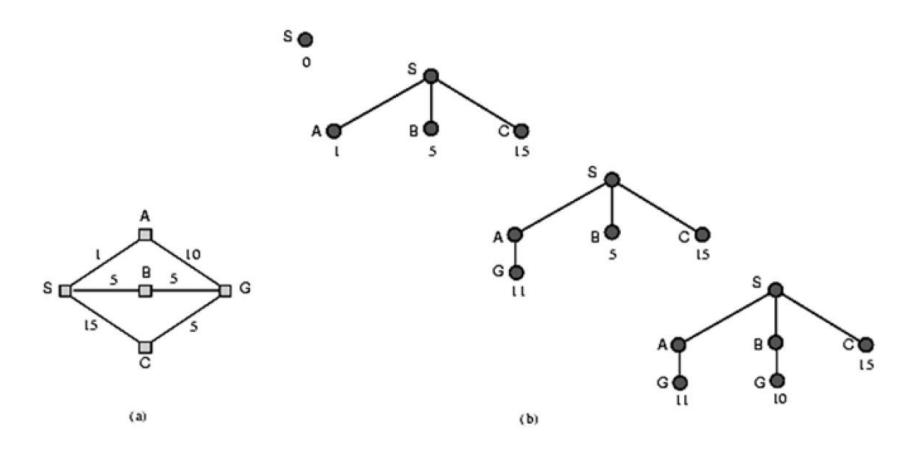
- Propiedades:
 - Completa: Si, encuentra la solución de menor coste
 - Complejidad tiempo: $O(b^{C*/\epsilon})$ del peor caso
 - Complejidad espacio: $O(b^{C^*/\varepsilon})$ del peor caso
 - Óptima: Si, si se cumple que $g(SUCESOR(N)) \ge g(N)$
 - C* es el coste de la solución óptima
 - ε es el mínimo coste de acción
 - Problema si $\varepsilon=0$
- La búsqueda de coste uniforme no se preocupa por el número de pasos que tiene el camino si no por coste total del camino
 - Mejor que la búsqueda en anchura si los costes son muy diferentes y están bien estimados
 - Si todos los costes son iguales, idéntica a la búsqueda en anchura



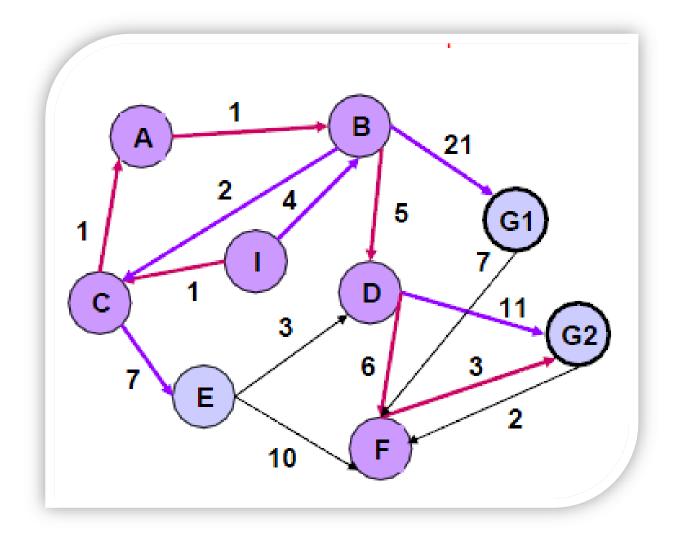
PROCEDIMIENTO COSTE UNIFORME-DIJKSTRA(Estado-inicial, Estado-Final) *ABIERTO* = *ESTADO-INICIAL* Hacer *CERRADO* vacío BUCLE (Repetir el proceso mientras ABIERTO ≠ vacío) 1. NODO-ACTUAL = EXTRAE-PRIMERO(ABIERTO) Poner NODO-ACTUAL en *CERRADO* 3. Si ES-ESTADO-FINAL(ESTADO(NODO-ACTUAL)) devolver CAMINO(NODO-ACTUAL) 4. Si no, FUNCION SUCESORES(NODO-ACTUAL) 5. Si SUCESOR ya está en *CERRADO*, Si coste es menor, insertar ordenadamente en *ABIERTO* Actualizar coste y camino 6. Si SUCESOR ya está en *ABIERTO*, Si coste es menor, actualizar coste, posición y camino 7. GESTIONA-COLA(ABIERTO, SUCESORES) Añadir *SUCESORES* a *ABIERTO* en orden creciente de g(n)

