UNIVERSITATEA TEHNICĂ "GHEORGHE ASACHI" IAȘI FACULTATEA DE AUTOMATICĂ ȘI CALCULATOARE DOMENIUL: Calculatoare și Tehnologia Informației SPECIALIZAREA: Tehnologia Informației

Inteligență Artificială - Proiect Inferența prin enumerare în rețele bayesiene

Coordonator,

Asist. drd. ing. Codrut-Georgian Artene

Autori, Dima Raul Andrei, 1411B Melinte Alexandru-Gicu, 1411B Nistor Paula-Alina, 1411B

Cuprins

1. Descrierea problemei considerate	1
2. Aspecte teoretice privind algoritmul	1
2.1 Probabilitatea	1
2.2 Probabilitatea condiționată	1
2.3 Teorema lui Bayes	1
2.4 Independență și independență condiționată	2
2.5 Distribuție comună de probabilitate	2
2.6 Rețele Bayesiene	2
2.7 Sortarea topologică	2
2.8 Inferență prin enumerare	2
3. Modalitatea de rezolvare	3
4. Cod sursă, explicații, comentarii - blocuri semnificative	5
4.1 Metoda EnumerationAsk	5
4.2 Metoda EnumerateAll	6
4.3 Metoda KahnSorting – Sortare topologică	7
4.4 Constructorul rețelei bayesiene	8
5. Rezultate obținute	9
6. Concluzii	11
7. Rolul membrilor din echipă	11
8. Bibliografie	11

1. Descrierea problemei considerate

Proiectul vine ca și suport pentru descrierea unei aplicații ce primește date stocate într-un fișier .txt despre nodurile, legăturile dintre noduri și evidențele acestora. Aceste date reprezintă structura și parametrii unei rețele bayesiene, iar pe baza acestor date se dorește a se determina, cu ajutorul algoritmului de inferență prin enumerare, rezultatele probabilistice dorite pentru orice tip de rețea.

Mai exact se dorește ca aplicația să aibă posibilitatea interogării unui anumit nod din rețeaua bayesiană pentru a extrage date din divereste situații (prin setarea evidențelor) în care acesta este implicat.

2. Aspecte teoretice privind algoritmul

2.1 Probabilitatea

Dacă un eveniment A, ce face parte dintr-o mulțime de evenimente Ω , se poate realiza în s probe dintr-un total de n încercări echiprobabile pe care experimentul le poate produce, atunci probabilitatea evenimentului A se poate defini prin formula:

$$\mathbf{P}(\mathbf{A}) = \frac{\operatorname{nr.cazuri favorabile}}{\operatorname{nr.cazuri posibile}} = \frac{s}{n} \operatorname{si} 0 \le \mathbf{P}(\mathbf{A}) \le 1, \ \forall \mathbf{A} \in \Omega$$
 (2.1)

2.2 Probabilitatea conditionată

Dacă A și B sunt două evenimente arbitrare, prin **probabilitatea condiționată** a lui A de către B, notată P(A|B), se înțelege probabilitatea de a se realiza evenimentul A dacă în prealabil s-a realizat evenimentul B. Prin definiție:

$$\mathbf{P}(\mathbf{A}|\mathbf{B}) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} \tag{2.2}$$

Putem exprima probabilitatea intersecției în două moduri și de aici deducem expresia lui P(B|A) în funcție de P(A|B):

$$\mathbf{P}(\mathbf{A} \cap \mathbf{B}) = \mathbf{P}(\mathbf{A}|\mathbf{B}) \cdot \mathbf{P}(\mathbf{B}),\tag{2.3}$$

$$\mathbf{P}(\mathbf{A} \cap \mathbf{B}) = \mathbf{P}(\mathbf{B}|\mathbf{A}) \cdot \mathbf{P}(\mathbf{A}),\tag{2.4}$$

2.3 Teorema lui Bayes

Teorema lui Bayes descrie probabilitatea unui eveniment date fiind condițiile ce ar putea duce la apariția evenimentului.

$$\mathbf{P}(\mathbf{A}|\mathbf{B}) = \frac{P(B|A) \cdot P(A)}{P(B)}, \ \mathbf{P}(\mathbf{E}|\mathbf{I}) = \frac{P(E|I) \cdot P(I)}{P(E)}, \tag{2.5}$$

I - ipoteza;

E - evidenta (provenită din datele observate);

P(I) - probabilitatea a-priori a ipotezei (gradul inițial de încredere în ipoteză);

P(**E**) - probabilitatea evidentei;

P(E|I) - verosimilitatea datelor observate (măsura în care s-a observat evidența în condițiile îndeplinirii ipotezei);

P(**I**|**E**) - probabilitatea a-posteriori a ipotezei, dată fiind evidența.

