

Μαθηματικά Γυμνασίου με Python

Δημήτρης Νικολός

20 Ιουνίου 2020

Κεφάλαιο 1

Ποσοστά

Στον διπλανό πίνακα φαίνεται το σύνολο των πολιτών που ψήφισαν στα χωριά Α, Β, Γ και Δ και οι ψήφοι που πήραν οι αντίστοιχοι πρόεδροι που εκλέχτηκαν. Βρες, ποιος από τους προέδρους που εκλέχτηκαν, είναι ο πιο δημοφιλής.

| Κοινότητα | Ψηφίσαντες | Ο πρόεδρος ψηφίστηκε από |
|-----------|------------|--------------------------|
| Α | 585 | 354 |
| Β | 3.460 | 1.802 |
| Γ | 456 | 312 |
| Δ | 1.295 | 823 |

```
>>> 354/585
0.6051282051282051
```

Ομως για να το κάνουμε σαν ποσοστό % τότε θα πρέπει να το πολλαπλασιάσουμε με το 100 οπότε:

```
>>> 354/585*100
60.51282051282051
```

Επίσης καλό είναι η στρογγυλοποίηση να γίνει στο δεύτερο δεκαδικό ψηφίο. Οπότε

```
>>> round(354/585*100,2)
60.51
```

Μπορούμε να φτιάξουμε μια μικρή συνάρτηση που να τυπώνει σε ποσοστό έναν αριθμό ως εξής:

```
def pososto(x):
    print(str(round(x*100,2))+ '%')

pososto(354/585)
```

Που δίνει το αποτέλεσμα 60.51% Οπότε έχουμε

```
>>> pososto(354/585)
60.51%
>>> pososto(1802/3460)
52.08%
>>> pososto(312/456)
68.42%
>>> pososto(823/1295)
63.55%
```

Ο πιο δημοφιλής είναι ο Γ που έχει 68.42%. Αν θέλουμε όμως η Python να λύσει το πρόβλημα τότε μπορούμε να φτιάξουμε το εξής:

```
class proedros():
    def __init__(self,onoma,psifoi,katoikoi):
        self.onoma = onoma
        self.psifoi = psifoi
        self.katoikoi = katoikoi
    def pososto(self):
        return(round(self.psifoi/self.katoikoi*100,2))

A = proedros('A',354,585)
B = proedros('B',1802,3460)
C = proedros('C',312,456)
D = proedros('D',823,1295)

M = max([A,B,C,D],key=lambda x:x.pososto());
print(M.onoma)
```

Που δίνει το αποτέλεσμα C δηλαδή Γ.

Ασκηση 1.0.1 Να γραφούν, ως ποσοστά επί τοις εκατό, τα παρακάτω κλάσματα: $(\alpha) \frac{4}{5}$ $(\beta) \frac{3}{8}$ $(\gamma) \frac{84}{91}$ με στρογγυλοποίηση στο εκατοστό.

Επειδή η συνάρτηση που έχουμε φτιάξει δεν προσαρμόζει την στρογγυλοποίηση μπορείς να την αλλάξεις ώστε να έχει έξτρα αυτό το δεδομένο. Μάλιστα μπορείς να δηλώσεις στην Python ότι αν δεν γράψεις αυτό το στοιχείο θα είναι ο.

```
def pososto(x,strog = 2):
    print(str(round(x*100,strog))+ '%')

pososto(4/5,strog=0)
pososto(3/8,strog=0)
pososto(84/91,strog=0)
```

Εχουμε το αποτέλεσμα:

```
80.0%
38.0%
92.0%
```

Μπορείς να αλλάξεις τη συνάρτηση ώστε να κάνει το αποτέλεσμα ακέραιο ειδικά αν το strog είναι 0.

```
def pososto(x, strog = 2):
    if strog == 0:
        print(str(int(round(x*100),0))+'%')
    else:
        print(round(int(x*100), strog)+'%')

pososto(4/5, strog=0)
pososto(3/8, strog=0)
pososto(84/91, strog=0)
```

Τότε το αποτέλεσμα θα είναι:

```
80%
37%<--!!!!!!!!!!!!!!
92%
```

Άσκηση 1.0.2 (Στο βιβλίο βρίσκεται στη Σελ. 81) Να γραφούν, ως κλάσματα, τα ακόλουθα ποσοστά: (α) 12%, (β) 73%, (γ) 32,5%.

```
from fractions import Fraction
strx = input('Ποσοστό:')
if strx[-1] == '%':
    strx=strx[:-1]

fx = float(strx)
denom = 100
while int(fx) != fx:
    fx *= 10
    denom *= 10
fx = int(fx)
print(Fraction(fx,denom))
```

```
Ποσοστό
:12
3/25Ποσοστό
:73
73/100Ποσοστό
:32.5
13/40
```

