y(s) = y(x,t) — досліджувана фунція стану динамічної системи.

u(s) = u(x,t) — функція зовнішньодинамічних збурень розподілених в  $S_0^T$  — відома.

$$S_0^T = S_0 \times [0, T], S_0 \subseteq \mathbb{R}$$
 — просторово — часова область.

В нашому випадку: 
$$S_0 = \coprod_{k \in K} [a_k, b_k],$$

де  $a_k, b_k \in \mathbb{R}, a_k < b_k, K$  — деяка множина цілочисельних індексів.

Наприклад, 
$$S_0 = [a, b], a < b, a, b \in \mathbb{R}$$

$$S_{\Gamma}^{T} = S_{\Gamma} \times [0, T]$$

В нашому випадку: 
$$S_{\Gamma} = \coprod_{e \in E} [c_e, d_e]$$
,

де  $c_e, d_e \in \mathbb{R}, c_e < d_e, E$  — деяка множина цілочисельних індексів.

Наприклад, 
$$S_{\Gamma} = [c, d], c < d, c, d \in \mathbb{R}$$

$$s=(x,t)\in S_0^T$$
 — просторово — часова змінна.

 $\partial s = (\partial x, \partial t)$  — вектор частинних похідних за просторовою змінною x та часом t.

 $L(\partial s) = L(\partial x, \partial t)$  — лінійний диференціальний оператор.

 $L(\partial x, \partial t)y(x,t) = u(x,t)$  – рівняння, що задає логіку функціонування динамічної системи.

Початкові (t=0) спостереження розглядуваного динамічного процесу, які є керуючими:

$$L_r^0(\partial t)y(x,t)|_{x=x_1^0 \in S_0}^{t=0} = Y_{rl}^0 \ (r = \overline{1,R_0}, l = \overline{1,L_0}).$$

Крайові (на  $\Gamma$ ) спостереження розглядуваного динамічного процесу:

$$L_{\rho}^{\Gamma}(\partial x)y(x,t)|_{(x,t)=s_{l}^{\Gamma}\in S_{\Gamma}^{T}}=Y_{\rho l}^{\Gamma}\ (l=\overline{1,L_{\Gamma}},\rho=\overline{1,R_{\Gamma}}).$$

Бажані значення функції стану:

$$L_i(\partial x,\partial t)y(x,t)|_{(x,t)=s_{ii}\in S_0^T}=Y_{ij}\ (j=\overline{1,J_1},i=\overline{1,I}).$$

G(s-s') = G(x-x',t-t') - функція Гріна нашої системи, що задається співвідношенням:

$$L(\partial x, \partial t)G(x - x', t - t') = \delta(x - x', t - t'),$$

де 
$$\delta(x-x',t-t')-\delta$$
 — функція Дірака.

За обмеженості  $S_0^T$  та наявності початкових, та крайових спостережень:

$$y(x,t) = y_{\infty}(x,t) + y_0(x,t) + y_{\Gamma}(x,t).$$

$$y_{\infty}(x,t) = \int\limits_{S_0^T} G(s-s')u(s')ds' = \int\limits_0^T \int\limits_{S_0} G(x-x',t-t')u(x',t')dx'dt'$$
  $= \int\limits_0^T \Biggl(\sum_{k\in K} \int\limits_{a_k}^{b_k} G(x-x',t-t')u(x',t')dx'\Biggr)dt'$ .—відоме відразу

При 
$$S_0=[a,b]$$
:  $y_\infty(x,t)=\int\limits_0^T\int\limits_a^bG(x-x',t-t')u(x',t')dx'dt'$ 

Далі  $u_0(s)$  та  $u_\Gamma(s)$  — функції, які діють в областях  $S^0=S_0\times (-\infty,0], S^\Gamma=(\mathbb{R}\backslash S_0)\times (0,T],$  і що моделюють вплив початкових та крайових збурень відповідно.

$$y_0(x,t) = \int_{s_0} G(s-s')u_0(s')ds' \equiv$$

$$S^{0} = S_{0} \times (-\infty, 0] = \left( \prod_{k \in K} [a_{k}, b_{k}] \right) \times (-\infty, 0]$$

