

Εργασία Μηχανικής Μάθησης 2022

Tsirmpas Dimitris

12th December 2022

1 Λογιστική Παλινδρόμηση

1.1 Ερώτημα Δ

Ο ταξινομητής μας έχει υλοποιηθεί στο αρχείο `LogisticRegClassifier.py`. Η πλήρης τεκμηρίωση του μοντέλου, των μεθόδων του και των υπερπαραμέτρων βρίσκεται εκεί με τη μορφή docstrings. Η κανονικοποίηση L_2 έχει ήδη υλοποιηθεί σε αυτό το αρχείο, αλλά για τους σκοπούς αυτής της ερώτησης θα θέσουμε την υπερπαραμέτρο λ ως 0, παρακάμπτοντας την.

Ο κώδικας για την εκτέλεση του μοντέλου βρίσκεται στο αρχείο `run_logistic.py`. Θα τρέξουμε το μοντέλο με υπερπαραμέτρους `iter = 500` και `alpha = 0.2`. Το αποτέλεσμα είναι η ακρίβεια εκπαίδευσης να είναι ίση με 0.982 και η ακρίβεια ελέγχου ίση με 0.981. Τα πλήρη αποτελέσματα της εκπαίδευσης και του ελέγχου παρουσιάζονται στην εικόνα 1.1.

1.2 Ερώτημα Ε

Επιλέγουμε το διάστημα των λ τιμών μας λογαριθμικά, εφόσον η βέλτιστη τιμή κανονικοποίησης είναι πολύ πιο πιθανό να βρίσκεται αρκετά κοντά στο 0. Η λογαριθμική κλίμακα μας επιτρέπει να ψάξουμε πιο πολλές τιμές του λ όσο πιο κοντά φτάνουμε στο κάτω όριο αναζήτησής μας, το 10^4 . Η προσέγγιση αυτή χρησιμοποιείται και στην πράξη για κανονικοποίηση L^2 [1]

Κατά την εκτέλεση του προγράμματος υπάρχει πιθανότητα να εμφανιστούν ειδοποιήσεις για αριθμητική υπερχείλιση. Για αυτό ευθύνεται η επιλογή πολύ μεγάλης τιμής του λ , κυρίως στο διάστημα $[8, 10]$. Σε αυτό το σημείο η κανονικοποίηση είναι τόσο ισχυρή που αποτρέπει το μοντέλο μας από το να μάθει, και έτσι αυτό μαντεύει πάντα την ίδια κατηγορία.

Στην δική μας περίπτωση το μοντέλο, κρατώντας τις υπόλοιπες υπερπαραμέτρους ίσες με το προηγούμενο υποερώτημα, προτιμά την ελάχιστη τιμή κανονικοποίησης $\lambda = 10^4$ με ακρίβεια επαλήθευσης ίση με 0.979 και ακρίβεια ελέγχου ίση με 0.981. Παρατηρούμε ότι η ακρίβεια ελέγχου με την επιλεγμένη τιμή λ είναι μικρότερη από την αντίστοιχη στο υποερώτημα Δ. Αυτό μας υποδεικνύει είτε ότι η βέλτιστη τιμή βρίσκεται έξω (και πιο συγκεκριμένα πριν) από το διάστημα αναζήτησής μας, είτε ότι για την διαφορά ευθύνεται το στατιστικό σφάλμα.

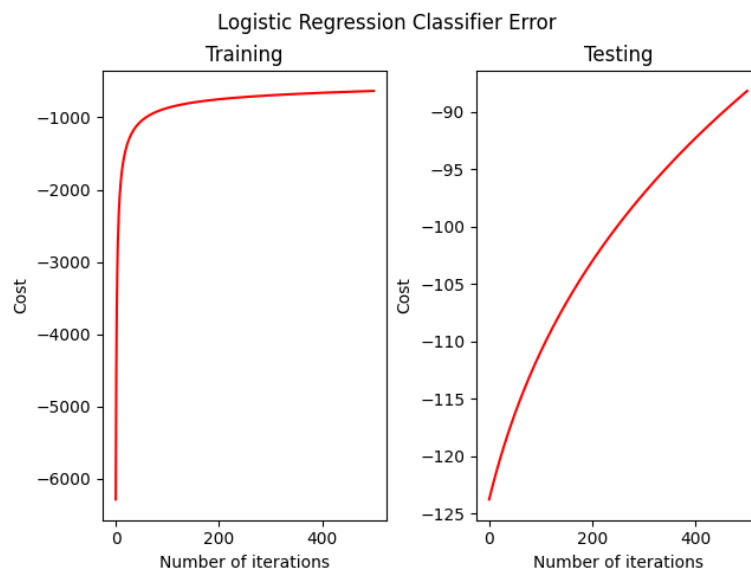


Figure 1: Τα αποτελέσματα της εκπαίδευσης και του ελέγχου στον ταξινομητή μας. Αριστερά: Το κόστος εκπαίδευσης ως συνάρτηση των επαναλήψεων του αλγορίθμου gradient ascent. Δεξιά: Το αντίστοιχο κόστος ελέγχου. Υπενθυμίζουμε ότι οι κλίμακες των γραφημάτων δεν είναι ίσες, καθώς ο ήδη εκπαιδευμένος ταξινομητής αρχίζει με πολύ μικρότερο κόστος.

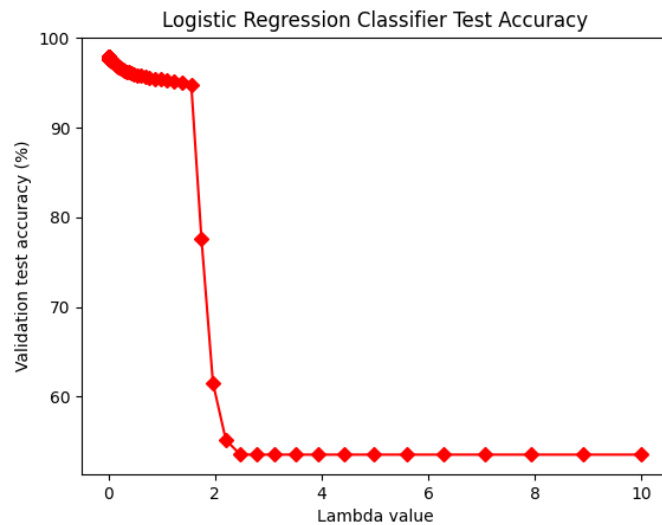


Figure 2: Τα αποτελέσματα της αναζήτησης για το βέλτιστο λ . Οι ρόμβοι αντιπροσωπεύουν τις τιμές που εξετάσαμε. Παρατηρείστε το πλήθος των τιμών που εξετάστηκαν στην αρχή συγκριτικά με το τέλος του πεδίου αναζήτησής μας.

Τα πλήρη αποτελέσματα αναζήτησης της υπερπαραμέτρου παρουσιάζονται στην εικόνα 1.2.

References

- [1] Jerome Friedman, Trevor Hastie and Robert Tibshirani. 'Regularization Paths for Generalized Linear Models via Coordinate Descent'. In: *Journal of Statistical Software* ().