

Μαθηματικά Γυμνασίου με Python

Δημήτρης Νικολός

10 Δεκεμβρίου 2020

Κεφάλαιο 1

Θετικοί και αρνητικοί αριθμοί

1.1 Θετικοί και Αρνητικοί Αριθμοί (Ρητοί αριθμοί) - Η ευθεία των ρητών - Τετμημένη σημείου

Ασκηση 1.1.1 (Ασκηση 4 του βιβλίου, Σελ. 117) Στα ζεύγη αριθμών που ακολουθούν να βρεις ποιοι αριθμοί είναι ομόσημοι και ποιοι είναι ετερόσημοι: (α) 3 και +3, (β) 2 και 5, (γ) -2 και -4, (δ) 7 και +9, (ε) -2 και 1, (στ) 17 και -20, (ζ) -9 και -3,2, (η) -10,5 και 11, (θ) -3 και -100, (ι) +6,7 και +12,3

Αργότερα θα μάθεις έναν εύκολο τρόπο για να ελέγξεις αν δύο αριθμοί είναι ομόσημοι οι ετερόσημοι, με όσα έχεις δει μέχρι τώρα μπορείς να το κάνεις ως εξής:

```
while (True):  
    a = float(input('α> '))  
    b = float(input('β> '))  
  
    if a > 0:  
        if b > 0:  
            print("Ομόσημοι")  
        else:  
            print("Ετερόσημοι")  
    else:  
        if b < 0:  
            print("Ομόσημοι")  
        else:  
            print("Ετερόσημοι")
```

και το αποτέλεσμα θα είναι:

```
α  
>3β  
>+30μόσημοια
```

```

>2β
>50μόσημοια

>-2β
>-40μόσημοια

>7β
>+90μόσημοια

>-2β
>1Ετερόσημοια

>17β
>-20Ετερόσημοια

> -9β
> -3.20μόσημοια

> -10.5β
> 11Ετερόσημοια

> -3β
> -1000μόσημοια

> 6.7β
> 12.30μόσημοι

```

Ασκηση 1.1.2 (Ασκηση 6 του βιβλίου, Σελ. 117) Βρες τη λέξη που σχηματίζεται από τα γράμματα με τετμημένες $-6, 10, 9, -9, 5, -5, 0$ στο παρακάτω σχήμα. Στη συνέχεια γράψε μ' αυτό τον τρόπο ένα όνομα που σου αρέσει. Εικόνα

Οι αντιστοιχίσεις μπορούν να αποθηκευτούν σε ένα λεξικό και να βρούμε τη λέξη ως εξής:

```

antistoixiseis = {-11:'Ψ',
-10:'Φ',
-9:'Τ',
-8:'Ρ',
-7:'Ξ',
-6:'Μ',
-5:'Κ',
-4:'Θ',
-3:'Ζ',
-2:'Δ',
-1:'Β',
0:'Ο',
1:'Α',

```

1.1. ΘΕΤΙΚΟΙ ΚΑΙ ΑΡΝΗΤΙΚΟΙ ΑΡΙΘΜΟΙ (ΡΗΤΟΙ ΑΡΙΘΜΟΙ) - Η ΕΥΘΕΙΑ ΤΩΝ ΡΗΤΩΝ - ΤΕΤΜΗΜΕΝΗ ΣΗΜΕΙΟΥ

5

```
2: 'Γ',  
3: 'Ε',  
4: 'Η',  
5: 'Ι',  
6: 'Λ',  
7: 'Ν',  
8: 'Π',  
9: 'Σ',  
10: 'Υ',  
11: 'Χ',  
12: 'Ω'}  
tetmimenes = [-6,10,9,-9,5,-5,0]  
for i in tetmimenes:  
    print(antistoixiseis[i])
```

Το αποτέλεσμα θα είναι:

ΜΥΣ

ΤΙΚΟ

Αν αλλάξουμε την εντολή print ως εξής:

```
print(antistoixiseis[i],end='')
```

Θα προκύψει:

ΜΥΣΤΙΚΟ

Με το end="" δίνουμε την οδηγία στην Python να μην αλλάζει γραμμή μετά από κάθε print. Η κωδικοποίηση γίνεται με το ίδιο λεξικό αλλά ως εξής:

```
lexi = 'ΜΗΝΥΜΑ'  
for l in lexi:  
    print(list(antistoixiseis.keys())[  
        list(antistoixiseis.values()).index(l)],  
          end=',')
```

