

$$i2^k \pmod n$$

Ian McLoughlin

September 26, 2016

2

0	0
1	0

3

0	0
1	2
2	1

4

0	0	0
1	2	0
2	0	0
3	2	0

5

0	0	0	0
1	2	4	3
2	4	3	1
3	1	2	4
4	3	1	2

6

0	0	0
1	2	4
2	4	2
3	0	0
4	2	4
5	4	2

7

0	0	0
1	2	4
2	4	1
3	6	5
4	1	2
5	3	6
6	5	3

8

0	0	0	0
1	2	4	0
2	4	0	0
3	6	4	0
4	0	0	0
5	2	4	0
6	4	0	0
7	6	4	0

9

0	0	0	0	0	0
1	2	4	8	7	5
2	4	8	7	5	1
3	6	3	6	3	6
4	8	7	5	1	2
5	1	2	4	8	7
6	3	6	3	6	3
7	5	1	2	4	8
8	7	5	1	2	4

10

0	0	0	0	0
1	2	4	8	6
2	4	8	6	2
3	6	2	4	8
4	8	6	2	4
5	0	0	0	0
6	2	4	8	6
7	4	8	6	2
8	6	2	4	8
9	8	6	2	4

11

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	2	4	8	5	10	9	7	3	6
2	4	8	5	10	9	7	3	6	1
3	6	1	2	4	8	5	10	9	7
4	8	5	10	9	7	3	6	1	2
5	10	9	7	3	6	1	2	4	8
6	1	2	4	8	5	10	9	7	3
7	3	6	1	2	4	8	5	10	9
8	5	10	9	7	3	6	1	2	4
9	7	3	6	1	2	4	8	5	10
10	9	7	3	6	1	2	4	8	5

12

0	0	0	0
1	2	4	8
2	4	8	4
3	6	0	0
4	8	4	8
5	10	8	4
6	0	0	0
7	2	4	8
8	4	8	4
9	6	0	0
10	8	4	8
11	10	8	4

13

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	2	4	8	3	6	12	11	9	5	10	7
2	4	8	3	6	12	11	9	5	10	7	1
3	6	12	11	9	5	10	7	1	2	4	8
4	8	3	6	12	11	9	5	10	7	1	2
5	10	7	1	2	4	8	3	6	12	11	9
6	12	11	9	5	10	7	1	2	4	8	3
7	1	2	4	8	3	6	12	11	9	5	10
8	3	6	12	11	9	5	10	7	1	2	4
9	5	10	7	1	2	4	8	3	6	12	11
10	7	1	2	4	8	3	6	12	11	9	5
11	9	5	10	7	1	2	4	8	3	6	12
12	11	9	5	10	7	1	2	4	8	3	6

14

0	0	0	0
1	2	4	8
2	4	8	2
3	6	12	10
4	8	2	4
5	10	6	12
6	12	10	6
7	0	0	0
8	2	4	8
9	4	8	2
10	6	12	10
11	8	2	4
12	10	6	12
13	12	10	6

15

0	0	0	0
1	2	4	8
2	4	8	1
3	6	12	9
4	8	1	2
5	10	5	10
6	12	9	3
7	14	13	11
8	1	2	4
9	3	6	12
10	5	10	5
11	7	14	13
12	9	3	6
13	11	7	14
14	13	11	7

16

0	0	0	0	0
1	2	4	8	0
2	4	8	0	0
3	6	12	8	0
4	8	0	0	0
5	10	4	8	0
6	12	8	0	0
7	14	12	8	0
8	0	0	0	0
9	2	4	8	0
10	4	8	0	0
11	6	12	8	0
12	8	0	0	0
13	10	4	8	0
14	12	8	0	0
15	14	12	8	0

17

0	0	0	0	0	0	0	0
1	2	4	8	16	15	13	9
2	4	8	16	15	13	9	1
3	6	12	7	14	11	5	10
4	8	16	15	13	9	1	2
5	10	3	6	12	7	14	11
6	12	7	14	11	5	10	3
7	14	11	5	10	3	6	12
8	16	15	13	9	1	2	4
9	1	2	4	8	16	15	13
10	3	6	12	7	14	11	5
11	5	10	3	6	12	7	14
12	7	14	11	5	10	3	6
13	9	1	2	4	8	16	15
14	11	5	10	3	6	12	7
15	13	9	1	2	4	8	16
16	15	13	9	1	2	4	8