Cu ajutorul teoremei, putem calcula astfel probabilitățile cauzelor, date fiind efectele. Este mai simplu de cunoscut când o cauză determină un efect, dar invers, când cunoaștem un efect, probabilitățile cauzelor nu pot fi cunoscute imediat.

2.4 Independentă și independentă conditionată

Două evenimente A si B sunt **independente** dacă probabilitatea realizării (sau nerealizării) oricăruia din cele două evenimente nu se modifică în funcție de realizarea, nerealizarea sau ignorarea celuilalt. Matematic, aceste noțiuni s-ar traduce în formula următoare:

$$\mathbf{P}(\mathbf{A} \cap \mathbf{B}) = \mathbf{P}(\mathbf{A}) \cdot \mathbf{P}(\mathbf{B}) \tag{2.6}$$

Independența condiționată reprezintă independența bazată pe îndeplinirea unor conditii.

$$P(B|A) = P(B) = P(B|\overline{A})$$
(2.7)

2.5 Distribuție comună de probabilitate

În probabilitate, având în vedere două variabile aleatorii X și Y, definite pe același spațiu de probabilitate, **distribuția** lor **comună** este definită ca distribuția de probabilitate asociată vectorului (X, Y).

2.6 Rețele Bayesiene

Literatura de specialitate oferă multe definiții generale ale unei rețele Bayesiene, redate în forme destul de diferite:

- O rețea bayesiană reprezintă o modalitate de vizualizare grafică și de analiză a modelelor care implică incertitudinea, incertitudine gestionată într-un mod matematic riguros, eficient și simplu.
- O **rețea bayesiană** este o reprezentare a unei distribuții comune de probabilitate a unui set de variabile cu posibile legături mutuale cauzale între ele.
- O rețea bayesiană este o reprezentare grafică a unor mărimi (și decizii) incerte care, în mod explicit, relevă dependența cauzală între variabile ca și circulația informației în modelul procesului analizat.
- O rețea bayesiană se referă la o metodă sistematică și concretă pentru structurarea informației cu caracter probabilistic într-un mod coerent și cu ajutorul unor algoritmi de inferență.
- O rețea bayesiană este un graf orientat aciclic (engl. "directed acyclic graph"), în care evenimentele sau variabilele se reprezintă ca noduri, iar relațiile de corelație sau cauzalitate se reprezintă sub forma arcelor dintre noduri.
- O rețea bayesiană este un model grafic probabilistic, adică un graf cu o mulțime de noduri, care reprezintă evenimente aleatorii, conectate de arce, care reprezintă dependente conditionate între evenimente.

2.7 Sortarea topologică

Sortarea topologică a unui graf este o ordonare liniară a nodurilor sale astfel încât, pentru fiecare arc $A \rightarrow B$, A apare înaintea lui B. Pentru o **rețea bayesiană**, **sortarea topologică** asigură faptul că nodurile părinte vor apărea înaintea nodurilor fiu. Dacă există cicluri în graf, sortarea topologică este imposibilă.

2.8 Inferență prin enumerare

Inferența este un proces logic care derivă o concluzie dintr-o premisă, adică extrage o consecință necesară, o informație specifică, dintr-o descriere de stare dată.

Inferența prin enumerare are scopul de a calcula probabilitatea unei variabile interogate (engl. "query"), date fiind variabilele observate (evidență).

3. Modalitatea de rezolvare

Pentru interogarea unui nod dintr-o rețea bayesiană, utilizatorul dispune de o interfață unde poate vizualiza nodurile, evidențele și poate selecta nodul dorit. Se va încărca un fișier .txt ce conține parametrii rețelei, adică numărul de noduri, evidența fiecărui nod în parte, relațiile dintre noduri si probabilitătile.

