Регрессия

Беляков Дмитрий

December 29, 2021

1 Описание задачи

Задача: исследовать и оценить алгоритмы линейной, полиномиальной и экспоненциальной регрессии на линейном, полиноминальном и экспненциальном наборах данных

2 Описание решения

Используем метод numpy.polynomial для полиномиальной регрессии. Для экспоненциальной регрессии сделаем следующее:

- $\bullet\,$ Нужно найти экспненту описывающую кривую ab^x
- Возьмем $ln(ab^x) = ln(a) + ln(b) * x$
- При помощи линейной регресии логарифма Y найдем ln(a) и ln(b)
- Воссьтановим функцию по найденным данным

3 Описание данных

Рассмотрим 5 функций:

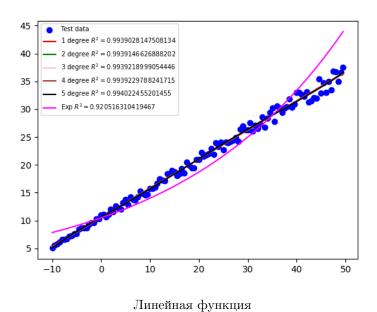
- $x^5 * 1/10^6 x^4 * 1/10^4 + 1000$
- $x^4 + 120 * x^3 + 540 * x^2 1080x 10^6$
- $x^3 120x^2 + 1000$
- $x^2 + 10$
- x/2 + 10
- $(\sqrt{e})^x/1000$ Добавим помехи (домножим на случайное число от 1 до $1+{\rm N})$

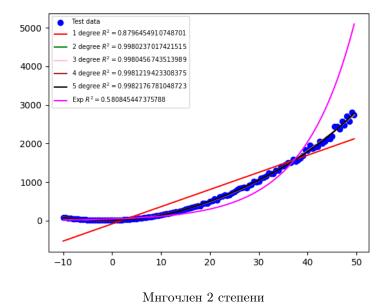
Для каждой из них рассмотрим полиноминальные регрессии 1-5 степени, а также экспоненциальную ререссию

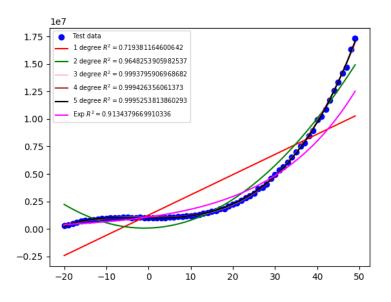
3.1 Оценка результатов

Для оценки результатов будем использовать коэффициент детерминации: $R^2=1-\frac{D[y|x]}{D[y]}=1-\frac{\sigma^2}{\sigma_y^2},$ Чем ближе коэффициэнт к 1, тем эффективнее регрессия

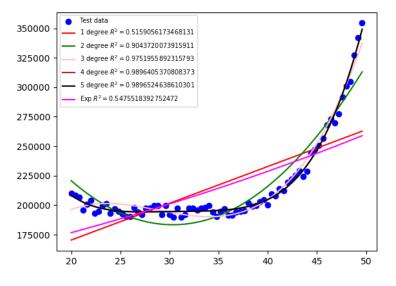
4 Тесты



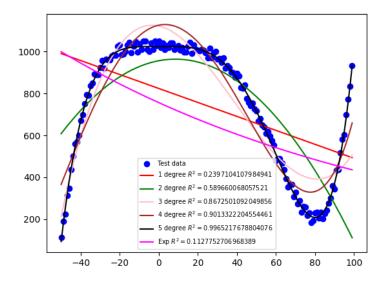




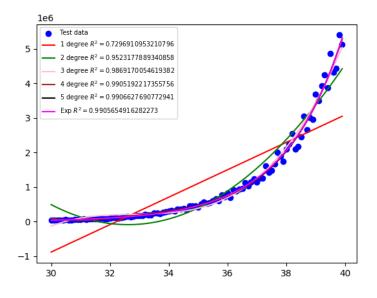
Многочлен 3 степени



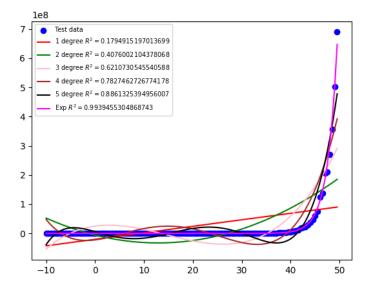
Многочлен 4 степени



Многочлен 5 степени



Малый отрезок экспоненты



Большой отрезок экспоненты

5 Вывод

Как видно из полученных данных, чем выше степень полиномиальной регресии, тем большую точность она дает. Экспоненциальная регрессия может достаточно точно описывать гладкие отрезки многочленов, но не лучше чем полиномиальная регрессия. Так же и наоборот - экспоненциальная регрессия описывает экспоненту точнее других функций