

論理学からはじめる数学：第 1 講レジュメ

川井 新

1. 数理論理学について

日本の大学で、数理論理学 (mathematical logic) は、主に哲学科、数学科、情報学科、言語学科で教えられる^{*1}。しかしながら、それぞれの学科で科目としての名称が以下のように異なるばあいがある。

- 記号論理学 (symbolic logic)
- 数学基礎論 (mathematical foundation)
- ブール代数と論理回路 (Boolean algebra and logic gates)
- 形式意味論 (formal semantics)

「記号論理学」という名称は、伝統論理と呼ばれる記号的でない論理学との区別を強調したものである。

「数学基礎論」には、「大学の数学を学ぶために、集合や論理の記法や使い方に慣れる」という科目名という場合と、公理的集合論をはじめとする数学の根本に関係する分野名という場合とがある。たとえば、前者について、東京理科大学の数学科では「論理と集合 (Logic and Sets)」という名称で開講されているようである^{*2}。

「ブール代数と論理回路」という呼称は、工学的色彩が強く、論理学を応用した回路設計の技法である。コンピュータをはじめとする「情報システム」において、ハードウェアの根幹は論理回路であり、その基本的な理論と設計方法を工学部では学ぶのである。実際、京都産業大学の工学部で「論理回路」という科目が開講されている^{*3}。

以上に見たように、これらは目的を異とするが、それでもしかし、いずれもアリストテ

1 著者は数学科と哲学科の事情しか直接的には知らない。

2 [東京理科大学のシラバス検索](https://www.tus.ac.jp/fac_grad/syllabus/) より検索可能である。

3 cf. [京都産業大学：平成 22 年度工学部専門教育科目講義要項](https://www.kyoto-su.ac.jp/campus/syllabus/2010/pdf/web_eng.pdf), 最終閲覧日 2019 年 5 月 27 日。

レスの論理学^{*4}に遡り、多くの内容を共有している。

論理学は、数学の基礎と哲学のインターセクションという抽象的な学問の側面と同時に、実際の工学的応用の側面や自然言語の文の意味を分析するツールという側面ももつのである。

2. 本講義の立場

本講義では、数理論理学を出発点に数学の諸分野を解説する。したがってわれわれは、数学の一分野としての数理論理学の側面に立つことでほかの数学の分野への接続を意識するが、論理学の応用こそが論理学の多くの性格を明らかにしたのであり、それゆえわれわれはまず数理論理学が「どのような数学であるか」を問う^{*5}。それはたとえば、微分が天体の運動を記述するために創出された数学である、というような意味での問いである。

まじめにこの問いに答えるのであれば、哲学的論理学という論理学の一分野・側面に入っていくことになるが、簡単のためにわれわれは、つぎのような立場を採用する。

経験科学としての論理学

3. References

- 戸次大介『数理論理学』、東京大学出版会、2012 年
- 矢田部俊介「論理学上級」、京都大学講義
- 田中俊一『位相と論理』、日本評論社、2000 年

4 アリストテレスの論理学に (かんする著作群) を総称して「オルガノン」という。とうぜん、本サービス命名の由来である。

5 数学をする前にこのような問いを立てることは回りくどいようであるが、論理学への誤解を避けるために必要と思われる。率直に述べると、この回のレジュメを書くのがもっとも難しくめんどくさい。