FIN DE BUCLE
Devuelve FALLO 😣







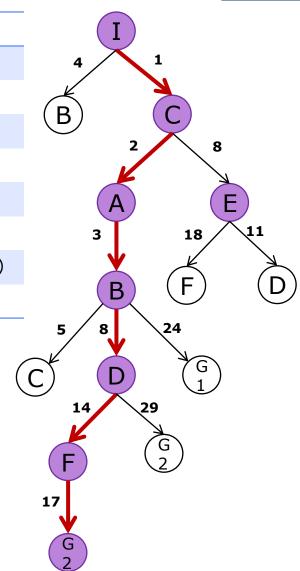




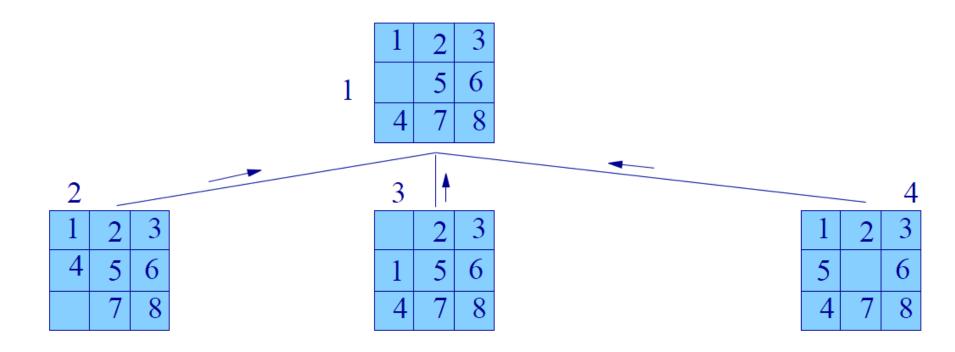
Nodo	Actual	Sucesores	Abiertos (cola de prioridad)
			I
1	I	B(4), C(1)	C(1) B(4)
2	С	A(2), E(8)	A(2) B(4) E(8)
3	Α	B(3)	B(3) B(4) E(8)
4	В	C(5), D(8), G1(24)	B(4) C(5) D(8) E(8) G1(24)
5	<u>B</u> € D	F(14), G2(19)	E(8) F(14) G2(19) G1(24)
6	Е	F(18), D(11)	D(11) F(14) F(18) G2(19) G1(24)
7	D F	G2(17)	

