Laporan Tugas Kecil 3 IF2211 Strategi Algoritma

Penyelesaian Persoalan 15-Puzzle dengan Algoritma Branch and Bound

Disusun oleh:

Diky Restu Maulana

13520017



PROGRAM STUDI TEKNIK INFORMATIKA SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG BANDUNG

2022

1. Algoritma Branch and Bound

Branch and Bound adalah algoritma yang digunakan untuk persoalan optimisasi, yaitu meminimalkan atau memaksimalkan suatu fungsi objektif yang tidak melanggar Batasan (*constraint*) persoalan. Pada algoritma ini, setiap simpul diberi sebuah nilai *cost*:

 $\hat{c}(i)$ = nilai taksiran lintasan termurah ke simpul status tujuan yang melalui simpul status i

Simpul berikutnya yang akan di-*expand* tidak lagi berdasarkan urutan pembangkitannya, tetapi simpul yang memiliki *cost* yang paling kecil (*least cost search*) pada kasus minimasi.

Algoritma Branch and Bound menerapkan pemangkasan pada jalur yang dianggap tidak lagi mengarah kepada solusi. Pemangkasan ini dilakukan berdasarkan fungsi pembatas (*bounding function*). Kriteria pemangkasan secara umum adalah sebagai berikut.

- Nilai simpul tidak lebih baik dari nilai terbaik sejauh ini (the best solution so far)
- Simpul tidak merepresentasikan solusi yang *feasible* karena ada batasan yang dilanggar
- Solusi pada simpul tersebut hanya terdiri atas satu titik → tidak ada pilihan lain, bandingkan nilai fungsi objektif dengan solusi terbaik saat ini, ambil yang terbaik

Persoalan 15 puzzle dapat diselesaikan dengan algoritma *Branch and Bound*. Status dibangkitkan berdasarkan posisi setiap ubin dan aksi yang dapat dilakukan adalah *up, down, left*, dan *right*. Aksi dilakukan untuk menggeser ubin kosong ke arah tersebut.

Teorema: Status tujuan hanya dapat dicapai dari status awal jika $\sum_{i=1}^{16} KURANG(i) + X$ bernilai genap. KURANG(i) = banyaknya ubin bernomor j sedemikian sehingga j < i dan POSISI(j) > POSISI(i) POSISI(i) = posisi ubin bernomor i pada susunan yang diperiksa X = 1 jika ubin kosong pada posisi awal ada pada sel yang diarsir

Cost simpul P pada 15 puzzle dihitung sebagai

$$\hat{c}(P) = f(P) + \hat{g}(P)$$

f(P) = panjang lintasan dari simpul akar ke P

 $\hat{g}(P)$ = taksiran panjang lintasan terpendek dari P ke simpul solusi pada upapohon berakar P

Implementasi elemen-elemen *Branch and Bound* dalam algoritma yang telah dibuat adalah sebagai berikut.

| Kelas | Keterangan | | |
|---------------|--|--|--|
| Puzzle | Memiliki atribut board yang merupakan representasi posisi ubin dan n | | |
| | yang merupakan ukuran puzzle | | |
| PriorityQueue | Memiliki atribut queue yang menyimpan antrian node yang akan | | |
| | diperiksa selanjutnya. Antrian tersebut diurutkan berdasarkan sebuah | | |
| | fungsi yang disimpan sebagai atribut func | | |
| Node | Memiliki atribut puzzle sebagai posisi ubin, parent yang menyimpan | | |
| | parent node, move yang menyimpan aksi untuk mencapai state ini, dan | | |
| | depth yang menyimpan kedalaman node ini di dalam space state tree. | | |

f(P) dihitung dari atribut depth pada kelas Node dan $\hat{g}(P)$ dihitung menggunakan fungsi check_misplaced_tiles(puzzle) yang terdapat di dalam main.py sehingga $\hat{c}(P)$ untuk sebuah node dihitung dari hasil penjumlahan kedua fungsi tersebut.

Langkah-langkah penyelesaian 15 puzzle menggunakan algoritma *Branch and Bound* adalah sebagai berikut.