Ο λόγος για τον οποίο είναι τόσο πολύπλοκη η κωδικοποίηση είναι ότι το λεξικό δεν μπορεί να υποστηρίξει και τις δύο κατευθύνσεις πρόσβασης. Ένας εναλλακτικός τρόπος αναπαράστασης των ίδιων δεδομένων θα ήταν ο εξής:

```
grammata = ['Ψ','Φ','Τ','Ρ','Ξ','Μ','Κ','Θ','Ζ','Δ','Β','Ο','Α','Γ','Ε','Η','Ι','Λ','Ν','Π','  
arithmoi = [-11,-10,-9,-8,-7,-6,-5,-4,-3,-2,-1,0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12]  
  
tetmimenes = [-6,10,9,-9,5,-5,0]  
for i in tetmimenes:  
    print(grammata[arithmoi.index(i)],end='')  
print()
```

```
lexi = 'ΜΗΝΥΜΑ'
for l in lexi:
    print(arithmoi[grammata.index(l)],end=',')
```

που δίνει το σωστό αποτέλεσμα:

```
ΜΥΣΙΚΟ
Τ
-6,4,7,10,-6,1,
```

Άσκηση 1.1.3 (Άσκηση 7 του βιβλίου, Σελ. 117) Τα σημεία Α και Β έχουν τετμημένες α και β , αντίστοιχα. Να βρεθεί η τετμημένη του μέσου Μ του τμήματος ΑΒ όταν: (α) $\alpha = +5$ και $\beta = +8$, (β) $\alpha = -4$ και $\beta = -13$.

```
>>> (5+8)/2
6.5
>>> (-4+(-13))/2
-8.5
```

1.2 Απόλυτη τιμή

Να συμπληρώσεις τον πίνακα που ακολουθεί:

Αριθμός	-2,73	+7,66	-1,05	0
Απόσταση του σημείου που αντιστοιχεί από την αρχή του άξονα				

Γνωρίζουμε ότι η απόσταση από την αρχή του άξονα είναι η απόλυτη τιμή. Η Python μπορεί να υπολογίσει την απόλυτη τιμή με την ειδική εντολή `abs`, τα τρία πρώτα γράμματα της λέξης *absolute*. Οπότε έχουμε:

```
>>> abs(-2.73)
2.74
>>> abs(+7.66)
7.66
>>> abs(-1.05)
1.05
>>> abs(0)
0
>>> abs(+8.07)
8.07
>>> abs(-8)
8
```

Άσκηση 1.2.1 (Άσκηση 3 του βιβλίου, Σελ. 121) ΣΩΣΤΟ ή ΛΑΘΟΣ (α) Ισχύει η ανισότητα: $-5,7 < 5,7$.

(β) Ισχύει η ανισότητα: $-7,6 > -6,7$.

(γ) Στην ανισότητα $2,3 < x < 4,7$ ο x μπορεί να πάρει 2 ακέραιες τιμές.

(δ) Υπάρχουν 5 ακριβώς ακέραιοι που αληθεύουν τη σχέση: $-2 \leq x \leq 2$.

(ε) Δύο ακέραιοι με αντίθετο πρόσημο είναι αντίθετοι.

(α)

```
>>> -5.7 < 5.7
True
```

Σωστό (β)

```
>>> -7.6 > -6.7
False
```

Λάθος (γ)

```
for i in range(10):
    if i > 2.3 and i < 4.7:
        print(i)
```

το αποτέλεσμα είναι:

```
3
4
```

Ο x μπορεί να πάρει 2 ακέραιες τιμές άρα ΣΩΣΤΟ. (δ)

```
for i in range(-3,3):
    if i >= -2 and i <= 2:
        print(i)
```

το αποτέλεσμα είναι:

```
-2
-1
0
1
2
```

Υπάρχουν 5 ακριβώς ακέραιοι που αληθεύουν τη σχέση άρα ΣΩΣΤΟ (ε) Λάθος γιατί υπάρχει η εξαίρεση του μηδενός.

