## Задание 10 (на 06.11.13)

[CC50.] ВРL<sub>Н</sub> — это класс языков, для которых существует вероятностная машина Тьюринга M, которая использует логарифмическую память, останавливается с вероятностью 1, и для всех x выполняется, что  $\Pr[M(x) = L(x)] \ge \frac{2}{3}$ . Покажите, что  $\Pr[M(x) = L(x)] \ge \frac{2}{3}$ .

**Определение.** Язык  $L \in MA$ , если существует такая полиномиальная вероятностная машина V и полином p, что если  $x \in L$ , то найдется такая строка  $y \in \{0,1\}^{p(n)}$ , что  $\Pr[V(x,y)=1] \ge \frac{2}{3}$ , а если  $x \notin L$ , то для любой строки  $y \in \{0,1\}^{p(n)}$  выполняется  $\Pr[V(x,y)=1] < \frac{1}{3}$ .

**CC51.** Существует вариант класса MA с односторонней ошибкой.  $L \in MA_1$ , если существует такая полиномиальная вероятностная машина V и полином p, что если  $x \in L$ , то найдется такая строка  $y \in \{0,1\}^{p(n)}$ , что  $\Pr[V(x,y)=1]=1$ , а если  $x \notin L$ , то для любой строки  $y \in \{0,1\}^{p(n)}$  выполняется  $\Pr[V(x,y)=1]<\frac{1}{3}$ . Покажите, что  $MA=MA_1$ .

Определение. Язык  $L \in \text{AM}$ , если существует такая детерминированная машина V и полином p, что если  $x \in L$ , то  $\Pr_{z \leftarrow \{0,1\}^{p(n)}} [\exists y \in \{0,1\}^{p(n)} : V(x,z,y) = 1] \geq \frac{2}{3}$ , а если  $x \notin L$ , то  $\Pr_{z \leftarrow \{0,1\}^{p(n)}} [\exists y \in \{0,1\}^{p(n)} : V(x,z,y) = 1] < \frac{1}{3}$ .

 $\overline{\mathbf{CC52.}}$  | Покажите, что МА  $\subseteq$  АМ.

**СС53.** Покажите, что  $MA \subseteq \Sigma_2^P$ .

СС 9. Машина Тьюринга называется забывчивой, если положение головки в любой момент времени зависит только от длины входа. Докажите, что любую машину Тьюринга, работающую время T(n) можно промоделировать за время  $O(T^2(n))$  на забывчивой одноленточной машине. б) А на забывчивой двухленточной за время  $O(T(n)\log T(n))$ .

СС 23. Покажите, что каждый язык, который принимается k-ленточной недетерминированной машиной Тьюринга за время f(n) может быть принят 2-ленточной недетерминорованной машиной за время O(f(n)).

| CC 34. | Докажите, что a)  $DSpace[n^2] \subsetneq DSpace[n^3]$ ; б)  $NSpace[n^2] \subsetneq NSpace[n^3]$ .

**СС 43.** Докажите, что  $DSpace[n] \neq NP$ .

**СС 45.** Докажите, что если унарный язык NP-полный, то P = NP.

**CC 46.** Обозначим UCYCLE множество всех неориентрованных графов, в которых есть цикл. Докажите, что UCYCLE принадлежит классу L.

CC 47. Докажите, что если  $NP \subseteq BPP$ , то NP = RP.