
Kejadian (*event*)

- Kejadian adalah himpunan bagian (*subset*) dari ruang sampel S .
 - Dengan kata lain, kejadian adalah himpunan dari hasil-hasil yang mungkin.
 - Notasi: A
 - Contoh: Kejadian A adalah hasil lemparan dadu yang habis dibagi tiga
maka $A = \{3, 6\}$
 - Karena $A \subseteq S$, maka ada 3 kemungkinan:
 1. $A = \{\}$ \rightarrow kejadian mustahil
 2. $A = S$
 3. $A \subset S$
-

- Misalkan A dan B adalah kejadian, maka:
 1. $A \cup B$: kejadian “salah satu dari A atau B atau keduanya” \rightarrow gabungan dari dua kejadian
 2. $A \cap B$: kejadian “baik A maupun B” \rightarrow irisan dari dua kejadian
 3. A' : kejadian “bukan A” \rightarrow komplemen kejadian A
 4. $A - B$: kejadian “A tetapi bukan B”
- Jika $A \cap B = \emptyset$, maka kejadian A dan B saling terpisah atau saling meniadakan (*mutually exclusive*).
- $A' = S - A$

-
- **Contoh 1:** Mahasiswa STI sedang duduk-duduk di dalam ruang Himpunan. Seorang mahasiswa dipilih secara acak. Misalkan A adalah kejadian mahasiswa yang dipilih adalah anggota unit PSM, dan B adalah kejadian mahasiswa yang dipilih berasal dari Bali. Maka,

S : semua mahasiswa STI yang sedang duduk-duduk

$A \cap B$: kejadian “mahasiswa yang dipilih adalah anggota unit PSM dan berasal dari Bali”

$A \cup B$: kejadian “mahasiswa yang dipilih adalah anggota unit PSM atau berasal dari Bali”

A' : kejadian “mahasiswa yang dipilih bukan anggota unit PSM”

$A - B$: kejadian “mahasiswa yang dipilih adalah anggota unit PSM tetapi tidak berasal dari Bali”

- **Contoh 2:** Sebuah koin dilempar dua kali. Sisi permukaan koin adalah angka (A) dan gambar (G). Misalkan P adalah kejadian “setidaknya muncul satu gambar” dan Q adalah “lemparan kedua menghasilkan angka”. Maka:

$$S = \{AG, AA, GA, GG\}$$

$$P = \{GA, GG, AG\}$$

$$Q = \{AA, GA\}$$

$$P \cap Q = \{GA\}$$

$$P \cup Q = \{GA, GG, AG, AA\}$$

$$P' = \{AA\}$$

$$P - Q = \{GG, AG\}$$

$$Q - P = \{AA\}$$

Peluang Suatu Kejadian

- Semua kalimat di bawah ini adalah ketidakpastian:
 1. Kecil kemungkinan Indonesia lolos masuk babak final.
 2. Peluang Farhan dapat beasiswa tipis sekali.
 3. Kemungkinan besar hujan turun pada awal November
- Derajat ketidakpastian (atau kepastian) dari suatu kejadian dapat dihitung
- Peluang: derajat tingkat kepastian atau keyakinan terjadinya suatu kejadian dari eksperimen acak.
- Nilai peluang adalah dari 0 sampai 1.

-
- Jika suatu kejadian diyakini pasti terjadi, maka peluangnya adalah 1 atau 100%.
 - Jika kita tidak yakin suatu kejadian tidak akan terjadi, maka peluangnya adalah 0.
 - Jika suatu kejadian diyakini hanya 50% akan terjadi, maka peluangnya adalah $\frac{1}{2}$.
 - Jika hanya 25% kemungkinan terjadinya, maka peluangnya adalah $\frac{1}{4}$
 - Jika hanya 25% peluang suatu kejadian akan terjadi, maka 75% tidak akan terjadi.
-

-
- Kita kembali ke topik ruang sampel.
 - Untuk ruang sampel yang elemennya diskrit, peluang munculnya suatu elemen di antara titik sampel disebut **peluang diskrit**.
 - Misalkan ruang sampel S beranggotakan n elemen:
$$S = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$$

maka peluang kemunculan x_i di dalam S disimbolkan dengan $P(x_i)$.
 - Peluang diskrit memiliki sifat sebagai berikut:
 1. $0 \leq P(x_i) \leq 1$
 2. $\sum_{i=1}^n P(x_i) = 1$
-

-
- **Contoh 3:** Pada pelemparan dadu, $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$. Peluang munculnya setiap angka adalah sama, yaitu $1/6$ dan

$$P(1) + P(2) + P(3) + P(4) + P(5) + P(6) = 6 \times 1/6 = 1$$

- **Contoh 4:** Sebuah koin dilempar empat kali. Berapa peluang munculnya sisi angka (A) sebanyak tiga kali?
Jawaban: ruang sampel S berukuran $2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$.
Jumlah kemungkinan munculnya A sebanyak 3 tiga kali adalah $C(4, 3) = 4$, sehingga peluang munculnya sisi A sebanyak 3 kali adalah $4/16 = 1/4$.