Άσκηση 1.2.2 (Άσκηση 4 του βιβλίου, Σελ. 121) Βρες την απόλυτη τιμή των ρητών: (α) $+7,25$, (β) $-2,5$, (γ) $+16$, (δ) $-20,05$, (ε) -58 .

```
>>> abs(+7.25)
7.25
>>> abs(-2.5)
2.5
```

```
>>> abs(+16)
16
>>> abs(-20.05)
20.05
>>> abs(-58)
58
```

Ασκηση 1.2.3 (Ασκηση 5 του βιβλίου, Σελ. 121) Βρες τους αριθμούς που έχουν ως απόλυτη τιμή: (α) 100, (β) 21,7, (γ) 0, (δ) 7,03, (ε) 5,2.

```
def fromabs(x):
    if x == 0:
        return(0)
    else:
        return((x, -x))

>>> fromabs(100)
(100, -100)
>>> fromabs(21.7)
(21.7, -21.7)
>>> fromabs(0)
0
>>> fromabs(7.03)
(7.03, -7.03)
>>> fromabs(5.2)
(5.2, -5.2)
```

Ασκηση 1.2.4 (Ασκηση 6 του βιβλίου, Σελ. 121) Συμπλήρωσε τον πίνακα:

Αριθμός	1			-19				
Αντίθετος					-8	12		
Απόλυτη τιμή		2					7	

Μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε την abs και την fromabs για να βρούμε κάποια στοιχεία του πίνακα ο οποίος διαμορφώνεται ως εξής:

Αριθμός	1	2	-2	-19	8	-12	7	-7
Αντίθετος	-1	-2	2	19	-8	12	-7	7
Απόλυτη τιμή	1	2	2	19	8	12	7	7

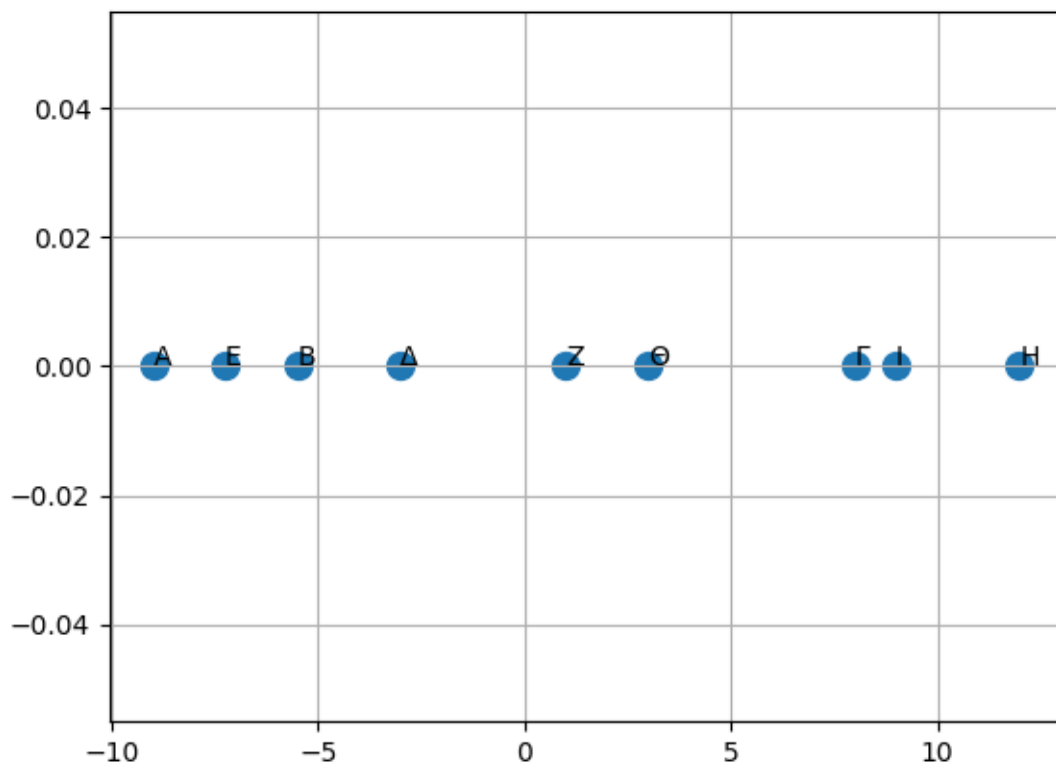
Ασκηση 1.2.5 (Ασκηση 7 του βιβλίου, Σελ. 121) Τοποθέτησε στον άξονα $x'x$ τα σημεία με τετμημένες: -9, -5, 5, +8, -3, -7, 25, +1, +12, +3, +9. Ποια από αυτά είναι συμμετρικά ως προς την αρχή του άξονα;


```
import matplotlib.pyplot as plt

plt.clf()
points = [(-9,0), (-5.5,0), (8,0), (-3,0), (-7.25,0), (+1,0), (+12,0), (+3,0), (+9,0)]
pointName = ['A','B','Γ','Δ','Ε','Ζ','Η','Θ','Ι']
x = [p[0] for p in points]
y = [p[1] for p in points]
plt.grid()
plt.scatter(x,y, s=100 ,marker='o')
for (i,p) in enumerate(points):
    plt.annotate(pointName[i],(p[0],p[1]))

plt.show()
```

