Definisi Peubah Acak

- Peubah = variabel
- Dalam suatu eksperimen, seringkali kita lebih tertarik bukan pada titik sampelnya, tetapi gambaran numerik dari hasil.
- Misalkan pada pelemparan sebuah koin dua kali, berapa banyak sisi angka (A) yang muncul?

$$S = \{AG, AA, GA, GG\}$$

1 2 1 0

Seringkali amat penting mengaitkan suatu bilangan sebagai pemerian hasil tersebut.

$$x \rightarrow f(x) = ?$$

- Misalkan untuk setiap titik di dalam ruang sampel kita memasangkan sebuah bilangan. Dengan demikian terdefinisikan sebuah fungsi pada ruang sampel tersebut.
- Fungsi tersebut dinamakan peubah acak atau fungsi acak.
- Nama lain: peubah stokastik atau fungsi stokastik.

Definisi. Suatu fungsi bernilai riil yang harganya ditentukan oleh tiap titik di dalam ruang sampel dinamakan peubah acak.

Peubah acak → huruf besar, misal X nilai peubah acak → huruf kecil misal x

Contoh 1. Pada pelemparan sebuah koin dua kali:
 S = {AG, AA, GA, GG}

X menyatakan banyaknya sisi angka (A) yang muncul Untuk setiap titik sampel kita mengasosiasikan suatu bilangan untuk X

Titik Sampel	AG	AA	GA	GG
X	1	2	1	0

- Contoh peubah acak lain: kuadrat banyaknya sisi angka (A), banyaknya sisi angak dikurangi sisi gambar (G).
- Peubah acak yang nilai-nilainya berhingga banyaknya atau berisi sederetan anggota yang banyaknya sebanyak integer disebut peubah acak diskit.
- Sebaliknya, peubah acak yang nilai-nilainya tak berhingga banyaknya atau berisi sederetan anggota yang banyaknya sebanyak titik dalam sebuah garis disebut peubah acak kontinu.

 Sering lebih mudah menyatakan peluang suatu peubah acak X dinyatakan dalam suatu formula atau rumus.
 Rumus itu merupakan fungsi dari nilai numerik x, misalnya f(x), g(x), s(x), dan sebagainya

Ditulis:

$$f(x) = P(X = x)$$

Fungsi f(x) dinamakan fungsi peluang atau distribusi peluang.

Definisi. Fungsi f(x) adalah **fungsi peluang** atau **distribusi peluang** suatu peubah acak diskrit X, bila untuk setiap hasil x yang mungkin berlaku:

- 1) $f(x) \ge 0$
- $\sum_{x} f(x) = 1$
- 3) P(X = x) = f(x)

Pada Contoh 1,

Titik Sampel AG AA GA GG

X 1 2 1 0

$$P(AA) = P(AG) = P(GA) = P(GG) = \frac{1}{4}$$

maka $f(0) = P(X = 0) = P(GG) = \frac{1}{4}$
 $f(1) = P(X = 1) = P(AG \cup GA) = P(AG) + P(GA) = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{2}$
 $f(2) = P(X = 2) = P(AA) = \frac{1}{4}$

Jadi, fungsi peluang diskritnya adalah

 Contoh 2. Hitunglah distribusi peluang jumlah bilangan yang muncul bila 2 buah dadu dilemparkan.

Jawaban:

Misalkan X adalah peubah diskrit yang menyatakan semua jumlah yang mungkin

Nilai x yang mungkin adalah 2 sampai 12

Jumlah titik sampel: (6)(6) = 36

Peluang setiap titik sampel = (1/6)(1/6) = 1/36

$$f(2) = P(X = 2) = 1/36$$
 \rightarrow titik sampel (1, 1)

$$f(3) = P(X = 3) = 2/36 \rightarrow titik sampel (1, 2), (2, 1)$$

$$f(4) = P(X = 4) = 3/36$$
 \rightarrow titik sampel (1, 3), (2, 2),(3, 1)

x 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12

f(x) 1/36 2/36 3/36 4/36 5/36 6/36 5/36 4/36 3/36 2/36 1/36

 Latihan. Dari suatu kotak yang berisi 4 bola hitam dan 2 bola hijau, 3 buah bola diambil secara berturutan, tiap bola dikembalikan sebelum pengambilan berikutnya. Carilah distribusi peluang banyaknya bola hijau yang terambil.

Distribusi Kumulatif

- Seringkali kita membutuhkan nilai peubah acak X lebih kecil atau sama dengan suatu bilangan riil tertentu (x), yaitu P(X ≤ x). Ini kita sebut distribusi kumulatif dan disimbolkan dengan F(x).
- **Definisi**. Distribusi kumulatif F(x) suatu peubah acak diskrit dengan distribusi peluang f(x) dinyatakan oleh

$$F(x) = P(X \le x) = \sum_{t \le x} f(t) \text{ untuk } -\infty < x < \infty$$

 Distribusi kumulatif sering disingkat fungsi distribusi saja. Jadi, fungsi distribusi = fungsi kumulatif.

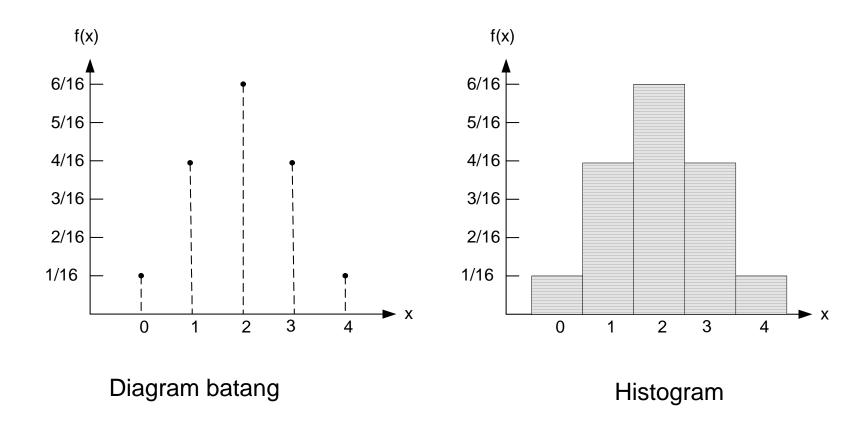
Grafik Distribusi Peluang

 Distribusi peluang untuk peubah acak diskrit secara geometri dapat digambarkan dengan diagram batang dan histogram.

• Misalkan f(0) = 1/16, $f(1) = \frac{1}{4}$, $f(2) = \frac{3}{8}$, $f(3) = \frac{1}{4}$, dan f(4)

$$F(x) = \begin{cases} 1/16 & \text{dan fungsi distribusi berbentuk:} \\ 0 & \text{dan fungsi distribusi berbentuk:} \\ F(x) = \begin{cases} 0 & \text{dan fungsi distribusi berbentuk:} \\ 1/16 & \text{dan fungsi distribusi berbentuk:} \\ 5/16 & \text{dan fungsi distribusi berbentuk:} \\ 1/16 &$$

 Diagram batang dan histogram dari distribusi peluang dibentuk dengan menggambarkan titik (x, f(x)).



 Untuk fungsi distribusi (distribusi kumlatif), grafiknya berbentuk tangga sehingga dinamakan fungsi tangga.