Camino a la solución: I C A B D F G2

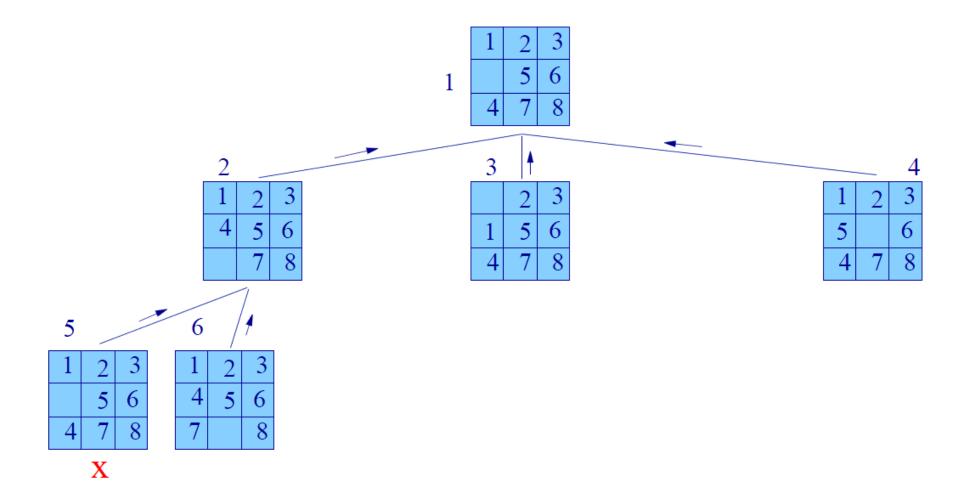
• Coste: 1+1+1+5+6+3 = 17



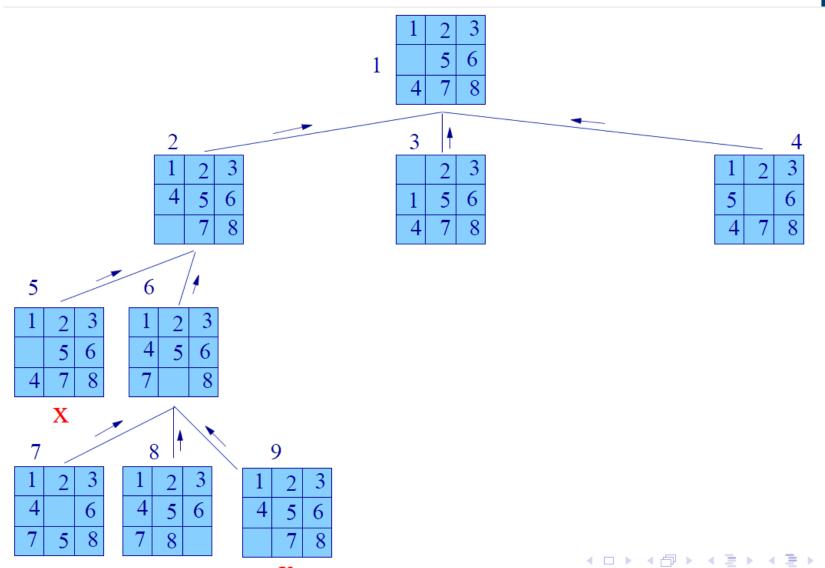








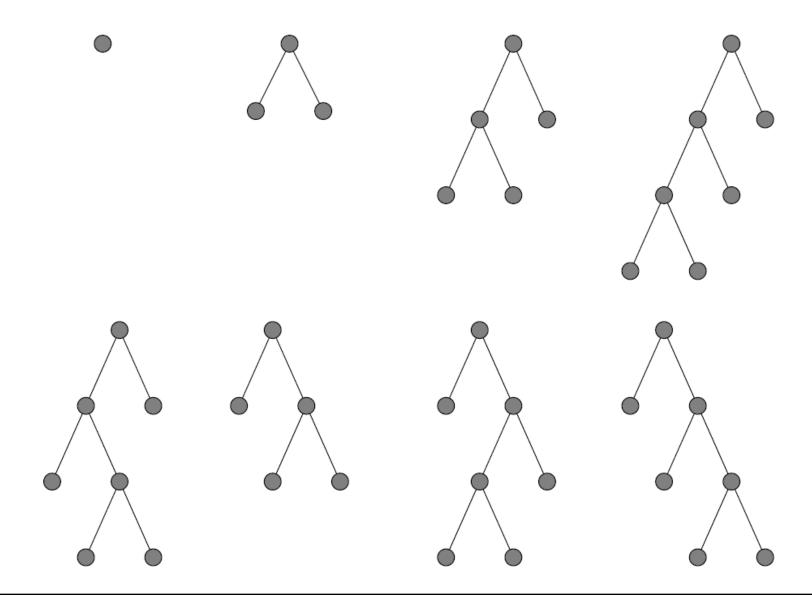






- Los sucesores van por delante. Se expanden antes los nodos no expandidos más profundos hasta el final
 - Se expande primero el último nodo que se insertó visitando un sucesor del nodo actual en cada paso
- ABIERTO SE implementa con una pila LIFO
 - GESTIONA-COLA: Añadir al principio de ABIERTO
- Propiedades
 - Completa: No, falla en espacios de profundidad ∞ y en espacios cíclicos.
 - Si se evitan estados repetidos → completa en espacios finitos
 - Complejidad tiempo: O(b^m) pero para espacios densos es más rápido que la de en anchura primero
 - m es la máxima profundidad del árbol de búsqueda: max(d)
 - Complejidad espacio: O(b*m+1) lineal, barata en espacio
 - Óptima: No







- Resumen
 - Eficiencia: bueno con metas alejadas de estado inicial o problemas de memoria
 - Problema: No es bueno cuando hay ciclos
- Características
 - Requiere técnica de retroceso ("backtracking")
 - Razones para retroceso:
 - Se ha llegado al límite de profundidad
 - Se han estudiado todos los sucesores de un nodo y no se ha llegado a la solución
 - Se sabe que el estado no conduce a la solución
 - Se genera un estado repetido
- Puede caer en bucles infinitos. Precisa de un espacio finito no cíclico de búsqueda (<u>o una función de testeado de</u> <u>estados repetidos</u>).



PROCEDIMIENTO PROFUNDIDAD(Estado-inicial, Estado-Final, DEPTH-MAX)

```
*ABIERTO* = *ESTADO-INICIAL*
Hacer *CERRADO* vacío
BUCLE (Repetir el proceso mientras ABIERTO ≠ vacío)
   1. NODO-ACTUAL = EXTRAE-PRIMERO(ABIERTO)
   Poner NODO-ACTUAL en *CERRADO*
   3. Si ES-ESTADO-FINAL(ESTADO(NODO-ACTUAL))
           devolver CAMINO(NODO-ACTUAL)
   4. Si no,
           4.1 Generar SUCESORES(NODO-ACTUAL) que no están ni en ABIERTO ni
               en CERRADOS
           4.2 GESTIONA-COLA(ABIERTO, SUCESORES)
                  Añadir *SUCESORES* al comienzo de ABIERTO (pila LIFO)
FIN DE BUCLE
```

Devuelve FALLO (3)

Árbol y Tabla de búsqueda en profundidad para el problema de las jarras:

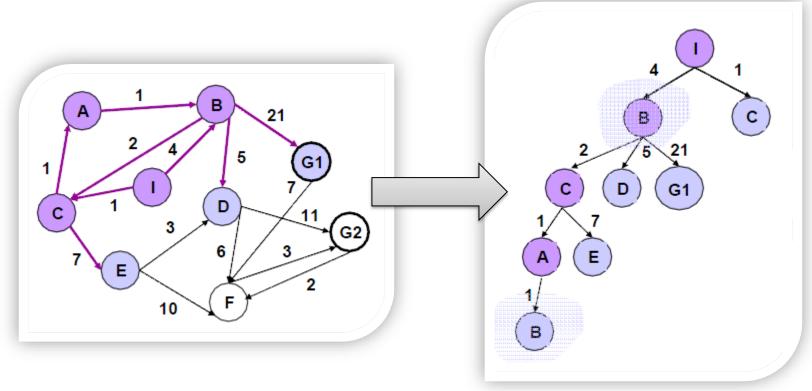
	(00)
(40)	2
	(1 3) 4
	(10) (5)
3))	(0 1) 6
	(4 1) 7
	(2 3) 8

 $(0\ 0)\ (1)$

Nodo	Actual	Sucesores	Abiertos
			((0 0))
1	$(0\ 0)$	$((4\ 0)\ (0\ 3))$	$((4\ 0)\ (0\ 3))$
2	$(4\ 0)$	$((4\ 3)\ (1\ 3))$	$((4\ 3)\ (1\ 3)\ (0\ 3))$
3	$(4\ 3)$	()	$((1\ 3)\ (0\ 3))$
4	$(1\ 3)$	$((1\ 0))$	$((1\ 0)\ (0\ 3))$
5	$(1\ 0)$	$((0\ 1))$	$((0\ 1)\ (0\ 3))$
6	(0 1)	$((4\ 1))$	$((4\ 1)\ (0\ 3))$
7	$(4\ 1)$	$((2\ 3))$	$((2\ 3)\ (0\ 3))$
8	$(2\ 3)$		

(0.3)





- Sin control de ciclos no encuentra solución (rama infinita)
- Nodos abiertos: B E D G1 C
- Nodos expandidos: I в с а



- Cuando el espacio de estados tiene ciclos es necesario tener cuidado con ellos
 - por eficiencia
 - por terminación

"Los algoritmos que olvidan su historia están condenados a repetirla"

