Задание 12 (на 20.11.2013)

СС56. Покажите, что AM[k] = AM при $k \ge 2$.

 $oxed{CC57.}$ а) Докажите, что если $\operatorname{BPTime}[f(n)] = \operatorname{BPTime}[g(n)]$, то $\operatorname{BPTime}[f(h(n))] = \operatorname{BPTime}[g(h(n))]$, где f,g,h — конструктивные по времени, $f(n),g(n) \geq \log n,\ h(n) \geq n$ — возрастающая функция. б) Покажите, что $\operatorname{DTime}[f(n)] \subseteq \operatorname{BPTime}[f(n)] \subseteq \operatorname{DTime}[2^{O(f(n))}]$. в) Покажите, что $\operatorname{BPP} \subseteq \operatorname{BPTime}[n^{\log n}] \subseteq \operatorname{BPTime}[2^n]$.

[CC58.] Покажите, что существует такой оракул A и язык $L \in NP^A$, что L не сводится по Тьюрингу к 3SAT, даже если сведение может использовать оракул A.

СС 9. Машина Тьюринга называется забывчивой, если положение головки в любой момент времени зависит только от длины входа. Докажите, что любую машину Тьюринга, работающую время T(n) можно промоделировать за время $O(T^2(n))$ на забывчивой одноленточной машине. б) А на забывчивой двухленточной за время $O(T(n)\log T(n))$.

[CC 23.] Покажите, что каждый язык, который принимается k-ленточной недетерминированной машиной Тьюринга за время f(n) может быть принят 2-ленточной недетерминорованной машиной за время O(f(n)).

СС 43. Докажите, что $DSpace[n] \neq NP$.

СС 45. Докажите, что если унарный язык NP-полный, то P = NP.

[CC 46.] Обозначим UCYCLE множество всех неориентрованных графов, в которых есть цикл. Докажите, что UCYCLE принадлежит классу L.

 $\overline{\mathbf{CC}}$ 47. Докажите, что если $\overline{NP} \subseteq \overline{BPP}$, то $\overline{NP} = \overline{RP}$.

[CC 50.] ВРL_Н — это класс языков, для которых существует вероятностная машина Тьюринга M, которая использует логарифмическую память, останавливается с вероятностью 1, и для всех x выполняется, что $\Pr[M(x) = L(x)] \ge \frac{2}{3}$. Покажите, что $\Pr[L(x)] \ge \frac{2}{3}$.