Που δίνει το αποτέλεσμα: Για να δούμε ποια είναι συμμετρικά θα πρέπει



να δούμε ποια ζευγάρια έχουν τις ίδιες απόλυτες τιμές:

```
l = [-9, -5.5, 8, -3, -7.25, +1, +12, +3, +9]
for i in l:
```

```
apTimi = abs(i)
for j in l:
    if apTimi == abs(j) and i != j:
        print(i,j)
```

Που δίνει το αποτέλεσμα:

```
-9 9
-3 3
3 -3
9 -9
```

Ασκηση 1.2.6 (Ασκηση 8 του βιβλίου, Σελ. 121) Σχεδίασε τον άξονα $x'Ox$, με κατάλληλη μονάδα για να παραστήσεις τα σημεία με τετμημένες τους αριθμούς: $-20, 5, +15, -39, 75, -68, 25, +70, +52, 25, +43, -69$.

```
import matplotlib.pyplot as plt

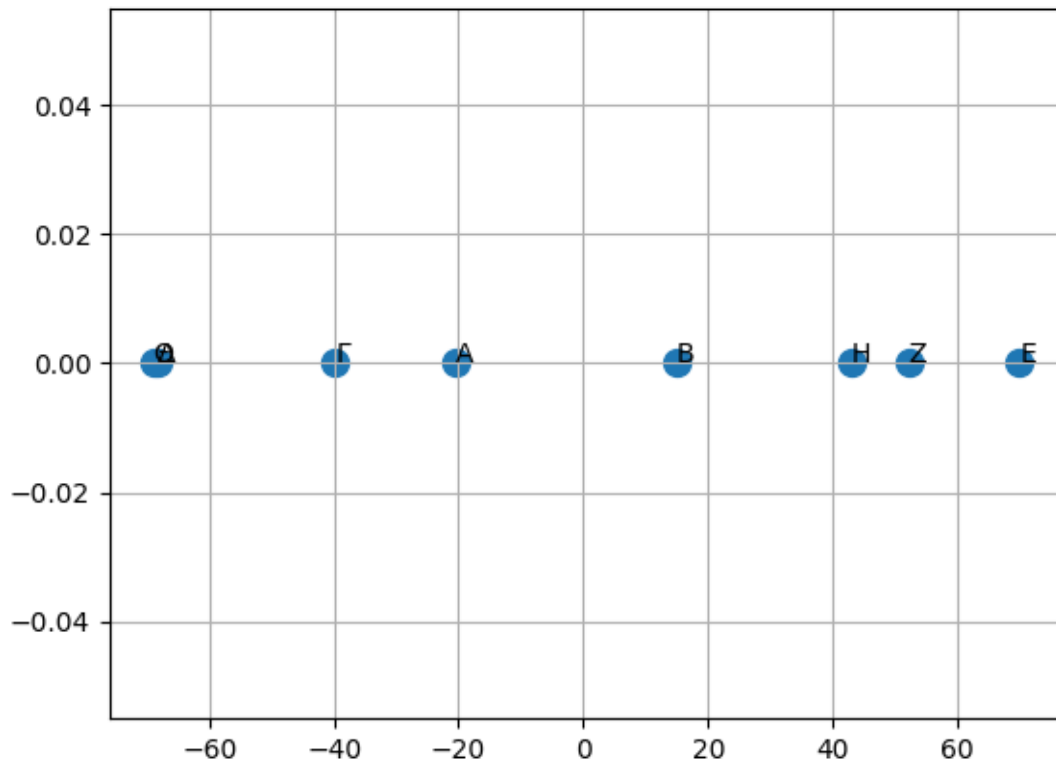
plt.clf()
points = [(-20.5,0), (+15,0), (-39.75,0), (-68.25,0), (+70,0), (+52.25,0), (+43,0), (-69,0)]
pointName = ['A', 'B', 'Γ', 'Δ', 'Ε', 'Ζ', 'Η', 'Θ']
x = [p[0] for p in points]
y = [p[1] for p in points]
plt.grid()
plt.scatter(x,y, s=100, marker='o')
for (i,p) in enumerate(points):
    plt.annotate(pointName[i], (p[0], p[1]))

plt.show()
```