= |Приймаємо спрощення, що  $u_0(x,t)=0$ ,  $(x,t)\in S_0\times (-\infty,-T_0]$ ,  $T_0>0$ | =  $\left(\coprod_{k\in K}[a_k,b_k]\right)\times [-T_0,0]$ .

$$= \int_{-T_0}^0 \int_{S_0} G(x-x',t-t') u_0(x',t') dx' dt' = \int_{-T_0}^0 \left( \sum_{k \in K} \int_{a_k}^{b_k} G(x-x',t-t') u_0(x',t') dx' \right) dt'.$$

При 
$$S_0 = [a, b]$$
:

$$y_0(x,t) = \int_{-T_0}^0 \int_a^b G(x-x',t-t')u_0(x',t')dx'dt'.$$

$$y_{\Gamma}(x,t) = \int_{S^{\Gamma}} G(s-s')u_{\Gamma}(s')ds' \equiv$$

$$\begin{split} S^{\Gamma} &= (\mathbb{R}\backslash S_{\Gamma}) \times (0,T] = \left( (-\infty,c_{first}) \cup \bigcup_{e \in E \backslash last} (d_e,c_{e+1}) \cup (d_{last},+\infty) \right) \times (0,T] \\ &= \left| \text{Приймаємо спрощення, що } u_{\Gamma}(x,t) = 0, (x,t) \right. \\ &\in \left( (-\infty,C) \cup (D,+\infty) \right) \times (0,T], C < c_{first}, D > d_{last} \right| \\ &= \left( \left[ C,c_{first} \right) \cup \bigcup_{e \in E \backslash last} (d_k,c_{k+1}) \cup (d_{last},D] \right) \times (0,T] = S'_{\Gamma} \times (0,T]. \end{split}$$

$$\begin{split}
& = \int_{0}^{T} \int_{S'_{\Gamma}} G(x - x', t - t') u_{\Gamma}(x', t') dx' dt' \\
&= \int_{0}^{T} \int_{C}^{c_{first}} G(x - x', t - t') u_{\Gamma}(x', t') dx' dt' \\
&+ \int_{0}^{T} \sum_{e \in E \setminus last} \int_{d_{e}}^{c_{e+1}} G(x - x', t - t') u_{\Gamma}(x', t') dx' dt' \\
&+ \int_{0}^{T} \int_{d_{last}}^{D} G(x - x', t - t') u_{\Gamma}(x', t') dx' dt' \\
&= \int_{0}^{T} \left( \int_{C}^{c_{first}} G(x - x', t - t') u_{\Gamma}(x', t') dx' + \sum_{e \in E \setminus last} \int_{d_{e}}^{c_{e+1}} G(x - x', t - t') u_{\Gamma}(x', t') dx' + \int_{e \in E \setminus last}^{D} G(x - x', t - t') u_{\Gamma}(x', t') dx' \right) dt'.
\end{split}$$

При 
$$S_{\Gamma} = [c,d] \Rightarrow S'_{\Gamma} = [C,c) \cup (d,D]$$
:

$$y_{\Gamma}(x,t) = \int_0^T \left( \int_C^c G(x-x',t-t') u_{\Gamma}(x',t') dx' + \int_d^D G(x-x',t-t') u_{\Gamma}(x',t') dx' \right) dt'.$$

Пошук  $u_0$ ,  $u_\Gamma$  та  $Y_{rl}^0$  подамо у вигляді наступного середньоквадратичного критерію:

$$\Phi_{1} = \sum_{\rho=1}^{R_{\Gamma}} \sum_{l=1}^{L_{\Gamma}} \left( L_{\rho}^{\Gamma}(\partial x) y(x,t) \big|_{(x,t)=s_{l}^{\Gamma}} - Y_{\rho l}^{\Gamma} \right)^{2} + \sum_{i=1}^{I} \sum_{j=1}^{J_{i}} \left( L_{i}(\partial x, \partial t) y(x,t) \big|_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} - Y_{ij} \right)^{2}$$