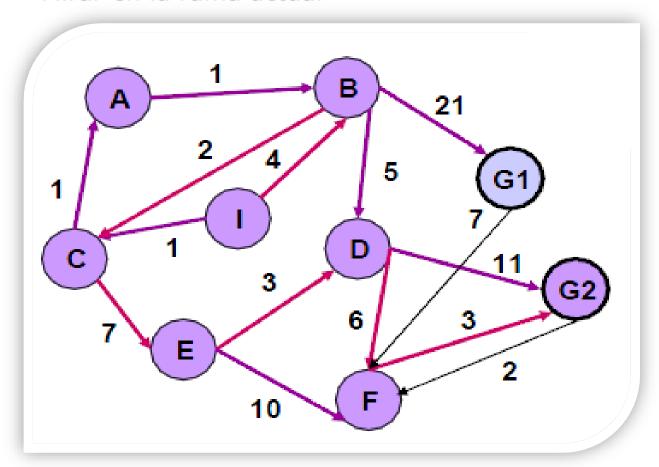
- El control de ciclos empeora la complejidad de los algoritmos utilizados
- Detección de ciclos en la búsqueda:
 - En algunos espacios de estados no hay posibilidad de caminos cíclicos y no se necesita CERRADO para detectar ciclos
 - Para detectar ciclos solo es necesario almacenar los nodos de la rama que se esta explorando en cada momento



- Mecanismos de control de ciclos
 - Mirar los nodos del camino actual es lo más sencillo y lo menos costoso (cada nodo tiene acceso a su padre)
 - Mirar los nodos de ABIERTO (generados sin expandir)
 - Mirar los nodos de CERRADO (estados ya expandidos)
- Un control completo se consigue combinando las 2 últimas comprobaciones
 - Puede suponer una sobrecarga inaceptable si no es necesario
 - Hay que implementar algoritmos de búsqueda en ABIERTO y CERRADO
 - Gestión de CERRADO (siempre aumenta; nunca se eliminan elementos)

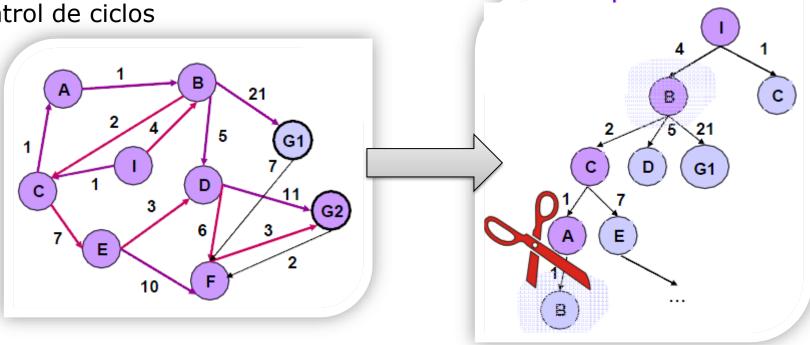


Búsqueda en profundidad + control de ciclos: Mirar en la rama actual





Búsqueda en profundidad + control de ciclos



Mirar en la rama actual

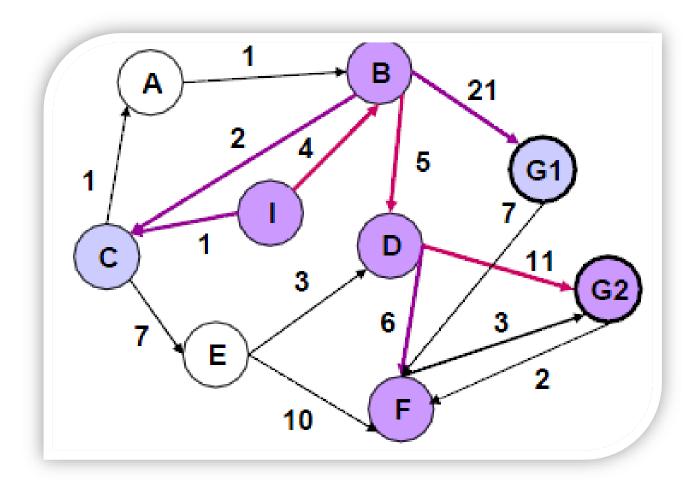
Nodos cerrados: I B C A E D F G2

Camino a la solución: I B C E D F G2

• Coste: 4+2+7+3+6+3=25

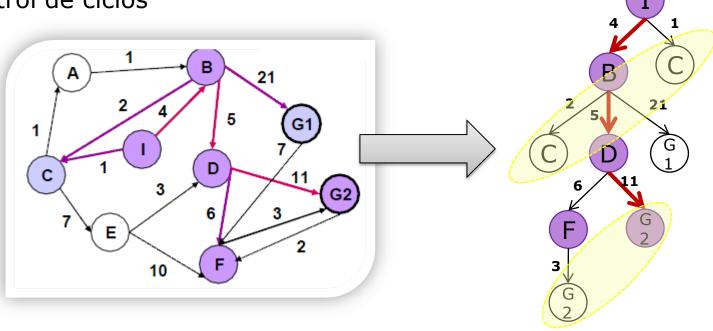


Búsqueda en profundidad + control de ciclos: Mirar en los nodos abiertos + cerrados





Búsqueda en profundidad + control de ciclos



Mirar en los nodos abiertos + cerrados

- Nodos abiertos (por orden): I B C D G1 F G2
- Nodos cerrados (por orden): I B D F G2
- Camino a la solución: і в р g2
- Coste: 4+5+11 = 20