- 1. Masukkan simpul akar ke dalam antrian Q (sebuah priority queue yang terurut membesar berdasarkan *cost*. Jika *cost* sama, *node* terbaru diprioritaskan). Jika simpul akar adalah simpul solusi (*goal node*) maka solusi telah ditemukan.
- 2. Jika Q kosong, stop.
- 3. Jika Q tidak kosong, pilih simpul i yang merupakan elemen pertama pada Q.
- 4. Jika simpul i adalah simpul solusi, maka solusi telah ditemukan. Matikan semua simpul yang memiliki *cost* lebih besar daripada simpul i.
- 5. Jika simpul i bukan solusi, bangkitkan semua anaknya yang mungkin berdasarkan pilihan aksi (*up*, *down*, *left*, dan *right*). Jika i tidak memiliki anak, kembali ke langkah 2.
- 6. Untuk setiap anak j dari simpul i, hitung *cost*-nya dan masukkan ke dalam Q.
- 7. Kembali ke langkah 2.

Program ini juga dilengkapi dengan *Graphical User Interface* yang dibuat dengan memanfaatkan library tkinter.

2. Kode Program dalam Bahasa Python

2.1. puzzle.py

```
import copy
class Puzzle:
              f = open(path, "r")
                    self.board.append(list(map(lambda x : int(x), line.split())))
             for i,row in enumerate(self.board):
    for j,value in enumerate(row):
        if (value == self.n**2):
                                 return (i,j)
      # Move empty cell to (r+dr, c+dc)
def move(self, dr, dc):
    (r, c) = self.find_empty()
    if(r+dr>=0 and r+dr<self.n and c+dc>=0 and c+dc<self.n):
        moved_puzzle = copy.deepcopy(self)
        moved_puzzle.board[r][c], moved_puzzle.board[r+dr][c+dc] = moved_puzzle.board[r+dr][c+dc],
ed_puzzle_board[r][c]</pre>
                   return moved_puzzle
              else:
                    return None
       def is_solveable(self):
             kurang_i = [0 for i in range(self.n**2)]
for i in range(0,self.n**2):
    sum_ubin = 0
                     for j in range(i+1,self.n**2):
    if(tmp[i]>tmp[j]):
                    sum_ubin+=1
kurang_i[tmp[i]-1] = sum_ubin
              return (sum + x) % 2 == 0, sum, x, sum+x, kurang_i
              return [val for arr in self.board for val in arr]
```

```
class PriorityQueue:
    def __init__(self, priority_function):
        self.queue = []
        self.func = priority_function
    def is_empty(self):
        return len(self.queue) == 0
    def front(self):
        return self.queue[0]
    def push(self, item):
        pos = 0
        found = False
        while(not found and pos < len(self.queue)):</pre>
            if(self.func(item, self.queue[pos])):
                found = True
            else:
                pos+=1
        self.queue.insert(pos, item)
    def pop(self):
        self.queue.pop(0)
```

2.3. *node.py*

```
# Node.py
# Contains the class Node to represent the state space tree in BnB

class Node:
    def __init__(self, puzzle, parent=None, depth=0, move=""):
        self.puzzle = puzzle
        self.parent = parent
        self.move = move
        self.depth = depth
```