Που δίνει το αποτέλεσμα: Έτσι βλέπουμε ότι η python επέλεξε μια μονάδα να αντιστοιχεί στο 20 (1:20) και σε αυτή τη κλίμακα είναι αδύνατο να διακρίνουμε τους αριθμούς -69 και $-68, 25$.

Ασκηση 1.2.7 Να συγκρίνεις τους αριθμούς: (α) $+41$ και $+38$, (β) 9 και 11 , (γ) -3 και -2 , (δ) -9 και -16 , (ε) 7 και -8 , (στ) 0 και -3 , (ζ) 0 και $+4$.

```
>>> 41 > 38
True
>>> 9 < 11
True
>>> -3 < -2
True
>>> -9 > -16
True
>>> 7 > -8
True
>>> 0 > -3
True
```



```
True
>>> 4 > 0
True
```

Άσκηση 1.2.8 (Άσκηση 10 του βιβλίου, Σελ. 121) Να συγκρίνεις τους αριθμούς: (α) 11, -11 και $|11|$, (β) -3, +3 και $|3|$. Τι συμπεραίνεις;

```
>>> 11 == abs(11)
True
>>> -11 < abs(11)
True
>>> -3 < abs(3)
True
>>> 3 == abs(3)
True
```

Άσκηση 1.2.9 (Άσκηση 11 του βιβλίου, Σελ. 121) Να γράψεις τους αριθμούς: -2 , $+7$, $+15$, -3 , 0 , -4 , $+5$, -8 και -10 σε αύξουσα σειρά.

```
>>> print(sorted([-2, +7, +15, -3, 0, -4, +5, -8, -10]))
[-10, -8, -4, -3, -2, 0, 5, 7, 15]
```

Άσκηση 1.2.10 (Άσκηση 12 του βιβλίου, Σελ. 121) Να συμπληρώσεις με το κατάλληλο σύμβολο: $<$, $>$ ή $=$ τα κενά, ώστε να προκύψουν αληθείς σχέσεις: $(\alpha) -3 \dots -8$, $(\beta) -4 \dots 10$, $(\gamma) 0 \dots -1$, $(\delta) +3 \dots 0$, $(\epsilon) -5 \dots -|-5|$, $(\sigma\tau) -5 \dots -(+5)$, $(\zeta) |+7| \dots |-7|$, $(\eta) -(-8) \dots -8$, $(\theta) +3 \dots -(+4)$, $(\iota) 0 \dots -|-4|$.

```
>>> -3 > -8
True
>>> -4 < 10
True
>>> 0 > -1
True
>>> 3 > 0
True
>>> -5 == -abs(-5)
True
>>> -5 == -(+5)
True
>>> abs(+7) == abs(-7)
True
>>> -(-8) > -8
True
>>> 3 > -(+4)
True
>>> 0 > -abs(-4)
True
```

Άσκηση 1.2.11 Το x παριστάνει έναν ακέραιο αριθμό. Για ποιες τιμές του x θα ισχύουν οι σχέσεις: $(\alpha) -13 < x < -8$, $(\beta) -4 > x > -5$, $(\gamma) -2 < x < 5$.

```
>>> for i in range(-14,-7):
    if i > -13 and i < -8:
        print(i)
-12
-11
-10
-9
>>> for i in range(-6,0):
    if i < -4 and i > -5:
        print(i)
```

```
>>> for i in range(-3,6):
    if i>-2 and i<5:
        print(i)
-1
0
1
2
3
4
```