- Como la búsqueda en profundidad, pero se fija un límite l
 de profundidad en la búsqueda para evitar descender
 indefinidamente por el mismo camino
 - El límite permite desechar caminos en los que se supone que no encontraremos un nodo objetivo lo suficientemente cercano al nodo inicial
- ABIERTO SE implementa con una pila (LIFO)
 - GESTIONA-COLA: Añadir al principio de ABIERTO excepto que los nodos de profundidad l no tienen sucesores
- Se expande primero el último nodo que se insertó hasta una profundidad
 - Si l=∞ es idéntica a la búsqueda en profundidad
 - A veces se conoce el "diámetro" del espacio de estados a priori

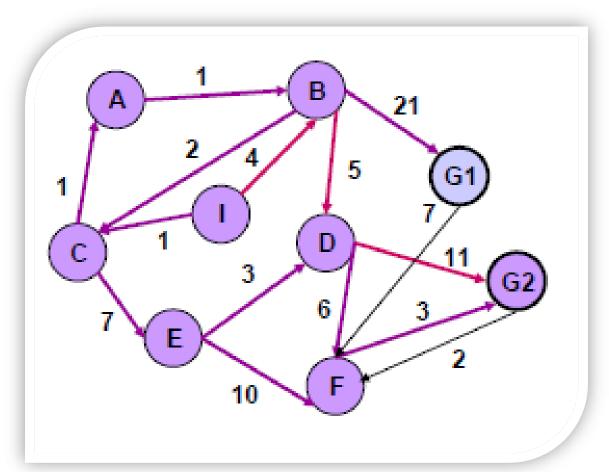


- Propiedades:
 - Completa: Si, si \(\) >= d (profundidad mínima de "la solución")
 - Si d es desconocido, la elección de ℓ es una incógnita
 - Hay problemas en los que este dato (diámetro del espacio de estados) es conocido de antemano, pero en general no se conoce a priori
 - Complejidad tiempo: O(b^l)
 - Complejidad espacio: O(b*l)
 - Optima: No. No puede garantizarse que la primera solución encontrada sea la mejor



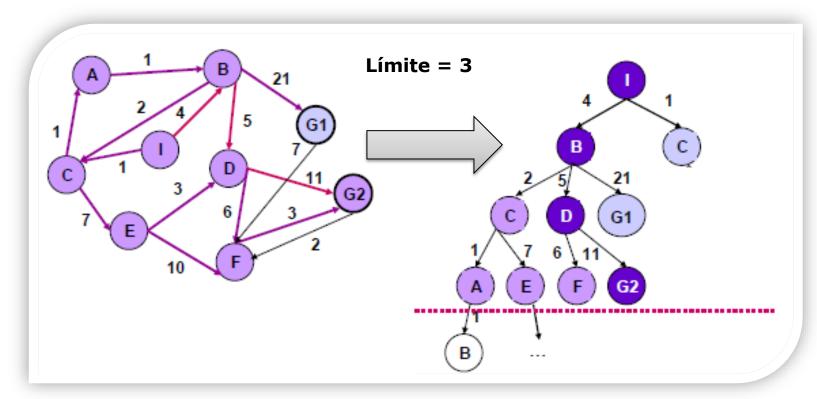
```
PROCEDIMIENTO PROFUNDIDAD LIMITADA(Estado-Inicial, Estado-Final, LIMITE)
    *ABIERTO* = *ESTADO-INICIAL*
    Hacer *CERRADO* vacío
    BUCLE (Repetir el proceso mientras ABIERTO ≠ vacío)
       1. NODO-ACTUAL = EXTRAE-PRIMERO(ABIERTO)
       Poner NODO-ACTUAL en *CERRADO*
       3. Si ES-ESTADO-FINAL(ESTADO(NODO-ACTUAL))
               devolver CAMINO(NODO-ACTUAL)
       4. Si no,
               Si DEPTH(NODO-ACTUAL) =< LIMITE entonces
               4.1 Generar SUCESORES(NODO-ACTUAL) que no están ni en ABIERTO
                   ni en CERRADOS
               4.2 GESTIONA-COLA(ABIERTO, SUCESORES)
                       Añadir *SUCESORES* al comienzo de ABIERTO (pila LIFO)
                       Asignarles DEPTH = DEPTH(NODO-ACTUAL) + 1
    FIN DE BUCLE
    Devuelve FALLO (3)
```





Límite = 3





- Nodos cerrados: I B C A E D F G2
- Camino a la solución: і в р g2
- Coste: 4+5+11 = 20

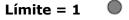


- Aplicación iterativa del algoritmo de búsqueda en profundidad limitada: límite de profundidad varia de forma creciente primero 1, luego 2, ...
- Combina las ventajas de los algoritmos primero en profundidad y anchura
 - como la búsqueda en anchura, es completa
 - como la búsqueda primero en profundidad, requiere poca memoria

Algoritmo

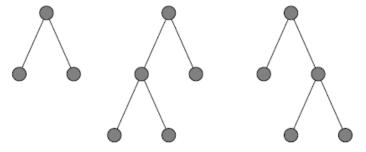
- 1. Se fija profundidad máxima d_{max}
- 2. Se busca en profundidad primero
- 3. Si no se encuentra solución, se hace $d_{max} = d_{max} + k$
- 4. Se vuelve al paso 2



