

$$\text{Vol} = \int_0^{2\pi} \int_{-h/2}^{h/2} \int_0^Q r \cdot dr dz d\theta = \frac{\Pi(2b^2 + a^2)h}{3}$$

$$\text{b) Densidad}(M,a,h) = \frac{M}{V}$$

Por lo tanto para obtener densidad bastaría con reemplazar los datos:

$$\text{Densidad} = \frac{M}{\frac{\Pi(2b^2 + a^2)h}{3}}$$

c) Para calcular el momento de inercia  $I_z$  respecto del eje Z

Momento de Inercia de un sólido tridimensional respecto del eje z

$$I_z = \iiint_R r^2 \cdot \delta(r, \theta, z) r dz dr d\theta$$

Donde obtenemos reemplazando:

$$\int_0^{2\pi} \int_{-h/2}^{h/2} \int_0^Q r^3 * \frac{M}{\frac{\Pi(2b^2 + a^2)h}{3}} dr dz d\theta =$$

Resultado primer integral

$$\frac{(16b^4 - 32a^2b^2 + 16a^4)z^4 + (8a^2b^2 - 8b^4)h^2z^2 + b^4h^4}{4h^4}$$

Luego integrando lo anterior respecto z desde -h/2 hasta h/2

$$\frac{(8b^4 + 4a^2b^2 + 3a^4)h}{60}$$

Para finalizar integrar respecto theta desde 0 a  $2\pi$  y multiplicamos por la constante que nos quedó afuera de la integral.

Evaluate

$$\frac{M(3a^4 + 8b^4 + 4(ab)^2)}{10(a^2 + 2b^2)}$$

d) Para calcular el momento de inercia  $I_y$  respecto del eje Y

Momento de Inercia de un sólido tridimensional respecto del eje y

$$I_y = \iiint_R ((r \cos(\theta))^2 + z^2) \cdot \delta(r, \theta, z) r dz dr d\theta$$

Donde obtenemos reemplazando:

$$\int_0^{2\pi} \int_{-h/2}^{h/2} \int_0^Q \frac{((r \cos(\theta))^2 + z^2) M r}{\frac{\pi(2b^2 + a^2)h}{3}} dr dz d\theta =$$

Integrando y multiplicando por la constante

$$\frac{M(3a^4 + 4a^2b^2 + 3a^2h^2 + 8b^4 + 2b^2h^2)}{20(a^2 + 2b^2)}$$

La integral quedaba demasiado extensa, a tal punto que no entraba en la pantalla, por lo que el desarrollo fue omitido.

