Naturalne funkcje sklejane III stopnia

Sprawozdanie do zadania P.2.9

Jan Mazur 281141

Wrocław, 4 grudnia 2016

1 Wstęp

Interpolacja to ...

Może ustalmy normę dla naszych obliczeń. To norma z zadania.

2 Interpolacja wielomianowa

Zinterpolujmy funkcję w n+1 punktach wielomianem n-tego stopnia. Zastosujemy algorytm znajdjący wielomian interpolacyjny w postaci Newtona.

Funkcja Runge'go Całkiem fajnie działa. Psuje się na końcach przedziałów. Czasem im więcej punktów tym większy błąd - większa norma. To bardzo źle.

3 Funkcje sklejane

Cała ta teoria. Stopnie funkcji. Okresowa, naturalna. Zajmiemy się naturalną.

4 Interpolacja naturalną funkcją sklejaną III stopnia

Macierzowy układ równań. Trójprzekątniowa macierz z dominującą przekątną. Momenty - drugie pochodne. Algorytm rozwiązujący w czasie liniowym.

5 Testy

Wykresiki i liczenie błędów. Wybór punktów interpolacyjnych.

6 Wnioski

Jeśli zwykła interpolacja bardzo odstaje w niektórych miejscach to lepiej interpolować splinem.

Czy punkty równoodległe?

Literatura

- [1] David Kincaid, Ward Cheney "Analiza Numeryczna"
- [2] https://www.math.ntnu.no/emner/TMA4215/2008h/cubicsplines.pdf
- [3] Weisstein, Eric W. "Cubic Spline." From MathWorld-A Wolfram Web Resource. http://mathworld.wolfram.com/CubicSpline.html
- [4] https://en.wikipedia.org/wiki/Spline_interpolation