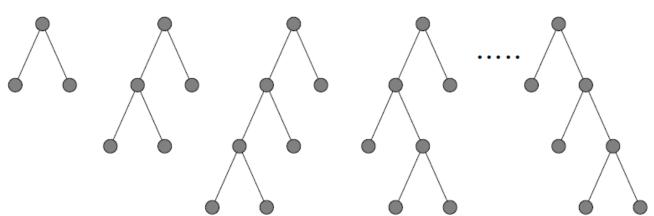




Límite = 2



Límite = 3





- Propiedades
 - Completa: Si, encuentra la solución, si ésta existe
 - Complejidad tiempo: O(b^d).
 - Complejidad espacio: O(b*d+1).
 - Óptima: Si, encuentra la solución óptima si los costes son uniformes y el incremento de profundidad k=1
- Problema: puede generar muchos nodos duplicados pero aunque repite la expansión de los nodos cercanos a la raíz, su número habitualmente no es muy grande
- Método de búsqueda no informada preferido cuando hay un espacio grande de búsqueda y no se conoce la profundidad de la solución



- Ejemplo, b = 10 y d = 5:
 - Búsqueda acotada, nodos analizados:

$$1 + 10 + 100 + 1000 + 100000 + 100000 = 1111111$$

Búsqueda iterativa, nodos analizados:

$$1 + 11 + 111 + 1111 + 111111 + 1111111 = 123456$$

Tan solo un 10% más. Razón:

La mayoría de los nodos están en el último nivel del árbol



PROCEDIMIENTO PROFUNDIDAD_ITERATIVA(Estado-inicial, Estado-Final, COTA-INICIAL)

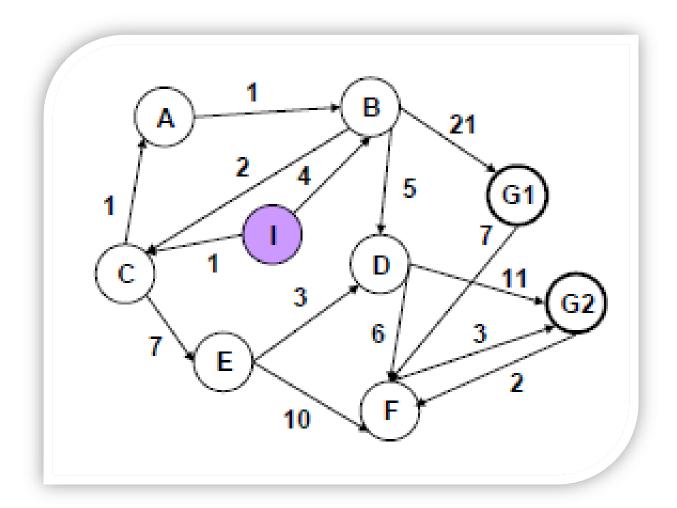


Árbol de búsqueda en profundidad $(0\ 0)$ (1,2,5,11,19,29,41)iterativa para el problema de las jarras: (3,6,12,20,30,42) 4,9,16,25,36 $(4\ 0)$ (0.3) $(1\ 3)$ (8,14,22,32,44)7,13,21,31,43) (10,17,26,37 (10) (15,23,33,45) (18,27,38) $(3\ 3)$ $(0\ 1)$ (24,34,46)28,39 $(4\ 2)$ (4 1) (35,47) $(0\ 2)\ (40)$

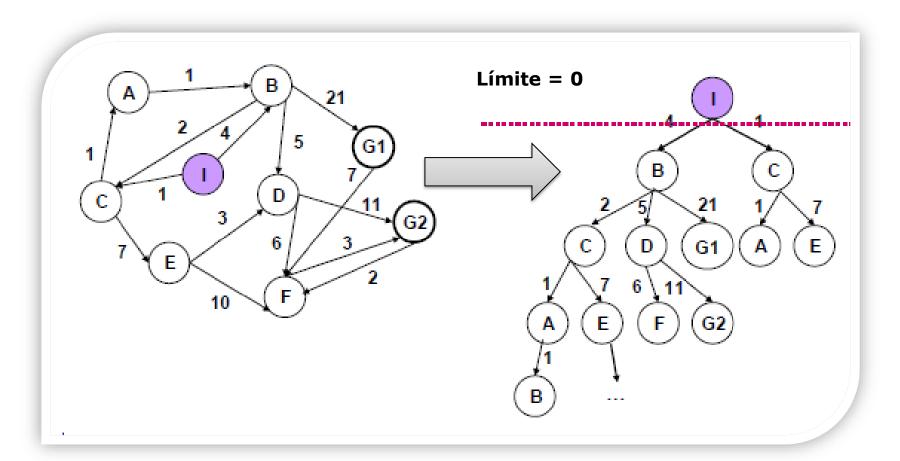
(23) (48)