-
- Kita kembali ke topik kejadian
 - Untuk menentukan peluang kejadian A, peluang semua titik sampel di dalam A dijumlahkan. Jumlah ini dinamakan peluang A dan disimbolkan dengan $P(A)$.

 - **Contoh 5:** Pada percobaan melempar dadu, berapa peluang kejadian munculnya angka ganjil?
Jawaban: $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ dan $A = \{1, 3, 5\}$
 $P(1) = 1/6, P(2) = 1/6, P(3) = 1/6$
maka $P(A) = 1/6 + 1/6 + 1/6 = 3/6 = 1/2$
Perhatikan bahwa $P(S) = 1/6 + 1/6 + 1/6 + 1/6 + 1/6 + 1/6 = 1$

 - Sifat-sifat peluang kejadian A:
 1. $0 \leq P(A) \leq 1$
 2. $P(\emptyset) = 0 \rightarrow$ peluang kejadian mustahil adalah 0
 3. $P(S) = 1$
-

-
- **Definisi:** Peluang kejadian A di dalam ruang sampel S adalah: $P(A) = |A|/|S|$
Ket: $|..|$ adalah simbol kardinalitas atau jumlah elemen
 - Pada contoh 5 di atas, $|A| = 3$ dan $|S| = 6$, sehingga $P(A) = 3/6 = 1/2$.
 - **Contoh 6:** Sebuah koin dilempar dua kali. Berapa peluang kejadian paling sedikit muncul sisi angka (A) satu kali?
Jawaban: $S = \{AA, AG, GA, GG\} \rightarrow |S| = 4$
Misal B adalah kejadian paling sedikit muncul sisi angka (A) satu kali, maka $B = \{AA, AG, GA\}$ dan $|B| = 3$, maka $P(B) = 3/4$
-

- **Contoh 7:** Dua buah dadu dilemparkan. Berapa peluang munculnya angka dadu yang jumlahnya 8?

Jawaban: Ruang sampelnya adalah

$S = \{(1,1), (1, 2), \dots, (1, 6), (2, 1), (2, 2), \dots, (2, 6), \dots, (6, 1), (6, 2), \dots, (6, 6)\}$, jumlah titik sampelnya ada sebanyak $6 \times 6 = 36$ (gunakan kaidah perkalian!).

Kejadian munculnya jumlah angka sama dengan 8 adalah $A = \{(2, 6), (3, 5), (4, 4), (5, 3), (6, 2)\}$ sehingga $P(A) = 5/36$.

- **Contoh 8:** Sebuah dadu dilempar sekali. Misalkan A adalah kejadian angka yang muncul genap dan B kejadian angka yang muncul habis dibagi 3, maka $A \cup B$ adalah kejadian angka yang muncul genap atau habis dibagi 3 dan $A \cap B$ adalah kejadian angka yang muncul adalah genap dan habis dibagi 3.

$A = \{2, 4, 6\}$, $B = \{3, 6\}$, maka $A \cup B = \{2, 3, 4, 6\}$ dan $A \cap B = \{6\}$.

$P(A \cup B) = |A \cup B|/|S| = 4/6$ dan $P(A \cap B) = |A \cap B|/|S| = 1/6$

Latihan. Sebuah dadu dilempar sekali. Berapa peluang kejadian munculnya angka 2 atau 5?

- Pada contoh-contoh sebelumnya, kita mengasumsikan koin dan dadu adalah *fair*, artinya tidak berat ke salah satu sisi, sehingga peluang kemunculan setiap muka pada koin adalah sama yaitu $\frac{1}{2}$, dan peluang kemunculan setiap angka pada dadu adalah sama yaitu $\frac{1}{6}$.
- Jika dilakukan percobaan yang tidak fair, maka peluang kemunculan setiap angka pada dadu dan setiap muka pada koin tidak lagi sama. Perhatikan contoh berikut.