Άσκηση 1.0.3 (Στο βιβλίο βρίσκεται στη Σελ. 81) Ποια θα είναι η τιμή πώλησης ενός πουλόβερ, αξίας 150€, με επιβάρυνση Φ.Π.Α. 19%;

```
>>> 150 + 150*19/100
178.5
```

Ασκηση 1.0.4 (Ασκηση 1 του βιβλίου, Σελ. 81) Γράψε ως ποσοστά επί τοις εκατό, τα κλάσματα:

$$(\alpha) \frac{1}{5}, (\beta) \frac{3}{2}, (\gamma) \frac{1}{4}, (\delta) \frac{3}{4}, (\epsilon) \frac{3}{5}$$

```
>>> pososto(1/5)
20.0%
>>> pososto(3/2)
150.0%
>>> pososto(1/4)
25.0%
>>> pososto(3/4)
75.0%
>>> pososto(3/5)
60.0%
```

Ασκηση 1.0.5 (Ασκηση 2 του βιβλίου, Σελ. 81) Να μετατρέψεις σε ποσοστά επί τοις εκατό, τους δεκαδικούς αριθμούς: (α) 0,52 , (β) 3,41 , (γ) 0,19 , (δ) 0,03 , (ε) 0,07.

```
>>> 0.52*100
52
>>> 3.41*100
341
>>> 0.19*100
19
>>> 0.03*100
3
>>> 0.07*100
7
```

Αρα 52%, 341%, 19%, 3%, 7%.

Ασκηση 1.0.6 (Ασκηση 3 του βιβλίου, Σελ. 81) Να μετατρέψεις σε δεκαδικά κλάσματα τα ποσοστά: (α) 15%, (β) 7%, (γ) 48%, (δ) 50%. Στη συνέχεια, απλοποίησε τα δεκαδικά κλάσματα, έως ότου φτάσεις σε ανάγωγο κλάσμα.

Θα μετατρέψουμε τον προηγούμενο κώδικα σε συνάρτηση:

```
def posostoseklasma(fx):
    fx = float(fx)
    denom = 100
    while int(fx) != fx:
        fx *= 10
        denom *= 10
    fx = int(fx)
    return(Fraction(fx,denom))
```

```
print(posostoseklasma(15))
print(posostoseklasma(7))
print(posostoseklasma(48))
print(posostoseklasma(50))
```

Και το αποτέλεσμα είναι:

```
3/20
7/100
12/25
1/2
```

Ασκηση 1.0.7 (Ασκηση 4 του βιβλίου, Σελ. 81) Υπολόγισε: (α) το 10% των 3000€, (β) το 45% της 1 ώρας, (γ) το 20% του λίτρου, (δ) το 50% των 500 γραμμαρίων, (ε) το 25% του 1 κιλού.

```
>>> 10/100*3000
300.0
```

Αρα 300€.

```
>>> 45/100*60
27.0
```

Αρα 27 λεπτά.

```
>>> 20/100*1000
200.0
```

Αρα 200ml

```
>>> 50/100*500
250.0
```

Αρα 250g.

```
>>> 25/100*1000
250.0
```

Αρα 250 γραμμάρια.

Ασκηση 1.0.8 (Ασκηση 5 του βιβλίου, Σελ. 81) Βρες τι ποσοστό είναι: (α) τα 50€ για τα 1.000€, (β) οι 30 ημέρες για το 1 έτος, (γ) τα 50 στρέμματα για τα 2.500 στρέμματα, (δ) οι 3 παλάμες για τα 10 μέτρα.

```
>>> 50/1000 * 100
5
```

Αρα 5%.

```
>>> 30/360 * 100
8.333333333333332
```

Αρα 8.33%.

```
>>> 50/2500 * 100
2.0
```

Αρα 2%.

Παλάμη λέμε το δεκατόμετρο dm οπότε οι 3 παλάμες είναι 3 dm δηλαδή 30cm. Οπότε:

```
>>> 30 / (10*100) * 100
3
```

Αρα 3%.

Ασκηση 1.0.9 (Ασκηση 6 του βιβλίου, Σελ. 81) Ενα μπουκάλι με οινόπνευμα παρέμεινε ανοικτό και εξατμίστηκε το 22% του όγκου του. Το μπουκάλι περιείχε αρχικά 0,610 lt. Πόσα lt οινόπνεύματος εξατμίστηκαν;

```
>>> 22*0.610 / 100
0.13419999999999999
```

Οπότε η Python δίνει μια προσέγγιση της σωστής απάντησης που είναι: 0.1342.