 $(2\ 0)$



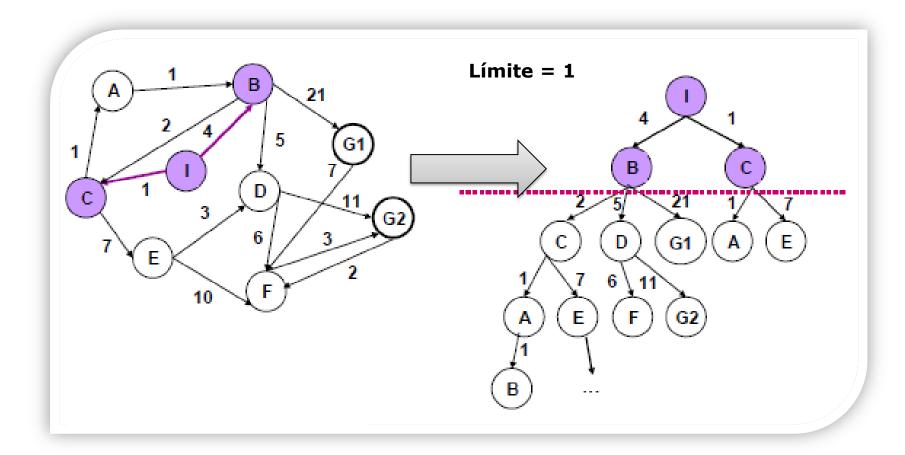






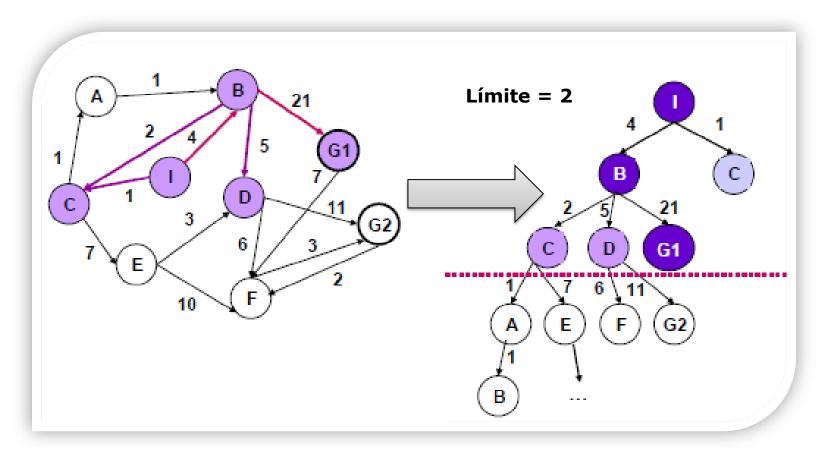
Nodos cerrados: 1





Nodos cerrados: I I B C



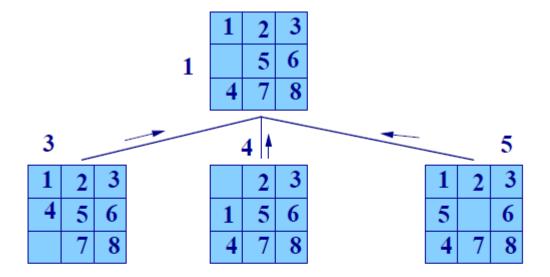


Nodos cerrados: і і в с і в с р G1

Camino a la solución: I B G1

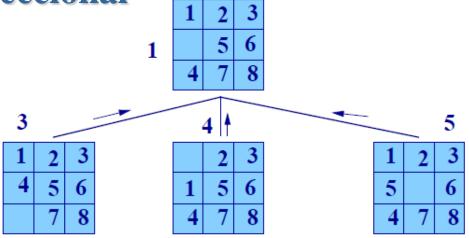
Coste: 4+21 = 25

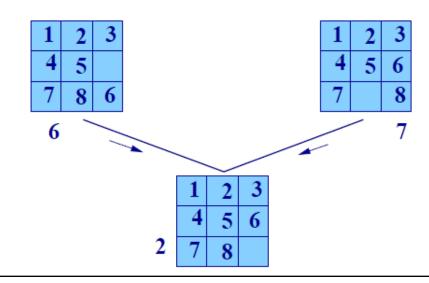




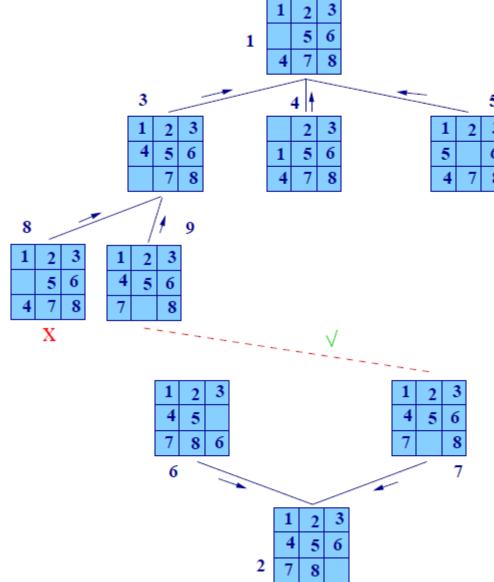
	1	2	3
	4	5	6
2	7	8	



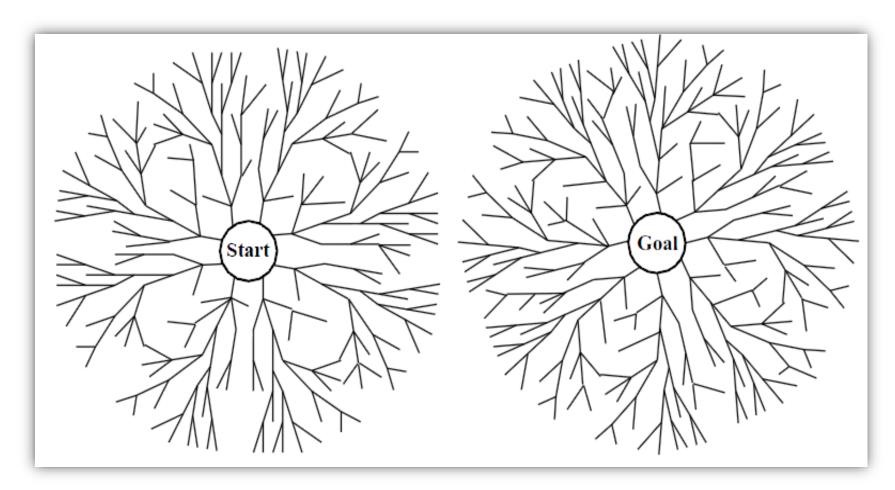














- Ejecución de dos búsquedas simultáneas: una hacia delante desde el estado inicial y la otra hacia atrás desde el estado objetivo, parando cuando las dos búsquedas se encuentren
 - Motivación: $b^{d/2} + b^{d/2}$ es mucho menor que b^d

Propiedades:

- Completa: Si, si las búsquedas son en anchura y los costes uniformes. Otras combinaciones no garantizan encontrarse
- Complejidad tiempo: $O(2*b^{d/2}) = O(b^{d/2})$ Si la comprobación de la coincidencia puede hacerse en tiempo constante
- Complejidad espacio: O(b^{d/2}) (su mayor debilidad) Al menos los nodos de una de las dos partes se deben mantener en memoria para la comparación
- Óptima: Si, si las búsquedas son en anchura y los costes son uniformes.