-
- **Contoh 9:** Sebuah dadu diberi pemberat sedemikian rupa sehingga peluang munculnya angka genap adalah dua kali peluang munculnya angka ganjil. Berapa peluang kejadian munculnya angka genap?

Jawaban: angka genap ada tiga buah yaitu 2, 4, 6 dan angka ganjil juga tiga buah yaitu 1, 3, 5. Misalkan peluang tiap angka ganjil adalah x , maka peluang tiap angka genap adalah $2x$. Karena jumlah peluang semua titik di dalam ruang sampel adalah 1, maka

$$3(2x) + 3x = 1 \rightarrow 9x = 1 \rightarrow x = 1/9.$$

Misalkan A adalah kejadian munculnya angka genap, maka

$$A = \{2, 4, 6\}, \text{ sehingga } P(A) = 2/9 + 2/9 + 2/9 = 6/9 = 2/3$$

- **Latihan.** Pada contoh di atas, berapa peluang munculnya angka lebih besar dari 4?
-

Contoh-contoh tambahan

- **Contoh 10:** Di dalam sebuah ruangan terdapat 5 orang mahasiswa IF, 6 orang mahasiswa STI, dan 7 orang mahasiswa EL. Secara acak dipilih satu orang untuk maju mengambil undian. Berapa peluang mahasiswa yang terpilih adalah:
 - (a) dari Prodi STI
 - (b) dari prodi IF atau EL

Jawaban:

(a) Ada 6 orang mahasiswa STI dari 18 orang di dalam ruangan itu, maka ada 6 kemungkinan hasil terpilihnya mahasiswa STI. Jika A adalah kejadian yang terpilih adalah mahasiswa STI, maka $P(A) = 6/18$.

(b) Misal B adalah kejadian terpilihnya mahasiswa IF dan C adalah kejadian terpilihnya mahasiswa EL, maka $P(B \cup C) = (5 + 7)/18 = 12/18$

- **Contoh 11.** Kartu remi (poker) seluruhnya 52 kartu. Keseluruhan kartu ini terdiri dari 13 jenis kartu, setiap jenis ada 4 kartu. Tiga belas jenis kartu itu adalah 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, joker (*jack*), as, ratu, dan raja. Setiap pemain mendapat 5 kartu. Berapa peluang setiap pemain mendapat 3 kartu as dan 2 kartu joker?

Jawaban: Jumlah cara mengambil 5 kartu adalah
 $C(52, 5) = 2.598.960 \rightarrow$ jumlah titik sampel S

Banyaknya cara mendapat 3 dari kartu as adalah $C(4, 3) = 4$ dan banyaknya cara mendapat 2 dari kartu joker adalah $C(4, 2) = 6$.

Dengan kaidah perkalian, maka terdapat $4 \times 6 = 24$ cara mendapat 3 kartu as dan 2 kartu joker.

Misalkan A adalah kejadian mendapatkan 3 kartu as dan 2 kartu joker, maka $P(A) = |A|/|S| = 24/2.598.960 = 0.000009$.

-
- **Contoh 12.** Berapa peluang kartu yang terambil adalah 4 buah kartu as?

Jawaban: Jumlah cara mendapat 4 kartu dari 4 kartu as adalah $C(4, 4) = 1$. Satu kartu lainnya diambil dari 48 kartu yang tersisa, dan ini ada sebanyak $C(48, 1)$ cara. Jadi, ada $1 \times C(48, 1)$ cara untuk mendapatkan 4 kartu as dan 1 kartu jenis lainnya

Misalkan A adalah kejadian mengambil 5 kartu yang 4 diantaranya adalah kartu as, maka

$$P(A) = |A|/|S| = 1 \times C(48, 1) / C(52, 5) = 0.0000185$$

-
- **Contoh 13.** Berapa peluang dari 5 kartu itu mengandung 4 kartu dari jenis yang sama?

Jawaban:Jumlah cara mengambil satu jenis kartu dari 13 jenis adalah $C(13, 1)$.

Jumlah cara mengambil 4 kartu dari kartu yang sejenis adalah $C(4, 4)$.

Jumlah cara mengambil satu kartu lagi dari 48 kartu yang tersisa adalah $C(48, 1)$.

Misalkan A adalah kejadian mengambil 5 kartu yang mengandung 4 kartu dari jenis yang sama adalah

$$\begin{aligned} P(A) &= |A|/|S| = C(13, 1)C(4,4)C(48,1)/C(52,5) \\ &= 0.00024 \end{aligned}$$