1.3 Πρόσθεση ρητών αριθμών

Ασκηση 1.3.1 (Ασκηση 1 του βιβλίου, Σελ. 123) Σε μια πόλη παρατηρήθηκαν οι παρακάτω αυξομειώσεις της θερμοκρασίας: Αρχικές θερμοκρασίες Αυξομειώσεις θερμοκρασίας

- (α) Βράδυ $+1^{\circ}\text{C}$ την επόμενη μέρα αυξήθηκε κατά 4°C
- (β) Μεσημέρι -1°C το βράδυ μειώθηκε κατά 2°C
- (γ) Βράδυ -2°C την επόμενη μέρα αυξήθηκε κατά 5°C
- (δ) Μεσημέρι $+5^{\circ}\text{C}$ το βράδυ μειώθηκε κατά 7°C
- (ε) Μεσημέρι -3°C το βράδυ μειώθηκε κατά 3°C

```
>>> 1 + 4
5
>>> -1 + (-2)
-3
>>> -2 + 5
3
>>> 5 + (-7)
-2
>>> +3 + (-3)
0
```

Ασκηση 1.3.2 (Ασκηση 2 του βιβλίου, Σελ. 124) Να υπολογιστούν τα παρακάτω αθροίσματα: (α) $(+5, 6) + (+8, 7) + (-3, 2) + (-6, 9) + (+3, 2) + (-7, 4)$ και (β) $(-1, 8) + (+4, 8) + (+9, 7) + (-4, 8) + (-3, 4) + (+1, 5)$.

```
>>> (+5.6) + (+8.7) + (-3.2) + (-6.9) + (+3.2) + (-7.4)
-2.6645352591003757e-15
```

Στην ουσία το αποτέλεσμα είναι 0, αυτός ο αριθμός είναι πολύ μικρός.

```
>>> (-1.8) + (+4.8) + (+9.7) + (-4.8) + (-3.4) + (+1.5)
6.0
```

Άσκηση 1.3.3 (Άσκηση 2 του βιβλίου, Σελ. 125) Υπολόγισε τα αθροίσματα: (α)

- (+4,05) + (+6,15),
 (β) (+5,03) + (+4,07),
 (γ) (+2,7) + (+97,3),
 (δ) (+2,6) + (+11,4),
 (ε) (+7,25) + (+8,75),
 (στ) (-3,5) + (-2,5),
 (ζ) (-1,3) + (-5,2),
 (η) (-7,15) + (-4,85),
 (θ) (-5,25) + (-9,75),
 (ι) (-13,7) + (-6,3).

```
>>> (+4.05) + (+6.15)
10.2
>>> (+5.03) + (+4.07)
9.1000000000000001
>>> (+2.7) + (+97.3)
100.0
>>> (+2.6) + (+11.4)
14.0
>>> (+7.25) + (+8.75)
16.0
>>> (-3.5) + (-2.5)
-6.0
>>> (-1.3) + (-5.2)
-6.5
>>> (-7.15) + (-4.85)
-12.0
>>> (-5.25) + (-9.75)
-15.0
>>> (-13.7) + (-6.3)
-20.0
>>>
```

Άσκηση 1.3.4 Υπολόγισε τα αθροίσματα: (α) (+4, 05) + (-6, 15),

- (β) (+5, 03) + (-4, 07),
 (γ) (-2, 7) + (+97, 3),
 (δ) (-2, 6) + (+11, 4),
 (ε) (+7, 25) + (-8, 75),
 (στ) (+3, 5) + (-2, 5),
 (ζ) (-1, 3) + (+5, 2),
 (η) (+7, 15) + (-4, 85),
 (θ) (-5, 25) + (+9, 75),
 (ι) (+13, 7) + (-6, 3).

```
>>> (+4.05) + (-6.15)
-2.1000000000000005
>>> (+5.03) + (-4.07)
0.96
>>> (-2.7) + (+97.3)
94.6
>>> (-2.6) + (+11.4)
8.8
>>> (+7.25) + (-8.75)
-1.5
>>> (+3.5) + (-2.5)
1.0
>>> (-1.3) + (+5.2)
3.9000000000000004
>>> (+7.15) + (-4.85)
2.3000000000000007
>>> (-5.25) + (+9.75)
4.5
>>> (+13.7) + (-6.3)
7.3999999999999995
```