18

0	0	0	0	0	0	0
1	2	4	8	16	14	10
2	4	8	16	14	10	2
3	6	12	6	12	6	12
4	8	16	14	10	2	4
5	10	2	4	8	16	14
6	12	6	12	6	12	6
7	14	10	2	4	8	16
8	16	14	10	2	4	8
9	0	0	0	0	0	0
10	2	4	8	16	14	10
11	4	8	16	14	10	2
12	6	12	6	12	6	12
13	8	16	14	10	2	4
14	10	2	4	8	16	14
15	12	6	12	6	12	6
16	14	10	2	4	8	16
17	16	14	10	2	4	8

19

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	2	4	8	16	13	7	14	9	18	17	15	11	3	6	12	5	10
2	4	8	16	13	7	14	9	18	17	15	11	3	6	12	5	10	1
3	6	12	5	10	1	2	4	8	16	13	7	14	9	18	17	15	11
4	8	16	13	7	14	9	18	17	15	11	3	6	12	5	10	1	2
5	10	1	2	4	8	16	13	7	14	9	18	17	15	11	3	6	12
6	12	5	10	1	2	4	8	16	13	7	14	9	18	17	15	11	3
7	14	9	18	17	15	11	3	6	12	5	10	1	2	4	8	16	13
8	16	13	7	14	9	18	17	15	11	3	6	12	5	10	1	2	4
9	18	17	15	11	3	6	12	5	10	1	2	4	8	16	13	7	14
10	1	2	4	8	16	13	7	14	9	18	17	15	11	3	6	12	5
11	3	6	12	5	10	1	2	4	8	16	13	7	14	9	18	17	15
12	5	10	1	2	4	8	16	13	7	14	9	18	17	15	11	3	6
13	7	14	9	18	17	15	11	3	6	12	5	10	1	2	4	8	16
14	9	18	17	15	11	3	6	12	5	10	1	2	4	8	16	13	7
15	11	3	6	12	5	10	1	2	4	8	16	13	7	14	9	18	17
16	13	7	14	9	18	17	15	11	3	6	12	5	10	1	2	4	8
17	15	11	3	6	12	5	10	1	2	4	8	16	13	7	14	9	18
18	17	15	11	3	6	12	5	10	1	2	4	8	16	13	7	14	9

20

0	0	0	0	0	0
1	2	4	8	16	12
2	4	8	16	12	4
3	6	12	4	8	16
4	8	16	12	4	8
5	10	0	0	0	0
6	12	4	8	16	12
7	14	8	16	12	4
8	16	12	4	8	16
9	18	16	12	4	8
10	0	0	0	0	0
11	2	4	8	16	12
12	4	8	16	12	4
13	6	12	4	8	16
14	8	16	12	4	8
15	10	0	0	0	0
16	12	4	8	16	12
17	14	8	16	12	4
18	16	12	4	8	16
19	18	16	12	4	8

21

0	0	0	0	0	0
1	2	4	8	16	11
2	4	8	16	11	1
3	6	12	3	6	12
4	8	16	11	1	2
5	10	20	19	17	13
6	12	3	6	12	3
7	14	7	14	7	14
8	16	11	1	2	4
9	18	15	9	18	15
10	20	19	17	13	5
11	1	2	4	8	16
12	3	6	12	3	6
13	5	10	20	19	17
14	7	14	7	14	7
15	9	18	15	9	18
16	11	1	2	4	8
17	13	5	10	20	19
18	15	9	18	15	9
19	17	13	5	10	20
20	19	17	13	5	10

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	2	4	8	16	10	20	18	14	6	12
2	4	8	16	10	20	18	14	6	12	2
3	6	12	2	4	8	16	10	20	18	14
4	8	16	10	20	18	14	6	12	2	4
5	10	20	18	14	6	12	2	4	8	16
6	12	2	4	8	16	10	20	18	14	6
7	14	6	12	2	4	8	16	10	20	18
8	16	10	20	18	14	6	12	2	4	8
9	18	14	6	12	2	4	8	16	10	20
10	20	18	14	6	12	2	4	8	16	10
11	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
12	2	4	8	16	10	20	18	14	6	12
13	4	8	16	10	20	18	14	6	12	2
14	6	12	2	4	8	16	10	20	18	14
15	8	16	10	20	18	14	6	12	2	4
16	10	20	18	14	6	12	2	4	8	16
17	12	2	4	8	16	10	20	18	14	6
18	14	6	12	2	4	8	16	10	20	18
19	16	10	20	18	14	6	12	2	4	8
20	18	14	6	12	2	4	8	16	10	20
21	20	18	14	6	12	2	4	8	16	10