$$\to \min_{Y_{rl}^{0} \ (r=\overline{1,R_{0}}, l=\overline{1,L_{0}})} .$$

Розв'язок можна отримати з обернення наступної системи:

$$\begin{split} \int_{-T_0}^0 \left( \sum_{k \in K} \int_{a_k}^{b_k} L_{\rho}^{\Gamma}(\partial x) G(x-x',t-t') |_{(x,t)=s_{\Gamma}^{\Gamma}} u_0(x',t') dx' \right) dt' \\ + \left( \int_0^T \left( \int_0^{c_{first}} L_{\rho}^{\Gamma}(\partial x) G(x-x',t-t') |_{(x,t)=s_{\Gamma}^{\Gamma}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \right) \\ + \sum_{e \in E \setminus last} \int_{d_e}^{c_{e+1}} L_{\rho}^{\Gamma}(\partial x) G(x-x',t-t') |_{(x,t)=s_{\Gamma}^{\Gamma}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b_k} L_{\rho}^{\Gamma}(\partial x) G(x-x',t-t') |_{(x,t)=s_{\Gamma}^{\Gamma}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \right) dt' \\ + \left( \int_0^T \left( \int_0^{c_{first}} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\rho}(x',t') dx' \right) dt' \\ + \left( \int_0^T \left( \int_0^{c_{first}} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\rho}(x',t') dx' \right) dt' \right) \\ + \sum_{e \in E \setminus last} \int_{d_e}^{c_{e+1}} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t') |_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}} u_{\Gamma}(x',t') dx' \\ + \int_{d_{last}}^{b} L_{\rho}(\partial x,\partial t) G(x-x',t-t'$$

$$\int\limits_{(\cdot)}A(x,t)\bar{u}(x,t)dxdt=\bar{Y},$$
де

$$\bar{u}(x,t) = \underbrace{\begin{pmatrix} u_0(x,t) \left( (x,t) \in S^0 \right) \\ u_{\Gamma}(x,t) \left( (x,t) \in S^{\Gamma} \right) \end{pmatrix}}_{1} 2,$$

$$A(x,t) = \underbrace{\begin{pmatrix} A_{21}(x,t) \left( (x,t) \in S^0 \right) & A_{22}(x,t) \left( (x,t) \in S^\Gamma \right) \\ A_{31}(x,t) \left( (x,t) \in S^0 \right) & A_{32}(x,t) \left( (x,t) \in S^\Gamma \right) \end{pmatrix}}_{2} L_{\Gamma} R_{\Gamma} + (\sum_{i=1}^{I} J_i) I,$$

$$\overline{Y} = \begin{pmatrix} \overline{Y}_{\Gamma} \\ \overline{Y}_{*} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} col((\overline{Y}_{\rho l}, l = \overline{1, L_{\Gamma}}), \rho = \overline{1, R_{\Gamma}}) \\ col((\overline{Y}_{l J}, j = \overline{1, J_{l}}), i = \overline{1, I}) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} R_{\Gamma} \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma} I \\ \vdots \\ L_{\Gamma} I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \vdots \\ L_{\Gamma}$$

$$\begin{split} A_{2q} &= col\left(\left(L_{\rho}^{\Gamma}(\partial x)G(x-x',t-t')|_{(x,t)=s_{1}^{\Gamma}},l=\overline{1,L_{\Gamma}}\right),\rho=\overline{1,R_{\Gamma}}\right) = \underbrace{\left(\vdots\right)}_{1} \underbrace{L_{\Gamma}R_{\Gamma}},\\ A_{3q} &= col\left(\left(L_{i}(\partial x,\partial t)G(x-x',t-t')|_{x=x_{ij}}^{t=t_{ij}},j=\overline{1,J_{t}}\right),i=\overline{1,I}\right) = \underbrace{\left(\vdots\right)}_{1} \underbrace{\left(\sum_{i=1}^{l}J_{i}\right)I},\\ (x',y') &\in S^{0}, \text{при } q=1,\\ (x',y') &\in S^{\Gamma}, \text{при } q=2.\\ \underbrace{\left(x',y'\right) \in S_{0}^{T}, \text{при } q=3-\text{в нас нема}}_{\text{Розв'язком буде:}}\\ \overline{u}(x,t) &= A^{T}(x,t)P^{+}(\overline{Y}-A_{v})+v(x,t),\text{де} \end{split}$$

