## Curso Tecnologias de Informação, Web e Multimédia



## DA MAIA IPMAIA Análise Combinatória

## Complementos da Matemática

- 1. Com os elementos do conjunto  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$  quantos números naturais de seis algarismos é possível formar?
- 2. Um teste é composto por oito questões de escolha múltipla (itens de seleção) e cada uma delas com quatro opções de resposta: *A, B, C* e *D*. Quantas respostas completas é possível:
  - a) dar ao teste?
  - b) dar ao teste sabendo que nas respostas às quatro primeiras questões não figura a letra A e a resposta à última questão é *D*?
- 3. A Inês encontrou numa loja cinco velas diferentes e decidiu comprar pelo menos uma. De quantas maneiras pode fazer a escolha da vela ou das velas que vai comprar?
- 4. O código de um cofre é formado por uma sequência de quatro letras (considere o alfabeto com 26 letras). Quantos códigos é possível formar:
  - a) sem quaisquer restrições?
  - b) em que a letra *X* não figura?
  - c) em que a letra X figura, mas não é a primeira letra?
- 5. Na final de uma prova dos 100 metros apresentaram-se seis atletas. De quantas maneiras podem ser atribuídas as medalhas aos três primeiros classificados (ouro, prata e bronze), admitindo que não há empates?
- 6. Quatro rapazes e três raparigas vão escolher lugar numa fila de dez cadeiras. De quantas maneiras podem escolher o lugar:
  - a) sem restrições?
  - b) se os lugares das extremidades forem ocupados por rapazes?
- 7. Quatro rapazes e três raparigas vão sentar-se numa fila de sete lugares. De quantas maneiras o podem fazer:
  - a) sem quaisquer restrições?
  - b) De forma que tanto os rapazes como as raparigas ocupem lugares seguidos na fila?
- 8. Uma caixa tem nove bolas, numeradas de 1 a 9, sendo quatro azuis e cinco vermelhas. Extraemse as nove bolas, uma a uma, sem reposição, e colocam-se em fila pela ordem de saída.

- a) Quantas sequências diferentes é possível formar?
- b) Em quantas sequências os extremos são ocupados por bolas azuis?
- c) Em quantas sequências as bolas azuis ficam seguidas?
- 9. Dispomos de cinco tipos de fruta (laranja, maçã, pera, manga e banana) para fazer sumo. Quantos sumos diferentes podemos fazer misturando, em quantidades iguais, três desses tipos de fruta?
- 10. Num grupo constituído por cinco homens e quatro mulheres vai ser escolhida uma comissão de seis pessoas. De quantas maneiras pode ser feita a escolha:
  - a) sem qualquer restrição?
  - b) de modo que a comissão tenha tantos homens como mulheres?
  - c) de modo que pelo menos duas mulheres façam parte da comissão?
- 11. Numa caixa temos quatro bolas cinzentas, numeradas de 1 a 4, duas bolas amarelas e três bolas vermelhas. Tanto as bolas amarelas como as bolas vermelhas são iguais entre si. Extraem-se as 9 bolas, uma a uma, e colocam-se em fila pela ordem de saída. Quantas sequências diferentes é possível formar?
- 12. Em quantos anagramas da palavra INDIVISIVEL a letra V precede a letra I?
- 13. Quantos números naturais de quatro algarismos é possível formar:
  - a) que tenham exatamente dois algarismos iguais a 0 e os restantes sejam diferentes entre si?
  - b) que tenham os algarismos diferentes e sejam pares?
  - c) que tenham os algarismos diferentes e o seu produto seja um número par?
- 14. Num grupo de 12 pessoas, sete mulheres e cinco homens, vai ser escolhida uma comissão de quatro elementos: um presidente, um secretário, um tesoureiro e um relações públicas, para a organização de um evento. De quantas maneiras se podem escolher os elementos da comissão:
  - a) sem outras restrições?
  - b) de forma que o presidente e o relações públicas sejam mulheres?
  - c) de forma que tenha tantas mulheres como homens?
- 15. Numa caixa temos cinco bolas azuis, numeradas de 1 a 5, e quatro bolas vermelhas, numeradas de 1 a 4. Quantos sequências diferentes é possível formar com as nove bolas de formar que não haja bolas vermelhas seguidas?