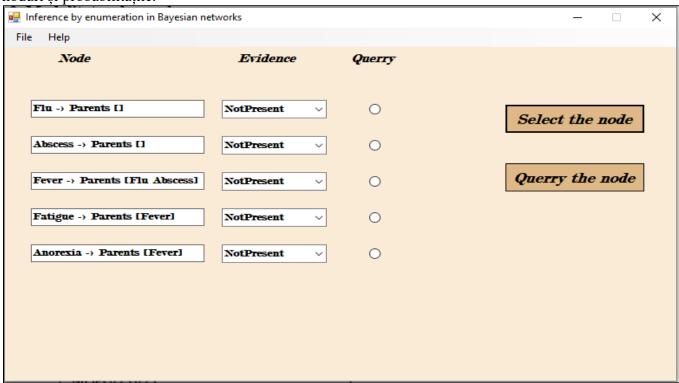


Figura 1

În secțiunea help a aplicației se regăsește un model .txt ce conține descrierea rețelei bayesiene (Figura 2).

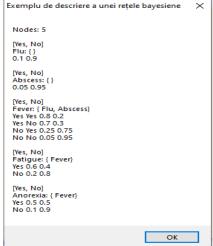


Figura 2

Prin selectarea unui nod și/sau a unor evidențe, la apăsarea butonului *Querry the node* se va apela algoritmul de inferență prin enumerare și va furniza probabilitatea nodului selectat pentru reteaua bayesiană.

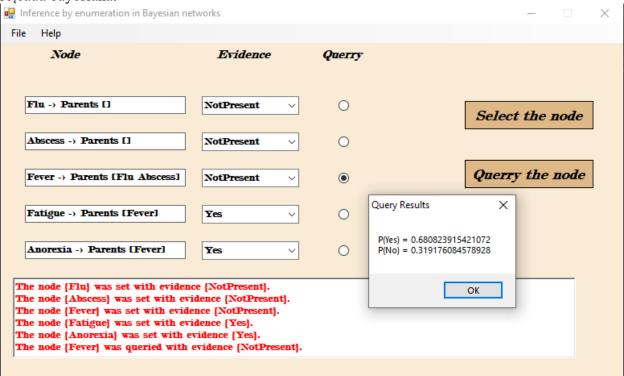


Figura 3

În acest exemplu (Figura 2), se consideră că atât gripa (Flu) cât și abcesul (Abscess) pot determina febra (Fever). De asemenea, febra poate cauza o stare de oboseală (Fatigue) sau anorexie (Anorexia).

Fiecare variabilă are o mulțime de valori. În cazul cel mai simplu, variabilele au evidențe binare, de exemplu Da (Yes) și Nu (No). În general însă, o variabilă poate avea oricâte evidențe.

Asociate cu variabilele, o rețea bayesiană conține o serie de tabele de probabilități, precum cele din *Figura* 2. Pentru nodurile fără părinți se indică probabilitățile marginale ale fiecărei valori (adică fără a lua în considerare valorile celorlalte variabile). Pentru celelalte noduri, se indică probabilitățile condiționate pentru fiecare valoare, ținând cont de fiecare combinație de valori ale variabilelor părinte. În general, o variabilă binară fără părinți va avea un singur parametru independent, o variabilă cu 1 părinte va avea 2 parametri independenți iar o variabilă cu n părinți va avea 2^n parametri independenti în tabela de probabilităti corespunzătoare.

Folosindu-ne de algoritmul de inferență prin enumerare, avem posibilitatea de a răspunde la orice întrebare privind nodurile din retea setate cu diferite evidente.

Ideea de bază la algorimul de inferență prin enumerare este calcularea unu produs de probabilități condiționate, însă în cazul variabilelor despre care nu se cunoaște nimic (*NotPresent*), se sumează variantele corespunzătoare tuturor valorilor acestora.

