Тема "Элементарная алгебра"

1. Задание

Напишите уравнение параболы, проходящей через три точки (x,y): (1,2), (3,10), (5,1)

Решение ищем в виде ax²+bx+c=y. Составим систему уравнений:

- (1) a + b + c = 2;
- (2) 9a + 3b + c = 10;
- (3) 25a + 5b + c = 1;

Решая её, находим

a = -2.125

b = 12.5

c = -8.375

Уравнение паработы $y = -2.125x^2 + 12.5x - 8.375$.

2. Задание

Известно, что свежий огурец на 99% состоит из воды. Месяц назад взвесили мешок со свежими огурцами. Получилось, что огурцов ровно 100 кг. Мешок убрали, а через месяц снова взвесили. Огурцы за это время усохли, и теперь вода составляет уже только 98% их веса. Сколько теперь (в кг) весят огурцы?

Месяц назад мякоть весила 1кг. Её вес не изменился. Сейчас это 2% от всего веса, значит мешок весит 50кг.

3. Задание. Определение логарифма. Решить уравнения:

- 1. $2^x = 256$
- $2. \ 2^x = 300$
- $3.* \log_8 2^{8x-4} = 4$
- $4.* \ 3^{\log_9(5x-5)} = 5$
- $5.* x^{\log_3 x + 1} = 9$
- 1.8
- $2. \log_2 300 = 2 + 2\log_2 5 + \log_2 3$
- 3. 2
- 4.6
- 5. 3 и 1/9

4. Задание Свойства логарифмов. Вычислить:

- 6. $\log_4 16 =$
- 7. $\log_5 \frac{1}{25} =$
- 8. $\log_{25} 5 =$
- 9. $\log_3 \sqrt{27} =$
- 10. $\log_2 12 \log_2 3 =$
- 11. $\log_6 12 + \log_6 3 =$
- 12. $e^{\ln 5} =$
- 13. $\frac{\log_2 225}{\log_2 15} =$
- 14. $\log_4 32 + \log_{0.1} 10 =$
- 15.* $9^{\log_3 \sqrt{5}} =$
- 6. 2
- 7. -2
- 8. 0.5
- 9. 1.5
- 10.2
- 11. 2
- 12. 5
- 13. 2
- 14. 1.5
- 15. 5