$$P &= \int_{(\cdot)} A(x,t)A^{T}(x,t)dxdt = \underbrace{\left(\vdots\right)}_{L_{\Gamma}R_{\Gamma}+\underbrace{\left(\sum_{i=1}^{l}J_{i}\right)I}}_{L_{\Gamma}R_{\Gamma}} + \underbrace{\left(\sum_{i=1}^{l}J_{i}\right)I},\\ A_{v} &= \int_{(\cdot)} A(x,t)v(x,t)dxdt = \underbrace{\left(\vdots\right)}_{1}\underbrace{L_{\Gamma}R_{\Gamma}}_{1} + \underbrace{\left(\sum_{i=1}^{l}J_{i}\right)I}_{L_{\Gamma}R_{\Gamma}},\\ v(x,t) &= col\left(v_{0}(x,t)\left((x,t) \in S^{0}\right),v_{\Gamma}(x,t)\left((x,t) \in S^{\Gamma}\right)\right) = \underbrace{\left(v_{0}(x,t)\left((x,t) \in S^{0}\right)\right)}_{V_{\Gamma}(x,t)} \underbrace{\left((x,t) \in S^{\Gamma}\right)\right)}_{2} 2 \end{split}$$

-довільна інтегровна в області своїх аргументів вектор — функція.

Звідси, 
$$u_0(x,t) = A_1(x,t)P^+(\overline{Y} - A_v) + v_0(x,t),$$
 
$$u_\Gamma(x,t) = A_2(x,t)P^+(\overline{Y} - A_v) + v_\Gamma(x,t), \text{де}$$
 
$$A_1(x,t) = (A_{21}^T(x,t) \quad A_{31}^T(x,t)) = \underbrace{(\cdots \ \cdots)}_{L_\Gamma R_\Gamma + (\sum_{i=1}^I J_i)I} 1 \ \big( (x,t) \in S^0 \big),$$
 
$$A_2(x,t) = (A_{22}^T(x,t) \quad A_{32}^T(x,t)) = \underbrace{(\cdots \ \cdots)}_{L_\Gamma R_\Gamma + (\sum_{i=1}^I J_i)I} 1 \ \big( (x,t) \in S^\Gamma \big),$$
 
$$P = \begin{pmatrix} P_{21} & P_{22} \\ P_{31} & P_{32} \end{pmatrix},$$
 
$$A_v = \begin{pmatrix} A_{v_0} \\ A_{v_\Gamma} \end{pmatrix} = \underbrace{(\vdots)}_{1} L_\Gamma R_\Gamma + (\sum_{i=1}^I J_i)I,$$