Ασκηση 1.3.5 (Ασκηση 4 του βιβλίου, Σελ. 125)

+	+4	-8	-11	+17
-5				
+9				
-4				
-21				

```
>>> for i in [+4,-8,-11,+17]:
    for j in [-5,+9,-4,-21]:
        print(i,'+',j,'=',i+j)
4 + -5 = -1
4 + 9 = 13
4 + -4 = 0
4 + -21 = -17
-8 + -5 = -13
-8 + 9 = 1
-8 + -4 = -12
-8 + -21 = -29
-11 + -5 = -16
-11 + 9 = -2
-11 + -4 = -15
-11 + -21 = -32
17 + -5 = 12
```

```
17 + 9 = 26
17 + -4 = 13
17 + -21 = -4
```

και ο πίνακας γίνεται:

+	+4	-8	-11	+17
-5	-1	-13	-16	12
+9	13	1	-2	26
-4	0	-12	-15	13
-21	-17	-29	-32	-4

Ασκηση 1.3.6 (Ασκηση 5 του βιβλίου, Σελ. 125) Τοποθέτησε στα κενά τα κατάλληλα πρόσημα, ώστε να προκύψουν αληθείς ισότητες:

- (α) $(\dots 6) + (-8) = -2$,
 (β) $(+5) + (\dots 5) = 0$,
 (γ) $(+7) + (\dots 9) = +16$,
 (δ) $(\dots 9) + (\dots 8) = -17$,
 (ε) $(\dots 6) + (\dots 5) = +11$.

```
>>> +6 + (-8) == -2
True
>>> (+5) + (-5) == 0
True
>>> (+7) + (+9) == 16
True
>>> (-9) + (-8) == -17
True
>>> (+6) + (+5) == +11
True
```

Ασκηση 1.3.7 (Ασκηση 6 του βιβλίου, Σελ. 125) Εξέτασε αν είναι μαγικά τα τετράγωνα: (Μαγικά τετράγωνα είναι αυτά στα οποία η πρόσθεση των αριθμών κάθε στήλης ή γραμμής, καθώς και των διαγωνίων τους, δίνουν το ίδιο ακριβώς άθροισμα).

-1	+4	-3
-2	0	+2
+3	-4	+1

Ενα τετράγωνο με αριθμούς μπορεί να απαρασταθεί σαν μια λίστα από λίστες ως εξής:

+1,1	+2,4	-2,5
-0,1	+3,5	-2,4
0	-4,9	+5,9

```
a = [[-1,+4,-3],
      [-2,0,+2],
      [+3,-4,+1]]
b = [[+1.1,+2.4,-2.5],
      [-0.1,+3.5,-2.4],
      [0,-4.9,+5.9]]
```

Κάθε στοιχείο της λίστας *a* είναι μια λίστα με κάθε γραμμή του πίνακα οπότε για να βρούμε αν όλες οι γραμμές έχουν το ίδιο άθροισμα θα πρέπει να βρούμε το πρώτο και να συγκρίνουμε τις υπόλοιπες με αυτό.

```
def ismagic(s):
    athrElegxou = s[0][0]+s[0][1]+s[0][2]
    for i in range(3):
        athr = s[i][0]+s[i][1]+s[i][2]
        if athr!= athrElegxou:
            return(False)
    return(True)
```

Το παραπάνω πρόγραμμα ελέγχει μόνο τις γραμμές θα πρέπει να ελέγξουμε και τις στήλες οι στήλες είναι οι εξής:

```
>>> a[0][0]
-1
>>> a[1][0]
-2
>>> a[2][0]
3
```

Ετσι το πρόγραμμα διαμορφώνεται ως εξής:

```
def ismagic(s):
    athrElegxou = s[0][0]+s[0][1]+s[0][2]
    for i in range(3):
        athr = s[i][0]+s[i][1]+s[i][2]
        if athr!= athrElegxou:
            return(False)
    for i in range(3):
        athr = s[0][i] + s[1][i]+s[2][i]
        if athr!=athrElegxou:
            return(False)
    return(True)
```