2.4. *main.py*

```
• • •
import tkinter as tk
import time
from puzzle import Puzzle
from prioQueue import PriorityQueue
from node import Node
def check_misplaced_tiles(puzzle):
    result = 0
    flat = puzzle.flattened_board()
    for i in range(1, puzzle.n**2+1):
    if(flat[i-1] != i):
    return result
def check_goal(puzzle):
    flat = puzzle.flattened_board()
    for i in range(1, (puzzle.n**2)+1):
    if(flat[i-1] != i):
             return False
    return True
```

```
. . .
     global xypos, solution_array, root, moves_names, moves_units
     solution_array = None
     root = Node( Puzzle("../test/" + filename) )
flat = root.puzzle.flattened_board()
     xypos["empty"] = root.puzzle.find_empty()
      for i in range(root.puzzle.n):
           for j in range(root.puzzle.n):
    num = flat[i*root.puzzle.n + j]
                xypos[num] = (i, j)
if (num != root.puzzle.n**2):
                     num_btn = tk.Button(master=puzzle_frm, text=num, font=font_puzzle, fg="blue", width=4,
height=2, bg="skyblue")
                     num_btn["command"] = lambda num_btn=num_btn: puzzle_switch(num_btn)
                      num_btn.place(relx=j/root.puzzle.n, rely=i/root.puzzle.n, relwidth=1/root.puzzle.n,
     if (not is_solveable):
          (not is_solveance):
solveable_lbl["text"] = "Puzzle is unsolvable."
solveable_lbl["bg"] = "light salmon"
display_table(kurang_i)
verdict_lbl["text"] = "Inversions: " + str(inversion) + "\nParity: " + str(parity) + "\nTotal: "
+ str(total)
          move_lbl["text"] = "---"
details_lbl["text"] = "---"
     solveable_lbl["text"] = "Puzzle is solvable."
solveable_lbl["bg"] = "light green"
     display_table(kurang_i)
verdict_lbl["text"] = "Inversions: " + str(inversion) + "\nParity: " + str(parity) + "\nTotal: " +
     pq = PriorityQueue(lambda x,y : x.depth + cost_function(x.puzzle) <= y.depth +</pre>
     # Variable to store solution state
solution_state = None
     # List possible moves for puzzle
moves_units = [(-1,0), (0,-1), (1,0), (0,1)]
moves_names = ["Up", "Left", "Down", "Right"]
     while(not pq.is_empty()):
           if (check_goal(current.puzzle)):
                break
```

```
. .
                          if(result != None and result.puzzle != None):
                                node_count += 1
      time_stop = time.process_time_ns()
      time_taken = (time_stop - time_start) / 1000000
details_lbl["text"] = "Total moves: " + str(len(solution_array)) + "\n" + str(node_count) + " nodes
generated\n" + str(time_taken) + " ms taken"
window.title("15 PUZZLE SOLVER")
font_title = ('Monaco', 20, 'bold')
font_label = ('Times', 12)
font_puzzle = ('Comic Sans MS', 12)
entry_frm.pack(fill=tk.X)
title_lbl = tk.Label(master=entry_frm, text="15 PUZZLE SOLVER", font=font_title, bg="gray80")
title_lbl.pack(pady=5)
filename_lbl = tk.Label(master=entry_frm, text="Enter the file name:", font=font_label, bg="gray80")
filename_entry = tk.Entry(master=entry_frm, font=font_label, bg="white")
filename_entry.pack(pady=5, padx=10, side=tk.LEFT)
solve_btn = tk.Button(master=entry_frm, text="solve", font=font_label, bg="gray80",
command=solve_button_clicked)
solve_btn.pack(pady=5, side=tk.LEFT)
center_frm.pack(side=tk.LEFT, fill=tk.BOTH, expand=True)
details_lbl = tk.Label(master=center_frm)
details_lbl.pack(side=tk.BOTTOM, fill=tk.X)
verdict_lbl = tk.Label(master=center_frm)
move_lbl = tk.Label(master=center_frm, font=font_label)
move_lbl.pack(side=tk.TOP, fill=tk.X)
puzzle_frm = tk.Frame(master=center_frm, height=250, width=250, bg="yellow")
table_frm = tk.Frame(master=window, bg="gray80")
table_frm.pack(side=tk.LEFT, fill=tk.BOTH, expand=True)
solveable_lbl = tk.Label(master=table_frm, font=font_label)
solveable_lbl.pack(side=tk.TOP, fill=tk.X)
kurang_frm = tk.Frame(master=table_frm, bg="gray80")
kurang_frm.pack()
```

3. File Text

3.1. solvable1.txt

```
1 2 4 7
5 6 16 3
9 11 12 8
13 10 14 15
```

3.2. solvable2.txt

```
16 1 3 4
9 2 6 7
10 5 11 8
13 14 15 12
```

3.3. solvable3.txt

```
1 3 8 6
9 2 7 4
13 5 16 12
10 11 14 15
```

3.4. unsolvable1.txt

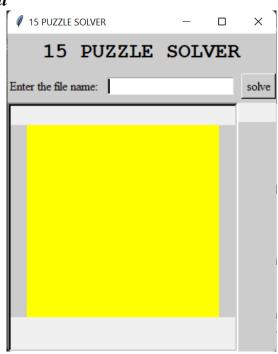
```
2 1 4 7
5 6 16 3
9 11 12 8
13 10 14 15
```