23

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	2	4	8	16	9	18	13	3	6	12
2	4	8	16	9	18	13	3	6	12	1
3	6	12	1	2	4	8	16	9	18	13
4	8	16	9	18	13	3	6	12	1	2
5	10	20	17	11	22	21	19	15	7	14
6	12	1	2	4	8	16	9	18	13	3
7	14	5	10	20	17	11	22	21	19	15
8	16	9	18	13	3	6	12	1	2	4
9	18	13	3	6	12	1	2	4	8	16
10	20	17	11	22	21	19	15	7	14	5
11	22	21	19	15	7	14	5	10	20	17
12	1	2	4	8	16	9	18	13	3	6
13	3	6	12	1	2	4	8	16	9	18
14	5	10	20	17	11	22	21	19	15	7
15	7	14	5	10	20	17	11	22	21	19
16	9	18	13	3	6	12	1	2	4	8
17	11	22	21	19	15	7	14	5	10	20
18	13	3	6	12	1	2	4	8	16	9
19	15	7	14	5	10	20	17	11	22	21
20	17	11	22	21	19	15	7	14	5	10
21	19	15	7	14	5	10	20	17	11	22
22	21	19	15	7	14	5	10	20	17	11

24

0	0	0	0	0
1	2	4	8	16
2	4	8	16	8
3	6	12	0	0
4	8	16	8	16
5	10	20	16	8
6	12	0	0	0
7	14	4	8	16
8	16	8	16	8
9	18	12	0	0
10	20	16	8	16
11	22	20	16	8
12	0	0	0	0
13	2	4	8	16
14	4	8	16	8
15	6	12	0	0
16	8	16	8	16
17	10	20	16	8
18	12	0	0	0
19	14	4	8	16
20	16	8	16	8
21	18	12	0	0
22	20	16	8	16
23	22	20	16	8

30

0	0	0	0	0
1	2	4	8	16
2	4	8	16	2
3	6	12	24	18
4	8	16	2	4
5	10	20	10	20
6	12	24	18	6
7	14	28	26	22
8	16	2	4	8
9	18	6	12	24
10	20	10	20	10
11	22	14	28	26
12	24	18	6	12
13	26	22	14	28
14	28	26	22	14
15	0	0	0	0
16	2	4	8	16
17	4	8	16	2
18	6	12	24	18
19	8	16	2	4
20	10	20	10	20
21	12	24	18	6
22	14	28	26	22
23	16	2	4	8
24	18	6	12	24
25	20	10	20	10
26	22	14	28	26
27	24	18	6	12
28	26	22	14	28
29	28	26	22	14

48

0	0	0	0	0	0
1	2	4	8	16	32
2	4	8	16	32	16
3	6	12	24	0	0
4	8	16	32	16	32
5	10	20	40	32	16
6	12	24	0	0	0
7	14	28	8	16	32
8	16	32	16	32	16
9	18	36	24	0	0
10	20	40	32	16	32
11	22	44	40	32	16
12	24	0	0	0	0
13	26	4	8	16	32
14	28	8	16	32	16
15	30	12	24	0	0
16	32	16	32	16	32
17	34	20	40	32	16
18	36	24	0	0	0
19	38	28	8	16	32
20	40	32	16	32	16
21	42	36	24	0	0
22	44	40	32	16	32
23	46	44	40	32	16
24	0	0	0	0	0
25	2	4	8	16	32
26	4	8	16	32	16
27	6	12	24	0	0
28	8	16	32	16	32
29	10	20	40	32	16
30	12	24	0	0	0
31	14	28	8	16	32
32	16	32	16	32	16
33	18	36	24	0	0
34	20	40	32	16	32
35	22	44	40	32	16
36	24	0	0	0	0
37	26	4	8	16	32
38	28	8	16	32	16
39	30	12	24	0	0
40	32	16	32	16	32
41	34	20	40	32	16
42	36	24	0	0	0
43	38	28	8	16	32
44	40	32	16	32	16
45	42	36	24	0	0
46	44	40	32	16	32
47	46	44	40	32	16