- Es necesario
 - Conocer explícitamente el estado objetivo (si hay varios, puede ser problemático)
 - Poder obtener los predecesores de un estado usando operadores inversos
 - No siempre la función predecesora es viable
 - ejemplo (jaque mate)
- Antes de expandir cada nodo hay que comprobar si está en la frontera del otro árbol
- Resultados
 - Eficiencia: reduce el tamaño total del árbol de búsqueda
 - Problema: la implementación de la comprobación de colisión debe ser muy eficiente



```
PROCEDIMIENTO BIDIRECCIONAL(Estado-inicial, Estado-Final)

*ABIERTO-I* = ESTADO-INICIAL, *ABIERTO-F* = ESTADO-FINAL

Hacer *CERRADO* vacío
```

BUCLE (Repetir el proceso mientras ABIERTO-I o ABIERTO-F ≠ vacío)

- 1. NODO-ACTUAL = EXTRAE-PRIMERO(ABIERTO-I)
 - 1.1 Poner NODO-ACTUAL en *CERRADO*
 - 1.2 FUNCION SUCESORES(NODO-ACTUAL)
 - 1.3 GESTIONA-COLA(ABIERTO-I, SUCESORES)
 - 1.4 Si algún sucesor de NODO-ACTUAL coincide con algún nodo de ABIERTO-F devolver CAMINO desde ESTADO-INICIAL a ESTADO-FINAL por los punteros
- 2. Si no NODO-ACTUAL = EXTRAE-PRIMERO(ABIERTO-F)
 - 2.1 Poner NODO-ACTUAL en *CERRADO*
 - 2.2 FUNCION SUCESORES(NODO-ACTUAL)
 - 2.3 GESTIONA-COLA(ABIERTO-F, SUCESORES)
 - 2.4 Si algún sucesor de NODO-ACTUAL coincide con algún nodo de ABIERTO-I devolver CAMINO desde ESTADO-FINAL a ESTADO-INICIAL por los punteros

FIN DE BUCLE
Devuelve FALLO 😣



- 1. Introducción
- 2. Implementación
- 3. Métodos no informados
 - 1. Búsqueda en anchura
 - 2. Búsqueda de coste uniforme
 - 3. Búsqueda en profundidad
 - 4. Búsqueda en profundidad limitada
 - 5. Búsqueda en profundidad iterativa
 - 6. Búsqueda bidireccional
- 4. Complejidad

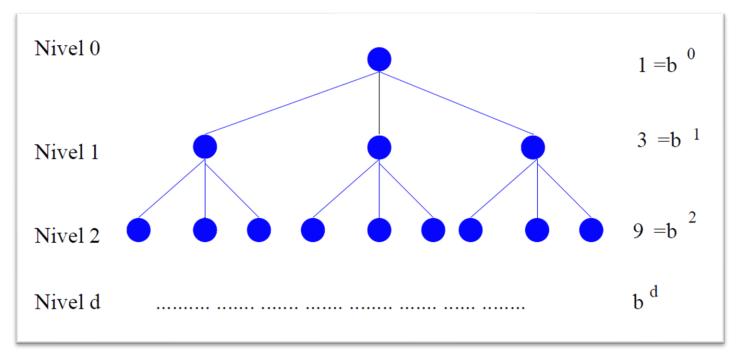
4. Complejidad



- Comparación de procedimientos de búsqueda
- Parámetros
 - b: factor de ramificación.
 - d: profundidad de la solución.
 - m: máxima profundidad de la búsqueda.
 - /: cota de la profundidad (profundidad límite)
- ¿Cual seria, en el peor de los casos, el numero de nodos que examinaría cada técnica?
- Ejemplo:
 - Supongamos b = 3, y vamos incrementando d
 - Calcular de forma inductiva el numero de nodos

4. Complejidad





Técnica de Búsqueda	Número máximo de nodos
Primero en amplitud	$\sum_{i=0}^{d} b^{i}$
Primero en profundidad	$\sum_{i=0}^{d} b^i$
Primero en profundidad iterativo	$\sum_{i=0}^{d} (d-i+1)b^{i}$
Bidireccional	$2\sum_{i=0}^{\frac{a}{2}}b^{i}$

4. Complejidad



	Completa	Óptima	Eficiencia Tiempo	Eficiencia Espacio
Anchura	Si	Si coste ≈ profundidad	O(b ^d)	O(b ^d)
Coste uniforme	Si no hay bucles de coste ∞	Si coste operadores ≥ 0	O(b ^d)	O(b ^d)
Profundidad	No	No	O(b ^m)	O(b*m)
Profundidad Iimitada	Sil≥d	No	O(b ^I)	O(b*I)
Profundidad iterativa	Si	Si coste ≈ profundidad	O(b ^d)	O(b*d)
Bidireccional	Si (anchura)	Si	O(b ^{d/2})	O(b ^{d/2})