Exemplu dat răspunde la întrebarea "Care este probabilitatea de a avea febra (*Fever*), dacă prezintă simptome de oboseală (*Fatigue*) și anorexie (*Anorexia*)? ", obținându-se:

$$P(Yes) \cong 0.69$$

 $P(No) \cong 0.31$

4. Cod sursă, explicații, comentarii - blocuri semnificative

4.1 Metoda EnumerationAsk

```
// <param name="queryVariable">Query node</param>
public double[] EnumerationAsk(String queryVariable)
   var nodes = _bayesNetwork.NetworkGraph.KahnSorting();
   var querryNode = _bayesNetwork.NetworkGraph.GetNode(queryVariable);
   if (querryNode == null) throw new Exception("Querry node - not found!");
   double[] q = new double[querryNode.GetEvidenceDomain().Count];
   foreach (var node in nodes)
       var nodeEvidenceDomain = node.GetEvidenceDomain();
       if (node.NodeID == queryVariable && node.Evidence != Node.NOT_PRESENT)
            foreach (var typeOfEvidence in nodeEvidenceDomain)
               if (typeOfEvidence == Node.NOT_PRESENT)
                if (node.Evidence == typeOfEvidence)
                   q[j] = 1.0;
                   q[j] = 0.0;
            return q;
    int i = 0;
    foreach (var typeOfEvidence in querryNode.GetEvidenceDomain())
        if (typeOfEvidence == Node.NOT_PRESENT)
            continue;
        _bayesNetwork.NetworkGraph.SetNodeEvidence(queryVariable, typeOfEvidence);
        var vars = CopyNodesList(nodes);
        _bayesNetwork.NetworkGraph.SetNodeEvidence(queryVariable, typeOfEvidence);
        q[i] = EnumerateAll(vars, querryNode.GetEvidenceDomain());
        _bayesNetwork.NetworkGraph.SetNodeEvidence(queryVariable, Node.NOT_PRESENT);
        i++;
    return Normalization(q);
```

Figura 4

Metoda EnumerationAsk primește ca parametru de intrare nodul ce se dorește a fi interogat și furnizează probabilitățile în funcție de evidențe. Se construiesc variabilele funcției: lista de noduri sortată topologic (nodes), nodul din graf ce se dorește a fi interogat (querryNode) și un vector ce conține probabilitățile (q). În caz de nodul interogat nu există în graful rețelei, se va genera o excepție cu mesajul Querry node – not found!. Se vor calcula probabilitățile pentru nodul interogat în funcție de evidențele selectate. Dacă evidențele sunt setate pe valoarea NOT_PRESENT, se vor genera probabilitățile marginale. În caz contrar, se vor genera probabilitățile calculate în situațiile alese. Se va returna vectorul de valori normalizat.

4.2 Metoda EnumerateAll

```
/// <param name="vars">List of nodes</param>
/// <param name="domain">Evidences domain</param>
private double EnumerateAll(List<Node> vars, List<String> domain)
    if (vars.Count == 0)
          return 1.0;
    var y = vars.First();
    vars.Remove(y);
    List<Node> parents = new List<Node>();
     foreach (var node in _bayesNetwork.NetworkGraph.Nodes)
          if (y.IsChidOf(node.NodeID))
              parents.Add(node);
    var evidence = "";
     if (parents.Count == 0)
          evidence = "p";
  else
     foreach (var parent in parents)
         evidence += parent.Evidence + " ";
     evidence = evidence.Remove(evidence.Length - 1, 1);
  if (y.Evidence != Node.NOT PRESENT)
     return _bayesNetwork.NetworkGraph.GetProbabilityOfNode(y.NodeID, y.Evidence, evidence) * EnumerateAll(vars, domain);
     foreach (var ev in domain)
         if (!y.GetEvidenceDomain().Contains(ev))
         _bayesNetwork.NetworkGraph.SetNodeEvidence(y.NodeID, ev);
         sum += _bayesNetwork.NetworkGraph.GetProbabilityOfNode(y.NodeID, ev, evidence) * EnumerateAll(CopyNodesList(vars), domain);
      _bayesNetwork.NetworkGraph.SetNodeEvidence(y.NodeID, Node.NOT_PRESENT);
     return sum;
```

Figura 5

Metoda EnumerationAll este o metodă recursivă ce primește ca parametrii de intrare lista de noduri și domeniul de evidențe și va returna probabilitatea nodului în situația dată (evidențele selectate). În caz de numărul de noduri este 0, se va returna valoarea reală *1.0*. Altfel, se ia fiecare nod în parte și se verifică daca are părinți, care este numărul lor și care sunte evidențele. În caz de evidențele selectate corespund valorii *NOT_PRESENT*, se va calcula în funcție de probabilitățile marginale. In caz contrat, se calculeaza recursiv probabilitea fiecărui nod.