Τέλος πρέπει να ελέγξουμε τις διαγωνίους που είναι οι $a[0][0]$, $a[1][1]$, $a[2][2]$ και $a[0][2]$, $a[1][1]$, $a[2][0]$. Οπότε το τελικό πρόγραμμα γίνεται:

```
def ismagic(s):
    athrElegxou = s[0][0]+s[0][1]+s[0][2]
    for i in range(3):
        athr = s[i][0]+s[i][1]+s[i][2]
        if athr!= athrElegxou:
            return(False)
    for i in range(3):
        athr = s[0][i] + s[1][i]+s[2][i]
        if athr!=athrElegxou:
            return(False)
    athr = a[0][0]+a[1][1]+a[2][2]
    if athr!=athrElegxou:
        return(False)
    athr = a[0][2]+a[1][1]+a[2][0]
    if athr!=athrElegxou:
        return(False)
    return(True)
```

Εκτελώντας την παραπάνω συνάρτηση παίρνουμε:

```
>>> ismagic(a)
True
>>> ismagic(b)
False
```

Που σημαίνει ότι ο πρώτος πίνακας είναι μαγικό τετράγωνο ενώ ο δεύτερος δεν είναι. Οντως για τον δεύτερο βλέπουμε στις διαγώνιες ότι:

```
>>> +1.1+3.5+5.9
10.5
>>> -2.5+3.5+0
1
```

Άσκηση 1.3.8 (Άσκηση 7 του βιβλίου, Σελ. 125) Υπολόγισε τα αθροίσματα: (α) $(-3.8) + (+2.8) + (-5.4) + (+8.2)$
(β) $(-3.5) + (-9.99) + (+2.5) + (-15.75) + (+20.75) + (+9.99)$

```
>>> (-3.8)+(+2.8)+(-5.4)+(+8.2)
1.7999999999999999
>>> (-3.5)+(-9.99)+(+2.5)+(-15.75)+(+20.75)+(+9.99)
3.9999999999999982
```

Άσκηση 1.3.9 (Άσκηση 8 του βιβλίου, Σελ. 125) Υπολόγισε τα αθροίσματα: (α) $(+\frac{9}{4}) + (-\frac{5}{4}) + (\frac{2}{3}) + (-\frac{5}{3}) + (\frac{7}{13}) + (-\frac{20}{13})$ και
(β) $(+\frac{1}{7}) + (-\frac{5}{7}) + (+\frac{3}{5}) + (-\frac{1}{35})$

```
>>> from fractions import Fraction
>>> (+Fraction(9,4))+(-Fraction(5,4))+(Fraction(2,3))+(-Fraction(5,3))+(Fraction(7,13))+(-Fraction(-1, 1)
>>> (+Fraction(1,7))+(-Fraction(5,7))+(+Fraction(3,5))+(-Fraction(1,35))
Fraction(0, 1)
```

Οπότε οι απαντήσεις είναι -1 και ο αντίστοιχα.

1.4 Αφαίρεση ρητών αριθμών

Ασκηση 1.4.1 (Ασκηση 1 του βιβλίου, Σελ. 127) Ενα βράδυ το θερμόμετρο στο μπαλκόνι ενός σπιτιού έδειχνε -3°C και μέσα στο σπίτι 18°C . Πόση ήταν η διαφορά θερμοκρασίας;

```
>>> 18 - (-3)
21
```

Ασκηση 1.4.2 (Ασκηση 2 του βιβλίου, Σελ. 127) Ενας έμπορος χρωστάει στον προμηθευτή του 897,56€ και του οφείλει ένα πελάτη 527,42€. Πόσα € πρέπει να έχει στο ταμείο για να ξεχρεώσει;

```
>>> (+897.56)-(+527.42)
370,14
```

Ασκηση 1.4.3 (Ασκηση 3 του βιβλίου, Σελ. 127) Να λυθούν οι εξισώσεις:

$$(α) x + (+3) = (-9)$$

$$(β) (-8) - x = +7$$

```
>>> from sympy import symbols,solve
>>> x = symbols('x')
>>> expr=x+(+3)+(9)
>>> solve(expr)
[-12]
>>> expr=(-8)-x-7
>>> solve(expr)
[-15]
```

Ασκηση 1.4.4 (Ασκηση 4 του βιβλίου, Σελ. 127) Να βρεθεί η τιμή της παράστασης $-13 - (0,38 - 11 - 13) + (0,38 - 11)$.

```
>>> -13-(0.38-11-13)+(0.38-11)
-1.7763568394002505e-15
>>>
```

Στην ουσία η απάντηση είναι 0.