3.5. unsolvable2.txt

```
2 3 5 10
1 4 6 7
11 12 15 14
16 10 8 9
```

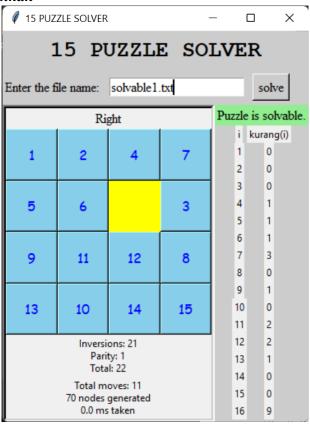
4. Input Output Program

4.1. Tampilan Awal

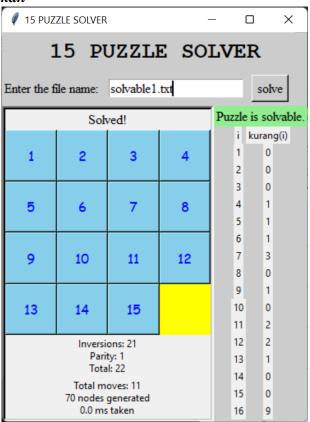


4.2. solvable1.txt

4.2.1. Sebelum dimainkan

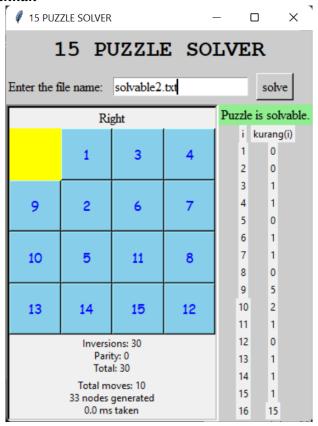


4.2.2. Setelah dimainkan

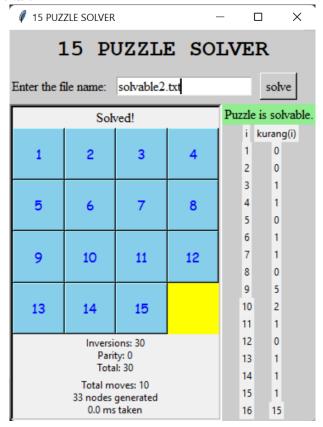


4.3. solvable2.txt

4.3.1. Sebelum dimainkan

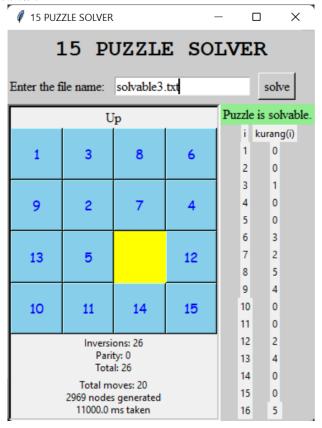


4.3.2. Setelah dimainkan

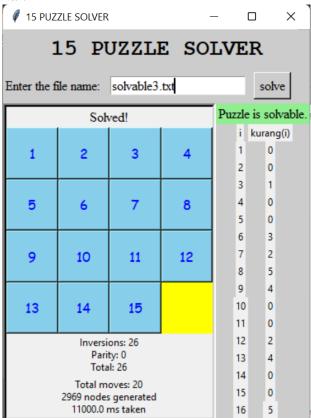


4.4. solvable3.txt

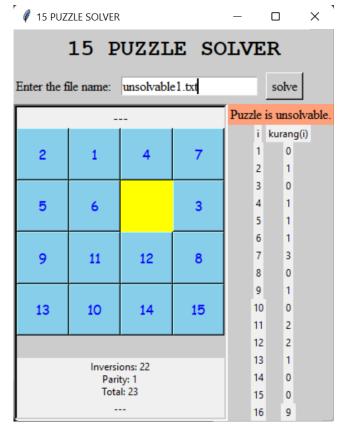
4.4.1. Sebelum dimainkan



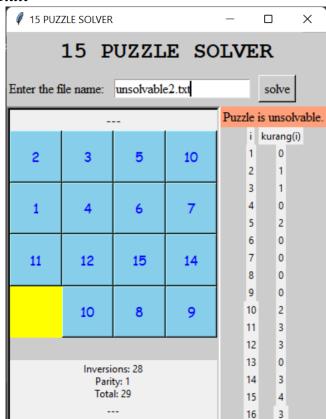
4.4.2. Setelah dimainkan



4.5. unsolvable1.txt



4.6. unsolvable1.txt



5. Tautan Github

https://github.com/dikyrest/Tucil3 13520017

6. Lampiran

| Poin | | Ya | Tidak |
|------|--|----|-------|
| 1. | Program berhasil dikompilasi | ✓ | |
| 2. | Program berhasil running | ✓ | |
| 3. | Program dapat menerima input dan menuliskan output | ✓ | |
| 4. | Luaran sudah benar untuk semua data uji | ✓ | |
| 5. | Bonus dibuat | ✓ | |