Deux conjectures sur Ord(v)

Didier GARCIA

Villeurbanne, France

October 27, 2024

La fonction Ord est la fonction qui à un entier v associe Ord(v), le nombre d'ordres partiels d'un ensemble à v éléments. Dans A001035-OEIS, Ord(v) est noté a(v). La notation $x \pmod n$ désigne le reste de la division euclidienne de x par n, appelé aussi le résidu de x modulo n. La notation φ désigne l'indicatrice d'Euler.

Pour l'instant nous avons les valeurs de Ord(v) jusqu'à v = 18 comme indiqué dans [1].

Je propose les deux conjectures suivantes.

Conjecture 0.1 Pour tout entier naturel non nul n et tout entier naturel k, Ord(n) divise $Ord(n + k\varphi(Ord(n)))$.

Conjecture 0.2 Soit $(u_n)_{n\geq 1}$ une suite d'entiers naturels. Les deux conditions suivantes sont équivalentes :

- 1) $(u_n)_{n\geq 1}$ vérifie les conditions :
 - *i*) $u_1 = 1$
 - ii) Pour tout nombre premier p, la suite $(u_n \pmod{p})_{n\geq 1}$ est périodique de période p-1.
- 2) $u_n = Ord(n)$ pour tout $n \ge 1$.

References

[1] N. Sloane, The On-Line Encyclopedia of Integer Sequences, oeis.org.

E-mail address: digama@free.fr (D. Garcia).