4.3 Metoda KahnSorting – Sortare topologică

```
public List<Node> KahnSorting()
   List<Node> L = new List<Node>();
   List<Node> S = new List<Node>();
   int[] indegree = new int[_noNodes];
    for (int i = 0; i < _noNodes; ++i)
        indegree[i] = _nodes[i].ParentsNumber;
    foreach (var node in _nodes)
        if (node.HasParent == false)
           S.Add(node);
   int cnt = 0;
   while (S.Count != 0)
       var tempNode = S.First();
       L.Add(tempNode);
       S.RemoveAt(0);
       var aux = _nodes.Where(node => node.IsChidOf(tempNode.NodeID) == true).ToList();
       foreach (var node in aux)
            if (--indegree[_nodes.IndexOf(node)] == 0)
               S.Add(node);
    if (cnt != _nodes.Count)
       throw new Exception("The graph has cycles!");
    return L;
```

Figura 6

Metoda KahnSorting este metoda echivalentă cu sortarea topologică, adică se vor sorta vârfurile unui graf orientat aciclic astfel încât, dacă există o legătura directă între nodul A și nodul B (adică un arc (A, B)), atunci nodul A va apărea înaintea nodului B în lista de noduri sortată.

4.4 Constructorul rețelei bayesiene

```
/// <param name="filePath">The path of the file which contains the parameters of the bayesian network</param>
public BayesNetwork(string filePath)
   List<string> lines = System.IO.File.ReadLines(filePath).ToList();
   int noNodes = Int32.Parse(lines[0].Split(':')[1].Trim());
_networkGraph = new Graph(noNodes);
   int pos = 2:
    for (int i = 0; i < noNodes; ++i)
       //read first line with nodes
var evidences = lines[pos].TrimStart('[').TrimEnd(']').Replace(" ", "").Split(',');
       var temp = lines[++pos].Split(':');
       var nodeID = temp[0].Trim();
var parents = Regex.Replace(temp[1], @"[{} \t]", "").Split(',');
        var node = new Node(nodeID);
        foreach (var e in evidences)
            node.AddEvidenceToDomain(e);
        if (parents.Length == 1 && string.IsNullOrEmpty(parents[0]))
            _networkGraph.AddNodes(node, null);
            _networkGraph.SetProbabilities(nodeID, lines.GetRange(pos + 1, 1));
            _networkGraph.AddNodes(node, parents);
            var noOfProb = 1:
            foreach (var parent in parents)
                noOfProb *= _networkGraph.GetNode(parent).GetEvidencesNumber();
             _networkGraph.SetProbabilities(nodeID, lines.GetRange(pos + 1, noOfProb));
            pos += noOfProb + 2;
    _networkGraph.PrintNodesProbabilities();
```

Figura 7

Constructorul BayesNetwork este constructorul clasei BayesNetwork (echivalentul rețelei bayesiene) și prin intermediul acestuia se contruiește rețeaua bayesiană. Acesta are ca parametru de intrare path-ul către fișierul .txt ce conține parametrii și evidențele unei rețele. Se va face parsarea din fișier pentru a extrage datele necesare creării unei rețele bayesiene și se vor afișa pe consolă.

5. Rezultate obținute

Întrebare: Care este probabilitatea de a avea gripă (Flu) daca ai oboseală (Fatigue) și anorexie (Anorexia)?

Rezultat: $P(Yes) \approx 0.39$

 $P(No) \cong 0.61$

Vizualizare interfață:

Help				
Node	Evidence	Querry		
Flu -> Parents []	NotPresent ∨	•	Select ti	he node
Abscess -> Parents []	NotPresent ∨	0		
Fever -> Parents [Flu Abscess]	NotPresent ∨	0	Querry t	he node
Fatigue -> Parents [Fever]	Yes v	0	Query Results X	
Anorexia -> Parents [Fever]	Yes v	0	P(Yes) = 0.396281443674809 P(No) = 0.603718556325191	
e node [Flu] was set with eviden e node [Abscess] was set with evi- e node [Fever] was set with evide e node [Fatigue] was set with ev- e node [Anorexia] was set with ev- e node [Flu] was queried with ev-	idence [NotPresent]. ence [NotPresent]. idence [Yes]. vidence [Yes].		OK	

Figura 8

Întrebare: Care este probabilitatea de a avea gripă (Flu) daca ai oboseală (Fatigue) și anorexie (Anorexia)?