$$\begin{split} P_{nm} &= \int\limits_{S^0} A_{n1}(x,t) A_{m+11}^T(x,t) dx dt + \int\limits_{S^\Gamma} A_{n2}(x,t) A_{m+12}^T(x,t) dx dt \\ &= \int\limits_{-T_0}^0 \left( \sum_{k \in K} \int\limits_{a_k}^{b_k} A_{n1}(x,t) A_{m+11}^T(x,t) dx \right) dt \\ &+ \int\limits_{0}^{T} \int\limits_{C}^{c_{first}} A_{n2}(x,t) A_{m+12}^T(x,t) dx + \sum_{e \in E \setminus last} \int\limits_{d_e}^{c_{e+1}} A_{n2}(x,t) A_{m+12}^T(x,t) dx \\ &+ \int\limits_{0}^{D} A_{n2}(x,t) A_{m+12}^T(x,t) dx \right) dt \ (n = \overline{2,3}, m = \overline{1,2}). \\ &\text{Тоді: } P_{21} = \underbrace{\left( \vdots \quad \ddots \quad \vdots \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} \underbrace{\left( \sum_{i=1}^{l} J_i \right) l}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}}, \qquad P_{22} = \underbrace{\left( \vdots \quad \ddots \quad \vdots \right)}_{C_{i=1}^{\ell} J_i ) l} \underbrace{\left( \sum_{i=1}^{l} J_i \right) l}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}}, \\ &P_{31} = \underbrace{\left( \vdots \quad \ddots \quad \vdots \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} \underbrace{\left( \sum_{i=1}^{l} J_i \right) l}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}}, \qquad P_{32} = \underbrace{\left( \vdots \quad \ddots \quad \vdots \right)}_{C_{i=1}^{\ell} J_i ) l} \underbrace{\left( \sum_{i=1}^{l} J_i \right) l}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}}, \\ &A_{v_0} = \int\limits_{S^0} A_{21}(x,t) v_0(x,t) dx dt + \int\limits_{S^\Gamma} A_{22}(x,t) v_{\Gamma}(x,t) dx dt \\ &= \int\limits_{T_0}^0 \underbrace{\left( \sum_{k \in K} \sum_{a_k} A_{21}(x,t) v_0(x,t) dx \right)}_{c} dt \\ &+ \int\limits_{0}^{C} \underbrace{\left( \sum_{k \in K} \sum_{a_k} A_{22}(x,t) v_{\Gamma}(x,t) dx \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} dt \\ &+ \int\limits_{0}^{C} \underbrace{\left( \sum_{k \in K} \sum_{a_k} A_{22}(x,t) v_{\Gamma}(x,t) dx \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} dt \\ &= \int\limits_{T_0}^0 \underbrace{\left( \sum_{k \in K} \sum_{a_k} A_{31}(x,t) v_0(x,t) dx \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} dt \\ &+ \int\limits_{0}^{C} \underbrace{\left( \sum_{k \in K} \sum_{a_k} A_{31}(x,t) v_0(x,t) dx \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} dt \\ &+ \int\limits_{0}^{C} \underbrace{\left( \sum_{k \in K} \sum_{a_k} A_{31}(x,t) v_{\Gamma}(x,t) dx \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} dt \\ &+ \int\limits_{0}^{C} \underbrace{\left( \sum_{k \in K} \sum_{a_k} A_{31}(x,t) v_{\Gamma}(x,t) dx \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} dt \\ &+ \int\limits_{0}^{C} \underbrace{\left( \sum_{k \in K} \sum_{a_k} A_{31}(x,t) v_{\Gamma}(x,t) dx \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} dt \\ &+ \int\limits_{0}^{C} \underbrace{\left( \sum_{k \in K} \sum_{a_k} A_{22}(x,t) v_{\Gamma}(x,t) dx \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} dt \\ &+ \int\limits_{0}^{C} \underbrace{\left( \sum_{k \in K} \sum_{a_k} A_{22}(x,t) v_{\Gamma}(x,t) dx \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} dt \\ &+ \int\limits_{0}^{C} \underbrace{\left( \sum_{k \in K} \sum_{a_k} A_{22}(x,t) v_{\Gamma}(x,t) dx \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} dt \\ &+ \int\limits_{0}^{C} \underbrace{\left( \sum_{k \in K} \sum_{a_k} A_{22}(x,t) v_{\Gamma}(x,t) dx \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} dt \\ &+ \int\limits_{0}^{C} \underbrace{\left( \sum_{k \in K} \sum_{a_k} A_{22}(x,t) v_{\Gamma}(x,t) dx \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} dt \\ &+ \int\limits_{0}^{C} \underbrace{\left( \sum_{k \in K} \sum_{a_k} A_{22}(x,t) v_{\Gamma}(x,t) dx \right)}_{l_{\Gamma}R_{\Gamma}} dt \\ &+ \int\limits_{0}^{C}$$

Точність з якою функція y(x,t)стану нашої системи задовольняє початково — крайові умови:

$$\varepsilon^2 = \min_{u_0(x,t), u_\Gamma(x,t)} \Phi_1 = \bar{Y}^T \bar{Y} - \bar{Y}^T P P^+ \bar{Y}.$$