Ασκηση 1.0.10 Σε ένα σημείο της γήινης σφαίρας, ο φλοιός έχει πάχος 50 Km, ο μανδύας 2.900 Km και ο πυρήνας 3.450 Km. (α) Να βρεις το μήκος της ακτίνας της Γης σε Km. (β) Να βρεις ποιο ποσοστό της ακτίνας της Γης κατέχει ο φλοιός, ο μανδύας και ο πυρήνας αντίστοιχα.

```
x = [50, 2900, 3450]
print(sum(x))
for i in x:
    print(100*i/sum(x))
```

Το αποτέλεσμα του προγράμματος είναι:

```
6400
0.78125
45.3125
53.90625
```

Οπότε το μήκος της ακτίνας της γης είναι 6400Km. Ο φλοιός είναι το 0,78125%, ο μανδύας το 45,3125% και ο πυρήνας το 53,90625%.

Ασκηση 1.0.11 (Στο βιβλίο βρίσκεται στη Σελ. 82) Ενας ηλεκτρολόγος είχε έσοδα 2.856€ το δεύτερο τρίμηνο του έτους. Πόσα χρήματα πρέπει να αποδώσει στο κράτος, αν ο Φ.Π.Α. που παρακρατά από τους πελάτες του είναι 19%.

Η σωστή απάντηση είναι:

```
>>> 2856*19/119
456.0
```

Άσκηση 1.0.12 Στην περίοδο των εκπτώσεων, ένα κατάστημα έκανε έκπτωση 35% στα είδη ρουχισμού και 15% στα παπούτσια. Πόσο θα πληρώσουμε για ένα πουκάμισο και ένα ζευγάρι παπούτσια που κόστιζαν 58€ και 170€, αντίστοιχα, πριν τις εκπτώσεις.

```
>>> 170 * 15/100
25.5
>>> 170 - 25.5
144.5
>>> 58*35/100
20.3
>>> 58-20.3
37.7
>>> 37.7 + 144.5
182.2
```

Μπορείς να κάνεις τις πράξεις αυτές σε μία συνάρτηση neatimi:

```
def neatimi(timi,ekpt):
    return(timi-timi*ekpt/100)

neatimi(170,15)
neatimi(58,35)
```

Που δίνει σαν αποτέλεσμα:

```
144.5
37.7
```

Άσκηση 1.0.13 (Στο βιβλίο βρίσκεται στη Σελ. 82) Ποσό 1.000€ κατατέθηκε σε λογαριασμό ταμειευτηρίου, με επιτόκιο 5%. Πόσος είναι ο τόκος που θα αποδώσει το κεφάλαιο αυτό, μετά από 18 μήνες, αν οι τόκοι προστίθενται στο κεφάλαιο κάθε χρόνο;

Στον ένα χρόνο:

```
>>> 1000*5/100
50.0
```

Για τους υπόλοιπους έξι μήνες θα είναι τα μισά οπότε:

```
>>> 50.0/2
25.0
```

Συνολικά είναι:

```
>>> 50.0 + 25.0
75.0
```

Σαν συνάρτηση γίνεται:

```
def tokos(kefalaio,epitokio,mines):
    return(kefalaio*epitokio/ 100*mines/12)

print(tokos(1000,5,18))
```

Που δίνει το ίδιο αποτέλεσμα:

```
75
```

Ασκηση 1.0.14 (Ασκηση 1 του βιβλίου, Σελ. 82) Επιχειρηματίας αγόρασε μετοχές μιας εταιρείας, προς 50€ την κάθε μετοχή. Σε ένα μήνα η μετοχή έπεσε κατά 8% και το επόμενο δίμηνο ανέβηκε κατά 5% το μήνα. (α) Ποια ήταν η τιμή της μετοχής στο τέλος του τρίτου μήνα; (β) Η επένδυση του επιχειρηματία ήταν κερδοφόρα ή όχι; (γ) Ποιο είναι το ποσοστό κέρδους ή ζημίας του, επί του αρχικού κεφαλαίου;

```
>>> 50 - 8/100*50
46.0
>>> 46+5/100*46
48.3
>>> 48.3+5/100*48.3
50.714999999999996
```

Η τιμή της μετοχής είναι 50,715.

Η επένδυση ήταν κερδοφόρα.

Το ποσοστό κέρδους είναι:

```
>>> (50.715 - 50)/50*100
1.43000000000000068
```

Αρα το αποτέλεσμα είναι 1,43%.

Ασκηση 1.0.15 (Ασκηση 2 του βιβλίου, Σελ. 82) Κεφάλαιο 80.000€ κατατέθηκε, σε λογαριασμό ταμιευτηρίου, με επιτόκιο 4,5% το χρόνο. (α) Ποιος θα είναι ο τόκος στο τέλος του πρώτου έτους; (β) Ποιος θα είναι ο τόκος στο τέλος του δεύτερου έτους, αν ο τόκος του πρώτου έτους κεφαλαιοποιηθεί;

```
>>> 80000*4.5/100
3600
>>> 80000+3600
83600.0
>>> 83600*4.5/100
3762.0
```