P(Yes) = 0.2**Rezultat:** $P(N_0) = 0.8$

Vizualizare interfață:

Help Node	Evidence	Querry	
		. ,	
Flu -> Parents []	Yes v] 0	Select the node
Abscess -> Parents []	NotPresent v] 0	
Fever -> Parents [Flu Abscess]	No v] 0	Querry the node
Fatigue -> Parents [Fever]	NotPresent v	•	Query Results X
Anorexia -> Parents [Fever]	NotPresent v] 0	P(Yes) = 0.2 P(No) = 0.8
ne node [Flu] was set with evid ne node [Abscess] was set with ne node [Fever] was set with ev ne node [Fatigue] was set with ne node [Anorexia] was set with ne node [Fatigue] was queried was	evidence [NotPresent]. idence [No]. evidence [NotPresent]. 1 evidence [NotPresent].		ОК

Figura 9

Întrebare: Care este probabilitatea de a se întâmpla evenimentul alarmă (*Alarm*) dacă nu s-a întâmplat un eveniment de tip hoț (*Burglary*), cutremur (*Earthquake*), dar s-au întâmplat evenimentele de tip apel Ionuț (*JohnCalls*) și apel Maria (*MarryCalls*)?

Rezultat: $P(Yes) \cong 0.56$ $P(No) \cong 0.44$

Vizualizare interfață:

Querry	
Querry	
0	
0	Select the node
•	
0	Querry the node
Query Results	×
P(Yes) = 0.55776 P(No) = 0.44223	
	OK
	Query Results P(Yes) = 0.55776

Figura 10

Întrebare: Dacă o mașină este pe segmentul S1 (*Sectiune1*), banda B1 (*Banda1*), care este probabilitatea ca după intersecție, pe drum (*Drum*) să meargă înainte (**Inainte**)?

Rezultat: $P(Banda1) \cong 0.36$ $P(Banda3) \cong 0.10$ $P(Banda2) \cong 0.54$ P(Banda4) = 0

Vizualizare interfață:

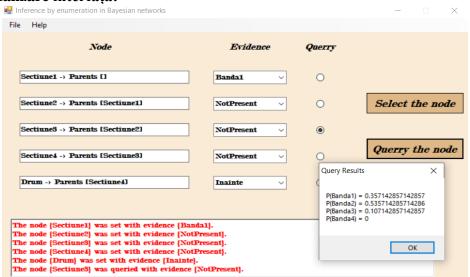


Figura 11

6. Concluzii

Aplicația respectă cerințele impuse și anume, cu ajutorul algorimului de inferență prin enumerare se calculează interoghează un nod și se furnizează mai multe probabilități în funcție de situația aleasă și oferă posibilitatea utilizatorului de a crea propria rețea bayesiană prin intermediul unui fișier .txt.

Aplicația ar putea fi îmbunătățită prin crearea unei interfețe mai complexe, unde se pot desena automat și grafurile în funcție de parametrii rețelei din fișier.

7. Rolul membrilor din echipă

- **Dima Raul Andrei** structurile rețelei (clasa Node, Graph, BayesNetwork), algoritmul de inferență prin enumerare.
- Melinte Alexandru-Gicu interfața cu utilizatorul, documentație, comentarii cod.
- **Nistor Paula-Alina** algoritmul de inferență prin enumerare (clasa InferenceByEnumeration), crearea domeniului de evidențe, creare fișiere de configurare a rețelei bayesiene.

8. Bibliografie

- http://www.doctorat.tuiasi.ro/doc/SUSTINERI_TEZE/ETH/Ciobanu%20(Aionoae)/Ciobanu%20Aionoae%20Alexandra%20rezumat%20teza.pdf
- https://en.wikipedia.org/wiki/Bayesian_network
- http://florinleon.byethost24.com/Curs IA/IA10 ReteleBayesiene.pdf?i=1
- https://koaha.org/wiki/Distribuzione_multivariata